THERMODYNAMICS]

ভ্য**েশাক্ত স্থো**ন্থ পদার্থবিদ্যা বিভাগ, দুর্গাপুর গর্ভর্মেণ্ট কলেজ

WEST BENGAL LEGISLATURE LE	
Acc. No. 6390	
18,2.99	
Call No 5.36 . 7/1	
Price Pege Ro. 24 f.	
Price rede to	

পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পুস্তক পর্যদ (পশ্চিমবঙ্গ সরকারের একটি সংস্থা)

🕜 পশ্চিমবঙ্গ রাজ্য পৃস্তক পর্বদ

প্রকাশক ঃ
পশ্চিমবঙ্গ রাজা পৃস্তক পর্বদ,
আর্থ ম্যানসন (নবম তল),
৬/এ, রাজা সুবোধ মল্লিক ক্লোরার,
কলিকাতা-৭০০ ০১৩

মৃদুক :
শ্রীবিদিবেশ বসু,
কে. পি. বসু প্রিণ্টিং ওয়ার্কস,
১১, মহেন্দ্র গোস্থামী লেন,
কলিকাতা-৭০০ ০০৬

প্রথম প্রকাশ ঃ ফেব্রুয়ারি, ১৯৭৮

প্রচ্ছদ-শিক্ষ্পী: শ্রীগোরা দাস

প্রচ্ছদ ছেপেছেন ঃ নবভারত প্রেস, বুড়োশিবতলা, চু*চুড়া (ছগাল)

ছবি এ কৈছেন : গ্রীনির্মল কর্মকার

রক করেছেন :
মেসার্স স্ট্যান্ডার্ড ফটো এন্গ্রেভিং কোং,
১, রমানাথ মন্ত্বুমদার স্ট্রীট,
কলিকাতা-৭০০ ০০১

Published by Prof. Pradyumna Mitra, Chief Executive Officer, West Bengal State Book Board under the Centrally Sponsored Scheme of production of books and literature in regional languages at the University level, of the Government of India in the Ministry of Education and Social Welfare (Department of Culture), New Delhi

(लथरकंद्र निरवपन

রাজ্য পৃক্তক পর্যদের পক্ষ থেকে বখন মাত্ভাষার তাপগতিতত্ত্বের উপর সাম্মানিক শ্রেণীর পাঠোপযোগী পৃক্তক রচনার অনুরোধ আসে তখন খৃব বিধাগ্রক্ত চিত্তে সেই দারিছ নিতে রাজী হই । শিক্ষাদান সর্বভ্রের মাতৃভাষার হওরা উচিত বলেই মেনে এসেছি। সেই কারণে বিষয়বস্তৃর দুরুহতা ও ভাষার প্রতিবন্ধকতা সত্তেও পিছিয়ে যাওয়া সভব হর্মন।

আমার সীমিত ক্ষমতার আমি চেণ্টা করেছি, বইখানি বাতে ছাত্রদের কাছে 'টেকৃন্ট বই' হিসাবে গ্রহণযোগ্য হয়। এই কারণে বিষয়-সূচীর প্রত্যেকটি অংশেই সমান গ্রুম্ব দেওরা হয়েছে এবং যুক্তি ও তথ্যের অভাব ঘটিরে আলোচনাকে অহেতৃক সহজ্ঞ ক'রে তৃলবার প্রবণতাকে সাধ্যমতো পরিহার করা হয়েছে। নিদিণ্ট পাঠ্যসূচীর মধ্যে আলোচনা সীমাবদ্ধ রাখা কয়েকটি ক্ষেত্রে সম্ভব হয়নি—বইখানির কলেবর বৃদ্ধি পাওয়ার এটাও একটা কারণ। বইখানি রচনাকালে প্রচলিত সমস্ভ পাঠ্যপৃস্তকের সাহায্য নেওয়া হয়েছে। পরিভাষার জন্য সংসদের বাংলা অভিধান ও কলিকাতা বিশ্ববিদ্যালয় কর্তৃক প্রকাশিত 'বৈজ্ঞানিক পরিভাষা'-র সাহায্য নিয়েছি। পূর্বসূরীদের ব্যবহৃত পরিভাষাও নিঃসংকোচে ব্যবহার করেছি। অনন্যোপায় হয়ে অনেক ক্ষেত্রে পরিভাষা নিজেকেই তৈরী ক'রে নিতে হয়েছে—সেগুলি গ্রহণযোগ্য কিনা তার বিচারের ভার পাঠকের উপর।

প্রেসিডেন্সী কলেজের পদার্থবিদ্যা বিভাগের অধ্যাপক ডঃ শ্যামল সেনগৃপ্ত প্রথম থেকে নানা বিষয়ে উপদেশ দিয়ে এবং সর্বোপরি এই বইয়ের পার্ভালিপ পড়ে তার মতামত ব্যক্ত ক'রে আমাকে ঝণী করেছেন। বে নিষ্ঠা ও তৎপরতার সঙ্গে প্রেসিডেন্সী কলেজের পদার্থবিদ্যা বিভাগের অধ্যাপক ডঃ অমলকুমার রায়চৌধুরী পার্ভালিপ পরীক্ষা করেছেন এবং তার স্টিন্তিত মতামত দিয়ে আমাকে সাহায্য করেছেন, তা একমাত্র তার মতো প্রথিতবশা অধ্যাপকের পক্ষেই সম্ভব। কয়েকটি ক্ষেত্রে ডঃ সেনগৃপ্ত ও ডঃ রায়চৌধুরীর মূল্যবান সংযোজন আমি কৃতজ্ঞ চিত্তে সারণ করছি। মৌলানা আজাদ কলেজ ও ছগলি মহসীন কলেজে শিক্ষকতা কালে সেখানকার সাম্মানিক শ্রেণীর ছাত্র-ছাত্রীরা বিভিন্ন সময়ে প্রশ্ন ত্লে আমাকে সতর্ক রেখেছে—তাদের পরোক্ষ ভূমিকা উল্লেখ না করলে অন্যায় হবে। বইখানির মূল্য-কার্যে মেসার্স কে. পি. বসু প্রিন্টিং ওয়ার্কসের কমির্ন্দ—বিশেষভাবে

শ্রীসৃভাষচন্দ্র ঘোষ অতাত্ত বোগাতার সঙ্গে তাঁদের দারিত্ব পালন করেছেন। রাজ্য পৃক্তক পর্বদের মুখ্য প্রশাসন আধিকারিক ও কর্মীদের কাছ থেকে প্রয়োজনীয় মৃহূর্তে সহযোগিতা পেরেছি। সকলকে আমার ধন্যবাদ জানাই।

প্রথম সংক্রণে কোন পৃস্তকই বোধ হয় নির্ভূসভাবে প্রকাশ করা সম্ভব নয়। প্রশ্নমালায় করেকটি ক্ষেত্রে অনবধানতার কারণে কিছু ভূল রয়ে গেছে—উত্তরমালায় সেগৃলিকে সংশোধন করা সম্ভব হ'ল। পরিশেষে জানাই এই পৃস্তকের প্রত্যেকটি সমালোচনাই বথাষোগ্য মর্বাদা সহকারে বিবেচিত হবে। আমার এ প্রশ্নস ছাত্রদের প্রয়োজনে লাগলে পরিশ্রম সার্থক মনে ক'রব।

পদার্থবিদ্যা বিভাগ দুর্গাপুর গভর্নমেণ্ট কলেজ বিনীত **অশোক ঘোষ**

বিষয়-সূচী

প্রথম পরিছেদ: ভাশগভিভস্ত সম্পর্কে প্রাথমিক আব্দোচনা

1.1.	তাপগতিতত্ত্ব—ইহার উন্দেশ্য, ব্যাপ্তি ও প্রয়ে	กา	1
1.2.	পরিসাংখ্যিক তাপগতিতত্ত্ব	•••	3
1.3.	তাপগতিতত্ত্বে কয়েকটি অত্যাবশ্যকীয় মনন	•••	4
1.4.	তব্বের অবস্থা-পরিবর্তনের বিভিন্ন উপায়	•••	17
1.5.	তাপগতীয় তব্ব, তাপগতীয় স্থিতিমাপ	•••	18
1.6.	সংকীৰ্ণ চল ও ব্যাপক চল	•••	19
1.7.	তাপগতীয় সাম্যাবস্থা	• • •	20
1.8.	স্বাতন্ত্র্য সংখ্যা ও অবস্থার সমীকরণ	•••	22
1.9.	আপাত-সামাীয় পরিবর্তন ও উৎক্রমনীয় পথ	• • •	24
1.10.	বিভিন্ন প্রকারের তাপগতীয় তব্ব	• • •	25
	প্রশ্নমালা	•••	31
	দিতীয় পরিচ্ছেদ : গাণিতিক প্রছ	(
2 ·1.	সূচক চিত্ৰ	•••	33
2 · 2 .	অবকল	•••	35
2 ·3.	দিক্-অবকল গুণাংক	•••	36
2 ·4.	গাণিতিক সূত্ৰ	•••	3 8
2 ·5.	সম্পূৰ্ণ অবকল এবং অসম্পূৰ্ণ অবকল	•••	4 0
2 [.] 6.	পাফিয়ান	•••	41
2.7.	সমাকল গৃণিতক	•••	45
2.8.	δz ও dz-এর পার্থক্য	•••	46

2.9.	তিনটি নির পেক চল- এর পাফিয়ান সম্প	ৰ্ণ অবকল	
	হওয়ার সর্ত	•••	46
	প্রশাসালা	•••	47
ज् जी	র পরিছের : রাসায়নিক ভঙ্কে	ৱ বাহ্যিক এ	# *
3 ·1.	হিতিস্থাপকতা ধর্ম	•••	50
3.2.	তাপীর ধর্ম	•••	54
	প্রশ্নমালা	•••	56
Б	হুর্থ পরিচ্ছেদ : ভাশগভিভক্তের	। প্রথম সূত্র	<u>ត</u>
4 °1.	তন্দের অবস্থা পরিবর্তন করিতে কার্য ও	তাপ ···	59
4.2.	δW ও δQ অসম্পূর্ণ অবকল	• • •	61
4 ·3.	রন্ধভাপ পরিবর্তনে কার্য ও আন্তর-শক্তি		62
4.4.	প্রথম সূত্র	•••	64
4.5.	প্রথম স্তের গাণিতিক রূপ	•••	65
4 .6.	প্রথম স্ত্রের কয়েকটি অনুসিদ্ধান্ত	• • •	68
4.7.	তাপের যাশ্রিক-তৃল্যাব্দ নির্ণয়	•••	69
4.8.	প্রথম সূত্রের প্রয়োগ	•••	75
4 '9.	রক্ষতাপ পরিবর্তন সংক্রান্ত করেকটি আ	লাচনা	86
4.10.	এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ	• • •	91
	প্রশ্নমালা	•••	92
পঞ্চ	ণ পরিছেণ : উৎক্রননীয় ও	সমুৎক্র মর্ন	ीझ
	পরিকর্তন	1	
5 ·1.	উৎক্রমনীয় পরিবর্তন ও উৎক্রমনীয় পথ	•••	95
5 ·2.	অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন ও অনুংক্রমনীয় প	&	98
5 ·3.	উৎক্রমনীয়তা আদর্শ ও প্রাত্তিক মনন মাত্র	•••	99
5 [.] 4 .	উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে প্রয়োজনীর কার্য	•••	102

÷	বৈষয়-	স্চী		vii
5·5 .	সূচক চিত্রের সাহাব্যে উৎক্রম	নীর পারবর্তনে	কার্ষের হিসাব	105
5·6 .	উৎক্রমনীয় আবর্ড প্রক্রিয়া ও	সূচক চিত্র এবং	কার্ষের হিসাব	107
	প্রশ্নমালা		•••	110
বৰ্ন্ত	পরিছেদ : ভাশগভি	ভদ্বের দ্বি	ভীয় সূত্ৰ	
6.1.	দ্বিতীয় সূত্রের প্রয়োজনীয়তা		•••	111
6.2.	প্রাকৃতিক পরিবর্তনের বৈশি	ট্য	•••	113
6.3.	দ্বিতীয় সূত্র সম্পর্কে প্ল্যাব্দ, (কেল্ভিন ও ক্লা	নয়াসের বিবৃতি	117
6.4.	প্ল্যাণ্ক-কেল্ভিন ও ক্লাসয়াফে	ার উল্ভির তুলাত	ภ …	120
6.5.	দ্বিতীয় সূত্র ও অনুংক্রমনীয়ত	71	•••	123
6 [.] 6.	অবিরাম গতি ও তাপগতীর	স্ত	•••	125
6.7.	দ্বিতীর সূত্রের বৈধতা ও ম্যার	রওয়েলের ভূতের	পরীক্ষা	126
6 ·8.	তাপীয় এঞ্জিন		•••	128
6.9.	হিমায়ক	•••	•••	130
6.10.	কার্নো এঞ্জিন	•••	•••	131
6 [.] 11.	কার্নে। হিমায়ক	•••	•••	135
6·12.	বিভিন্ন প্রকারের কার্নো এপ্রি	। न	•••	136
6.13.	কার্নো উপপাদ্য	•••	•••	142
6 [.] 14.	আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জিন	•••	•••	147
6·15.	উঞ্চার কেল্ভিনীয় স্কেল ব	। উষ্টতার নির	পক্ষ স্কেল,	
	পরম শ্ন্য	• • •	•••	153
	প্রশাসা	•••	•••	162
	সপ্তম পরিচেছদ	: এন্ট্ৰপি		
7 ·1.	ক্লসিয়াসের উপপাদ্য	•••	•••	166
7.2.	এন্ট্রপি	•••	•••	169
7:3.	করেকটি সাধারণ ক্ষেত্রে এনট	পির পরিবর্তন	•••	172

7.4.	এন্ট্রাপ সূত্র	•••	• • •	179
7.5.	এন্ট্রপি ও কার্যকরী শক্তি	•••	•••	192
7.6.	এন্ট্রপি ও বিতীয় সূত্র, বিতীয়	স্তের গাণি	গতি ক রূপ	194
7.7.	এন্ট্রপি-উঞ্চতা লেখ	• • •	• • •	196
7.8.	এন্ট্রপি, বিশৃঙ্খলা ও সম্ভাব্যতা		•••	197
7.9.	হেল্মহোংজ অপেক্ষক ও গিব্	স অপেক	5 ···	204
7.10.	তাপগতীয় তন্দ্রের সাম্যাবস্থা		•••	205
	প্রশ্নমালা	•••	•••	209
অষ্ট্ৰ পা	রিছেদ: তাপগতীয় বি	ভব ও	স্যাক্সওকে	লের
	স্	মী কর ণ	1	
8.1.	বিভিন্ন তাপগতীয় অপেক্ষক		•••	214
8 [.] 2.	এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ		•••	215
8.3.	হেল্মহোংজ অপেক্ষক বা মৃক্ত	শক্তি	•••	220
8.4.	গিব্স অপেক্ষক	•••	•••	222
8.5.	গিব্স-হেল্মহোৎজের সমীকরণ	•••	•••	224
8.6.	ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণ	•••	•••	224
8.7.	T-dS সমীকরণ	•••	•••	228
8.8	আন্তর-শক্তির সমীকরণ	•••	•••	231
	প্রশ্নমালা	•••	•••	233
ā	বম পরিচেছদ : ভাপপভি	তত্ত্বের	প্রয়োগ	
91.	বিশৃদ্ধ সমসত্ত্ব তেশে তাপগতিত	ত্ত্বের প্রয়োগ	n	238
9.2.	জ্ব-টমসনের সচ্ছিদ্র ঢাকনির প	রীকা	•••	247
9.3.	জ্বল-টমসনের সচ্ছিদ্র ঢাকনির	পরীক্ষার প্রা	রাগ	259
9.4.	রন্দ্রতাপ নিশ্চৌয়কীকরণ	•••	•••	265
9.5.	তাপ-তড়িৎ	•••	•••	274
9.6.	উৎদেমনীর কোষের তাড়কালক	বল	• • •	279

বিষয়-স্চী				ix
9.7.	সরের ক্ষেত্র-প্রসারণ	•••	•••	283
	প্রশ্নমালা	•••	•••	286
फ्	শ্ব পরিচ্ছেদ : সাম্যা	বস্থা ও দ্বিং	গীয় সূত্ৰ	
10 [.] 1.	দশা সাম্য	•••	•••	291
10.2.	সম্পৃক্ত বাষ্প চাপ	•••	•••	299
10.3.	ট্রাউটনের নীতি	•••	• • •	301
10.4.	ক্লসিয়াসের সমীকরণ	•••	•••	301
10.5.	সম্পৃক্ত বাষ্পের আপেক্ষি	ক তাপ	•••	305
10 [.] 6.	কঠিন-তরল-বাষ্পীয় দশা	তে সাম্য—তৈধবি	व्यु	309
10.7.	অ-সমসত্ত্ব তল্তে সাম্যাবৰ	হা ও গিব্সের দ	শা-নীতি	313
10 [.] 8.	রাসায়নিক সাম্য	•••	•••	323
10.9.	লঘু দ্ৰবণ	•••	•••	335
	প্রশ্নমালা	•••	•••	356
	একাদশ পরিচেছদ : এ	ঞ্জিন ও হি	মায়ক	
11.1.	তাপ-এঞ্জিন	•••	•••	359
11.2.	বাষ্ণীয় এঞ্জিন বা স্টীম	এঞ্জিন	•••	360
11.3.	র্যাঙ্কন চক্র	•••	•••	362
11.4.	कार्ता हक ७ त्राष्ट्रिन हर	ক্রের জন্য এন্ট্রপি	-উক্তা−লেখ	365
11.5.	বাষ্পীয় এঞ্জিনের মূল পা	রকল্পনা ও বাদি	াক বন্দোবস্ত	368
11.6.	অন্তর্গহন এঞ্চিন	•••	•••	371
11.7.	হিমায়ক	•••	•••	383
11.8.	বাষ্প সংনমক হিমায়ক ব	। ফ্রিব্রিডেয়ার	•••	386
11.9.	বাষ্প-শোষক হিমায়ক অ	থবা ইলেকট্রোলা	y ···	388
	প্রশ্নমালা	•••	•••	391

বাদশ পরিচেদ : বিক্রিক

12 [.] 1.	তাপ বিকিরণ ও বিকীর্ণ তাপের প্রকৃতি	•••	393
12 [.] 2 .	তড়িং-চুমুকীয় তরঙ্গের শ্রেণীবিভাগ	•••	395
12.3.	বর্গালীর শ্রেণীবিভাগ · · ·	•••	397
12 [.] 4.	উক্তাজাত বিকীৰ্ণ শক্তি · · ·	• • •	401
12 [.] 5.	উক্তাজাত বিকীর্ণ শক্তির চাক্ষ্য উৎস—	গ্ৰাপশ্বচ্ছ ও	
	তাপরোধী বস্তৃ	• • •	401
12 [.] 6.	বিকীৰ্ণ তাপ অনুসন্ধান ও পরিমাপের উপা	যোগী বন্দ্রপাতি	403
12 [.] 7.	লেস্লীর ঘনকের পরীক্ষা	• • •	407
12 [.] 8.	প্রিভোস্ট-এর বিনিময় মতবাদ	•••	408
12 [.] 9.	বিকিরণের প্রতিফলন, প্রতিসরণ ও শোষণ	1	409
12 [.] 10.	কৃষ বস্তৃ	•••	410
12 [.] 11.	শ্বেত বস্তু ব। আদর্শ প্রতিফলক	•••	412
12 [.] 12.	সমসারক বিন্দু উৎস	• • •	413
12·13.	অণ্-তল হইতে বিকীণ রশ্মি	•••	415
12 [.] 14.	বিক্ষিপ্ত বিকিরণ	•••	421
12 °15.	সমসারক ও সমসত্ত্ব বিক্রিপ্ত বিকিরণ	•••	422
12 [.] 16.	সমসারক বিক্ষিপ্ত বিকিরণের পৃষ্ঠ-ঔচ্ছ	7 3 · · ·	422
12 [.] 17.	আবদ্ধস্থানে বিকিরণে সাম্যাবস্থা—কিচা	ফের সূত্র ও কৃষ	
	বস্তুর বিকরণ	•••	424
12 [.] 18.	কিচফ্-স্ত্রের পরীক্ষা · · ·	•••	431
12 [.] 19.	কৈচফ ্-স্তের প্রয়োগ · · ·	•••	434
12.20.	বিকিরণ-জনিত চাপ · · ·	•••	438
12 [.] 21.	বিকিরণ-জনিত চাপবাটোলির প্রমাণ	•••	439
12.22.	मात्रमादत्रत्र छेभभाग	•••	440
12 [.] 23.	বিক্ষিপ্ত বিকিরণের চাপ	•••	443

	বিষয়-	সূচী		XÎ
12 [.] 24.	বিকিরণ-জনিত চাপের প	রীক <u>া</u>	•••	445
12.25.	কৃষ বস্তুর বিকিরণের বৈ	विव ् र	•••	447
12.26.	অ-কৃষ্ণ বিকিরণ		•••	447
12.27.	কৃষ বন্ধু হইতে মোট বি	করণ—শ্টিফান	-বোল্ংজ্মা	নর
		স্ত		448
12 [.] 28.	আদর্শ গ্যাস ও কৃষ্ণ বস্তৃং	বিক্সিপ্ত বিকি	রণ · · ·	451
12.29.	স্টিফান-বোল্ংজ্মানের	দূত্রের পরীক্ষাম্	লক প্রমাণ	452
12.30.	স্টিফানের ধ্রুবক-নির্ণয় প	দ্ধতি	•••	454
12 [.] 31.	স্টিফান-বোল্ংজ্মান স্বে	তর প্রয়োগ	•••	455
12.32.	ভিনের শক্তি-বণ্টন স্ত	•••	•••	459
12.33.	র্য়ালে-জিন্সের শক্তি-বন্ট	ন স্ত্	•••	467
12.34.	প্ল্যাঙ্কের কণাবাদ ও কৃষ	বিকিরণে শব্তি	-বণ্টন সূত্ৰ	475
12.35.	বিকিরণ পাইরোমিতি	• • •	•••	481
	প্রশ্নমালা	•••	•••	491
खरत्रापण व	পরিচেদ : কঠিন পদ	লথেঁৱ আ	শেকিক	ভাপ
13·1.	ড়লং-পেটিটের সূত্র	•••	•••	496
13.2.	আইনস্টাইনের সমীকরণ	•••	• • •	498
13 [.] 3.	কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক	তাপ সম্পর্কে	ডিবাই রের	
		সমীকরণ	•••	500
	প্রশ্নমালা	•••	•••	513
তর্জন পরি	চ্ছেদ : নেৰ্নস্টের উ	3 21212	চাপগভিত	2C \33
		তৃতীয় সূত্র		- 4
14 [.] 1.	এন্ট্রপি-ধ্রুবক	•••	•••	514
14.2.	নের্নস্টের তাপ-উপপাদ্য	•••	•••	515
14.3.	তৃতীয় সূত্র	• • •	•••	517
14.4.	তাপ-উপপাদ্যের কয়েকটি বি	সদাত	• • •	522

14.5.	পরিসংখ্যান ও তাপ-উপপাদা	•••	•••	523
	প্রশ্নমাশা	•••	•••	523
পঞ্চ	শ পরিচেষ্ট : পরিসংখ্য	ান ভাপঃ	<u> তিভাগু</u>	
15 [.] 1.	ভূমিকা	•••	•••	525
15 °2.	সম্ভাব্যতা সম্পর্কে গাণিতিক অ	ाटनाठना	•••	526
15 [.] 3.	বোল্ংজ্মানের স্ত্র ও এন্ট্রাপ	র সংজ্ঞা	• • •	53 0
15 [.] 4.	(वान्श्क् भारतत नभीकत्रण भ्रा	স্কের সংযোগ	ल	533
15 ·5.	সনাতন পরিসংখ্যানে তাপগর্ত	ীর সম্ভাব্যতা	নিক্স পণের	
		পদ্ধতি	•••	534
15 [.] 6.	বন্ধ স্থানে আকর্ষণহীন স্থির কণ	গার সাম্য বক্ট	₹ · · ·	537
15 [.] 7.	কণাসমূহের গতীয় অবস্থা—দ	ণা স্থান	•••	538
15 [.] 8.	সনাতন শক্তি-বণ্টন সূত্র বা ম্যা	ন্ধওয়েল-বোল	ংজ্মানের	
	শক্তি-ব	ণ্টন সূত্র	•••	540
15 [.] 9.	भाज अत्रव-ताम्रक् भान मृत्त	র প্রয়োগ	•••	544
15·10.	সনাতন পরিসংখ্যানের ফুটি		• • •	551
15 [.] 11.	কোরান্টাম পরিসংখ্যানের মূল	কথা	• • •	553
15 [.] 12.	কোয়াণ্টাম পরিসংখ্যানে ভাপ	গতীয় সম্ভাবা	তার হিসাব	556
15 [.] 13.	বোস-আইনস্টাইন ও ফার্মি-চি	ভরাক বণ্টন স	त्व	558
15 [.] 14.	কোয়ান্টাম পরিসংখ্যানের প্র	য়াগ	•••	568
	প্রশ্নমালা	•••	•••	570
	পরিশিষ্ট 1. ধ্রুবীয় গোলীয়	श्वानाक उ	ঘনকোণের	
		পরিমাপ	•••	572
	পরিশিন্ট 2. ভিনের সূতের	প্রমাণ	•••	573
	উত্তরমালা		• • •	579
	পারিভাষিক শব্দাবলী		•••	583

প্রথম পরিচ্ছেদ

তাপগতিতত্ব সম্পর্কে প্রাথমিক আলোচনা (Fundamentals of Thermodynamics)

1'1. ভাপগতিভদ্ধ—ইহার উদ্দেশ্য, ব্যাপ্তি ও প্রক্রোপ (Thermodynamics—its aim, scope and application) :

তাপীর তন্দের বিভিন্ন ধর্ম ব্যাখ্যা করিবার জন্য দুইটি পৃথক্ দৃষ্টিভঙ্গীর আশ্রর লওয়া হয়। ইহাদের মধ্যে একটি হইতেছে পদার্থের আণাবক গতিতত্ত্ব (kinetic theory of matter) এবং দ্বিতীয় পদ্ধতিটি তাপগতিতত্ত্ব (thermodynamics)। উক্ষতা পরিবর্তনের ফলে তন্দ্রে (system) বে ভৌত পরিবর্তন (physical change) হয় তাহা দ্বির করা এবং কোন সাধারণ নিয়ম হইতে উহাদের ব্যাখ্যা করা তাপগতিতত্ত্বের অধিতবা বিষয়।

পদার্থের আণবিক গতিতত্ত্বে আভান্তরীণ অণুগুলি সবরকমের গতিবেগ লইয়া ইতস্ততঃ বিক্ষিপ্ত হয় বলিয়া অনুমান করা হয় এবং ইহার সাহায্যে চাক্ষৰ বা বাহ্যিক তন্দ্ৰের (macroscopic system) বিভিন্ন ধর্ম ব্যাখ্যা করা আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে অণুগুলি পরস্পরের মধ্যে আকর্ষপহীন অবস্থায় অবাধে সর্বদা সঞ্চারণ করিতে থাকে এবং উষ্ণতা বৃদ্ধিতে উহাদের গতিবেগ বৃদ্ধি পায়। এই সিদ্ধান্তকে ভিত্তি করিয়া গ্যাসের চাপ (pressure). তাপ-পরিবাহিতা (thermal conductivity), সান্দ্রতা (viscosity) ইত্যাদি ভৌতধর্ম (physical properties) ব্যাখ্যা করা সম্ভব। তন্মের অণুগুলি যদি পরস্পর আকর্ষণশূন্য না হয় তবে সেক্ষেত্রে পদার্থের আণবিক গতিতত্ত্বের প্রয়োগ একটি অতান্ত দুরূহ কাব্দ। তরল ও কঠিন পদার্থে অণুগুলির পারস্পরিক দূরত্ব কম বলিয়া উহাদের পরস্পরের মধ্যে বল দ্রির। করে এবং সেক্ষেত্রে পদার্থের আর্ণাবক গতিতত্ত্বের ক্ষমতা খুবই সীমিত। প্রথমতঃ পারস্পরিক বলের প্রকৃতি সম্পর্কে সুনির্দিণ্ট ভাবে কোন ধারণা করা কঠিন। বিতীয়তঃ এই বলের জন্য যদি একটি সহজ গাণিতিকরূপ পাওয়া সম্ভব হর তাহা হইলেও অসংখ্য অণুর গতি স্থির করা এবং উহারই সাহায্যে ভৌতধর্মকে গাণিতিক ভিত্তিতে গ্রথিত করা খুবই কঠিন হইবে।

পকারের তাপগতিতত্ত্ব চাক্ষ্য তন্দের বাহ্যিক ধর্ম (macroscopic properties of matter in bulk) আলোচনা করিবার জন্য অণু-পরমাণুর অভিম এবং উহাদের গতিবিধি সম্পর্কে কোন উল্লেখ করা

হয় না। বাজৰ অভিজ্ঞতালন্ধ এবং সকলপ্ৰকার তল্মে সমভাবে প্ৰবোজা সাধারণ করেকটি তখ্যের ভিত্তিতে তাপগতিতত্ত্ব বিকাশ লাভ করিয়াছে। সাধারণভাবে গ্রহণবোগ্য এই তথ্যগুলি তাপগতিতত্ত্বের সূত্র (laws of thermodynamics) হিসাবে অভিহিত হয়। তাপগতিতত্ত্বে এইরূপ সূত্রের সংখ্যা তিন । মোটামূটিভাবে বঙ্গা বার বে, তিনটি সূত্রের মধ্যে প্রথম দুইটির ভিত্তিতে তাপগতিতত্ত্বের মূল কাঠামো গড়িরা উঠিয়াছে। তল্মের আভাররীণ অণু-পরমাণু বিষয়ে কোন আলোচনা না করিয়া কেবলমাত ঐ -স্বগুলির সাহায্যে তাপগতিতত্ত্বের প্রতিটি সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া সম্ভব হইয়াছে। একেনে বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায় যে, তাপগতিতত্ত্বের সিদ্ধান্তগুলি হইবে তন্ত্র-নিরপেক-অর্থাৎ কেবলমাত্র কোন বিশেষ তন্ত্রের ক্ষেত্রে সিদ্ধাতগুলি প্রযোজ্য নয়। অন্যভাবে বলা যায় যে, তাপগতিতত্ত্বের আলোচনা তাপীয়তন্ত্রের ক্ষেত্রেই সীমাবদ্ধ থাকে না। তাপীয়তন্দ্র তাপ ও কার্য পরস্পরের মধ্যে রূপান্তরিত হইয়া থাকে অর্থাৎ তাপের বিনিময়ে কার্য সম্পন্ন হইতে পারে এবং কার্ষের বিনিময়ে তাপ সৃষ্টি হইতে পারে। অন্য যে সকল ক্ষেত্রে শক্তির ন্ধপান্তর ঘটে, তাপীয়তন্ত্রের ন্যায় সেই সকলক্ষেত্রেও তাপগতিতত্ত্বের প্রয়োগ সম্ভব। কেবলমার তাপীয়তন্দের সীমিতক্ষেরে তাপগতিতত্ত্বের প্রয়োগ—এরপ কোন ধারণা করা ভূল হইবে। তবে এই ব্যাপকতর ক্ষেত্রে তাপগতিতত্ত্বের প্রব্রোগ সম্পর্কে আমরা বিশেষ কোন আলোচনা করিব না।

উল্লেখ করা প্রয়েজন যে, কোন তাত্ত্বিক আলোচনায় তাপগতিতত্ত্বর সূত্রগুলি প্রমাণ করা সন্তব নয় অথবা প্রত্যক্ষ পরীক্ষায় নিরিখে এই সূত্রগুলিকে প্রামাণ্য বালয়া গ্রহণ করা যায় না । প্রশ্ন উঠিবে—যে সূত্রের তাত্ত্বিক প্রমাণ দেওয়া সন্তব নয় এবং পরীক্ষাগারে যাহাকে প্রমাণ করা যায় না, তাহার গুরুক্ষ কি ? তাপগতিতত্ত্বের সূত্রগুলির ভিত্তি যখন আপাতদৃষ্টিতে এতটা দুর্বল তখন এই সূত্রকে অবলম্বন করিয়া আলোচনা কতদ্র অগ্রসর হইতে পারে ? ইহার উত্তরে বলা যায় যে, তাপগতিতত্ত্বের সূত্রগুলি হইতে যে অসংখ্য সিদ্ধাত্তে উপনীত হওয়া গিয়াছে পরীক্ষায় তাহাদের প্রত্যেকটির যাখার্থ্য যাচাই করা সন্তব হইয়াছে । তাপগতিতত্ত্বের সূত্রগুলি এইরূপে পরোক্ষ প্রমাণে বথার্থ বালয়া প্রমাণিত হইয়াছে । সেই হিসাবে পদার্থবিদ্যার এই শাখার সাফল্য বিসায়কর । গাণিতিক ভিত্তিতে অথবা পরীক্ষাগারের গবেষণায় যাহাদের উত্তব নয় এরূপ দুই-তিনটি সূত্রের সাহায্যে চাক্ষ্ম তন্তের বিভিন্ন ক্ষেত্রে যে অসংখ্য সিদ্ধাত্ত গ্রহণ করা সন্তব হইয়াছে তাহাদের যে সত্য-সত্যই পরীক্ষার কন্টিপাথের বাচাই করা সন্তব হইবে ইহা পূর্বাহ্রেই অনুমান করা সন্তব ছিল না । যুক্তি-

বিদ্যার সঠিক প্ররোগ তাপগতিতত্ত্ব বে উচ্চমানে পৌছিরাছে ভৌত-বিজ্ঞানের (physical science) অন্য কোন শাখার তাহা সম্ভব হর নাই। লক্ষ্য করিবার বিষয় মূলতঃ বৃক্তিবিদ্যার প্ররোগে ভৌত-বিজ্ঞানের এই শাখাটি সাফল্যের পরিধি বিস্তার করিয়াছে। অনেক বৈপ্লবিক চিন্তাধারার জনক আইনস্টাইন সেই কারণে সম্রান্ধ বিস্থারে বালারাছেন—'তাপগতিতত্ত্বের প্রস্তৃতিতে বৃক্তিবিদ্যার এমন সফল প্ররোগ শ্রন্ধা ও বিস্থারের উদ্রেক করে। কালে, সনাতনী পদার্থবিদ্যার (classical physics) অনেক ক্ষেত্রে অনেক ক্রেটি দেখা বাবে, কোথাও সামানামাত্র সংশোধনের প্রয়োজন দেখা দেবে, অনেক ক্ষেত্রে পুরাতন চিন্তাধারা ত্যাগ ক'রে নতুন পথে এগোতে হবে। তাপগতিতত্ত্বের গঠনতক্রে বৃক্তিবিদ্যার বে সঠিক প্ররোগ হয়েছে তার ফলে সেক্ষেত্রে এমনটা হবার কোন আশ্রন্ধা নেই।'

বারংবার যৃক্তিবিদ্যার উল্লেখ করার প্রথমেই এরূপ ধারণা জন্মাইতে পারে যে তাপগতিতত্ত্ব বোধ হর বিমর্ত বিজ্ঞান (abstract science)। কিছু লক্ষ্য করিবার বিষয় যাহা কেবলমাত্র নৈরারিকদের আসর তোলপাড় করিবার উপলক্ষ্য হইতে পারিত তাহা প্রযুক্তিবিদ্যার নবিদগন্ধ উন্মোচন করিতে সক্ষম হইয়াছে। ফ্যারাডের ডাইনামো আবিজ্ঞার যে ভাবে মানুষের কল্যাণে প্রয়োগ করা হইয়াছে তাপগতিতত্ত্বর প্রয়োগ বোধ হয় তাহারই পরে। তাপগতিতত্ত্ব মূলতঃ ফলিত-বিজ্ঞান (practical science)—পদার্থবিদ্যা, রসায়ন ও কারিগরী বিজ্ঞানের (engineering science) বিভিন্ন শাখায় ইহার প্রয়োগ। প্রথম অবস্থায় প্রযুক্তিবিদগণের সন্তির ভূমিকা ও ঐকাত্তিক প্রচেন্টায় বিজ্ঞানের এই বিশেষ শাখাটির দ্রুত বিকাশ ঘটিয়াছে। এই কারণেই ফলিত-বিজ্ঞানের বিভিন্নক্ষেত্রে তাপগতিতত্ত্বের অপ্রতিহত প্রয়োগ। প্রকৃত-পক্ষে ব্যাবহারিক জীবনের ধ্যান-ধারণা হইতে তাপগতিতত্ত্বের সৃষ্টি।

1'2. পরিসাংখ্যিক তাপগতিতন্ত্র (Statistical thermodynamics):

পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে যে, তাপগতিতত্ত্ব আভান্তরীণ অণ্-পরমাণুর অভিছ এবং উহাদের গতিবিধি সম্পর্কে কোন ধারণা করা হর না। ফলে আভাররীণ পরিবর্তনের সঙ্গে তন্তের বাহ্যিক পরিবর্তনের যোগস্ত্র স্থাপন করা সম্ভব নর। কিন্তু অস্বীকার করা যার না বে প্রতিটি তন্তই প্রকৃত-পক্ষে অণ্-পরমাণুর সমষ্টি। তাপগতিতত্ত্বে এই অণুসমাবেশে পৃথক্ভাবে উপাদান-কণাগুলির বিষয়ে বিশদ জ্ঞান থাকে না। বেমন, অণুগুলির মধ্যে কিন্তাবে শক্তি বন্টন হয়, এই জাতীয় গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্ন তাপগাঁততত্ত্বের আলোচা সূচী-বহিষ্ঠ্ত। কিন্তু উপাদান কণাগুলির গতিবিধি ও অবস্থান্তরের সমন্টিগত ফল কি হইবে, তাপগতিতত্ত্বের স্ত্রগুলি হইতে সেই সম্পর্কে ছির সিদ্ধান্তে পৌছানো বার । তাপগতিতত্ত্বের এই ফুটি দূর করিবার জন্য অণুর অভিছকে স্বীকার করিরা উহাদের সহারতার তাপগতিতত্ত্বের সূত্রগুলি ও সিদ্ধান্তসমূহকে ব্যাখ্যা করিবার চেন্টা করা হইয়াছে। এই তাত্তিক আলোচনাকে পরিসাংখ্যিক তাপণ্যিতত (statistical thermodynamics) বলা হয়। অন্যভাবে वना बाब-'If we familiarize ourselves with thermodynamics the task of statistical thermodynamics reduces to the explanation of thermodynamics'. পরিসাংখ্যিক তাপগতিতত্ত্বের কার্যক্রম প্রসঙ্গে Pipard-এর 'Classical Thermodynamics'এর অংশ-বিশেষের উদ্ধৃতি দেওয়া হইল—'From a consideration of the behaviour of a large assembly of atoms, molecules or other physical entities it may be shown with a fair degree of rigour (enough to satisfy most physicist but few pure mathematician) that those properties of the assembly which are observable by macroscopic measurements are related in obedience with the laws of thermodynamics.'

- 1'8. ভাপগভিততে কয়েকটি অভ্যাবশাকীয় মনন (Basic concepts in thermodynamics):
- 1. ভাপগভীয় ভব্নে স্থিতিমাপ (parameter), সাম্যাবন্ধা, equilibrium), এবং ভাপগভিভন্থের আদিস্ত্র (zeroth law of thermodynamics)—তাপগতিতত্ত্ব তল্যের মাপনবোগ্য করেকটি ভৌত ধর্মের সহায়তার উহার অবস্থা বর্ণনা করা হয়। মাপনবোগ্য এই ধর্মকে তল্যের স্থিতিমাপ (parameter) বলা হইয়া থাকে। বিভিন্ন তল্যের জনা স্থিতিমাপগৃলি অবশ্যই পৃথক্ হইবে। কোন আবদ্ধ গ্যামের আরতন ও চাপ জানিতে পারিলে উহার সম্পর্কে সম্পূর্ণরূপে জানা হয়। চাপ P ও আরতন V আবদ্ধ গ্যামের অবস্থার পরিবর্তন হইয়াছে বলা হইবে। কোন একটি বিশেষ অবস্থার ছিতিমাপ P₈ ও V_৪ গ্যামের

অবস্থা নির্দেশ করিবে। পরীক্ষায় দেখা বায় বে, নির্দিন্ট ভরের গ্যাসের জন্য ্চাপ ও আরতনের বিভিন্ন মান সভব। চাপ ভির রাখিয়া গ্যাসের আরতন পরিবর্তন করা যাইতে পারে আবার গ্যাসের আরতন পরিবর্তন না করিয়া উহার চাপ পরিবর্তন করা যায়। এই কারণে আয়তন ও চাপ গ্যানের নিরপেক স্থিতিমাপ (independent parameters) বা নিরপেক তাপগতীয়-ছানাক (independent thermodynamic co-ordinates)। অন্যভাবে তাপগতীয়-ছানান্দের সাহায্যে বে সকল তন্দের অবস্থার বর্ণনা দেওয়া যাইতে পারে তাহাদের তাপগতীয় তন্ম (thermodynamic system) বলা হইবে । বিভিন্ন তাপগতীয় তল্কের জন্য দুইটি বা কখনও তাহার অধিক নিরপেক্ষ স্থিতিমাপ বা নিরপেক্ষ তাপগতীয় চল (thermodynamic variables) থাকিবে। বেমন. কোন পৃষ্ঠ-সরের ক্ষেত্রফল (area of a surface film) ও উহার পৃষ্ঠ-টান (surface tension) একে অন্যের উপর কোনরূপ নির্ভর না করিয়া পরিবর্তিত হইতে পারে। এই ক্ষেত্রে পৃষ্ঠ-টান S ও পৃষ্ঠ-সরের ক্ষেত্রফল A ঐ তত্ত্বের নিরপেক স্থিতিমাপ। কোন বিশেষ তত্ত্বের কথা চিন্তা না করিয়া সাধারণ ভাবে বলা যায় যে, তল্তের নিরপেক্ষ স্থিতিমাপ বা নিরপেক্ষ তাপগতীয়-স্থানাপ্ক X, Y, Z, ইত্যাদির সাহায্যে ঐ তন্মের অবস্থা সম্পূর্ণ-রূপে জানা সম্ভব। যে অবস্থাতে তন্দ্রের নিরপেক্ষ চল বা স্থিতিমাপের মান নির্দিন্ট সেই অবস্থাকে তন্দ্রের সাম্যাবস্থা (equilibrium state of the system) বলা হইবে। বাহিরে অবস্থার পরিবর্তনে তন্তের সাম্যাবস্থার পরিবর্তন ঘটে। সাম্যাবস্থা পরিবর্তনের সঙ্গে স্থিতিমাপের প্রারম্ভিক মান X_i , Y_i , Z_i ইত্যাদি পরিবর্তিত হইয়া অন্তিম মান X_i , \mathbf{Y}_{f} , Z_{f} ইত্যাদিতে পৌছাইবে। প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা হইতে অভিম সাম্যাবস্থাতে পরিবর্তিত হইবার কালে তল্মের অন্তর্বতী অবস্থাগুলি বে উহার সাম্যাবস্থা হইবেই এরূপ কোন নিশ্চরতা নাই। তদ্মের অন্তর্বতাঁ অবস্থা উহার সাম্যাবস্থা হইলে ঐ সময়ে স্থিতিমাপের মান নির্দেশ করা বার। কিন্তু অন্তর্বতা অবস্থা উহার সাম্যাবস্থা না হইলে (non-equilibrium states) ঐ অবস্থার তন্দ্রের স্থিতিমাপ বা তাপগতীর চলের উল্লেখ করা অর্থহীন হইর। পড়ে। কেবলমাত্র সাম্যাবস্থাতে তল্পের বিভিন্ন অংশে তাপগতীর চলের মান অভিনে হইয়া থাকে এবং সাম্যাবস্থায় না থাকিলে বিভিন্ন অংশে উহাদের মান প্রথক হইবে।

কোন তন্ত্রের সাম্যাবন্থা পরিবর্তনের সম্ভাবনা উহার বহিঃস্থ পারিপার্শ্বিক

তাপীর বন্ধর উপন্থিতি এবং অম্বর্বতী দেওরালের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে। দেওরালটি বদি তাপ সঞ্চালনের সহায়ক না হয় তবে উহাকে তাপরুদ্ধ বা তাপ-অন্তরক দেওয়াল (adiabatic wall বা adiathermanous wall) বলা হয়। পকারের দেওয়ালটির যদি তাপপরিবহণের ক্ষমতা থাকে তবে উহাকে তাপপরিবাহী (diathermic wall) বলা হইবে। অন্তর্বতী দেওয়ালটি তাপ-অন্তরক হইলে দুইটি বা ততোধিক তল্ম পৃথক্ভাবে নিজ্ঞ-নিজ সাম্যাবস্থার থাকিতে পারে। এই অবস্থাতে দুইটি তন্মকে পরস্পরের কাছে অধবা দুরে সরাইলে উহাদের নিজ-নিজ তাপগতীয় চল বা স্থিতিমাপের কোন পরিবর্তন হইবে না । একেত্রে প্রতিটি তন্দ্রের জন্য স্থিতিমাপের সম্ভাব্য যে কোন মান হইতে পারে এবং উহা নির্ভর করে তন্তের নিজম্ব অবস্থা বা constraint কিরূপ আছে তাহার উপর। দুইটি তন্দ্রের অন্তর্বতাঁ রুদ্ধতাপ দেওরালটি সরাইরা লইলে প্রতিটি তন্তের নিজ-নিজ সাম্যাবন্থা বিদ্রিত হইবে এবং অনতিবিলমে তন্দ্র দুইটিতে একটি যৌথ-সাম্যাবস্থার উদ্ভব হইবে। তৃতীয় কোন বস্তু বা তন্দ্রের সাহাষ্য ব্যতীত এই সাম্যাবস্থার কোন পরিবর্তন হইবে না। অর্থাৎ ঐ অবস্থায় পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি তল্পে তাপগভীয় চল একটি সুনির্দিন্ট মানে পৌছাইবার পরে (প্রথম তল্কের জন্য X_1 , Y_1 , Z_1 ইত্যাদি এবং দিতীয় তল্মের জন্য $X_{f s},\ Y_{f s},\ Z_{f s}$ ইত্যাদি) উহাদের আর কোন পরিবর্তন হইবে না। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, যৌথ-সাম্যাবস্থার বিভিন্ন তব্যে তাপগতীয় চলগুলির জন্য যে কোন মান সম্ভব নয়—উহাদের জন্য কেবলমার একটি করিয়া নির্দিষ্ট মান থাকিবে। এই অবস্থার প্রথম ও ৰিতীয় তল্ম পরস্পরের সহিত তাপীয় সামো (thermal equilibrium) खार्ड वना उडेरव ।

মনে করা বাক বে, দৃইটি তল্ম A এবং B-এর মধ্যে একটি তাপ-অন্তরক দেওরাল রহিরাছে। একণে A ও B উভরেই তৃতীর বে কোন একটি তল্ম C-এর সহিত পরিবাহী দেওরাল দ্বারা যুক্ত হইবার পর দেখা যাইবে কিছুক্ষণের মধ্যে A ও C তাপীর সাম্যে উপন্থিত হইরাছে এবং B ও C-এর মধ্যেও তাপীর সাম্য স্থাপিত হইরাছে। তাপীর সাম্য স্থাপিত হওরার পর A, B ও C প্রত্যেকেরই প্রারম্ভিক অবস্থার পরিবর্তন হয়। এক্ষণে A ও B-এর মধ্যে বে তাপ-অন্তরক দেওরালটি রহিয়াছে উহার পরিবর্তে একটি পরিবাহী দেওরাল স্থাপন করিলে দেখা যাইবে বে A ও B-এর অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না—তাপগতীর চলের মান উভয় ক্ষেত্রেই অপরিবর্তিত থাকে। অন্যভাবে বলা বার বে, A ও B তাপীর সাম্যে আছে। পরীক্ষালক

এই অভিন্ত তাকে সংক্রেপে নিম্নালীখত উপায়ে প্রকাশ করা বাইতে পারে—
দৃইটি তন্ম তৃতীর কোন তন্মের সহিত পৃথক্ভাবে অথবা একই সঙ্গে তাপীর
সাম্যে থাকিলে উহারা অবশ্যই নিজেদের মধ্যে তাপীর সাম্যে থাকিবে। এই
সিদ্ধান্তটিকে তাপগতিতত্ত্বের আদি-সূত্র (zeroth law of thermodynamics) বলা হয়। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা বায় বে, আদি-সূত্রের গ্রন্থনার
কেবলমাত্র সহজবোধ্যতার জন্য দৃইটি তন্মের উল্লেখ করা হইয়াছে। বে কোন
n-টি তন্ম পৃথক্ভাবে অথবা একই সঙ্গে বে কোন একটি তন্মের সহিত তাপীর
সাম্যে থাকিলে উহারা পরস্পরের সহিত তাপীর সাম্যে আছে বলা বাইতেপারে।

উক্তা (Temperature), তাপ (Heat) ও কার্য (Work)— তাপগতিতত্ত্ব উক্তা, তাপ ও কার্য এই তিনটি অতি প্রয়োজনীয় মনন (important concepts)।

2. উক্তা—কোন বন্ধু বা তল্বের উন্মার তারতমা (degree of hotness) বৃঝাইবার উন্দেশ্যে 'উক্ষতা' শব্দটি বাবহার করা হইয়া থাকে। উন্মা বাজির অনুভূতি-সাপেক্ষ একটি ধর্ম। কেবলমাত্র অনুভূতির গুণগত তারতমা (qualitative difference) হইতে বলা বায় য়ে, বরফ জল অপেক্ষা কলের জল উক্ত এবং ফুটর জল উক্তর। এইভাবে উক্তা নির্দেশ করিবার পদ্ধতি subjective বা বিষয়ী-দৃষ্টিভঙ্গী প্রস্ত বলা বায়। পদার্থ-বিজ্ঞানে উক্তার বস্তুনিষ্ঠ সংজ্ঞা (objective) দ্বির করা প্রয়োজন।

এই বিষয়ে তাপগতিতত্ত্বর আদি সূত্র (zeroth law) একটি অত্যন্ত গৃরুত্বপূর্ণ পদক্ষেপ বলিয়া বিবেচিত হইতে পারে। এই সূত্রের সাহায্যে উষ্ণতার সংজ্ঞা এবং কোন তন্তের উষ্ণতা মাপনের উপায় বাহির করা যাইবে। দৃইটি বা তাহার বেশী তন্ত্র পরস্পরের সহিত তাপীয় সাম্যে থাকিলে উহাদের উষ্ণতা সমান বলা হইবে। এইভাবে একাধিক ভন্তের উষ্ণতার সমতা (equality of temperature) দ্বির করা যাইতে পারে। দৃইটি বস্তৃ বা তন্তের মধ্যে সংযোগ স্থাপন করিলে যদি উহাদের নিজেদের সাম্যাবন্থার পরিবর্তন হয়—অর্থাৎ উহারা যদি তাপীয় সাম্যে না থাকে তবে উহাদের উষ্ণতা সমান নয়। অন্যভাবে বলা যায় বে, দৃইটি বস্তৃ বা তন্তের উষ্ণতা যদি সমান হয় তবেই উহারা তাপীয় সাম্যে থাকে, আর তাহা না হইলে উহারা তাপীয় সাম্যে থাকিতে পারে না।

বন্ধনিন্ঠ (objective) উপারে তাপীর উৎসের উক্তার তারতমা (higher and lower temperature) নির্দেশ করিতে আমরা নিয়- লিখিত পদ্ধতির সাহাষ্য গ্রহণ করিতে পারি। দ্বির আরতনের একটি তাপীর তন্তের কল্পনা করি। এই জন্য বিশেষভাবে একটি ক্যালরিমিটারে কিছু পরিমাণ জল এবং উহার মধ্যে রাখা একটি ব্র্ন-চক্র (paddle wheel) চিত্তা করা বাইতে পারে। ব্র্ন-চক্রের আবর্তনে দ্বির আরতনের ঐ তন্তের উপর কিছু পরিমাণ কার্য করা হর। এই কার্য তাপাজিতে রূপান্তরিত হওরার তন্তের তাপীর শক্তি (thermal energy) রৃদ্ধি পার। এইভাবে দ্বির আরতনের কোন তন্তের অবস্থা পরিবর্তন করা সম্ভব। দ্বির আরতনের উপর কার্য করিবার ফলে যে অবস্থার উদ্ভব হয়, সেই অবস্থার তন্তের উক্তা প্রারভিক অবস্থার তন্তের উক্তার চেয়ে বেশী হইবে। ম্বভাবতাই দ্বির আরতনের কোন তন্তে অধিকতর আভাত্তরীণ শক্তির অবস্থা হইবে উহার উক্তার অবস্থা । এইভাবে উক্তার তারতম্য বা কোন তন্তের উক্তার ও শীতলতর অবস্থাকে চিত্তা করা হয়।

এক্ষণে প্রশ্ন হইল যে, কিভাবে উঞ্ভার মান্রা বা ক্কেল স্থির করা যাইতে পারে। পরবর্তী অধ্যায়ে (6:15 অনুচ্ছেদ) তাপগতিতত্ত্বের দিতীর সূত্র হইতে বস্তুনিষ্ঠ উপায়ে উষ্ণতা-মাপনের পদ্ধতি আলোচনা করা হইবে। তাহার পূর্বে কোন বিশেষ বস্তৃ বা পদার্শ্বের কোন বিশেষ ধর্ম উষ্ণতা-পরিবর্তনের সঙ্গে কিভাবে পরিবর্তিত হয় তাহা কাজে লাগাইয়া যদৃচ্ছভাবে (arbitrary way) পৃথক্ পৃথক্ ক্লেলের অবতারণা করা হয়। তাপগতিতত্ত্বের স্ত্রপাত হওয়ার পূর্বে এই সকল বিভিন্ন স্কেলে উক্তা-মাপনের রীতি প্রচলিত ছিল। ব্যবহাত বন্ধু বা তন্মের নামানুসারে বিভিন্ন কেলের নামকরণ হইয়াছে विमन-भारत त्कन, रारेप्डाप्तन गाम-त्कन, जीन्नाकन गाम-त्कन, भ्राधिनाम কেল, ইত্যাদি। উক্তা-মাপনের বিভিন্ন কেলের মধ্যে বাস্তব গ্যাস ব্যবহাত স্কেলগুলির পার্থকা খুবই সামানা। আদর্শ গ্যাস হইতে বিচ্যুতির কারণেই বাভব গ্যাস-কেল সমূহে তারতমা হয়। প্রয়োজনীয় সংশোধন করিবার পর বাস্তব গ্যাস-ন্কেলের পাঠ হইতে আদর্শ গ্যাস-ন্কেলের পাঠ পাওয়া বার। নিম্নচাপে (P o 0) প্রত্যেক বাস্তব গ্যাস-ই আদর্শ গ্যাসের ন্যায় ব্যবহার করে (PV = RT সমীকরণ অনুসরণ করে)। এই কারণে তাপগতীয় ক্ষেল (thermodynamic scale) ব্যতীত উষ্তা-মাপনের অন্যান্য ক্ষেলগুলির भर्या व्यापर्न गाम-त्क्नारे नर्वाधिक वसु-निव्यापक विद्विष्ठ रहेए भारत ।

3. ভাপ (Heat)—কোন তল্মকে চুল্লির উপর অথবা হিমারকের (refrigerator) অভ্যন্তরে রাখিরা দিলে উহার উক্তার পরিবর্তন ঘটে।

কোন প্রকার বাধা না পাইলে তল্পের (রাসার্য়নিক তল্প) চাপ ও আরতনও পরিবর্তিত হয়। অন্যভাবে বলা বার, এই প্রক্রিয়ার তল্পের অবন্থা পরিবর্তিত হয়। অন্যভাবে বলা বার, এই প্রক্রিয়ার তল্পের অবন্থা পরিবর্তিত হইবে। কিন্তাবে ইহা সম্ভব ? অনুমান করা বাইতে পারে বে, চুল্লি অথবা হিমারকের সাহাব্যে 'এমন কিছু' তল্পের অভ্যন্তরে প্রবেশ করিরাছে অথবা তল্প হইতে নির্গত হইরাছে, বাহার ফলে এই পরিবর্তন ঘটিরাছে। ইহাকেই তাপ (heat) বলা হইবে। অর্থাৎ বাহা তল্পের অভ্যন্তরে প্রবেশ করিলে অথবা তল্প হইতে নির্গত হইলে তল্পের অবন্থার পরিবর্তন ঘটে তাহাকে তাপ বলা হইবে। অন্যভাবে বলা বায় দৃইটি বস্তৃ বা তল্প পরিবাহী দেওয়াল দ্বারা পরস্পরের সহিত বৃক্ত হইলে তাপ-বিনিময়ের ফলে উভয় তল্পের অবন্থার পরিবর্তন ঘটে। তল্পের 'অংশবিশেষ' এক স্থান হইতে অন্য স্থানে চালিত হইরা উহার অবন্থা পরিবর্তন করিতে পারে—কিলু সেই সম্ভাবনাকে বাদ দিরাই তাপের সংজ্ঞা দেওয়া হইয়ছে। প্রশ্ন উঠিবে তাপ কি ?

পরোক্ষ প্রমাণের সাহাযো বলা যায় যে তাপ এক প্রকারের শক্তি। একটি ভন্তকের (cylinder) মধ্যে পিস্টন দ্বারা আটকানো কিছু পরিমাণ গ্যাস লওয়া হইল। গ্যাসের প্রারম্ভিক চাপ, আয়তন ও উক্তা হইতে উহার অবস্থা সম্পর্কে জানা বাইবে । পিশ্টনটির উপর চাপ বৃদ্ধি অথবা হ্রাস করিলে গ্যাসের অবস্থার পরিবর্তন হয়। এই পরিবর্তনে গ্যাসের উপর কার্য করা হয় অথবা গ্যাস কিছু পরিমাণে কার্য করে। কেবলমাত্র তাপ-বিনিময়ের ফলে ঐ একই পরিবর্তন সম্ভব হইতে পারে। একটি লোহার টুকরাকে তুরপুনের সাহাষ্যে ছিদ্র করিবার সময় টুকরাটির উষ্ণতা বৃদ্ধি পায় বা উহার অবস্থার পরিবর্তন ঘটে। তাপ গ্রহণ করিলে লোহার উষ্ণতা বৃদ্ধি পাইবে। এই সকল পরীক্ষা হইতে পরোকভাবে প্রমাণিত হয় যে তাপ একপ্রকার শক্তি। তাপশক্তি ও যান্ত্রিক শক্তির তুল্যতাই (equivalence) তাপগতিতত্ত্বের প্রথম স্ত্রের আলোচা বিষয়। চতুর্থ পরিচ্ছেদে ইহা বিশদভাবে আলোচিত হইবে। অন্য বে কোন প্রকার শক্তির সহিত তাপশক্তির করেকটি পার্থক্য আছে। অন্য শক্তি ক্রমাগত সম্পূর্ণরূপে কার্বে রূপান্তরিত হইতে পারে কিন্তু তাপশক্তির ক্ষেত্রে উহা সম্ভব নয়। দ্বিতীয়তঃ দৃই বা ততোধিক বস্তৃ বা তল্মের মধ্যে তাপ-বিনিময় কালে উষ্ণতর বস্তৃ তাপশক্তি বর্জন করিবে এবং শীতলতর বস্তু ঐ তাপ গ্রহণ করিবে--অর্থাৎ তাপ-বিনিমর সকল সময় সকল ক্ষেত্রে একমুখী। তাপগতিতত্ত্বের বিতীর সূত্রে এই সম্পর্কে সবিশেষ আলোচন। क्वा द्देशास्त्र ।

উপরের আলোচনা অনুসারে বলা বার বে তাপ গ্রহণ করিলে অথবা তাপ বর্জন করিলে তাপীর তন্দ্রের অবস্থা পরিবর্তিত হর এবং এই শক্তি সকল সময়ে উষ্ণতর তন্দ্র হইতে শীতলতর তন্দ্রে প্রবাহিত হয়। লক্ষ্য করিলে দেখা ৰাইবে যে কেবলমাত্র তন্তের অবস্থা পরিবর্তন কালে তাপশক্তি গৃহীত হইরাছে অথবা তাপশক্তি বৰ্জিত হইয়াছে বলা হইতেছে। প্ৰকৃতপক্ষে প্ৰত্যেকটি তল্মে নিজ-নিজ অবস্থার উপর নির্ভর করিয়া কিছু পরিমাণ শক্তি সঞ্চিত থাকে (আন্তর-শক্তি সম্পর্কে পরবর্তী আলোচনা দ্রন্টব্য)। প্রয়োজনে এই সন্থিত শক্তির বিনিময়ে তদ্ম কার্য করিতে পারে। বেমন, কোন **স্তন্ত**কের অভ্যন্তরন্থিত গ্যানের আন্তর-শক্তির সাহায্যে পিশ্টনটি স্থানচাত হইতে পারে। আবার আয়তন স্থির রাখিয়া দুইটি তন্দের পরস্পরের মধ্যে তাপীয় সংযোগ স্থাপন করিলে ঐ শক্তির এক অংশ একটি তদা হইতে অন্য তলে চালিত হইতে পারে। এই ভাবে যে পরিমাণ শক্তি চালিত হইবে তাহাকে তাপর্শাক্ত বলা হইবে। একটি তন্ম তাপর্শাক্ত বর্জন করিরাছে (আভ্যন্তরীণ শক্তি বা আন্তর-শক্তি হাস পাইয়াছে) এবং দ্বিতীয় তলটি তাপ গ্রহণ করিয়াছে (আন্তর-শক্তি বৃদ্ধি পাইয়াছে)। আমরা কখনই বৃলিব না যে একটি তল্মে তাপ হ্রাস পাইয়াছে এবং অপর্টিতে তাপ রন্ধি পাইয়াছে। কোন তন্দোর অণুগুলির গতি ও উহাদের পরস্পরের মধ্যে আকর্ষণের জন্য বে পরিমাণ শক্তি থাকে তাহাকে কখনই তাপশক্তি বলা হইবে না—উহাকে আভান্তরীণ শক্তি বা আন্তর-শক্তি বলা হইবে। উপরের আলোচনা হইতে জানা গেল যে তাপশক্তি সংক্রামিত শক্তি (heat is only energy in transit)। আন্তর-শক্তির যে অংশ অন্য তল্যে চালিত হইয়া কোন কার্য করে অথবা অন্য একটি তলের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন করে তাহাকেই তাপ বলা হইতেছে। শক্তি চালিত না হইলে 'তাপ' শব্দটির কোন অর্ধ থাকে না।

 δQ একটি অসম্পূর্ণ অবকল (imperfect differential)—চাপ P, ও আরতন V—তন্তের দৃইটি স্থিতিমাপ বা তাপগতীয় চল এবং বে কোন অবস্থায় উহাদের নির্দিণ্ট মান থাকে—অর্থাৎ উহারা তন্তের অবস্থার অপেক্ষক (state function), অবস্থা-পরিবর্তনে উহাদের মান পরিবর্তিত হইবে । এই পরিবর্তন dPও dV হইবে সম্পূর্ণ বা ষথার্থ অবকল (ছিতীর পরিচ্ছেদ দ্রুত্ব্য)। তন্তের তাপশক্তি বলিরা কোন রাশি কম্পনা করা চলে না । তন্ত্ব তাপশক্তি কেবলমার গ্রহণ করে অথবা বর্জন করে । বেহেত্ এই চালিত শক্তির সাহাব্যে কোন প্রকৃত রাশির (real entity) পরিবর্তন

স্চিত ছর না, সেই কারণে δQ একটি অসম্পূর্ণ অবকল (বিতীয় পরিছেদ প্রতা)। চাপ P ও আরতন V-এর পরিবর্তন নির্দেশ করিতে dP ও dV লেখা হইতেছে কিন্তু δQ বারা Q-এর পরিবর্তন স্চিত হইবে না— δQ পরিমাণ তাপ চালিত হইরাছে মাত্র। কেবলমাত্র স্থল্পতা (infinitesimal quantity) বুঝাইবার উদ্দেশ্যে ' δ ' ব্যবহার করা হইরাছে।

মনে করা যাক, কোন তাপীর তন্দ্র (P_1, V_1, θ_1) অবস্থা হইতে (P_2, V_3, θ_3) অবস্থার পরিবর্তিত হইরাছে। এই পরিবর্তন নানা ভাবে হইতে পারে। একই পরিবর্তনের জন্য তন্দ্র যে তাপণীক্ত গ্রহণ করিবে তাহা বিভিন্ন কেন্দ্রে বিভিন্ন হইবে (4.5 অনুচ্ছেদ দুখ্বা)। অর্থাৎ δQ -এর সমাকল (integral) কেবলমার আদি ও অন্তিম অবস্থার উপর নির্ভর করে না—বে পথে পরিবর্তন হইতেছে তাহার উপরও নির্ভর করে। এই কারণে δQ একটি অসম্পূর্ণ অবকল (imperfect differential) [2.5 অনুচ্ছেদ দুখ্বা]।

ভাপের মাপ (measurement of heat)—কোন প্রমাণ-তন্তের নির্দিণ্ট ভরের অবস্থান্তর ঘটাইতে (দুইটি প্রমাণ-অবস্থার মধ্যে) যে পরিমাণ তাপের প্রয়োজন তাহার সাহাযো তাপের একক স্থির করিতে হইবে। C. G. S. পর্কাততে তাপের একক ক্যালরি (calorie)। এক গ্রাম জলের উক্তা 14.5°C হইতে 15.5°C-এ বৃদ্ধি করিতে যে পরিমাণ তাপের প্রয়োজন তাহাকে এক ক্যালরি তাপ বলা হয়।

4. কার্য (Work)—বলের বিরুদ্ধে অথবা বলের অভিমুখে কোন বস্তুর সরণ হইলে বস্তুর উপর কার্য করা হয় অথবা বস্তু কার্য করে। প্রত্যেকটি তাপীর তল্তের কার্য করিবার ক্ষমতা থাকে অথবা বাহির হইতে তাপীর তল্তের উপর কার্য করা যাইতে পারে। কার্যের ফলে তল্তের তাপীর অবস্থার পরিবর্তন হইলে তাহাকেই তাপগতিতত্ত্বের আলোচ্য স্চীতে আনা হইবে। ইহা বাতীত কার্য এমন হইতে পারে যে উহার ফলে তল্তের তাপীর অবস্থার কোন পরিবর্তন হইল না। তাপগতিতত্ত্বে এই প্রকারের কার্য লইরা

^{*} উক্তভা বে কোন বেলে মাপা হইরাছে ইহা বুবাইতে ৫ লেখা হইবে। এবং আহর্ম গ্যান বেলে (এবং পরে কেলভিন-বেলে) উক্তভা নির্দেশ করিতে ম লেখা হইবে।

আমরা আলোচনা করিব না। করেকটি উদাহরণের সাহাব্যে এই দৃই শ্রেণীর কার্বের পার্থক্য বুঝানো হইল।

একটি क्यानितिमिटोर्स किছ পরিমাণ জল এবং উহার মধ্যে তুবানো একটি র্থন-চক্রের অভিত্ব কম্পনা করা বাক। ইহা হইবে একটি স্থির আয়তনের তন্ত্র। পূর্বন-চক্রটির আবর্তনে যে কার্য করা হইবে তাহার বারা জলের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে । কার্ষের ফলে তন্মের আরতন পরিবর্তন হইতে পারে । মনে করা বাক একটি ভন্তকের মধ্যে গ্যাস আছে—ভন্তকের মুখে পিন্টনের উপর ভর চাপাইরা ঐ গ্যাস আটকানো হইরাছে। পিন্টনের উপর রাখা ভর হ্রাস করিলে প্রসারণের সময় আন্তর-শক্তির বিনিময়ে অথবা বাহির হইতে ভাপ গ্রহণ করিয়া গ্যাস কার্য করে। উভয় ক্ষেত্রেই কার্যের সঙ্গে সঙ্গে তন্দ্রের তাপীয় অবস্থার পরিবর্তন হইতেছে। জল ভর্তি পারকে মাটি হইতে উচুতে তুলিতে কার্যের প্রয়োজন হয়। কিন্তু এই কার্ষের ফলে ক্যান্সরিমিটার বা উহার অভ্যন্তরিস্থিত জলের তাপীর অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না —কেবলমাত্র সামগ্রিকভাবে পাত্রের স্থিতিশক্তি বৃদ্ধি পাইবে। ইহাকে তাপগতীয় কার্য (thermodynamic work) বলা যায় না। তন্দ্রের এক অংশ অপর অংশের উপর যদি কোন কার্য করে, তবে তাহাকে তাপগতীয় কার্য বলা হইবে না। যেমন হাইড্রোব্দেন ও অক্সিব্দেন মিশ্রণের অণুগুলি বিক্ষেপণের (diffusion) সময় পারস্পরিক আকর্ষণের বিরুদ্ধে বে কার্য করে, তাহাকে তাপগতীয় কার্য विनव ना।

বলবিদ্যা (mechanics) হইতে জানা যায় যে সংরক্ষী বলকেয়ে (conservative field of force) কোন বলুকে A বিন্দৃ হইতে B বিন্দৃতে লইতে মোট যে কার্য করা হয়, তাহার পরিমাণ বা বলের পথ-সমাকল (line or path-integral) $\int_A^B f. \ dl$ পথ-নিরপেক্ষ হইয়া থাকে । ইহার অর্থ এই যে আদি ও অন্তিম বিন্দৃত্বয়কে ঠিক রাখিয়া যে কোন পথেই A বিন্দৃত্ব হৈতে B বিন্দৃতে যাওয়া যাক না কেন, কার্বের পরিমাণ প্রতি ক্ষেত্রেই অভিন্ন হইবে । তাপগতীয় কার্য কিন্তু কেবলমান্ত তন্মের প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থার উপরই নির্ভর করে না—িক ভাবে বা কোন পথে তন্মকে এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থাতে লওয়া হইয়াছে (অন্তর্বতা সময়ে তন্ম কি অবস্থার থাকে) তাহার উপর কার্বের পরিমাণ নির্ভর করিবে । একটি উদাহরণ হইতে এই বক্ষরা সহজেই বৃঝা যাইতে পারে ।

সমোক প্রক্রিরার (isothermal process) আদর্শ গ্যাসকে (P_1, V_1, θ) অবস্থা হইতে (P_2, V_3, θ) অবস্থাতে লওরা হইল এবং মনে করি $V_3 > V_1$ । প্রসারণের সময় গ্যাস বে কার্য করে তাহাকে তাপগতীর কার্য বলা হইবে। বিভিন্ন উপারে তল্যকে এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থার লওরা যাইতে পারে। করেকটি সম্ভাব্য ক্ষেত্রে কার্যের হিসাব দেওরা হইল।

(i) আপাত-সামীয় পরিবর্তন (Quasi-static change)—
কোন ভন্তকের মধ্যে পিস্টনের সাহাধ্যে গ্যাস আটকানো থাকিতে পারে।
পিস্টনের উপর ইচ্ছামতো ভর চাপাইয়া গ্যাসের আয়তন বাড়ানো বা কমানো
বাইতে পারে। পিস্টনটি ভ্রির-থাকা অবস্থায় গ্যাসের চাপ পিস্টনের
একক ক্ষেত্রের উপর প্রযুক্ত বলের সমান। এই অবস্থাটি গ্যাসের সাম্যাবস্থা
(equilibrium state) এবং ঐ অবস্থায় গ্যাসের চাপ, আয়তন ও উক্ষতা
নির্দিন্ট ভাবে জানা যায়। পিস্টনটি অগ্-দ্রম্ব (infinitesimal distance)
dx অগ্রসর হইলে কার্য হইবে,

$$\delta W = F dx = P \alpha dx = P dV$$

 α -স্তম্ভকের প্রস্থাছেদ (cross-section) এবং dV গ্যাসের আয়তনের অণু-পরিবর্তন ।

ভন্তকের অভ্যন্তরে গ্যাসের প্রসারণের জন্য এই হিসাব লেখা হইলেও সাধারণভাবে যে কোন ক্ষেত্রে চাপ P ছির রাখিয়া গ্যাসের আয়তনের অণু-পরিবর্তন dV হইলে কার্বের পরিমাণ হইবে $\delta W = PdV$ । গ্যাসের চাপ পর্বায়্ব ক্রেমে অণু-পরিমাণে হ্রাস করিতে থাকিলে প্রসারণের সময় গ্যাস আপাতদৃষ্টিতে সাম্যাবস্থার থাকিবে। ভন্তকের মধ্যে রাখা পিন্টনটি খ্ব ধীর গতিতে সরাইতে থাকিলে আপাত-সাম্যীয় পদ্ধতিতে গ্যাসের আয়তন বৃদ্ধি পাইবে। এইভাবে গ্যাসকে (P_1, V_1, T) অবস্থা হইতে (P_2, V_2, T) অবস্থার লওয়া হইলে মোট কার্য হইবে.

$$\mathbf{W} = \int_{\mathbf{V_1}}^{\mathbf{V_2}} \mathbf{P} d\mathbf{V} = n\mathbf{R}\mathbf{T} \ ln \cdot \frac{\mathbf{V_2}}{\mathbf{V_1}}$$
 (n গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাসের জন্য)

(ii) অন্তর্বর্তী কালে কোন সাম্যাবছার স্থান্ট না হইলে (Change in one step)—গ্যাসের চাপ প্রথমেই P_1 হইতে কমাইয়া P_2 করিবার পর গ্যাসের আয়তন প্রসারিত হইলে কার্ব হইবে,

$$W = P_{\bullet}(V_{\bullet} - V_{\bullet})$$

(iii) মুক্ত প্রসারণ (Free expansion)—প্রথমেই গিস্টনটি হইতে সমস্ত তর তৃলিরা লওয়া হইল। প্রসারণের পর গ্যাসের আরতন V_s হওয়ার মৃহূর্তে পিস্টনের উপর প্ররোজনীয় তর চাপানো গেল যাহার ফলে সাম্যাবস্থার গ্যাসের চাপ P_s হইতে পারে। প্ররোজনীয় সতর্কতা গ্রহণ করা গেল, যাহাতে দ্রুত আরতন-পরিবর্তনে উক্তার কোন তারতম্য না হয়। এই আদর্শ পরীক্ষার পিস্টনটিকে তর-শূন্য চিত্তা করা যাক। এইভাবে গ্যাস (P_1, V_1, T) অবস্থা হইতে (P_s, V_s, T) অবস্থার আনিতে কোন কার্যের প্ররোজন হয় না অর্থাৎ W=0।

 δW একটি অসম্পূর্ণ অবকল (Imperfect differential)— দেখা গেল, আদি ও অন্তিম অবস্থা এক হওয়া সত্ত্বেও নানাভাবে তন্দ্রের পরিবর্তন সম্ভব হইবে। একই পরিবর্তনে বে পরিমাণ কার্ষের প্রয়োজন তাহা বিভিন্ন উপারে বিভিন্ন হইবে। অর্থাৎ δW -এর-সমাকলটি $\left(\int_1^2 \delta W\right)$ কেবল মাত্র আদি ও অন্তিম অবস্থার উপর নির্ভর করিবে না—কিভাবে তন্দ্র পরিবর্তিত হইয়াছে তাহার উপরও নির্ভর করে। অর্থাৎ δW -এর সমাকলটি হইবে পথ-নির্ভর (path dependent) এবং এই কারণে δW একটি অসম্পূর্ণ অবকল।

এখানেই বলিয়া রাখা যায় যে, পরবর্তী আলোচনায় প্রত্যেকক্ষত্রে তন্দ্র নিব্দে কার্ম করিলে তাহা একটি ধনাত্মক রাশি (positive quantity) এবং তন্দ্রের উপর কার্ম করা হইলে তাহা একটি ঝণাত্মক রাশি (negative quantity) বিবেচিত হইবে। পক্ষান্তরে, তন্দ্র যদি তাপ গ্রহণ করে তবে δQ ধনাত্মক রাশি এবং তন্দ্র তাপ বর্জন করিলে ইহা ঝণাত্মক রাশি হইবে।

5. **আন্তর-শক্তি** (Internal energy)—শক্তির বিনিমরে কার্য সাধিত হয়। অন্যভাবে বলা বায় যে কার্য সম্পাদন করিতে সকল সময় শক্তির প্রয়েজন। এজিনে তাপশক্তির বিনিময়ে যাল্যিক কার্য (mechanical work) সম্পন্ন হইতেছে। বৈদ্যুতিক মোটরে তড়িংশক্তির বিনিময়ে বাল্যিক কার্য করা বাইতেছে। চুম্বক-শক্তি, আলোক-শক্তি, শব্দ-শক্তির বিনিময়ে কার্য-সম্পাদ হইবার অনেক উদাহরণ দেওয়া বাইতে পারে। প্রতিটি ক্রেটেই কার্য-সম্পাদনে শক্তি বায় হইবে।

কোন বন্ধু বা তদ্মে সমগ্রভাবে বে গতিশক্তি ও ছিতিশক্তি থাকে, সেই শক্তিকে ঐ বন্ধু বা তদ্মের বহিঃশক্তি (external energy) বলা চলে।

বাড়ির শিপ্তাং উহার স্থিতিশক্তি বার করিয়া কার্য করে। বাধের জল উচ হইতে নীচুতে পঞ্চিয়া উহার স্থিতিশক্তির বিনিমরে ডাইনামো চালায়। নোকার পালে বাতাস লাগিরা নৌকা চালিত হর—বায়ু উহার গতিশক্তির বিনিমরে এই কার্য করিতে পারে। অনেক ক্ষেত্রে দেখা যার কোন বস্তু বা তন্দ্র সম্পূর্ণ বিচ্ছিন্ন (isolated) অবস্থায় নিজ হইতে কার্য করিতেছে। 🖟 ঐ সময়ে তল্ম বিচ্ছিন্ন অবস্থার থাকায় বাহির হইতে কোনভাবে শক্তি যোগানো সম্ভব-হর নাই। কিভাবে এই কার্য সম্ভব হইতে পারে? একটি স্তম্ভকের অভ্যন্তরে একটি পিস্টন দারা আবদ্ধ গ্যাসের কথা চিন্তা করা যাক। আবদ্ধ গ্যাস প্রসারণকালে পিশ্টনটিকে স্থানচ্যুত করিতে পারে। এই সময়ে চাক্ষ্ব তল্বের গতিশক্তি ও স্থিতিশক্তির কোন পরিবর্তন হয় না (mass-motion বা ভর-গতি নাই এবং এই সময়ে স্তম্ভকটি নিজেও স্থান পরিবর্তন করে না)। অর্থাৎ তন্মের বহিঃশক্তির কোন পরিবর্তন ব্যতীত পিন্টনটির স্থানচ্যুতি ঘটিয়াছে। ইহা কিভাবে সম্ভব হইবে ? স্থিতিশক্তি ও গতিশক্তি তদ্মের মোট শক্তির অংশমার হইলে অর্থাৎ বহিঃশক্তি ব্যতীত তল্কের মোট শক্তির আরো একটি जरम थाकिल देश गाथा क**ना गहे** ति भारत । मेरिक्न **এ**ই जरमक जलान আন্তর-শক্তি বা আভাররীণ শক্তি (internal energy) বলা হইবে। পিষ্টন্টির স্থানচ্যতিতে তন্দের বহিঃশক্তি অপরিবতিত থাকিলেও ইহার আন্তর-শক্তি হাস পাইয়াছে। এই আন্তর-শক্তির বিনিময়ে প্রয়োজনীয় কার্য সম্পন্ন হইয়াছে। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যাইতে পারে যে, পিন্টনটির স্থানচ্যুতির ফলে স্তম্ভক অভাররন্থিত গ্যাসের চাপ, আরতন ও উক্তা পরিবতিত হয় এবং সেই সঙ্গে উহার আন্তর-শক্তিও হ্রাস পায়। অতএব তল্পের সাম্যাবস্থা পরিবর্তনের সঙ্গে উহার আন্তর-শক্তিরও তারতম্য হয়। এই আম্বর-শক্তির উৎস কি ?

পদার্থের আণবিক গতিতত্ত্ব প্রতিটি তলা অসংখ্য অণ্-পরমাণ্র সাহায্যে গঠিত বলিয়া কল্পনা করা হয়। এই অণুগুলি সঞ্চরণশীল এবং উহাদের পরস্পরের মধ্যে আকর্ষণ-জনিত বল দ্রিয়া করে। ইহাদের গতিশক্তি ও ছিতিশক্তির সমন্টি ঐ তল্পের আন্তর-শক্তি। কিন্তু তাপগতিতত্ত্ব আন্তর-শক্তি প্রসঙ্গে অণুগুলির অক্তিম্ব এবং উহাদের সভাব্য গতিপ্রকৃতি সম্পর্কে কোন প্রকার উল্লেখ করা হয় না। এক্ষেত্রে আন্তর-শক্তি চাক্কৃষ তল্পের একটি ধর্ম মাত্র।

পূর্বেই উল্লেখ করা হইয়াছে, কোন তব্যের আছর-শক্তি উহার অবস্থার উপর

নির্ভর করে। বিশৃদ্ধ সমসত্ত্ব রাসারনিক তল্তে (pure and homogeneous chemical system) সাম্যাবস্থার স্থিতিমাপ হইবে চাপ, আরতন ও উক্তা (P, V, 0)। এই তিনটির মধ্যে কেবলমাত্র দুইটি নিরপেক্ষ স্থিতিমাপ — তৃতীরটি অপর দুইটি স্থিতিমাপের অপেক্ষক। এই কারণে আন্তর-শক্তিকে কেবলমাত্র বে কোন. দুইটি স্থিতিমাপের অপেক্ষক বলা চলে—অর্থাৎ,

 $U(\text{ আন্তর-শক্তি})=U_1(P,V), U=U_2(V,\theta), U=U_3(P,\theta)$ - এই অপেক্ষকগুলির প্রকৃতি বা গাণিতিক রূপ অনেক ক্ষেত্রেই জানা সম্ভব নয়। সে ক্ষেত্রে তল্মের আন্তর-শক্তির পরিমাণ নির্দেশ করা সম্ভব হইবে না। কিন্তু তল্মের অবস্থা পরিবর্তনে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন হিসাব করা যাইবে।

আন্তর-শক্তি অবস্থার অপেকক (state function) ** বলিয়া তল্য কোন কারণে এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থাতে গেলে উহার আন্তর-শক্তির পরিবর্তন dU কেবলমাত্র উহার প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থার উপর নির্ভর করে। কিভাবে এই পরিবর্তন হইয়াছে (তাপ-বিনিমরে অথবা কার্য-সহযোগে) এবং অন্তর্বর্তী কালে তল্তের অবস্থা কি ছিল তাহার উপর আন্তর-শক্তির পরিবর্তন নির্ভর করিবে না। এই কারণে dU একটি বর্থার্থ বা সম্পূর্ণ অবকল (exact differential)। উল্লেখ করা বার যে, dP, dV, $d\theta$ বেমন রাসার্য়নিক তল্তের তিনটি স্থিতিমাপ—চাপ P, আয়তন V ও উষ্ণতা θ -এর পরিবর্তন নির্দেশ করে, তেমনি dU তল্তের আন্তর-শক্তি U-এর পরিবর্তন নির্দেশ করিবে। চাপ, আয়তন ও উষ্ণতার সহিত আন্তর-শক্তিও তল্তের একটি স্থিতিমাপ এবং এই চারিটির মধ্যে কেবলমাত্র দুইটি নিরপেক্ষ স্থিতিমাপ।

একাধিক পরিবর্তনের পর তন্দ্র বদি প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরিয়া আসে তবি আন্তর-শক্তির মোট পরিবর্তন

$$\sum \Delta U = 0$$
 অথবা $\oint dU = 0$

^{**} আত্তর-শক্তি যে অবস্থা-অপেক্ষক ইহা পরীক্ষালয় অভিজ্ঞতা (empirical finding)। প্রথম প্রের আলোচনায় এ সম্পর্কে দৃষ্টি আকর্ষণ করা হইরাছে [সমীকরণ (4·5)-এর পরবর্তী আলোচনা ব্রষ্টব্য]।

1'4. তক্তের অবস্থা-পরিবর্তনের বিভিন্ন উপায় (Different methods for changing the state of a system) :

কোন ভন্ম নিম্মলিখিত বে কোন একটি উপায়ে অবস্থা পরিবর্তন করিতে পারে।

(i) কেবলমাত্র কার্যের বিনিময়ে—অবস্থা-পরিবর্তনে তল্কের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন হয়। রন্দ্রতাপ প্রক্রিরায় (adiabatic change) তল্কের পরিবর্তন হইলে কেবলমাত্র কার্যের বিনিময়ে আন্তর-শক্তির এই পরিবর্তন সম্ভব হইবে। অর্থাৎ এই জাতীয় পরিবর্তনে

$$-\int_{1}^{2} \delta W = \int_{1}^{2} dU$$
 অথবা $\Delta W + \Delta U = 0$

এখানে তন্দের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইতেছে এবং সেই কারণে ΛW -কে ঝণাত্মক দেখানো হইয়ছে। পূর্বের আলোচনা হইতে জানা গিয়ছে যে, আদি ও অত্তিম অবস্থার মধ্যে তন্দের আল্তর-শক্তির অল্তর বা পার্থক্য কেবলমাত ঐ দুইটি সাম্যাবস্থার উপর নির্ভর করিবে। কিভাবে বা কোন্ পথে তন্দের এই পরিবর্তন হইয়ছে তাহার উপর ΛU কোনক্রমেই নির্ভর করে না। দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে প্রয়োজনীয় কার্য ঐ দুইটি অবস্থার মধ্যে আল্তর-শক্তির পরিবর্তনের সমান হওয়ায় বলা ঘাইতে পারে বে, তন্দের রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে প্রয়োজনীয় কার্য পরিক্রমা-নিরপেক্ষ (path independent) অর্থাং—

 $\left[\left(\int_{1}^{2}\delta W\right)_{adiabatic}\right]_{path\ I}=\left[\left(\int_{1}^{2}\delta W\right)_{adiabatic}\right]_{path\ II}$ এই সিদ্ধান্তটি বিশেষ গৃরুত্বপূর্ণ। পরবর্তী আলোচনায় পুনরায় ইহার উল্লেখ করা হইবে।

(ii) কেবলমাত্র তাপ-বিনিময়ে—ছির আরতনের তদ্য কেবলমাত্র তাপের বিনিময়ে অবস্থা পরিবর্তন করিতে পারে। এইরূপ পরিবর্তনের ফলে তাপের বিনিময়ে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন হয় এবং—

$$\mathbf{U}_{\mathbf{s}} - \mathbf{U}_{\mathbf{1}} = \int_{\mathbf{1}}^{\mathbf{s}} d\mathbf{U} = \int \delta \mathbf{Q}$$

আদি ও অন্তিম অবন্থা ঠিক থাকিলে $U_s-U_1=\Delta U$ বিভিন্ন প্রকার পরিবর্তনের ক্ষেত্রে একটি অপরিবর্তনীয় রাশি হইবে। এই কারণে এই জাতীয় পরিবর্তনে মোট সংগৃহীত বা বর্জিত তাপ পরিক্রমা-নিরপেক্ষ হইবে।

(iii) ভাপ ও কার্বের বিনিমরে—মনে করা বাইতে পারে বে ΔQ ভাপ-গ্রহণে তন্দ্র প্রারম্ভিক সাম্যাবন্দ্রা হইতে অন্য যে কোন একটি সাম্যাবন্দ্রায় আসিরাছে। পরে ঐ তন্দ্রের উপর ΔW কার্ব করিবার ফলে উহা অন্তিম সাম্যাবন্দ্রার পৌছাইল। এই পরিবর্তনে

$$\Delta \dot{\mathbf{U}} = \int_{1}^{2} d\mathbf{U} = \Delta \mathbf{Q} - \Delta \mathbf{W}$$

তন্দ্র তাপ গ্রহণ করিয়াছে এবং ইহার উপর বাহির হইতে কার্য করা হইয়াছে ;
এই কারণে ΔQ ধনাত্মক এবং ΔW ধণাত্মক হিসাবে দেখানো হইল । এই
পরিবর্তনে আন্তর-শক্তি বৃদ্ধি পার এবং ΔU ধনাত্মক । ইচ্ছামত অন্তর্বর্তী
সাম্যাবন্থা পরিবর্তন করা যায় এবং ঐ সঙ্গে ΔQ ও ΔW উভর রাশিই
পরিবর্তিত হইবে কিন্তৃ U-এর পরিবর্তন একই হইবে । সাধারণভাবে একই সঙ্গে
কার্য ও তাপ প্রয়োগে তন্দ্রের অবন্থা-পরিবর্তন হইতে পারে ।

1'5. ভাশগভীয় ভস্ক, ভাশগভীয় স্থিতিমাশ (Thermodynamic system, Thermodynamic parameters) :

বে তদ্বের তাপ গ্রহণ ও তাপ বর্জন করিবার ক্ষমতা থাকে তাহাকে তাপগতীর তন্ত্র (thermodynamic system) বলা হয়। তাপ গ্রহণ ও বর্জন কালে তন্ত্র কার্য করিতে পারে অথবা তন্ত্রের উপর বাহির হইতে কার্য করা যাইতে পারে। আবার কোন প্রকার কার্য ব্যতীত তাপগতীর তন্ত্র পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সহিত কেবলমাত্র তাপ বিনিমর করিতে পারে।

পূর্বেই আলোঁচত হইরাছে (1 3 অনুচ্ছেদ) বে, তাপগতিতত্ত্বে মাপন-বোগ্য করেকটি ভৌত রাশির (তাপগতীর তল্কের ভৌত ধর্ম) সাহায্যে তল্কের বর্ণনা দেওরা হইরা থাকে। ইহাদের তল্কের দ্বিতিমাপ (parameters) বা তাপগতীর চল (thermodynamic variables) বলা হইবে। তাপ বিনিমর অথবা কার্য করিবার ফলে তল্কের তাপগতীর চলের পরিবর্তন হয়। দ্বিতিমাপ বা তাপগতীর চলগুলির মধ্যে করেকটি তল্কের নিজস্ব ধর্ম। বেমন, রাসার্য়নিক তল্কের ক্ষেত্রে উহার চাপ P ও আরতন V, পৃষ্ঠ-সরের (surface film) ক্ষেত্রে পৃষ্ঠ-টান (surface tension) S ও সরের ক্ষেত্রফল A. চৌয়কীর তল্কের ক্ষেত্রে চৌয়ক-দ্রামক (magnetic moment) M ও চৌয়ক বলক্ষেত্রের প্রাবল্য (intensity of the magnetic field) H এবং উৎক্রমনীর তাড়ং কোবের (reversible

 cell) ক্লেন্সে তড়িকালক বল E ও তড়িং আধান a ইত্যানি। আবার করেকটি স্থিতিমাপ তল্ম-নিরপেক (independent of the nature of the thermodynamic system), বেমন—উৰুতা, আন্তর-শক্তি, এনট্রপি (entropy S সম্পর্কে সপ্তম পরিচ্ছেদে আলোচনা করা হইরাছে) তল্ত-বিশেষের নিজস্ব ধর্ম নয়। প্রত্যেকটি তাপগতীয় তব্বে এই তিনটি চলের বিশেষ গুরুত্ব থাকে। স্থিতিমাপগুলির করেকটি প্রত্যক্ষভাবে উক্তার অপেক্ষক। যেমন—রাসায়নিক তব্দে চাপ P ও আয়তন V, পৃষ্ঠ-সরের জন্য উহার পৃষ্ঠ-টান S, চৌমুকীয় তল্মে চৌমুক-ভ্রামক M ইত্যাদি। তড়িং আধান a ও পৃষ্ঠ-সরের ক্ষেত্রফল $\mathbf A$ প্রত্যক্ষভাবে উঞ্চতার অপেক্ষক নয় কিন্তু তাপ-বিনিমরের ফলে ইহারা পরিবর্তিত হইতে পারে। লক্ষ্য করা বায় বে ন্থিতিমাপের সংজ্ঞা দিতে তন্দ্রের আভ্যন্তরীণ অণু-প্রকৃতি সম্পর্কে কোন উল্লেখ করা হয় নাই। স্থিতিমাপ বা তাপগতীয় চল তন্দ্রের একটি চাক্ষ্ব বা বাহ্যিক ধর্ম (macroscopic property) মাত্র। কোন তল্তের ভর একটি ধ্রুবকরাশি এবং ইহা তল্তের স্থিতিমাপ হইতে পারে না। কিন্তু বিভিন্ন বস্তু-সংযোগে গঠিত তব্যে উপাদানগুলির পরস্পরের মধ্যে বিক্রিয়া (reaction) চলিতে থাকিলে উহাদের আপেক্ষিক ভর (relative mass) উষ্ণতা-নির্ভর হইবে। এই সকল ক্ষেত্রে আপেক্ষিক ভরকে তন্দ্রের স্থিতিমাপ বলা যায়। হইতে অন্য অবস্থায় গোলে তল্পের স্থিতিমাপের পরিবর্তন কেবলমাত উহার আদি ও অন্তিম অবস্থা-দুইটির উপর নির্ভর করে। বিভিন্ন উপায়ে তন্দ্র এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থায় পরিবর্তিত হইতে পারে কিন্তু ইহাদের জন্য দ্যিতিমাপের পরিবর্তন একই হইবে। এই কারণে অবস্থা পরিবর্তনে ন্থিতিমাপের পরিবর্তন (যেমন-dP, dV, $d\theta$, dU, dS ইত্যাদি) যথার্থ বা সম্পূর্ণ অবকল (perfect differential) হইবে।

1'6. স্কৌৰ্ চল ও ব্যাপক চল (Intensive parameter and Extensive parameter) :

তদ্বের তাপগতীর চলগুলিকে মোটামুটি দুই শ্রেণীতে ভাগ করা বাইতে পারে। ইহাদের মধ্যে চাপ, উক্ষতা, পৃষ্ঠ-টান ইত্যাদি কোনক্রমেই তদ্বের ভরের উপর নির্ভর করে না। একটি অথবা একাধিক দেওয়াল বারা তল্যকে ভাগ করা হইলে এই স্থিতিমাপগুলির কোন পরিবর্তন হয় না। এইগুলি তদ্বের সংকীর্ণ চল (intensive parameter)। অপরপক্ষে আয়তন, চৌমুক-ভ্রামক, আন্তর-শক্তি, এন্ট্রপি ইত্যাদি কাম্পনিক দেওয়াল বারা ভাগ করিবার পূর্বে বাহা ছিল দেওরাল বার। ভাগ করিবার পর তাহার অংশ হইবে মাত্র। অন্যভাবে ইহাদের জন্য বলা বার বে, বিভিন্ন অংশে চলের সমষ্টি সমগ্র তল্তের জন্য ঐ চলের মানের সমান হইবে। ইহাদের তল্তের ব্যাপক ছিতিমাপ বা ব্যাপক চল (extensive parameter) বলা হইবে। তল্তের ভর গা-গুণ বৃদ্ধি করিলে এই ছিতিমাপগুলি গা-গুণ বৃদ্ধি পাইবে।

অন্য একটি উপায়ে সংকীর্ণ চল ও ব্যাপক চলের সংজ্ঞা দেওরা যাইতে পারে। আমরা পূর্বেই দেখিয়াছি রাসায়নিক তল্মে অণু-পরিমাণ কার্য (infinitesimal work) লেখা হয় $\delta W = PdV$ । সাধারণভাবে ষেকোন তল্মে অণু-পরিমাণ কার্য হয়,

$\delta W = YdX$

Y ও X তলের দুইটি চল। ইহাদের মধ্যে Y হইতেছে তলের সংকীণ চল (intensive parameter) ও X হইতেছে ব্যাপক চল (extensive parameter)। পরবর্তী আলোচনায় (1.10 অনুচ্ছেদ দুল্টব্য) বিভিন্ন তাপগতীর তলের জন্য এই দুই শ্রেণীর চলের একটি তালিকা দেওয়া হইবে।

1'7. ভাপগভীয় সাম্যাবস্থা (Thermodynamic equilibrium):

তল্পের হিত্যাপগৃলি উহার অবস্থাকে নির্দেশ করে। চাক্ষ্য বা বাহ্যিক তল্পের বর্ণনার জন্য স্থিতিমাপগৃলি অপরিহার্ষ। পারিপার্শ্বিক কোন বস্তৃ বা তল্পের প্রভাবে তল্পের অবস্থা পরিবর্তিত হইতে পারে। পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে বিচ্ছিল্ল অবস্থার থাকা তল্পকে বিচ্ছিল তল্প (isolated system) বলা হইবে। বিচ্ছিল তল্পের বিভিন্ন অংশে স্থিতিমাপগৃলি অভিন্ন হইলে [যেমন, রাসায়নিক তল্পের বিভিন্ন অংশে চাপ, উক্ষতা, রাসায়নিক সংযুতি (chemical composition)] স্বতঃস্ফৃতভাবে ঐ তল্পের অবস্থার কোন পরিবর্তন হইবে না। এই অবস্থাকে ঐ বিচ্ছিল্ল তল্পের সাম্যাবস্থা (equilibrium state of the isolated system) বলা হইবে। স্থিতিমাপ বা তাপগতীর চলের সাহাব্যে কোন তল্পের কেবলমাত সাম্যাবস্থার বর্ণনা দেওয়া হয়। তল্প সাম্যাবস্থার না থাকিলে তল্পের বিভিন্ন অংশে তাপগতীর চল পৃথক্ হইবে—এবং সেই কারণেই ইহাদের সাহাব্যে সামগ্রিক ভাবে তল্পের বর্ণনা দেওয়া সম্ভব হইবে না।

ভন্দ উহার সামাাবন্থার থাকার সময়ে পারিপার্শ্বিক বন্ধু বা মাধ্যমের সহিত বৃক্ত হইলে সাধারণভাবে তন্দ্র ও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের মধ্যে বল, উক্তা ইত্যাদির অসমতার (inequality) জন্য উভরের সাম্যাবন্থা বিদ্নিত হইয়া ন্তন সাম্যাবন্থার উদ্ভব হয়। তন্দ্রের সাম্যাবন্থা ন্থিতিশীল হইতে গেলে তন্দ্রের বিভিন্ন অংশে এবং তন্দ্র ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের মধ্যে পৃথক্ ভাবে ব্যান্দ্রিক সাম্য (mechanical equilibrium), রাসার্য়নিক সাম্য (chemical equilibrium), ও তাপীর সাম্য (thermal equilibrium) থাকা একাত্তভাবে প্রয়োজন। ইহাদের সম্পর্কে পৃথক্ ভাবে আলোচনা করা হইল।

- 1. বাজিক সাম্য (Mechanical equilibrium)—তলের বিভিন্ন অংশের মধ্যে অথবা তল্ম ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের মধ্যে কোন অসম বল (unbalanced force) না থাকিলে ঐ তল্মে বালিক সাম্য বর্তমান বলা যার। যালিক সাম্যের অংর্তমানে শৃধুমাত্র তল্পের অথবা তল্ম ও পারিপাশ্বিক মাধ্যম উভয়েরই সাম্যাবন্থার পরিবর্তন হইবে। এই অবস্থায় তল্মের এক অংশ হইতে বন্ধু অন্য অংশে চালিত হয় অথবা সামগ্রিক ভাবে তল্মের দৈর্ঘ্য, ক্ষেত্রফল, আয়তন ইত্যাদি স্থিতিমাপের তারতম্য ঘটে। পুনরায় যালিক সাম্য স্থাপিত না হওয়া পর্যন্ত এই পরিবর্তন চলিতে থাকে। মনে করা যাক, পিস্টনের সাহায্যে শুভকের অভান্তরে কিছু পরিমাণ গ্যাস আটকানো আছে। গ্যাসের চাপ হইবে পিস্টনের উপর প্রযুক্ত চাপের সমান। ইহার ফলে পিস্টনিট স্থির থাকে। এই অবস্থায় গ্যাস যালিক সাম্যে আছে বলা যায়। পিস্টনের উপর ভর হ্রাস ও বৃদ্ধি করিলে গ্যাস ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের মধ্যে অসম বলের সৃষ্টি হয়। গ্যাসের চাপ এই অবস্থায় পিস্টনের উপর প্রযুক্ত চাপের সমান না হওয়া পর্যন্ত উহার আয়তনে পরিবর্তন হইতে থাকিবে।
- 2. রাসায়নিক সাম্য (Chemical equilibrium)—মনে করা যাক, কোন তল্মে যালিক সাম্য স্থাপিত হইয়াছে। ঐ অবস্থায় রাসায়নিক বিক্রিয়া, দ্রবণ, ব্যাপন (diffusion) ইত্যাদির ফলে উহার অভ্যন্তরে কোন পরিবর্তন না ঘটিলে তল্ফটি রাসায়নিক সাম্যে আছে বলা যায়।
 - 3. তাপীর সাম্য (Thermal equilibrium)—বাদ্যক ও রাসার্যনিক সাম্য বর্তমানে তক্ম পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে পরিবাহী দেওয়াল (diathermic wall) দ্বারা বৃক্ত হইলে বাদি উহার হিতিমাপের কোন পরিবর্তন না হয় অর্থাৎ উহার অবস্থা বাদ অপরিবর্তিত থাকে তবে তক্ম পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপীর সাম্যে আছে বলা হইবে। এই অবস্থার

তন্দের বিভিন্ন অংশের উষ্ণতা সমান এবং ঐ উষ্ণতা ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের উষ্ণতা অভিন্ন ।

যাদ্রিক সামোর উদাহরণটিতে ফিরিয়া যাওয়া যাক। স্তম্ভকের অভ্যন্তরে কেবলমাট এক প্রকারের গ্যাস থাকিলে রাসায়নিক সাম্য বর্তমান। ঐ অবস্থার স্তম্ভকটিকে একটি চুল্লির উপর বসাইলে গ্যাসের আয়তন প্রসারিত হইবে। স্তম্ভক ও উহার ভিতরের গ্যাস চুল্লির উষ্ণতার পৌছাইবার পর অবস্থার আর কোন পরিবর্তন হইবে না। ঐ অবস্থায় তাপীয় সাম্যের সৃষ্টি হইয়াছে।

তল্যে একই সময়ে যাল্যিক সাম্য, রাসার্যানিক সাম্য ও তাপীর সাম্য থাকিলে তবেই উহার স্থিতিমাপ বা তাপগতীর চল অপরিবৃতিত থাকে। এই অবস্থাকে তল্যের তাপগতীর সাম্যাবস্থা (thermodynamic equilibrium) বলা হইবে। ঐ সময়ে তল্যের স্থিতিমাপগৃলি নির্দিণ্টভাবে জানা যার এবং উহাদের সাহায্যে তল্যের অবস্থার বর্ণনা দেওয়া হয়। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যায় যে, সাম্যাবস্থা বিদ্মিত হওয়ার পর নৃতন সাম্যাবস্থার না পৌহানো পর্যন্ত তল্যের বিভিন্ন অংশে তাপগতীর চলগুলি বিভিন্ন হইয়া থাকে। দুইটি সাম্যাবস্থার অন্তর্বতা অবস্থা ঐ কারণে তল্যের অসাম্য-অবস্থা (non-equilibrium state)।

1.8. স্বাভদ্র্য সংখ্যা ও অবস্থার সমীকরণ (Degree of freedom and equation of state):

সাম্যাবস্থার তল্যের প্রত্যেকটি তাপগতীর চল ইচ্ছামত পরিবর্তন করা বার না। চলগুলির মধ্যে করেকটি মাত্র উহার নিরপেক্ষ চল। রাসায়নিক তল্যে ইচ্ছামত চাপ ও উক্তা স্থির রাখিলে আরতনের কোনরকম পরিবর্তন সম্ভব নর। অন্যভাবে বলা যায়, নির্দিণ্ট চাপ ও উক্তায় রাসায়নিক তল্যের আয়তন নির্দিণ্ট। নানপক্ষে যতগুলি চলের সাহায্যে তল্যের সাম্যাবস্থা নির্দিণ্ট করা যায় সেই সংখ্যাকে স্বাতন্ত্রা সংখ্যা (degree of freedom) বলা হইবে। রাসায়নিক তন্ত্রের জন্য স্বাতন্ত্রা সংখ্যা হইবে দৃই। নিরপেক্ষ ভাপগতীয় চল—উহার চাপ P, উক্তা ও আয়তন V-এর মধ্যে বে কোন দৃইটি। সম্পৃক্ত বাল্পের (saturated vapour) অবস্থা নির্দেশ করিতে একটি মাত্র চলের উল্লেখ-ই যথেন্ট হইবে—ইহা হইতেছে বাল্পের উক্তা অথবা চাপ। এই তন্ত্রের স্বাতন্ত্রা সংখ্যা এক। নিরপেক্ষ চলের সংখ্যা বা স্বাতন্ত্রা সংখ্যা অনুবায়ী তন্ত্রকে বলা হয় এক-চল তন্ত্র (one-variable system), দ্বি-চল তন্ত্র (two-variable system) ইত্যাদি।

প্রত্যেকটি তাপগতীর তল্মের জন্য উক্তা θ একটি চল । এই চলটিকে ছির রাখিলে অন্যান্য চলগুলি পরিবর্তন করিয়া উহার অবস্থা পরিবর্তন করা বার । মনে করি অন্যান্য চলগুলি হইতেছে X,Y,Z। ছির উক্তার ইহাদের স্বগুলিকে ইচ্ছামত পরিবর্তন করিতে পারিব না । মনে করা যাক, যে উক্তা θ বাতীত X ও Y তল্মের অন্য দুইটি নিরপেক্ষ চল । বাকি চল Z হইবে X,Y,θ -এর অপেক্ষক এবং এই কারণে.

$$f(X, Y, Z, \theta) = 0$$

এইরূপ একটি সমীকরণের সাহায্যে তন্ত্রের বিভিন্ন চলগুলির মধ্যে কি সম্পর্ক তাহা প্রকাশ করিতে পারি। এই সমীকরণটিকে তন্ত্রের অবস্থার সমীকরণ বলা হয়। বিশৃদ্ধ রাসায়নিক তন্ত্রের জন্য (বিশৃদ্ধ রাসায়নিক তন্ত্রের সংজ্ঞা 1°10 অনুচ্ছেদে দ্রন্থব্য) উক্তা ব্যতীত আর একটি মান্র নিরপেক্ষ চল থাকিবে। সাধারণ ভাবে ইহাদের অবস্থার সমীকরণ হইবে

$$f(P, V, \theta) = 0$$

অপেক্ষক f-এর প্রকৃতি (nature of the function) বিভিন্ন তলোর জন্য বিভিন্ন হইবে । আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ হয়.

$$PV - RT = 0$$
 (1 গ্রাম-অণুর জন্য)

ভ্যান্-ভার ওয়ালস (Van-der Waals) গ্যাসের জন্য অবস্থার সমীকরণ হইবে

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT$$

a ও b দৃইটি ধ্রুবক রাশি এবং T আদর্শ গ্যাস-ক্রেলে উক্তা নির্দেশ করে। প্রত্যেকটি কঠিন ও তরল পদার্থের জন্য এরূপ একটি করিয়া অবস্থার সমীকরণ থাকে কিন্তু অনেক ক্ষেত্রেই এই সমীকরণগুলি সঠিকভাবে জানা যায় না।

এই প্রসঙ্গে বিশেষভাবে উল্লেখ করা যার যে, কেবলমাত্র সাম্যাবস্থার ঐ সমীকরণগৃলি অর্থবহ। গ্যাসের চাপ ও উকতা স্থির থাকিলে সাম্যাবস্থার উহার আরতন কি হইবে অবস্থার সমীকরণ হইতে তাহা নির্দেশ করা সম্ভব। অসাম্য অবস্থাতে গ্যাসের চাপ, উকতা ইত্যাদির কোন অর্থ থাকে না। কারণ, অসাম্য অবস্থাতে গ্যাসের বিভিন্ন অংশে উহাদের মান বিভিন্ন হইবে। সেই কারণে তন্দ্র সাম্যাবস্থার না থাকিলে অবস্থার সমীকরণ হইতে কোন কিছুই জানিতে পারিব না। অবস্থার সমীকরণ প্রকৃত অর্থে তন্দ্রের সাম্যাবস্থার সমীকরণ।

1'9. আপাত-সামীয় পরিবর্তন ও উৎক্রমনীয় পথ (Quasi-static change and Reversible path) :

সাধারণ অবস্থার প্রত্যেকটি তন্দ্রই সাম্যাবস্থার থাকে। পারিপার্থিক মাধ্যমে কোন পরিবর্তন হইলে তন্দ্র ও পারিপার্থিক মাধ্যমের মধ্যে অসম বল ও উক্তার তারতম্যের সৃষ্টি হয় এবং ইহার ফলে সাম্যাবস্থার পরিবর্তন ঘটে। এই ক্ষেত্রে অসম বল বা উক্তার পার্থক্য বদি সসীম বা finite হয় তবে তন্দ্রের পরিবর্তন সাধারণতঃ দুতগতিতে ঘটে। পিন্টনের উপর ভর পরিবর্তন করিয়া ভন্তকের ভিতরে গ্যাসের অবস্থা পরিবর্তন করা বাইতে পারে। আবার একটি চুল্লির উপর ভরকটিকে রাখিলে গ্যাসের অবস্থার পরিবর্তন হয়। গিন্টনের উপর ভর পরিবর্তন অথবা গ্যাস ও চুল্লির উক্তার পার্থক্য সসীম হইলে পিন্টনিট চলিতে শুরু করার পর কথনও না থামিয়া অন্থিম অবস্থার পৌছার। এই পরিবর্তন চলাকালে স্বরণ, ঘুর্ণাবর্ত ইত্যাদির কারণে ভন্তকের ভিতরে গ্যাস সাম্যাবস্থার থাকে না। তন্দ্রের স্থাভাবিক পরিবর্তন (natural change) এইভাবেই হইয়া থাকে।

উপবৃক্ত সতর্কতার সাহায্যে দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে পরিবর্তন এমনভাবে সম্ভব যে, প্রথম হইতে শেষ পর্যন্ত তন্দ্র সাম্যাবস্থার আছে মনে করা ষাইতে পারে। পরিবর্তনের বিভিন্ন পর্যারে তন্ত্র ও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের মধ্যে বলও উক্তার পার্থকা খুব সামান্য হইলে তবেই এইভাবে তল্মের পরিবর্তন সম্ভব। এই পরিবর্তনকে তন্মের আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন (quasi-static change) বলা হর। প্রকৃতপক্ষে আপাত-সামাীর উপারে এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থার বাইবার সময় তন্ত্র অসংখ্যবার সাম্যাবস্থায় থাকে। এই সময়ে পরিবর্তন খব ধীর গতিতে হয়। একটি বিষয়ে বিশেষভাবে সতর্ক করা যায় বে, আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন মাত্রই ধীর গতিতে পরিবর্তন, কিল্প ধীর গতিতে পরিবর্তন মাত্রেই আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন নর। এজন্য তন্ত্র কল্পিত-সাম্যে (virtual equilibrium) থাকা একান্তভাবে প্রয়োজন। বল ও উক্তার পার্ছক্য সসীম হওয়া সত্তেও বদি পরিবর্তন কোন কারণে ধীর গতিতে অনুষ্ঠিত হন্ন তবে সেই পরিবর্তনকে আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন বলা ভূল হইবে। প্রার্দ্রমে অনেকগুলি অণু-পরিবর্তনের ফলে তল্মের কোন পরিবর্তন হইলে তাহাকেই আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন বলা হইবে। কোন ভন্তকের মুখে পিস্টনের উপর ভর পর্যায়দ্রমে δm পরিবর্তন করিলে $(\delta m o 0)$ অথবা গ্যাস-ভাঁত ভ্রম্বর্টকে চল্লির উপর বসাইয়া চল্লির উক্তা পর্বায়ক্রমে ১৪ পরিবর্তন করিলে

 $(\delta\theta \to 0)$ আপাত-সাম্যীর পদ্ধতিতে গ্যাসের অবস্থা পরিবর্তিত হইবে বলা বার ।

আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন চলাকালে তল্মে ঘর্ষণ (friction), সাল্মতা (viscosity), ও শৈথিল্য (hysteresis) ইত্যাদি কারণে কোন শক্তি ব্যয় না হইলে ঐ পরিবর্তনকে উৎক্রমনীয় পরিবর্তন (reversible change) বলা হইবে। উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে তল্ম এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থায় যাইবার সময় যে কল্পিত পথ অনুসরণ করে তাহাকে উৎক্রমনীয় পথ (reversible path) বলে। উৎক্রমনীয় পথে তল্মের কোন পরিবর্তনের পর বিপরীত প্রক্রিয়া একই পথে উহাকে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনিলে পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে মোট কোন পরিবর্তন (net change) হইবে না। উৎক্রমনীয়তা তাপগতিতত্ত্বে একটি গ্রুক্ত্বপূর্ণ বিষয় এবং সেই কারণে পঞ্চম পরিচ্ছেদে ঐ সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচন। করা হইবে।

- 1'10. বিভিন্ন প্রকারের তাপগতীয় তক্স (Different thermodynamic systems):
- 1. রাসায়নিক তন্ত্র (Chemical system)—নির্দিন্ট ভরের কোন রাসায়নিক বন্ধু যদি অভিকর্ষজ (gravitational), তড়িৎ ও চুম্বক বলের বারা প্রভাবিত না হয় তবে ঐ বন্ধুকে রাসায়নিক তন্ত্র বলা হইবে। রাসায়নিক তন্ত্র সকল সময়ে পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের উপর উদন্থিতিক চাপ (hydraustatic pressure) প্রয়োগ করে। রাসায়নিক তন্ত্রে যদি একটি মার্র উপাদান (component) থাকে তবে তন্ত্রটিকে বিশ্বদ্ধ রাসায়নিক তন্ত্র (pure chemical system) এবং অন্যথায় উহাকে মিশ্রণ বলা হয়। রাসায়নিক তন্ত্র একটি মার্র দশায় (phase) থাকিলে তাহাকে সমসত্ত্ব রাসায়নিক তন্ত্র (homogeneous chemical system) বলে। একই সঙ্গে বিভিন্ন অবন্থায় থাকিলে (বেমন বরফ ও বরফ গালানো জল; আবদ্ধ স্থানে তরল ও উহার বান্ধা ইত্যাদি) তন্ত্রকে অসমসত্ত্ব রাসায়নিক তন্ত্র (heterogeneous chemical system) বলা হইবে।

সাম্যাবস্থায় রাসায়নিক তল্তের তিনটি চল চাপ P, আয়তন V এবং উক্তা θ নির্দিন্ট ৷ ইহাদের মধ্যে দৃইটি কেবলমাত্র তল্তের নিরপেক্ষ চল । সাম্যাবস্থায় P, V, θ -এর সাহায্যে রাসায়নিক তল্তের অবস্থার সমীকরণকে প্রকাশ করা হইবে ৷ বে কোন গ্যাস বিশৃদ্ধ সমসত্ত তল্ত বলিয়া বিবেচিত হয় ৷

সাম্যাবন্থার কোন রাসারনিক তন্দের চাপ যদি P হর তবে আরতনে dV অণু-পরিবর্তনের জন্য প্রয়োজনীর কার্য হইবে

$$\delta W = PdV$$

এবং আদি ও অভিম সাম্যাবস্থার মধ্যে কার্য হয়

$$W = \int_{1}^{2} \delta W = \int_{1}^{2} P dV$$

আদর্শ গ্যাসের আপাত-সাম্যীয় সমোষ-পরিবর্তনে (isothermal quasistatic change),

$$W = \int_{V_1}^{V_2} PdV = nRT \ln \frac{V}{V_1}$$
 (n গ্রাম-অণুর জন্য)

লক্ষ্য করা বায় বে, পরিবর্তন আপাত-সাম্যীর উপায়ে হইয়াছে বলিয়া আদর্শ গ্যাসের সাম্যাবস্থার সমীকরণ PV=RT প্রয়োগ করা সম্ভব হইয়াছে।

- 2. ভঙ-ভার (Strained wire)—তত-তারের ক্ষেত্রে চাপ (বায়ুর চাপ) অপরিবর্তিত থাকে এবং আয়তনের পরিবর্তন খৃবই সামান্য । এইজন্য চাপ P ও আয়তন V তাপগতীয় চল হিসাবে গণ্য হইবে না । নিম্নালিখিত তিনটি চল তল্পের সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে ।
- (i) তারের উপর টান (tension) τ ; (ii) তারের দৈর্ঘা L এবং (iii) উক্তা θ ।
- τ, L, θ-কে লইয়া অবস্থার সমীকরণ জানা বায় না, তবে স্থির উক্তায় স্থিতিস্থাপক সীমার মধ্যে (within the limit of elasticity),

$$\tau = C(L - L_o)$$

ইহাকে হকের সূত্র (Hooke's law) বলা হয়। C তারের জন্য একটি ধ্রুবক এবং L_o টান-শূন্য অবস্থায় উহার দৈর্ঘ্য। সাম্যাবস্থায় তারের অভ্যন্তরে প্রতিরোধী বল (resistive force) বাহিরের টানকে উপশম করে। প্রতিরোধী বল হইবে প্রস্থাচ্ছদ ও পীড়নের গুণফল (resistive force = $cross-section \times stress$)। তারের উপর টান ফ অবস্থায় দৈর্ঘ্যের অণু-পরিবর্তনের জন্য কার্বের পরিমাণ

$$\delta W = -\tau dL$$

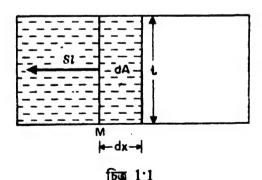
দৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পাইয়াছে ধরিয়া লইয়া কার্ষের হিসাব লেখা হইয়াছে। আভ্যন্তরীণ

প্রতিরোধী বলের বিরুদ্ধে তারের প্রসারণের জন্য তল্মের উপর কার্য করা হইবে। সেই কারণে ঝণাত্মক চিহ্ন ব্যবহাত হইল।

3. পৃষ্ঠ-সর (Surface film)—কোন পৃষ্ঠ-সরকে একটি সম্প্রসারিত বিশিল্প (stretched membrane) হিসাবে কম্পনা করা যায়। তলের উপর কোন কম্পিত রেখার লয় বরাবর একই তলে (tangential to the surface and along the perpendicular to an imaginary line on the surface) বল ক্রিয়া করিবার ফলে পৃষ্ঠ-সর সংকৃচিত অবস্থায় থাকিতে চেন্টা করে। কম্পিত রেখার একক দৈর্ঘ্যের উপর যে বল ক্রিয়া করে তাহাকে ঐ তরলের পৃষ্ঠ-টান (surface tension) বলে। পৃষ্ঠ-সরের জনা তাপগতীয় চল হইবে এইরূপ—(i) তরলের পৃষ্ঠ-টান S, (ii) সরের ক্ষেত্রফল A এবং (iii) উক্ষতা θ । অবস্থার সমীকরণ জানা যায় না, তবে উক্ষতা-পৃষ্ঠটান সম্পর্ক হইবে

$$\mathbf{S}_t = \mathbf{S}_o \left(1 - \frac{t}{t'} \right)^*$$

 S_t ও S_o হয় যথাক্রমে t° С ও 0° С উষণতায় তরলের পৃষ্ঠ-টান, t' নিন্দিট তরলের জন্য একটি বিশেষ উষণতা (সন্ধি-উষণতা বা critical temperature এর কয়েক ডিগ্রী নিচে) এবং 1 < n < 2। বিভিন্ন তরলের জন্য n-এর মান বিভিন্ন ।

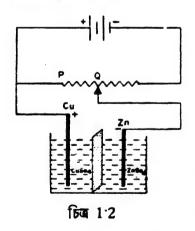


সরের সীমা রেখা MN-কে (MN=l) dx দ্রন্থে সরাইলে ক্ষেত্রফলের পরিবর্তন dA=ldx (চিত্র 1.1)। এই পরিবর্তন করিতে টানের বিরুদ্ধে কার্য হইবে

$$\delta W = -S \, l dx = -S \, dA$$

- ^ছ তল্কের উপর কার্য করা হইতেছে বৃঝাইবার জন্য ঝণাত্মক চিহ্ন ব্যবহার করা হ**ইল**।
 - 4. **উৎক্রেমনীর ভড়িৎ-কোম** (Reversible cell)—উৎক্রমনীর তড়িং-কোমকে একটি তাপগতীর তন্ত্র বলা হর। নিম্নে একটি সাধারণ কোষের কার্যপ্রণালী আলোচনা করিয়া উহার সহিত একটি উৎক্রমনীয় কোষের কার্যপ্রণালীর পার্থক্য দেখানো হইল।

একটি সরল তড়িং-কোষে তামা ও দন্তার দুইটি দণ্ড বা পাত লঘু সালফিউরিক অ্যাসিড দ্রবণে (dil.H₂SO₄) ড়বানো অবস্থার থাকে। বহির্বর্তনীতে উহারা পরিবাহী বন্ধুর দারা যুক্ত হইলে তামা হইতে দন্তার এবং দ্রবণের অভ্যন্তরে দন্তা হইতে তামার তড়িং-প্রবাহ চালতে থাকে। তড়িং-প্রবাহ চলার কালে দন্তার দণ্ডটি ক্ষর পার এবং হাইড্রোজেন অণু তামার তড়িংদারে (electrode) বৃদবৃদ আকারে নির্গত হয়। কোন পরিবাহীর বিভব-প্রভেদ (potential difference) বা অন্য কোন কোষের সাহায্যে উহার অভ্যন্তরে বিপরীত দিকে তড়িং-প্রবাহ চালাইয়া কোষটিকে পূর্বের অবস্থার ফিরাইয়া আনা বায় না। এই কারণে এই ধরনের কোষকে উংক্রমনীয় কোষ বলিতে পারি না।



মনে করা যাক. তামা ও দস্তার দণ্ড
দুইটি যথাক্রমে একটি কাচের পাত্রে রাখা
সম্পুক্ত (saturated) CuSO, ও
ZnSO, দ্রবণে ভ্বানো এবং ঐ দ্রবণদুইটি একটি সচ্ছিদ্র দেওয়াল ঘারা পৃথক্
করা হইয়াছে। ঐ কোষের তড়িংচালক
বল বা e. m. f. E দ্রবণের উক্তার
উপর নির্ভর করে। তামা ও দস্তার দণ্ডদুইটি পোটেনসিওমিটার (potentiometer) বর্তনীতে দুইটি বিন্দু P ও

Q-এর সহিত যুক্ত হইবার পরে (চিত্র $1^{\circ}2$) $V_{\mathfrak{p}}-V_{\mathfrak{q}}=E$ হইলে কোষটিতে সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হয়। এই অবস্থায় কোষের অভ্যন্তরে সমস্ত বিক্রিয়া বন্ধ হইবে এবং বর্তনী সম্পূর্ণ হওয়া সত্ত্বে কোষটিতে কোন তড়িং প্রবাহিত হইবে না। আলোচনার সৃবিধার জনা $V_{\mathfrak{p}}-V_{\mathfrak{q}}=E'$ লেখা হইল।

E' = E সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে এবং ইহা ব্যতীত—

(i) E' < E, এই সময়ে কোষের অভ্যন্তরে Zn দণ্ড হইতে Cu দণ্ডে তড়িং চালিত হয়। এই সময়ে Zn দ্রবীভূত হইবে এবং Cu জমা হইবে,

$$Zn + CuSO_4 \rightarrow Cu + ZnSO_4$$

(ii) E' > E, তড়িং-প্রবাহ ও রাসাধ্রনিক বিক্রিয়া বিপরীত মুখী হইবে, Cu দ্রবণে বাইবে এবং Zn জমা হইবে

$$Cu + ZnSO_4 \rightarrow Zn + CuOS_4$$

এই কারণে তড়িং-প্রবাহ চালাইবার পর কোষটিকে পুনরায় পূর্বের অবস্থায় ফিরাইয়া আনা সম্ভব হয়। তড়িং-প্রবাহের সময় যে কার্য করা হয় তাহা তাপশক্তিতে রূপান্তরিত হইবে। এইভাবে উৎপন্ন তাপের পরিমাণ i^2Rt/J (স্থুলের সূত্র)। প্রবাহ যে দিকেই হউক না কেন সকল সময়েই তাপ উৎপন্ন হইবে—প্রবাহের দিক্ পরিবর্তন হইলে তাপ উৎপন্ন হওয়ার পরিবর্তে তাপ-শোষণ হইতে পারে না। এই কারণে E ও E' এর পার্থকা খ্ব সামান্য হইলে $(i \rightarrow o)$ তবেই কোর্যটিকে সম্পূর্ণরূপে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরইয়া আনা সম্ভব হইবে। উপরে বর্ণিত কোর্যটি এইভাবে $(i \rightarrow o)$ কার্য করিলে উহাকে উৎক্রমনীয় কোষ বলা হইবে। অণুপরিমাণ তড়িং-চালনা করিতে কোর্যটি যে কার্য করিবে তাহা হয়

$$\delta W = Edq = Eidt$$

t সেকেও ধরিরা প্রবাহমাত্রা i অব্যাহত থাকার মোট কার্য হইবে

$$\Lambda \mathbf{W} = \int_{0}^{t} \mathbf{E} i dt$$

 $\mathbf E$ ভোন্ট, i আ্যাম্পিয়ার ও t সেকেন্ডে লিখিলে কার্যকে স্কুলের ($\mathbf J$ oule) এককে প্রকাশ করা হইবে।

5. চৌৰক ভব্ন (Magnetic system)—চৌমুক বলক্ষেত্রে রাখা প্যারাচুমুক পদার্থ (paramagnetic substance) একটি তাপগতীর তন্ত্র হিসাবে বিবেচিত হইতে পারে। প্রকৃতপক্ষে চৌমুক বলক্ষেত্রে কোন বন্তৃর প্রকৃতি উহার অণু-পরমাণুর চৌমুক ধর্মের উপর নির্ভর করে। প্যারাচুমুক পদার্থের পরমাণুর নিউক্লিয়াসের চত্দিকে ইলেক্সনগুলি অবিরাম গতিতে ঘূরিতে থাকে। ইহার ফলে পরমাণুগুলিতে অণু-পরিমাণে স্থারী চৌমুক-ভামকের (permanent magnetic moment) উৎপত্তি হর। চৌমুক বলক্ষেত্রের

প্রভাবে পারমাণবিক চুমুকগুলি একই নিকে বিনান্ত হয় এবং ফলে সামগ্রিক-ভাবে উহা চুমুকম্ব প্রাপ্ত হয়। পদার্থের চৌমুক-প্রাবল্য (intensity of magnetisation) হইবে,

$$I = \frac{M}{V}$$

M বস্তুর চৌমুক-ভ্রামক এবং V উহার আরতন। চৌমুক-প্রাবল্য, চৌমুক বলক্ষেত্রের তীরতা (intensity of the magnetic field) H এবং উকতা ও-এর উপর নির্ভর করে। উকতা ও চৌমুকক্ষেত্রের তীরতা হির থাকিলে পারমাণবিক চুমুকের ভ্রামক-সক্ষ H-এর সহিত একটি নিদিন্ট কোণে থাকে। এই অবস্থা প্যারাচুমুক প্রার্থের সাম্যাবস্থা। এই অবস্থার উহার চৌমুক-ভ্রামক হইবে

$$\mathbf{M} = \sum \mu \cos \varphi$$

μ হর পারমাণবিক চুমকের চৌমক-ভ্রামক এবং φ উহার ভ্রামক-অক্ষ ও চৌমক বলক্ষেত্রের অন্তর্ভূত কোণ। এই তাপগতীর তন্ত্রের তিনটি চল হইতেছে
(i) চৌমক বলক্ষেত্রের তীব্রতা Η; (ii) চৌমক-প্রাবল্য I অথবা আবিণ্ট চৌমকভ্রামক Μ এবং (iii) উক্তা θ।

প্যারাচুম্বক পনার্থে উক্তা, চৌম্বক বলক্ষেত্রের তীরতা ও আবিষ্ট চৌম্বক-দ্রামকের মধ্যে যে সম্পর্ক তাহা কুরী (Curie)-র সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করা হয়, এইভাবে—

$$\mathbf{M} = \mathbf{C} \stackrel{\mathbf{H}}{\mathbf{T}} \mathbf{V}$$

C একটি ধ্রুবক রাশি এবং ইহাকে কুরী-র ধ্রুবক বলা হয়। V প্যারাচুম্বক পদার্থের আয়তন এবং আদর্শ গ্যাস-ক্ষেলে উহার উকতা T। সমীকরণটিকে কুরী-র সমীকরণ বলা হয়—ইহাকে প্যারাচুম্বক পদার্থের অবস্থার সমীকরণ বলা বায়। চৌম্বক-দ্রামক dM পরিমাণে বৃদ্ধি করিতে প্রয়োজনীয় কার্য হইবে

$$\delta W = -HdM$$

চৌমুকত্ব বৃদ্ধি করিতে পনার্থের উপর কার্য করা হর বৃঝাইতে ঝণাত্মক চিহ্ন ব্যবহার করা হইল।

উপরে বে পাঁচটি তাপপতীয় তব্তের আলোচনা করা হইল তাহাদের প্রত্যেকটির জন্য নিরপেক চল হইবে কেবলমাত্র দুইটি। পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে যে দ্বি-চল তল্মের সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনের জন্য কার্বের হিসাব লেখা হয়

$$\delta W = YdX$$

এখানে Y তন্দ্রের সংকীর্ণ চল এবং X উহার ব্যাপক চল । নিমে বিভিন্ন তন্দ্রের সংকীর্ণ ও ব্যাপক চলের একটি তালিকা দেওরা হইল ।

সারণী 1'1 সংকীর্ণ চল ও ব্যাপক চলের ভালিকা

তশ্ব	সংকীৰ্ণ চল	ব্যাপক চল
রাসায়নিক তব্য তত-তার	চাপ P টান ফ	আয়তন V দৈৰ্ঘ্য L
পৃষ্ঠ-সর উৎক্রমনীয় তড়িংকোষ প্যারাচুম্বক পদার্থ	পৃষ্ঠ-টান S তড়িচ্চালক বল E চৌমুকক্ষেত্রের তীব্রতা H	ক্ষেত্রফল $f A$ তিড়িং-আধান $f q$

সমসারক চাপে (isotropic pressure) চৌমুক বলক্ষেত্রে রাখা কোন প্যারাচুমুক পদার্থকে চিন্তা করিলে চাপ P, আয়তন V, চৌমুক বলক্ষেত্রের তীরতা H, চৌমুক-ভ্রামক M এবং উষ্ণতা θ উহার চল বলিয়া বিবেচনা করা যাইতে পারে। ইহাদের মধ্যে P, H এবং θ ইচ্ছামত পরিবর্তন করা যার—উহারা ঐ কারণে তন্দ্রের নিরপেক্ষ চল। এই তন্দ্রের জন্য দুইটি অবস্থার সমীকরণ থাকিবে তাহাদের প্রত্যেকটিকে নিমুলিখিত ভাবে লেখা যাইতে পারে

 $f(P, V, H, M, \theta) = 0$

উপরের উদাহরণটি একটি তিন চলের তাপগতীয় তল্ম—এক্ষেত্রে স্থাতল্য সংখ্যা তিন ।

প্রশ্নমালা

- 1. পদার্থের আণবিক গতিতত্ত্ব ও তাপগতিতত্ত্বে দৃষ্টিভঙ্গীর পার্থক্য আলোচনা কর। পরিসাংখ্যিক তাপগতিতত্ত্বের উদ্দেশ্য কি ?
- 2. তাপগতীর সাম্যাবস্থা ও তাপগতীর চল ব্যাখ্যা কর। ব্যাপক চল ও সংকীর্ণ চলের মধ্যে পার্থক্য কি? অবস্থার সমীকরণ বলিতে কি বৃঝ?
 - 3. আন্তর-শক্তি বলিতে কি বৃঝ ? আন্তর-শক্তি ও তাপশক্তির পার্থকা

বৃঝাইরা বল। পরিবর্তনের পর তন্ম প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন করিলে উহার আরর-শক্তির কোন পরিবর্তন হইবে কি ?

- 4. আপাত-সাম্যীর পরিবর্তনের অর্থ কি ? গ্যাসের জন্য সমোক আপাত-সাম্যীর পরীক্ষাটি বুঝাইয়। দাও । তব্দের পরিবর্তন আপাত-সাম্যীর উপারে না হইলে অবস্থার সমীকরণ প্রয়োগ করা বায় কি ?
- 5. এক গ্রাম-অণু পরিমাণ গ্যাস আপাত-সামাীর সমোক পরিবর্তনে প্রারম্ভিক অবস্থা $(P_i,\ V_i,\ T_i)$ হইতে অন্তিম অবস্থা $(P_f,\ V_f,\ T_f)$ -এ পৌঁছাইবার সময় যে কার্য করিবে তাহা হিসাব কর ।

গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ,

(i)
$$P(V - b) = RT$$

(ii) $\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT$
(iii) $P(V - b)e\frac{a}{RVT} = RT$

দেখাও যে $V_{\it f}\!>\!V_{\it f}$ হইলে গ্যাস কার্য করিবে এবং $V_{\it f}\!<\!V_{\it f}$ হইলে গ্যাসের উপর কার্য করা হইবে ।

6. আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে আপাত-সাম্যীয় রুদ্ধতাপ পরিবর্তনের সময় গ্যাসের চাপ ও আয়তনের মধ্যে সম্পর্ক দেখা বায়

$$PV^{\gamma} = K$$

 γ ও K উভয়েই ধ্রুবক। প্রারম্ভিক অবস্থা (P_i, V_i) ও অন্ধ্রিম অবস্থা (P_i, V_j) -এর মধ্যে উপরোক্ত পদ্ধতিতে গ্যাস যে কার্য করে তাহা হিসাব কর।

7. কোন একটি স্থিতিস্থাপক বস্তুর অবস্থার সমীকরণ

$$\tau = KT \left(\frac{L}{L_o} - \frac{{L_o}^2}{L} \right)$$

K একটি ধ্রুবক, এবং টান-হীন অবস্থায় দৈর্ঘ্য $L_{\rm o}$ কেবলমাত্র উষ্ণতার অপেক্ষক । আপাত-সাম্যীয় সমোষ্ণ প্রক্রিয়ায় উহাকে $L_{\rm o}$ হইতে $L_{\rm o}/2$ দৈর্ঘ্যে সংনমিত করিতে বে কার্যের প্রয়োজন তাহা হিসাব কর ।

8. দেখাও বে প্যারাচ্যকীয় বস্তৃ কুরী সূত্র অনুসরণ করিলে ছির উক্তার আপাত-সাম্যীর পদ্ধতিতে চৌয়কক্ষেত্রের প্রাবল্য শূন্য (zero) হইতে H পর্বন্ধ করিতে প্রয়োজনীয় কার্য

$$W = -\frac{CVH^2}{2T}$$

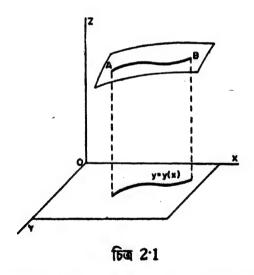
বিতীয় পরিভেচ্ন

গাণিতিক প্রস্তৃতি

(Mathematical Preliminaries)

তাপগতিতত্ত্বে গাণিতিক প্রয়োগ মুখ্যতঃ আংশিক অবকলনে (partial differential calculus) সীমাবদ্ধ। সেই কারণে আংশিক অবকলন সংলোভ করেকটি প্রয়োজনীয় বিষয় নিম্নে আলোচনা করা হইল। পরবর্তী অংশে অনেকক্ষেত্রে এই সিদ্ধান্তগুলিকে বারবার প্রয়োগ করা হইবে।

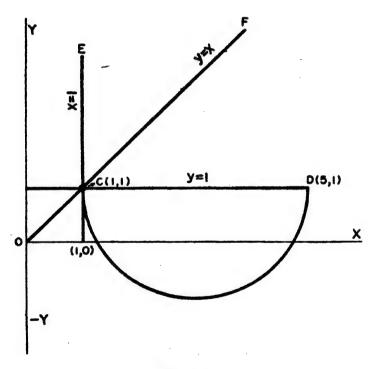
2.1. সূচ্কে ভিত্র (Indicator diagram) । মনে করি, z নিরপেক চল x ও y-এর একটি সন্তত অপেক্ষক (continuous function of independent variables x and y)। z-এর মান x ও y-এর মানের উপর নির্ভর করে এবং সেই কারণে xy তলে প্রতিটি বিন্দু-সাপেক্ষে



z-এর একটি করিয়া নিদিন্ট মান থাকে। ত্রিমাত্তিক ভূমিতে (three dimensional space) $P(x_i, y_i, s_i)$ বিন্দুসমূহ বে তলে অবস্থিত তাহাকে z-তল বলা হইবে। z-তলে দুইটি নির্দিন্ট বিন্দু A ও B-এর মধ্যে অংসখা সংযোগকারী রেখা কল্পনা করা বাইতে পারে। রেখাগৃলি সবই z-তলে অবস্থিত। xy-তলে ঐ সংযোগকারী রেখাকে অভিকেপ (project) করিলে বে রেখাটি পাওরা বাইবে তাহাকে y=y(x)—এই অপেককের

সাহাব্যে প্রকাশ করা যার (চিত্র 2.1)। প্রকৃতপক্ষে এই অপেক্ষক y=y(x)-এর সাহাব্যে x-তলে A এবং B-এর মধ্যে পরিবর্তনের পথ নির্দেশ করা বাইতে পারে। এই কারণে y=y(x)-এর সঞ্চার পথকে সূচক চিত্র (indicator diagram) বলা হয়। তাপগতিতত্ত্বে সূচক চিত্রের বিশেষ গুরুষ রহিরাছে। সূচক চিত্রে y-কে x-এর অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করা হয় বলিয়া x-কে কেবলমাত্র x-এর অপেক্ষক বলা যাইতে পারে।

চিত্র $(2\cdot 2)$ -এ CE ও CF রেখা-দুইটির সমীকরণ বথাক্রমে x=1 ও y=x। ঐ চিত্রে C ও D সংযোগকারী সরলরেখা ও অর্থবৃত্তের সমীকরণ বথাক্রমে y=1 এবং $(x-3)^2+(y-1)^2=4$ । প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে



हिंच 2.2

স্কৃক চিয়কে f(x, y) = c (ধ্বক) এই সমীকরণের সাহাযো প্রকাশ করা সম্ভব । অপেকক f-এর প্রকৃতি (form of the function) স্কৃক চিয়ের উপর নির্ভয় করে ।

2.2. তাৰকল (Differential): আমরা জানি একচল অপেকক y = y(x)-এর কেত্রে

$$\lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{dy}{dx}$$

$$\therefore \Delta y = \frac{dy}{dx} \Delta x + \epsilon \Delta x ; \epsilon$$
 একটি অপুরাশি এবং
$$\lim_{\Delta x \to 0} \epsilon = 0$$

নিরপেক্ষ চল *প্র-*এর অণু-পরিবর্তনের জন্য *প্র-*এর পরিবর্তনকে অবকল বলা হয়—ইহা হইবে.

$$dy = \frac{dy}{dx} dx \tag{2.1}$$

অথবা,
$$dy = y(x + \Delta x) - y(x)$$
; বখন, $\Delta x \to 0$

অনুরূপভাবে একাধিক চলের অপেক্ষক z=z(x,y)-এর ক্ষেত্রে অবকলের সংজ্ঞা দেওয়া যায়। নিরপেক্ষ চল x ও y-এর পরিবর্তনের ফলে z-এর পরিবর্তন

$$\Delta z = z(x + \Delta x, y + \Delta y) - z(x, y)$$

$$= z(x + \Delta x, y + \Delta y) - z(x, y + \Delta y) + z(x, y + \Delta y) - z(x, y)$$

$$\lim_{\Delta x \to 0} \frac{z(x + \Delta x, y + \Delta y) - z(x, y + \Delta y)}{\Delta x} = \frac{\partial z(x, y + \Delta y)}{\partial x}$$
चथरा, $z(x + \Delta x, y + \Delta y) - z(x, y + \Delta y)$

$$= \frac{\partial z(x, y + \Delta y)}{\partial x} \Delta x + \varepsilon_1 \Delta x$$

এখানে পূর্বের মতো ε₁ একটি অণুরাণি এবং Lim ε₁=0

$$\lim_{\Delta y \to 0} \frac{\partial z(x, y + \Delta y)}{\partial x} = \frac{\partial z(x, y)}{\partial x}$$

$$\therefore \frac{\partial z(x, y + \Delta y)}{\partial x} = \frac{\partial z(x, y)}{\partial x} + \varepsilon,$$

এখানে ε. একটি অগ্রাণি এবং Lim ε. = 0

चनानिरक
$$\varepsilon(x, y + \Delta y) - \varepsilon(x, y) = \frac{\partial \varepsilon(x, y)}{\partial y} \Delta y + \varepsilon' \Delta y$$

একই কারণে, ϵ' একটি অগ্রাণি এবং $\lim_{\Delta \nu \to 0} \epsilon' = 0$

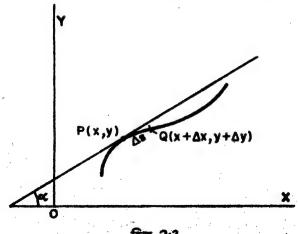
এখানে $\varepsilon_1 + \varepsilon_2 = \varepsilon$ লেখা হইল।

 Δz , Δx ও Δy প্রত্যেকটি অণুরাশি হইলে, $\varepsilon \to 0$ ও $\varepsilon' \to 0$,

$$\operatorname{GRR} dz = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{y} dx + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{z} dy \qquad \cdots \qquad (2.2)$$

টেলর-এর উপপাদ্য (Taylor's theorem) অনুসারে অপেক্ষক $z(x + \Delta x)$, $y + \Delta y$)-এর বিস্তৃতির পর দ্বিঘাত ও উচ্চতর্ঘাত সম্পন্ন (second and higher order) পদগৃলিকে বর্জন করিলে সরাসরি ঐ একই সিদ্ধান্তে পৌছানো বার ।

2'3. দিক্-অবকল গুণাংক (Directional derivative) : কোন অপেকন z=z(x, y)-এর কেনে P(x, y) বিস্তুতে অবকল গুণাংক



छिष 2:3

(differential coefficient) নিশিষ্ট নর। বিভিন্ন দিকে অবকল গুণাংক বিভিন্ন হইবে। মনে করি, সূচক রেখার উপর কোন নিশিষ্ট একটি বিন্দৃ হইতে ঐ সূচক রেখার উপর অন্য কোন বিন্দৃর দ্রম্ব s। সেক্ষেত্রে আমরা লিখিতে পারি, x=x(s) এবং y=y(s)। চিত্র (2.3)-এ সূচক রেখার উপর দৃইটি বিন্দৃ P(x, y) ও $Q(x+\Delta x, y+\Delta y)$ -এর দ্রম্ব Δs । এক্ষেত্রে $\Delta x \to 0$ এবং $\Delta y \to 0$ হইলে $\Delta s \to ds$; ঐ সীমিত অবস্থার

$$dz = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$$

$$\frac{dz}{ds} = \lim_{\Delta s \to 0} \frac{\Delta z}{\Delta s} = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right) \left(\frac{dx}{ds}\right) + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right) \left(\frac{dy}{ds}\right)$$

$$= \frac{\partial z}{\partial x} \cos \alpha + \frac{\partial z}{\partial y} \sin \alpha$$

 $\frac{dz}{ds}$ -কে দিক্-অবকল গুণাংক (directional derivative) বলা হয়। $\frac{dz}{ds}(x,y)$ সূচক রেখার P বিন্দৃতে স্পর্শক বরাবর z(x,y)-এর পরিবর্তনের হার নির্দেশ করে। P বিন্দৃগামী বিভিন্ন সূচক রেখার ক্ষেত্রে এই পরিবর্তন হার অবশাই ভিন্ন হইবে।

যথন
$$\alpha = 0$$
, $\frac{dz}{ds} = \frac{\partial z}{\partial x} = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{y}$

$$\alpha = \frac{\pi}{2}, \frac{dz}{ds} = \frac{\partial z}{\partial y} = \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{z}$$

উদাহরণ। $z=x^{2}y^{3}$ হইলে x=ধ্রুবক—এই রেখা বরাবর $\left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{u}=3x^{2}y^{3}$

$$y =$$
ধ্বক, এই রেখা বরাবর $\left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_y = 2xy^s$

 $y-x^2=p($ ধ্রুবক), এই সর্ত অনুসারে $z=x^2(p+x^2)^4$

$$\operatorname{qqt} \left(\frac{\partial s}{\partial x} \right)_{s} = 2xy^{s} (y + 3x^{s})$$

2'4. সাণিতিক সূক্ত (Mathematical formulae) : মনে করি, ডিনটি চল x, y, z-এর কোন অপেকক f(x, y, z) = 0। সেকেরে লেখা বাইতে পারে x = x(y, z) এবং y = y(x, z)।

s ও y-এর অবকল হইবে বখাদ্রমে

$$dx = \left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)_{z} dy + \left(\frac{\partial x}{\partial z}\right)_{z} dz \qquad \cdots \qquad (2.3)$$

$$\mathbf{d} = \left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)_{a} dx + \left(\frac{\partial y}{\partial z}\right)_{a} dz \qquad \cdots \qquad (2.4)$$

সমীকরণ (2.4)-এর সাহাযো সমীকরণ (2.3)-কে লেখা বার

$$dx = \left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)_{x} \left[\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)_{x} dx + \left(\frac{\partial y}{\partial z}\right)_{x} dz \right] + \left(\frac{\partial x}{\partial z}\right)_{y} dz \qquad (2.5)$$

x ও y-কে নিরপেক্ষ চল হিসাবে চিন্তা করিলে dx ও dz-এর প্রত্যেকটি সম্ভাব্য মানের জন্য সমীকরণ (2.5) প্রযোজ্য হইবে।

(i) বখন dz=0 এবং $dx\neq 0$ সেকেত্রে,

$$\left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)_{a} \left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)_{a} = 1$$
 अवदा $\left(\frac{\partial x}{\partial y}\right)_{a} = \frac{1}{\left(\frac{\partial y}{\partial x}\right)_{a}}$... (2.6a)

সাধারণভাবে বলা যায় z=z(x,y)—এই অপেক্ষকটির জন্য.

$$\left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{p} = \frac{1}{\left(\frac{\partial x}{\partial z}\right)_{p}} \qquad \cdots \qquad (2.6b)$$

আবার ; (ii) dx = 0 এবং $dz \neq 0$ হইলে

व्यथवा
$$\left(\frac{\partial x}{\partial y} \right)_{z} \left(\frac{\partial y}{\partial z} \right)_{z} + \left(\frac{\partial x}{\partial z} \right)_{y} = 0$$

$$\left(\frac{\partial x}{\partial y} \right)_{z} \left(\frac{\partial y}{\partial z} \right)_{z} = -\left(\frac{\partial x}{\partial z} \right)_{y} \qquad \cdots \qquad (2.7a)$$

সমীকরণ (2.6b) প্রয়োগ করিয়া লিখিতে পারি

$$\left(\frac{\partial x}{\partial y}\right), \left(\frac{\partial y}{\partial z}\right), \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right) = -1$$
 ... (2.7b)

সমীকরণ (2·2)-কে dx বারা ভাগ করিবার পর z= ধ্রুবক পথে $dx \to 0$ প্রান্তিক মান (limit) লইলে সহজেই সমীকরণ (2·7a)-এ পৌছানো বার । এই সমীকরণটি পরবর্তী আলোচনায় বারবার প্রয়োগ করা হইবে এবং সেই কারণে ইহাকে বিশেষভাবে মনে রাখা প্রয়োজন ।

উদাহরণ। রাসায়নিক তল্মের তাপগতীয় চল উহার চাপ P, আয়তন V, উক্তা θ এবং অবস্থার সমীকরণ $f(P,V,\theta)=0$

with
$$V = V(P, \theta)$$
; $P = P(V, \theta)$ are $\theta = \theta(P, V)$

এই কারণে
$$d\mathbf{V} = \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{\bullet} d\mathbf{P} + \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \theta}\right)_{\bullet} d\theta$$

$$d\mathbf{P} = \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\bullet} d\mathbf{V} + \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \theta}\right)_{\bullet} d\theta$$

$$d\theta = \left(\frac{\partial \theta}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\bullet} d\mathbf{V} + \left(\frac{\partial \theta}{\partial \mathbf{P}}\right)_{\bullet} d\mathbf{P}$$
এবং ঐ সঙ্গে $\left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \theta}\right)_{\bullet} \left(\frac{\partial \theta}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\bullet} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{\bullet} = -1 \qquad \cdots \qquad (2.8).$

আদর্শ গ্যাসের জন্য অবস্থার সমীকরণ হইতেছে $\mathrm{PV}=\mathrm{RT}$, এখানে T গ্যাস-স্কেলে উষ্ণতা ।

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{\nu} = \frac{R}{V}, \left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_{\mu} = \frac{P}{R} \text{ was } \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_{T} = -\frac{RT}{P^{2}}$$

দেখা যায় এই তিনটি আংশিক অবকল গুণাংকের গুণফল -1, অর্থাৎ এই ক্ষেত্রে রাসার্য়নিক তন্দ্রের সাধারণ সমীকরণ (2.8) প্রযোজ্য ।

বাস্তব গ্যাস ভ্যান্-ভার ওয়ালস-এর সমীকরণ (Van-der Waals' equation) অনুসরণ করিলে

$$\left(P + \frac{a}{V^s}\right)(V - b) = RT$$

$$\text{ off } dP = \frac{R}{(V - b)} dT - \left[\frac{RT}{(V - b)^s} - \frac{2a}{V^s}\right] dV$$

$$\therefore \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_s = \frac{R}{(V - b)}, \quad \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right)_T = -\frac{1}{\left[\frac{RT}{(V - b)^s} - \frac{2a}{V^s}\right]}$$

where
$$\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_{\bullet} = \frac{(V-b)}{R} \left[\frac{RT}{(V-b)^{\bullet}} - \frac{2a}{V^{\bullet}}\right]$$

অতএব ভ্যান্-ভার ওরালস গ্যাসের জন্যও সাধারণ সমীকরণ (2·৪) একইভাবে প্রযোজ্য ।

2.5. সম্পূর্ণ ভারকলা (Exact or perfect differential) ভারথ ভারকলা (imperfect or inexact differential): মনে করি, z(x, y) দুইটি চল x ও y-এর একমানের অপেক্ষক (single valued function)। এই অপেক্ষকের অবকল গুণাংক $\begin{pmatrix} \partial z \\ \partial x \end{pmatrix}_y$, x ও y-এর মানের উপর নির্ভর করে এবং উহাকেও x ও y-এর অপেক্ষক ধরা বার। y-সাপেক্ষে উহার অবকল গুণাংক নির্ণর করিলে আমরা z-এর বিতীর ক্রমের (second order) অবকল গুণাংক পাই

$$\frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x} = \left\{ \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial z}{\partial x} \right)_y \right\}_z$$

$$= \lim_{\substack{\Delta x \to 0 \\ \Delta y \to 0}} \frac{z(x + \triangle x, y + \triangle y) - z(x, y + \triangle y) - z(x + \triangle x, y) + z(x, y)}{\triangle x \triangle y}$$

অনুরূপভাবে প্রথমে *y-সাপেকে* ও পরে *প্র-সাপেকে* অবকল গুণাংক নির্ণর করিলে পাই

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \left\{ \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial z}{\partial y} \right)_x \right\}_{x}$$

$$= \lim_{\substack{\Delta x \to 0 \\ \Delta y \to 0}} \frac{s(x + \Delta x, y + \Delta y) - s(x + \Delta x, y) - s(x, y + \Delta y) + s(x, y)}{\Delta x \Delta y}$$

অতএব দেখা বার বে,

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 z}{\partial y \partial x} \qquad \cdots \qquad (2.9a)$$

অর্থাং অবকল গুণাংক নির্ণয়ে x ও y-এর ক্রম অপ্রাসন্থিক। আবার বেহেতু x-এর মানে ক্রমেন করে

$$\int_{\mathbf{P}}^{\mathbf{Q}} dz = z_{\mathbf{Q}} - z_{\mathbf{P}} \qquad \cdots \qquad (2.9b)$$

একেরে P হইতে Q বিন্দৃতে যে কোন পথেই বাওরা বাক না কেন dz-এর সমাকল একই হইবে। আবার একটি চক্রাকার পথে যদি P বিন্দৃ হইতে সূরু করিয়া আবার P বিন্দৃতেই ফিরিয়া আসা বার তবে,

$$\oint dz = 0 \qquad \cdots \quad (2.9c)$$

সমীকরণ (2.9a), (2.9b) এবং (2.9c) হইতে বে তিনটি নির্দেশ পাওয়া গেল তাহা বে কোন একমানের সত্তত অপেক্ষক (single valued and continuous function) হ-এর ক্ষেত্রে প্রযোজ্য। এই সকল ক্ষেত্রে এই এই অবকল, অপেক্ষক হ-এর অণুপরিবর্তন স্টিত করে। অনেকক্ষেত্রে এমন একটি রাশি ঠহ থাকিতে পারে বাহা কোন অপেক্ষকের অণুপরিবর্তন নর বেমন ঠি ও ঠি ও ঠি । সেক্ষেত্রে উপরের সমীকরণ-তিনটিই অশুদ্ধ হইবে। এইরূপ অবস্থায় ঠহ-কে অসম্পূর্ণ অবকল বলা হয়। ৫হ জাতীয় রাশি, বাহারা উপরোক্ত সর্ত তিনটি মানিয়া থাকে, তাহাদিগকে বথার্থ বা সম্পূর্ণ অবকল বলা হইবে।

2'6. পাকিয়াল (Plaffian or Plaff's expresion) :

 $M(x, y)dx + N(x, y)dy = \delta$ জাতীর রাশিকে Pfaff's expression বা পাফিয়ান বলা হয়। কোন পাফিয়ান বণি চল x ও y-এর কোন অপেক্ষকের অবকল হয় তবে ঐ পাফিয়ানটিকে সম্পূর্ণ বা যথার্থ অবকল বলা হয়। পাফিয়ানটি যদি চল x ও y-এর কোন অপেক্ষকের অবকল না হয় তবে ঐ পাফিয়ানকৈ অসম্পূর্ণ অবকল বলা হইবে।

মনে করি, $\mathbf{M} dx + \mathbf{N} dy$,—এই পাফিয়ানটি একটি যথার্থ অবকল। ইহা অবশাই চল x, y-এর কোন অপেক্ষকের অবকল হইবে। z(x, y) এই অপেক্ষক হইলে.

$$dz = Mdx + Ndy$$

$$for dz = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{y} dx + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{x} dy$$

$$M(x, y) = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{y} \circ N(x, y) = \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{x}$$

একণে z(x, y) চল x ও y-এর অপেক্ষক এবং সেই কারণে dz একটি বথার্থ অবকল । সমীকরণ (2.9a)এর সর্ভ অনুসারে

$$\left\{\frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_{y}\right\}_{x} = \left\{\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_{x}\right\}_{y} \quad \text{and} \quad \left(\frac{\partial M}{\partial y}\right)_{x} = \left(\frac{\partial N}{\partial x}\right)_{y}$$

অভএব, pfaffian $M(x, y)dx + N(x, y)dy = \delta$ একটি বথাৰ্থ অবকল হইবার সৰ্ভ হইবা,

$$\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial y}\right)_{\mathbf{z}} = \left(\frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x}\right)_{\mathbf{z}} \tag{2.10}$$

বাদ $\frac{\partial M}{\partial y} \neq \frac{\partial N}{\partial x}$ তবে δ একটি অসম্পূর্ণ অবকল । সকলক্ষেটেই পাফিয়ান δ ও অবকলের বাহ্যিকরূপ একই হর । অবকলের ন্যার পাফিয়ানকেও ইচ্ছানুসারে কমান্তরে কৃষ্ণ হইতে কৃষ্ণতর মানে লইরা যাওরা সম্ভব [$\delta \to 0$ যখন dx ও $dy \to 0$] । কিছু δ ও dx, dy, dz-এর মধ্যে মূলগত পার্থক্য রহিয়াছে । পাফিয়ান δ যে সকল ক্ষেট্রেই x, y চলের সুনির্দিন্ট অপেক্ষকের অবকল (differential of a well defined function of x and y) হইবেই এরূপ কোন বাধ্যবাধকতা নাই । বেহেতু dx, dy, dz দারা x, y, z এই রাশি-তিনটির অণুপরিবর্তন স্চিত হয় তাই ইহারা সকলেই যথার্থ অবকল । পক্ষান্তরে δ যথার্থ অবকল হইতেও পারে আবার নাও হইতে পারে ।

উদাহরণ। (i)
$$\delta = (2x + y)dx + (2y + x)dy$$

अधारन ; M = (2x + y) अवश N = (2y + x)

$$\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial y} = 1 = \frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x}$$

সূতরাং δ একটি বথার্থ অবকল এবং $\delta = d[(x^2 + y^2 + xy)]$

(ii)
$$\delta = (xy \cos xy + \sin xy) dx + x^2 \cos xy dy$$

 $\equiv M(x, y) dx + N(x, y)dx$

এখানে;
$$\frac{\partial M}{\partial y} = 2x \cos xy - x^*y \sin xy = \frac{\partial N}{\partial x}$$

এই কারণে δ একটি বথার্থ অবকল এবং $\delta = d(x \sin xy)$

(iii)
$$\delta = 2xy \ dx - (x^2 - y^2)dy$$

$$\frac{\partial M}{\partial y} = 2x \quad \text{and} \quad \frac{\partial N}{\partial x} = -2x$$

े द्यान चारभक्तक व्यवका मन वर् हेटा वक्षि चनन्त् चरका ।

(iv)
$$\delta = (x^{8}y^{8} - y)dx - (x^{2}y^{8} + x)dy$$

धारकार
$$\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial y} = (2x^3y - 1)$$
 धारक $\frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x} = -(2xy^3 + 1)$

বেহেতু
$$\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial y}\neq \frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x}$$
, δ একটি অসম্পূর্ণ অবকল ।

উল্লেখ করা যায় যে, z(x, y) নিরপেক চল x ও y-এর কোন অপেক্ষক হইলে $\int z(x, y) dx$ অথবা $\int z(x, y) dy$ কেবলমার নির্দিন্ট পথেই নিরূপণ করা সম্ভব । পথিট নির্দিন্ট থাকিলে চল-দুইটির একটিকে অন্যটির সাহায়ো প্রকাশ করা যায় । সমাকল্য (integrand) তখন একচলের অপেক্ষক হয় এবং প্রচলিত পদ্ধতিতে দুইটি বিন্দু A ও B-এর মধ্যে নিশ্চিত-সমাকল (definite integral) $\int_{-\infty}^{B} z(x, y) dx$ কয় যাইতে পারে ।

এই কারণে সূচক চিত্রে দৃইটি বিন্দু A ও B-এর মধ্যে পাফিরান $\delta=M(x,y)dx+N(x,y)dy$ -কে সমাকলিত করিবার জন্য ঐ বিন্দুন্মরের মধ্যে সংযোগকারী একটি পথ পূর্ব হইতে দ্বির করা প্রয়োজন । সংযোগকারী পথের সমীকরণ [p(x,y)=c (ধ্রুবক)] হইতে সমাকল্য M(x,y) ও N(x,y)-কে যথাক্রমে x ও y-এর অপেক্ষক রূপে প্রকাশ করিবার পর নিশ্চিত-সমাকলের মান নিরূপণ করা সম্ভব হইবে।

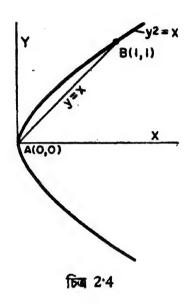
পাফিয়ানটি যথার্থ অবকল হইলে সূচক চিত্রে A ও B বিন্দৃৎয়ের মধ্যে সংযোগকারী বিভিন্ন পথে নিশ্চিত-সমাকল $\int_A^B [\mathbf{M}(x,y)dx + \mathbf{N}(x,y)dy]$ একই হইবে । পক্ষান্তরে δ যথার্থ অবকল না হইলে প্রান্তবিন্দৃৎয় A ও B-এর মধ্যে পৃথকু পৃথকু পূথের জন্য নিশ্চিত সমাকলটি পৃথকু হইবে ।

উদাহরণ। (i)
$$\delta = 2xy^2 dx + 2x^2y dy = d(x^2y^2)$$

এই পাফিরানটি একটি বথার্থ অবকল। সূচক চিত্রে A (0,0) ও B(1,1) বিন্দুবরের মধ্যে সংবোগকারী বিভিন্ন পথের মধ্যে কেবলমার দুইটি পেখানো হইরাছে (চিত্র $2\cdot 4$)।

পথ দৃইটির সমীকরণ,

(a) y=x [সরলরেখা] এবং (b) $y^2=x$ [(parabola)]। এই দুইটি পৃথক পথে A ও B বিন্দুর মধ্যে δ -এর সমাকল বাহির করা বাক।



$$y=x$$
 এই সরলরেশা বরাবর— $\int_A^B 2xy^2\ dx = \int_0^1 2x^3\ dx = \frac{1}{2}$ এবং $\int_A^B 2x^2y\ dy = \int_0^1 2y^2dy = \frac{1}{2}$

স্তরাং ঐ পথে A ও B বিন্দুর মধ্যে δ -এর নিশ্চিত-সমাকল 1 হইবে ।

$$y^{2} = x$$
 खरिवृद्ध भएष —
$$\int_{A}^{B} 2xy^{2} dx = \int_{0}^{1} 2x^{2} dx = \frac{2}{3}$$
 ज्वर
$$\int_{A}^{B} 2x^{2}y dy = \int_{0}^{1} 2y^{2} dy = \frac{1}{3}$$

(ii) $\delta = 2xy \ dx + 2x^2y \ dy$ একটি অসম্পূৰ্ণ অবকল। একেলে v = x সরলরেখা পথে δ -এর সমাকল হইবে

$$\left[\int_0^1 2x^2 \ dx + \int_0^1 2y^2 dy \right] = \frac{7}{6}$$

 $y^2 = x$ অধিবৃত্ত পথে ইহা হয়

$$\left[\int_0^1 2x^{\frac{8}{3}} dx + \int_0^1 2y^s dy\right] = \frac{17}{15}$$

একেত্রে δ একটি অসম্পূর্ণ অবকল বলিয়া দুইটি নিদিন্ট বিন্দুর মধ্যে বিভিন্ন পথে ইহার সমাকল পৃথক হইবে। A ও B বিন্দুর মধ্যে কেবলমাত্র দুইটি भेष महेशा जामाहना कता इहेम । जना य कान अथ कम्भना कतिला উপরোক্ত সিদ্ধান্ত-দুইটি প্রমাণিত হইবে।

2'7. সমাকল গুণিতক (Integrating factor): অনেক কেতে দেখা বায় বে পাফিয়ান M(x, y)dx + N(x, y)dy সম্পূৰ্ণ অবকল কিন্তু $\mu(x,y)$ [Mdx + Ndy] সম্পূর্ণ অবকল। অর্থাৎ কোন অসম্পূর্ণ অবকলকে চল x ও y-এর উপযুক্ত কোন অপেক্ষকের সাহাযো গুণ করিবার পর ইহা সম্পূর্ণ অবকলে রূপান্তরিত হইতে পারে। $\mu(x, y)$ -কে সমাকল-গুণিতক (integrating factor) বলা হয়। উদ্রেখ করা যার যে, কোন অসম্পূর্ণ অবকলকে সম্পূর্ণ অবকলে রূপান্তরিত করিবার জন্য একাধিক সমাকল গুণিতক থাকিতে পারে।

উদাহরণ। অনুছেদ (2·6)-এর (iii) নং উদাহরণে একটি অসম্পূর্ণ অবকলের উল্লেখ করা হইয়াছে। ঐ অবকলটিকৈ $\frac{1}{v^2}$ অথবা $\frac{1}{x^2v+v^3}$ দারা গুণ করিবার পর উহা একটি সম্পূর্ণ অবকলে পরিবাতিত হইবে। অসম্পূর্ণ অবকলটির জন্য $\frac{1}{v^2}$ বেমন একটি সমাকল-গুণিতক সেইব্লপ $\frac{1}{x^2v+v^2}$ ও একটি সমাকল-গুণিতক। ঐ একই অনুচ্ছেদে (iv) নং উদাহরণে পাফিরানটি একটি অসম্পূর্ণ অবকল। পাফিয়ানটিকে $\frac{1}{x^2\sqrt{2}}$ খারা গুণ করিবার পর উহা হইতে

একটি সম্পূৰ্ণ অবৰুল পাওয়া বাইবে । একেত্ৰে $\frac{1}{x^2 \sqrt{2}}$ হইবে সমাকল গুণিতক ।

2.8. তার তার বার করা (Difference between or and dx) । পরবর্তা আলোচনার অসম্পূর্ণ অবকল বুঝাইতে δx আতীর রাশি ব্যবহার করা হইবে। ' δ ' ঘারা বুঝানো বার বে ' δx ' প্রকৃত অর্থে একটি অপুরাশি (infinitesimal quantity) এবং এই ধরনের অপুরাশিকে চিহ্নিত করিবার প্ররোজনে অর্থাং এই জাতীর অপুরাশির একটি হইতে অপরটির স্বাতন্দ্রা রক্ষা করিতে 'x' লেখা হইরাছে। পক্ষান্তরে dx সকল সমরে একটি সম্পূর্ণ অবকলকে বুঝাইবে। এই কারণে δx -কে চল x ও y-এর অণুপরিবর্তনে x-এর পরিবর্তন চিন্তা করা চলিবে না। প্রকৃতপক্ষে δx অসম্পূর্ণ অবকল হইলে চল x, y-এর অপেক্ষক x(x, y)-এর অভিদ্য থাকিবে না। কিন্তু dx সম্পূর্ণ অবকল বলিরা চল x ও y-এর অনুপরিবর্তনে ইহা x(x, y)-এর পরিবর্তন নির্দেশ করিবে। সূতরাং সূচক চিত্রে প্রান্তবিন্দ্র A ও B-এর মধ্যে δx -এর সমাকল বিভিন্ন প্রথে বিভিন্ন হইবে কিন্তু dx-এর সমাকল হইবে প্রথ-নিরপেক।

তাপগতিতত্ত্বে বারবার দুইটি অসম্পূর্ণ অবকলের উল্লেখ করা হইবে। ইহারা হইতেছে তল্ফের সাম্যাবস্থার অনুপরিবর্তন কালে তাপ-বিনিময় δQ এবং প্ররোজনীর কার্য δW । পূর্বে 1·3 অনুজেদে দেখিয়াছি যে, এক সাম্যাবস্থা হইতে অন্য সাম্যাবস্থার পরিবর্তনের সময় মোট তাপ-বিনিময় ও মোট কার্য অথবা δQ ও δW -এর সমাকল, প্রান্তিক সাম্যাবস্থা স্থির থাকা সত্ত্বেও, বিভিন্ন পথে বিভিন্ন হর। আজর-শক্তির পরিবর্তন d U একটি সম্পূর্ণ অবকল এবং দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে ইহার সমাকল বিভিন্ন পথে একই হইরা থাকে। উল্লেখ করা বায় যে, আজর-শক্তি তাপগতীর চলের অপেক্ষক কিন্তু Q অথবা W এইরূপ কোন তাপগতীর অপেক্ষকের অভিন্ন নাই। কাজেই δQ ও δW -এর অনুপরিবর্তন বা অবকল-রূপে কলপনা করা চলে না।

2.9. ভিনতি নিরশেক চল-এর পাকিয়ান সম্পূর্ণ ভারকল হওয়ার সর্ভ: পাফিয়ান $\delta=M(x,y,z)dx+N(x,y,z)dy+P(x,y,z)dz$ বাদ অপেক্ w (x,y,z)-এর অবকল হয় তবে পাকিয়ানটিকে বথার্থ বা সম্পূর্ণ অবকল বলা হইবে। w চল x,y,z-এর অপেক্ক এবং সেই জন্য উহার অবকল হইবে

$$dw = \left(\frac{\partial w}{\partial x}\right)_{y,z} dx + \left(\frac{\partial w}{\partial y}\right)_{z,z} dy + \left(\frac{\partial w}{\partial z}\right)_{z,z} dz$$

পাফিয়ানের-এর সহিত এই অবকলটির তুলনা করিলে

$$\left(\frac{\partial w}{\partial x}\right)_{y,s} = M(x, y, z), \left(\frac{\partial w}{\partial y}\right)_{x,s} = N(x, y, z)$$

$$\left(\frac{\partial w}{\partial z}\right)_{x,y} = P(x, y, z)$$

একণে w চল x, y, z-এর অপেকক বলিয়া

$$\frac{\partial^2 w}{\partial y \partial x} = \frac{\partial^2 w}{\partial x \partial y}$$
 অর্থাৎ $\left(\frac{\partial M}{\partial y}\right)_{x,s} = \left(\frac{\partial N}{\partial x}\right)_{y,s}$ অনুরূপ কারণে, $\left(\frac{\partial M}{\partial x}\right)_{x,y} = \left(\frac{\partial P}{\partial x}\right)_{x,y}$ এবং $\left(\frac{\partial N}{\partial x}\right)_{x,y} = \left(\frac{\partial P}{\partial y}\right)_{x,y}$

পাফিয়ানে dx, dy ও dz-এর সহগ M, N ও P উপরের সর্তগৃলি মানিলে উহাকে বথার্থ বা সম্পূর্ণ অবকল বালব । তিনটি সর্তের কোন একটি বাদ পূরণ না হয় তবে পাফিয়ান δ একটি অসম্পূর্ণ অবকল বিবেচিত হইবে ।

উপাহরণ। (i) $\delta=3x^3y^3z$ $dx+2x^3yz$ $dy+x^3y^3$ $dz=d(x^3y^3z)$ —ইহা একটি যথার্থ অবকল। একেত্রে dx, dy, dz-এর সহগকে M, N ও P লিখিলে

$$\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial y} = 6x^2yz = \frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x}, \frac{\partial \mathbf{M}}{\partial z} = 3x^2y^2 = \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial x}$$

$$\mathbf{M} = 6x^2yz = \frac{\partial \mathbf{N}}{\partial x}, \frac{\partial \mathbf{M}}{\partial z} = 3x^2y^2 = \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial x}$$

(ii)
$$\delta = 3x^2y^2z \ dx + 2x^2yz \ dy + x^2y^2z \ dz$$

action $\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x}$ for $\frac{\partial M}{\partial z} \neq \frac{\partial P}{\partial x}$ and $\frac{\partial N}{\partial z} \neq \frac{\partial P}{\partial y}$

পাফিয়ানটি এই কারণে একটি অসম্পূর্ণ অবকল।

প্রশ্নমান্দা

1.
$$f(P, V, T) = 0$$

প্রমাণ কর বে,

$$\left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_{T}\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{P}=-1$$

2. गारित बना क्रीनवारनव व्यवस्था नभीकवन,

$$P(V-b)=RT$$

এবং Dieterici-এর অবস্থার সমীকরণ,

$$P = \frac{RT}{V - b} e^{-\frac{a}{RVT}}$$

a ও b ধ্রুবক। উভয় ক্ষেত্রে উপরের অভেদটি বথার্থ প্রমাণ কর।

- 3. নিম্নলিখিত পাফিয়ানগুলি সম্পূর্ণ অবকল কিনা ঠিক কর---
 - (i) $(x^2-y^2)dx-2(x-1)y dy$
 - (ii) $2x \ln y dx + \frac{x^2}{y} dy$
 - (iii) $2x \sin y dx x^2 \cos y dy$
 - (iv) $(2x + yx^3)dx + 5(x 3x^2y)dy$
 - (v) $y(1+x^2)^{-1} \tan^{-1}x \, dy$
- 4. নিম্নালিখিত পথ বরাবর সমাকলগুলির মান নির্ণর কর-

(a)
$$\int_{(0,0)}^{1,1} x^2 dx + y^2 dy$$

- (i) সরল রেখা ; y=x (ii) অধিবৃত্ত ; $x=y^2$ ও
- (iii) অধিবৃত্ত ; $y=x^3$,

(b)
$$\int_{0.0}^{1.1} \left[(x^2 + y^2) dx - 2xy \ dy \right]$$

- (i) সরলরেখা : y = x (ii) অধিবৃত্ত : $x = y^2$ এবং
- (iii) অধিবৃত্ত ; $y = x^2$

বিভিন্ন পথ বরাবর সমাকলগুলির মান বিচার করিরা দেখাও বে (a) ও (b)-এর মধ্যে একটি ক্লেত্রে সমাকল্য সম্পূর্ণ অবকল এবং অন্যক্ষেত্রে উহা অসম্পূর্ণ অবকল ।

5. দেখাও বে

$$\int_{0.1}^{1.2} \left[(x^2 + y^2) dx + 2yx \ dy \right]$$

সংযোগকারী পথের উপর নির্ভর করে না। সমাকলটির মান কি হইবে ?

6. সমাকলটি পথ-নিরপেক কিনা বিচার কর,

$$\int_{0.0}^{1.1} \left[\frac{1 - y^2}{(1 + x)^3} \ dx + \frac{y}{1 + x^2} \ dy \right]$$

7. প্রমাণ কর বে, $M=M(x,\,y,\,z)$ এবং $f(x,\,y,\,z)=0$ হইলে

ভূতীয় পরিচ্ছেদ

রাসায়নিক তত্ত্বের বাহিক ধর্ম

(Macroscopic Properties of Chemical Systems)

তাপগতীর তন্তের আলোচনার অনেক সমর আমরা ঐ তন্তের মাপন-বোগ্য বাহ্যিক ধর্মগুলির (measurable macroscopic properties) পরস্পরের মধ্যে সম্পর্ক কি তাহা জানিতে চেন্টা করি। ইহাদের সাহাব্যে পরীক্ষালক একটি বাহ্যিক বা চাক্ষ্ম ধর্ম হইতে অন্য একটি চাক্ষ্ম ধর্মের হিসাব করা সম্ভব হয়। রাসায়নিক তন্তের মাপনবোগ্য চাক্ষ্ম বা বাহ্যিক ধর্ম হইবে—

- (i) **ছিভিস্থাপকতা ধর্ম** (Elastic properties)—বেমন, ইয়ং-এর গুণাংক (Young's modulus), আয়তন-বিকৃতি গুণাংক (bulk modulus) ইত্যাদি।
- (ii) ভাপ-প্রসারণ গুণাংক (Coefficient of thermal expansion)—বেমন, নৈর্ঘ্য-প্রসারণ গৃণাংক (coefficient of linear expansion), আয়তন-প্রসারণ গৃণাংক (coefficient of volume expansion) ইত্যাদি।
- (iii) ভাগগ্ৰাহিভা ও আপেকিক ভাগ (Thermal capacity and specific heat)
- (a) দ্বির চাপে তাপগ্রাহিতা ও আপেকিক তাপ (thermal capacity and specific heat at constant pressure)।
- (b) হির আরতনে তাপগ্লাহিতা ও আপেকিক তাপ (thermal capacity and specific heat at constant volume)।

ইহাদের সম্পর্কে পৃথক্ভাবে আলোচনা করা হইল।

8'1. স্থিতিস্থাপকতা প্ৰৰ্ম:

1. আয়ভন-বিকৃতি তুপাংক ও সংনম্যতা (Bulk modulus of elasticity and compressibility)—

রাসারনিক তলের ীত্রনটি বিভিনাপ—অর্থাৎ চাপ P, আরতন V,

ও উল্ভা 🖯 উহার সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে । রাসায়নিক তল্মের অবস্থার স্মীকরশ হইবে

$$f(P, V, \theta) = 0$$

অপেক্ষকের গাণিতিক প্রকৃতি (nature of the function) বিভিন্ন রাসায়নিক তন্তের জন্য বিভিন্ন হইবে। অবস্থার সমীকরণের সাহাব্যে তিনটি স্থিতিমাপের বে কোন একটিকে অন্য দুইটির স্থিতিমাপের অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করিতে পারি।

বেমন,
$$V = V(P, \theta)$$
 ... (3.1a)

$$\operatorname{det} dV = \left(\frac{\partial V}{\partial P}\right) dP + \left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right) d\theta \qquad (3.1b)$$

আয়তন-ততি বা volume strain $\frac{dV}{V}$ রাসায়ানক তব্দের অবস্থার সমীকরণের উপর নির্ভর করে। সাধারণভাবে বলা যায়,

আয়তন-বিকৃতি গুণাংক (bulk modulus) $B = \frac{$ পীড়ন}{আয়তন-ততি

অৰ্থাৎ
$$B = \underset{d \mapsto 0}{\text{Lim}} - \frac{dP}{dV} = -V \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)$$

চাপ বৃদ্ধি করিলে আয়তন হ্রাস পায় ইহা বৃঝাইবার জন্য ঝণাত্মক চিন্দ্র বাবহার করা হইরাছে। এক্ষণে বিভিন্ন অবস্থার চাপের তারতম্য হইতে পারে, এবং সেইজন্য এই আংশিক অবকল গুণাংকটি (partial differential coefficient) কি অবস্থায় তল্য পরিবর্তিত হইরাছে, তাহার উপর নির্ভর করে।

চাপ পরিবর্তনের সময় পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সহিত তাপ বিনিমরের দরুন বস্তৃর উক্তা স্থির থাকিলে উহার আয়তন-বিকৃতি গুণাংককে সমোক আয়তন-বিকৃতি গুণাংক (isothermal bulk modulus) বলা হয়।

$$B_{\bullet} = -V\left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_{\bullet}$$

তাপ-কুপরিবাহী বন্ধু দারা আচ্ছাাদত তলো চাপ পরিবর্তন অতি প্রত সংঘটিত হইলে পারিপার্টিমক মাধ্যমের সহিত্ তাপ বিনিময়ের স্বাোগ থাকে না এবং ফলে উক্তার পরিবর্তন ঘটেশা এই অবস্থার তলের সায়তন-বিকৃতি পুণাংক-কে ক্লমতাপ আয়তন-বিকৃতি গুণাংক (adiabatic bulk modulus) বলা হইবে।

রুষতাপ আরতন-বিকৃতি গুণাংক
$$\mathbf{B}_{\bullet} = -\mathbf{V} \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\mathbf{V}} \right)_{\bullet}$$

ক্ষতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তনে (adiabatic reversible change) এন্ট্রাপ S অপারবার্তত থাকে (7'3 অনুচ্ছেদ দুর্ভবা) এবং সেই কারণে शामारक (subscript) S लाचा इदेवारह । आव्रधन-विकृषि शुनारकिव ব্যতিহারকে (reciprocal) সংনমাতা (compressibility) বলা হর।

সংনম্যতা
$$k = \frac{1}{B} = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)$$

এই কারণে সমোক সংনম্যতা (isothermal compressibility)

$$\mathbf{k}_{\bullet} = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}} \right)_{\bullet}$$

এবং রন্ধতাপ সংনম্যতা (adiabatic compressibility)

$$\mathbf{k}_{\bullet} = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}} \right)_{\bullet}$$

তাত্ত্বিক বিবেচনার B এবং k উভয়েই 🖯 ও P-এর অপেক্ষক : কিন্তু পরীকা হইতে দেখা বার যে, চাপ ও উক্তা পরিবর্তনে আয়তন-বিকৃতি গুণাংক ও সংনম্যতার নামমাত্র পরিবর্তন হয়। এই কারণে ইহাদের মোটামুটিভাবে প্রুবক বলিয়া চিন্তা করিতে পারি।

2. देशर-अत्र खनारक ७ देश्वी-धनात्रन खनारक (Young's modulus and coefficient of linear expansion)—কোন তত-তারের দৈর্ঘ্য L উহার উপর টান হ এবং উব্বতা 8-র উপর নির্ভর করে। এই তদাের তিনটি স্থিতিমাপ বা তাপগতীর চল হইতেছে L. र ও θ । ইহার অবস্থার সমীকরণ হইবে $\phi(L, \tau, \theta) = 0$ ।

ভারটি এক সাম্যাবস্থা হইতে অনা একটি সাম্যাবস্থার পৌছাইলে উহার দৈর্ঘার পরিবর্তন লিখিতে পারি

$$dL = \left(\frac{\partial L}{\partial \tau}\right) d\tau + \left(\frac{\partial L}{\partial \theta}\right) \frac{d\theta}{\tau} \qquad \cdots \quad (3.2)$$

শ্বির উক্তার তারের দৈর্ঘ্য-ততি (longitudinal estrain) $\frac{dL}{L}$ অবস্থার সমীকরণ বারা নিশিন্ট হইবে।

देशर-धन गुणारक
$$Y = -\frac{dP}{dL/L} = -L\left(\frac{\partial P}{\partial L}\right)$$

$$= -\frac{iL}{A}\left(\frac{\partial \tau}{\partial L}\right)\left[\because P = \tau/N\right]$$

A হয় তারের প্রস্থাছেদ। সাধারণতঃ স্থির উষ্টায় এই ভৌত রাশিটিকে মাপা হয়।

Y₀ (isothermal Young's modulus) =
$$-\frac{L}{A} \left(\frac{\partial \tau}{\partial L} \right)_0$$

পক্ষান্তরে তারের উপর টান ছির রাখিরা উক্তা পরিবর্তন করিলে উহার দৈর্ঘ্যের পরিবর্তন হয়। তারের দৈর্ঘ্য-প্রসারণ গুণাংক (coefficient of linear expansion) হইবে

$$lpha = rac{1}{L} \left(rac{\partial L}{\partial heta}
ight)_{ au}$$
সমীকরণ (2·7a) অনুসারে $\left(rac{\partial au}{\partial heta}
ight)_{ ext{L}} = -\left(rac{\partial au}{\partial ext{L}}
ight)_{m{d}} \left(rac{\partial L}{\partial heta}
ight)_{m{\tau}}$

$$= -rac{L}{A} \left(rac{\partial au}{\partial ext{L}}
ight)_{m{d}} rac{A}{L} \left(rac{\partial L}{\partial heta}
ight)_{m{\tau}}$$

$$= Y_{m{e}} A lpha$$

অবস্থার সমীকরণ হইতে **৮-কে L ও 0-এর অপেক্ষক মনে করিতে পারি**।

$$\therefore d\tau = \left(\frac{\partial \tau}{\partial L}\right)_{\theta} dL + \left(\frac{\partial \tau}{\partial \theta}\right)_{L} d\theta$$

দৈর্ঘ্যের কোন পরিবর্তন হইতে না পারিলে তারের উপর টান বৃদ্ধিতে কেবলমার উক্তার পরিবর্তন হয় এবং এ অবস্থায় টান পরিবর্তন ও উক্তা বৃদ্ধির মধ্যে সম্পর্ক হইবে,

$$\delta \tau = \left(\frac{\partial \tau}{\partial \theta}\right)_{L} d\theta = Y_{\theta} A \alpha \ d\theta$$

নৈৰ্যা ছিন্ন রাখিয়া তারের উপন্ন টান দ্ব-এর পরিবর্তে দ্ব করিলে উক্তার পরিবর্তন হয়,

$$\theta_f - \theta_i = \frac{(\tau_f - \tau_i)}{YA\alpha}$$

একেতে Y এই উক্তা সীমার মধ্যে ইরং গুণাংকের গড় হইবে।

8'2. তাপীয় এম:

1. **আর্ডন-প্রসারণ গুণাংক** (Coefficient of volume expansion)—তাপের প্রভাবে কঠিন পদার্থের আর্ডন-বৃদ্ধি সাধারণতঃ ছির চাপে মাপা হইরা থাকে। বভুর আর্ডন-প্রসারণ গৃণাংক হইবে,

$$\beta = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial \theta} \right)_{\bullet}$$

আর্মন স্থির রাখিরা উক্তা বৃদ্ধি করিলে রাসার্রানক তন্তের চাপ বৃদ্ধি পার। এই অবস্থার চাপ পরিবর্তনের হার তন্তের পক্ষে মাপনবোগ্য একটি বাহ্যিক ধর্ম। কেবলমার গ্যাসের ক্ষেত্রে ইহা সহজ্যে মাপা বার। কঠিন ও তরল-পদার্থে এই সমরে চাপ অতিরিক্ত পরিমাণে বৃদ্ধি পার বলিরা ইহা মাপা সম্ভব নর। এই অতিরিক্ত চাপে তরল পদার্থ বে পাত্রে রাখা হইরাছে সেই পাত্র অথবা কঠিন পদার্থ ভাঙিরা বাইতে পারে। তৎসত্ত্বেও $\left(\frac{\partial P}{\partial \theta}\right)$ এই মাপনবোগ্য রাশির মান অন্য উপারে ক্ষির করা বাইতে পারে।

রাসার্নাক তল্মের সমীকরণ $f(P, V, \theta) = 0$ এবং সেই কারণে সমীকরণ (27a) অনুসারে,

অবস্থার সমীকরণ হইতে চাপ P-কে আয়তন V ও উকতা heta-র অপেক্ষক হিসাবে চিন্তা করিলে

$$dP = \left(\frac{\partial P}{\partial \theta}\right)_{\theta} d\theta + \left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_{\theta} dV$$
$$= B_{\theta} \beta d\theta - \frac{B_{\theta}}{V} dV$$

চাল পরিবর্তনের সমর আরতন ছির রাখিলে উক্তার তারতম্য হয় এবং উচ্চার মধ্যে সম্পর্ক হইভেছে

$$dP = B_{\theta}\beta d\theta$$

সমাকলের পরে
$$P_f - P_i = \int_{P_i}^{P_f} dP = \int_{\theta_i}^{\theta_f} B_{\theta} \beta d\theta$$

eta ও $B_{
m s}$ উভয়েই উক্তা-নির্ভর বালিয়া সহজেই সমাকলটি ক্যা সম্ভব হইবে না। $(heta_{
m f}- heta_{
m s})$ অন্তর্গটি সামান্য হইলে eta ও $B_{
m s}$ উভয়কেই প্লবক রাশি বালিয়া কল্পনা করা যাইতে পারে, এবং সেক্ষেত্র

$$P_f - P_i = B\beta(\theta_f - \theta_i)$$

উল্লেখ করা যায় যে, সমীকরণটি কেবলমাত্র বন্ধুর আয়তন ভ্রির থাকিলেই প্রযোজ্য হইবে। উপরের সমীকরণে B নির্দিন্ট উষ্ণতা-সীমার মধ্যে আয়তন-বিকৃতি গুণাংকের গড় নির্দেশ করে।

2. ভাপগ্রাহিতা ও আপেক্ষিক ভাপ (Thermal capacity and specific heat)—কোন বস্তু বা তল্ম তাপ গ্রহণ অথবা বর্জন করিলে বদি উহার উকতার পরিবর্জন হয় (কেবলমান্ন অবস্থার রূপান্তরের সময় উকতা স্থির থাকে—এই সময় তল্ম বে পরিমাণ ভাপ গ্রহণ অথবা বর্জন করে তাহাকে লীনতাপ বা latent heat বলা হয়) তাহা হইলে তাপ-বিনিমর ও উকতা-পরিবর্জনের অনুপাতকে বস্তুর তাপগ্রাহিতা বলা হয় ।

তাপগ্রাহিতা
$$C = \underset{d\theta \to 0}{\text{Lim}} \cdot \frac{\delta Q}{d\theta} = \frac{\delta Q}{d\theta}$$

ৰম্ভুর একক ভরের তাপগ্রাহিতাকে ঐ পদার্খের আপেক্ষিক তাপ বলা হইবে।

আপেন্দিক তাপ
$$c = \lim_{\theta \to 0} \frac{1}{m} \frac{\delta Q}{d\theta} = \frac{1}{m} \frac{1}{d\theta}$$

m এখানে বন্ধুর ভর নির্দেশ করে। একেটে বিশেষ ভাবে উল্লেখ করা প্রয়োজন বে, $\left(\frac{\delta Q}{d\theta}\right)$ কোনকমেই অবকল গুণাংক নয় (is not a differential coefficient)। Q কোন কারণেই তাপগতীয় চলের অপেক্ষক নয় এবং সেই কারণে $\left(\frac{o \vee}{d\theta}\right)$ -কে অবকল গুণাংক বালতে পারি না। তাপগ্রাহিতা অথবা আপেক্ষক তাপ দুইটি অগুরাশির অনুপাতের প্রান্তিক মান মান্ত (limiting

value of the ratio of two infinitesimal quantities) ।
কিন্তাবে তথ্য তাপ গ্রহণ করিরাছে অথবা তাপ বর্জন করিরাছে তাহার উপর
এই অনুপাতটি নির্ভর করিবে। কঠিন পদার্থের কেন্দ্রে সাধারণতঃ ছির
চাপে আপেন্দিক তাপ মাপা হইরা থাকে। গ্যাসের কেন্দ্রে ছির চাপে ও
ছির আরতনে আপেন্দিক তাপ মাপা বাইতে পারে।

দ্বির চাপে আপেকিক তাপ $c_s=\frac{1}{m}\begin{pmatrix} \delta Q \\ d \bar{\theta} \end{pmatrix}_s$, এবং দ্বির আরতনে আপেকিক তাপ $c_s=\frac{1}{m}\begin{pmatrix} \delta Q \\ d \bar{\theta} \end{pmatrix}_s$ । পদার্থের আগব ভর (molecular weight) M হইলে $Mc_s=C_s$ এবং $Mc_s=C_s$ । C_s ও C_s -কে বধাক্রমে দ্বির চাপে ও দ্বির আরতনে আগব আপেকিক তাপ (molar specific heat) বলা হইবে।

প্রশ্রমান্সা

1. রাসায়নিক তন্ত্রের অবস্থার সমীকরণ ;

$$P(v-b) = RT$$

দেখাও বে, উহার আরতন-প্রসারণ গুণাংক ও সংনমাতা বধাদ্রমে,

$$\beta = \frac{1}{T} \left[1 - \left(\frac{b}{V} \right) \right] \quad \text{s} \quad k = \frac{1}{P} \left[1 - \left(\frac{b}{V} \right) \right]$$

- 2. ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য আরতন-প্রসারণ গুণাংক ও সংনমাতাকে উহার ভিতিমাপের হিসাবে প্রকাশ কর।
 - 3. গ্যাসের জন্য Dieterici-এর অবস্থার সমীকরণ $P(V-b) = RT e^{-a/RVT}$

a ও b দুইটি ধ্রুবক। হিতিমাপের সাহাব্যে উহার আরতন-প্রসারণ গুণাংক-কে প্রকাশ কর। দেখাও বে, T ও V খুব বেশী হইলে আদর্শ গ্যাসের আরতন-প্রসারণ গুণাংকের সহিত উহার কোন পার্থক্য থাকিবে না।

4. আরতন-প্রসারণ গৃণাংক ও সংনম্যতাকে ঘনত্ব ho ও উহার আংশিক অবকল গৃণাংকের হিসাবে প্রকাশ কর ।

5. श्रमाण कत त्व.

$$\left(\frac{\partial \beta}{\partial P}\right)_T = \frac{\partial k}{\partial T}$$

6. কোন গ্যাসের আরতন-প্রসারণ গুণাংক ও সমোক সংন্ম্যতা বধাচমে,

$$\beta = \frac{nR}{PV} \quad e \quad k_T = \frac{1}{P} + \frac{a}{V}$$

n, R ও a প্রত্যেকেই ধ্রুবক; ঐ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ স্থির কর।

7. প্রমাণ কর বে,

$$\frac{d\mathbf{V}}{\mathbf{V}} = \beta d\mathbf{T} - \mathbf{k}d\mathbf{P}$$

8. দেখাও যে, একটি তত-তারের সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে টান ও অন্যান্য স্থিতিমাপের পরিবর্তনের সম্পর্ক হইবে,

$$d\tau = AY \frac{dL}{L} - \alpha AY dT$$

A তারটির প্রস্থাছেদ, Y উহার ইয়ং-এর গুণাংক এবং α দৈর্ঘা-প্রসারণ গুণাংক।

9. একটি তারের দৈর্ঘা 80 cm এবং উহার প্রস্থচ্ছেদ '001 cm², স্থির উক্তার আপাত-সাম্যীর পদ্ধতিতে ইহার উপর টান বৃদ্ধি করিয়। 10° dynes-এর পরিবর্তে 10° dynes করা হইল; কার্ষের হিসাব দাও।

নির্দিন্ট উক্তার ইরং-এর গুণাংক = 2.5×10^{12} dynes/cm²

10. 500 gm ভর সম্পন্ন একটি ধাতবখণ্ডের উপর স্থির উক্তার আপাত-সাম্যীর পদ্ধতিতে চাপ 1 অ্যাটমস্ফিরারের পরিবর্তে 100 আটমস্ফিরার করা হইল। কার্ধের হিসাব দাও।

নিদিন্ট উক্তায় ধাতুটির ঘনৰ = 10 gm/cc

এবং উহার আরতন-বিকৃতি গুণাংক = 1.5×10^{12} dynes/cm²

11. পারদের উপর চাপ 1 আটমস্ফিয়ার এবং উহার উকতা 0° C ; চাপ কি পরিমাণে বৃদ্ধি করিলে দ্বির আয়তনে উহার উকতা 10° C হইবে ?

$$\beta = 18.1 \times 10^{-2}$$
 or B = 2.5×10^{11} dynes/cm²

- 12. একটি থাতবখণের উপর চাপ 1 আটমস্ফিরার এবং ঐ সমরে উহার উক্তা 20°C। চাপ বৃদ্ধির ফলে উক্তা 12°C এবং আরতন '05 cc. বৃদ্ধি পাইল। অভিম চাপ কত ?
- 18. একটি তারের প্রস্তুক্তে '009 cm², উহাকে 100 cm দ্রবতী দুইটি দৃঢ় ধারকের উপর (rigid support) রাখির। $2 \times 10^\circ$ dynes টান প্ররোগ করা হইল। ঐ সমরে উহার উকতা ছিল 20° C। টান হ্রাস করিবার ফলে উহার উকতা 12° C হইল, অভিম টান কত ? বাদ ঐ সঙ্গে ধারক-দুইটির দ্রম্ব '1 cm হ্রাস পায় তবে সেই সমরের অভিম টান হিসাব কর।

চতুর্থ পরিচেচ্ন

তাপগতিভদ্বের প্রথম সূত্র

(First Law of Thermodynmics)

4'1. ভদ্ৰের অবস্থা পরিবর্তন করিতে কার্য ও ভাপ (Work and heat to change the state of a system) :

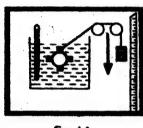
উনবিংশ শতাব্দীর প্রথম দশক পর্বত প্রচলিত ধারণা ছিল যে, তাপ ভরশ্না একপ্রকার fluid বা তরল জাতীর পদার্থ। ইহাকে ক্যালরিক বলা হইত। ক্যালরিক মতবাদ অনুসারে কোন বস্তুতে এই fluid প্রবেশ করিলে উহার উক্তা বৃদ্ধি পার। পক্ষান্তরে যে বস্তু হইতে এই fluid বাহির হইরা আসিবে তাহার উক্তা হ্রাস পাইবে। সকল ক্ষেত্রেই উক্তর বস্তু হইতে শীতলতর বস্তুতে এই fluid প্রবেশ করিবে।

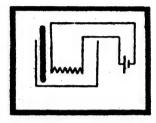
এই সমরে কাউণ্ট রামফোর্ড (Count Rumford), ভেভি (Davy), মেরার (Mayer) ও জ্ল (Joule) প্রমুখ বৈজ্ঞানিকদের পৃথিতে তাপ ও কার্ষের অভিনতা সর্বপ্রথম পরিলক্ষিত হয়। ইহার ফলে ক্যালরিক মতবাদের অবসান হয় এবং তাপ শক্তি হিসাবে বিবেচিত হইতে থাকে। এক টুকরা লোহার পাতকে তৃরপুনের সাহায্যে গর্ড করিবার সময় পাতটি উত্তপ্ত হইয়া ওঠে। দুইটি বরফের টুকরা পরস্পরের সহিত ঘর্ষণে গলিতে শৃরু করে। উভয় ক্ষেত্রে তল্পের উপর কেবলমার কার্ম করা হইয়াছে। এই পরিবর্তন কার্য-ব্যতীত কেবলমার তাপ গ্রহণের ফলেও সম্ভব হইতে পারে।

তল্পের অবস্থা পরিবর্তনের করেকটি উদাহরণ বিশেষভাবে আলোচনা কর। হইল।

(i) মনে করি, তাপ-অন্তরক দেওয়াল বিশিষ্ট কোন ক্যালরিমিটারের অভ্যন্তরে নির্দিন্ট উকতার বায়্মশুলের চাপে কিছু পরিমাণ তরল আছে। তাপগতীর চল (P_1, V_1, θ_1) ঐ তদ্যের প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে। তরলের মধ্যে সম্পূর্ণরূপে নির্মান্জত অবস্থার একটি ঘূর্ণন-চক্রকে (paddle wheel) রাষা হইয়াছে। ঘূর্ণন-চক্রটি দড়ির সাহাব্যে কপিকলের (pulley) অপর প্রান্তে বৃত্তর তর্মের সহিত বৃত্ত (চিন্ন 4.1)। ঝুলার ভরটি ছাড়িয়া গিলে চক্রটি ছারিতে থাকে এবং ইহার ফলে তরলের উকতা ও আয়তন বৃদ্ধি

পার। ভরটি নামির। আসার ফলে উহার ছিভিশক্তি হ্রাস পার এবং ঐ শক্তির বিনিমরে চক্রটির বৃধন সম্ভব হর । বৃধ্যর ভরটি কতদ্র নামির। আসিরাছে ভাহা জানিতে পারির চক্রটি বে পরিমাণ কার্ব করিরাছে ভাহা জানিতে পারা। যনে করি, এইভাবে তরলের উপর ΔW পরিমাণ কার্ব করিবার ফলে উহার অবস্থা পরিবাতিত হইরাছে এবং পরিবাতিত অবস্থার তল্কের তাপগতীর চল (P_a, V_a, θ_a) ।





for 4:1

fbu 4:2

(ii) বিতীর ব্যবস্থার ব্র্ণন-চক্রের পরিবর্তে একটি পরিবাহী তারকে তরলের অভ্যন্তরে নিমন্দিত অবস্থার রাখা হইরাছে (চিন্র 4.2)। মনে করি, প্রারম্ভিক অবস্থার তব্যের তাপগতীর চল (P_1', V_1', θ_1') । তারটির দুইপ্রান্ত তড়িং-কোষের সহিত বৃক্ত হইলে উহাতে বিদ্যুৎ-প্রবাহের সৃষ্টি হর এবং তরলের উক্তা ও আরতন বৃদ্ধি পার। ধরা বাক, t সেকেও ধরিরা বিদ্যুৎ-প্রবাহ চলিবার পর তল্যের তাপগতীর চল হইরাছে (P_1', V_2', θ_2') ।

তারটির দৃইপ্রান্তে বিভব-প্রভেদ E ভোল্ট এবং প্রবাহমান্তা I অ্যাম্পিরার হইলে t সেকেওে তরলের উপর $\Delta W' = EIt$ কৃল কার্য করা হইবে। উভর ক্ষেত্রে বাহির হইতে কার্য করিবার ফলে তব্দের অবস্থা পরিবর্তিত হইরাছে। উল্লেখ করা বাইতে পারে বে, উপরোক্ত পরীক্ষা-দৃইটিতে তব্দ ও পারিপার্থিক মাধ্যমের মধ্যে কোন প্রকার তাপ বিনিমর হর নাই। প্রথম ক্ষেত্রে তব্দের উপর বান্দ্রিক কার্য করা হইরাছে এবং ছিতীর ক্ষেত্রে বিদ্যুৎ-প্রবাহের দরুল কার্য (electrical work) সম্পান হইতেছে। এই রুক্ততাপ পরীক্ষা-ব্যবস্থাতে দৃইটি ক্ষেত্রে তরলের প্রারম্ভিক ও অত্তিম সাম্যাবন্থা অভিনে হইলে এবং ঐ সঙ্গে ক্যালরিমিটার-দৃইটির জলসম (water equivalent) একই হইলে প্ররোজনীর কার্য উভয়ক্ষেত্রে সমান হইবে (1.4 (i) প্রত্বা)।

(iii) কোন কার্য বাজীত কেবলমাত্র তাপ-গ্রহণে তল্পের ঐ একই পরিরবর্তন সম্ভব হইতে পারে। ক্যালরিমিটারটিকে একটি বুন্সেন বার্নারের উপর ছাপন করিলে তরলের অবস্থা পরিবর্তিত হইবে। এইভাবে তরলের সাম্যাবস্থা $(P_1,\,V_1,\,\theta_1)$ হইতে $(P_2,\,V_3,\,\theta_3)$ -তে পরিবর্তন করিতে ΔQ পরিমাণ তাপ প্ররোজন হইবে, এবং,

$$\Delta Q = mc(\theta_2 - \theta_1)$$

m হর তরলের ভর এবং c উহার আপেক্ষিক তাপ। এক্ষেত্রে তলের উপর কোন কার্ব করা হয় নাই এবং তল্ম নিজেও কোন কার্য করে নাই। পরীক্ষা-গুলিতে বার্যুত্তনের চাপে আয়তন বৃদ্ধির জন্য তল্মকে যে পরিমাণ কার্য করিতে হয় তাহা খুবই সামানা। সেই কারণে উহা হিসাবে ধরা হইতেছে না।

উল্লিখিত পরীক্ষাগৃলি হইতে আমরা একটি গ্রুক্ত্বপূর্ণ সিদ্ধান্ত গ্রহণ করিতে পারি। কোন তল্মের উপর কেবলমাত্র ΔW পরিমাণ কার্য করিবার ফলে যে পরিবর্তন সম্ভব, তক্ষ্ম কেবলমাত্র ΔQ পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিলে ঐ একই পরিবর্তন সম্ভব হইতে পারে এবং সেই কারণে ΔW পরিমাণ কার্য ΔQ পরিমাণ তাপের তৃল্যমূল্য (equivalent), অর্থাৎ

$$\Delta Q \equiv \Delta W \qquad \cdots \qquad (4.1)$$

4.2. ১W ও ১Q অসম্পূর্ণ অবকল (১W and ১Q are not perfect differentials):

প্রথম ও দিতীয় পরীক্ষায় ΔW কার্ষের বিনিমরে তন্দ্রের অবস্থা পরিবর্তন করা হইয়াছে। তৃতীয় পরীক্ষায় ঐ একই পরিবর্তনের জন্য কোন কার্ষের প্রোজন হয় না $(\Delta W=0)$ । এইরূপ বিভিন্ন পদ্ধতিতে অথবা বিভিন্ন পরিক্রমায় তন্দ্র এক সাম্যাবস্থা হইতে অন্য সাম্যাবস্থায় পরিবর্তিত হইতে পারে এবং এই সকল বিভিন্ন পরিক্রমায় কার্ষের পরিমাণ ভিন্ন হইবে।

অর্থাৎ কোন পরিবর্তনে তন্দ্র মোট যে কার্য করে অথবা তন্দ্রের উপর মোট যে কার্য করা হয় উহার পরিমাণ $\Delta W = \int_{1}^{2} \delta W$ কেবলমান্র তন্দ্রের প্রান্তিক সাম্যাবন্দ্রার উপর নির্ভর করে না। দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবন্দ্রার মধ্যে তন্দ্র কিন্তাবে পরিবর্তিত হইয়াছে তাহারই উপর ΔW নির্ভর করে। অন্যভাবে বলা বার, সূচক চিত্রে প্রারম্ভিক ও অন্তিম সাম্যাবন্দ্রা-সংযোগকারী বিভিন্ন পথের জন্য ΔW বিভিন্ন হইবে। এই কারণে δW অসম্পূর্ণ অবকল (imperfect differential)। একই যুক্তিতে দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবন্দ্রার মধ্যে বিভিন্ন

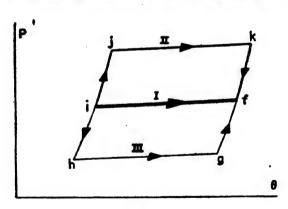
পৰে গৃহীত অথবা বৰ্জিত তাপ $\Delta Q = \int_{1}^{2} \delta Q$ বিভিন্ন হইবে । অর্থাৎ δW ও δQ উভয়েই একটি করিয়া অসম্পূর্ণ অবকল ।

অবুসিদান্ত: দৃইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে পরিবর্তনের বিভিন্ন পথে প্রয়োজনীর তাপ ও কার্ব পুথক হইবে।

43. রক্ষতাপ পরিবর্তনে কার্য ও আন্তর-শক্তি (Adiabatic work and Internal-energy):

কোন তদ্য সম্পূর্ণ রূপে তাপ-অন্তরিত অবস্থার থাকিরা কার্য করিতে পারে অথবা ঐ অবস্থার উহার উপর কার্য করা যাইতে পারে। রুদ্ধতাপ ব্যবস্থাতেও দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে পরিবর্তনের জন্য বিভিন্ন উপায় উদ্ভাবন করা যার। একটি পরীক্ষার সাহাযো এ সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা করা গেল।

তাপ-অন্তরিত একটি ক্যালরিমিটারে কিছু পরিমাণ জল লইরা তাপ-অন্তরক একটি পিন্টনকে ঐ জলের উপর বসানো হইল। পিন্টনের ভিতর দিরা প্রবেশ করানো একটি পরিবাহী তারকে জলের মধ্যে সম্পূর্ণরূপে নিমন্জিত অবস্থার রাখিরা তারের দৃইপ্রান্ত বাহিরে একটি তড়িং-কোষের সহিত যুক্ত করা



Bu 4:3

হইল। মনে করি, প্রারম্ভিক অবস্থাতে পিশ্টনের উপর চাপ P_i এবং জলের উক্তা θ_i এবং আন্তম অবস্থার চাপ $P_j=P_i$ এবং উক্তা θ_i । তল্তের এই দৃইটি অবস্থা চিত্র (4'3)-এ i-বিন্দু ও f-বিন্দু থারা স্চিত হইরাছে। এই দৃইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে তল্তের সম্ভাব্য পরিবর্তনের অসংখ্য পদ্ধতির মধ্যে ক্ষেত্রমাত্র তিনটি আলোচনা করা ইবৈ।

- (i) পিশ্টনের উপর চাপ স্থির রাখিরা কেবলমাত তারে বিদ্যুৎ-প্রবাই পাঠাইলে তল্মের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে। এই পরিবর্তন চিত্র (4°3)-এ I-চিহ্নিড রেখার শ্বারা বৃঝানো যাইতেছে।
- (ii) দিতীর পদ্ধতিতে প্রথমে পিস্টনের উপর চাপ বৃদ্ধি করিরা জলকে সংনমিত (compressed) করা হইল। ইহার ফলে জলের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে। মনে করি, পরিবর্তিত অবস্থার চাপ ও উক্তা ব্যাক্রমে P_j , θ_j (চিত্রে j-বিন্দু)। এইবার চাপ পরিবর্তন না করিরা তারে বিদ্যুৎ-প্রবাহ পাঠাইলে জলের উক্তা আরো বৃদ্ধি পাইবে। কিছুক্ষণ এইভাবে বিদ্যুৎ-প্রবাহ চলার পর উক্তা হইবে θ_k এবং চাপ $P_k = P_j$ (চিত্রে k-বিন্দু)। পিস্টনের উপর চাপ হাস করিরা $P_j = P_i$ করা হইলে প্রসারণের পর তন্য অন্তিম সাম্যাবস্থার পৌছাইবে। চিত্রে II-চিহ্নত পরিক্রমার তন্দের এই পরিবর্তন সম্ভব হইরাছে।
- (iii) তৃতীর পদ্ধতিটি দ্বিতীর পদ্ধতির বিপরীত। প্রথমে পিস্টনের উপর চাপ হ্রাস করিবার ফলে আয়তন প্রসারনের দরুন জলের উষ্ণতা হ্রাস পার (i
 ightarrow h), পরে দ্বির চাপে পরিবাহী তারে বিদ্যুৎপ্রবাহের ফলে উষ্ণতা রুদ্ধি পার (h
 ightarrow g), এবং শেষ পর্যায়ে জলের উপর চাপ বৃদ্ধি করিয়া অন্তিম সাম্যাবস্থার পৌছানো সম্ভব হয় (g
 ightarrow f)। এই পরিবর্তন III-চিহ্নিত পথে দেখানো হইল।

কোন ক্ষেত্রেই তক্ম ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের মধ্যে তাপ বিনিমর হয় নাই। হিসাব করিলে দেখা যাইবে বে, রুদ্ধতাপ ব্যবস্থায় দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে এই তিনটি সম্ভাব্য পরিবর্তনের প্রত্যেকটিতে মোট একই পরিমাণ কার্য করিতে হইবে। ঐ দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে তক্ষের রুদ্ধতাপ পরিবর্তনের অন্য যে কোন পরিকল্পনা করা যাক না কেন মোট কার্বের কোন তারতম্য হইবে না। উপরোক্ত সিদ্ধান্তটি অত্যন্ত গ্রুক্ত্বপূর্ণ, প্রকৃত অর্থে এই সিদ্ধান্তটি তাপগতিতত্ত্বে প্রথম স্ত্রের ভিত্তি প্রস্তৃত করিয়াছে।

বলবিদ্যা হইতে জানি ষে, সংরক্ষী বলক্ষেত্রে (conservative field of force) কোন বস্তুকে একস্থান হইতে অন্যস্থানে সরাইতে যে কার্যের প্রয়োজন হয় তাহা কেবলমাত্র ঐ বিন্দুখরের অবস্থানের উপর নির্ভর করে। কোন্ পথে ঐ বস্তুকে প্রথম বিন্দু হইতে দিতীর বিন্দুতে লওরা হইরাছে তাহার উপর মোট কার্যের কোন তারতমা হয় না। ইহা হইতে আমরা বলক্ষেত্রে স্থানান্দের অপেক্ষক 'দ্বিতিশক্তি'র অভিত্ব সম্পর্কে অবহিত হই। সংরক্ষী

বলকেরে এক বিন্দু হইতে অন্য বিন্দুতে বন্ধুকে স্থানচ্যুত করিতে বে কার্বের প্ররোজন হর তাহা ঐ দৃইটি বিন্দুতে বন্ধুর স্থিতিশক্তির অন্তরফলের সমান। একই ভাবে তাপগতিতত্ত্ব তন্ধের তাপগতীর চলের অপেক্ষক (function of the thermodynamic co-ordinates) আন্তর-শক্তির সংজ্ঞা দেওরা বাইতে পারে। রুজ্ঞতাপ ব্যবস্থার কোন তন্ধের সাম্যাবস্থা পরিবর্তন করিতে প্ররোজনীর কার্ব ঐ দুইটি অবস্থার তন্মের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন - নির্দেশ করে। দৃইটি নির্দিশ্ট সাম্যাবস্থার জন্য সন্ভাব্য সকল পথে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন সমান।

প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থায় তল্পের আহর-শক্তি বধাক্রমে U_{ϵ} ও U_{ϵ} হইলে,

$$-W(adiabatic) = U_f - U_f \qquad \cdots \qquad (4.2)$$

রুশ্বতাপ ব্যবস্থায় তল্মের উপর কার্য করা হইলে উহার আন্তর-শক্তি বৃদ্ধি পার ইহা বৃবাইবার জন্য ঝণাশ্বক চিহ্নটি ব্যবহার করা হইয়াছে। বিশেষভাবে উল্লেখ করা বায় বে, আন্তর-শক্তি তল্মের তাপগতীর চলের একটি অপেক্ষক। এই অপেক্ষকের প্রকৃতি (nature of the function) সম্পর্কে কোন ধারণা করা অনেকক্ষেত্রেই সম্ভব হয় না, কিন্তু তংসত্ত্বেও তাপগতীর তল্মের আন্তর-শক্তি সম্পর্কে কোন সন্দেহ থাকিতে পারে না। আন্তর-শক্তিকে তল্মের গতিশক্তি ও স্থিতিশক্তি হইতে সম্পূর্ণ পৃথক্ভাবে চিন্তা করিতে হইবে।

4.4. প্রশ্ন সূত্র (First law) । মনে করি, রন্দ্রতাপ ব্যবস্থার কোন তল্যকে A সাম্যাবস্থা হইতে B সাম্যাবস্থার পরিবর্তন করিতে ΔW_1 কার্বের প্রয়োজন এবং কোন কার্য ব্যতীত ঐ পরিবর্তনের জন্য তল্যকে ΔQ_1 গ্রহণ করিতে হয় । আবার A সাম্যাবস্থা হইতে C সাম্যাবস্থার রন্দ্রতাপ পরিবর্তনে প্রয়োজনীর কার্য ΔW_2 এবং কোন কার্য ব্যতীত ঐ অবস্থা পরিবর্তনে গৃহীত তাপ ΔQ_2 । এই কারণে,

$$\Delta W_1 \equiv \Delta Q_1$$
 এবং $\Delta W_2 \equiv \Delta Q_2$ একেতে দেখা বাইবে বে, $\frac{\Delta W_1}{\Delta Q_1} = \frac{\Delta W_2}{\Delta Q_2} = J$ (ধ্বক) অর্থাৎ $\frac{\Delta W}{\Delta Q} = J$ ··· (4·3)

J अकि क्ष्मिक अवर देशारक जारगत वानिक जुनाम्क (mechanical

equivalent of heat) বলা হয়। জ্বল প্রথমে লক্ষ্য করেন বে, $\Delta W/\Delta Q$ অনুপাত একটি ধ্রুবক রাণি এবং এই কারণে J-কে স্কুলের ধ্রুবক বা স্থানের ত্ল্যাক্ষ (Joule's constant or Joule's equivalent) বলা হয়। সমীকরণ (4:3) তাপগতিতত্ত্বের প্রথম সূত্র। সমীকরণটির বিশদ ব্যাখ্যা প্রয়োজন।

কেবলমাত্র তাপ-বিনিময়ে তল্তের সাম্যাবস্থা পরিবর্তন করা যার আবার কেবলমাত্র কার্ষের বিনিময়ে তন্দ্র ঐ একই পরিবর্তন সম্ভব হইতে পারে। এই অর্থে কোন নিট্রিক পরিমাণ তাপ এQ নিট্রিক পরিমাণ কার্য এ W-র সমতুল্য (equivalent)। $\Delta W/\Delta Q = J$ (ধ্রুবক) এই অনুপাতটির সাহাব্যে তাপকে কার্ষের হিসাবে এবং কার্ষকে তাপের হিসাবে প্রকাশ করা সম্ভব হয়। প্রথমসত্রের তাৎপর্য এই বে উহা তাপ ও কার্যের মধ্যে সম্পর্ক স্থাপন করে। তাপশক্তি হইতে কার্য এবং কার্যের বিনিময়ে তাপ উৎপন্ন হইতে পারে। ব্যাপকতর অর্থে প্রথমসূত্রকে শক্তির নিতাতা সত্র (principle of conservation of energy) বলা বায়। কেবলমাত্র বাল্যিক শক্তি তাপশক্তিতে রূপান্তরিত হইবার সময় অথবা বিপরীতক্রমে তাপশক্তি বালিক শক্তিতে রূপান্তরিত হইবার সময় এই স্তুটি প্রযোজ্য এরূপ চিন্তা করিলে ভুল হইবে। শক্তি এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থায় রূপান্তরিত হইতে পারে এবং সকল সময়ে দুই অবস্থায় শক্তির অনুপাত হইবে একটি ধ্রুবক রাশি। রূপান্তরের দরুন মোটশব্তির কোন তারতম্য হর না। শব্তি **क्विमात क्रथ** श्रीवर्यन करत—हेशा वृक्ति नाहे, विनागं नाहे। क्रीमहामरक (Claussius) অনুসরণ করিলে তাপগতিতত্ত্বের প্রথম সূত্র হইবে—"বিম্বের মোট শক্তি অপরিবর্তনীর" ("total energy of the universe must remain constant") I

4.5. প্রথম সূত্রের গাণিতিক কাপ (Mathematical Formulation of the First law):

প্রথম স্থাকে ব্যবহারিক প্ররোজনে গাণিতিক ভিত্তিতে অন্যভাবে প্রকাশ করা হইরা থাকে। এই উন্দেশ্যে মনে করা যাক, কেবলমান্ত ΔQ_o ভাপ গ্রহণ করিরা তল্ম A সাম্যাবন্দ্রা হইতে B সাম্যাবন্দ্রার পরিবর্তিত হইরাছে। অন্য একটি পদ্ধতিতে তল্ম প্রথমে ΔQ পরিমাণ ভাপ গ্রহণ করিরা $(\Delta Q < \Delta Q_o)$ A সাম্যাবন্দ্র হইতে A' সাম্যাবন্দ্রের পৌছিরাছে এবং পরে তল্মের উপর ΔW কার্য করার ফলে উহা B সাম্যাবন্দ্রের পরিবর্তিত হইল।

 ΔW কার্বের পরিবর্তে কেবলমার $(\Delta Q_n - \Lambda Q)$ পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিরা তল্ম A' সাম্যাবন্ধা হইতে B সাম্যাবন্ধার পৌছাইতে পারে । এই দৃই উপারে A সাম্যাবন্ধা হইতে B সাম্যাবন্ধার তল্মের পরিবর্তন চিত্র $(4\cdot 4)$ -এ দেখানো হইরাছে ।

B 4.4

একেত্রে সমীকরণ (4'3) প্রয়োগ করিয়া লেখা বার,

$$\frac{\Lambda W}{\Lambda Q_o - \Lambda Q} = J$$
 অথবা
$$\Lambda Q + \frac{\Lambda W}{J} = \Lambda Q_o \qquad \cdots \qquad (4.4)$$

মনে করা যাক বে, A' অবস্থাটি নিদিন্ট নর । তাহা হইলে A সাম্যাবস্থা হইতে B সাম্যাবস্থার পরিবর্তনের বিভিন্ন পথে বিভিন্ন পরিমাণ তাপ ও কার্বের প্রোক্তন হইবে । দুইটি নিদিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে বিভিন্ন পথে AQ ও ΔW পৃথক্ হওরা সত্ত্বেও $\left(AQ + \frac{AW}{J}\right)$ একটি ধ্রুবক রাশি এবং এই বোগফল ΔQ_0 -র সমান ।

$$\therefore \quad \Delta Q + \frac{\Delta W}{J} = \int_{A}^{B} \left(\delta Q + \frac{\delta W}{J} \right) = \Delta Q_{o} \left(\text{ Feqs.} \right) \quad \cdots \quad (4.5)$$

এই কারণে $\delta Q + \frac{\delta W}{J}$ অবশাই সম্পূর্ণ বা বথার্থ অবকল হইবে। ইহা সেই কারণে তাপগতীর চলের কোন অপেন্ধকের পরিবর্তন নির্দেশ করে (differential of some function of thermodynamic co-ordinates)। তাপগতীর চলের এই অপেন্ধকটিকে তল্মের আন্তর-শক্তি U বলা হইবে।

এইজন্য
$$dU = \delta Q + \frac{\delta W}{J}$$
 ··· (4.6a)

$$\Delta U = U(B) - U(A) = \int_{A}^{B} dU$$
$$= \int_{A}^{B} \left(\delta Q + \frac{\delta W}{I} \right) \quad (4.6b)$$

তাপ, কার্য ও আন্তর-শক্তির প্রত্যেকটিকে একই এককে প্রকাশ করিলে J লিখিবার প্রয়োজন হইবে না। আলোচনায় তন্ত্রের উপর বে কার্য করা হইরাছে তাহা একটি ধনাত্মক রাশি ধরা হইরাছে। তাপগতিতত্ত্বের রীতি অনুসারে ইহা শুণাত্মক রাশি বলিয়া বিবেচিত হইবে। dU, δQ ও δW ইহাদের প্রত্যেককে একই এককে প্রকাশ করিলে এবং δW একটি শুণাত্মক রাশি মনে রাখিলে সমীকরণ (4.6a) এবং (4.6b)-এর পরিবর্তে লেখা বার.

$$\delta Q = dU + \delta W \qquad (4.7a)$$

সমীকরণ (4·7a) অণু-পরিবর্তন এবং সমীকরণ (4·7b) সসীম বা finite পরিবর্তন নির্দেশ করে। উল্লেখ করা যায় যে δQ ও δW উভয়েই ধনাত্মক রাশি হইলে তব্দে তাপ প্রবেশ করিয়াছে এবং তব্দ্য বলের বিরুদ্ধে কার্য করিয়াছে বৃঝিতে হইবে। সমীকরণ (4·7a) অথবা (4·7b)-কে প্রথম সূত্রের সমীকরণ বলা হয়। প্রথম সূত্রকে এইভাবে প্রকাশ করিবার পর 'শক্তির নিত্যতা সূত্র' ও 'প্রথম স্ত্রের' অভিন্নতা সহজেই বৃঝিতে পারা যায়। কোন তব্দ্য δQ পরিমাণ তাপ (শক্তি) গ্রহণ করিলে উহার একটি অংশ কার্য δW হিসাবে এবং বাকি অংশ আন্তর-শক্তি-বৃদ্ধিতে ব্যায়ত হয়। অন্যভাবে বালতে পারি তাপ একপ্রকারের শক্তি মনে রাখিলে তাপীয় তব্দ্যের ক্ষেত্রে শক্তির নিত্যতা সূত্র হইবে তাপগতিতত্ত্বের প্রথম সূত্র।

রাসায়নিক তন্দ্রের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে $\delta W = PdV$ এবং সেই কারণে

$$\delta Q = dU + PdV \qquad \cdots \quad (4.7c)$$

ব্যাপক্তর ক্ষেত্রে প্রথম স্ত্রের সমীকরণ হইবে

$$\delta Q = dU + YdX$$

 ${f Y}$ ও ${f X}$ বথাক্রমে তল্মের সক্ষীর্ণ চল ও ব্যাপক চল । পৃথক্ভাবে করেকটি ক্ষেত্রে প্রথম সূত্রের সমীকরণ লেখা হইল

তত-তারে
$$\delta Q = dU - \tau dL$$

পৃষ্ঠ-সরে $\delta Q = dU - SdA$ প্যারাচুম্বক কঠিন পদার্থে $\delta Q = dU - HdM$

নৈরপেক তাপগতীর চল প্রথম কেন্দ্রে তারের উপর টান τ ও উহার দৈর্ঘ্য L, বিতীর কেন্দ্রে তরলের পৃষ্ঠ-টান S ও সরের কেন্দ্রফল A এবং শেষের কেন্দ্রে চৌম্বক বলকেন্দ্রের প্রাবল্য H ও চৌম্বক-দ্রামক M। প্যারাচুম্বক গ্যাসের কেন্দ্রে H ও M-এর সঙ্গে গ্যাসের চাপ P ও আয়তন V-কে তাপগতীয় চল হিসাবে বিবেচনা করিতে হইবে। এই ক্ষেত্রে প্রথম স্ত্রের সমীকরণ হইবে

$$\delta Q = dU + PdV - HdM$$

প্রত্যেকটি তব্যে উক্তা 0 অবশাই একটি তাপগতীর চল কিছু ইহা অন্যান্য চলের অপেক্ষক বলিয়া চিন্তা করা হইরাছে। উল্লেখ করা যায় বে, প্রথম স্ত্তকে করাবারে সাহাব্যে প্রকাশ করিতে পরোক্ষভাবে তিনটি সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা হইরাছে। এই সিদ্ধান্তগুলি হইল ঃ

- (i) তলের আন্তর-শক্তির অভিত্ব; (ii) আন্তর-শক্তি তাপগতীর চলের কোন অপেক্ষক এবং (iii) তাপ একপ্রকারের চলমান শক্তি (heat is energy in transit)।
- 4.6. প্রথম সূত্রের কয়েকটি অসুসিহ্নান্ত (Corollaries of the First law) :
- 1. বিশের মোট আন্তর-শক্তি অপরিবর্তনীয় (Total internal energy of the universe is constant—প্নর্বন্যাসের পর সমীকরণ (4'7a)-কে লেখা বায়

$$dU = \delta Q - \delta W$$

তন্দ্র δQ তাপ গ্রহণ করির। δW কার্ব করিরাছে এবং উহার আন্তর-শক্তি dU পরিমাণে রৃদ্ধি পাইরাছে। পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের কথা চিন্তা করিলে উহা δQ তাপ বর্জন করিরাছে এবং উহার উপর δW কার্য করা হইরাছে।

পারিপার্থিক মাধ্যমের জনা, $d\mathbf{U}' = \delta \mathbf{W} - \delta \mathbf{Q}$

$$\therefore dU = -dU' \quad \text{and} \quad d(U+U') = 0$$

$$u + U' = \mathbf{F} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{A}$$

তব্যের সাম্যাবস্থা পরিবর্তনের ফলে পারিপার্থিক মাধার ও তব্যের মোট আছর-

শক্তির কোন পরিবর্তন হইবে না । অন্যভাবে বলা যার বিশ্বের মোট আন্তর-শক্তি একটি অপরিবর্তনীর রাশি ।

2. প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গভির অসম্ভাব্যতা (Impossibility of the perpetual motion of the first kind)। বিভিন্ন পরিবর্তনের পর তল্ম প্রারম্ভিক অবস্থায় প্রত্যাবর্তন করিলে

$$\oint d\mathbf{U} = 0$$

$$\oint \delta \mathbf{Q} = \oint \delta \mathbf{W} \tag{4.9}$$

একটি পূর্ণ আবর্তনে তব্দ্র কোন পর্যারে তাপ গ্রহণ করে কোন পর্যারে তাপ বর্জন করে, তেমনি কোন পর্যারে তব্দ্র করে আবার কোন সমরে উহার উপর কার্য করা হয়। তব্দ্র তাপ গ্রহণ করিবে δQ ধনাত্মক রাশি এবং তাপ বর্জন করিবে উহা ঝণাত্মক রাশি বর্লিয়া বির্বেচিত হয়। পক্ষান্তরে তব্দ্র বর্ধন কার্য করে তথন উহা ধনাত্মক রাশি এবং তব্দ্রের উপর বর্ধন কার্য করা হয় তথন উহা ঝণাত্মক রাশি বর্লিয়া ধরা হয়। সমীকরণ (4.9) হইতে দেখা গেল যে, বিভিন্ন পরিবর্তনের পর প্রারম্ভিক অবক্ষার প্রত্যাবর্তনের সময় মোট তাপ ও কার্ষের পরিমাণ সমান। এইজনা পূর্ণ আবর্তনে $\Delta Q = 0$ হইলে $\Delta W = 0$ হইবে।

সিদ্ধান্তটি অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ। ইহা হইতে বলা বার যে প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি অসম্ভব। শক্তি ব্যতীত ($\Delta Q = 0$) কোন পরিকল্পনাতে ক্রমাগত কার্য করা সম্ভব হইলে তাহাকে প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি বলা হইবে। দেখা গেল ইহা কখনই সম্ভব নর। এ বাবং কাল প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতির প্রত্যেকটি পরিকল্পনাই বার্থ হইরাছে। এই বার্থতা হইতেই প্রথম স্ত্রের স্ত্রপাত হইরাছে বলা বার।

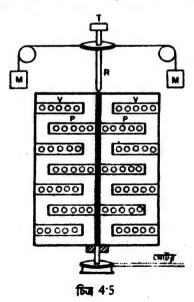
4'7. তাপের হাপ্তিক-তুল্যাক্স নির্ণয় (Determination of the mechanical equivalent of heat):

সমীকরণ (4.3)-এ AQ=1 হইলে $\Delta W=J$ হইবে। অর্থাৎ একক তাপের জন্য বে পরিমাণ কার্বের প্রয়োজন তাহাকে তাপের বাশ্বিক-তৃল্যাধ্ক বলা হইবে।

স্থৃল (Joule) প্রথম পরীকার সাহায্যে দেখান যে, রূপান্তরিত কার্য ও উৎপন্ন ভাপের অনুপাত একটি ধ্রুবকরাশি। এই ধ্রুবক রাশিটিকে তাপের বান্ধিক- ভূল্যাংক বলা হইরাছে। স্থুলের পরীক্ষার সরাসরি বাল্যিক কার্বের ফলে বন্ধুর উক্তা বৃদ্ধি পার এবং এই কারণে উদ্ধৃত তাপের পরিমাণ দ্বির করা সন্তব হর। স্থুলের পরীক্ষার ঐতিহাসিক গ্রুক্ত অস্থীকার না করিরাও একথা বলা বার বে, বিভিন্ন কারণে ঐ পরীক্ষাটি ক্রটিপূর্ণ। পরবর্তীকালে স্থুলের পরীক্ষার ক্রটিগূলি বাহাতে দূর হয় সেদিকে দৃটি রাখিয়া রাওল্যাও (Rowland)

J-র মান নির্ণয় করিবার জন্য উন্নত ধরনের পরীক্ষার পরিকল্পনা করেন।
স্থুল ও রাওল্যাতের পরীক্ষার মূলতত্ত্ব এক। রাওল্যাতের পরীক্ষাটি উন্নত ধরনের হওরার আমরা কেবলমাত ঐ পরীক্ষাটির বিষয় আলোচনা করিব।

রাওল্যাতের পরীক্ষা (Rowland's experiment)—
রাওল্যাতের পরীক্ষার ব্যবস্থা চিত্র (4.5)-এ দেখানো হইল। এই পরীক্ষাতে
একটি বড় ক্যালারিমিটারের মধ্যে কিছু পরিমাণ জল লওয়। হইয়াছে। ক্যালারিমিটারটি একটি উল্লয় দতের (R) সহিত দৃঢ়ভাবে বৃক্ত এবং উভয়কে একত্রে
একটি ব্যবর্তাশর (torsion head) T হইতে তারের সাহাব্যে ঝুলাইয়া
রাখা হইয়াছে। ক্যালারিমিটারটির ভিতরের গারে কতকগৃলি পাত (V)
আটকানো থাকে। তলা হইতে কতকগৃলি প্যাড্ল (P)বৃক্ত একটি অক্ষদণ্ড
ক্যালারিমিটারের ভিতরে প্রবেশ করিয়াছে (চিত্র 4.5)। বৈদ্যাতিক মোটরের



সাহাব্যে ঐ দশুটিকে ঘুরাইতে থাকিলে প্যাড্লগুলি আটকানো পাতের মধ্যে ঘুরিতে থাকিবে। প্যাড্ল এবং পাতের গারে অনেকগুলি ছিন্ন থাকার

প্যাভ্লের সঙ্গে ক্যালরিমিটারের ভিতরে জল ঘূরিতে পারে না। জলের ঘর্ষণের জন্য প্যাভ্লের ঘূর্ণনের সঙ্গে ক্যালরিমিটারটিও একই দিকে ঘূরিতে চেন্টা করে। দণ্ড R-এর শীর্ষদেশে চাক্তির গায়ে জড়ানো একটি তারের দৃই প্রান্তে সমপরিমাণ ভর (M, M) ঝুলাইয়া ক্যালরিমিটারটিকে দ্বির রাখা হয়। এই সঙ্গে ঝোলানো তারে মোচড়ের দরন একই দিকে একটি দশ্ব (couple) কাজ করে। কিন্তু ইহা খুবই সামান্য বলিয়া ইহাকে হিসাবে ধরা হইবে না। আনর্শ গ্যাস-ক্রেল ক্রমান্তিত (calibrated) একটি পারদ্বার্মোমিটার জলের উষ্ণতা মাপিবার জন্য ব্যবহৃত হয়। রাওল্যাণ্ডের পরীক্ষার থার্মোমিটারটিকে 15°C হইতে 25°C-এর মধ্যে ক্রমান্কন করিলেই চালবে।

মনে করি, চাক্তিটির ব্যাস d এবং সূতার মৃক্ত প্রান্তময়ে ঝুলন্ত প্রত্যেকটি ভর m। ক্যালরিমিটারকে স্থির রাখিতে যে দল্পের সৃষ্টি হইয়াছে তাহার প্রামক হইবে $\tau = mgd$ । প্যাড্লগুলিকে n সংখ্যকবার ঘুরাইলে এই দল্পের বিরুদ্ধে $2\pi n\tau$ কার্য করা হইবে। ধরা যাক, ক্যালরিমিটার ও উহার ভিতরের জলের জলসম একরে M। প্যাড্লগুলির n সংখ্যক ঘুর্ণনের ফলে জলের উক্তা θ_1 -এর পরিবর্তে θ_2 হইলে

$$JM(\theta_2 - \theta_1) = 2\pi nmgd$$
অথব।
$$J = \frac{2\pi nmgd}{M(\theta_2 - \theta_1)}$$
(4·10)

প্যাড্ লগুলির ঘূর্ণন সংখ্যা স্থির করিতে একটি chronograph বা স্বাংশির কাল-লেখ যদ্ম ব্যবহার করা হয় । রাওল্যাণ্ডের পরীক্ষায় দেখা যায় যে, জলের উষ্ণতা 1° C বৃদ্ধি করিতে বিভিন্ন উষ্ণতায় বিভিন্ন পরিমাণ কার্যের প্রয়োজন । বিভিন্ন উষ্ণতায় আপেক্ষিক তাপের তারতম্যের দর্শন ইহা হইয়া থাকে । এই পদ্ধতিতে 15° C উষ্ণতায় J=4.188 Joules/calorie.

বিভিন্ন কারণে রাওল্যাণ্ডের পরীক্ষাটি জ্বলের পরীক্ষার তুলনার যথার্থ (accurate) বলিয়া বিবেচিত হইতে পারে।

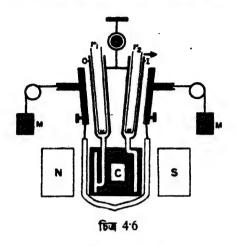
- দীর্ঘ সময় ধরিয়া প্যাড্লগুলি অনবরত ঘৃরিবার ফলে জলের উক্তা-রুদ্ধি একেনে যথেন্ট পরিমাণে হইয়া থাকে ।
- 2. আদর্শ গ্যাস-থার্মোমিটারের ক্বেলে ক্রমান্কিত পারদ-থার্মোমিটার ব্যবহার করা হয় বলিয়া উষ্ণতার পাঠে যথার্থতা (accuracy) অনেক বেশী।

- 3. রাওল্যাতের পরীক্ষার বিকীর্ণ তাপের হিসাব করা হর। এই কন্য হির উক্তার কলের একটি বহিরাবরণ (jacket) ক্যালরিমিটার গারে ব্যবহার করা হইরা থাকে।
- 4. উক্তার সঙ্গে আপেকিক তাপের পরিবর্তন একেত্রে হিসাবে ধরা হর। পর্বালোচনা করিয়া দেখা যার যে, এই পরীক্ষাতে 0'2% বথার্থতা দাবী করা যাইতে পারে।

লেবি ও হারকাস্-এর পদ্ধতি (Laby and Hércus Method) —প্রত্যক পন্ধতিতে J-নির্ণয়ের আর একটি উল্লেখবোগ্য পরীকা হইল লেবি ও হারকাস্-এর। এই পদ্ধতিতে একটি ক্যালরিমিটারের চতুম্পার্শে একটি ঘূর্ণায়-মান চৌয়ক বলকেত্র সৃষ্টি করা হয়। এইজন্য বিপরীত মেরুবর N ও S-কে ক্যালরিমিটারের দৃইপার্বে রাখিরা উল্লয় অকের চতুর্দিকে উহাদের পুরানো হইবে। ইহার ফলে ক্যালরিমিটার C এবং উহার মধ্যে রাখা তামার নলে 'এডি' প্রবাহের (eddy current) সৃণ্টি হয় এবং উহাদের উব্ভা বৃদ্ধি পায়। ক্যালরিমিটারটি এক্কেত্রে বায়ুশ্ন্য পাত্রে ঝুলানো লোহের সংকর ধাতৃর (stalloy) একটি টুকরা। উহার দৈর্ঘ্য বরাবর নালা কাটিয়া তাহাতে চৌদটি তামার নল প্রবেশ করানো হইয়াছে। বাহির হইতে জল একটি মূল নলের (I) সাহাষ্যে প্রবিষ্ট হওয়ার পর তামার নলগুলিতে প্রবেশ করে। তামার নলগুলির অপর প্রান্ত একটি নির্গম নলের (〇) সহিত যুক্ত এবং জল ঐ পথে বাহির হয়। প্রাটিনাম-রোধ থার্মোমিটারের $(r_2 \otimes r_1)$ সাহাযো প্রবেশ-মুবে ও নির্গম-মুবে জলের উকতা মাপা হর। ক্যালরিমিটার ও উহার আনুবর্কিক বন্দ্রাংশ একটি তারের সাহাব্যে ঝুলাইর। রাখা হর। ঘুর্ণনরত চৌয়কবলের ফ্রিয়ায় ক্যালরিমিটারের উপর বে দল্পের সৃষ্টি হয় তাহার ফলে ক্যালরিমিটারটি ছরিতে চেন্টা করে। রাওল্যান্ডের পরীক্ষার ন্যার একেত্তেও বুলান্ত ভরের সাহাব্যে $(M,\ M)$ ক্যালারিমিটারের ঘূর্ণন বন্ধ করা হয়। পরীকার বন্দোবন্ত চিত্র (4.6)-এ দেখানো হইয়াছে। এডি-প্রবাহের দরুল সৃষ্ট তাপের হিসাব করিতে নিদিন্ট সময়ে প্রবাহিত জলের পরিমাণ এবং প্রবেশ-মুখে ও নির্গম-মুখে জলের উক্তার পার্থক্য জানিতে হইবে। ঐ সময়ে বে কার্য কর। इरेर ह्याक्त पूर्वन मर्था। এवर वहिन्द्यत हामक हरेए छहात हिमाव कता ৰার। এই পরীকাতে দেখা বার 15°C উক্তার J=1'852 Joules/ calorie I

লেবি ও হারকাস্ নলের ভিতরে জলের অশান্ত প্রবাহের দরুন (turbu-

lent motion) উত্তত তাপ এবং বায়ুশ্ন্য পাত্রে বিকীপ তাপকে হিসাবের মধ্যে ধরেন। জলের মধ্যে দ্বীভূত গ্যাসের উপস্থিতির কারণে পরীক্ষাটি ফুটিপূর্ব

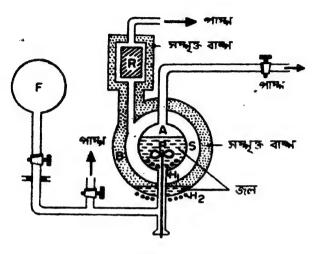


বিলয়া সংশয় প্রকাশ করা হয়। পরবর্তী কালে তাপগতিতত্ত্বের আলোচনায় এবং উন্নত ধরনের পরীক্ষায় দেখা গিয়াছে যে জলে গ্যাস দ্রবীভূত থাকায় বু নির্ণয়ে ফুটি '02% অপেক্ষা কম।

পরোক্ষ পদ্ধতিতে যাল্ডিক তুল্যাধ্ক নির্ণরের বিভিন্ন পদ্ধতির মধ্যে ক্যালেশ্ডার ও বার্ণস্-এর পরীক্ষা (Callendar and Barnes' experiment) বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায়। নির্দিণ্ট পরিমাণ জলের উক্তা নির্দিণ্ট মাত্রার বৃদ্ধি করিবার জন্য যে বিদ্যুৎশক্তি বার হয়, তাহা হিসাব করিয়া যাল্ডিক তুল্যাধ্ক নির্ণর করা হইয়া থাকে। বছ আলোচিত এই পরীক্ষার বর্ণনা এখানে বাদ দেওয়া হইল। পরোক্ষ পদ্ধতিতে J নির্ণরের বিভিন্ন পরীক্ষাবর্ণনা এখানে বাদ দেওয়া হইল। পরোক্ষ পদ্ধতিতে J নির্ণরের বিভিন্ন পরীক্ষাবর্ণনার মধ্যে অস্বর্ণ, গিটমসন ও গিনিংস-এর (Osborne, Stimson and Ginnings) পরীক্ষাটি বিশেষ উল্লেভ ধরনের। কেবলমাত্র ঐ পরীক্ষাটি সম্পর্কে এখানে আলোচনা করা হইবে। পরীক্ষার বন্দোবন্ত চিত্র (4·7)-এ দেখানো হইল।

এই পরীক্ষাতে একটি ফাঁপা তামার গোলক A-কে ক্যালরিমিটার হিসাবে ব্যবহার করা হয়। প্রথমে গ্যাসমূক্ত জল (পাতন প্রণালীর সাহাব্যে) ফ্লাম্ক F-এ রাখা হয়। ক্যালরিমিটার A-কে পাম্পের সাহাব্যে বার্শুনা করিবার পর F-এর সহিত যুক্ত চাবি খুলিয়া ঐ জল A পাতে চালনা করা হয়। ক্যালরিমিটারে জলের মধ্যে পরিবাহী তার H_1 নিমন্জিত রাখা হইবে।

ঐ তারে বিদ্যুৎ চালনা করিলে ক্যালরিমিটারের জল ও উহার উপরিস্থিত জলীর বাস্প উত্তপ্ত হইরা উঠে। জলের মধ্যে ভূবাইরা রাখা মূর্ণন-চক্র P-কে



Bu 4.7

ঘুরাইয়া এবং পাম্প চালনা করিয়া ক্যালরিমিটারে জল সংকৃত্ত অবস্থায় রাখা হর-ইহার ফলে জলের বিভিন্ন অংশে উক্তার কোন তারতমা ঘটে না। क्यानिविधिवेदिक अकि वासुनना (थानक (shell) S-अत्र भर्या त्राथा दस । খোলকটিকে ঘিরিয়া অন্য একটি গোলাকার পাত্র B-তে কিছু পরিমাণ জল লইরা বাহিরে পরিবাহী তার Hু-তে বিদ্যুৎ পাঠাইরা উত্তপ্ত করা হয়। B-এর উপরের অংশ সম্পূত জ্ঞার বাম্পে পূর্ণ। খোলকটিকে এইভাবে সম্পূত জ্ঞার বাষ্ণের সংস্পর্ণে রাখা হয়। সম্পক্ত জলীয় বাষ্ণের উষ্টা ক্যান্সরিমিটারে জলের উক্তার সমান রাখা হইবে। ক্যালরিমিটারে নিমন্জিত পরিবাহী তারের বিভব-প্রভেন মাপিয়া এবং পোটেন্সিওমিটার বর্তনীর সাহায্যে প্রবাহ-মাত্রা ব্যির করির। কার্ষের হিসাব কর। বার । উক্তা নির্ণয় করিতে ডিফারেন-সিরাল তাপসুগা (differential thermocouple) ব্যবহার করা হয়। প্রথমে তামুখণ্ড R-এর সাপেকে ক্যালরিমিটারের জলের উক্তা সঠিক ভাবে স্থির করা হইবে। R-এর মধ্যে গাথা প্রাটিনাম-রোধ থার্মোমিটারের সাহাব্যে উহার উষ্ঠা স্থির করা হয়। ক্যালরিমিটারের জলসম সরাসরি জানিবার পরিবর্তে দুইটি পূথক পরীক্ষার ক্যান্সরিমিটারে বিভিন্ন পরিমাণ জল লওরা হইবে। উভয়ক্ষেত্রে জলের উকতা-বৃদ্ধি বাহাতে সমান হয় এরূপ

ব্যবস্থা লওর। হর। দৃইটি সমীকরণকে একর করিলে ক্যালরিমিটারে জলসম সংফার পদটি বাদ পড়িবে।

জলে আলোড়ন-স্ভিতে তাপের সৃষ্টি হয় এবং বাষ্পীন্তবনের জন্য কিছু পরিমাণ তাপ ব্যর হয় । ইহাদের হিসাবের মধ্যে আনিবার পর এই পরীক্ষাতে দেখা বায় J=4.1858 Joules/calorie । নিম্নের তালিকাটিতে বান্দ্রিক তুল্যান্ক নির্ণরে বিভিন্ন পরীক্ষার ফল লিপিবদ্ধ করা হইল ।

সারণী 4'1: বিভিন্ন পরীক্ষায় তাপের যাল্যিক তুল্যাব্ক J

পরীক্ষা	J (Joules/calorie)**
ब् न (1849)	4.186
রাওল্যাও (1880)	4.1872
ক্যালেশুর ও বার্নস্ (1899)	4.1845
ইয়েগার ও ন্টাইন্হ্ব্ র (1921) (Jaeger and Steinwehr)	4.1863
লোব ও হারকাস্ (1927)	$4.1852 \pm .0007$
অস্বর্ন, শ্টিমসন্ ও গিনিংস (1939)	4.1858

বর্তমানে J=1.855 Joules/calorie ব্যান্থিক তৃল্যান্দের সর্বাধিক সম্ভাব্য মান হিসাবে বিবেচিত হয় ।

- 4.8. প্রথম সূত্রের প্রহেরাপ (Application of the First Law of Thermodynamics) :
- 1. দ্বির চাপে ও দ্বির আয়তনে রাসায়নিক ভরের ভাপগ্রাহিতা (Thermal capacity of a chemical system at constant pressure and at constant volume)—রাসায়নিক তলের তিনটি চল—চাপ, আয়তন ও উষ্টার মধ্যে দুইটি চলের উল্লেখ করিলেই উহার

^{**} উক্তা পরিবর্তনে জলের আপেক্ষিক তাপের তারতম্য হয়। জলের উক্তা 15°C ধরিরা লইরা J-র উদ্লিখিত যান হিসাব করা হইয়াছে। বার্ক (Birge) হিসাব করিরা দেখান J₅₀/J₁₈='999058।

অবস্থা জানা যার। সেই কারণে আন্তর-শক্তি কেবলমাত গুইটি চলের অপেক্ষক হইবে।

 $U=U_1(P, V), U=U_2(V, \theta)$ এবং $U=U_3(P, \theta)$ মনে করা বাক, রাসায়নিক তন্তের সাম্যাবস্থার অণু পরিবর্তন হইয়াছে। সাধারণভাবে তাপ-বিনিমরে ও কার্বের ফলে এই পরিবর্তন হইতে পারে।

প্রথম সূত্র অনুসারে $\delta Q = dU + PdV$ \cdots (4'11) তদ্মের উক্তা θ ও আরতন V-কে উহার নিরপেক চল মনে করিলে আছর শক্তির অবকল হইবে

$$d\mathbf{U} = \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \theta}\right)_{v} d\theta + \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\theta} d\mathbf{V} \qquad \cdots \qquad (4.12)$$

সমীকরণ (4.11) ও (4.12)-কে একত করিয়া লেখা বায়

$$\delta Q = \left(\frac{\partial U}{\partial \theta}\right) d\theta + \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right) + P\right] dV \qquad \cdots \quad (4.13)$$

আবার θ ও P-কে তল্মের নিরপেক চল ধরিলে

$$\delta Q = \left[\left(\frac{\partial U}{\partial \theta} \right)^{2} + P \left(\frac{\partial V}{\partial \theta} \right)^{2} \right] d\theta + \left[\left(\frac{\partial U}{\partial P} \right)^{2} + P \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)^{2} \right] dP$$

$$\cdots (4.14)$$

কোন তক্ষ তাপ গ্রহণ অথবা তাপ বর্জন করিলে বাদ উহার উষ্ণতার পরিবর্তন হয় তবে গৃহীত অথবা বর্জিত তাপ ও উষ্ণতা পরিবর্তনের অনুপাতকে উহার তাপগ্রাহিতা বলে।

ভাপগ্রাহিতা
$$C = \lim_{d \to \infty} \begin{pmatrix} \delta Q \\ \overline{d \, \theta} \end{pmatrix}$$

ছির চাপে এবং ছির আয়তনে একই উক্তা-পরিবর্তনে ভিন্ন পরিমাণ তাপের প্রয়োজন হয়। এই দুই অবস্থায় তাপগ্লাহিতা C, ও C, হইবে

$$C_{\bullet} = \left(\frac{\partial Q}{\partial \theta}\right)_{\bullet} = \left(\frac{\partial U}{\partial \theta}\right)_{\bullet}$$
 ... (4.15)
[সমীকরণ (4.13) হইতে]

$$\mathbf{GRC} \quad \mathbf{C}_{p} = \left(\frac{\delta \mathbf{Q}}{d\theta}\right)_{p} = \left[\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \theta}\right)_{p} + \mathbf{P}\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \theta}\right)_{p}\right] \quad \cdots \quad (4.16)^{d}$$

[সমীকরণ (4'14) হইতে]

সমীকরণ (4.16)-তে বিভীর পদটি বিশেষভাবে লক্ষণীর। ছির চাপে তাপ শ্লহণ করিবার সমর তন্ম করিবে, গৃহীত তাপের একটি অংশ ঐ কার্বের জন্য ব্যর হইবে। এই অবন্ধার প্রতি 1° উক্ষতা বৃদ্ধি পাওয়ার সমর কার্বের জন্য $P\left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_p$ শক্তির প্রয়োজন [কার্বকে তাপের এককে লিখিলে— অন্যথার J ছারা ভাগ করিতে হইবে]। ছির আয়তনে উক্ষতা পরিবর্তনের সমর তন্ম নিজে কোন কার্ব করে না অথবা উহার উপর কোন কার্ব করা হয় না। এই কারণে সমীকরণ (4.15)-তে অনুরূপ কোন পদ থাকে না। সমীকরণ (4.12)-এর সাহাব্যে (4.16)-কে লেখা যার

$$C_{p} = \left(\frac{\partial U}{\partial \theta}\right)_{v} + \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{s} + P\right] \left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_{p}$$
 অথবা, $C_{p} - C_{v} = \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{s} + P\right] \left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_{p} \cdots$ (4·17)

সাধারণভাবে সমীকরণ (4·15), (4·16) ও (4·17) বে-কোন রাসারনিক তব্যের জন্য প্রবোজ্য। এক গ্রাম-অণু বস্তৃ কল্পনা করিলে C, ও C, ছির চাপে ও ছির আরতনে আণব আপেক্ষিক তাপ (molar specific heat) বৃঝাইবে।

2. গেলুজাক এবং জুলের পরীকা—আদর্শ গ্যাস (Gaylussac's and Joule's experiment, concept of an ideal gas)—
প্রথম স্ত্রের বিশেষ গৃরুত্ব হইল ষে, ইহা হইতে বন্ধৃ বা তল্তের জন্য একটি তাপগতীর চল—উহার আন্তর-শক্তির সংজ্ঞা পাওয়া যার। আয়তন ও উক্তাকে নিরপেক চল কল্পনা করিলে আন্তর-শক্তির অবকল হইবে

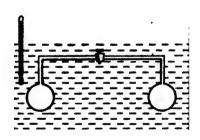
$$d\mathbf{U} = \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \theta}\right) d\theta + \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right) d\mathbf{V}$$
$$= \mathbf{C} d\theta + \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right) d\mathbf{V} \tag{4.18}$$

[সমীকরণ (4.15) হইতে]

সূতরাং $\binom{\partial U}{\partial V}$, কে মাপনযোগ্য ভৌতরাশির সাহাযো লিখিতে না পারিলে অবস্থা-পরিবর্তনে তন্দ্রের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন জানিতে পারিব না। এ পর্বন্ত বে

আলোচনা করা হইরাছে তাহা হইতে আমরা $\binom{\partial U}{\partial V}$, কে মাপনবোগ্য রাশির সাহাব্যে প্রকাশ করিতে পারি না। পরবর্তী আলোচনার দেখিব বে, ছিতীর সূত্রের সাহাব্যে ইহা সম্ভব (অনুচ্ছেদ ৪'৪ রুখব্য)। প্রথমে গোলুজাক ও পরে কুল গ্যাসের জনা $\binom{\partial U}{\partial V}$, বাহির করিতে পরীক্ষার বন্দোবন্ত করেন। পরীক্ষা-দূইটিতে মূল বন্দোবন্তে সামান্য মাগ্র পার্থক্য থাকার আমরা কেবলমাত্র ক্ষের অধিকতর উন্নত ধরনের পরীক্ষাটি এখানে আলোচনা করিব।

এই পরীক্ষাতে দুইটি বড় বাল্ব একটি নল দারা বৃক্ত করা হইরাছে। একটিতে বার্কে আবদ্ধ অবস্থার রাখা হর এবং দিতীর বাল্বটি বার্-শ্না। সংবােগকারী নলে একটি বার্নিরক্ষ চাবির (stop cock) সাহাােযা বাল্ব-দুইটিতে বার্-চলাচল বন্ধ রাখা হইরাছে। জলপূর্ণ একটি তাপ-অন্তরক ক্যালারিমিটারে বাল্ব-দুইটিকে সম্পূর্ণরূপে ভ্বাইয়া রাখা হইবে (চিত্র 4:8)। ক্যালারিমিটারে জলের উক্তা মাপিবার জন্য একটি থার্মােমিটার ব্যবহার করা হয়। এই ব্যবস্থায় বাল্ব অভ্যন্তরন্থিত বায়্ব ও ক্যালারিমিটারের জলের মধ্যে তাপ-বিনিমর সভব; কিল্ব পারিপাাশ্বক মাধ্যমের সহিত তাপ-বিনিমর হইতে পারে না। এই বাঝি ব্যবস্থাটিকে একটি বিচ্ছিল্ল তন্দ্র বা রক্ষতাপীর তন্দ্র হিসাবে মনে করা বাইতে পারে।



B 4.8

বাল্ব-দৃইটিকৈ শ্লেলের মধ্যে কিছুক্ষণ ভ্বাইর। রাখার পর বার্নিরুদ্ধ চাবিটি খুলির। দেওর। হইল। বাধামৃক্ত অবস্থার প্রসারণের ফলে প্রথম বাল্বের অক্তাররন্থিত বার্ বিতীর বাল্বটিকেও পূর্ণ করে। আরতন প্রসারণের সমর বহির্বলের বিরুদ্ধে কোন প্রকার কার্ব করিতে হয় না এবং এই কারণে ইহাকে বায়র

মৃক্ত প্রদারণ (free expansion) বলা হর। মৃক্ত প্রসারণে বায়ুর উক্তার কোন পরিবর্তন হইলে ক্যালরিমিটারের জলের উক্তা দ্বির থাকিবে না। স্থালের এই পরীক্ষার দেখা যার বে, ক্যালরিমিটারে জলের উক্তার কোন উল্লেখযোগ্য পরিবর্তন হর নাই। পরোক্ষভাবে বলা বাইতে পারে বে, মৃক্ত প্রসারণে গ্যাসের উক্তার কোন তারতম্য হয় না। এই পরীক্ষাতে ক্যালরিমিটার ও জলের তাপগ্রাহিতা বায়ুর তাপগ্রাহিতার কয়েক হাজার গৃণ বেশী হওয়ায় বায়ুর উক্তার কয়েক ডিগ্রী তারতম্য হইলেও জলের উক্তার কোন পরিবর্তন ধরা পড়িবে না।

জ্বের পরীক্ষার ফলাফল বথাষথ পর্যালোচনা করা বাক। ক্যালার- মিটার তাপ-অন্তরক দেওরাল সম্পন্ন বলিরা এই পরিবর্তনে যৌথ-তল্মের ক্ষেত্রে $\delta Q=0$ হইবে।

$$\begin{split} \delta Q &= 0 = (dU)_{\text{total}} + (\delta W)_{\text{total}} \\ &= (dU)_{\text{Cal}} + (dU)_{\text{air}} + (\delta W)_{\text{Cal}} + (\delta W)_{\text{air}} \end{split}$$

উপরে গাণিতিক রাশিগুলি লিখিবার সময় ক্যালরিমিটার বলিতে বস্তৃতঃ পক্ষে ক্যালরিমিটার ও উহার অভ্যন্তরশ্বিত জলকে বুঝানো হইয়াছে। এই পরীক্ষায় ক্যালরিমিটার ও জলের অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না $\begin{bmatrix} dU_{\rm Cal}=0 \end{bmatrix}$ । ক্যালরিমিটারে জলের আয়তন স্থির থাকে $\begin{bmatrix} \delta W_{\rm Cal}=0 \end{bmatrix}$; এবং মৃক্ত প্রসারণের সময় গ্যাস নিজেও কার্য করে না $\begin{bmatrix} \delta W_{\rm air}=0 \end{bmatrix}$ । উপরোক্ত শর্ত-তিনটি হইতে পরোক্ষভাবে বলা যায় যে, এই পরীক্ষাতে $dU_{\rm air}=0$ ।

উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, ক্যালরিমিটারে জলের উষ্টতা ছির থাকে, ইহা ধরিরা লইরা আমরা ঐ গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্তে উপনীত হইয়াছি।

এই কারণে সাধারণভাবে গ্যাসের রুদ্ধতাপ মৃক্ত-প্রসারণের ফল হইবে $(d\mathbf{U})_{tree-adjabatic} = 0 \cdots (4.19)$

মৃক্ত-প্রসারশের সময় অন্তর্বতাঁ অবস্থার গ্যাস সাম্যাবস্থার থাকে না । এই বাস্তব পরিবর্তনের পরিবর্তে মনে করা যাইতে পারে একটি কাল্পনিক উৎক্রমনীর পথে গ্যাস প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা হইতে অন্তিম সাম্যাবস্থার পৌছিরাছে এবং এই কাল্পত পথে U=C (স্তুবক) । কাল্পত পথে বে-কোন অপু-পরিবর্তনের জন্য dU=0 হইবে ।

সমীকরণ (4·18) তে dU = 0 লিখিলে,

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{\bullet} = -C_{\bullet} \left(\frac{\partial \theta}{\partial V}\right)_{U} \qquad \cdots \qquad (4.20)$$

(अर्थ) এই অবকল গৃণাংককে জ্বলের গৃণাংক (Joule's coefficient) বলা হর। জ্বলের গৃণাংক হইতে আরতন-প্রসারণে উক্তার পরিবর্তন জ্বানা সম্ভব হর। সমীকরণ (4·20) হইতে দেখা গেল বে, জ্বলের গৃণাংক জ্বানা থাকিলে আরতনের সঙ্গে আন্তর-শক্তির পরিবর্তনও জানিতে পারিব। পরীক্ষার সীমিত ব্যবস্থাপনার মধ্যে আমরা দেখিয়াছি বে গ্যাসের জন্য জ্বলের প্রাক্ষার দেখা গিরাছে বে, সকল গ্যাসের পক্ষে এই সিদ্ধার প্রবেজ্য নর। কেবলমার গ্যাসের চাপ খ্ব কম হইলে তবেই (in the limit as pressure approaches zero) জ্বলের গুলারক শূন্য হইয়া থাকে।

অর্থাৎ কেবলমাত্র আদর্শ গ্যাসের জন্য

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\bullet} = 0$$

माथात्रण क्टा,

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}} \end{pmatrix}_{\bullet} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{\bullet} \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{V}} \end{pmatrix}_{\bullet}$$

আদর্শ গ্যাসের জন্য $\left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_s \neq 0$, সূতরাং $\left(\frac{\partial U}{\partial P}\right)_s = 0$ হইবে ।

অন্যভাবে বলা যায় যে, আদর্শ গ্যাসের জন্য আম্বর-শক্তি চাপ অথবা আয়তন নিরপেক,—ইহা কেবলমাত্র উঞ্চতার উপর নির্ভর করে। অর্থাং, $U=U(\theta)$ ।

সমীকরণ (4·18)-তে আদর্শ গ্যাসের শর্ড $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_s=0$ বসাইলে $dU=C.d\theta$

C,-কে ধ্রুবক অনুমান করিয়া সমাকলনের সাহায়ো লিখিতে পারি

$$U = C_0\theta + U_0 \qquad \cdots \qquad (4.21)$$

আদর্শ স্থানের জন্য সমীকরণ (4·21) প্রযোজ্য, এখানে U, একটি ধ্রুবক। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যার বে, প্রথম সূত্র কেবলমাত দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে আন্তর-শক্তির অন্তর বা পার্থক্য নির্দেশ করিতে পারে। কোন অবস্থাতে আত্তর-শক্তির পরম মান (absolute value of internal energy) কি হইবে, সেই সম্পর্কে প্রথম সূত্রে কোন উল্লেখ থাকে না। এই কারণেই সমীকরণ (4.21)- अनिर्मिणे अन्त्रक (arbitrary constant) U. जिल्लाए । অবস্থার সমীকরণ PV=RT (T—আদর্শ গ্যাস-ক্লেটেঞ্চতা), এবং ঐ সঙ্গে সমীকরণ (4.21) একতে আদর্শ গ্যাসের সম্পূর্ণ সংজ্ঞা দের। আণবিক গতিতত্তের সাহাব্যে আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তির ঐ সমীকরণটিকে ব্যাখ্যা করা বাইতে পারে। গ্যাস-অণুগুলির স্থিতিশক্তি ও গতিশক্তির যোগফলই হইবে গ্যাসের আন্তর-শক্তি। আদর্শ গ্যাসের অণুগুলির পরস্পরের মধ্যে কোন বল ক্রিয়া করে না, ফলে অণুগুলির গতিশক্তিই হইবে গ্যাসের মোট আন্তর-শক্তি। শক্তির সমবন্টন সূত্র হইতে আমরা জানি যে, অণুগুলির গতিশক্তি কেবলমাত্র উষ্ণতার উপর নির্ভর করে। এই কারণে আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তি কেবলমাত্র উক্তার অপেক্ষক হইবে।

বাস্তব গ্যাসের ক্ষেত্রে অণুগৃলির পরস্পরের মধ্যে বল চিন্তা করে। এক্ষেত্রে অণুগৃলির গতিশক্তি গ্যাসের আন্তর-শক্তির অংশ মাত্র এবং এই কারণে গ্যাসের আন্তর-শক্তি কেবলমাত্র উষ্ণতার উপর নির্ভর করিবে না। ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ হইতেছে

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right) (V - b) = RT$$

আমরা দ্বিতীয় সূত্র হইতে পরে দেখিতে পাইব যে,

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\mathbf{T}} = \frac{a}{\mathbf{V}^2}$$
 [সমীকরণ ৪'32 দ্রুট্ব্য]

সমীকরণ (4·18)-এর সাহায্যে ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের আন্তর-শক্তি

$$U = C_{\bullet}T - \frac{a}{V} + U_{o}'$$
 (4.22)

একেরে $\mathbf{U_o}'$ একটি প্রশ্বক । ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাস $(\mathbf{T_1}, \mathbf{V_1})$ অবস্থা হইতে $(\mathbf{T_2}, \mathbf{V_2})$ অবস্থার পরিবটিতত হইলে উহার আত্তর-শক্তির তারতম্য হইবে

$$\Delta U = C_{\bullet} \left(T_{\bullet} - T_{\bullet} \right) + a \left(\frac{1}{V_{\bullet}} - \frac{1}{V_{\bullet}} \right)$$

3. আহর্ম গ্যানের জন্ম C_p ও C_p-এর অন্তর (Difference of C_p and C_p for a perfect gas)—সমীকরণ (4·17) হইতে দেখা বার

$$C_p - C_o = \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_o + P \right] \left(\frac{\partial V}{\partial \theta} \right)_p$$

আদর্শ গ্যাসের জন্য $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_s=0$ । আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ হয় PV=nRT ; n গ্রাম-অণুর জন্য। একেত্রে $\theta=T$ ধরিলে, $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_s=\frac{nR}{P}$, এবং

$$C_p - C_v = nR \qquad \cdots \qquad (4.23)$$

এক গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস চিন্তা করিলে তন্মের তাপগ্রাহিতা হইবে উহার আণব আপেক্ষিক তাপ (molar specific heat)। ছির চাপে ও ছির আরতনে আপেক্ষিক তাপকে c, ও c, লিখিলে

$$M(c_p-c_p)=R$$
 [$M=$ গ্যাসের আণব ভর]

বিশেষভাবে উল্লেখ করা না থাকিলে, এই পৃষ্ঠকের সর্বন্ত, 1 গ্রাম-অণু পরিমাণ বস্তু চিন্তা করা হইবে। সেই কারণে তাপগ্রাহিতা ও আগব আপেক্ষিক তাপকে পৃথক্ভাবে চিন্তা করিবার প্রয়োজন হইবে না, এবং

$$C_p - C_v = R \qquad \cdots \quad (4.24a)$$

সাধারণতঃ C, ও C,-কে তাপীর এককে (calories/mole-degree) এবং R-কে কার্বের এককে (Joules/mole-degree) প্রকাশ করা হয়। সেক্ষেদ্রে পরিবর্তিত সমীকরণ হইবে

$$J(C_p-C_v)=\mathbf{R} \qquad (4.24b)$$

্য তাপের বাশ্যিক-তৃল্যাক্ষকে বৃষার । এই সমীকরণের সাহাব্যে পরোক্ষ ভাবে ব্রিক্রিকর করা বাইতে পারে । নিয়ে দেওরা তালিকাটিতে কল্লকটি গ্যাসের ক্ষেত্রে C,

ও C_y হইতে J-র মান হিসাব করা হইয়াছে। এখানে R=8.317 Joules/mole-degree ধরা হইয়াছে।

সারণী	4.2	:	বিভিন্ন	গ্যাসের	क्ना	C_{p}	હ	C.
-------	-----	---	---------	---------	------	---------	---	----

भग्राम	উঞ্ভা	C _p [cal/mole-degree]	C _v [cal/mole-degree]	সমীকরণ (4·24b) হইতে J [Joules/ca	অন্তান্ত পরীকা হইতে J'র সর্বোত্তম I] মান		
হাই ড্যো ৰেন	15°C	6.832	4.846	4.188			
হিলিয়াম	– 180°C	5.00	3.01	4.179			
অক্সিকেন	15°C	6.970	4.974	4.167	4.1858		
না ইটোভেন	15°C	6 [.] 940	4.943	4.165	Joules/cal		
কাৰ্থন ডাই- অক্সাইড	15°C	8.754	6:714	4.077			

তালিকাটির দিকে দৃষ্টি দিলে দেখা যায় যে, হাইড্রোজেনের জন্য (4.24b) মোটাষ্টিভাবে সঠিক সমীকরণ। অর্থাৎ হাইড্রোজেন গ্যাস আদর্শ গ্যাস না হইলেও প্রকৃতিগত দিক হইতে ইহাদের মধ্যে বিশেষ পার্থক্য নাই। হিলিয়ামের জন্য 15°C উক্ষতায় আপেক্ষিক তাপ জানিতে পারিলে অনুমান করা যায়, এই পার্থক্য আরও কম হইবে। কার্বন ডাই-অক্সাইডের জন্য J-র মান খ্বই কম দেখা যাইতেছে। ইহাকে কোন্দুমেই আদর্শ গ্যাস মনে করা উচিত হইবে না।

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য $(\partial U/\partial V)_T = a/V^2$ [সমীকরণ ৪:32] এবং অবস্থার সমীকরণ হইতে

$$\frac{\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{p} - \mathbf{R}}{\mathbf{P} - \mathbf{V}^{\mathbf{a}} \cdot \frac{2ab}{\mathbf{V}^{\mathbf{a}}}}$$

$$\frac{(\mathbf{V} - b)}{\left[\mathbf{1} - \frac{2a(\mathbf{V} - b)^{\mathbf{a}}}{\mathbf{R}\mathbf{V}^{\mathbf{a}}\mathbf{T}}\right]}$$

সমীকরণ (4·17)-তে $\theta = T$ লিখিয়া এই মানগুলি বসাইলে

$$C_{\bullet}-C_{\bullet}=\frac{R}{\left[1-\frac{2a(V-b)^{4}}{RTV^{4}}\right]}$$

বেহেতু a e'b ধ্রুবক-দৃটি উভরেই অণুরাশি সেই কারণে,

$$C_p - C_p \simeq R + \frac{2a}{VT}$$

C, ও C,-কে তাপীর এককে এবং R-কে কার্যের এককে প্রকাশ করিলে পরিবর্তিত সমীকরণ হইবে

$$J(C_{\mathfrak{p}}-C_{\mathfrak{p}})=R+\frac{2a}{VT}\qquad \cdots \qquad (4.25)$$

a ধনাত্মক রাশি বলিয়া $R/(C_p-C_p) < J$ । এই কারণে সারণী (4.2)-তে পশুম শুন্তে (column) J-র মান আকান্দিত মানের চেয়ে কিছু কম। হাইড্রোজেনের জন্য J-র মান কিছু বেশী—ইহা C_p ও C_p নির্গরে পরীক্ষার ক্রটির জন্য সম্ভব হইতে পারে।

4. ক্লডাপ আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তনে আদর্শ গ্যাসের চাপ, আয়তন ও উক্তার পারস্পরিক সম্পর্ক (Relations between temperature, pressure and volume of a perfect gas in quasi-static adiabatic change):

মনে করি, C, ও C, বথাক্রমে ছির চাপে ও ছির আরতনে গ্যাসের আগব আপেন্ধিক তাপ (molar specific heats at constant pressure and constant volume)। সাম্যাবস্থার গ্যাসের চাপ, আরতন ও উকতা (আদর্শ গ্যাস-ক্ষেলে) বথাক্রমে P, V, T। আলোচনার স্বিধার জনা 1 গ্রাম-অণু পরিমাণ গ্যাস চিত্তা করা হইল।

প্রথম সূত্র অনুসারে অবস্থার অণু-পরিবর্তনে

$$\delta Q = dU + \delta W$$

আপাত-সাম্যীর পরিবর্তনে $\delta W = PdV$ এবং গ্যাসটিকে আদর্শ গ্যাস ধরা হইলে $dU = C_*dT$ । সূতরাং আনর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে প্রথম স্ত্রের সমীকরণ হইবে

$$\delta Q = C_d T + P dV$$

প্রতাপ পরিবর্তনের ক্ষেত্রে

$$C_{\bullet}dT + PdV = 0 \qquad (4.26)$$

এক্ষণে আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ হইতেছে

$$PV = RT \qquad \cdots \quad (4.27a)$$

use attaca,
$$C_p - C_p = R$$
 ... $(4.27b)$

সমীকরণ (4·26)-এর উভর পক্ষকে T স্বারা ভাগ করিয়া সমীকরণ (4·27a)- এর সাহাবো লেখা বার

$$C_v \frac{dT}{T} + R \frac{dV}{V} = 0$$

সমীকরণ (4.27b)-এর সাহায্যে,

$$\frac{d\mathbf{T}}{\mathbf{T}} + (\gamma - 1) \frac{d\mathbf{V}}{\mathbf{V}} = 0 \qquad \left[\begin{array}{cc} \ddots & \frac{C_p}{C_p} = \gamma \end{array} \right]$$

সমাকলের পর $TV^{\gamma-1}=$ ধ্রুবক

 \cdots (4.28a)

এক্ষেরে γ -কে T ও V নিরপেক্ষ ধরা হইয়াছে। অবস্থার সমীকরণের সাহাব্যে (4.28a)-কে T-বিমৃক্ত অবস্থায় প্রকাশ করা যাইতে পারে

$$\frac{PV}{R}V^{\gamma-1} =$$
धन्दक

অথবা,

$$PV^{\gamma} =$$
ध्नक (4.28*b*)

আবার V-বিমৃক্ত অবস্থার,

$$RT$$
 $^{\gamma} = R^{\gamma}P^{1-\gamma}T^{\gamma} =$ धन्तक

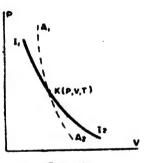
অथवा,
$$P^{1-\gamma}T^{\gamma} =$$
 अन्वक
वा. $T P^{(1-\gamma)/\gamma} =$ अन्वक (4.28c)

সমীকরণ (4.28a), (4.28b) ও (4.28c)-এর প্রভাকতিকে আদর্শ গ্যাসের রক্ষতাপ পরিবর্তনের সমীকরণ বলা হইবে। উপরের আলোচনার Y-কে একটি ধ্রুবকরাশি হিসাবে বিবেচনা করা হইরাছে। প্রকৃতপক্ষে C_p , C_p ও Y গ্যাসের আরতন, চাপ ও উক্ষতার উপর নির্ভর করে। বাস্তব গ্যাসের জন্য সহজে রক্ষতাপ পরিবর্তনে চলগুলির পারস্পরিক সম্পর্ক স্থাপন করা বার না। একত্রে প্রথম ও ছিতীর সূত্রের প্ররোগে ইহা সম্ভব হর।

4'9. বাজা চাশ পরিবর্তন সংক্রোন্ত করেকটি আলোচনা (Discussion on adiabatic change) :

1. সংশাক ও রুক্তাপ লেখবরের মতি (Slopes of isothermal and adiabatic curves)—আপাত-সামার সমোক অথবা ক্রতাপীর প্রতিতে গালের আরতন পরিবর্তনকে লেখ সাহাব্যে নির্দেশ করা বাইতে পারে। ঐ লেখ-বৃটিকে বখাদ্রমে সমোক লেখ এবং রুক্ততাপ লেখ বলা হইবে। লেখ-বৃটি অক্তন করিবার সমর সাধারণতঃ আরতন-কে ভূজ (abscissa) এবং চাপ-কে কোটি (ordinate) হিসাবে দেখানো হর।

মনে করি P-V তলে K একটি নির্দিন্ট বিন্দু, ঐ বিন্দুতে গ্যাসের চাপ, আরতন ও উকতা বখাদ্রমে P,V,T। চিত্র (4.9)-এ K-বিন্দুগামী I_1 I_2 ও A_1 A_2 বথাদ্রমে গ্যাসের সমোক ও ফ্রন্ডাপ লেখ। চিত্র হইতে দেখা বার বে, সমোক লেখ অপেকা রন্ডতাপ লেখ অধিক মাত্রার খাড়া (steeper)। গাণিতিক আলোচনার ইহা বথাবথ বলিরা প্রমাণিত হইবে।



fb 4.9

 ${
m P-V}$ তলে কোন লেখ অব্দন করিলে ${
m K-1}$ বন্দৃতে উহার নতি $=\left(rac{d\,{
m P}}{d\,{
m V}}
ight)_{
m k}$

আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে সমোক পরিবর্তনে

$$PV = y = q q q$$
, and $\frac{dP}{dV} - \frac{1}{V}$

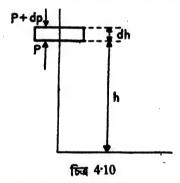
পকাররে, রুক্তাপ পরিবর্তনে

$$PV^{\gamma} = \mu$$
नक, अवर $\frac{dP}{dV} = -\frac{\gamma P}{V}$

গ্যালের আণবিক গতিতত্ত্ব হইতে জানা বার বে $\gamma > 1$, কাজেই একই বিশৃতে সমোক লেখ অপেকা রুদ্ধতাপ লেখটির নতি বেশী হইবে। অন্যভাবে বলা বার বে, রুদ্ধতাপ লেখ অধিক মান্তার খাড়া।

2. বাষ্মওলে উচ্চতা বৃদ্ধির সঙ্গে উক্ষতা হ্রাসের সম্পর্ক (Dependence of temperature of atmosphere on height above sea level)—সূর্বের প্রথম তাপে ভূপৃষ্ঠ উত্তপ্ত হওয়ার ফলে তৎসংলগ্ন বায়্ উত্তপ্ত হইয়া হাল্মা হয়। ঐ উত্তপ্ত হাল্মা বায়্ উর্ধেয়্মে নিয়্রচাপ অঞ্চলে বায় এবং বায়য় আয়তন প্রসারণ ঘটে। বায়্ তাপ কু-পরিবাহী বালয়া এই প্রসারণকে রক্ষতাপ প্রসারণ মনে কয়া যাইতে পারে। সমীকরণ (4'28c)-এর সাহায্যে উচ্চতা বৃদ্ধির সঙ্গে উক্তা পরিবর্তনের হায় হিসাব কয়া সম্ভব হয়।

একক প্রস্থচ্ছেদের বায়্ম্ভন্তে dh বেধ (depth) বিশিষ্ট একটি পাত (slice) কল্পনা করা গেল। সমৃদ্রপৃষ্ঠ হইতে ঐ পাতের তলদেশের উচ্চতা h।



পাতের তলদেশে ও উপরের পৃষ্ঠে বায়ুমগুলের চাপ ধরা বাক, বথাক্রেন্P ও P+dP (চিত্র $4\cdot 10$)। h হইতে h+dh উচ্চতার মধ্যে বায়ুর গড় ঘনম্ব ho হইলে,

$$dP = -g\rho \ dh \qquad \cdots \quad (4.29)$$

উচ্চতা বৃদ্ধিতে বায়্র চাপ হ্রাস পায় বৃঝাইবার জন্য ঋণাত্মক চিহ্নটি ব্যবহাত হইতেছে। পাতের অভ্যান্তরন্থিত বায়্র ভর, m=
ho dh

একণে বায়ুকে আদর্শ গ্যাস চিত্তা করিলে

সমীকরণ (4°৪০)-এর সাহাবো (4°29)-কে লেখা বার

$$dP = -\frac{gM}{R} \frac{Pdh}{T}$$
थवर। $\frac{dP}{P} = -\frac{gM}{RT} dh$... (4.31)

রক্ষতাপ প্রসারণে বায়্র (আদর্শ গ্যাসের) চাপ ও উক্তার সম্পর্ক $\frac{T^{\gamma}}{D^{\gamma-1}} = C$ (ধূবক) [সমীকরণ 4.28c]

উভরপকে লগারিদম লইবার পর

$$\gamma \ln T = (\gamma - 1) \ln P + \ln C$$

$$\therefore \quad \gamma \frac{dT}{T} = (\gamma - 1) \frac{dP}{P} \qquad \cdots \quad (4.32)$$

সমীকরণ (4:32) ও (4:31)-কে একত্র করিয়া লিখিতে পারি

$$\frac{\gamma}{(\gamma-1)} \frac{dT}{T} = -\frac{gM}{RT} dh$$
 अथवा $\frac{dT}{dh} = -\frac{\gamma-1}{\gamma} \frac{Mg}{R}$ \cdots (4.33)

 $rac{d ext{T}}{dh}$ -কে ক্ষমভাপ অতিপত্তি হার (adiabatic lapse rate) বলা হয়।

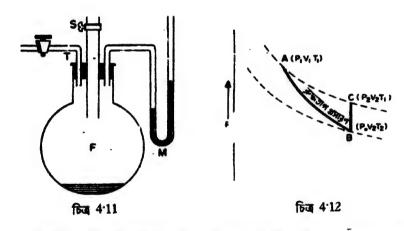
সমাকলনের সাহাযো সমীকরণ (4:33) হইতে

$$T_{\circ} - T = \frac{\gamma - 1}{\gamma} \frac{Mgh}{R} \qquad \cdots \quad (4.34)$$

 T_o -ভূপুণ্ঠে বায়ুর উকতা। বায়ুর জন্য M=28.88, $\gamma=1.40$ এবং $R=8.31\times 10^7$ ergs/mole-degree, g=981 cm/sce 3 । সমীকরণ (4.33)-এ এই সকল মান বসাইলে পরে

$$\frac{dT}{dh} = -9.74 \times 10^{-4} \text{ °C/cm} = -9.74 \text{ °C/km}$$

উ কিনেই ও ভিসর্বের প্রভিতে বার্র হুই আপেক্ষিক ভাপেক অনুপাত নির্পত্ন—(Determination of the ratio of two specific heats of air by Clement and Desorme's method)—ক্রিমেট ও ডিসরমের পরীকার বন্দোবস্ত চিত্র (4'11)-তে দেখানো হইরাছে। পুরু কাচের তৈরারী বৃহদারতন একটি ক্লান্কের (F) মুখ মোটা রবারের ছিপি বারা আটকানো। ঐ ছিপি ভেদ করিরা অপেকাকৃত মোটা একটি নল S ক্লান্কের অভান্তরে খাড়াভাবে প্রবেশ করিরাছে। ঐ নলটির বহিন্তাগে একটি বার্নিরুক্ষ চাবি (stop cock) লাগানো আছে। বার্নিরুক্ষ চাবিবৃক্ত অন্য একটি পার্শ্ব নল T এবং ম্যানোমিটার M-এর একটি নল মোটা নলটির দৃই পাশ দিয়া ক্লান্কের অভান্তরে প্রবেশ করে। ম্যানোমিটারে সাধারণতঃ খন সালফিউরিক অ্যানিত্ত বা কোন তৈল ব্যবহার করা হইয়া থাকে।



পরীক্ষার প্রারম্ভিক পর্যায়ে T নলের চাবি খুলিয়া পাম্পের সাহাব্যে ফ্লাম্পের ভিতরে কিছু পরিমাণ বায়ু প্রবেশ করানো হইবে। এই সময়ে ফ্লাম্পের ভিতরে বায়ুর চাপ (P_1) বায়ুমঙলের চাপ (P_0) অপেক্ষা বেশী, এবং ধরা বাক, বায়ুর উক্তা এই সময়ে T_1 । ম্যানোমিটারের সাহাব্যে ফ্লাম্পে বায়ুর চাপ ক্রির করা গেল। এইবার S নলে চাবিটিকে কয়েক মূহুর্তের জন্য খুলিয়া (বায়ু নিক্ষাশনের সময় যে শব্দ হয় তাহা বন্ধ না হওয়া পর্যন্ত) পুনরায় বন্ধ করিয়া দেওয়া হইল। আয়তন প্রসারশের ফলে ফ্লাম্পের অভ্যন্তরে বায়ুর চাপ হ্রাস পাইয়া P_0 হইবে এবং ঐ সঙ্গে উহার উক্তা হ্রাস পাইবে। মনে করি প্রসারশের অব্যবহিত পরে বায়ুর উক্তা T_2 $(T_1 < T_1)$ । বায়ুর রক্ষতাপ প্রসারশেকে চিত্র $(4\cdot 12)$ -তে রক্ষতাপ লেখ

AB-র সাহাব্যে ব্ঝানো হইরাহে । রক্ষতাপ প্রসারণের অভিম অবস্থার উহার ছিতিমাপ $(P_o,\,V_s,\,T_s)$ । কিছুক্ষণ অপেকা করিবার পর স্লাক্ষর ভিতরে বাহুর উক্তা পুনরার পারিপার্ত্তিক মাধ্যমের উক্তা (T_s) -এর সমান হইবে এবং ইহার কলে বাহুর চাপ রৃদ্ধি পাইবে। পরিবর্তিত অবস্থার বাহুর স্থিতিমাপ $(P_s,\,V_s,\,T_s)$ । বাহুর এই পরিবর্তন BC গেখ বারা বৃশ্বানো হইরাহে।

A ও B বিশ্বর রক্ষতাপ লেখ AB-এর উপরিছিত বিশ্ব বলিরা * *

$$\mathbf{P}_{1}\mathbf{V}_{1}^{\gamma} = \mathbf{P}_{0}\mathbf{V}_{3}^{\gamma}$$
व्यथना
$$\frac{\mathbf{P}_{1}}{\mathbf{P}_{0}} = \begin{pmatrix} \mathbf{V}_{3} \\ \mathbf{V}_{1} \end{pmatrix}^{\gamma} \cdots (4.35a)$$

C ও A একই সমোক রেখার উপরিশ্বিত দুইটি বিন্দু, সেই কারণে

$$\begin{array}{ccc}
P_1V_1 = P_9V_9 \\
\hline
\text{स्थवा} & \frac{P_3}{P_9} = \frac{V_9}{V_1} & \cdots & (4.35b)
\end{array}$$

সমীকরণ (4·35a) ও (4·35b)-কে একর করিয়া লেখা বায়

$$\frac{P_{a}}{P_{o}} = \left(\frac{P_{1}}{P_{s}}\right)\gamma$$
ভাৰবা $\gamma = \frac{\ln. P_{1} - \ln. P_{o}}{\ln. P_{1} - \ln. P_{s}}$ ··· (4.36)

ক্লান্কের অভ্যন্তরে বায়ু প্রবেশ করিবার পর ম্যানোমিটারের দৃই নলে তরলের উক্ততার পার্থক্য h_1 এবং প্রসারণের পরে ক্লান্কের বায়ু পুনরার পারিপার্থিক মাধ্যমের উক্ততার ফিরিয়া আসিবার পরে ঐ পার্থক্য h_2 হইলে

$$P_1 = (H_0 + h_1)dg$$
 and $P_2 = (H_0 + h_2)dg$

বার্মগুলের চাপ P_o -কে H_o উচ্চতা বিশিষ্ট তরল (ম্যানোমিটারে ব্যবহৃত) গুপ্তের চাপের সমান ধরা হইরাছে, ঐ তরলের ঘনম্ব হইল d। সাধারণতঃ h_1 ও h_2 উভরেই H_o অপেকা অনেক কম (সালফিউরিক আ্যাসিড ব্যবহারে $H_o \simeq 1200~{\rm cm}$; কিছু h_1 ও h_2 করেক সেন্টিমিটার মাত্র), এবং সেই জন্য

ln.
$$P_1 - \ln P_0 = \ln \frac{P_1}{P_0} = \ln \left(1 + \frac{h_1}{H_0}\right) \simeq \frac{h_1}{H_0} \cdots (4.37)$$

এও আলোচনার V, ক্লান্ডের আর্ডন। B অথবা C অবস্থার বে পরিবাণ বার্ ক্লান্ডে আছে
ভাষার আর্ডন, প্রাথমিক চাপ ও উক্তার V, ধরা ইইরাছে।

(4.39)

 $\frac{h}{H_o}$ ব বালয়া (h/H_o) -র উচ্চ বাতসম্পান পদগুলিকে বাদ দেওয়া হইয়াছে Δ একই কারণে

$$\ln P_{1} - \ln P_{2} = \ln \left[\left(1 + \frac{h_{1}}{H_{0}} \right) \div \left(1 + \frac{h_{2}}{H_{0}} \right) \right]$$

$$= \ln \left[1 + \frac{h_{1} - h_{2}}{H_{0}} \right]$$

$$= \frac{h_{1} - h_{2}}{H_{0}} \qquad (4.38)$$

$$\gamma = \frac{\ln P_{1} - \ln P_{0}}{\ln P_{1} - \ln P_{2}} = \frac{h_{1}/H_{0}}{(h_{1} - h_{2})/H_{0}}$$

ম্যানোমিটার হইতে প্রত্যক্ষভাবে h_1 ও h_2 -কে জানা বার, এবং সেই কারণে সমীকরণ (4.39)-এর সাহায্যে সহজেই γ নির্ণয় করা সম্ভব । চাবিটি খুলিয়া বারু প্রসারণের পর ফ্লান্সের ভিতরে কিছুক্ষণের মধ্যে বারু ছির অবস্থার আসে না । ঠিক কোন্ অবস্থার চাবিটিকে পুনরায় বন্ধ করিতে হইবে তাহা ছির করা একটি দুরূহ সমস্যা । ক্লিমেন্ট ও ডিসরমের পরীক্ষা ব্যবস্থার ইহা একটি ফুটি । এই পরীক্ষাতে প্রথম পরিবর্তনটি রক্ষতাপ ও আপাত-সাম্যীয় উপায়ে হইবে ধরা হইয়াছে, কিছু চাপ বৈষম্য সসীম বলিয়া পন্ধতিটি আসলে আপাত-সাম্যীয় নয় এবং ঐ কারণে $PV^{\gamma}=$ ফ্লবক—এই সমীকরণটিকে এখানে সঠিকভাবে প্রয়োগ করা বায় না । চাপ বৈষম্য খুব কম হইলে তবে ঐ সমীকরণটি শুদ্ধ হইবে, কিছু সেক্ষেত্রে পরীক্ষার ফুটি বেশী হইবার সম্ভাবনা থাকে ।

 $=\frac{h_1}{h-h_1}$

4'10. এন্থ্যাল্পি বা মোউ ভাপ (Enthalpy or Total Heat):

অধিকাংশ রাসায়নিক ও ভোত পরিবর্তন স্থির চাপে অনুষ্ঠিত হইয়া থাকে । তদ্যের আরতন বৃদ্ধি-জনিত কার্ব $\delta W = PdV$, এবং এই সময়ে তদ্য আরতন বৃদ্ধি ব্যতীত অন্য কোন প্রকার কার্য না করিলে, প্রথম সূত্র অনুসারে তাপ-বিনিমর হইবে

$$\delta Q_n = dU_n + PdV$$

কর্বাং ছির চাপে কেবলমার আরতন পরিবর্তনের ক্ষনা তলা বে তাপ বিনিমর করে উহা তল্কের আরব-শক্তির পরিবর্তন ও আরতন বৃদ্ধ-ক্ষানত কার্বের বোসফলের সমান। পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, তল্ক এক সাম্যাবদ্ধা হইতে ক্ষনা সাম্যাবদ্ধার কি ভাবে বা কোন্ পথে পরিবর্তিত হইরাছে তাহার উপর তল্কের তাপ-বিনিমর নির্ভর করে। অর্থাং ১০ সম্পূর্ণ অবকল নর অথবা ইহা তাপগতীর কোন অপেককের পরিবর্তন নির্দেশ করে না। কিম্ব উপরের আলোচনা হইতে আয়রা দেখি বে, দ্বির চাপে কেবলমার আয়তন বৃদ্ধির কারণে তাপ-বিনিমর সম্পূর্ণ অবকল হিসাবে লেখা সম্ভব। এজন্য প্রথমে নভুন একটি তাপগতীর অপেকক (সাম্যাবদ্ধার তল্কের একটি ধর্ম) এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপের সংক্ষা দেওরা বাক।

এন্থ্যাক্শি বা মোট তাপ
$$H=U+PV$$
 এবং $dH_p=dU_p+PdV=\delta Q_p$

U, P, V, বেহেত্ সাম্যাবস্থার জন্য নির্দিন্ট সেই কারণে এনুথ্যাকৃপি সাম্যাবস্থার একটি ধর্ম। সাম্যাবস্থা পরিবর্তনে এনুথ্যাকৃপির পরিবর্তন হয়। বিভিন্ন পরিবর্তনের পরে তন্দ্র প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরিয়া আসিকে

$$\oint dH = 0$$

আরর-শক্তি নিদিউভাবে জানা সন্তব নয়—ঐ একই কারণে নির্দিউ ভাবে এন্থ্যাক্পি জানাও সন্তব হইবে না। কেবলমাত্র দৃইটি অবস্থার মধ্যে এন্থ্যাক্পির পরিবর্তন হিসাব করিতে পারি। চাপ ও আরতনের গৃণফলকে শক্তির এককে প্রকাশ করা হয় এবং ঐ শক্তিকে বাহ্যিক শক্তি (external energy) বলা হয়। আরর-শক্তির সহিত এই শক্তি বোগ করিলে মোট শক্তি (পূর্ণ তাপ বা মোট তাপ) পাওরা বার। দ্বির চাপে কেবলমাত্র হল্ডের আরতন পরিবর্তন ঘটিলে উহার মোট তাপের পরিবর্তন শোষিত বা বর্জিত তাপের সমান।

প্রশাসা

1. প্রথম স্ত্রের তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর। দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে রুক্ষতাপীর পরিবর্তনে নির্দিন্ট পরিমাণ কার্বের প্রয়োজন ধরিরা কইয়া প্রথম স্ত্রের গাণিতিক প্রমাণ দাও।

- প্রথম স্তকে বিবৃত কর। প্রথম স্তের সাহাব্যে প্রমাণ কর বে, বিশের মোট আরম্ব-শক্তি অপরিবর্তনীয়।
- 3. প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি বলিতে কি বৃঝ? প্রথম স্ত্রের সাহাব্যে প্রমাণ কর যে, এই ধরনের অবিরাম গতি বাস্তবে কখনই সম্ভব নর।
- 4. গ্যাদের মৃক্ত প্রসারণ সংক্রান্ত জ্লের পরীক্ষার বর্ণনা দাও। জ্লের পরীক্ষার সিদ্ধান্ত কি? বাস্তব গ্যাদের পক্ষে জ্লের পরীক্ষার ঐ সিদ্ধান্ত সঠিক কি? বিচ্যুতির কারণ সম্পর্কে তোমার মতামত দাও।
- 5. প্রথম সূত্র হইতে কিভাবে আন্তর-শক্তির সংজ্ঞা দেওয়া যার ? কোন অবস্থাতেই আন্তর-শক্তির পরম মান জানা সম্ভব কি ? সমোক্ষ প্রসারণে আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন হিসাব কর । ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য এই পরিবর্তন কত ?
 - 6. প্রমাণ কর যে,

$$C_p - C_v = \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_T + P \right] \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p$$

আদর্শ গ্যাসের জন্য এই অন্তর কি হইবে? দেখাও যে, ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের জন্য

$$C_v - C_v \simeq R + \frac{2a}{VT}$$

7. প্রমাণ কর যে,

$$C_{\nu} = C_{\nu} + \left[\left(\frac{\partial U}{\partial P} \right)_{T} + P \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_{T} \right] \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\varepsilon}$$

- ৪. আপাত-সাম্যীয় রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে আদর্শ গ্যাসের প্রারম্ভিক ও অতিম আয়তন, চাপ ও উক্তার মধ্যে সম্পর্ক নির্ণয় কর। ক্লিমেণ্ট ও ডিসয়মের পদ্ধতিতে Y নির্ণয়ের জন্য পরীক্ষার বর্ণনা দাও।
- 9. পারমাণবিক বিক্ষোরণের অব্যবহিত পরে অগ্নিগোলকের ব্যাসার্থ 100 metres এবং ঐ সময়ে উহার উক্ষতা 100,000° A। অগ্নিগোলকের ব্যাসার্থ বৃদ্ধি পাইয়া 1000 metres হইবার পর উহার উক্ষতা কত হইবে?

- 10. बक्छि साहेत हाकात नम (हिष्डेंच) वातुभून बदर के बातुत ष्ठेकठा छ हाभ वधारास 27°C ७ 2 आहेमज्ञिकतात । ननिष्ठ कान कान्नर कारिन कार्रा বারুর উক্তা কি পরিমাণে হ্রাস পাইবে ?
- 11. বারুকে সম্পূর্ণরূপে শুক্ষ ধরিয়া লইয়া উচ্চতার সঙ্গে বারুমধ্যের উক্তার ভারতমা স্থির কর।

ৰাষ্ট্ৰৰ জন্য ঃ $\gamma = 1.4$, আগব ভৱ = 28.9, এবং R = 8.3 Joules/ mole-degree 1

12. এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ বলিতে কি বৃঝ ? ইহার গুরুষ ব্যাখ্যা কর। এনখ্যালপির পরম মান ছির করা সম্ভব কি ?

পথ্যম পরিছেদ

উৎক্রমনীয় ও অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তন

(Reversible and irreversible changes)

5'1. উৎক্রমনীয় পরিবর্তন ও উৎক্রমনীয় পথ (Reversible change and Reversible path):

পূর্বেই আলোচনা করা হইয়াছে যে, তল্মের বিভিন্ন অংশের মধ্যে এবং তল্ম ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমের মধ্যে অসম বল অথবা উষ্ণতার না থাকিলে এবং তলে কোন প্রকার রাসায়নিক বিক্রিয়া না ঘটিলে উহার অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না। এই অবস্থাকে তন্দ্রের সাম্যাবস্থা বলা হয়। পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের উষ্ণতা এবং তন্দ্রের উপর প্রযুক্ত বল পৃথক্-ভাবে অথবা একত্রে পরিবর্তিত হইলে তল্মের সাম্যাবস্থা পরিবর্তিত হয়। দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে পরিবর্তনের সময়ে তন্ত্র সাধারণভাবে সাম্যাবস্থায় থাকে না। প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা হইতে অল্পিম সাম্যাবস্থায় পরিবর্তিত হইবার সময়ে তল্প যদি ধীর গতিতে এমনভাবে পরিবর্তিত হইতে থাকে যে, অন্তর্বতী প্রতিটি অবস্থাতেই তল্মে কার্যতঃ সাম্যাবস্থা বর্তমান তবে ঐ পরিবর্তনকৈ আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন (quasi-static change) বলা হইবে। কোন সসীম পরিবর্তন পর্যায়দ্রমে অসংখ্য অণু-পরিবর্তনের সাহায্যে অনুষ্ঠিত হইলে তবেই ঐ পরিবর্তনকে আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন বলা ঘাইতে পারে । তাপগতীয় তল্মে অণু-পরিবর্তনের জন্য তল্ম ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমে উষ্ণতার পার্থক্য এবং উহাদের মধ্যে অপ্রশমিত বল (unbalanced force) অণু পরিমাণ হওয়া প্রয়োজন। উষ্ণতার পার্থক্য অথবা অপ্রশমিত বল সসীম বা finite হইলে দ্রুত গতিতে তন্দ্র নূতন সাম্যাবস্থায় পৌছাইবে। এইভাবে অবস্থা পরিবর্তনে কেবলমাত্র প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থাই তন্দের সাম্যাবস্থা হইবে— অন্তর্বতাঁকালে তল্য কখনই সাম্যাবস্থায় থাকিবে না। তল্মের অবস্থার পরিবর্তন এইভাবে ঘটিলে ঐ পরিবর্তনকে আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন বলা ধার ना (non-quasi-static change)। বিশেষভাবে উলেখ করা বার যে, কেবলমায় ধীর গতিতে কোন পরিবর্তন হইলেই সেই পরিবর্তনকে আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন বলৈতে পারি না। এমনও হইতে পারে যে, পরিবর্তন শুরু হওয়ার

পর শেব না হওরা পর্বত্ত অন্তর্বতা সমরে তল্যে কখনই সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হর নাই কিছু তৎসত্ত্বেও সমস্ত পরিবর্তন ধীরগতিতে অগ্রসর হইরাছে। অন্তর্বতা সমরে অসংখ্যবার সাম্যাবস্থার সৃষ্টি না হইলে পরিবর্তন বতই ধীর গতিতে হউক না কেন সেই পরিবর্তনকে আপাত-সাম্যীর পরিবর্তন বলা হইবে না।

আপাত-সাম্যার পরিবর্তনের সময় তল্যে বাদ ঘর্ষণ, সাল্যতা, ছিতি-ছাপকতার অভাব (inelasticity), বিদ্যুৎ পরিবাহীর রোধ, চৌমক-শৈছিল্য (magnetic hysteresis) ইত্যাদি শক্তিক্ষরী কারণগৃলি অনুপছিত থাকে তবে ঐ পরিবর্তনকে উৎক্রমনীর পরিবর্তন (reversible change) বলা হয়। উৎক্রমনীর পরিবর্তন মাত্রই আপাত-সাম্যায় পরিবর্তন, কিছু আপাত-সাম্যায় পরিবর্তন মাত্রেই উৎক্রমনীয় পরিবর্তন নয়। উৎক্রমনীয় পর্বাতিতে এক সাম্যাবন্থা হইতে অন্য সাম্যাবন্থার পরিবর্তনের সময় তল্যের অন্তর্বতী সাম্যাবন্থা নিদিন্ট ভাবে জানা সম্ভব। এই কারণে উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের সময় প্রারম্ভিক ও অভিম সাম্যাবন্থার মধ্যে সংযোগকারী বে লেখটি অভ্কিত হয় তাহাকে উৎক্রমনীয় পথ (reversible path) বলা হয়। তল্য কিভাবে পরিবর্তিত হইয়াছে জানা থাকিলে তবেই উৎক্রমনীয় পথটি জানা যায়। উৎক্রমনীয় পথের প্রতিটি বিন্দু তল্যের অন্তর্বতী সাম্যাবন্থা নির্দেশ করে।

মনে করি, পিশ্চনের সাহাযো একটি শুশুকের মধ্যে কিছু পরিমাণ গ্যাস আটকানো আছে। একটি তাপীর উৎসের উপর শুশুকটিকে বসাইরা আপাত-সাম্যীর সমোক পদ্ধতিতে ঐ গ্যাসের আরতন পরিবর্তন করা হইল। সূচক চিত্রের সাহাব্যে বলা যার যে, গ্যাস আপাত-সাম্যীর সমোক পথে i-বিন্দৃতে গিরা পৌছিরাছে। অনুমান করা হইল যে, পিশ্চনিটি চলাচল করিবার সমর শুশুকগাতে ঘর্ষণ-যলের দরুল করিবার সমর শুশুকগাতে ঘর্ষণ-যলের দরুল করিবার সমর শুশুকগাতে ঘর্ষণ-যলের দরুল করিবার পরিতে হর। ইহার ফলে শুশুকগাতে ও পিশ্চনৈ তাপ সৃষ্টি হর।

- (i) প্রসারণের সমর গ্যাস উৎস হইতে Q = (W + h) পরিমাণ তাপ-গ্রহণ করিরা পারিপাশ্বিক মাধ্যমের উপর W পরিমাণ কার্য করিবে এবং ঘর্ষণ-বলের কারণে h তাপ সৃষ্টি হইবে।
- (ii) এই পরিবর্তনের পরে পারিপাঁশিক মাধ্যম (W+h) কার্য করিলে, ঘর্ষণ-বলের কারণে h পরিমাণ শক্তি গুলুক ও পিস্টনগারে তাপস্থিতে ব্যরিত হইবে এবং গ্যানের উপর W কার্য করা হইবে। সমোক

পরিবর্তনের ক্ষেত্রে W পরিমাণ তাপ উৎসে নিক্ষিপ্ত হইবে এবং গ্যাস পূর্বের অবস্থার ফিরিয়া আসিবে।

ঘর্ষণ-বল অনুপদ্থিতিতে h=0 হইবে এবং এই আপাত-সাম্যীয় পরিবর্জনকৈ তথন উৎক্রমনীয় পরিবর্জন বালব। দেখা গেল, উৎক্রমনীয় পথের এক বিন্দু হইতে অন্য বিন্দুতে তল্পকে লইয়া বাইতে তল্প ও পারিপাশ্বিক মাধ্যমে যে সকল পরিবর্জন হয় বিপরীত ক্রমে পারিপাশ্বিক মাধ্যমে ও তল্পে ঐ একই পরিবর্জন সৃষ্টি করিতে পারিলে তল্প একই পথে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসে। এই করেণে বলিতে পারি যে, উৎক্রমনীয় পথে i-অবস্থা হইতে f-অবস্থাতে পরিবর্জিত হওয়ার পর বিপরীত পরিক্রমায় একই পথে i-অবস্থায় প্রত্যাবর্জন করিলে পারিপাশ্বিক মাধ্যমের ও তল্পের পরিবর্জন-গুলি একই সাথে প্রশামত হইয়া থাকে। অন্য ভাবে বলা যায় যে, যে পরিবর্জনের পর পারিপাশ্বিক মাধ্যমে কোনপ্রকার পরিবর্জন না রাখিয়াই তল্পকে পূর্বের অবস্থায় ফিরাইয়া আনা সম্ভব সেই পরিবর্জনই উৎক্রমনীয় পরিবর্জন।

উৎক্রমনীয় পথে পরিবর্তনের বিভিন্ন পর্যায়ে তল্য ও পারিপাশ্বিক মাধামে বে সকল পরিবর্তন হয় তলকে ঐ একই উৎক্রমনীয় পথে ফিরাইয়া আনিবার সময় তাহাদের প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে ঐ একই পরিবর্তন (সমপরিমাণ) হইবে—তবে বিপরীত দিকে। মনে করা যাক যে কোন তন্ম (n-1) সংখ্যক সাম্যাবন্দ্র। অতিক্রম করিবার পর প্রারম্ভিক অবস্থা হইতে অন্তিম অবস্থায় গিয়া পৌছিয়াছে। এই পরিবর্তনের সময়, কোন প্রকার শক্তিক্ষরী উপাদান বা কারণের অনুপস্থিতিতে, প্রথম, বিভীয় \cdots (n-1)-তম ও n-তম পর্বায়ে তন্দ্র ব্যাক্রমে $\delta W_*, \delta W_* \cdots \delta W_{m-1}, \delta W_*$ কার্য করিরাছে। পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের উপর এই কার্য করা হইবে। সমোষ পরিবর্তন চিত্তা করিলে একটি তাপীর উৎস হইতে তল্ম এই সময়ে যথান্রমে $\delta Q_1, \delta Q_2 \cdots \delta Q_{n-1}, \delta Q_n$ তাপ গ্রহণ করিবে । উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের পর তল্মকে ঐ একই উৎক্রমনীয় পথে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইরা আনিবার সময় বিপরীতদ্রমে প্রথম, বিতীর \cdots (n-1)-তম ও n-তম পর্বায়ে তন্তের উপর বথান্রেমে δW_n , δW_{n-1} , ··· ১W. ও ১W, কার্য করিতে হইবে। পারিপার্শ্বিক মাধ্যম তল্মের উপর এই কার্ব করিবে। সমোক পরিবর্তনের ক্ষেত্রে বিভিন্ন পর্বারে তব্য বথান্রমে δQ_n , δQ_{n-1} , \cdots δQ_n ও δQ_n পরিমাণ তাপ তাপীর উৎসে বুর্জন করিবে। অর্থাৎ কোন পরিবর্তনের প্রত্যেকটি অংশ উৎদুমনীয় হইলে তবেই সামগ্রিক ভাবে ঐ পরিবর্তনকে উৎদ্রমনীর পরিবর্তন বলা হইবে।

5'2. জাসুৎক্রমনীয় পরিবর্তন ও জাসুৎক্রমনীয় পথ (Irreversible change and irreversible path):

তন্ত্র এক সাম্যাবন্থা হইতে অন্য সাম্যাবন্থায় পরিবতিত হইবার পরে পারিপার্থিক মাধ্যমে কোন পরিবর্তন না রাখিয়া কোনচমেই বদি উহাকে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইয়া আনা সম্ভব না হয় তবে সেই পরিবর্তনকে অনুংক্রমনীর পরিবর্তন (irreversible change) বলা হইবে। পূর্বেই বলা হইয়াছে যে, তল্মে কোন পরিবর্তন সৃষ্টি করিতে গেলে পারিপাশ্বিক মাধ্যমেও কিছু না কিছু পরিবর্তন হইবে। এই দুই পরিবর্তনকে যদি প্রশামত করা সম্ভব হর তবেই তন্তের পরিবর্তনকে আমরা উৎক্রমনীয় পরিবর্তন বলিব। তলা ও পরিপাণ্ডিক মাধাম উভরের পরিবর্তনকে প্রণমিত করা সম্ভব না হইলে ঐ পরিবর্তন অনুংক্রমনীর পরিবর্তন বলিয়। বিবেচিত হইবে। যদি পরিবর্তনের সমর উৎক্রমনীয়তার সর্তগুলি পালন কর। না হয় তবে পরিবর্তনের শেষে তন্তকে যে কোন উপারেই প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইরা আনা হোক না কেন পারিপাশ্বিক মাধামে মোট পরিবর্তন কিছু পরিমাণে থাকিয়াই বাইবে । তাই বনি (i) তন্তের পরিবর্তন আপাত-সামাীয় পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত না হয় (non-quasi-static change), অথবা (ii) তদ্মের পরিবর্তন আপাত-সাম্যীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হওয়া সত্ত্বেও ষদি এক বা একাধিক শক্তিকরী কারণ বর্তমান থাকে তবে ঐ পরিবর্তন অবশাই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন হইবে।

তদার কোন উৎক্রমনীর পরিবর্তনের জন্য সূচক চিত্রে প্রারম্ভিক ও অতিম সাম্যাবস্থার মধ্যে একটি পথ নির্দিন্ট করা বাইবে। ঐ পথের বিভিন্ন বিন্দৃ উৎক্রমনীর পরিবর্তন চলাকালে তন্মের সম্ভাব্য সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে। ইহাকেই আমরা উৎক্রমনীর পথ বলিরাছি। দেখা গিরাছে বে, উৎক্রমনীর পরিবর্তনের পর ঐ একই পথে তন্মকে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইয়। আনা বার এবং সেই কারণে বলিতে পারি বে, উৎক্রমনীর পথের পরিবর্তন মাত্রই প্রত্যাবর্তনীর বা প্রশমনধান্য পরিবর্তন (change represented by a reversible path is also reversible)। পক্ষাক্ররে বে কালপনিক পথে তন্মের পরিবর্তন হইলে তন্মকে পুনরার ঐ পথে ফিরানো সম্ভব হয় না অথবা সম্ভব হইলেও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে কোন না কোন পরিবর্তন থাকিয়াই বার সেই পথকে অনুক্রমনীর পথ বলিব। কালপনিক পথ বলিবার অর্থ এই বে—পরিবর্তন কালে তন্ম বেহেতু সাধারণতঃ সাম্যাবস্থার থাকে না (non-

equilibrium states) সেই কারণে এক্ষেত্রে কোন সঠিক পথ নির্দেশ করা সম্ভব নয়। এই পৃষ্ঠকে অনুংক্রমনীয় পথ ভাঙ্গা রেখার সাহায়ের দেখালো হইরাছে। অনুংক্রমনীয় পথের পরিবর্তন মাত্রই অপ্রত্যাবর্তনীয় কিনা সহক্রেই সেই প্রশ্নের মীমাংসা করা সম্ভব নয়। কারণ এই জন্য তলকে ফিরাইবার প্রত্যেকটি সম্ভাবনাকে পৃথক্ভাবে বিচার করিতে হইবে। প্রকৃতপক্ষে এই প্রশ্নের মীমাংসা হইতেই দ্বিতীয় স্ত্রের উদ্ভব হইয়াছে। আমাদের সামগ্রিক অভিজ্ঞতা হইতে দেখি যে, অনুংক্রমনীয় পথে পরিবর্তন মাত্রই অপ্রত্যাবর্তনীয় পরিবর্তন (change produced in an irreversible path is also irreversible)। ষষ্ঠ পরিক্রেদে দ্বিতীয় স্ত্রের আলোচনায় 'অনুংক্রমনীয়তা ও দ্বিতীয় স্ত্র' শিরোনামায় একটি অনুচ্ছেদ যোগ করা হইয়াছে (6.5 অনুচ্ছেদ দ্বতীর)। সেখানে এই সম্পর্কে বিশেষভাবে আলোচনা করা হইবে।

5'3. উৎক্রমনীয়তা আদর্শ ও প্রান্তিক মনন মাত্র (Reversibility is an ideal and limiting concept)।

উৎক্রমনীয় ও অনৃৎক্রমনীয় পরিবর্তন সম্পর্কে উপরের অনুচ্ছেদ-দৃইটিতে সাধারণভাবে আলোচনা করা হইয়াছে। কোন উদাহরণের সাহায্যে আলোচনা করিলে উৎক্রমনীয়তা ও অনৃৎক্রমনীয়তা বিষয়ে একটি সৃম্পন্ট ধারণা হইতে পারে। এই জন্য রাসায়নিক তদ্যকে আমরা উদাহরণ হিসাবে গ্রহণ করিতেছি। একটি আদর্শ পরীক্ষার পরিকল্পনা করা যাক।

মনে করি, কোন গুণ্ডকের ভিতরে কিছু পরিমাণে গ্যাস পিস্টনের উপর ভর (m) চাপাইয়া আটকানো আছে । পিস্টনের প্রস্থাছেদ α হইলে সাম্যাবন্ধার গ্যাসের চাপ হইবে $P=mg/\alpha$ । পিস্টনিট চলাচল করিবার সময় গুণ্ডকের দেওয়ালে ঘর্ষণ-বল প্রয়োগ করে না বলিয়া অনুমান করা হইল । গ্যাস-ভাঁত গুণ্ডকটিকে একটি তাপীয় উৎসের উপর বসানো হইয়াছে । তাপীয় উৎসটির তাপগ্রাহিতা অসীম বা infinite, এবং ঐ কারণে গুণ্ডকের সহিত তাপ-বিনিময়ে উৎসের উক্তার কোন তারতম্য হয় না । সমোক্ষ পদ্ধতিতে গ্যাসের সাম্যাবন্ধা (P_1, V_1, θ) হইতে (P_2, V_2, θ) -তে পরিবর্তন করা হইবে । বিভিন্ন উপায়ে এই পরিবর্তন সম্ভব ।

প্রথমে মনে করি পিন্টনের উপর ভর m_1 -এর পরিবর্তে m_2 করা হইল $(m_2 < m_1)$ । ইহার ফলে পিন্টনের উপর প্রযুক্ত চাপ (সাম্যাবস্থার গ্যাসের চাপ) $P_1 = m_1 g/\alpha$ হাস পাইয়া $P_2 = m_2 g/\alpha$ হইবে। গ্যাসের

আরতন বৃদ্ধি পাইর। V_{\bullet} -এর স্থলে V_{\bullet} হইবে। এই সমরে গ্যাস বে পরিমাণ কার্য করে তাহা হইবে

$$W_1 = \frac{m_s g}{\alpha} (V_s - V_1) = P_s (V_s - V_1)$$

গ্যাস তাপীর উৎস হইতে সম পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিবে এবং ইহারই ফলে উহার উষ্ণতা স্থির থাকে।

পিন্টনের উপর ভর m_2 -এর পরিবর্তে পুনরায় m_1 করিলে গ্যাসের আয়তন V_2 হইতে সম্কুচিত হইয়া V_1 হইবে। এই সময়ে গ্যাসের উপর বে কার্য করা হইবে তাহা হইতেছে

$$W_s = \frac{m_1 g}{a} (V_1 - V_2) = -P_1 (V_2 - V_1)$$

গ্যাসের উপর কার্য করা হইতেছে বলিয়া ইহা একটি ঝণাত্মক রাশি। উক্তা ক্থির রাখিবার প্রয়োজনে গ্যাস এই সময়ে $\Omega_{\rm g}=W_{\rm g}$ পরিমাণ তাপ তাপীয় উৎসে বর্জন করিবে।

 $P_s \! < \! P_1$ এবং সেই কারণে $W_s \! > \! W_1$ হইবে। এই আবর্তনে (cyclic change) গ্যাসের উপর মোট কার্য হইবে

$$\Delta W = (P_1 - P_2)(V_2 - V_1) \qquad \cdots \qquad (5.1)$$

গ্যাস পূর্বের অবস্থার প্রত্যাবর্তন করিয়াছে, সূতরাং গ্যাসের উপর এই বাড়তি কার্বের ফলে অন্যন্ত অবশাই কিছু পরিবর্তন সৃষ্টি হইবে। এই পরিবর্তনের সমর গ্যাস কেবলমান্ত বাহিরে তাপীর উৎসের সঙ্গে তাপ বিনিমর করিতে পারে। সেই কারণে গ্যাস তাপীর উৎসের সিঞ্জিল তাপ বর্জন করিবে। অতএব পিস্টানের উপর ভর একবার মান্ত পরিবর্তন করিয়া যে পথে গ্যাসের সাম্যাবস্থার পরিবর্তন সম্ভব সেই পথকে আমরা উৎক্রমনীর পথ বলিতে পারি না। লক্ষ্য করা বায় যে, গ্যাস পূর্বের অবস্থায় ফিরিয়া আসিয়াছে বটে কিছু যে পথে তল্ফের পরিবর্তন হইয়াছে ঠিক সেই পথেই উহাকে ফিরাইয়া আনা সম্ভব হয় নাই।

একই পরিবর্তনের জন্য অন্য একটি বিকল্প পদ্ধতি চিন্তা করা বাক। প্রথমে পিশ্টনের উপর ভর হ্রাস করিয়া $(m_1+m_2)/2$ করা হইল। ইহার ফলে গ্যানের আরতন হইবে $V(V_1{<}V{<}V_2)$ । পরে ভর m_2 করা

হইলে স্থাসের আরতন V_{s} হইবে। এই দৃই পর্যারে গ্যাস মোট বে কার্য করে ভাহা হর

$$W' = \frac{P_1 + P_2}{Q}(V - V_1) + P_2(V_2 - V)$$

পরে পিন্টনের উপর পর্যায়ক্রমে $\frac{m_1+m_9}{2}$ ও m_1 ভর রাখিলে গ্যাসের আরতন প্রথমে V ও পরে V_1 হইবে। স্ভভ্তকের অভ্যন্তরে গ্যাসকে এইভাবে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনিবার সময় উহার উপর যে কার্য করিতে হয় তাহা হইবে

$$W' = \frac{P_{1} + P_{2}}{V(V - V_{2}) + P_{1}(V_{1} - V)}$$
$$-\frac{P_{1} + P_{2}}{V(V_{2} - V) - P_{1}(V - V_{1})}$$

গ্যাসের উপর কার্য করা হইতেছে বলিয়া ইহা একটি ঝণাত্মক রাশি।

এই আবর্তনে গ্যাসের উপর মোট কার্য হইবে

$$\Lambda W = \frac{1}{2} (P_1 - P_2) (V_3 - V_1)$$
 ... (5.2)

এবং এই সময়ে গ্যাস তাপীয় উৎসে সম পরিমাণ তাপ বর্জন করিবে। একই কারণে এই পরিবর্তনও উৎক্রমনীয় পরিবর্তন নয়। হিসাব করিয়া দেখানো যায় যে, n-পর্যায়ে পিন্টনের উপর প্রতিবার $\delta m = \frac{m_1-m_2}{n}$ পরিমাণ ভর হ্রাস করিয়া আয়তন V_2 হইবার পরে পুনরায় পিন্টনের উপর ভর একই হারে বৃদ্ধি করিয়া n-পর্যায়ের পর উহাকে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনিলে আবর্তনে গ্যাসের উপর মোট কার্য হইবে

$$\Delta W = \frac{1}{n} (P_1 - P_2)(V_3 - V_1) \qquad \cdots \qquad (5.3)$$

দেখা গোল, এই পরিবর্তনও অনুংক্রমনীয় পথে অনুষ্ঠিত হইয়াছে। কেবলমার এই আবর্তনে গ্যাসের উপর যে কার্য করা হয় এবং গ্যাস তাপীয় উৎসে যে তাপ বর্জন করে, তাহার পরিমাণ হ্রাস পাইয়াছে। বলা যাইতে পারে বে, কোন সসীম পরিবর্তনের জন্য পর্যায়ক্রম (number of steps) বৃদ্ধি করিলে অনুষ্ঠ্রমনীয়তা হ্রাস পায়। প্রাত্তিক সীমায় $n \to \infty$ ইইলে $\Delta W \to 0$ হইবে। এই উপায়ে পরিবর্তনের পর গ্যাস প্রারম্ভিক অবস্থায়

কিরির। জাসিবে এবং পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে কোন পরিবর্তন থাকিবে না $[\Delta Q = \Delta W = 0]$ । এই পরিবর্তনকে আমরা উৎক্রমনীর পরিবর্তন এবং বে পথে গ্যাসের এই পরিবর্তন হইরাছে তাহাকে উৎক্রমনীর পথ বালরাছি। উল্লেখ করা বার বে, উপরের আলোচনার ভঙ্ক ও পিস্টনের মধ্যে ঘর্ষণ-বল সম্পূর্ণরূপে অনুপন্থিত ধরিরা লওরা হইরাছে—যতই সতর্কতা অবলয়ন করা বাক না কেন ইহা কখনই সম্ভব নর। এই কারণে বালতে পারি বে, উৎক্রমনীরতা একটি আদর্শ ও প্রান্তিক মনন মাত্র (reversibility is an ideal and limiting concept)। বাভ্তবে কোন পরিবর্তনই সঠিকভাবে উৎক্রমনীর পরিবর্তন নয়।

5'4. উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে প্রয়োজনীয় কার্য (Work in a reversible change):

তল্যের অবস্থা পরিবর্তন করিতে তাপ ও কার্ষের প্রয়োজন, এবং উহাদের পরিমাণ কেবলমার প্রারম্ভিক ও অন্তিম সাম্যাবস্থার উপর নির্ভর করে না। এক সাম্যাবস্থা হইতে তল্ম কি ভাবে বা কোন্ অবস্থার মধ্য দিয়া অন্য সাম্যাবস্থার পৌছিরাছে তাহারই উপর তাপ ও কার্ষের পরিমাণ নির্ভর করে। উৎক্রমনীর পরিবর্তনের জন্য সহজেই প্রয়োজনীর তাপ ও কার্য হিসাব করা যার। এজন্য তল্যের অবস্থার সমীকরণ জানা প্রয়োজন। উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের করেকটি ক্রেন্তে এই কার্ষের হিসাব দেওয়া গেল।

1. আবর্শ গ্যাসের সমোক উৎক্রমনীয় প্রসারণ (Isothermal reversible expansion of an ideal gas)—মনে করা যাক, একটি ভন্তকের অভ্যন্তরে আবদ্ধ অবস্থায় কিছু পরিমাণ আবর্ণ গ্যাস আছে। ভন্তকের মুখে পিস্টনটি ভন্তক গাতে কোন ঘর্ষণ-বল প্রয়োগ না করিয়া এক প্রাত্ত হইতে অন্য প্রান্তে চলাচল করিতে পারে। ভন্তকটিকে নির্দিন্ট উকতার কোন তাপীর উৎসের উপর রাখিয়া আপাত-সামার উপারে পিস্টনটি অগ্রসর হইলে সমোক উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে গ্যাসের আরতন প্রসারিত হয়। মনে করি, আবর্ণ গ্যাস-ক্রেল তাপীর উৎসের উকতা T। এই ভাবে ভন্তকের অভ্যন্তরে গ্যাস সাম্যাবন্থা (P_1, V_1, T) হইতে অন্য একটি সাম্যাবন্থা (P_2, V_3, T)-তে পৌছাইয়ছে।

চাপ P অবস্থার, ঘর্ষণ-বলের অনুপদ্খিততে, আরতনের অণু প্রসারণ dV হুইলে গ্যাস কর্মে করে $\delta W = PdV$

ं. মোট कार्य दहेरव
$$W = \int_{\mathbf{v_1}}^{\mathbf{v_2}} P dV = RT \int_{\mathbf{v_1}}^{\mathbf{v_2}} \frac{dV}{V}$$
$$= RT \ln \frac{V}{V} \qquad \cdots \qquad (5.4)$$

একেটে এক গ্লাম-সণু আদর্শ গ্যাস কল্পনা করা হইরাছে। লক্ষ্য করা যায়, আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তনের জন্য অবস্থার সমীকরণ PV=RT-র সাহাযো সমাকলটি কযা সম্ভব হইয়াছে। বেহেতৃ $V_{\rm s}\!>\!V_{\rm s}$ সেই কারণে W ধনাত্মক রাশি। তল্ফ নিজে কার্য করিলে উহা ধনাত্মক রাশি বিলিয়া বিবেচিত হয়।

আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে সমোক উৎক্রমনীর পরিবর্তনে কার্য

$$W_{rev} = RT \ln \frac{V_a}{V_a}$$

গ্যাসের উপরে চাপ প্রথমেই $\mathbf{P_1}$ -এর পরিবর্তে $\mathbf{P_2}$ করিবার পরে ঐ অবস্থার আরতন প্রসারিত হইলে, অনুংক্রমনীয় কার্য হইবে

$$W_{irrev} = P_a(V_a - V_1)$$

$$= RT - P_aV_1 = RT\{1 - \frac{V_1}{V_a}\}$$

এক্ষেত্রে দেখা গেল যে, আয়তনের সমোক পরিবর্তন অনৃংক্রমনীয় ও উংক্রমনীয় উভয় পদ্ধতিতেই সম্ভব কিছু শেষোক্ত ক্ষেত্রে কার্যের পরিমাণ বেশী *। এই সিদ্ধান্তটি তাপগতিতত্ত্বে বিশেষ গৃরুত্বপূর্ণ এবং সাধারণ ভাবে তল্মের ষে কোন পরিবর্তনের জন্যই ইহা প্রযোজ্য।

এক্ষেরে উল্লেখ কর। যায় যে, তাপীয় উৎসের সংস্পর্শে থাকায় শুস্তকে

+ ধরা বাক,
$$V_z/V_1 = x$$

বেছেড়, $e^-\left(1 - \frac{1}{x}\right) = 1 - \left(1 - \frac{1}{x}\right) + \frac{1}{2!}\left(1 - \frac{1}{x}\right)^n - \frac{1}{3!}\left(1 - \frac{1}{x}\right)^n + \cdots$

$$= \frac{1}{x} + \epsilon_1^n \quad e = 4$$
নামক রাশি

গ্যাসের উক্তা ক্থির থাকে। আরতনের পরিবর্তন উৎচেমনীর পদাতিতে হইকে তাপ সংগ্রহও উৎচুমনীর উপায়ে হইরা থাকে।

$$Q_{rev} = \frac{Wrev}{J} = \frac{RT}{J} \text{ ln. } \frac{V_*}{V_*}$$

2. ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের উৎক্রেমনীয় সমোক প্রসারণ (Reversible isothermal expansion of Van-der waals' gas) ঃ অবস্থার সমীকরণ হইতে ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য লেখা যার

$$P = \frac{RT}{V-b} - \frac{a}{V^2}$$
 (1 গ্রাম-অণু গ্যাসের জন্য)

উৎক্রমনীয় সমোব্দ প্রসারণে গ্যাসের আরতন ${
m V}_{f 1}$ হইতে ${
m V}_{f 2}$ হইলে কার্য

$$W_{s} = \int_{\mathbf{v}_{1}}^{\mathbf{v}_{2}} \mathbf{P} d\mathbf{V} - \int_{\mathbf{v}_{1}}^{\mathbf{v}_{2}} \left[\frac{\mathbf{RT}}{\mathbf{V} - b} - \frac{a}{\mathbf{V}^{s}} \right] d\mathbf{V}$$

$$= \mathbf{RT} \ln \frac{\mathbf{V}_{s} - b}{\mathbf{V}_{1} - b} - a \left(\frac{1}{\mathbf{V}_{1}} - \frac{1}{\mathbf{V}_{2}} \right) \quad \cdots \quad (5.5)$$

3. আদর্শ গ্যাবের রুদ্ধভাগ উৎক্রেমনীয় প্রাসারণ (Reversible adiabatic expansion of an ideal gas): মনে করা বাক, পূর্বের পরীক্ষার ভন্তক এবং পিগ্টন উভয়রেই তাপ কু-পরিবাহী পদার্থে তৈরারী। আয়তন প্রসারশের সময় পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময় হইতে পারে না বিলয়া ইহাকে রুদ্ধতাপ প্রসারণ বলা হইবে। পিশ্টনের উপর ভর পরিবর্তন সসীম বা finite হইলে গ্যাসের প্রসারণ অনুংক্রমনীয় পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইবে। পিশ্টনের উপর ভর পর্যায়ক্রমে অণু পরিমাণ (dm→0) হ্রাস করিলে উৎক্রমনীয় প্রসারণ সভব হয়। পূর্বেই উল্লেখ করা হইয়ছে বে, পিশ্টন ও ভন্তক গাত্রের মধ্যে ঘর্ষণ-বল অনুপদ্থিত। গ্যাস নিজের আয়র-শক্তির বিনিময়ে এই কার্য করিবে, ফলে উহার উক্তা হ্রাস পাইবে।

গ্যাসের আরতন অণু পরিমাণ বৃদ্ধি পাইলে গ্যাস কার্য করে $\delta W = P dV$ । অতএব ক্ষম্কতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তনে গ্যাসের আরতন V_{a} -এর পরিবর্তে V_{a} হইলে গ্যাস মোট কার্য করে

$$W = \int_{1}^{2} \delta W = \int_{V_{1}}^{V_{2}} P dV$$

আদর্শ গ্যাসের রন্ধতাপ পরিবর্তনে $PV^{\gamma} = K$ (ধ্রুবক)

$$\therefore W = K \int_{\mathbf{V}_1}^{\mathbf{V}_2} \frac{d\mathbf{V}}{\mathbf{V}^{\gamma}} = \frac{K}{\gamma - 1} \left[\mathbf{V}_1^{1 - \gamma} - \mathbf{V}_2^{1 - \gamma} \right]$$

প্রারম্ভিক ও অভিম সাম্যাবন্থায় গ্যাসের চাপ \mathbf{P}_{s} ও \mathbf{P}_{s} হইলে

$$P_{\mathbf{1}}V_{\mathbf{1}}{}^{\gamma} = P_{\mathbf{2}}V_{\mathbf{2}}{}^{\gamma} = K$$

অতএব
$$W = \frac{1}{\gamma - 1} [P_1 V_1 - P_2 V_2]$$
 ... (5.6)

মনে করি, ভন্তকের অভ্যন্তরে 1 গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস রহিয়াছে এবং উহার প্রারম্ভিক ও অন্তিম উক্তা বথাক্রমে T_1 ও T_2 (আদর্শ গ্যাস-ক্ষেলে)। সেই ক্ষেত্রে $P_1V_1=RT_1$ এবং $P_2V_2=RT_2$ ।

$$W = \frac{R}{\gamma - 1} (T_1 - T_2) = C_v (T_1 - T_2)$$

$$C_p - C_v = R \text{ ags } \frac{C_p}{C_n} = \gamma$$
(5.7)

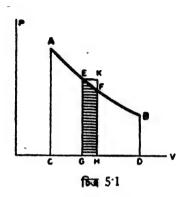
লক্ষ্য করা যায় যে, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে মোট কার্য উক্ষতা পরিবর্তনের সমান্পাতিক। প্রথম সূত্র হইতে সরাসরি সমীকরণ (5'7)-এ পৌছানো যাইতে পারে।

5.5. সূচক চিত্রের সাহায্যে উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে কার্যের হিসাব (Indicator diagram and work done in a reversible change):

উৎক্রমনীয় পরিবর্তন চলা কালে আপাত দৃষ্টিতে তক্ম প্রতিটি মৃহুর্তে সাম্যাবস্থায় থাকে। সেই কারণে প্রারম্ভিক ও অন্তিম সাম্যাবস্থায় মধ্যে বিভিন্ন পর্বায়ে তক্মের তাপগতীয় স্থানাক্ষ বা স্থিতিমাপ জানা সম্ভব। এই স্বিধার জন্য উৎক্রমনীয় পরিবর্তন স্চক চিত্রের সাহাষ্যে নির্দেশ করা যায়। স্চক চিত্রের সাহাষ্যে উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে সরাসরি কার্ষের হিসাব করিতে পারি।

আলোচনার জন্য আমরা একটি রাসায়নিক তদ্ম চিন্তা করি। চাপ ও আয়তন নিরপেক চল হইলে স্চক চিন্ত হইবে P-V লেখ। মনে করি, রাসায়নিক তদ্মের কোন পরিবর্তন স্চক চিন্তে (চিন্ত $5\cdot1$) AB স্বারা

নির্দেশ করা হইরাছে। অন্তর্বতাঁ সাম্যাবন্থা AB রেখার বিভিন্ন বিন্দুর স্থানাক্ষ হইতে জ্ঞানা বাইবে। এই উৎক্রমনীর পরিবর্তন তল্পের অসংখ্য অণু-পরিবর্তনের ফলে সম্ভব হইরাছে। অন্তর্বতাঁ সমরে GH আরতনের অণু-প্রসারণ বৃঝাইতেছে। বেহেতু আরতনের অণু-পরিবর্তন হইরাছে সেই কারণে বলা যার বে, এই সমরে চাপের বিশেষ কোন তারতম্য হর নাই। এই অণু-পরিবর্তন চলাকালে চাপ $GE{\simeq}HF$ ।



আরতনের অণু-প্রসারণে তন্ম δW কার্য করিবে এবং

$$\delta W = PdV = GE \times GH$$

किंद् ; GE×GH= □ EGHK= □ EGHF+ ⊿EKF

অণু-পরিবর্তনের প্রান্তিক সীমায় $dV \to 0$ হইলে $F \to E$ এবং সেক্ষেত্রে $K \to F$ হইবে। অতএব অণু-পরিবর্তনের জন্য প্রকৃতপক্ষে $\delta W =$ ক্ষেত্র EGHF। তন্ত্র A সাম্যাবন্দ্রার পরিবর্তিত হইবার সময় মোট কার্য

$$W = \int_{A}^{B} \delta W = \int_{A}^{B} P dV = \sum_{A \to B} [\text{CFF } EGHF]$$
$$= \text{CFF } ABDC$$

সূচক চিত্রে AB আনর্শ গ্যাসের সমোক লেখ হইলে, $A(P_1,V_1,T)$ অবস্থা হইতে $B(P_2,V_2,T)$ অবস্থায় পরিবর্তনের সময় কার্য W হইবে

$$W = cross ABDC = RT ln. \frac{V}{V_1} = RT ln. \frac{P_1}{P_2}$$

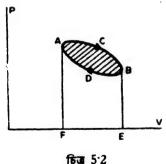
আৰার আদর্শ গ্যাসের রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে $A(P_1,\,V_1,\,T_1)$ অবস্থা হইতে $B(P_a,\,V_a,\,T_a)$ অবস্থার পরিবর্তনের সময় কার্য হইবে

$$W =$$
CPT $ABDC = C_v(T_1 - T_2)$

পরিবর্তন যে ভাবেই হউক না কেন. মোট কার্য ক্ষেত্র ABDC অর্থাৎ লেখ AB ও আরতন-অক্ষের অন্তর্ভূত কেন্তের কেন্ত্রুলের সমান । আমরা কেবল-মাত্র রাসার্যনিক তল্ডের আলোচনা করিলেও এই পদ্ধতিতে যে কোন তল্ডের জনা উৎক্রমনীয় কার্যের হিসাব পাওয়া যায়।

5'6. উৎক্রমনীয় আবর্ত প্রক্রিয়া ও সুচক চিত্র এবং কার্যের হিসাব (Reversible cyclic process indicator diagram and calculation of work):

কোন উৎক্রমনীয় পথে তব্দ পরিবতিত হওয়ার পর অন্য একটি উৎক্রমনীয় পথে উহা প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসিলে ঐ প্রক্রিয়াকে উৎক্রমনীয় আবর্তন বলে। উৎক্রমনীয় আবর্তন সূত্রক চিত্রে একটি বন্ধ-লেখ (closed curve) দ্বারা নির্দিন্ট হইবে। সচক চিত্র (5'2)-এ কোন তল্পের উৎক্রমনীয় আবর্ডন ACBDA লেখ দ্বারা বৃঝানো হইয়াছে। প্রথমে



f ACB পরিক্রমায় তব্দ্ব f A অবস্থা হইতে f B অবস্থায় পরিবতিত হইয়াছে এবং পরে BDA পরিক্রমায় পুনরায় $\mathrm A$ অবস্থায় ফিরিয়া আসিরাছে। এই আবর্তন কালে ACB পথে তল্ম নিব্লে কার্য করিবে এবং BDA পথে উহার উপর কার্য করা হইবে। মোট বা নীট কার্য হইবে এই দুই ভিন্ন পথে কার্যের অন্তর্ফল।

ACB উৎক্রমনীয় পথে তল্ম বে পরিমাণ কার্য করিয়াছে, অনুচ্ছেদ (5·5)-এর আলোচনা অনুসারে তাহা হইবে

W, = (ACBEFA

একই ভাবে BDA পথে তলের উপর যে কার্য করা হয় তাহা হইবে $W_{\bullet} =$ কেন্ত BDAFEB

অতএব এই আবর্তনে মোট কার্য হইবে

AW=W₁-W₂=(季亞 ACBEFA-(季亞 BDAFEB =(季亞 ACBDA

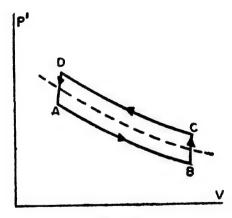
অর্থাৎ উৎক্রমনীর আবর্তনে মোট বা নীট কার্য হইবে চক্র-বেন্টিত ক্ষেত্রের ক্ষেত্র-ফলের সমান। উৎক্রমনীয় পরিক্রমায় তল্তের অবস্থা পরিবর্তনের পর একই পথে উহা প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসিলে স্চক চিত্রে কোন আবদ্ধ ক্ষেত্র উৎপার হয় না। এই কারণে বলিতে পারি যে, এক্ষেত্রে মোট কার্যের পরিমাণ শূন্য হইবে। সম্মুখ পরিক্রমায় তল্ত নিজে কার্য করিলে বিপরীত পরিক্রমায় তল্তের উপর একই পরিমাণ কার্য করা হইবে।

তদ্ম প্রারম্ভিক অবস্থায় প্রত্যাবর্তন করায় $\Delta U = 0$ এবং যেহেত্ $\Delta W = 0$ সেই কারণে $\Delta Q = 0$ হইবে। অর্থাৎ দেখা গেল যে, উৎক্রমনীয় পথে ভল্মের পরিবর্তনের পর একই পথে উহাকে ফিরাইয়া আনিলে বহির্বিশ্বে কোখাও কোন পরিবর্তন থাকিয়া বাইবে না। কিন্তু অন্য একটি উৎক্রমনীয় পথে উহাকে ফিরাইলে অবশ্যই কার্য পাওয়া সম্ভব এবং সেই সঙ্গে পারিপাশ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময়ও হইবে। উৎক্রমনীয় পথি সূচক চিত্রে সেই পথ বে পথে তল্মের পরিবর্তনের পর ঐ একই পথে উহাকে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনা সম্ভব (reversible path is also a retraceable path)। বেহেত্ অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তনের পর তল্ম প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিকো পারিপাশ্বিক মাধ্যমে বা বহির্বিশ্বে কোন না কোন পরিবর্তনের পর ঐ একই পথে উহাকে পরিবর্তনের পর ঐ একই পথে উহাকে ভারম্ভিক অবস্থায় ফিরিকো পারিপাশ্বিক মাধ্যমে বা বহির্বিশ্বে কোন না কোন পরিবর্তনের পর ঐ একই পথে উহাকে ফিরাইয়া আনা সম্ভব নর (irreversible change cannot be completly anulled and as such irreversible path cannot be retraced)।

বে কোন আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তনকেই সূচক চিত্রের সাহাষ্ট্রে বৃঝানো বাইতে পারে। আমরা পূর্বেই বলিয়াছি ষে, আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন বলি ধর্মণ বা ঐ জাতীয় শক্তিকরী কারণ বর্তমান থাকা অবস্থায় অনুষ্ঠিত হয় তবে সেই পরিবর্তনকে আমরা অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন বলিব। প্রকৃতপক্ষে এই অবস্থায় একই পথে তল্যকে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনা সম্ভব নয় । একটি উদাহরণ দিলে এই বক্তব্য পরিক্রার হইবে।

ঘর্ষণের কারণে কোন গুছকের মধ্যে গ্যাস সংনমিত হওয়ার সময় পিস্টনের উপর প্রযুক্ত চাপ P' গ্যাসের চাপ P অপেক্ষা বেশী হওয়া প্রয়োজন। পক্ষাররে ঐ অবস্থায় গ্যাসের চাপ অপেক্ষা পিস্টনের উপর প্রযুক্ত চাপ কম হইলে তবেই গ্যাসের আরতন বৃদ্ধি পাইতে পারে। প্রসারণ ও সংনমন আবর্তনে P'-V লেখ চিত্র (5.3)-এ দেখানো হইয়াছে। মাঝখানে অন্কিত লেখটি ঘর্ষণ অনুপস্থিতিতে উৎক্রমনীয় পথ নির্দেশ করে। অনুংক্রমনীয় পথে আয়তনের অণু-পরিবর্তনে কার্য P'dV এবং আবর্তনে মোট কার্য হইবে

$$\Delta W = \oint P' dV = c \Rightarrow a ABCDA \neq 0$$



fa 5.3

গ্যাস প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরিরা আসিরাছে বলিরা আন্তর-শক্তির কোন পরিবর্তন হর না, $\Delta U=0$ কিন্তু $\Delta Q=\Delta W\neq 0$ । দেখা গেল, এই অবস্থার পারিপার্থিক মাধ্যমে কোন পরিবর্তন না রাখিরা ভঙ্কেরে গ্যাসকে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইরা আনা সম্ভব নর । উল্লেখ করা যার বে, এই আবর্তনে গ্যাসের

উপর বাহির হইতে কার্ব করা হইবে এবং সমপরিমাথ তাপ পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে নিক্ষিপ্ত হইবে অথবা তব্যের উক্তা বৃদ্ধিতে ব্যারত হইবে। ঘর্ষণের দরুশ বান্দ্রিক শক্তি তাপ শক্তিতে রূপান্তরিত হইরাছে।

প্রশ্নমান্সা

- উৎক্রমনীয় ও অনৃৎক্রমনীয় পরিবর্তন বলিতে কি বৃঝ ? উদাহরশের
 সাহাব্যে ইহাদের প্রত্যেকটিকে বৃঝাইয়া দাও। 'উৎক্রমনীয়তা একটি আদর্শ
 কল্পনা মাত্র' বৃত্তিসহ আলোচনা কর।
- 2. উৎক্রমনীয় ও অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের অর্থ বৃথাইয়া বল। গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণকে উৎক্রমনীয় অথবা অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তন বলিবে? উৎক্রমনীয় পরিবর্তনকে সূচক চিত্রে দেখানো বায় কিছু অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনে তাহা সম্ভব নয় কেন?
- 3. উৎক্রমনীয় পরিবর্তন ও উৎক্রমনীয় পথ বলিতে কি বৃঝ? দেখাও বে স্চক চিত্রে উৎক্রমনীয় পথটি নির্দিন্ট করিতে পারিলে ঐ পরিবর্তনে কার্বের হিসাব পাওয়া যায়।

মন্ত পরিচ্ছেদ

তাপগতিতত্ত্বের গিতীয় হুত্র (Second law of Thermodynamics)

61. ক্রিভীয় সূত্রের প্রয়োজনীয়তা %

সমীকরণ (4.7a) প্রথম-স্ত্রের গাণিতিক রূপ। লক্ষ্য করা যায় যে, ঐ সমীকরণে δQ অসম্পূর্ণ অবকল (inexact differential) এবং এই কারণে আংশিক অবকলন পদ্ধতি (partial differential calculus) প্রয়োগ করা সম্ভব নয়। আমরা জানি (2.7 অনুচ্ছেদ দুন্টব্য) কোন অসম্পূর্ণ অবকলকে সমাকল গৃণিতকের সাহায্যে সম্পূর্ণ অবকলে পরিণত করা যাইতে পারে। প্রশ্ন হইতেছে δQ -এর ক্ষেত্রে কি এইরূপ সমাকল গৃণিতক আছে ? থাকিলে তাহা কিরূপে নির্ণয় করা যাইবে ? তাপগতিতত্ত্বের দ্বিতীয় সূত্র এই প্রশ্ন ও তাহার মীমাংসার সহিত ঘনিষ্ঠভাবে যুক্ত। বস্তুতঃ দ্বিতীয় সূত্র হইতে প্রমাণ করা যায় যে, δQ -এর ক্ষেত্রে সমাকল গৃণিতকের অক্তিম্ব আছে এবং এই সূত্র হইতে ঐ গৃণিতক নির্ণয় করাও সম্ভব।

প্রথম স্ত্রের আলোচনার আমরা দেখিয়াছি যে, উহার বক্তব্য একটি নির্দিন্টরূপে প্রকাশ করা যার। বিভিন্ন লেখক মোটামুটিভাবে একই বিবৃতিতে
প্রথম স্ত্রকে ব্যক্ত করিয়াছেন। বিতীর স্ত্রের ক্ষেত্রে কিন্তু এ-বিষয়ে কিছু
বৈশিষ্ট্য আছে। উহার আলোচনার দেখা যার, বিভিন্ন লেখক বিভিন্ন
প্রকারে এই স্ত্র বিবৃত করিয়াছেন। পরে অবশ্য দেখা গিয়াছে বিবৃতিগুলিতে
আপাত বিভিন্নতা থাকিলেও মূলতঃ তাহারা পরস্পরের সহিত সম্পূর্ণ তুল্য
(equivalent)।

এই সকল বিভিন্ন বিবৃতির মধ্যে একটি বিবৃতি আবার অনাগৃলি হইতে অনেকখানি পৃথক্। ইহা ক্যারাখিওডরি (Carathe'odory) নামক ফরাসী গণিতজ্ঞ কর্তৃক বিবৃত হইরাছিল বিলয়া ইহাকে ক্যারাখিওডরি সূত্র (Carathe'odory's principle) বলা হয়। ইহার কাঠামো সম্পূর্ণ গাণিতিক ও ১০ এই অসম্পূর্ণ অবকলের সমাকল গৃণিতক থাকিতে গেলে তাপগতীর ভক্তের যে গৃণাগৃণ থাকা প্রয়োজন তাহারই উপর জার দিয়া এই বিবৃত্তি রাচিত। খিতীর স্তের এই কাঠামোতে অতি সহজে সমাকল

গুণিতক নির্ণরের সুবোগ আছে। কিন্তু ক্যারাখিওডার কর্তৃক আলোচনা সূত্রগাতের পূর্বেই সম্পূর্ণ ভিন্ন দৃতিকোণ হইতে দিতীর সূত্রের প্রয়োজনীরতা উপলব্ধি করা হইরাছে। প্রথম-সূত্রের প্রস্তাবনার অব্যবহিত পরেই ইহার সীমিত ক্ষমতা ও বক্তব্যের অসম্পূর্ণতা দৃতিগোচর হওরায় দিতীর সূত্রের আলোচনার সূত্রপাত হয়। দিতীর স্ত্রের এই বির্তিতে সমাকল গুণিতক নির্ণর করা সন্তব হইলেও (এন্ট্রাপি আলোচনা প্রত্ব্য) প্রস্তাবনার মূল উদ্দেশ্য ভিন্ন ছিল।

প্রথম স্তের প্রভাবনার ন্যায় বিতীর স্তের এই প্রভাবনাও একটি সাধারণ প্রাকৃতিক নিরমের পুনরাবৃত্তি বা পুনকৃত্তি মাত্র। প্রথম সূত্রে বলা হইরাছে তাপ ও বাল্ডিক শক্তি পরস্পরের মধ্যে রূপান্তরের সমর একে অনোর পরিপ্রক হইবে। রূপান্তরের গতিমুখ নির্দেশ ও উহার সীমা নির্ধারণ (direction and limit of transformation) সম্পর্কে প্রথম স্ত্রে কোন উল্লেখ করা হর নাই। নিম্নে করেকটি উদাহরণের সাহাযো প্রথম স্ত্রের সীমিত ক্ষমতা ও বস্তব্যের অসম্পূর্ণতা বিশ্বদভাবে আলোচনা করা হইল।

- 1. তামা ও দন্তার দুইটি দণ্ড লঘু H_sSO_s দ্রবণে ডুবানো অবস্থার পরিবাহী তার ধারা যুক্ত হইলে রাসায়নিক শক্তি বিদ্যুৎ শক্তিতে রূপান্তারত হয়, ফলে পরিবাহীতে বিদ্যুৎ প্রবাহের সৃষ্টি হয়। ইহা এক প্রকার তাপগতীর রূপান্তর। রাসায়নিক বস্তুর আন্তর-শক্তি (internal energy) বিদ্যুৎ-শক্তিতে রূপান্তরিত হইতেছে। প্রথম সূত্র হইতে আমরা কেবল বলিতে পারি বে, বিদ্যুৎ শক্তি বে পরিমাণে উৎপন্ন হইবে আন্তর-শক্তি সেই পরিমাণে কমিবে। কিল্পু রাসায়নিক শক্তি কেন বিদ্যুৎ শক্তিতে রূপান্তরিত হইবে এবং কেন বহির্বর্তনীতে বিদ্যুৎ প্রবাহ তামা হইতে দন্তার দিকে হইবে এই প্রশ্নের উত্তর প্রথম সূত্রের পক্তে দেওয়া সম্ভব নয়।
 - 2. একটি রাসায়নিক বিক্রিয়ার কথা চিন্তা করা যাক, PCI + CI ≠ PCI + U

ফস্করাস ট্রাইক্রোরাইড ও ক্লোরন মিশ্রণে ফস্করাস পেণ্টাক্রোরাইড উৎপন্ন হর এবং U ক্যালোরি তাপ বিমোচন হর। বিপরীত ক্রিরার ফস্করাস পেণ্টাক্রোরাইড U ক্যালোরি তাপ শোষণ করিরা ফস্করাস ট্রাইক্রোরাইড ও ক্রোরিনে বিশ্লোবিত হর। একণে PCI, CI, ও PCI, মিশ্রণে PCI, ও CI,-এর বিক্রিরার আরো অধিক্রমায়ার PCI, সৃণ্টি হইবে অথবা PCI,

বিজ্ঞোনত হইরা অধিক পরিমাণে Cl, ও PCl, উৎপন্ন হইকে প্রথম সূত্র হইতে এই সম্পর্কে কোন নির্দেশ পাওয়া যায় না।

- 3. ভিন্ন উক্তার দুইটি তাপীয় বস্তৃ A ও B-এর মধ্যে সংযোগ স্থাপিত হইলে প্রথম সূত্র হইতে আমরা বলিতে পারি যে, উহাদের মধ্যে একটি Q-ক্যালরি তাপ বর্জন করিলে অন্যটি Q-ক্যালরি তাপ গ্রহণ করিবে। কিন্তু তাপ A হইতে B-তে অথবা B হইতে A-তে চালিত হইবে এই প্রশ্নের মীমাংসার সুযোগ প্রথম সূত্রে অনুপক্ষিত। আমরা জানি, উক্তর তাপীয় বস্তৃ হইতে তাপ কম উক্তার বস্তৃতে চালিত হয়। কিন্তু তাপীয় বস্তৃর উক্তার তারতম্য সম্পর্কে প্রথম সূত্রে কোন উল্লেখ নাই।
- 4. প্রাত্যহিক জীবনের অভিজ্ঞতায় যাল্যিক শক্তি সম্পূর্ণভাবে তাপশক্তিতে (তল্মের আন্তর-শক্তিতে) রূপার্ডারত হইবার অনেক দৃষ্টান্ত আছে ।
 বেমন, হাতুড়ি লোহখণ্ডে আঘাত করিয়া নিজে থামিয়া গেল এবং লোহখণ্ড ঐ
 আঘাতে উত্তপ্ত হইল । প্রশ্ন আসিবে, কোন একটি বস্তুর আন্তর-শক্তি
 সম্পূর্ণভাবে যাল্যিক শক্তিতে রূপান্তরিত হইতে পারিবে কি না ? প্রথম স্ত্রের
 বিচারে এই প্রশ্নের উত্তর পাওয়া সম্ভব নয় ।

পরবর্তী আলোচনায় দেখিব যে, শক্তির রূপান্তরের প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে পরিবর্তনের গতিমুখ (direction of energy transformation) এবং ঐ পরিবর্তন কতদ্র অগ্রসর হইবে (the extent to which such a transformation takes place) তাহা দ্থির করিতে দিতীয় স্ত্রের একটি বিশেষ ভূমিকা রহিয়াছে। পক্ষান্তরে বলা যায়, যে সকল অভিজ্ঞতার ভিত্তিতে উপরোক্ত প্রশ্নগুলির মীমাংসা করা সম্ভব তাহাই দিতীয় স্ত্রের ভিত্তি রচনা করিবে।

6'2. প্রাক্তিক পরিবর্ভনের বৈশিষ্ট্য (Characteristics of natural changes) :

লক্ষ্য করা যায় যে, প্রকৃতিতে স্বতঃক্ষা ও পরিবর্তন সকল ক্ষেত্রেই একমুখী (unidirectional) এবং প্রতিটি স্বতঃক্ষা ও পরিবর্তন-ই (spontaneous change) অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন। বিতীয় স্তের বস্তব্য এই অভিজ্ঞতার মধ্যে নিবন্ধ রহিরাছে। সেই কারণে কয়েকটি উদাহরণের সাহাধ্যে এই বিষয়টি বিশদভাবে আলোচনা করা হইবে।

1. গ্যানের আয়ভন প্রসারণ—আবদ্ধ গ্যাস সকল সময়ে উচ্চচাপ হইতে নিমুচাপে বাইতে সচেন্ট হয়, ফলে, স্বতঃপ্রণোদিত ভাবে গ্যাসের আয়তন বৃদ্ধি পাইরা থাকে। কোন পাত্রে আবদ্ধ গ্যাস বাধা-মৃক্ত হওয়া মাত্র আরতন-প্রসারশের ফলে বহিঃস্থ বার্মওলের চাপে উপনীত হয়। উল্লিখিত পরিবর্তনের বিপরীত প্রক্রিয়া কখনই সম্ভব নয়। নিজ হইতে গ্যাস বিপরীত পরিক্রমার কখনই প্রারম্ভিক অবস্থায় প্রত্যাবর্তন করে না।

মনে করা রাক, 1 প্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস কোন গুড়কের অভায়রে ঘর্ষণহীন পিন্টন বারা আবদ্ধ । গুড়কটিকে T উক্তার কোন তাপীর উৎসের পরে স্থাপন করা হইল । আবদ্ধ গ্যাস উৎক্রমনীর সমোক উপারে (P_1, V_1, T) অবস্থা হইতে (P_2, V_3, T) অবস্থার $[V_2 > V_1]$ পৌহাইলে গুড়ক ও তাপীর উৎসের মধ্যে বোগাবোগ বিচ্ছিল করা হইবে । এই পরিবর্তনের সমর গ্যাস কার্য করিবে এবং এই কার্যের পরিমাণ

$$\Delta W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = RT \ln \frac{V_3}{V_1}$$

আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে, সমোক পরিবর্তনে $\Delta U = 0$ এবং এই কারণে $\Delta O = \Delta W$ হইবে । এইভাবে কোন উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া তাহার সব্টকুর বিনিময়ে কার্য করা বাইতে পারে কিন্তু সেই সঙ্গে কার্যকরী তন্তারও অবস্থার পরিবর্তন হইবে। অন্যভাবে বলা বার, কার্বকরী তল্ডে কোন পরিবর্তন সৃষ্টি ব্যতীত তাপ সম্পূর্ণভাবে কার্ষে রূপান্তরিত হইতে পারে না। किंदू थे এक्ट उरमात्र वाह्यत-मांख्यत विनिमस्त क्यागठ कार्य कीतरठ গেলে ভদ্তকের গ্যাসকে পুনরায় প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনা প্রয়োজন । এই জন্য আবদ্ধ গ্যাসের উপর কার্য করিতে হইবে । একই তাপীয় উৎসের পরে ভন্তকটিকে স্থাপন করিয়া উৎক্রমনীর সমোক সংনমনে গ্যাসকে পূর্বাবস্থায় ফিরাইরা আন। যাইতে পারে। বিপরীত পরিক্রমায় তন্দ্রের উপর যে কার্য করিতে হয় তাহা পূর্বে গ্যাস বে কার্ব করিয়াছে তাহার সমান। এই সমরে গ্যাস তাপীর উৎসে একই পরিমাণ তাপ বর্জন করিবে। ইহার ফলে, এই আবর্তনে মোটের উপর তাপ হইতে কোন কার্য পাওয়া সম্ভব হইবে না। অতএব দেখা ৰাইতেছে বে কেবলমাত্ৰ একটি তাপীয় উৎসের সাহাব্যে ক্রমাগত কার্য পাওয়া বার না। প্রথম সূত্র অনুসারে ইহাতে কোন বাধা নাই। কিছু ইহা সম্ভব হইলে শক্তি সৃষ্টি না করিরাও আমাদের চতুম্পার্শস্থ বিশাল সমুদ্রের অফুরম্ভ জলরাশি, বারুমওল, পুঞ্জিবীর মৃত্তিকা ও বালুকণা ইত্যাদির আন্তর-শক্তির বিনিষ্কে কাৰ্ব সম্পন্ন হইতে পারিত। দেখা গেল, ইহা কথনই সভব নর।

ভ্রুকটিকে নিমু উক্তার একটি তাপীয় উৎসের (উক্তা \mathbf{T}') উপর

বস্থাইরা উৎদ্রেমনীর সমোক সংনমনে গ্যাসকে পূর্বের আরতনে ফরাইরা লওরা সম্ভব হইবে—এই জন্য প্রয়োজনীয় কার্য

$$\Delta W' = RT' \ln \frac{V_1}{V_s} = -RT' \ln \frac{V_s}{V_1}$$

এই সময়ে তাপীয় উৎসে বর্জিত তাপ $\Delta Q' = \Delta W'$ । এই আবর্তনে উক্তর তাপীয় উৎস হইতে গৃহীত তাপ $\Delta Q = RT$ ln. (V_g/V_1) , মোট সম্পাদিত কার্য R(T-T') $ln. \frac{V_g}{V_1}$ এবং নিমু উক্তার তাপীয় উৎসে বর্জিত তাপ $\Delta Q' = RT'$ ln. (V_g/V_1) । অর্থাৎ ক্রমাগত কোন তাপীয় উৎস হইতে শক্তি সংগ্রহ করিয়া তাহার একটি অংশের বিনিময়ে কার্য করা বাইতে পারে এবং সেজন্য কম উক্তার অন্য একটি তাপীয় উৎসের প্রয়োজন হইবে। দেখা গেল, নানা রকমের শক্তির মধ্যে তাপেশক্তির একটি বিশেষত্ব আছে। অন্য যে কোন রকমের শক্তিন মধ্যে তাপেশক্তির একটি বিশেষত্ব আছে। অন্য যে কোন রকমের শক্তিন বেমন, যাল্রিক শক্তি, বৈদ্যুতিক শক্তি ইত্যাদি স্বতঃস্ফূর্ত ভাবে এবং সম্পূর্ণরূপে তাপশক্তিতে পরিবাঁতত হইতে পারে। কিন্তু তাপশক্তির পক্ষে স্বতঃস্ফূর্তভাবে কখনই যাল্রিক কার্যে রূপান্তরিত হওরা সম্ভব নয়। অর্থাৎ কোন বস্তু কেবলমার উত্তপ্ত হওরা মারই কার্য করিবার ক্ষমতা অর্জন করে না। তাপশক্তির বিনিময়ে কার্য পাইতে বিশেষ বন্দোবন্তের প্রয়োজন এবং কোনক্রমেই তাপশক্তির সম্পূর্ণরূপে যাল্রিক কার্যে রূপান্তরিত হইবে না।

2. ভাপ-পরিবছণ—তাপীর সাম্যে পৌছাইবার পূর্ব মুহূর্ত পর্বত্ত পরিবাহীর উত্তপ্ত প্রান্ত A হইতে শীতলতর প্রান্ত B অভিমূখে তাপ পরিবাহিত হয়। ইহা একটি মৃতঃপ্রণোদিত একমুখী পরিবর্তন। কথনই মৃতঃস্ফৃর্ত-ভাবে শীতলতর প্রান্ত হইতে উত্তপ্ত প্রান্তে তাপ পরিবাহিত হয় না। অথবা সর্বত্র উক্ততা সমান হওয়ার পর পরিবাহী কখনই পূর্বের অবস্থায় ফিরিয়া বায় না। পূর্বের আলোচনায় দেখিয়াছি যে, কোন উৎস হইতে ক্রমাগত তাপ সংগ্রহ করিয়া তাহাকে সম্পূর্ণরূপে কার্যে রূপান্তরিত করা সম্ভব নয়। ইহা সম্ভব হইলে পরিবাহীর উক্তা সর্বত্র সমান হওয়ায় পর B প্রান্ত হইতে শক্তি সংগ্রহ করিয়া যে কার্য পাওয়া যাইবে ঘর্ষণের সাহায্যে সেই কার্য হইতে A প্রান্তকে উত্তপ্ত করা বাইতে পারে। কিছু এইভাবে পরিবাহীকে পূর্বের অবস্থায় ফিরাহীয়া আনিতে গোলে যান্তিক ব্যবস্থায় পরিবর্তন থাকিয়া

বাইবে। একই কারণে কোথাও কোন পরিবর্তন ব্যতীত শীতলতর উৎস হইতে উক্তর উৎসে তাপ-চালনা করা সম্ভব নর ।

3. রাসায়নিক বিক্রিয়া—CuSO, প্রবেল Zn দও ভ্বাইলে বিক্রিয়ার ফলে মৃক্ত অবস্থায় Cu পাওয়া যায় এবং এই সময়ে তাপ উৎপন্ন হয়। বিক্রিয়াটি হইবে—

$$Zn + CuSO_4 \rightarrow Cu + ZnSO_4 + Q cal$$

রাসার্যনিক সাম্য সৃষ্টি না হওয়া পর্যন্ত এই বিচিয়া চালতৈ থাকিবে । এই রাসার্যনিক পরিবর্তন বা বিচিয়া একমুখী স্বতঃস্কৃতি পরিবর্তন । রাসার্যনিক সাম্যে পৌছাইবার পর নিজ হইতে বিপরীতমুখী বিচিয়ায় পুনরায় Zn উৎপার হইবে না বা CuSO, দ্রবণ পূর্বের উক্তায় ফিরিয়া বাইবে না । উৎক্রমনীর কোষের আলোচনায় আমরা দেখিয়াছি যে, বাহির হইতে কার্য করা হইলে (তাড়িং-প্রবাহের ফলে) বিপরীত বিচিয়া সম্ভব হইবে । এক্ষণে বিদ কোনক্রমে উৎপার তাপ সম্পূর্বভাবে কার্যে রূপান্তরিত করা সম্ভব হইত, তবে ঐ কার্যের বিনিময়ে ভায়নামো চালাইয়া যে তাড়িং সৃষ্টি হইবে তাহারই সাহায্যে কোষটিকৈ পূর্বের অবস্থায় ফিরাইয়া আনা যাইত এবং ইহার জনা বাহিরে কোন পরিবর্তন হইত না । কিছু ইহা কখনই সম্ভব হইবে না ।

4. পরিবাহীতে তড়িৎ-প্রবাহ—কোন পরিবাহীর দৃইপ্রান্তে বিভবপ্রভেদ থাকিলে উচ্চ বিভব হইতে নিমু বিভবের দিকে তড়িং চালিত হইয়।
থাকে। বিভব সমান হইলে পরে প্রবাহ বন্ধ হয়। তড়িং চলাকালে যে
কার্ব করা হয় তাহার কলে পরিবাহীর আন্তর-শক্তি রান্ধ পায় এবং পরিবাহী
উত্তপ্ত হয়। এই য়তঃম্ফুর্ত পরিবর্তন সকল সময় একই দিকে চলিতে থাকিবে।
বিভব সমান হওয়ার পর নিজ হইতে বিপরীত দিকে তড়িং চালিত হওয়ার
ফলে প্নরায় বিভব-পার্থকার সৃষ্টি হয় না, বা পরিবাহী পূর্বের উক্তা ফিরিয়া
পায় না। পরিবাহীকে পূর্বের অবস্থায় ফিরাইয়া আনিতে গেলে অন্যন্ত পরিবর্তনসৃষ্টির প্রয়োজন হইবে। পরিবাহীতে তড়িং-প্রবাহের ফলে উহার আন্তর-শক্তি
বে পরিমাণে বৃদ্ধি পাইয়াছে, তাহাকে সম্পূর্ণরূপে কার্বে রূপায়রিত করা সম্ভব
হইলে বাহিরে অন্য কোন পরিবর্তন সৃষ্টি না করিয়াই পরিবাহীকে পূর্বের
অবস্থায় ফিরানো বাইত।

ব্যাপন ফিরার ফলে দ্বপ মিশ্রণের গাঢ়তা সর্বত্ত সমান হওরা, তরলে কঠিন পদার্থ দ্বীভূত হওরা প্রভৃতি আরো অনেক ব্*তঃ*স্ভূত একমুখী পরিবর্তনের উল্লেখ করা বার । এই ধরনের প্রত্যেকটি পরিবর্তনই অনুংদ্রমনীর পরিবর্তনের গিতমুখ এমন হইবে যে, ঐ পরিবর্তনের পর তন্দ্র সের তন্দ্র পর তন্দ্র সাম্যাবস্থার পৌছার। সাম্যাবস্থার পৌছাইবার পর নিজ হইতে উহা কখনই পূর্বের অবস্থার ফিরিয়া বায় না। এজন্য তন্দ্রের উপর বাহির হইতে কার্ব করিতে হয়—অনাভাবে বলা বায় যে, বহিবিশ্বে কোন পরিবর্তন ব্যতীত তন্দ্র সাম্যাবস্থা হইতে অন্য কোন অবস্থার ফিরিতে পারে না।

6'3. দ্বিতীয় সূত্র সম্পর্কে প্লাক্ষ, কেল্ভিন ও ক্লসিয়াসের বিহতি (Planck-Kelvin and Clausius statements of the second law):

পূর্ব অনুচ্ছেদের আলোচনার ভিত্তিতে দ্বিতীয় স্ত্রের বিবৃতি সহজ্বে বোঝা বাইবে। বিশেষ ভাবে দ্বিতীয় সূত্র হিসাবে উল্লিখিত না হইলেও ঐ আলোচনায় দ্বিতীয় স্ত্রের মূল বক্তব্য স্থান পাইয়াছে। পূর্বেই বলা হইয়াছে যে, দ্বিতীয় স্ত্রের জন্য নানা প্রকারের বিবৃতি সম্ভব। আমরা নিম্নে তিনটি বিবৃতি আলোচনা করিব।

প্লাকের বিরুত্তি (Planck's statement)—এমন একটি এঞ্জিনের পরিকল্পনা কখনই সন্তব নর, যাহার পূর্ণ আবর্তনে কেবলমাত্র একটি তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগৃহীত হইবে এবং অন্যন্ত কোন পরিবর্তন সৃষ্টি ব্যতীত সংগৃহীত তাপের সমস্ভটুকুকেই কার্যে রূপান্তরিত করা যাইবে। ('It is impossible to construct a heat engine that, operating in a complete cycle, will produce no effect other than the extraction of heat from a reservoir and performance of an equivalent amount of work')

প্রকাশভঙ্গীর তারতমো প্লাব্দের বিবৃতি নিম্নলিখিত ভাষায়ও প্রকাশ করা হয় — একটি এঞ্জিনের পক্ষে ইহা কখনই সন্তব নয় বে, তাহার পূর্ব আবর্তনে উহা কেবলমাত্র একটি উৎসকে শীতল করিবে (তাপ সংগ্রহ দারা) এবং তিদ্বিনময়ে ভারোন্তোলন করা (অর্থাৎ কার্য সম্পাদন করা) ভিন্ন অন্যত্র কোন প্রকারের পরিবর্তন করিবে না। ('It is impossible to construct an engine, working in a cycle, which would produce no effect except raising of a weight and cooling of a heat reservoir')

উল্লেখ করা বার বে, প্লাব্দের বির্তিতে 'পূর্ণ আবর্তনে' এবং 'অন্যন্ত্র পরিবর্তন'-এর উপর বিশেষভাবে দৃতি আকর্ষণ করা হইরাছে। এক্ষেত্রে এঞ্জিনের দৃতিকোণ হইতে বিতীর সূত্রকে প্রকাশ করা হইরাছে। এঞ্জিন বাদি প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন না করে, তবে সংগৃহীত তাপ সম্পূর্ণরূপে কার্বে রূপান্তারিত হইতে পারে। কিন্তু এঞ্জিন প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন না করিলে পরবর্তী চক্রটি শুরু হওরা সম্ভব নর এবং এঞ্জিন ক্রমাগত কার্ব করিতে পারিবে না। অন্যন্ত্র পরিবর্তন সৃত্তি করিরা এঞ্জিনের প্রতিটি আবর্তনে কার্ব করা সম্ভব হইতে পারে, নচেং নর।

কেশ্ভিনের বিবৃতি (Kelvin's statement)—কোন বস্থু বা উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিবার ফলে যখন উহার উকতা পারিপাঁখিক বস্থুগুলির মধ্যে শীতলতম বস্তুর উকতা অপেকাও কম হয় তখন আর কোন বাল্ফিক ব্যবস্থার সাহাব্যেই (এক্সিন কর্তৃক) উহা হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া কার্য করা সম্ভব হইবে না। ['It is impossible by an inanimate material agency (an engine) to derive mechanical effect (work) from any portion of matter by cooling it below the temperature of the coldest of the surrounding objects']।

বিশদভাবে ব্যাখ্যা করিলে কেল্ভিনের বস্তব্য দাড়ার এই বে, — কোন উৎস হইতে তাপ গ্রহণ করিয়া এঞ্জিন চালনা করা ততক্ষণই সম্ভব বতক্ষণ পর্যন্ত ঐ উৎস অপেক্ষা শীতলতর অন্য আর একটি উৎস বর্তমান। প্লাক্ষের মতো কেল্ভিনও এঞ্জিনের দৃষ্টিকোণ হইতে দ্বিতীয় স্বাকে প্রকাশ করিয়াছেন। এক্ষেত্রে প্রকাশভঙ্গী অধিকতর ব্যবহারিক ও ঝল্প (straight forward and practical)। কেল্ভিনের বস্তব্যে প্রচল্লভাবে বলা হইতেছে বে, এঞ্জিন চালনা করিতে কেবলমাত্র একটি মাত্র তাপ-প্রদায়ক উৎস (source) থাকিলেই চলিবে না, তাপ বর্জন করিবার জন্য দ্বিতীয় একটি উৎসের [খাদ বা তাপ-অপসারক (sink)] প্রয়োজন এবং তাহার উক্তা অবশ্যই প্রথম উৎস অপেক্ষা কম হইবে।

একটি তাপীর উৎস (তাপ-প্রদারক) হইতে তাপ সংগ্রহ করির। এবং কম উক্তার অন্য একটি উৎসে (তাপ-অপসারক বা খাদ) আংশিক ভাবে তাপ বর্জন করির। অবশিন্টের বিনিমরে এজিন, উহার একটি পূর্ণ আবর্তনে কার্ব করিতে পারে। কিছু ঐ উৎস হইতে ক্রমাগত তাপ সংগ্রহের ফলে উহার উক্তা বখন বিতীয় উৎসের উক্তার সমান হইবে তখন আর এঞ্জিনের পূর্ব আবর্তনে কোন কার্ব পাওয়া সম্ভব হইবে না। খাদ হিসাবে নিম্নুতর উক্তার অন্য একটি উৎস ব্যবহার করা হইলে এঞ্জিন পুনরায় কার্ব করিতে থাকিবে। তাপ-প্রদায়কের উক্তা কমিতে ক্মিতে যখন পারিপাশ্বিক শীতলতম বন্তুর উক্তার সমান হয় তখন আর পূর্বেকার তাপ-প্রদায়ক হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া এঞ্জিনের সাহায্যে কার্য করা সম্ভব হইবে না।

ক্লসিয়াসের বির্তি (Clausius' statement)—কোন যন্তের পক্ষেই বাহিরের জগতে পরিবর্তন সৃষ্টি বাতীত উহার পূর্ণ আবর্তনে একটি তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া ঐ তাপ উষ্ণতর অন্য কোন উৎসে চালনা করা সম্ভব নর ('It is impossible to devise an engine which, working in a cycle will produce no effect other than transfer of heat from a colder to a hotter body')। ব্যবহারিক দৃষ্টিভঙ্গী হইতে ক্লসিয়াসের বক্তব্যকে ভিন্নভাবে প্রকাশ করা হইয়া থাকে।

'বাহির হইতে কার্ব না করিলে কোন যদ্বের পক্ষেই শীতল বস্তু হইতে উষ্ণ বস্তৃতে তাপ চালনা করা সম্ভব হইবে না' (It is impossible for a self-acting machine, unaided by external agency, to convey heat from a body at a low, to one at a high temperature) অথবা, 'যে পরিবর্তনের একমান্ত ফল হইবে একটি তাপীয় বস্তু হইতে উষ্ণতর বস্তৃতে তাপ চালনা করা তাহা ক্থনই সংঘটিত হইতে পারে না' (A transformation whose only final result is to transfer heat from a body at a given temperature to a body at a higher temperature is impossible)।

কুসিরাস হিমারকের দৃষ্টিকোণ হইতে দ্বিতীর স্তকে প্রকাশ করিয়াছেন (হিমারকের আলোচনা দ্রুটবা)। কোন তাপীর উৎস হইতে উষ্ণতর উৎসে তাপ-চালনা করা সম্ভব কিছু সেজনা বাহির হইতে কার্য করিতে হইবে। দ্বিতীর সূত্র সম্পর্কে বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায় যে—

(i) এ পর্যন্ত কেবলমার উক্তার প্রায়োগিক ক্ষেল (empirical temperature scale) সম্পর্কেই ধারণা করা সম্ভব ছিল। তাপগতিতত্ত্বর বিতীর স্ত্রেই প্রথম 'উক্তা' সম্পর্কে একটি বাস্তব ধারণা জন্মায়। দুইটি বন্তৃ সংবোগ থাকাকালে একটি হইতে অন্যটিতে তাপ পরিবাহিত হইলে যে বন্তৃ তাপ

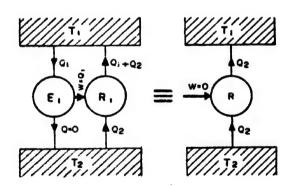
বর্জন করিল, সেইটি-ই উক্তর। বলা যার বে, দ্বিতীর সূত্র হইতে সর্বপ্রথম উক্তার বন্ধুনিন্ঠ সংজ্ঞা পাওয়া যার, এবং ইহারই সাহায্যে উক্তার তন্দ্র-নিরপেক্ষ বা পরম কেল দ্বির করা সম্ভব হইবে (এই পরিচ্ছেদে 6'15 অনুচ্ছেদ দ্রুট্রা)।

- (ii) প্রথম স্ত্রের প্রসঙ্গে আমরা প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি সম্পর্কে আলোচনা করিয়াছি। আমরা দেখিয়াছি যে, প্রথম স্ত্র অনুবারী এই ধরনের অবিরাম গতি কখনই সম্ভব হইবে না। প্রথম স্ত্রের কোনরূপ বিরোধিতা না করিয়াও অন্য একপ্রকারের অবিরাম গতি সম্ভব হইতে পারে। কেবলমাত্র একটি তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া উহার সমস্ভট্কুর বিনিমরে দ্রুমাণত কার্ব করা সম্ভব হইলে তাহাকে বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি বলা হইবে। কিন্তু বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি বিতীর সূত্র অনুসারে কখনই সম্ভব হইবে না।
- (iii) প্লাব্দ, কেল্ডিন ও ক্লাসিয়াস প্রত্যেকেই নঞর্থক উক্তিতে দিতীয় সূত্রক প্রকাশ করিয়াছেন। সেই কারণেই দিতীয় সূত্রের কোন গাণিতিক প্রমাণ দেওয়া সম্ভব নয়। দিতীয় শ্রেণীর অবিরাম গতি সৃষ্টি করিতে সকল রকমের চেন্টা বার্থ হইয়াছে ইহাকেই দিতীয় সূত্রের পরীক্ষামূলক প্রমাণ বলা যাইতে পারে।
- (iv) প্লাম্ক-কেল্ডিন ও ক্লাসিয়াসের বিবৃতির মধ্যে আপাত-দৃষ্টিতে কোন সাদৃশ্য বা বোগাযোগ পরিলক্ষিত হয় না। কিন্তু উহাদের তুলাতা সহক্ষেই প্রমাণ করা সম্ভব।
- 6'4. প্লাক্ষ-কেল্ভিন ও ক্লসিয়াসের উজির ভূল্যভা (Equivalence of Planck-Kelvin and Clausius statements) :

প্লাক্ত কেল্ভিন এঞ্জিনের দৃষ্টিকোণ হইতে দ্বিতীয় সূত্রের অবতারণা করিয়াছেন, পক্ষান্তরে ক্লাস্রাস হিমায়কের দৃষ্টিকোণ হইতে দ্বিতীয় সূত্রকে বিবৃত করিয়াছেন। সেই কারণে এই উভয় প্রকারের বর্ণনা বে পরস্পরের সহিত স্বন্দৃষ্টি তুল্য (equivalent) ও উহারা যে একই প্রাকৃতিক সূত্রকে বিবৃত করে ইহা আপাত-দৃষ্টিতে প্রতীরমান হর না। নিম্নালিখিত আলোচনার এই তুল্যতা প্রমাণ করা হইবে।

দৃইটি বিবৃতি পরস্পরের তুল্য এই কথার অর্থ কি ? যদি এমন হর বে, একটি বিবৃতি সত্য হইলে অন্যটি সত্য হইতে পারে বা মিখ্যাও হইতে পারে তবে অবলাই বৃত্তিত হইবে বিবৃতি-দুইটি পরস্পরের তুল্য হইতে পারে না। যদি প্রমাণ করা বার বে, (i) উহাদের যে কোন একটি সত্য হইলে অন্যটি সত্য হইবে, অথবা (ii) উহাদের যে কোন একটি অসত্য হইলে অন্যটি অসত্য হইবে, তবে বৃথিতে হইবে বে, বির্তি-দুইটি এমন সমন্ধ-বিশিষ্ট যে, হয় উভয় বির্তি সত্য, না হয় উভয় বির্তি অসত্য । উহাদের একটি সত্য, অন্যটি অসত্য হইবার উপায় নাই । একেত্রে আমরা বির্তি-দুইটিকে পরস্পরের তৃল্য বলিব । ইহাই আমাদের তৃল্যতার সংজ্ঞা ।

1. মনে করা যাক, প্লান্ধ-কেল্ভিনের উক্তি অসত্য—সেক্ষেত্র আমরা একটি এঞ্জন E_1 -এর অভিত্ব কন্সনা করিতে পারি যাহা কোন তাপীর উৎস (উক্তা T_1) হইতে Q_1 পরিমাণ তাপ সংগ্রহ করিয়া সমস্ভটুকুই কার্যে রূপান্তরিত করিতে পারে। অন্যন্ত কোন পরিবর্তন সৃষ্টি না করিয়া এঞ্জিনটি কার্য করিবার পরে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসে। এক্ষণে একটি হিমায়ক R_1 -এর অভিত্ব কন্সনা করা যাক, যাহার সাহায্যে নিমু উক্তার তাপীয় উৎস (উক্তা T_2) হইতে উক্তর তাপীয় উৎসে (উক্তা T_1) তাপ-চালনা করা সম্ভব হয়। হিমায়কটি চালনা করিবার জন্য বাহির হইতে কার্য

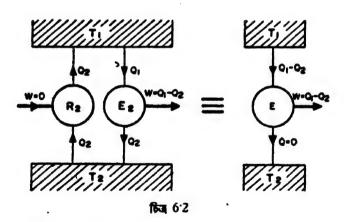


हिन् 6·1

করিতে হয় এবং এঞ্জিন E_1 -এর পূর্ণ আবর্তনে যে কার্য করা হইরাছে হিমারকের আবর্তনে তাহা সম্পূর্ণরূপে ব্যারিত হইরাছে মনে করা বাইতে পারে। প্রসঙ্গতঃ উল্লেখ করা যায় যে, এইভাবে হিমারকটি চালনা করা হইলে উহা ক্লাসিরাসের স্তুকে অনুসরণ করিবে। চিত্র (6.1)-এ বার্মাদকে এঞ্জিন E_1 এবং ভানাদকে হিমারক R_1 -কে দেখানো হইরাছে। এই বাবস্থার এঞ্জিন E_1 ও হিমারক R_1 -এর বৌধ প্রচেন্টার নিয়া উক্তার

উংস হইতে Q, তাপ সংগৃহীত হইর। উক্তর উৎসে চালিত হইবে এবং এইজন্য বাহির হইতে কোন কার্ব করিতে হইবে না। এজিন ও হিমারক উভরেই আবর্তনের পর প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন করিবে। ইহাতে ফ্লাসিয়াসের উক্তি অসত্য প্রমাণিত হইল।

2. মনে করা যাক, ক্লসিয়াসের উক্তি অসজ্য—সেকেতে হিমারক R_s -এর পক্ষে নিয় উক্তার (T_s) তাপীর উৎস হইতে Q_s পরিমাণ তাপ সংগ্রহ করিরা উক্তর উৎসে (T_s) ঐ তাপ চালনা করা সম্ভব হইবে। এবং এজন্য কোখাও কোন পরিবর্তন সৃত্তির প্ররোজন হইবে না। অর্থাৎ ঐ হিমারক চালনা করিতে বাহির হইতে কোন কার্বের প্রয়োজন হর না। একণে ঐ তাপীর উৎস-মুইটির মধ্যে একটি এজিন E_s কল্পনা করা বাক। এজিনটি উহার একটি আবর্তনে উক্তর উৎস হইতে Q_s তাপ গ্রহণ করিরা নিয় উক্তার উৎসে Q_s পরিমাণ তাপ বর্জন করিবে (এজিনে কার্বকরী তল্মের পরিমাণ নিয়ন্দ্রণ করিলে ইহা সম্ভব হর) এবং $Q_s - Q_s = W$ কার্ব করিবার পরে প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন করিবে। এজিনটি প্লাক্ষ্



কেল্ভিনের উক্তির বথার্থতা অশ্বীকার করে না। চিন্র $(6\cdot2)$ -এ বামণিকে হিমারক R_s এবং ডার্নাণিকে এঞ্জিন E_s -কে দেখানো হইরাছে। এই ব্যবস্থাতে একটি আবর্তনে এঞ্জিন E_s ও হিমারক R_s একরে উক্তর উৎস হইতে (Q_1-Q_s) পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিয়া উহার সমস্তট্পুকে কার্বে ক্রপান্তরিত করে। ইহাতে কেল্ভিনের উক্তি অসত্য প্রমাণিত হইল।

অতএব দেখা যাইতেছে, উভর বিবৃতির বে কোন একটি অসতা হইলে

অন্যটি অসত্য হইবে। অর্থাৎ আমরা বালতে পারি বে, ক্লাসরাস ও কেল্ভিন উভরের বিবৃতি পরস্পরের তুল্য।

6'5. বিতীয় সূত্ৰ ও অসুৎক্ৰমনীয়তা (Second law and irreversibility):

তাপগতিতত্ত্বের স্ত্রগৃলি দৈনন্দিন বাস্তব অভিজ্ঞতা প্রস্ত । আমাদের অভিজ্ঞতা বলে যে, প্রকৃতিতে স্বতঃস্ফৃত পরিবর্তন মাত্রেই অনৃংক্রমনীর পরিবর্তন এবং প্রত্যেকটি তল্তে নিজ হইতে পরিবর্তন একটি নির্দিন্ট দিকেই হইতে পারে । তল্তে কোন অনৃংক্রমনীর পরিবর্তন হওয়ার পর উহাকে পূর্বের অবস্থার ফিরাইয়া আনিতে গেলে তল্তের বাহিরে যে জগং সেখানে — অর্থাং পারি-পার্মিক মাধামে কিছু না কিছু পরিবর্তন থাকিয়াই যাইবে । অন্যভাবে বলা যায়, বাহিরের সাহায্য ব্যতীত স্বতঃস্ফৃত্ অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের পর তল্তের পক্ষেপ্রের অবস্থায় ফিরিয়া আসা সম্ভব হইবে না । লক্ষ্য করিলে দেখা যাইবে বে, বিতীর স্ত্রের পরিপন্থী কোন এঞ্জিন সৃষ্টি করিতে পারিলেই অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের পর অন্যত্ত্ব পরিবর্তন না রাখিয়া তল্তকে পর্বাবস্থায় ফিরাইয়া আনা সম্ভব হইত । দুইটি উদাহরণের সাহায্যে এই বস্তব্যকে বৃঝানো গেল ।

1. মনে করি, তাপীয় বস্তৃ A ও B-এর উষ্ণতা যথানেমে $T_{f 1}$ ও T, এবং T,>T, । এই অবস্থাতে A ও B-কে পরস্পারের সংযোগে রাখিলে উভয়কে একরে একটি তাপগতীয় তল্ম বলিতে পারি। স্বতঃ-প্রণোদিতভাবে A হইতে B-তে Q তাপ চালিত হওয়ার পরে A ও Bএকই উকতা T-তে পৌছাইবে। মনে করি, A ও B-কে একটি তাপ-অন্তরক দেওরালের সাহায্যে ঘিরিয়া রাখা হইয়াছে। আমরা যতই অপেকা করি না কেন্ পুনরায় A ও B-এর উষ্ণতার কোন তারতম্য হইবে না অথবা B হইতে A-তে তাপ চালিত হইবে না। যদি এমন একটি এঞ্জিন থাকে যাহার একটি আবর্তনে নিমু উষ্ণতার উৎস হইতে উষ্ণতর উৎসে তাপ নিক্ষিপ্ত হয় এবং এইজন্য অন্য কোন সাহাষ্যের প্রয়োজন হয় না বা অন্যত্র কোন পরিবর্তন হয় না, তবে A ও B-এর উষ্ণতা সমান হওরার পূর্বমূহুর্তে উহাদের বিচ্ছিম করিবার পর ঐ এঞ্চিনের সাহাযো A ও B-কে পুনরায় পূর্বের অবস্থায় স্ট্রা যাওয়া সম্ভব হইবে। কিন্তু এইজন্য অন্যত্র কোথাও কোন পরিবর্তন হইবে না। এই এঞ্জিনটি বিতীয় স্তের পরিপন্থী (ক্লাসিয়াসের বিবৃতি)। অর্থাৎ ক্লসিয়াসের বির্তি যদি অসত্য হয় তবে অনুংক্রমনীয় উপায়ে তাপ-পরিবহণের পর অন্য কোন পরিবর্তন না রাখিয়াই তল্যকে প্রাক্-পরিবর্তন

অবস্থাতে ফিরাইরা আনা সম্ভব হইবে। কিছু ইহা অনুংক্রমনীর পরিবর্তনের সংজ্ঞার পরিপন্থী। বেহেতু উৎক্রমনীর পরিবর্তন একটি প্রান্তিক আদর্শ মনন মাত্র — ইহাকে কখনই বাজ্তবে রূপারিত করা বার না, তাই ক্রসিরাসের বক্তব্যের বিরুদ্ধাচরণ করে এমন কোন এঞ্জিন থাকিতে পারে না।

2. আমরা পূর্বেই বলিয়াছি ঘর্ষদের কারণে তাপ-সৃষ্টি একটি অনুং-কুমনীর ঘটনা। একটি ভন্তকের মধ্যে পিশুন উপরের প্রান্ত হইতে নিমুপ্রান্তে গেলে বর্ষণের ফলে তাপ উৎপন্ন হইবে। পিশ্টন নিমুপ্রার হইতে ফিরিবার চেন্টা क्रींब्रल खे जाभ সংগ্रহ क्रींब्रह्म। कार्य क्रींब्रएज भारित्य ना । भरन क्रींब्र, সমाक প্রক্রিয়ার ভন্তকে গ্যাসের আরতন বৃদ্ধি পাইরাছে। ভন্তকটিকে একটি ভাপীর উৎসের উপর বসাইলে ইহা সম্ভব হইবে। প্রসারণের সময় তাপীর উৎস হইতে Q = W + h তাপ গ্রহণ করিয়া গ্যাস বাহিরে W কার্য করিবে এবং ঘর্ষণের ফলে h পরিমাণ কার্য তাপশক্তিতে রূপান্তরিত হইবে। প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়া আনিতে গেলে বাহির হইতে $\mathrm{W} + h$ কার্য করিতে হইবে —ইহার মধ্যে h পরিমাণ কার্য ঘর্ষণের কারণে তাপ সৃষ্টি করিবে এবং সমোক সংনমনের শেষে Q = W পরিমাণ তাপ ঐ উৎসে নিক্ষিপ্ত হইবে (আপাত-সাম্যীয় পরিবর্তন চিন্তা করা হইয়াছে)। এই আবর্তনের মোট ফল হইবে-তাপীর উৎস হইতে /৷ তাপ গ্রহণ করিবার ফলে এবং পিন্টনের উপর বাহির হইতে h কার্য করার দরুন স্কন্তকগাতে ও পিশ্টনে 2h তাপ সঞ্চিত থাকিবে $oldsymbol{\mathfrak{p}}$ একণে একটি এঞ্চিনের কল্পনা করি, যাহা একটি আবর্তনে ভছক ও পিশ্টন হইতে 2h পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিয়া h কার্য করে এবং তাপীর উৎসে h ভাপ নিক্ষেপ করে। ইহা সম্ভব হইলে অনুংক্রমনীর পরিবর্তনের পর ভল্মকে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়। আনা সম্ভব হইবে এবং এজনা বাহিরে কোন পরিবর্তনের প্রয়োজন হয় না। যেহেতু ক্তম্ভক ও উৎসটি একই উকতায় থাকে, সেই কারণে এঞ্জিনটি দ্বিতীয় সূত্রের বিরুদ্ধাচরণ করিবে (কেল্ভিনের বিবৃতি)। অর্থাৎ অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনের পর অন্য কোখাও কোন পরিবর্তন না রাখিয়া তদাকে প্রাক্-পরিবর্তন অবস্থাতে ফিরাইতে গেলে দিতীয় সত্তের বিরুদ্ধাচরণ করিতে হইবে।

বান্তব জীবনে অনুংক্রমনীরতা নিত্য-নৈমিত্তিক অভিজ্ঞতা। তাপ পরিবহণ, বর্ষণ ইত্যাদির মধ্য দিয়া বে পরিবর্তন তাহাদের প্রশীমত করিতে বাহিরে কিছু না কিছু পরিবর্তন থাকিয়াই বাইবে—কোনক্রমেই তাহা হইতে অব্যাহতি নাই। অনুংক্রমনীরতা তাই বিতীর সূত্রকে সূদৃঢ় ভিত্তির উপর প্রতিতিত করিয়াছে।

একটি ক্ষেত্রেও ইহার ব্যতিক্রম দেখিলে বিতীয় স্ত্রের যাথার্থ্য সম্পর্কে সন্দেহের অবকাশ থাকিবে। প্রকৃতপক্ষে বাজবে কোন পরিবর্তনই উৎক্রমনীয় উপায়ে অনুষ্ঠিত হওয়া সম্ভব নয়। অন্যভাবে বলা যায়, বিতীয় স্ত্রের কারণেই প্রাকৃতিক পরিবর্তন মাত্রেই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন।

6'6. অবিরাম গতি ও তাপগতীয় সূত্র (Perpetual motions and laws of thermodynamics):

বহিঃ হ কোন নিয়োজক বা স্থালানীর সহায়তা ব্যতীত কোন বস্তু বা তশ্ব কমাগত কার্য করিতে পারে কিনা সেই সম্পর্কে বছকাল হইতে বৈজ্ঞানিক ও বন্দাবিদ্গণ বিশেষভাবে অনুসন্ধান করেন। শক্তির সরবরাহ ব্যতীত কার্য করিবার এই রীতিকে প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি (perpetual motion of the first kind) বলা হয়। প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতি সম্ভব হইলে কার্য করিবার জন্য শক্তির প্রয়োজন হইত না — এজিন চালনা করিতে জ্বালানীর আবশ্যকতা বোধ করা যাইত না। বৈজ্ঞানিক ও বন্দাবিদ্গণের কোন প্রচেণ্টাই ফলপ্রস্ না হওয়াতে এই সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যায় য়ে, শক্তির ব্যবহার ব্যতীত কার্য করা সম্ভব নয়। এজিন কর্তৃক কার্য সম্পাদনে কেবলমান্ত শক্তির রূপান্তর ঘটে — তাপশক্তি যালিক পাক্তিতে রূপান্তরিত হয় মান্ত। শক্তির স্থিম কোনক্রমেই সম্ভব নয়। প্রথম শ্রেণীর অবিরাম গতির অসম্ভাব্যতাই শক্তির নিত্যতা স্তের প্রথম প্রতর অবতারণা করা হইয়াছে।

প্রথম স্ত্রের কোনরূপ বিরোধিতা না করিয়াও অন্য এক প্রকারের অবিরাম গতি সম্ভব হইতে পারে। কেবলমার একটি তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া উহার সাহায্যে ক্রমাণত কার্য করিতে থাকিলে তাহাকে দ্বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি (perpetual motion of the second kind) বলা হইবে। আমাদের চতুল্পার্থস্থ সমৃদ্রের জলরাশি অফুরন্ত শক্তির উৎস। পৃথিবীর অভ্যন্তরে ভূমকের আন্তর-শক্তি হইতে অফুরন্ত শক্তির উৎস। পৃথিবীর অভ্যন্তরে ভূমকের আন্তর-শক্তি হইতে অফুরন্ত শক্তি পাওয়া যায়। কোনক্রমে সমৃদ্র জলরাশির উকতা 1°C হ্রাস করিতে পারিলে প্রভূত পরিমাণে তাপশক্তি পাওয়া যাইবে। কোন পরিকল্পিত এঞ্জিন যদি ঐ তাপশক্তির সমন্তটুকুকেই যান্ত্রিক শক্তিতে রূপান্তরিত করে তবে অবশ্যই প্রথম স্ত্রের বিরুদ্ধান্তরণ করা হইবে না। আমাদের অভিজ্ঞতা বলে যে, দিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি কখনই সম্ভব নয়। দিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতির অসন্তাব্যক্তিই তাপগতিতত্ত্বের দিতীর স্ত্রের স্ত্রপাত করিয়াছে।

প্রথম ও বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি হইতে সম্পূর্ণ জ্বির এক অবিরাম পতির অন্তিম কল্পনা করা বাইতে পারে । অক্স-নাভিতে বর্ষণজ্ঞাত বল দিয়া না করিলে (in absence of frictional force at the bearing) এবং বাত্যাহত (air damped) না হইলে খুৰ্ণন-চক্ৰের অবিরাম গতি সম্ভব হর। গতিজ্ঞাড়োর দরশ ঘূর্ণন-চক্রের এই অবিরাম গতিকে তৃতীয় শ্রেণীর অবিরাম গতি (perpetual motion of the third kind) বলা হয়। সারণ রাখা প্রয়োজন যে, তৃতীয় শ্রেণীর এই অবিরাম গতি ভাপগতিতত্ত্বের প্রথম সূত্র ও বিতীর সূত্রের পরিপন্থী নর বা কোন নিরম বহির্ভূত গতি নর। প্রথম ও দিতীয় শ্রেণীর অবিরাম গতি যথাক্রমে প্রথম ও দিতীর সূত্রের পরিপন্থী বলিয়া কখনই সম্ভব নর—িকল্ব তৃতীয় শ্রেণীর অবিরাম গতি সম্ভব। ইহাতে যদ্য কোন কার্য করিবে না। একটি নির্দিন্ট শক্তি লাভ করিরা যদাটি জাড়োর নিরম অনুষারী ক্রমাগত ছরিতে থাকে। একটি ঘর্ষণহীন এঞ্জিন ও হিমায়ককে পরস্পারের সহিত যুক্ত করিয়া এইরূপ অবিরাম গতি সৃষ্টি করা বাইতে পারে। এঞ্জিনটি T_1 -উক্তার উৎস হইতে Q_1 তাপ গ্রহণ করিবে এবং হিমারকটি উহাতে $Q_{f 1}$ তাপ বর্জন করিবে । পক্ষান্তরে এঞ্জিন T_{\bullet} -উক্তার উৎসে Q_{\bullet} তাপ বর্জন করিবে ও হিমায়ক উহা হইতে 🔾 তাপ গ্রহণ করিবে। ইহার ফলে তাপীয় উৎসে কোন পরিবর্তন হইবে না. এবং এই প্রচেন্টার এঞ্জিন ও হিমারক মিলিতভাবে কোন কার্য করিবে না। শুধু জাড়োর কারণে উহারা দ্রমাগত চলিতে থাকিবে। একই কারণে একটি ভারনামো ও বৈদ্যাতিক মোটরকে (উভয় ক্লেৱেই ঘর্ষণজাত বল অনুপস্থিত) একতে জুড়িরা দিলে উহাদের অবিরাম গতি সম্ভব হইবে। চুমুক বলক্ষেতে ভারনামো-কুওলীর ঘুর্ণনে যে তড়িংপ্রবাহ সৃষ্টি হইবে তাহারই সাহাব্যে মোটরটিকে চালনা করা বাইবে, মোটরটি আবার ডায়নামো-কুওলীকে ঘুরাইতে পারিবে। উহারা একত্রে কোন কার্ব করিবে না। কেবলমাত্র গতিজ্ঞাড়োর কারণে প্রত্যেকেই দ্বারতে থাকিবে।

6'7. বিভীয় সূত্রের বৈশ্বভা ও স্যাক্সওয়েলের ভূতের পরীক্ষা (Maxwell's demon) :

বিতীয় সূত্রের আলোচনাকালে বিশেষভাবে উল্লেখ করা হইরাছে বে, ঐ সূত্রের গাণিতিক প্রমাণ সম্ভব নয়। এই সূত্র নঞর্থক বলিরা সরাসরি পরীক্ষার সাহাব্যে ইহাকে প্রমাণ করা সম্ভব হর না। বিতীয় সূত্র বধার্থ নর চিন্তা করিলে কেবলমার বাক্তব অভিক্রতা বিরোধী অবস্থার উপনীত হইতে হয় বিষ্
 বিজ্ঞীয় সূত্রের প্রমাণ বলা বার। কিছু ম্যাক্সওরেল কালপনিক এক পরীক্ষার সাহাব্যে প্রমাণ করিতে চেন্টা করেন যে, আণবীক্ষণিক পর্যবেক্ষণ (microscopic observation) সম্ভব হইলে দ্বিতীয় সূত্র অসত্য হইতে পারে। এই পরীক্ষায় ম্যাক্সওরেল আণবীক্ষণিক পর্যবেক্ষণ করিতে পারে এরূপ একটি ভূতের (demon) কলপনা করেন। সেইজন্য ইহাকে ম্যাক্সওরেলের ভূতের পরীক্ষা বলা হয়।

মনে করা যাক, গ্যাস-ভাঁত কোন পাত্রকে রুদ্ধতাপ-দেওয়ালের সাহায্যে দুটি অংশে বিভক্ত করা হইয়াছে। ধরা যাক, A_1 অংশে গ্যাসের উক্তা T_1 এবং A_2 অংশে গ্যাসের উক্তা T_2 এবং $T_1 > T_2$ । মনে করি, ঐ রুদ্ধতাপ-দেওয়ালে অণু-পরিমাণ একটি ছিদ্র রহিয়াছে এবং ঘর্ষণহীন একটি জানালার সাহায্যে ইচ্ছামতো ঐ ছিদ্রকে খোলা বা বন্ধ করা যাইতে পারে। জানালা খোলা রাখিলে গ্যাস-অণু ঐ ছিদ্রের মধ্য দিয়া এক অংশ হইতে অন্য অংশে যাইতে পারিবে। একটি ভূত ঐ জানালার ধারে বাসয়া সময়মতো ঐ জানালাকে খুলিয়া দেয় অথবা বন্ধ করে।

এক্ষণে ${f A}_1$ অংশে গ্যাসের উষ্ণতা ${f T}_1$ এবং অণুগুলির গতিবেগের গড় c_1 , পক্ষান্তরে ${f A}_s$ অংশে গ্যাসের উষ্টা ${f T}_s$ এবং গতিবেগের গড় c_s । একেত্রে $c_{ extbf{1}}>c_{ extbf{2}}$ হইবে। গ্যাসের আর্ণাবিক গতিতত্ত্ব হইতে জানা আছে যে, $extbf{A}_{ extbf{1}}$ অংশে ८, অপেক্ষা কম ও বেশী গতিবেগসম্পন্ন উভয় প্রকারের অণু বর্তমান। একই কারণে A, অংশে c, অপেকা বেশী ও কম গতিবেগসম্পন্ন অণু থাকিতে পারে। এক্ষণে A, অংশে c, অপেকা কম গতিবেগসম্পন্ন কোন অণু জ্ঞানালার কাছে আসিবা মাত্র ভূত জানালা খুলিয়া ধরে এবং ঐ অণু $\mathbf{A}_{\mathbf{a}}$ অংশে প্রবেশ করে। আবার A_s অংশে c_s অপেক্ষা অধিক গতিবেগসম্পন্ন অণু জানালার নিকটবর্তী হওয়া মাত্র ভূত জানালা খুলিয়া উহাকে ${f A_1}$ অংশে যাইতে সাহায্য করে। এইভাবে ভূত কিছু সময়ের জন্য সন্দির থাকিবার পরে \mathbf{A}_1 অংশে অণুর গড়-গতিবেগ c_1 অপেক্ষা অধিক হইবে এবং \mathbf{A}_2 অংশে অণুর গড়-গতিবেগ c_{\star} অপেক্ষা কম হইবে। অণুর গতিবেগের গড় গ্যাসের উক্তার সমানুপাতিক বলিয়া এই প্রক্রিয়ায় \mathbf{A}_1 অংশে গ্যাসের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে এবং \mathbf{A}_s অংশে গ্যাসের উষ্ণতা হ্রাস পাইবে, বলা যাইতে পারে। ভূতের সন্দ্রিরভার নিমু উক্তার তাপীর উৎস ${f A}_s$ হইতে উক্তর তাপীর উৎস A_{\bullet} -এ তাপ চালিত হইবে। বিশেষভাবে উদ্রেখ করা যায় বে, कानामारि वर्षक विदीन इखतात महान कानामा त्थामा ७ वस्त्रत कार्क कान

শক্তি বার হর না, ফলে অনাত্র কোন পরিবর্তন হর না। ম্যাক্সওরেলের এই কান্পানক পরীক্ষার অনাত্র কোন পরিবর্তন সৃষ্টি না করিরা কম উক্তার উৎস হইতে উক্তর উৎসে তাপ চালিত হইবে। ইহা অবশাই বিতীর সূত্রের (ক্লাসিরাসের বির্তি) পরিপন্থী। প্রশ্ন জাগিবে, ইহা কি করিরা সম্ভব হইল?

মান্তরেলের পরীক্ষার গ্যাসের অগ্র অন্তিম্ব স্থীকার করা হইরাছে।
আমরা জানি কেবলমাত চাকৃষ বর্ণনাকে ভিত্তি করিয়া তাপগতিতত্ত্বের
বিভার ঘটিরাছে। এই কারণে মনে হইতে পারে যে, তাপগতিতত্ত্বের গঠনকাঠামোতে বেহেতৃ আগবীক্ষণিক বর্ণনার (microscopic description)
কোন স্থান নাই সেই কারণে শিতীর সূত্র কেবলমাত্র চাকৃষ বর্ণনা সাপেকে সতা।
এই কারণেই তাপগতীর সূত্রকে পরিসাংখ্যিক সূত্র (statistical law) বলা
হর।

রিলোর (Brillouin) ও সিলার্ড (Szillard) পৃত্যানুপৃত্য বিচারে ম্যাক্সওয়েলের পরীক্ষার অনুপপন্তির (fallacy) সন্ধান পান। কোন গ্যাস অপুকে A_1 অংশ হইতে A_2 অংশ অথবা A_3 অংশ হইতে A_4 অংশ চালিত করিবার পূর্বে ভূতটি অবশ্যই গ্যাস-অণুর গতিবেগ সম্পর্কে ছির নিশ্চর হইবে। গ্যাস-অণুর গতিবেগ ছির করিতে অবশাই কোন পরীক্ষার সাহাষা লইতে হইবে। যেমন, গ্যাস-অণুর উপর আলো ফেলিরা উহার গতিবেগ ছির করা বাইতে পারে। কিন্তু সেক্ষেত্রে অবশাই শক্তি ব্যর হইবে। অন্য কোন পদ্ধতিতে গ্যাস-অণুর গতিবেগ নির্ণয় করিতেও অনুরূপভাবে শক্তির প্রেয়েজন হইবে। সেই কারণে ম্যাক্সওয়েলের পরীক্ষার কোন শক্তিক্ষর ব্যতীত উক্তর উৎসে তাপ চালিত হইয়াছে—একথা বলা বায় না। উপরোক্ত পরীক্ষার আপোত-দৃত্তিতে দ্বিতীয় সূত্র বিদ্মিত হইয়াছে মাত্র। কিন্তু বিশেষ পর্যালাচনা করিলে দেখা বায় যে, চাক্ষ্ম বর্ণনার সাহায্যে তাপগতিতত্ত্বের স্চনা হইয়াছে বটে, কিন্তু আণবীক্ষণিক বিচারে এই সূত্র একইভাবে প্রযোজ্য।

6'8. তাপীর এঞ্জিন (Heat engine): বে কোন তাপীর এঞ্জিনের মূল লক্ষা হইবে তাপকে বালিফ কার্বে রূপান্তারিত করা। বিতীর সূত্র হইতে জানিতে পারা বার বে, কোন তাপীর উৎস হইতে তাপ গ্রহণ করিয়া উহাকে সম্পূর্ণরূপে কার্বে রূপান্তারিত করা কোনচ্চমেই সম্ভব নর। সংগৃহীত শক্তির একটি অংশের বিনিময়ে কার্ব সম্পন্ন হইতে পারে। এঞ্জিনের গঠন-কৌশল সম্পর্কে বিশদ আলোচনার সূত্রপাত না করিয়া

সাধারণভাবে বলা বার বে, প্রত্যেকটি এঞ্চিনই তিনটি বিশেষ অংশের সমন্তরে গঠিত।

এই প্রধান তিনটি অংশ হইবে-

- (i) উক্তর তাপীয় উৎস—প্রভব বা তাপ-প্রদায়ক (source),
- (ii) নিমু উক্তার তাপীয় উৎস—খাদ বা তাপ-গ্রাহক (sink),

(iii) কার্যকরী বস্তু বা কার্যকরী তন্ত্র (working substance)।

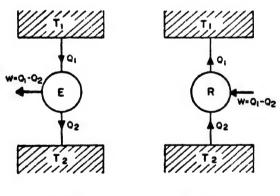
এঞ্জিনের প্রতিটি আবর্তনে এঞ্জিনের অভ্যন্তরে কার্যকরী তন্ত্র উক্তর উৎস বা

'প্রন্তব' হইতে তাপ গ্রহণ করিয়া উহার একাংশের বিনিময়ে কার্য করে, বাকি

অংশ খাপে নিক্ষিপ্ত হয়। কার্যকরী তন্ত্র নিজে আবর্তনের পর পূর্বের

অবস্থার ফিরিয়া আসে এবং এঞ্জিনটি পরবর্তী চক্রের জন্য প্রস্তুত হয়। এঞ্জিনের
কার্যক্রম আলোচন। করিবার সময় তাপ-প্রদায়ক ও তাপ-গ্রাহক উভ্রেরই

তাপগ্রাহিতা অসীম বলিয়া অনুমান করা হয়। এই কারণে তাপ-বর্জনে
(প্রদায়কের) ও তাপ-গ্রহণে (গ্রাহকের) উক্তার কোন তারতম্য হয় না।



6.3

64

এঞ্চিনের কার্যক্রম উহার কার্যকরী তল্ফের প্রকৃতি এবং তল্ফ বিভিন্ন পরিবর্তনের ফলে কিভাবে আবর্তিত হইবে তাহার উপর নির্ভর করে। সাধারণভাবে আবর্তনের প্রতিটি পর্যায়ে কার্যকরী তল্ফের পরিবর্তন আপাতসাম্যীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইরাছে মনে করিলে কার্যকরী তল্ফের আবর্তনকে সূচক চিত্রের সাহায্যে দেখানো বাইতে পারে। বেহেতু আবর্তন অত্যে কার্যকরী তল্ফ প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসে সেই কারণে সূচক চিত্রে একটি আবদ্ধ কেন্ত্র উৎপন্ন হইবে। এই আবদ্ধ অংশের ক্ষেত্রফল প্রতিটি

আবর্তনে এঞ্জন কর্তক সম্পাদিত কার্যের পরিমাণ নির্দেশ করে (5'6 অনুচ্চেদ मचेवा)। মনে করি.

> উষ্তর তাপীর উৎস হইতে তদা বর্ডক গহীত তাপ = 🔾 , নিমু উষ্টার তাপীর উৎসে বর্জিত তাপ = 🔾 ... এবং প্রতিটি আবর্তনে এঞ্জিন কর্তৃক সম্পাদিত কার্য = W।

প্রথম সত্র অনুসারে $\triangle Q = \triangle U + \triangle W$

বেহেত আবর্তনে তদা প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসে $\Delta U = 0$ । গহীত তাপকে ধনাত্মক রাশি এবং বর্জিত তাপকে ঝণাত্মক রাশি ধরিলে.

$$Q_1 - Q_2 = W$$

এঞ্জিনের যাশ্রিক-দক্ষতা (efficiency)
$$\eta = \frac{W}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

লকা করিবার বিষয়, n < 1. কারণ গৃহীত তাপের কেবলমান একটি অংশই কার্বে রূপান্তরিত হইরা থাকে। কার্যকরী তদ্মের পরিমাণ বৃদ্ধি করিরা W এবং Q, বৃদ্ধি করা বাইতে পারে, কিন্তু সেক্ষেত্রে এঞ্জিনের যান্দ্রিক-দক্ষতা একই থাকিবে।

এঞ্জিনের যাশ্রিক-দক্ষতা নিমুলিখিত বিষয়গুলির উপর নির্ভর করে-

- (i) কাৰ্যকরী তল্মের প্রকৃতি (nature of the working substance),
- (ii) তাপীয় উৎস-দুটির উঞ্চতা.
- এবং (iii) এঞ্চিনের পূর্ণ আবর্তনে কার্যকরী তন্তের সম্ভাব্য পরিবর্তন (nature of the working cycle) I
- 6'9. হিসামক (Refrigerator): এঞ্চিন উক্তর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিরা উহার একাংশকে কার্যে রূপান্তরিত করে এবং বাকি অংশ নিম উক্তার তাপীর উৎসে নিক্ষিপ্ত হয়। সংগহীত তাপ অপেক। বর্জিত তাপের পরিমাণ সকল ক্ষেত্রেই কম থাকে। হিমারকের কার্যক্রম এঞ্চিনের কার্যক্রমের সম্পূর্ণ বিপরীত। হিমারকের মূল লক্ষ্য হইবে ক্রমাগত ভাপ শোষণের বারা কোন তাপীর বন্তুর উক্তা হ্রাস করা।

হিমারকের কার্যক্রে, কার্যকরী তলা নিমু উক্তার তাপীর উৎস হইতে ভাপ সংগ্রহ করে, তদ্মের উপর বাহির হইতে কার্য করা হয় এবং তদ্ম

উক্তর উৎসে তাপ বর্জন করে। এক্ষেত্রে বর্জিত তাপ গৃহীত তাপের চেরে বেশী হইবে। মনে করি

নিম্ন উক্তার তাপীয় উৎস হইতে গৃহীত তাপ = Q_z , তন্দোর উপর সম্পাদিত কার্য = W.

এবং উক্তর তাপীয় উৎসে বর্জিত তাপ = $Q_1 = Q_2 + W$ । হিমায়কের কৃতি-গুণাব্দ (coefficient of performance)

$$Cop = \phi = \frac{\sigma m}{\sigma m}$$
 কর্তৃক গৃহীত তাপ $= \frac{Q_s}{W} = \frac{Q_s}{Q_1 - Q_s}$

হিমারকের লক্ষ্য হইবে বাহির হইতে ন্যুনতম কার্য করিয়া বাহাতে সর্বাধিক পরিমাণে তাপ-চালনা করা সম্ভব হয়। গৃহে ব্যবহৃত হিমারকের ক্ষেত্রে বৈদ্যুতিক মোটরের সাহায্যে কার্য করা হয়। বাহির হইতে কার্য না করিয়া বদি ক্রমাগত একটি তাপীয় বস্তৃকে শীতল করা সম্ভব হইত তবে হিমায়ক ব্যবহারের জন্য দৈনন্দিন ব্যয়ের কোন প্রশ্ন উঠিত না। ক্রাসিয়াসের বির্বৃতি অনুযায়ী ইহা সম্ভব নয়। চিত্র (6:3) ও চিত্র (6:4) বথাক্রমে এঞ্জিন ও হিমায়কের কার্যক্রম নির্দেশ করে। পরবর্তী অংশে বিশদভাবে এঞ্জিন ও হিমায়ক সম্পর্কে আলোচনা করা হইবে।

6'10. কার্নো প্রাঞ্জিন (Carnot engine) থ পূর্বের আলোচনা হইতে আমরা জানিতে পারিয়াছি যে, এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা কোনদমেই একের অধিক হইবে না। কোন এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা এক (one) বালতে আমরা বৃথি যে, এঞ্জিনের প্রতিটি আবর্তনে তাপীয় উৎস হইতে কার্যকরী তল্ম যে পরিমাণ তাপ সংগ্রহ করে তাহার সমস্ভটুকুই কার্যে রূপান্তরিত হয়—দিতীয় কোন উৎসে তল্ম তাপ বর্জন করে না। দিতীয় স্ত্র হইতে আমরা জানিতে পারিয়াছি যে, ইহা কোনদমেই সম্ভব নয়। বাস্তবক্ষেত্রে, এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা এক অপেক্ষা কম হইবে—সংগৃহীত তাপের একটি অংশ কেবলমাত্র কার্য হিসাবে ব্যবহার করা যাইতে পারে।

প্রকৃতপক্ষে দেখা গিয়াছে যে, প্রত্যেকটি এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা একের চেয়ে অনেক কম। উদাহরণম্বরূপ বলা যার, বাষ্পীর এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা 25% (অর্থাং $\eta=0.25$) এবং পেট্রোল এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা 50% বা $\eta=0.50$ । প্রথম দিকে অনুমান করা হইয়াছিল যে, কার্যকরী তল্ম পরিবর্তন করিয়া অথবা এঞ্জিন-চক্রের তারতম্য ঘটাইয়া এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা

সহজেই বাড়ানো বাইতে পারে। কিন্তু বাস্তব অভিজ্ঞতা বলে বে, এই উপারে এঞ্জিনের যাশ্যিক-দক্ষতা উল্লেখযোগ্য ভাবে বৃদ্ধি করা সন্তব নয়।

এই বিষয়ে ফরাসী যশ্চবিদ্ কার্নো পৃষ্ণানৃপৃষ্ণ বিশ্লেষণের সাহাযো একটি গ্রুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্তে উপনীত হন। কার্নোর এই সিদ্ধান্তটি হইল—কোন এঞ্জিনের যান্তিক-দক্ষতা যে তাপীর উৎসন্ধরের সঙ্গে তাপ-বিনিমর করিয়া এঞ্জিন কার্য করে তাহাদের উক্তার উপর অতিমান্তার নির্ভরশীল।

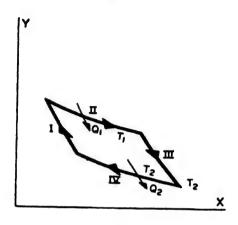
তাত্ত্বিক আলোচনার সাহাব্যে কার্নো একটি আদর্শ এঞ্জিনের পরিকল্পনা করিতে সক্ষম হন। কার্নোর নামানুসারে এই আদর্শ এঞ্জিনকে কার্নো এঞ্জিন বলা হয়। কার্নো পরিকল্পিত এই এঞ্জিনে আবর্তনের প্রতিটি পর্বায়ে কার্যকরী তল্তের পরিবর্তন উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে অনৃষ্ঠিত হয়। প্রমাণ করা য়ায়, নির্দিষ্ট উক্ষতার দৃইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্যরত অন্য বে কোন এঞ্জিনের তৃলনায় কার্নো এঞ্জিনের যাল্যিক-দক্ষতা বেশী। অর্থাৎ কার্নো এঞ্জিন অপেক্ষা অধিকতর যাল্যিক-দক্ষতা সম্পায় কোন এঞ্জিন ঐ উৎসদ্বয়ের সহিত তাপ বিনিময় করিয়া আবতিত হইতে পারে না। নিয়ে কার্নোর এই আদর্শ এঞ্জিনের আবর্তন সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা করা হইল।

অন্য বে কোন এঞ্জিনের ন্যার কার্নো এঞ্জিনের ক্ষেত্রেও একটি কার্যকরী তন্য এবং ভিন্ন উকতার দুইটি তাপীর উৎসের প্ররোজন হইবে। কার্নো এঞ্জিনের মূল বৈশিষ্টা বা অন্য এঞ্জিনের সঙ্গে কার্নো এঞ্জিনের মূল পার্থকা এই যে, কার্নো এঞ্জিনের ক্ষেত্রে আবর্তনের প্রতিটি পর্বায়ে কার্যকরী তন্যের পরিবর্তন উৎদেমনীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হয়। এঞ্জিনের কার্যকরী তন্য কি হইবে তাহার উপর কোন বিধি-নিষেধ থাকে না ।** ভিন্ন ভিন্ন কার্যকরী তন্য ব্যবহাত হইলেও প্রত্যেকটি কার্নো এঞ্জিনের মূল কার্যপদ্ধতি এক এবং অভিন্ন।

সাধারণভাবে বলা যায় যে, কার্নো এঞ্চিনের একটি আবর্তনে উহার কার্যকরী তদ্র চারিটি সুনিদিন্ট পর্যায়ে পরিবাতত হইয়া থাকে। যেহেতু আমাদের আলোচনায় কার্যকরী তদ্র সম্পর্কে কোন উল্লেখ করা হইতেছে না সেই কারণে এই এঞ্চিনকে সাধারণ কার্নো এঞ্চিন বলিব।

^{**} অধিকাংশ ক্ষেত্রেই কার্নো এক্সিনের উপস্থাপনার আদর্শ গ্যাস ব্যবহৃত এক্সিনের কার্বপঞ্চতি আলোচিত হুইরা থাকে। এই কারণে ছাত্রদের সনে এক্সপ ধারণা ক্ষাইতে পারে বে, কার্নো এক্সিনের কার্বকরী তন্ত্র বুবিবা কেবলমাত্র আবর্শ গ্যাস। সতর্ব করা ঘাইতেছে বে, ইহা একটি মারাশ্বক রক্ষের তুল ধারণা।

কার্নো এঞ্জিল-চক্রে চারিটি পর্যায়—আমাদের এই আলোচনার এঞ্জিন চলাকালে যে কোন একটি পূর্ণ আবর্তনের কথা চিন্তা করা হইবে। প্রথমেই অনুমান করি যে, প্রারম্ভিক অবস্থার কার্নো এঞ্জিনের কার্যকরী তন্ম তাপ-গ্রাহক বা খাদের সহিত একই উক্তায় থাকে। এঞ্জিনের একটি আবর্তনে উহার কার্যকরী তন্ম নিমুব্যাণত উপায়ে পরিব্যাতত হইবে—



हिन्दा 6:5

- 1. রুজ্জাপ উৎক্রেমনীয় পরিবর্তন—কার্যকরী তলা ও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের মধ্যে বাহাতে তাপ-বিনিময় হইতে না পারে সেইজন্য উহাদের মধ্যে একটি ভাপ-অন্তরক দেওয়াল রাখা হইবে। কার্যকরী তলাের পরিবর্তন উৎক্রেমনীয় পদ্ধতিতে এমনভাবে অনুষ্ঠিত হইবে যে তলাের উষ্ণতা বৃদ্ধি পায়। তলাের উষ্ণতা প্রভব বা তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতার সমান হওয়ার পর এই পর্যায়ে আর কােন পরিবর্তন হইবে না। এই সময়ে তলা পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সহিত কােন প্রকার তাপ-বিনিময় করে না। মনে করি, এই পর্যায়ে সম্পাদিত কার্য W,।
- 2. প্রভবের উষণ্ডায় সমোক্ষ উৎক্রেমনীয় পরিবর্তন—এই পর্বায়ে পরিবর্তন শৃক্ষ হওয়ার পূর্বে কার্যকরী তন্দ্র প্রভবের উষ্ণতায় পৌছিয়াছে। দ্বিতীয় পর্বায়ে পরিবর্তন আরম্ভ হওয়ার পূর্বে অন্তরক দেওয়ালটিকে সরাইয়া ফোলিয়া কার্যকরী তন্দ্র ও তাপ-প্রদায়কের মধ্যে সংযোগ স্থাপিত হইবে। এই ব্যবস্থায় তন্দ্র ও প্রভবের মধ্যে তাপ-বিনিময় হইতে পারে। তন্দ্রের পরিবর্তন এই পর্বায়ে এমনভাবে অনুষ্ঠিত হইবে বাহাতে তন্দ্র আপাত-সাম্যে থাকিয়া দ্বির উষ্ণতায় তাপীয় উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করে এবং উহাকে

সম্পূর্ণক্রপে কার্বে ক্লপান্তরিত করে। মনে করা বাক, এই পর্বারে গৃহীত তাপ Q, এবং সম্পাদিত কার্ব W, ।

- 3. ক্লডাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তন—এই পর্বায়ে অন্তরক দেওয়ালটির সাহাব্যে কার্যকরী তল্মকে পুনরায় পারিপার্থিক মাধ্যম হইতে বিজ্ঞিল করা হইবে। তল্মের রুক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তন এই সময়ে এমনভাবে অনুষ্ঠিত হইবে বে তল্মের উক্তা হ্রাস পার । তল্মের উক্তা হ্রাস পাইয়া পুনরায় খাদের উক্তার সঙ্গের সমান না হওয়া পর্যন্ত এই পরিবর্তন চলিতে দেওয়া হইবে। তল্ম খাদের উক্তার ফিরিয়া আসা মাত্র তল্মে এইভাবে আর কোন পরিবর্তন হইতে দেওয়া হইবে না। এই পর্যায়ে তল্ম তাপ-বিনিময় করিবে না। মনে করি, এই সময়ে তল্ম ১৮% কার্য করে।
- 4. খাদের উক্তায় সমোক উৎক্রমনীয় পরিবর্তন—এই পর্বারের স্চনার অন্তরক দেওরালটিকে সরাইয়া ফেলিয়া কার্যকরী তন্দ্র ও খাদের মধ্যে সংযোগ স্থাপিত হইবে। এই ব্যবস্থায় উভয়ের মধ্যে তাপ-বিনিময় হইতে পারে। ন্থির উক্তায় আপাত-সামো থাকিয়া তন্দ্র খাদে তাপ বর্জন করিয়া প্রারম্ভিক অবস্থায় পৌছাইবার পর কার্যকরী তন্দ্রের আবর্তন (cycle) সম্পূর্ণ হইবে। মনে করা বাক, এই পর্বায়ে খাদে নিক্ষিপ্ত তাপ Q, এবং সম্পাদিত কার্য W_{Λ} ।

কার্নো এঞ্জনের একটি আবর্তন সাধারণ সূচক চিত্র (চিত্র 6.5)-এ দেখানো হইরাছে। সূচক চিত্রটি প্রকৃতপক্ষে কার্যকরী তন্ত্রের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে। চিত্রটি কোন বিশেষ তন্ত্রের অভিত্ব কল্পনা না করিরা। সাধারণভাবে অভ্যিত হইরাছে।

এঞ্চিনের একটি আবর্তনে মোট কার্য

$$W = W_1 + W_2 + W_4 + W_4 = Q_1 - Q_2$$

উল্লেখ করা বার বে, W_{s} , W_{s} , W_{s} ও W_{s} সকলেই ধনাস্থক রাশি হইতে পারে না।

এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা
$$\eta = \frac{W}{Q_1}$$

कार्का अक्रिटनम् देवनिष्ठा---

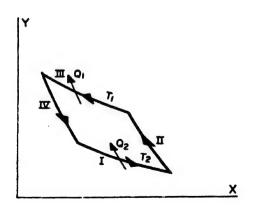
1. কার্নো এঞ্জন কেবলমার দুইটি তাপীর উৎসের সহিত তাপ-বিনিমরে উৎসমনীর প্রছাততে কার্ব করে।

- 2. কার্নো এঞ্চনে সমস্ত তাপ একটি নির্দিন্ট উক্তায় (প্রভবের উক্তায়) উৎক্রমনীর উপায়ে সংগৃহীত হইয়া থাকে। সম্পাদিত কার্বের আতিরিক্ত তাপ একই ভাবে একটি নির্দিন্ট উক্তায় খাদে নিকিপ্ত হয়।
- 3. আবর্তনের প্রতিটি পর্যায়ে তন্দ্রের পরিবর্তন অবশ্যই উৎক্রমনীয় উপায়ে হইবে । কার্নে। এঞ্জিন-চক্রকে সেই কারণে উৎক্রমনীয় চক্র বলা হয় ।

এই সকল বৈশিন্ট্যের উল্লেখ করিয়া কার্নো এঞ্চিনের জন্য একটি সংজ্ঞা দেওয়া বাইতে পারে। যে এঞ্জিন, উহার প্রতিটি আবর্তনে, কেবলমাত্র দৃইটি স্থির উক্ষতার তাপীয় উৎসের সহিত তাপ-বিনিময় করিয়া উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে কার্য করিতে থাকে, তাহাকে কার্নো এঞ্জিন বলা হইবে।

উল্লেখ করা যায় যে, তন্দের প্রকৃত উৎদেমনীয় পরিবর্তন যেহেতু কখনই সম্ভব নয়, সেই কারণে কার্নো এঞ্জিনের বাস্ভব রূপায়ণে বিচ্যুতি থাকিয়া যাইবে। কার্নো এঞ্জিন প্রকৃতপক্ষে একটি কাম্পনিক আদর্শ।

6'11. কার্কো হিমান্তক (Carnot refrigerator): কার্নো এঞ্জিন উৎক্রমনীয় এঞ্জিন বলিয়া উহা একটি উভ্যুখী এঞ্জিন এবং সেই কারণে এঞ্জিন-চক্রটি বিপরীতক্রমেও আবতিত হইতে পারে। সেক্ষেত্রে, এঞ্জিন-চক্রে যে পর্যায়ে তাপ সংগৃহীত হয়, হিমায়ন-চক্রে তথন তাপ নিক্ষিপ্ত হইবে।



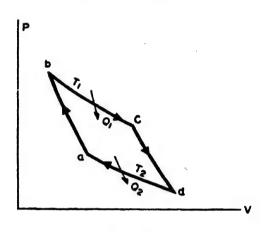
हिज 6.6

পক্ষান্তরে, এঞ্জিন-চক্রে যে পর্যায়ে তাপ বর্জন করা হয়, হিমায়ন-চক্রে সেখানে তাপ গ্রহণ করা হইবে । এঞ্জিন নিজে কার্য করে কিছু হিমায়কের উপর বাহির হইতে কার্ব করা হয়। এইভাবে বিপরীত মুখে এঞ্জিন-চক্রটি আবঁতিত হইলে এঞ্জনটি নিম্ন উক্তার তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া উক্তর উৎসে তাপ বর্জন করিবে। এঞ্জিনের বিপরীতমুখী কার্নো-চক্রকে কার্নো হিমায়ন-চক্র এবং ঐ এঞ্জিনকে কার্নো হিমায়ক বলা হইবে। উল্লেখ করা বার বে, এক্ষেত্রে গৃহীত তাপ অপেক্ষা বাঁজত তাপ বেশী হইবে। বাহির হইতে বে পরিমাণ কার্ব করা হয় উহা তাপণক্তিতে রূপান্তারত হওয়ার ফলে ইহা সম্ভব হয়। সাধারণ সূচক চিত্রে (চিত্র 6.6)-এ. কার্নো হিমায়ন-চক্র দেখানো হইল। সূচক চিত্রটি প্রকৃতপক্ষে কার্বকরী তল্কের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে।

কার্নো হিষায়কের বৈশিষ্ট্য-

- 1. কার্নো হিমারক একটি বিপরীতমুখী কার্নো এঞ্চিন।
- 2. কার্নো হিমায়ক কেবলমাত্র স্থির উক্তার দুইটি তাপীর উৎসের সঙ্গে তাপ বিনিময় করিয়া আর্বতিত হয়।
- 3. হিমারন চক্রের বিভিন্ন পর্বারে তন্দ্রের পরিবর্তন উৎক্রমনীর উপারে অনুষ্ঠিত হয়।
- 6°12. বিভিন্ন প্রকাবের কার্নো এঞ্জিন (Carnot engine with different working substances): পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে যে, কার্নো এঞ্জিনে কার্যকরী তন্তের কোন ছিরত। নাই। নিমে করেকটি ক্ষেত্রে সূচক চিত্রের সাহায্যে বিভিন্ন কার্যকরী তন্তের জন্য কার্নো এঞ্জিন-চক্র বর্ণনা করা হইল।
- (a) গ্যাস-ব্যবহৃত কার্নো এঞ্জিল—কার্যকরী তন্দ্র যেকোন গ্যাস (আদর্শ গ্যাস হইবে এমন কোন বাধ্যবাধকতা নাই)। মনে করি, এঞ্জিন-চক্রের প্রারম্ভিক অবস্থার ঐ গ্যাসের চাপ ও আরতন স্চক চিত্র (6.7)-এ ৫ বিন্দৃ বারা নির্দিন্ট হইরাছে। এক্ষেত্রে বে চারিটি পর্যায়ে কার্নো এঞ্জিনের আবর্তন সম্পূর্ণ হর তাহা হইতেছে—
- 1. $a \rightarrow b$, রন্দ্রতাপ উৎক্রমনীয় সংনয়ন। গ্যাসের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে। গ্যাসের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইবে।

2. $b \rightarrow c$, সমোক উৎক্রমনীয় প্রসারণ। তাপীয় উৎস হইতে তক্ষ্র তাপ সংগ্রহ করিবে। গ্যাস এই পর্যায়ে কর্ম্ব করিবে।



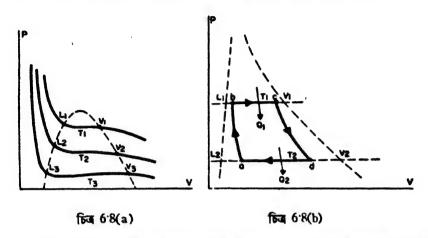
face 6.7

- 3. $c \rightarrow d$, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় প্রসারণ। গ্যাস প্রারম্ভিক উক্তায় ফিরিয়া আসিয়াছে। এই পর্যায়ে গ্যাস কার্য করিয়াছে।
- $4. \ d \rightarrow a$, সমোক উৎক্রমনীয় সংনমন । গ্যাস প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসিবে । এই পর্যায়ে গ্যাসের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইবে এবং গ্যাস খাদে তাপ বর্জন করিবে ।

এই পরিচ্ছেদে পরবর্তী অংশে আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা হিসাব করা হইবে।

- (b) ভরল পদার্থ ও উছার বাম্পের মিশ্রণে কার্নো এঞ্জিন (Liquid and its vapour as working substance)—সূচক চিত্রে (চিত্র 6.8a)-এ অধিবৃত্তের মধ্যে কোন বিন্দু তরল ও বাম্পের মিশ্রণ নির্দেশ করে। মনে করি, কার্নো-চক্রের শৃরুতে কার্যকরী তল্পের অবস্থা সূচক চিত্র (চিত্র 6.8b)-তে a-বিন্দু দ্বারা নির্দেশ করা যায়। যে চারিটি পর্যারে কার্নো এঞ্জিন আর্বাভিত হয় তাহা হইতেছে—
- $1. \ a \rightarrow b$, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় সংনমন । মিশ্রণের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে । তদ্মের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইবে ।
- $2.\ b \to c$, দ্বির চাপ ও উক্তার বাষ্ণীভবন। এই পর্বায়ে মিশ্রণ তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিবে, এবং তন্ম কার্ব করিবে।

 $3. \ c \rightarrow d$, রন্দ্রতাপ উৎক্রমনীর সম্প্রসারণ। মিপ্রণের উক্তা স্থাস পাইরা প্রারম্ভিক উক্তার পৌছাইবে। এই পর্বায়ে তব্দ্র কার্ব করিবে।

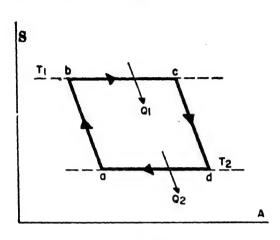


- 4. $d \rightarrow a$, স্থির চাপ ও উক্তায় ঘনীভবন। মিশ্রণের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইবে। মিশ্রণ এই পর্যায়ে নিমু উক্তার তাপীর উৎসে তাপ বর্জন করিবে।
- (c) পৃষ্ঠ-টান কার্নো এঞ্জিন (Surface tension Carnot engine)—প্রথম পরিচ্ছেদের আলোচনায় আমরা দেখিয়াছি যে, পৃষ্ঠ-টান তল্মকে তাপগতীর তল্ম হিসাবে বিবেচনা করা যাইতে পারে। পৃষ্ঠ-টানের সংজ্ঞা হইতে জানি, কোন তরল পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল dA পরিমাণে বৃদ্ধি করিতে প্রয়োজনীর কার্য $\delta W = S dA$ । আমরা পূর্বেই উল্লেখ করিয়াছি যে, পৃষ্ঠ-টানের কারণে পৃষ্ঠ-সরকে একটি সম্প্রসারিত ঝিলির সহিত তুলনা করা যাইতে পারে। এই কারণে পৃষ্ঠ-সরের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করিতে গোলে পৃষ্ঠ-টানের বিরুদ্ধে কার্য করিতে হয়। রুদ্ধতাপ ব্যবস্থার এই পরিবর্তন করিতে গোলে তল্ম উহার আম্বর-শক্তির বিনিময়ে কার্য করে এবং এইজন্য তরলের উক্তা হ্রাস পার। সমোক পরিবর্তনের সময় সরটি পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময় করে।

মনে করি, কার্নো-চক্র শুরু হওয়ার পূর্বে তক্ষের অবস্থা সূচক চিত্রে ৫ বিন্দু পারা নির্দিন্ট হইরাছে (চিত্র 6.9)। এক্ষেত্রে নিমুবণিত চারিটি পর্বায়ে কার্নো এঞ্জিন আবতিত হইবে—

 $1. \ a
ightharpoonup b$, উৎক্রমনীয় রুদ্ধতাপ সংকোচন। তব্দের উপর কার্য করা হইবে এবং তব্দের উঞ্জা বৃদ্ধি পাইবে।

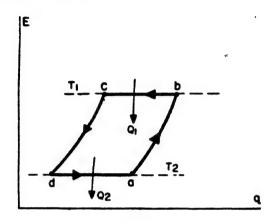
2. $b \rightarrow c$, উৎক্রমনীয় সমোক সম্প্রসারণ। তন্দ্র বায়ুমণ্ডল হইতে তাপ সংগ্রহ করিবে এবং কার্য করিবে।



FOR 6.9

- $3. \ c
 ightarrow d$, উৎক্রমনীয় রুদ্ধতাপ সম্প্রসারণ । তন্দ্র কার্য করিবে এবং উহার উব্সতা হ্রাস পাইবে । সরটি প্রারম্ভিক উব্সতায় প্রত্যাবর্তন করিবে ।
- $4.\ d\! o\! a$, উৎক্রমনীয় সমোষ্ণ সংকোচন। এই পর্যায়ে তল্ম তাপ বর্জন করিবে এবং তল্মের উপর কার্য করা হইবে।
- (d) উৎক্রেমনীয় ভড়িৎকোষ কার্নো এঞ্জন (Reversible cell Carnot engine)—উৎক্রমনীয় তড়িৎকোষ সম্পর্কে (1.10 অনুচ্ছেন) পূর্বেই আলোচনা করা হইরাছে। কোষের তড়িচ্চালক বল E হইলে dq তড়িৎ-চালনা করিতে প্রয়োজনীয় কার্য হইবে $\delta W = Edq$ । কোষের তড়িচ্চালক বল E বাহিরে পোটেনুসিওমিটার বর্তনীতে পরিবাহীর বিভব প্রভেদ E' অপেক্ষা বেশী হইলে কোষ কার্য করিবে। বহির্বর্তনীতে তামা হইতে দম্ভাতে তড়িৎপ্রবাহ হইবে। এই অবস্থায় রুজ্বতাপ তড়িৎ-চালনে কোষের উষ্ণতা হ্রাস পায় এবং সমোষ্ণ তড়িৎ চালনে কোষ বাহির হইতে তাপ গ্রহণ করে। উৎক্রমনীয় তড়িৎকোষকে একটি কার্নো এঞ্জিন হিসাবে ব্যবহার করা যাইতে পারে। সূচক চিত্র (6.10)-এর সাহায্যে যে চারিটি পর্যায়ে কার্নো-চক্র সম্পর্ণ হয় তাহা বুঝানো গোল।
- $1. \ a
 ightarrow b$, পোটেন্সিওমিটার বর্তনীতে পরিবাহীর দৃই প্রান্তের বিভব প্রভেদ E' কোষের তড়িচ্চালক বল অপেক্ষা অণু-পরিমাণ বেশী রাখা হইল

(E'>E)। কোষটিকে তাপ-অন্তরক ধারা আর্ড রাধিরা বহিবর্তনীতে দন্তা হইতে তামাতে তড়িং-চালনা করা হইবে। কোষের অভায়রে উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে উচ্চ বিভব হইতে নিম্ন বিভব অভিমূখে তড়িং চালিত হইবে। এই কারণে কোষের উক্তা বৃদ্ধি পাইবে।



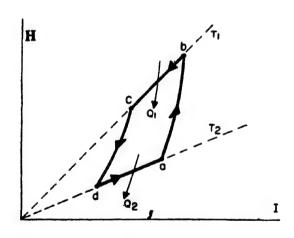
600 6:10

- 2. b
 ightharpoonup c, কোষের উষ্ণতা বৃদ্ধি পাওয়ার পর ঐ একই উষ্ণতার কোন তাপস্থাপীর (thermostat) মধ্যে কোষটিকে রাখা হইবে। এই অবস্থায় বর্তনীর বহিন্তাগে তামা হইতে দপ্তাতে আপাত-সামাীর উপায়ে তড়িং-চালনা করা হইবে (E' < E)। এই সময়ে কোষটি তাপস্থাপী হইতে তাপ গ্রহণ করিবে।
- 3. c
 ightharpoonup d, কোষটিকৈ পুনরায় অন্তরক দ্বারা আর্ত করিয়া বর্তনীর বহিন্তাগে তামা হইতে দন্তাতে আপাত-সামাীয় উপায়ে তড়িং-চালনা করা হইবে (E' < E)। কোষের অভ্যন্তরে নিমু বিভব হইতে উচ্চ বিভবে তড়িং চালিত হয় এবং সেই কারণে কোষের উষ্ণতা হ্রাস পায়। কোষটি প্রারম্ভিক উষ্ণতায় পৌছাইবার পরে তড়িংপ্রবাহ বন্ধ করা হইল।
- 4. $d \rightarrow a$, অন্তরকটিকে সরাইরা কোষটিকে একই উষ্টার তাপস্থাপীর মধ্যে রাখা হইবে। এই পর্যারে বর্তনীর বহির্ভাগে দন্তা হইতে তামাতে তড়িং চালিত হইবে। অন্যান্য বারের মতো এক্ষেত্রেও তড়িং-চালনা আপাত-সাম্যীর উপারে হইবে। কোষটি এই সমরে তাপস্থাপীতে তাপ বর্জন করিবে।

(e) প্যারাচ্ছক বস্তকে লইয়া কার্নো এঞ্জিল (Operation of Carnot cycle by a paramagnetic substance)—প্যারাচ্যকীর বস্তু বে একটি তাপগতীয় তক্ষ হিসাবে বিবেচিত হইতে পারে সে বিষয়ে পূর্বেই আলোচনা করা হইয়াছে [1.10 অনুচ্ছেদ]। আমরা জানি পারোচ্যকীর বস্তু অসংখা অণু-চ্যুকের সমন্তরে গঠিত। চৌয়ক বল ক্ষেত্রে এই অণু-চ্যুকগুলি সারিবন্ধ অবস্থার আসিতে চেন্টা করে এবং ইহার ফলে উহার চৌয়কম্ব বৃদ্ধি পার। চৌয়কম্ব বৃদ্ধিতে একক আয়তনের জন্য কার্য,

$\delta W = H dI$

এক্ষেত্রে H চৌমুক বলক্ষেত্রের তীব্রতা এবং I চৌমুক-প্রাবল্য বা একক আয়তনে চৌমুক-ভ্রামক। প্যারাচুমুক বস্তৃকে কার্নো এঞ্জিনের কার্যকরী তল্র হিসাবে কাঙ্গে লাগাইলে যে চারিটি পর্যায়ে এঞ্জিন আর্বাতত হইবে তাহা হইতেছে (চিত্র 6:11)—



डिज 6.11

- $1. \ a \rightarrow b$, রন্ধতাপ উৎক্রমনীয় চৌমুকীকরণ (reversible adiabatic magnetisation)। প্যারাচুমুক বস্তুকে তাপ-অন্তরকের মধ্যে রাখিয়া চৌমুকক্ষেত্রের তীরতা ক্রমাগত অণ্-পরিমাণে বৃদ্ধি করা হইবে। এই সময়ে তন্ত্রের উপর কার্য করা হইবে এবং উহার উক্তা বৃদ্ধি পাইবে।
- $2.\ b
 ightharpoonup c$, সমোক উৎক্রমনীয় নিন্চোয়কীকরণ (isothermal reversible demagnetisation) । উক্তা বৃদ্ধি পাওয়ার পর উহাকে

একই উক্তার তাপস্থাপীর মধ্যে রাখিয়া চৌয়ককেরের তীরতা ক্রমাগত অণ্-পরিমাণ হ্রাস করা হইবে। নিশ্চৌয়কীকরণে তদ্ম কার্য করিবে। তাপস্থাপী হইতে তাপ-সংগ্রহের দরন্দ উক্তা স্থির থাকে।

- $3. \ c \rightarrow d$, রুদ্ধতাপ উৎচেমনীয় নিশ্চোয়কীকরণ। এই পর্বায়ে প্যারাচ্যুক বস্তুকে তাপ-অম্বরকের মধ্যে রাখিয়া চৌয়ক বল পর্যায়চমে অণু-পরিমাণ হ্রাস করিতে থাকিলে নিশ্চোয়কীকরণের শেষে উহার উক্তা হ্রাস পাইবে। তন্দ্র প্রারম্ভিক উক্তার ফিরিলে কার্নো-চ্চের তৃতীয় পর্যায়ের পরিবর্তন শেষ হইবে। এই পর্যায়ে তন্দ্র নিজে কার্য করিবে।
- 4. $d \rightarrow a$, সমোক উৎক্রমনীর চৌমুকীকরণ। একই উক্তার একটি তাপন্থাপীর মধ্যে প্যারাচুম্বক বস্তুকে রাখিরা চৌমুক ক্লেরে তীব্রতা পর্বারক্রমে অণ্-পরিমাণে বৃদ্ধি করা হইবে। এই সময়ে তল্মের উপর কার্য করা হইবে, এবং তাপন্থাপীতে উহা তাপ বর্জন করিবে।

উল্লেখ করা যায় যে কার্নো-চক্রে এঞ্জিন যে কার্য করিবে প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে তাহা abcd ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান। দৃইটি নিদিন্ট উষ্ণতার উৎসের মধ্যে এঞ্জিনের প্রতিটি আবর্তনে কার্যের পরিমাণ, কার্যকরী তব্র যে পরিমাণ তাপ গ্রহণ ও বর্জন করে, তাহাদের উপর নির্ভর করে। স্চুক চিত্রে a, b, c, d বিন্দৃর স্থানাক্ষ এঞ্জিনের আকার ও উহার কার্যকরী তব্রের পরিমাণের উপর নির্ভর করিবে—কিন্তু ইহাতে এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতার তারতম্য হইবে না।

উপরে বর্ণিত এঞ্জিন-চক্রের প্রত্যেকটি পর্বায়ে কার্যকরী তদ্মের পরিবর্তন উৎক্রমনীর প্রক্রিয়ার অনুষ্ঠিত হয় বলিয়া তদ্মের পরিবর্তন পূর্বালখিত পরিক্রমার বিপরীতমুখীও হইতে পারে। অর্থাৎ abcda-এর পরিবর্তে কার্যকরী তদ্মের পরিবর্তন adcba পথে অনুষ্ঠিত হওয়া সম্ভব। এই চক্রকে হিমায়ন চক্র বলা হইবে। এজনা Q_1 , Q_2 , W_1 , W_2 , W_3 , W_4 প্রত্যেকটি ক্ষেক্রে এক থাকিলেও উহাদের চিন্তের পরিবর্তন ঘটিবে (they will change sign)।

6'13. কার্নো উপপাত (Carnot's theorem):

পরবর্তী আলোচনার দেখা বাইবে বে, তাপগতিতত্ত্বে কার্নো এজিনের একটি বিশেষ ভূমিকা আছে। এই এজিনের গৃরুত্ব সম্পর্কে কার্নো নিজেই প্রথম আলোকপাত করেন। কার্নোর এই সিদ্ধান্ত কার্নো উপপাদ্য নামে অভিহিত হয়। সিদ্ধান্তটি এইরূপ— নির্দিন্ট উক্তার দুইটি তাপীর উৎসের সহিত তাপ-বিনিমরে চালিত এঞ্জিনগুলির মধ্যে কার্নো এঞ্জিন অপেকা অধিক বাল্মিক-দক্ষতা সম্পন্ন অন্য কোন এঞ্জিন থাকিতে পারে না (working between the same two heat reservoirs no engine can be more efficient than a Carnot engine)।

কার্নো উপপাদ্য হইতে নিম্নলিখিত অনুসিদ্ধান্ত (corollary)-দৃটি অনুমান করা যাইতে পারে ঃ

অনুসিদান্ত 1. দৃইটি নির্দিন্ট তাপীয় উৎসের মধ্যে চালিত প্রত্যেকটি কার্নো এঞ্জিনের যাল্যিক-দক্ষতা সমান।

অসুসিদান্ত 2. দৃইটি নির্দিন্ট তাপীয় উৎসের মধ্যে চালিত একটি অনুংক্রমনীয় এঞ্জিনের যাল্ফিক-দক্ষতা ঐ একই উৎসন্বয়ের মধ্যে চালিত কার্নো এঞ্জিনের বাল্ফিক-দক্ষতা অপেক্ষা কম।

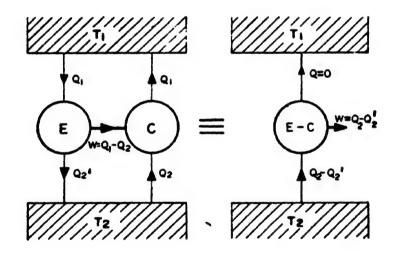
কার্নো উপপাত্তের প্রমাণ (Proof of Carnot's theorem)—
তাপগতিতত্ত্বর দ্বিতীয় সূত্রের সাহায্যে কার্নোর উপপাদাটি প্রমাণ করা যায়।
মনে করি, নির্দিন্ট উক্ষতার তাপীয় উৎসন্বয়ের মধ্যে দুইটি এঞ্জিন চালিত
হইয়াছে। এঞ্জিন-দুইটির মধ্যে একটি কার্নো এঞ্জিন C এবং অন্যটি থেকোন
এঞ্জিন E। দ্বিতীয় এঞ্জিন E উৎক্রমনীয় অথবা অনুংক্রমনীয় উভয় প্রকারের
হইতে পারে। এঞ্জিন-দুইটির প্রতিটি আবর্তনে কার্যকরী তক্র কর্তৃক গৃহীত ও
বর্জিত তাপ এবং উহাদের দ্বারা সম্পাদিত কার্য নিমুবর্ণিত তালিকাটির সাহায্যে
প্রকাশ করা হইল।

	কাৰ্নো এঞ্চিন C	অশু এঞ্চিন E
উক্তর উৎস হইতে তন্ম কর্তৃক) গৃহীত তাপ	Q_1	Q_1
নিম্ন উক্তার উৎসে তক্ম কর্তৃক } বজ্জিত তাপ	Q_{\bullet}	${\bf Q_s}'$
প্রতি আবর্তনে এঞ্চিন কর্তৃক সম্পাদিত কার্য	$W = Q_1 - Q_2$	$W' = Q_1 - Q_2'$
এঞ্চিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা	ηο	η_E

আমরা প্রথমেই অনুমান করিয়াছি যে, উভয় প্রকারের এঞ্জিন তাপ-প্রদায়ক বা প্রভব হইতে একই পরিমাণ তাপ সংগ্রহ করিয়াছে। এঞ্জিন-দুইটিতে কার্যকরী তদ্মের পরিমাণ সঠিকভাবে নিয়দ্মণ করিলে ইহা সম্ভব হইতে পারে। মনে করি, এঞ্চিন ${f E}$, এঞ্চিন ${f C}$ অপেকা অধিক যান্দ্রিক-দক্ষতা সম্পন্ন, অর্থাৎ $\eta_R > \eta_C$ ।

এই কারণে,
$$\frac{W'}{Q_1} > \frac{W}{Q_1}$$
 অথব। $\frac{Q_1 - Q_2'}{Q_1} > \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1}$ $Q_2' < Q_2$ \cdots (6·1)

কার্নো এঞ্চন একটি উৎক্রমনীর এঞ্জন এবং সেই কারণে ইহাকে বিপরীত দিকে চালনা করা যাইতে পারে। কল্পনা করা যাক বে, এঞ্জন E কার্নো এঞ্জন C-কে বিপরীত দিকে চালনা করিয়াছে। এক্ষেত্রে কার্নো এঞ্জন C-হিমায়কের ন্যার বাবহৃত হইবে কিন্তু E ও C উভরে একত্রে একটি বৌখ এঞ্জন (composite engine) সৃষ্টি করিবে (চিত্র 6.12)। এই



हिज 6·12

বোধ এঞ্চিনের কার্নো এঞ্জিন অংশ নিমু উক্টার তাপীর উৎস হইতে Q_{\bullet} তাপ সংগ্রহ করিয়া উক্টার উৎসে Q_{\bullet} তাপ বর্জন করিবে । কার্নো এঞ্জিনকে বিপরীত দিকে চালনা করিতে প্রয়োজনীর কার্য $W=Q_{\bullet}-Q_{\bullet}$, এঞ্জিন E হইতে পাওয়া বাইবে ।

এক্ষণে বৌথ এঞ্চিনের একটি আবর্তনে বিভিন্ন অংশে পরিবর্তন ও মোট সম্পাদিত কার্বের হিসাব দেখা বাক।

- 1. এজিন E উক্তর উৎস হইতে Q_1 তাপ গ্রহণ করিবে, কিছু কার্নো এজিন C ঐ উৎসে Q_1 তাপ বর্জন করিবে। অর্থাৎ এই উৎসের তাপীর অবস্থার কোন পরিবর্তন হইবে না।
- 2. এঞ্জিন E নিম্ন উক্ষতার উৎসে Q_{s}' তাপ বর্জন করিয়াছে, পক্ষান্তরে এঞ্জিন C ঐ উৎস হইতে Q_{s} তাপ সংগ্রহ করিয়াছে। সৃতরাং বোধ এঞ্জিন কর্তৃক ঐ উৎস হইতে মোট গৃহীত তাপ $Q_{s}-Q_{s}'$ । সমীকরণ $(6\cdot1)$ -এর সর্তানুসারে ইহা অবশাই একটি ধনাত্মক রাশি।
- 3. এঞ্চিন E উহার একটি আবর্তনে Q_1-Q_2' কার্য করিবে, কার্নো এঞ্চিনকে বিপরীত মৃখে চালনা করিতে Q_1-Q_2 কার্যের প্রয়োজন । সৃতরাং যৌথ এঞ্চিনের একটি আবর্তনে বাহিরে মোট কার্য পাওয়া যায় Q_2-Q_2' ।

এঞ্জিন E ও এঞ্জিন C-এর কার্যকরী তদ্ম আবর্তন অন্তে প্রারম্ভিক অবস্থার প্রত্যাবর্তন করিবে এবং সেই সঙ্গে উষ্ণতর তাপীর উৎসে কোন পরিবর্তন হইবে না। দেখা যায় যে, যৌথ এঞ্জিনটির আবর্তনে কেবলমাত্র একটি উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া উহার সমস্ভটুকুকেই কার্যে রূপান্তরিত করা সম্ভব হইবে—এজন্য অন্যত্র কোন পরিবর্তন সৃষ্টির প্রয়োজন হয় না। দ্বিতীয় সূত্র অনুসারে ইহা অসম্ভব। অতএব আমাদের অনুমান ঠিক হইতে পারে না—অর্থাক

$\eta_E \geqslant \eta_C$

প্রমাণিত হইল দুইটি নির্দিন্ট তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন অপেক্ষা অধিক যাল্রিক-দক্ষতার অন্য কোন এঞ্জিন থাকিতে পারে না । মনে করা যাক, এঞ্জিন E নিজেও একটি কার্নো এঞ্জিন ৷ দুইটি কার্নো এঞ্জিনের একটিকে C_1 এবং অন্যটিকে C_2 বলিয়া চিহ্নিত করা হইল ৷ ধরা যাক, উহাদের যাল্রিক-দক্ষতা যথাক্রমে η_1 ও η_2 ।

এঞ্জিন C_1 কর্তৃক এঞ্জিন C_2 বিপরীত দিকে চালিত হইবে অনুমান করিলে একইভাবে প্রমাণ করা যায়

$\eta_1 > \eta_2$

পক্ষান্তরে এঞ্জিন C_s কর্তৃক এঞ্জিন C_s বিপরীত দিকে চালিত হইয়াছে ধরিয়া লইয়া প্রমাণ করা যায়

 $\eta_* \geqslant \eta_1$

সূতরাং গু = গু ।

প্রমাণিত হইল বে, নির্দিন্ট দুইটি তাপীর উৎসের মধ্যে চালিত প্রত্যেকটি কার্নো এক্সিনের যাল্যিক-দক্ষতা একই হইবে—কার্যকরী তল্মের পরিমাণ ও প্রকৃতি বাহাই হউক না কেন।

বিতীর অনুসিদ্ধান্তটি প্রমাণ করিতে মনে করি, E একটি অনুংক্রমনীর এঞ্জিন । E এঞ্জিনের যান্তিক-দক্ষতা C এঞ্জিনের যান্তিক-দক্ষতার চেয়ে বেশী হইতে পারে না । যদি সম্ভব হয়, তবে মনে করা যাক, $\eta_B=\eta_C$ এবং সেক্ষেত্রে $Q_a=Q_a{}'$ ।

এঞ্জন E ও কার্নো হিমারক C (কার্নো এঞ্জনকৈ বিপরীত দিকে চালনা করা হইরাছে) বে বোধ এঞ্জনটি তৈয়ারী করে তাহার আবর্তনে তাপীর উৎসম্বরের কোনটিরই কোন পরিবর্তন হইবে না এবং বাহিরে কোন কার্য পাওয়া যাইবে না। অর্থাৎ অনুৎক্রমনীর এঞ্জন E-কে চালনা করায় বে পরিবর্তন হইবে কার্নো এঞ্জন C-কে বিপরীত দিকে চালনা করায় সেই পরিবর্তন সম্পূর্ণভাবে প্রশামত হইবে। অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তনের সংজ্ঞানুসারে ইহা অসম্ভব।

অত এব E অনুংক্রমনীয় এঞ্জিন হইলে $\eta_E \neq \eta_C$ । পূর্বেই প্রমাণ করা হইয়াছে $\eta_E \gg \eta_C$

$\eta_E < \eta_C$

অতএব দ্বিতীর অনুসিদ্ধান্তটিও প্রমাণিত হইল। অনুসিদ্ধান্ত-দুইটি প্রমাণ করিবার পর উহাদের সাহায্যে নিম্নলিখিত উপারে কার্নো উপপাদ্যকে প্রকাশ করা বাইতে পারে—

দুইটি নিাঁদন্ট তাপীর উৎসের সঙ্গে তাপ-বিনিময়ে কার্যরত এঞ্জিনগুলির মধ্যে কার্নো এঞ্জিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা সর্বাধিক (working between the same two heat reservoirs Carnot engine has the maximum efficiency)।

উল্লেখ করা প্রয়েজন, বেহেতু নিদিণ্ট তাপীর উৎসের মধ্যে কার্যরত প্রত্যেকটি কার্নো এজিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা এক ও অভিন সেই কারণে কার্নো এজিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা কার্যকরী তন্ত্রের প্রকৃতি বা পরিমাণের উপর নির্ভর করে না। ইহা কেবলমাত তাপীর উৎসব্বের উপতার উপর নির্ভর করে। কার্নো এজিন উৎক্রমনীর চক্রে আবর্তিত হয় বলিয়া বিতীর স্ত্রের কারণে উহাতে এই বৈশিণ্টা আরোপ করা হ ইল। অন্য বেকোন উৎক্রমনীর এজিনের জন্য কার্নো স্ত্রের সিদ্ধাত একইভাবে প্রযোজ্য। 6'14. আদেশ স্যাস কার্নো এজিন (Ideal gas Carnot engine):

আমরা এক্ষণে আদর্শ গ্যাস ব্যবহারে কার্নো এঞ্চিনের আলোচনা করিব এবং ঐ এঞ্চিনের যালিক-দক্ষতা হিসাব করিব। নির্দিষ্ট উৎসম্বরের মধ্যে অন্য যেকোন কার্যকরী তল্মের কার্নো এঞ্চিনের যালিক-দক্ষতা একই হইবে।

মনে করা যাক, কিছু পরিমাণ আদর্শ গ্যাস কোন স্পন্তকের অভ্যন্তরে একটি পিশ্টন দারা আবদ্ধ। ঐ স্পন্তকের তলদেশ ব্যতীত অন্য অংশ এবং পিশ্টনটি তাপ-অন্তরক বন্ধুর সাহায্যে তৈয়ারি। অনুমান করা হইল যে, পিশ্টনটি স্পন্তকের অভ্যন্তরে ঘর্ষণহীন অবস্থায় ওঠা-নামা করিতে পারে। পিশ্টনটির উপর প্রযুক্ত চাপ স্পন্তকের গ্যাসের চাপের সমান হইলে উহা সাম্যাবস্থার থাকিবে। পিশ্টনের উপর আরোপিত ভর ক্রমান্তরে অণু-পরিমাণে পরিবর্তন করিতে থাকিলে প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থার মধ্যে অসংখ্যবার সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইবে।

মনে করি, তাপীর উৎস A ও B-এর উক্কতা আদর্শ গ্যাস-ক্ষেক্তের ব্যাক্রমে T_1 ও T_2 এবং $T_1{>}T_2$ । C-একটি তাপ-অন্তরক চাক্তি; স্তন্তকটিকে C-এর উপর স্থাপন করিলে অভ্যন্তরেস্থিত গ্যাস তাপ-রক্ষ অবস্থার থাকিবে। এই ব্যবস্থার স্তন্তকের অভ্যন্তরে আদর্শ গ্যাসকে কার্যকরী তল্ম হিসাবে ব্যবহার করিয়া কার্নো-চক্রে এঞ্জিন চালনা করা সম্ভব হইবে। কার্যকরী তল্মের প্রকৃতি জানা থাকায় বিভিন্ন পর্যায়ে সম্পাদিত কার্য এবং উৎসের সঙ্গে তল্ম যে তাপ-বিনিময় করে তাহা হিসাবে করা সম্ভব হয়।

নিম্নে আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জন-চক্রের বিভিন্ন পর্যায়ে তব্ছের পরিবর্তন পুথকভাবে আলোচনা করা হইল (চিত্র 6.7 দুখব্য)।

1. কৃত্তাপ উৎক্রমনীয় সংনমন—

- (a) প্রথমেই স্তম্ভকটিকে তাপীয় উৎস B-এর (উক্তা T_{\bullet}) উপর রাখা হইল । উৎসের সঙ্গে তাপ-বিনিময়ে স্তম্ভকটি এবং উহার ভিতরে গ্যাস উক্তা T_{\bullet} -তে পৌছাইবে ।
 - (b) এইবার স্তন্তকটিকে C-এর উপর রাখা গেল।
- (c) তাপ অন্তরিত অবস্থার পিস্টনের উপর ভর ক্রমান্বরে অণু-পরিমাণ বৃদ্ধি করিরা চলিলে অবরুদ্ধ গ্যাস আপাত-সাম্যে সংনমিত হইবে। রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর সংনমনে গ্যাসের উক্তা বৃদ্ধি পাইরা T_1 (উৎস A-এর উক্তা)

হইলে এই প্রক্রিয়া বন্ধ করা হইবে। গ্যাসের উপর বাহির হইতে বে কার্য করা হইল তাহার বিনিময়ে গ্যাসের আন্তর-শক্তি বৃদ্ধি পায়। ধরা বাক, এই পর্বারে গ্যাসের প্রারম্ভিক ও অন্তিম আয়তন যথাক্রমে V_a ও V_b ।

রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে $\Delta Q = 0$ । প্রথম সূত্র অনুসারে এই পরিবর্তনের জন্য কার্য W_{\bullet} হইবে,

$$W_1 = -\Delta U$$

আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তি কেবল মাত্র উক্তার অপেক্ষক এবং

$$U = C_v T + U_o$$

 $\therefore \Delta U = C_v (T_1 - T_2)$
অতএব $W_1 = -\Delta U = -C_v (T_1 - T_2)$ \cdots (6.2)

 $T_1>T_2$, সৃতরাং W_1 ঋণাত্মক রাশি—এক্ষেত্রে গ্যাসের উপর বাহির হইতে কার্য করা হইয়াছে ।

2. সমোক উৎক্রমনীয় প্রসারণ স্তম্ভকটিকে C হইতে সরাইরা উৎস A-এর উপর স্থাপন করা হইল। এই অবস্থার পিশ্টনের উপর ভর পর্যারক্রমে অণু-পরিমাণ হ্রাস করিলে উৎক্রমনীয় প্রক্রিয়ার গ্যাসের আয়তন প্রসারিত হয়। এই পর্যায়ে গ্যাসের আয়তন V_c হওয়ার পর পরিবর্তন স্থাগত রাখা হইল। গ্যাস-ভতি স্তম্ভকটি তাপীয় উৎসের উপরে বসানো থাকার ফলে এই সময় গ্যাসের উক্তার কোন তারতম্য হইবে না।

এই উৎক্রমনীর সমোক প্রসারণে গ্যাস কার্য করে। সম্পাদিত কার্য

$$W_{s} = \int_{V_{b}}^{V_{c}} P dV = RT_{1} ln. \frac{V_{c}}{V_{b}} \qquad \cdots \qquad (6.3)$$

এই প্রসারণের সমর তাপীর উৎস হইতে সংগৃহীত তাপ 🔾, হইবে

$$Q_1 = W_2 + \Delta U = RT_1 ln. \frac{V_o}{V_b} \qquad \cdots \qquad (6.4)$$

কারণ সমোক পরিবর্তনে AU=0।

3. ক্রছতাপ উৎক্রেমনীর প্রসারণ—গুডকটিকে তাপীর উৎস হইতে সরাইরা লইরা পুনরার C-এর উপর বসানো হইল। ক্রছতাপ উৎক্রমনীর

প্রসারণে গ্যাসের উষ্টতা হ্রাস পাইয়া পুনরায় T_a হওয়ার পর (এই পর্বায়ে গ্যাসের অন্তিম আয়তন V_a) গ্যাসের প্রসারণ বন্ধ রাখা হইবে ।

রুদ্ধতাপ প্রসারণে $\Delta Q = 0$ । এই পর্যায়ে সম্পাদিত কার্য

$$W_s = -\Delta U = -C_v(T_2 - T_1) = C_v(T_1 - T_2) \cdots (6.5)$$

 $T_1>T_2$ এবং এই কারণে W_3 ধনাত্মক রাগি, অর্থাৎ এই পর্যায়ে গ্যাস নিচ্ছে কার্য করে । লক্ষ্য করিবার বিষয়, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর প্রসারণ ও সংনমনে কার্যের পরিমাণ একই থাকে । তবে প্রসারণের সময় উহা ধনাত্মক রাগি (গ্যাস কার্য করে) এবং সংনমনের সময় উহা ঝণাত্মক রাগি (গ্যাসের উপর কার্য করা হয়) । এই দুই পর্যায়ে মোট কার্য শূন্য হইবে ।

4. সমোক উৎক্রমনীয় সংনয়ন—এই পর্যায়ের শুরুতে C হইতে স্ভঙ্গটেকে সরাইয়া লইয়া B-এর উপর স্থাপন করা হইল । গ্যাসকে উৎক্রমনীয় সংনয়নে পুনরায় প্রারম্ভিক আয়তনে V_a -তে ফিরাইয়া আনা হইবে । স্প্রস্তুকটি এই পর্যায়ে তাপীয় উৎস B-এর উপর থাকায় উহার অভ্যন্তরে গ্যাসের উষ্ণতার কোন পরিবর্তন হয় না । সমোক উৎক্রমনীয় সংনয়নের পরে কার্নো চক্র সম্পূর্ণ হইবে ।

সমোক উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে প্রয়োজনীয় কার্য

$$W_4 = \int_{V_d}^{V_a} P dV = RT_3 \ln \frac{V_a}{V_d} = -RT_3 \ln \frac{V_d}{V_a} \cdots (6.7)$$

 $V_a > V_a$, W_a ঝণাত্মক রাশি হইবে। এক্ষেত্রে গ্যাসের উপর কার্য করা হইয়াছে। নিমু উক্ষতার তাপীয় উৎস B-তে বর্জিত তাপ Q_a হইবে

$$Q_{2} = -(W_{4} + \Delta U) = RT_{2}ln \cdot \frac{V_{a}}{V_{a}} \quad \cdots \quad (6.8)$$

সমোক পরিবর্তনে $\Delta U = 0$ ।

লক্ষ্য করিবার বিষয়,

- (a) প্রতিটি পর্যায়ে কার্যকরী তন্দ্রের পরিবর্তন আপাত-সাম্যীয় পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইয়াছে।
 - (b) ঘর্ষণের জন্য কোন তাপ উৎপন্ন হয় নাই।
- এবং (c) তদ্ম ও উৎসের মধ্যে তাপ-বিনিময় আপাত-সাম্যে অনুষ্ঠিত হইয়াছে, কারণ ক্তম্ভকটিকে যখন উৎসের উপর স্থাপন করা হইয়াছে তখন উভয়ের মধ্যে উক্তার পার্থক্য থাকে না।

এই এজিনের যান্ত্রক-দক্ষতা হিসাব করিতে রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে আদর্শ গ্যাসের সমীকরণের সাহাব্য লওয়া হইবে। একেত্রে আমরা জানি,

$$TV^{\gamma-1} = \text{grap} \qquad \left[\gamma = \frac{C_p}{C_v} \right]$$

সূচক চিত্রে c এবং d বিন্দৃষর রুষতাপ পরিবর্তনের প্রারম্ভিক ও অন্তিম দশা নির্দেশ করে, এই কারণে

$$T_1 V_c^{\gamma - 1} = T_2 V_d^{\gamma - 1} \qquad \cdots \qquad (6.9)$$

একই কারণে,
$$T_1 V_b^{\gamma-1} = T_2 V_a^{\gamma-1}$$
 ··· (6·10)

অতএব
$$\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{V}_b} = \frac{\mathbf{V}_a}{\mathbf{V}_a}$$
 ... (6.11)

সমীকরণ (6:4) হইতে

$$\frac{Q_1}{T_1} = R \ln \frac{V_c}{V_b}$$

এবং সমীকরণ (6.8) হইতে

$$\frac{\mathbf{Q}_{s}}{\mathbf{T}_{s}} = \mathbf{R} \ln \frac{\mathbf{V}_{d}}{\mathbf{V}_{a}}$$

$$\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_2}$$

এঞ্জিনের বান্দ্রিক-বন্ধতা
$$\eta=\frac{W}{Q_1}=\frac{Q_1-Q_2}{Q_1}=1-\frac{Q_3}{Q_1}$$

$$=1-\frac{T_3}{T_1} \qquad \cdots \quad (6.12)$$

একেরে T_1 ও T_s উক্তার তাপীর উৎসের সহিত তাপ-বিনিমর করিরা বে আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জিন আবর্ডিত হর তাহার বাশ্রিক-দক্ষতা হিসাব করা হইরাছে। আমরা জানি, কার্নো এঞ্জিনের বাশ্রিক-দক্ষতা কেবলমার উৎস-বৃইটির উক্তার উপর নির্ভর করে—কার্যকরী তব্যের প্রকৃতির উপর কার্নো এঞ্জিনের বাশ্রিক-দক্ষতা কথনই নির্ভর করে না (কার্নো উপপাদ্য)। অতএব T_1 ও T_2 উক্তার মধ্যে চালিত প্রত্যেকটি কার্নো এঞ্জিনের বাশ্রিক-দক্ষতা সমীকরণ (6°12)-এর সাহাব্যে লেখা চলিবে। আমাদের আলোচনার T_1 ও

T আদর্শ গ্যাস-ক্রেলে উক্তা নির্দেশ করে। গ্যাস-ক্রেলের পরিবর্তে অন্য কোন ক্রেলে উক্তা মাপিলে কার্নো এঞ্জিনের যাশ্রিক-দক্ষতা ঐ সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করা যাইবে না। সেক্ষেত্রে গু উৎস-দৃটির উক্তার অন্য কোন অপেক্ষক হইবে।

সমীকরণ (6·12) হইতে দেখা যায় যে, এঞ্জিনের যাল্ফিক-দক্ষতা বৃদ্ধি করিতে হইলে উক্তর উৎসের উক্তা বৃদ্ধি করিতে হয় অথবা নিমু উক্তার উৎসের উক্তা হ্রাস করা প্রয়োজন হয়। লক্ষ্য করা যাইতে পারে, n=1 হইলে $Q_2=0$ হইবে। অর্থাৎ গৃহীত তাপের সমস্ভটুকুই কার্যে রূপান্তরিত হইবে—কোন তাপই বর্জন করিবার প্রয়োজন হয় না। আবর্তন-অন্তে কার্যকরী তল্ফেরও কোন পরিবর্তন হয় না। কিন্তু দ্বিতীয় সূত্র অনুসারে ইহা অসম্ভব। অতএব সর্বাপেক্ষা যাল্ফিক-দক্ষতা সম্পন্ন এঞ্জিনের দক্ষতা 100% হইতে পারে না। ইহা এঞ্জিনের গঠন-কোশলের কোন ক্রটি নয়—প্রকৃতির নিয়মই এই সীমাবদ্ধতার সৃত্তি করিয়াছে।

উদাহরণ 1. কার্নো এঞ্জিনের খাদের উষ্ণতা 15°C এবং উহার যাদ্রিক-দক্ষতা 40%। এঞ্জিনের যাদ্রিক-দক্ষতা বাড়াইরা 60% করিতে গেলে তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতা কি পরিমাণে বাড়াইতে হইবে ?

খাদের উষ্ণতা =
$$(273+15)^\circ K = 288^\circ K$$

মনে করি তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতা = $T_1^\circ K$

প্রশ্নানুসারে, '
$$4=1-\frac{288}{T_1}$$
', অথবা $T_1=480$ °K

মনে করা বাক, তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতা $T_{\mathbf{1}}'$ হইলে এঞ্জিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা 60% হইবে ।

∴
$$6 = 1 - \frac{288}{T_1}$$
 অথবা $T_1' = 720$ °K

অতএব তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতা (720 – 480) = 240°K বা 240°C বৃদ্ধি করিলে এঞ্জন আকান্দিত যান্ত্রিক-দক্ষতা অর্জন করিবে।

2. কার্নো এঞ্জিন গৃহীত তাপের है অংশকে কার্বে রূপান্তরিত করে। খাদের উক্তা 62°C হ্রাস করিলে এঞ্জিনের ব্যাল্যক-দক্ষতা বিগৃণ হইবে। খাদ ও তাপ-প্রদারকের উক্তা হিসাব কর।

এঞ্জনের বালিক-দক্ষতা,

$$\eta = \frac{W}{Q_1} = \frac{1}{6} = 1 - \frac{T_1}{T_1}$$
अथवा $\frac{T_2}{T_1} = \frac{5}{6}$

প্রশ্বানুসারে,

$$\eta' = \frac{W'}{Q_1} = \frac{1}{3} = 1 - \frac{(T_3 - 62)}{T_1}$$

অথবা
$$1 - \frac{T}{T_1} + \frac{62}{T_1} = \frac{1}{3}$$

$$T_1 = \frac{62}{6}$$
; $T_2 = 372$ °K of 99°C

∴
$$T_s = 310^{\circ} \text{K}$$
 1 37°C

3. একটি পাত্রে রাখা বরফ প্রতি ঘণ্টার 3 kgm হারে গাঁলতে থাকে। হিমারক চালনা করিয়া ঐ বরফকে গলন হইতে রক্ষা করিতে গোলে মোটরের ক্ষমতা ন্যুনপক্ষে কত হওয়া প্রয়োজন ? বায়ুমগুলের উষ্ণতা 27°C।

পারিপাশ্বিক বায়্-মাধ্যম হইতে বরফ-রাখা পাত্রে বে পরিমাণ তাপ প্রবেশ করে তাহা হইবে

$$Q=3\times10^{8}\times80\times4^{2}$$
 Joules/hour
= $100^{8}\times10^{4}$ Joules/hour

হিমারক চালনা করিরা কম পক্ষে ঐ পরিমাণ তাপ অপসারণ করিতে পারিলে তবেই বরফকে গলন হইতে রক্ষা করা বাইবে। একটি শীতল উৎস হইতে নিশ্বিট পরিমাণ তাপ অন্য একটি উক্তর উৎসে চালনা করিতে প্ররোজনীয় কার্য কার্নো-হিমায়কের জন্য সর্বাপেক্ষা কম। কার্নো-হিমায়ক বিপরীতমুখী উৎক্রমনীয় এঞ্জিন এবং ইহার জন্য

$$\frac{Q}{W} = \frac{T_s}{T_1 - T_s} = \frac{273}{300 - 273}$$

অথবা
$$W = \frac{27}{273}$$
 $Q = \frac{27}{273} \times 100.8 \times 10^4$ Joules/hour

এঞ্জিনের ক্ষমতা
$$P = \frac{27}{273} \times \frac{100.8 \times 10^4}{60 \times 60}$$
 watts $= 28$ watts (approx.)

6.15. উষ্ণভাৱ কেল্ভিনীয় ক্ষেল বা উষ্ণভাৱ নিরশেক ক্ষেল (Kelvin scale of temperature or Absolute scale of temperature), পরস্পুত্ত (Absolute zero):

উষ্ণতা-মাপনের সকল ক্ষেত্রেই কোন একটি তল্মের ভৌত পরিবর্তনের সাহায্য লওয়া হয়। বহুল ব্যবস্থাত কয়েকটি থার্মোমিটারের ব্যবহার সম্পর্কে সংক্ষেপে আলোচনা করা যাক।

- (a) পারদ ও অ্যাল্কোহল থার্মোমিটার—উক্ষতা বৃদ্ধিতে তরলের আয়তন বৃদ্ধি পায় এই তথ্যকে কাজে লাগাইয়া এই দৃই ধরনের থার্মোমিটার তৈয়ারী হইয়াছে।
- (b) রোধ থার্কোমিটার (resistance thermometer)—
 উষ্ণতার তারতম্যে পরিবাহীর রোধের পরিবর্তনকে কাজে লাগানো হইয়াছে।
- (c) ভাপ-যুগ্ম থার্মোমিটার (thermocouple thermometer)—এক্ষেত্রে কোন একটি সন্ধিতে (junction) উষ্ণতা-পরিবর্তনে তড়িচ্চালক বলের পরিবর্তনকে কাজে লাগানো হইয়াছে।

উপরোক্ত তিন শ্রেণীর থার্মোমিটারে ভৌত পরিবর্তনের হার পৃথক্ তন্দ্রের জন্য পৃথক্ হইয়া থাকে। এই কারণে এই তিন শ্রেণীর থার্মোমিটারে ব্যবস্থত বিভিন্ন তন্দ্রের জন্য উক্ষতার স্কেল পৃথক্ভাবে স্থির করিতে হয়।

(d) আদর্শ গ্যাস-থার্কোমিটার (perfect gas thermometer)—ছির চাপে উক্তা বৃদ্ধি করিলে গ্যাসের আয়তন বৃদ্ধি পার এবং ছির আয়তনে উক্তা বৃদ্ধিতে গ্যাসের চাপ বৃদ্ধি পার। এই পরিবর্তনের হার বিভিন্ন আদর্শ গ্যাসের জন্য একই হইবে। ভৌত পরিবর্তনের হার প্রত্যেকটি

আদর্শ গ্যাসের জন্য এক হওরাতে বিভিন্ন আদর্শ গ্যাসের জন্য উকতার ক্ষেল পৃথকৃতাবে নিরূপণ করিবার প্রয়োজন হর না। এইজন্য অনেক সমর আদর্শ গ্যাস-থার্মোমিটারের ক্ষেলকে উক্ষতার পরম ক্ষেল বা নিরপেক্ষ ক্ষেল (absolute scale) বলা হর। এই ক্ষেল কোনদ্রমেই তল্য-নিরপেক্ষ বা পরম ক্ষেল হইতে পারে না। কেবলমাত্র আদর্শ গ্যাস ব্যবহারের সীমিত ক্ষেত্রে ঐ উক্তার ক্ষেলকে ভক্য-নিরপেক্ষ ক্ষেল বলা চলে। আদর্শ গ্যাস ব্যতীত অন্য বেকোন তল্যের জন্য—এমন কি বাস্কব গ্যাসের জন্যও এই ক্ষেল প্রযোজ্য নর।

তাপগতিতত্ত্বের সাহাব্যে কেল্ভিন সর্বপ্রথম তন্দ্র-নিরপেক্ষ উক্তার কেল সম্পর্কে আলোকপাত করেন এবং দেখান যে, সেণ্টিগ্রেড নিরপেক্ষ কেল (বরফের হিমান্ক ও জলের স্ফুটনান্কের বাবধান 100°) ও আদর্শ গ্যাস-কেল অভিনে। আমরা জানি, কার্নো এঞ্জিনের যান্দ্রিক-দক্ষতা কেবলমাত্র তাপীর উৎসন্থরের উক্তার উপর নির্ভর করে। কার্যকরী তন্দ্রের পরিমাণ ও প্রকৃতি কার্নো এঞ্জিনের যান্দ্রিক-দক্ষতাকে কোনভাবেই নির্দ্রণ করে না। এই তথ্যকে ভিত্তি করিয়া কেল্ভিন বিজ্বত আলোচনার স্ত্রপাত করেন। কেল্ভিন নির্দেশ্ব উক্তার ক্রেল তক্ষ্য-নিরপেক্ষ বালয়া ইহাকে উক্তার পরম ক্রেল বা নিরপেক্ষ ক্রেল বলা হয়। এই সম্পর্কে নিমে বিশাদভাবে আলোচনা করা হইল।

মনে করা বাক, করেকটি তাপীর বন্ধুর উকতা আদর্শ গ্যাস ক্লেলে T_1 , $T_s\cdots T_n$ এবং অন্য বেকোন ক্লেলে উহাদের উকতা যথান্তমে $\theta_1,\ \theta_s\cdots \theta_n$ । $\theta-T$ লেখটির সাহাব্যে T-কে θ -র অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করা বাইতে পারে। $T=f(\theta)$ এই অপেক্ষকটি অবশ্যই θ -র এক মানের অপেক্ষক (single valued function of θ) হইবে। আমরা জ্ঞানি, T_1 ও T_s উকতার তাপীর উৎসে কার্নো এঞ্জিন যথান্তমে Q_1 ও Q_2 তাপ-বিনিমর করিলে

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{f(\theta_1)}{f(\theta_2)} \qquad \cdots \qquad (6.13)$$

উপরের সমীকরণটি হইতে দেখা বাইতেছে বে, Q_1/Q_2 অনুপাত কার্নো এজিনে ব্যবস্থাত বন্ধু বা তন্দের গুণাগুণের উপর নির্ভর করে না। উহা তাপীর উৎসম্বরের আদর্শ গ্যাস-ন্কেল নির্ধারিত উষ্ণতার অনুপাতের সমান। দুইটি তাপীর উৎসের মধ্যে কার্নো এজিন চালনা করিরা এজিনের কার্বকরী

তশ্য উৎসের সহিত বে তাপ-বিনিময় করে তাহা নিরূপণ করা বাইতে পারে— এই ভাবে Q_1/Q_2 অনুপাতটি নির্ণয় করা বাইবে। এই অনুপাত আদর্শ গ্যাস-ক্ষেদ্রে উপতার অনুপাতের সমান। লক্ষ্য করিবার বিষয়, এই অনুপাতটি তদ্ম নিরূপেক্ষ এবং বাস্তবভিত্তিক (objective) হইলেও আদর্শ গ্যাস-ক্ষেদ্রে উৎস-দুইটির উপতা নিরূপণ করিতে আদর্শ গ্যাসের প্রকৃতি বা ধর্মকে কান্ধে লাগানো হইবে।

কেল্ভিন উক্ট নিরপেক্ষ স্কেলের এইরূপ সংস্কা দেন—নিরপেক্ষ স্কেলে দুইটি তাপীয় উৎসের উক্টা বথাক্রমে K_1 ও K_2 । ধরা বাক, ঐ উৎসন্ধয়ের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিবার ফলে উহার কার্যকরী তল্ম উৎসন্ধয়ের সঙ্গে বথাক্রমে Q_1 ও Q_2 তাপ-বিনিময় করিয়াছে। তাহা হইলে,

$$\frac{\mathbf{K}_1}{\mathbf{K}_2} = \frac{\mathbf{O}_1}{\mathbf{O}_1} \tag{6.14}$$

উক্তার নিরপেক্ষ ক্রেলের উল্লিখিত সংজ্ঞার সাহায্যে কেবলমাত্র দুইটি উৎসের উক্তার অনুপাত নিরূপণ করা যাইতে পারে। কিন্তু পৃথক্ভাবে উৎসদ্বয়ের উক্তা নিরপেক্ষ ক্রেলে নির্ণয় করা সম্ভব হইবে না। কেল্ভিনের উক্তার এই ক্রেলকে ব্যবহারিক প্রয়োজনে কাজে লাগাইতে হইলে কোন একটি উৎসের উক্তা নির্দিন্টভাবে ছির করা প্রয়োজন—অথবা দুইটি উৎসের উক্তার অন্তর এই ক্রেলে সঠিকভাবে ছির করিলেও চলিবে। দুইটি নির্দিন্ট উৎসের (মনে করা যাক, বরফের হিমান্ক ও জলের স্ফুটনান্ক) উক্তার অন্তরকে কতগুলি সমানভাগে ভাগ করা হইবে বা উভয়ের অন্তরকে কত ডিগ্রী বলা হইবে তাহার উপর নিরপেক্ষ উক্তার পাঠ নির্ভর করে। অতএব বলা যায়, নিরপেক্ষ উক্তার ক্রেল অনন্য (unique) নয়। এক ডিগ্রীর তারতম্যের উপর নির্ভর করিয়। অসীম সংখ্যক উক্তার নিরপেক্ষ ক্রেল নিরপেক্ষ ক্রেল এক ডিগ্রীর সমান ধরিলে

$$K_s - K_F = 100^{\circ} K$$
 $\frac{K_s}{K_F} \equiv \frac{Q_1}{Q_s}$; অথবা $\frac{K_s - K_F}{K_F} \equiv \frac{Q_1}{Q_s} - 1$ $\frac{100}{K_F} \equiv \frac{Q_1}{Q_s} - 1$ (6·15)

 K_F ও K_S বথান্তমে সেণ্টিয়েড নিরপেক্ষ ক্ষেলে বরফের হিমান্টের ও প্রমাণ চাপে বান্টের উক্তার পাঠ। সমীকরণ (6.15)-এ ডানগিকের অংশ কার্নো এঞ্জিনের সাহাযো ছির করা সম্ভব এবং ইহা হইতে বরফের হিমান্ট্র K_F এই ক্ষেলে নির্দিন্টভাবে ছির করা যাইতে পারে। সমীকরণ (6.14)-এর সাহাযো তাহা হইলে কেল্ভিন-ক্ষেলে অন্য যেকোন উৎসের উক্তা নির্ণর করা সম্ভব হইবে। এই জন্য ঐ উৎস ও একটি বরফ-পাত্রের মধ্যে একটি কার্নো এঞ্জিন চালনা করিয়া উৎসন্থরের সহিত এঞ্জিন যে পরিমাণ তাপ-বিনিমর করিবে তাহা নির্ণর করা প্রয়োজন হইবে। উল্লেখ করা যায় যে, এই পদ্ধতিতে উক্তা-মাপনের জন্য কোন বিশেষ তল্যকে ব্যবহার করিবার প্রয়োজন হয় না। উক্তা-মাপনের এই পদ্ধতিতে থার্মোমিতির পরিবর্তে ক্যালরিমিতির সাহাষ্য লওয়া হইবে। তাপগতিতত্ত্বের সূত্রকে ভিত্তি করিয়া এই ক্ষেল ছির করা সম্ভব হয় বলিয়া কেল্ভিনের ক্ষেলকে তাপগতিতত্ত্বের ক্রেলেও (thermodynamic scale) বলা হয়।

সেনিতাত কেন্তিন-কেন ও আদর্শ গ্যাস-কেলের অভিনতা—
কার্নো এঞ্চন একটি উৎক্রমনীর চক্রে আবর্তিত হয়। কিন্তু সারণ রাখা
প্রয়োজন বে, উৎক্রমনীরতা একটি আদর্শ ও প্রার্থিক মনন মাত্র—কোনক্রমেই
কার্যকরী তল্মের পরিবর্তন সঠিকভাবে উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইতে
পারে না। সেই কারণে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিয়া নিরপেক্ষ কেলে কোন
বন্তু বা উৎসের উকতা নির্ণয় করিবার যে পদ্ধতি আলোচনা করা হইয়াছে
তাহা ক্রটিমুক্ত হইবে না। আমানের ঐ পরিকল্পনায় উকতার নিরপেক্ষ
কেল কেবলমাত্র আসল্ল মান (approximate value) নির্দেশ করিবে, এবং
কোন কোন ক্রেত্রে এই ক্রটির পরিমাণ অত্যাধিক হওয়ার ব্যথন্ট সন্তাবনা
থাকে। কেল্ভিন-ক্রেলকে কিভাবে ক্রটিহীন রাখিয়া সহজে ব্যবহারিক
প্রয়োজনে লাগানো যাইতে পারে সেই দিকে দৃষ্টি দেওয়া যাক।

সমীকরণ (6'13) ও (6'14)-এর সাহাযো লিখিতে পারি

$$\frac{K_1}{K_2} = \frac{T_1}{T_2} \qquad \cdots \qquad (6.16)$$

কেলভিনের নিরপেক কেলকে একটি সেণ্টিগ্রেড কেল মনে করিলে

$$\frac{K_g}{K_p} = \frac{T_s}{T_p} = \frac{K_p + 100}{K_p} = \frac{T_o + 100}{T_o}$$
 (6.17)

আদর্শ গ্যাস-ক্রেলে বরফের হিমাব্দ T_o ধরা হইল। সমীকরণ (6.17) হইতে দেখা যায়

$$K_F = T_o$$

অতএব আদর্শ গ্যাস-ন্কেলে ও সেণ্টিগ্রেড কেল্ডিন-স্কেলে বরফের হিমান্দের পাঠ একই হইবে । সমীকরণ (6.16)-এর সাহায্যে বলা যায় যে, প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে আদর্শ গ্যাস-স্কেলে ও কেল্ডিন-স্কেলে উক্ষতার পাঠ একই হইবে— অর্থাৎ এই দুইটি স্কেল অভিন্ন । এই কারণে নিরপেক্ষ স্কেলে উক্ষতা ক্মির করিতে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিয়া তাপীয় উৎসদ্বয়ের সঙ্গে তাপ-বিনিময় জানিবার প্রয়োজন হয় না। কেবলমাত্র আদর্শ গ্যাস-ক্ষেলে উক্ষতা ক্মির করিলে ঐ পাঠকে নিরপেক্ষ ক্ষেলের পাঠ বলা যাইবে। নিরপেক্ষ সেণ্টিগ্রেড ক্ষেল (কেল্ডিন-স্কেল) °K বা °A হিসাবে চিহ্নিত হয়। এই ক্ষেলে বরফের হিমাঞ্চ $273^{\circ}A$ এবং প্রমাণ-চাপে জলের স্ফুটনাঙ্ক $373^{\circ}A$ । উল্লেখ করা যায়, উক্ষতার নিরপেক্ষ ক্ষেল অসীম সংখ্যক হইতে পারে কিম্বু ইহাদের মধ্যে নিরপেক্ষ সেণ্টিগ্রেড ক্ষেলটি অনন্য।

উপরে নিরপেক্ষ স্কেলের আলোচনায় আদর্শ গ্যাস ব্যবস্থাত কার্নো এঞ্জিনের অভিজ্ঞতার (অর্থাৎ, $Q_1/Q_2=T_1/T_2$) সাহাষ্য লওয়া হইয়াছে। নিম্নেযে আলোচনা করা হইল, তাহা হইতে দেখা ষাইবে ষে, সম্পূর্ণ স্বতন্দ্রভাবে সমীকরণ (6.13)-তে পৌছানো সম্ভব।

কার্নো এঞ্চিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা কেবলমাত্র উৎসম্বয়ের উষ্ণতার উপর নির্ভর করে—কার্যকরী তন্ত্রের পরিবর্তনে উহার যান্ত্রিক-দক্ষতার কোন তারতম্য হয় না। অতএব কার্নো এঞ্চিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা কেবলমাত্র উৎসম্বয়ের উষ্ণতার অপেক্ষক হইবে।

অৰ্থাৎ,
$$\eta = \phi(\theta_1, \theta_2)$$
, কিন্তু $\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$
$$\therefore \quad \frac{Q_1}{Q_2} = F(\theta_1, \theta_2) \quad \cdots \quad (6.18)$$

এক্ষেরে θ_1 ও θ_2 যেকোন ক্ষেপে (arbitrary scale) উৎসন্ধরের উক্তার পাঠ এবং F ও Φ যথাক্রমে θ_1 ও θ_2 -এর দুইটি অপেক্ষক । পরীক্ষা হইতে F-এর গাণিতিক বৈশিষ্টা (nature of the function) জানা যাইবে । বিমারিক ক্ষেত্রে θ_1 , θ_2 ও Q_1/Q_2 -কে তিনটি অক্ষ ধরিরা θ_1 ও θ_2 -এর

বিভিন্ন মানে Q_1/Q_3 -র মান (θ_1 ও θ_s উক্তার উৎসন্ধরের মধ্যে কার্না এঞ্জিন চালনা করিয়া Q_1/Q_s অনুপাতটি ন্থির করিতে হইবে) বসাইয়া বে লেখটি অন্দিত হইবে উহার সাহাযো F-এর প্রকৃতি জানা বার । উক্তার ভিন্ন ভিন্ন ক্রেলে F-এর গাণিতিক প্রকৃতি ভিন্ন হইবে । প্রমাণ করা বাইতে পারে বে,

$$F(\theta_1, \theta_2) = \frac{f(\theta_1)}{f(\theta_2)} \qquad \cdots \qquad (6.19)$$

 $f(\theta_1)$ ও $f(\theta_2)$ প্রত্যেকে আলাদাভাবে θ_1 ও θ_2 -এর অপেকক। f-এর গাণিতিক প্রকৃতি উক্তার বিভিন্ন কেলে বিভিন্ন হইবে। সমীকরণ (6.19)-কে প্রমাণ করিবার জন্য আমরা তিনটি তাপীর উৎস A, B, C-এর অভিস্থ কম্পনা করি। মনে করি, বে কোন ক্কেলে উৎস-তিনটির উক্তা বথাক্রমে θ_1 , θ_2 ও θ_3 , এবং $\theta_1 > \theta_2 > \theta_3$ ।

উৎস A ও B-এর মধ্যে একটি কার্নো এঞ্জিন (কার্যকরী তন্ম যাহাই হোক না কেন) চালনা করা হইল । মনে করি, ঐ এঞ্জিনটির একটি আবর্তনে উহা A উৎস হইতে Q_1 তাপ গ্রহণ করিয়া B উৎসে Q_2 তাপ বর্জন করিয়াছে । দিতীয় একটি কার্নো এঞ্জিন, উৎস B ও উৎস C-এর মধ্যে চালনা করা হইবে । দিতীয় কার্নো এঞ্জিনের কার্যকরী তন্ম এমনভাবে নির্মাণ্যত হইয়াছে যে উহা B উৎস হইতে Q_2 তাপ গ্রহণ করিয়া C উৎসে Q_3 পরিমাণ তাপ বর্জন করিবে । সমীকরণ (6.18) অনুসারে,

প্রথম এঞ্জিনের জন্য,
$$\frac{Q_s}{Q_s} = F(\theta_s, \theta_s)$$

এবং বিতীর এঞ্চিনের জন্য,
$$\frac{Q_s}{Q_s} = F \ (\theta_s, \theta_s)$$

প্রথম ও বিতীর কার্নো এঞ্জন একবার্গে চালিত হইলে উভরের একটি করিয়া আবর্তনে আমরা বস্তৃতঃ উৎস A ও C-এর মধ্যে চালিত কার্নো এঞ্জনের একটি আবর্তনের ফল পাইব । লক্ষ্য করা বাইতে পারে যে, প্রথম এঞ্জন উৎস B-তে Q_s তাপ বর্জন করিয়াছে এবং বিতীর এঞ্জনটি ঐ একই উৎস হইতে Q_s তাপ গ্রহণ করিয়াছে । ফলে, তাপীর উৎস B-এর তাপীর অবস্থার কোন পরিবর্তন হর না । উভরের বৌধ প্রচেন্টার (বৌধ কার্নো এঞ্জিন) θ_s

উক্তার তাপীয় উৎস হইতে Q_1 তাপ সংগৃহীত হইয়া θ_2 উক্তার তাপীয় উৎসে Q_2 তাপ নিক্ষিপ্ত হইবে।

এই যৌথ কার্নো এঞ্চিনের জন্য
$$\frac{Q_1}{Q_s} = F (\theta_1, \theta_s)$$
 কিম্বু যেকোন অবস্থাতেই $\frac{Q_1}{Q_s} = \frac{Q_1}{Q_s} \frac{Q_s}{Q_s}$

সূতরাং $F(\theta_1, \theta_s) = F(\theta_1, \theta_s) F(\theta_s, \theta_s) \cdots$ (6.20) সমীকরণ (6.20) অপেক্ষক F-এর একটি বৈশিষ্ট্য উল্লেখ করিতেছে। নিম্নালিখিত উপায়ে এই সমীকরণটিকে লেখা যাইতে পারে

$$F(\theta_1, \theta_2) = \frac{F(\theta_1, \theta_2)}{F(\theta_2, \theta_3)} \qquad \cdots \qquad (6.21)$$

লক্ষ্য করা যায় যে, সমীকরণ (6.21)-এর বার্মাদকের পদটি θ_s নিরপেক্ষ, সেই কারণে ডার্নাদকে θ_s -র জন্য যেকোন নির্দিষ্ট মান অনুমান করা যাইতে পারে । আবার θ_s -র কোন ধ্রুবক মানের জন্য $F(\theta_1, \theta_s)$ -কে কেবলমাত θ_s -এর অপেক্ষক বলা যায় । সমীকরণ (6.21)-এর সাহায্যে

$$Q_{s} = F(\theta_{s}, \theta_{s}) = \frac{F(\theta_{s}, \theta_{s} = \$ \land \$ \land \$}{F(\theta_{s}, \theta_{s} = \$ \land \$ \land \$})$$

$$= \frac{f(\theta_{s})}{f(\theta_{s})} \qquad \cdots \qquad (6.22)$$

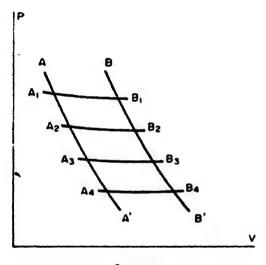
 $F(\theta_1, \theta_8 = \text{ধ্রুবক}) = f(\theta_1)$ লেখা হইরাছে। $f(\theta)$ অপেক্ষকের বৈশ্লেষিক গঠন (analytical form) জানা সম্ভব নয়—তবে বলা যায় বে, $f(\theta)$ অবশ্যই θ -র ক্রমবর্ধমান অপেক্ষক (monotonically increasing function of θ) হইবে। তাপগতীয় ক্রেলে বা নিরপেক্ষ ক্রেলে $f(\theta) = K$ তাপীয় উৎসের উক্তা নির্দেশ করে। নিরপেক্ষ ক্রেলে দুইটি তাপীয় উৎসের উক্তার অনুপাত, ঐ দুই উৎসের সহিত কার্নো এঞ্জিন যে তাপ-বিনিময় করে, তাহাদের অনুপাতের সমান। উক্তার এই ক্রেল উৎক্রমনীয় কার্নো এঞ্জিনের বৈশিন্টোর উপর নির্ভর করে। বরফের হিমান্ক ও প্রমাণ-চাপে জলের ক্র্টনান্কের ব্যবধান 100° ধরিরা লইরা নিরপেক্ষ ক্রেল ও আদর্শ গ্যাস-ক্রেলের অভিনত্তা পূর্বেই প্রমাণ করা হইরাছে।

এক্ষণে প্রশ্ন হইল আদর্শ গ্যাসের সাহাষ্য ব্যতীত কিভাবে কেল্ভিন-ক্ষেলে 1° পার্থকা ছির করিতে পারি? কেল্ভিন-ক্ষেলে বরফের হিমান্ক ও প্রমাণ-চাপে বান্পের উক্তার অন্তর 100° ধরা হইয়াছে। ঐ দুইটি উৎসের মধ্যে 100-টি কার্নো এঞ্জন এমন ভাবে চালানো হইল বে, প্রথম এঞ্জনটি K_1 উক্তার [বান্পের উক্তা K_1] উৎস হইতে Q_1 তাপ গ্রহণ করিয়া W কার্য করে এবং K_2 উক্তার উৎসে Q_2 তাপ বর্জন করে, ছিতীয় এঞ্জনটি ঐ উৎস হইতে Q_2 তাপ গ্রহণ করে এবং W কার্য করিবার পরে K_3 উক্তার উৎসে Q_4 তাপ বর্জন করে । \cdots

$$W = Q_1 - Q_2 = Q_2 - Q_3 = \cdots = \cdots$$
 (6.23)

$$\text{agr} \quad \frac{Q_1}{K_1} = \frac{Q_2}{K_2} = \frac{Q_3}{K_2} = \cdots = \cdots \qquad \cdots \qquad (6.24)$$

$$\therefore K_1 - K_2 = K_3 - K_3 = \cdots = \cdots \quad (6.25)$$



हिंख 6.13

চিত্র (6'13)-তে AA' এবং BB' মৃইটি রুদ্ধতাপ লেখ (two adiabatics)। A_1B_1 , A_2B_3 , A_3B_3 , A_4B_4 সমোক লেখগুলিকে এমনভাবে অন্দন করা হইরাছে বে $A_1B_1B_2A_3$, $A_8B_8B_4A_4$ কেত্রগুলির ক্ষেত্রফল সমান (প্রভ্যেকটি এজিন একই কার্ব করে এবং সূচক চিত্রে ঐ কার্ব আবদ্ধ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান)।

সমীকরণ (6·25) অনুধায়ী সমোক রেথাগুলির অন্তর সমান হইবে। এক্ষেত্রে বেহেত্ বরফ ও বাষ্পের উক্তার অন্তরকে সমান 100 ভাগে ভাগ করা হইয়াছে, সেই কারণে

$$K_1 - K_2 = K_2 - K_3 = \cdots = 1^\circ$$

অর্থাৎ, কেল্ভিন ক্ষেলে দৃইটি উৎসের উষ্টার অন্তর $A_1B_1B_2A_2$ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমানুপাতিক।

পরম শৃষ্য (Absolute zero)—সমীকরণ (6.22) অনুধারী, $\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{K_1}{K_2}$ । উঞ্চার নিরপেক্ষ ক্ষেলে $K_2 = 0^\circ K$ হইলে $Q_3 = 0$ ।

এক্ষেত্রে কার্নো এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা সর্বাধিক $(\eta=1)$ হইবে। অর্থাৎ নিরপেক্ষ ক্লেলে কোন উৎসের উষ্ণতা $0^\circ K$ হইবে, যদি ঐ উৎস এবং অন্য যেকোন উৎসের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিলে এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে 1 হয় । অন্যভাবে বলা যায়, $0^{\circ} {
m K}$ উষ্ণতার উৎস এবং অন্য যেকোন উৎসের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিলে গৃহীত তাপের সমস্ভটুকুর বিনিময়ে কার্য সম্পাদিত হয়। এই উষ্টায় উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে তক্ত কোন তাপ-বিনিময় করে না $(Q_o=0)$ বলিয়া $0^\circ K$ উষ্টার সমোক্ষ উৎক্রমনীয় পরিবর্তন রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনও বটে। দ্বিতীয় সূত্র অনুসারে সম্পাদিত কার্য কোন অবস্থাতেই গৃহীত তাপের অধিক হইতে পারে না $(\eta \geqslant 1)$, এই কারণে Q_1/Q_2 অনুপাতটি এবং সেই সঙ্গে K_1/K_2 অনুপাতটি অবশ্যই ধনাত্মক রাশি হইবে। অর্থাৎ নিরপেক্ষ ক্ষেলে উক্তার পাঠ সকলক্ষেত্রে ধনাত্মক সংখ্যা অথবা সকলক্ষেত্রে ঋণাত্মক সংখ্যা হইবে। উষ্ণতার এই ক্ষেলে একটি পাঠ $0^{\circ} ext{K}$ হওয়ায় কোন পাঠই ঋণাত্মক হইতে পারে না। অতএব, নিরপেক্ষ ক্রেলে উব্লতার অবম (lowest) পাঠ হইবে 0°K। লক্ষ্য করা যায়, কোন বস্তুর উক্ষতা ঝণাত্মক সংখ্যা দ্বারা স্চিত হইলে $\eta > 1$, কিবু দ্বিতীয় সূত্র অনুসারে ইহা অসম্ভব । দ্বিতীয় সূত্রের একটি গুরুত্বপূর্ণ অনুসিদ্ধান্ত হইবে—প্রকৃতিতে সর্বনিমু উক্তার তাপীয় উৎসের উঞ্জা হইবে $0^{\circ}\mathrm{K}$ । তৃতীয় সূত্র বলিতেছে যে, কোনদ্রমেই $0^{\circ}\mathrm{K}$ উঞ্জায় পৌছানো যাইবে না (বিষ্কৃত আলোচনা 14.3 অনুচ্ছেদ দুন্টবা)।

প্রশাসা

- 1. বিভিন্ন উপারে দিতীর স্তকে বিবৃত কর। এই সকল বিবৃতির তাৎপর্ব ব্যাখ্যা কর এবং ইহাদের তুলাতা প্রমাণ কর।
- 2. দ্বিতীর সূত্র সম্পর্কে প্লাব্দ, কেল্ডিন ও ক্লাসিয়াসের বিবৃতি উল্লেখ কর এবং ইহাদের দৃশ্টিভঙ্গীর উপর আলোকপাত কর। প্রথম ও দ্বিতীর সূত্রের পার্থক্য কি ?
- 3. উৎক্রমনীয় ও অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনের পার্থকা বৃঝাইয়া দাও এবং বথোপযুক্ত উদাহরণের সাহায্যে দেখাও বে, স্বতঃস্ফুর্ত পরিবর্তন মাত্রেই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন। অনুংক্রমনীয়তার কারণেই যে দ্বিতীয় স্ত্রের উদ্ভব হইয়াছে সেই বিষয়ে আলোচনা কর।
- 4. দ্বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতি বলিতে কি বৃঝ? বাস্তবে ইহা সম্ভব কি? প্রথম ও দ্বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতির মধ্যে মূলগত পার্থক্য কি? দ্বিতীর শ্রেণীর অবিরাম গতির অসম্ভাব্যতা এবং দ্বিতীর সূত্র সম্পর্কে প্লাম্ক-কেল্ভিনের বিহৃতি যে সমার্থক সে সম্পর্কে আলোচনা কর।
- 5. চিত্রে অধ্কিত চীনদেশের এই পৃতৃপটি কিভাবে দিতীয় স্তকে অনুসরণ করিতেছে তাহা ব্যাখ্যা কর:



্ এই পৃত্ল আজকাল অনেক দোকানেই দেখিতে পাওয়া বায়। পাখিটি দূলিতে থাকা অবস্থায় হঠাং পাত্রে-রাখা জলের মধ্যে মুখ ভ্বাইয়া দেয় এবং কিছুক্ষণ পরেই মুখ ভূলিয়া লয়। কিছুক্ষণ দূলিবার পর ইহা পুনরায় জলের পাত্রে মুখ ভ্বাইয়া দেয়। এই প্রক্রিয়া চলিতেই থাকে এবং এজনা অন্য কোন বালিকে বাবস্থায় সাহায্য লওয়া হয় না।)

- 6. কার্নো এঞ্জিন-চফ্রের বর্ণনা দাও। তাপ-প্রদারক ও তাপ-গ্রাহকের উক্কতা গ্যাস-ন্কেলে T_1 ও T_2 হইলে ঐ দৃই উৎসের মধ্যে আবাঁতত আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জিনের যান্দ্রক-দক্ষতা হিসাব কর। কার্নো এঞ্জিনের বৈশিষ্ট্য কি ?
- 7. কার্নো এঞ্চিন-চক্রের বর্ণনা দাও এবং ঐ এঞ্চিনের বৈশিষ্ট্যগৃলি উল্লেখ কর। কার্নো উপপাদ্যকে বিবৃত কর এবং উহার প্রমাণ দাও।
- 8. প্রমাণ কর যে, দৃইটি নি দিন্ট তাপীর উৎসের মধ্যে কার্নো এজিনের যান্দ্রিক-দক্ষতা কার্যকরী তন্দ্রের পরিমাণ অথবা প্রকৃতির উপর কোনদ্রমেই নির্ভর করে না এবং ঐ দৃই উৎসের মধ্যে কার্যরত অন্য যেকোন এজিনের যান্দ্রিক-দক্ষতা কার্নো এজিনের যান্দ্রিক-দক্ষতা অপেক্ষা কম।
- · তাপ-প্রদায়কের উষ্ণতা বৃদ্ধি করিয়া অথবা খাদের উষ্ণতা হ্রাস করিয়া কার্নো এঞ্জিনের যাশ্রিক-দক্ষতা বৃদ্ধি করা যায়। একই উষ্ণতা পরিবর্তনে কোন্ ব্যবস্থাটি বেশী লাভজনক হইবে ?
- 9. কার্নো এঞ্জন ও কার্নো হিমায়কের মধ্যে পার্থক্য কি ? একটি কার্নো এঞ্জিন ও একটি কার্নো হিমায়কে একই কার্যকরী তন্দ্র একই পরিমাণে লওয়া হইল। ইহাদের পরস্পরের সহিত যুক্ত করিয়া দুইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে চালনা করিলে কি হইবে ?
- 10. হিমায়কের কৃতি-গুণাংক বলিতে কি বৃঝ ? দেখাও ষে, দুইটি নিদিন্ট তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্নো হিমায়কের কৃতি-গুণাংক সর্বাপেক্ষা বেশী।
- 11. শ্বিতীয় স্টের সাহায্যে কিভাবে উষ্ণতার পরম ক্রেল স্থির করা সম্ভব সে বিষয় আলোচনা কর i উষ্ণতার পরম ক্রেল কি অনন্য ?

দেখাও যে, সেণ্টিগ্রেড পরম কেল ও আদর্শ গ্যাস-কেল অভিন্ন।

12. কার্নো সূত্রের তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর। দুইটি নিদিন্ট তাপীর উৎসের মধ্যে কার্যরত আদর্শ গ্যাস কার্নো এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতার হিসাব হইতে কিন্তাবে উষ্ণতার পরম ক্ষেল স্থির করা সম্ভব ?

কোন্ বিশেষ ক্ষেত্রে পরম স্কেলকে কেল্ভিন স্কেল বলা হয়? কেল্ভিন স্কেল ও আদর্শ গ্যাস-স্কেলের অভিনতা প্রমাণ কর। কেল্ভিন স্কেলে অবম উষ্টা কত?

14. কার্নো এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতার হিসাব হইতে কিভাবে তন্ত্র-নিরপেক্ষ উক্ষতার ক্ষেণ স্থির করা সম্ভব তাহা বুঝাইয়া দাও।

- 15. কার্নো এঞ্জিনে খাদের উকতা 10°C এবং উহার বাদ্যিক-দক্ষতা 30%; তাপ-প্রদায়কের উকতা কি পরিমাণে বৃদ্ধি করিলে এঞ্জিনের বাদ্যিক-দক্ষতা 50% হইবে?
- 16. একটি কার্নো এঞ্জনে তাপ-প্রদায়ক ও খাদের উকতা বথাদ্রমে 10°C ও 100°C। এঞ্জনের প্রতিটি আবর্তনে 1000 kilogram-metre কার্য পাওয়া বায়। তাপ-প্রদায়ক হইতে গৃহীত তাপ (ক্যালরিতে) হিসাব কর।
- 17. একটি কার্নো এঞ্জিনের ষান্দ্রক-দক্ষত। 1/6, খাদের উক্তা 65°C হ্রাস করিবার পর এঞ্জিনের যান্দ্রক-দক্ষতা দ্বিগৃণ হইল। তাপ-প্রদায়ক ও খাদের উক্তা হিসাব কর।
- 18. একজন এঞ্জিনিয়ার একটি এঞ্জিনের নকশা পেশ করিয়া উহা প্রস্তৃত করিতে ব্যান্ফের নিকট অর্থ ঝণ প্রার্থনা করিলেন। এঞ্জিনটির সম্পর্কে নিম্নলিখিত তথ্য জানানো হইয়াছে—

তাপ-প্রদায়কের উক্তা = 400° K
খাদের উক্তা = 200° K
প্রতিটি আবর্তনে গৃহীত তাপ = $25.2 \times 10^{\circ}$ k-cal
বজিত তাপ = $10.08 \times 10^{\circ}$ k-cal
এবং মোট কার্য = 15 k-wh

बारिकद भक्ति वन मिछता युक्तियुक्त दहेरत कि ? कातन मिथा।

- 19. কার্নো এঞ্জনের তাপ-প্রদারক ও খাদের উক্তা বথাদ্রমে 527°C 127°C, ঐ এঞ্জনের ক্ষতা (power) 750 watt। প্রতি মিনিটে উৎস হইতে কি পরিমাণে তাপ গৃহীত হইরাছে? ঐ সময়ে খাদে কি পরিমাণ তাপ নিক্ষিপ্ত হইরাছে?
- 20. দেখাও বে, দুইটি উৎক্রমনীয় রন্দ্রতাপ লেখ কথনই পরস্পরের সহিত মিলিত হইতে পারিবে না।
- 21. কোন একটি পাত্রন্থিত বরফ প্রতি ঘণ্টার 10 kgm পরিমাণে গালিরা জল হর। হিমারকের সাহাযো বরফকে গলন হইতে রক্ষা করিতে মোটরের ন্যুনতম ক্ষমতা (H.P) কি হওয়া দরকার? বায়্যুমগুলের উক্তা 27°C।

- 22. কার্নো হিমারকে ব্যবস্থাত 1000 watt মোটরের যাদ্রিক-দক্ষতা 60%। ঐ হিমারকের সাহাব্যে 9 gm জলকে বরফে পরিণত করিতে যে সমর লাগে তাহা হিসাব কর। জলের উষ্ণতা 20°C ধর।
- 23. 2100°K ও 700°K উক্তার দুইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে আবতিত একটি এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা 40%। ঐ দুইটি উৎসের মধ্যে সর্বাধিক যান্ত্রিক-দক্ষতা সম্পন্ন এঞ্জিনের সহিত ঐ এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা তুলনা কর।
- 24. একটি হিমায়কের কৃতি-গুণাংক কার্নো হিমায়কের কৃতি-গুণাংকের অর্ধেক। $200^{\circ} K$ উষ্ণতার তাপীয় উৎস হইতে 1000 cal তাপ সংগ্রহ করিয়া $400^{\circ} K$ উষ্ণতার উৎসে তাপ নিক্ষিপ্ত হইল। উষ্ণতর উৎসে নিক্ষিপ্ত তাপের পরিমাণ কত? হিমায়কটির কৃতি-গুণাংক হিসাব কর।
- 25. গ্রে ব্যবস্থাত একটি হিমায়কের অভান্তরে উক্ষতা 0°C এবং বাহিরে উক্ষতা 25°C। বাহির হইতে প্রতি 24 ঘণ্টায় $8 \times 10^\circ$ Joules তাপ হিমায়কে প্রবেশ করিয়া বরফকে জলে পরিণত করে। একটি কার্নো হিমায়ক চালাইয়া ঐ গলন রোধ করা গেল। কার্নো হিমায়কে ব্যবস্থাত মোটরের ক্ষমতা কত? প্রতি kilowatt-hour শক্তির জন্য 40 paisa ব্যয় হইলে নৈনিক ব্যয় কি হইবে?

সপ্তম পরিচ্ছেদ এন্টুপি (Entropy)

71. ক্সিয়াসের উপপাত (Claussius theorem) :

মনে করা যাক, একটি তাপগতীয় তল্ম S—রাসায়নিক অথবা অন্য বেকোন তল্ম, উহার একটি আবর্তনের শেষে পূর্বের অবস্থার ফিরিয়া আসিয়াছে । এই পরিক্রমায় উহা T_1 , T_2 , $T_3 \cdots T_i \cdots T_n$ উক্তার n-টি তাপীয় উৎস হইতে বথাক্রমে Q_1 , Q_2 , $Q_3 \cdots Q_i \cdots Q_n$ তাপ গ্রহণ করিয়াছে । যদি কোন ক্রেম্মে তল্ম S তাপ বর্জন করে, তবে Q ঝণাত্মক হইবে । মনে রাখিতে হইবে T_1 ইত্যাদি উক্তা পরম ক্ষেলে গণনা করা হইয়াছে ।

একেতে প্রমাণ করা যায়

$$\sum_{i=1}^{n} \frac{Q_i}{T_i} \leq 0$$

উৎক্রমনীয় পরিক্রমায় সমান চিহ্ন এবং অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তনে অসম চিহ্ন প্রবোক্ত হইবে ।

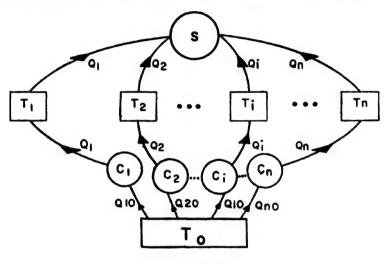
প্রাণ ঃ পূর্বাক্ত n-টি তাপীয় উৎস ছাড়াও T_n উক্তার অন্য একটি তাপীর উৎসকে কল্পনা করা যাক। ধরা যাক, n-টি উৎক্রমনীয় এঞ্জিন C_1 , $C_2\cdots C_n$ (n-টি কার্নো এঞ্জিন মনে করা যাইতে পারে) বথাক্রমে T_n এবং T_n , T_n এবং T_n , T_n এবং T_n উক্তার তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্য করিতেছে।

উৎক্রমনীর এঞ্জিন C_i -এর কার্যকরী তল্ম এমন পরিমাণে লওয়া হইয়াছে বে, একটি পূর্ব আবর্তনে উহা T_a উক্তার তাপীয় উৎস হইতে Q_a পরিমাণ তাপ গ্রহণ করে ও T_a উক্তার তাপীয় উৎসে Q_a তাপ বর্জন করে। উৎক্রমনীয় এঞ্জিনের বৈশিন্টা হইতে আমরা জ্ঞানি

$$\frac{Q_{to}}{Q_t} = \frac{T_o}{T_t}$$
 অথবা $Q_{to} = Q_t \frac{T_o}{T_t}$

অনুরূপভাবে Q_{10}, Q_{20}, \cdots ইত্যাদির মান জানিতে পারিব। Q_i ধণাত্মক হইলে, Q_{i0} ধনাত্মক হইবে।

আমরা একটি যৌথ এঞ্জিন-চক্র কল্পনা করি—এই যৌথ এঞ্জিন-চক্রে তব্ব S এবং এঞ্জিন C_1 , $C_2\cdots C_n$ -এর প্রত্যেকে একবার করিয়া আবাতিত হয় (চিত্র $7\cdot 1$)। এই যৌথ এঞ্জিন-চক্রে T_1 , $T_2\cdots T_n$ উক্ষতার উৎসে তাপীয় অবস্থার কোন পরিবর্তন হইবে না। এঞ্জিন C_i $(i=1,\ 2,\cdots n)$ কর্ত্ক T_i উক্ষতার তাপীয় উৎসে বর্জিত তাপ Q_i এবং তব্ব S কর্ত্ক T_i উক্ষতার তাপীয় উৎস হইতে গৃহীত তাপ Q_i । সৃতরাং T_i $(i=1,\ 2\cdot \cdots n)$



व्या 7·1

উষ্ণতার তাপীর উৎস মোটের উপর তাপ-বিনিময় করিবে না। পক্ষান্তরে $T_{
m o}$ উষ্ণতার উৎস হইতে মোট গৃহীত তাপ

$$Q_o = \sum_{i=1}^n Q_{io} = T_o \sum_{i=1}^n \frac{Q_i}{T_i}$$

আবর্তনের শেষে এঞ্জিন C_1 , $C_2\cdots C_n$ এবং তদ্ম S প্রত্যেকেই নিজের প্রারম্ভিক তাপীয় অবস্থায় প্রত্যাবর্তন করিয়াছে । কেবলমাত্র T_o উক্ষতার তাপীয় উৎস হইতে গৃহীত তাপ Q_o এঞ্জিন C_1 , $C_2\cdots C_n$ ও তদ্ম S কর্ত্তক সম্পূর্ণরূপে কার্যে রূপান্তরিত হয় । এক্ষেত্রে Q_o ধনাত্মক রাশি হইলে দ্বিতীয় সূত্রের (কেল্ভিনের উক্তি) সহিত বিরোধ ঘটিবে । অতএব Q_o ধনাত্মক রাশি হইতে পারে না ।

जबार,
$$Q_o \leq 0$$
 जबना, $\sum_{i=1}^{n} \frac{Q_i}{T_i} \leq 0$ (7.1)

মনে রাখিতে হইবে T_o পরম স্কেলে উক্তা, অতএব উহা ধনাত্মক সংখ্যা। এক্সিন C_1 , C_2 , C_3 , \cdots C_n -এর প্রত্যেকটি উৎক্রমনীয় এক্সিন। তক্ম S উৎক্রমনীয় পথে আবর্তিত হইলে যোথ-এক্সিনটিকে বিপরীত দিকে চালন করা যাইতে পারে। তক্ম S সেক্ষেত্রে T_i -উক্তার তাপীয় উৎসে তাপ বর্জন করিবে এক্সিন C_i ঐ তাপীয় উৎস হইতে সেই তাপ গ্রহণ করিবে। এক্সনা Q_i এবং Q_{io} -এর প্রত্যেকের চিন্সের পরিবর্তন হইবে।

অতএব,
$$\sum_{i=1}^n - \frac{Q_i}{T_i} \le 0$$
 অথবা, $\sum_{i=1}^n \frac{Q_i}{T_i} \ge 0$ \cdots (7.2)

তন্দ্র S উৎক্রমনীয় চক্রে আবতিত হইলে সমীকরণ (7.1) ও সমীকরণ (7.2) উভয়-ই প্রযোজ্য হইবে। কেবলমাত্র সমান চিহ্নের ক্ষেত্রে ইহা সম্ভব।

অতএব,
$$\sum_{i=1}^{n} \frac{Q_{i}}{T_{i}} = 0$$
 \cdots (7.3)

তশ্ব বলি অনৃংক্রমনীয় পথে আবর্তিত হয় তবে সমান চিক্ন ব্যবহার করা চলিবে না । অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের সংজ্ঞা অনুসারে বলা যায় যে, তশ্ব S উহার আবর্তন পথে এমন কোন পরিবর্তন সৃষ্টি করিয়াছে যাহা পারিপার্শ্বিক মাধ্যমকে অপরিবর্তিত রাখিয়া কোনক্রমেই বিনন্ট করা যাইবে না । তন্ব S-উহার আবর্তনে কেবলমার T_1, T_2, \cdots, T_n উক্তার তাপীয় উৎস হইতে $Q_1, Q_2, \cdots Q_n$ তাপ গ্রহণ করিয়া থাকে এবং ঐ পরিবর্তনকে প্রশামত করিতে $C_1, C_2, \cdots C_n$ এঞ্জিন T_n উক্তার উৎস হইতে মোট Q_n তাপ সংগ্রহ করে । $Q_0 = 0$ হওয়ার অর্থ T_n উক্তার তাপীয় উৎসেও কোন পরিবর্তন হইবে না । কিন্তু তন্ম S-এর আবর্তন পর্থাট অনৃংক্রমনীয় পথ বলিরা ইহা অসম্ভব । অতএব অনৃংক্রমনীয় চক্রে অসম চিক্ন ব্যবহার করিতে হইবে ।

উপরোক্ত সিদ্ধান্ত প্রমাণ করিতে আমরা নির্দিণ্ট উক্তার করেকটি তাপীর উৎসের অভিদ্ধ কল্পনা করিরাছি এবং তদ্ম S ঐ নির্দিণ্ট উক্তার তাপীর উৎস্পৃত্যির সহিত তাপ-বিনিময় করে বালয়া ধরা হইয়াছে। এক্ষণে বাদি ধরা হয় T_1, T_2, \cdots ইত্যাদি উক্তাগৃলির পার্থক্য খ্বই সামান্য (infinitesimally close) হয় তবে বলা বায় S সন্তত-বন্টিত (continuously distributed) উক্তার তাপীয় উৎসের সহিত তাপ-বিনিময় করিয়াছে।

সমীকরণ (7°3)-এ বিভিন্ন উষ্ণতার Q_i/T_i -এর সমষ্টির পরিবর্তে সমাকলনের সাহায্যে লেখা যার

$$\oint_{T} \frac{\delta Q}{T} \le 0 \qquad \cdots \quad (7.4)$$

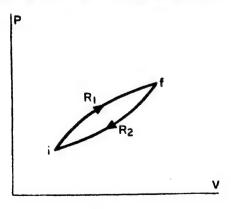
উপরের সমৃদ্ধটিতে তল্প S-এর আবর্তন পথটি উৎক্রমনীয় হইলে সমান চিহ্ন ও অনুৎক্রমনীয় হইলে অসম চিহ্ন ব্যবহার করিতে হইবে। এই সমৃদ্ধটি ক্রসিয়াসের উপপাদ্য হিসাবে অভিহিত হয়।

উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, ক্লাসিয়াসের উপপাদ্যে T অথবা T, তন্দ্রের উক্তা নির্দেশ করে না । উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে তন্দ্র S এবং তাপীয় উৎস একই উক্তায় থাকে এবং সেজন্য T-কে তন্দ্রের উক্তা মনে করা যাইতে পারে । এই অবস্থায় $\delta Q/T$ -এর সমাকল সম্পূর্ণভাবে তন্দ্রের বৈশিষ্ট্য নির্দেশ করিবে ।

7·2. 의적당위 (Entropy):

ধরা যাক, কোন একটি তাপগতীয় তন্দ্রের প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা সূচক চিত্রে i-বিন্দু দ্বারা এবং তাপীয় অবস্থা পরিবর্তনের পর অন্তিম সাম্যাবস্থা f-বিন্দু দ্বারা নির্দিণ্ট হইয়াছে।

তাপগতীয় তলা বিভিন্ন উৎক্রমনীয় পথে প্রাথমিক সাম্যাবস্থা হইতে জান্তম সাম্যাবস্থায় পরিবর্তিত হইতে পারে। মনে করি, R_1 উৎক্রমনীয় পথে তলা i-সাম্যাবস্থা হইতে f-সাম্যাবস্থায় পৌছিয়াছে এবং পরে



हिंख 7.2

 R_s উৎক্রমনীয় পথে উহা পুনরায় প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থায় প্রত্যাবর্তন করিয়াছে । একেনে iR_sfR_si একটি উৎক্রমনীয় চক্র নির্দেশ করে (চিন্র 7.2)।

ক্রসিয়াসের উপপাদ্য অনুসারে

$$\oint_{iR_1/R_1i} \frac{\delta Q}{T} = 0$$

अथवा,
$$\int \frac{\delta Q_{(R_1)}}{T} + \int \frac{\delta Q_{(R_1)}}{T} = 0$$

 R_1 এবং R_2 দারা প্রথম এবং দিতীয় উৎক্রমনীয় পথে পরিবর্তন স্চিত হয়। বেহেতু, R_2 একটি উৎক্রমনীয় পথ

$$-\int_{f}^{f} \frac{\delta Q_{(R_{3})}}{T} = \int_{f}^{f} \frac{\delta Q_{(R_{3})}}{T}$$
অভএব.
$$\int_{f}^{f} \frac{\delta Q_{(R_{1})}}{T} = \int_{f}^{f} \frac{\delta Q_{(R_{3})}}{T} \qquad \cdots \qquad (7.5)$$

প্রারম্ভিক এবং অন্তিম অবস্থার মধ্যে অসীম সংখ্যক উৎক্রমনীয় পথ কম্পনা করা যাইতে পারে— R_1 এবং R_2 যেকোন দুইটি পথ।

সি**ছান্ত** উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে $\delta Q_{(R)}/T$ -এর সমাকল নির্দিন্ট পথের উপর নির্ভরশীল নয়। প্রাথমিক সাম্যাবস্থা i এবং অন্তিম সাম্যাবস্থা f-এর মধ্যে যেকোন উৎক্রমনীয় পথে $\delta Q_{(R)}/T$ -এর সমাকল একটি নির্দিন্ট রাশি।

বেহেত্ δQ একটি অসম্পূর্ণ অবকল, i ও f বিন্দুর মধ্যে $\delta Q_{(R)}$ -এর সমাকল পথের উপর নির্ভরশীল । i ও f সংযোগকারী বিভিন্ন পথের জন্য ইহা বিভিন্ন হইবে, পক্ষান্তরে $\delta Q_{(R)}/\Gamma$ -এর সমাকল i ও f সংযোগকারী বিভিন্ন পথের জন্য একই হয় । ইহা কেবলমাত্র প্রারম্ভিক সাম্যবস্থা (i-বিন্দু) এবং অন্তিম সাম্যাবস্থার (f-বিন্দু) উপর নির্ভর করে । সম্পূর্ণ অবকলের ক্ষেত্রেই ইহা সম্ভব । অতএব বলা যার $\delta Q_{(R)}/\Gamma$ একটি সম্পূর্ণ অবকল । অর্থাৎ $\delta Q_{(R)}/\Gamma$ এই অবকলটি তাপগতীয় তন্তের কোন একটি ধর্মের পরিবর্তন সূচিত করে । এই ধর্মকে এনুম্বাণি S আখ্যা দিলে বলা যার,

$$dS = \frac{\delta Q_{(R)}}{T} \qquad \cdots \qquad (7.6a)$$

উৎক্রমনীর পথে অণ্-পরিমাণ গৃহীত তাপকে $\delta Q_{(B)}$ লেখা হইরাছে। কোন সঙ্গীম বা finite পরিবর্তনের জন্য

$$S_f - S_i = \Delta S = \int \frac{\delta Q_{(R)}}{T}$$
 (7.6b)

লক্ষ্য করা যাইতে পারে $\delta Q_{(R)}$ এই অসম্পূর্ণ অবকলটিকে পরম স্কেলে উক্তা Γ দারা ভাগ করিয়া সম্পূর্ণ অবকলে রূপান্তরিত করা সম্ভব হইয়াছে। এক্ষেত্রে $1/\Gamma$ -কে $\delta Q_{(R)}$ -এর সমাকল গুণিতক বলা যায়।

এন্ট্রপির সংজ্ঞার করেকটি বৈশিষ্ট্য—(7.6a ও 7.6b) সমীকরণ-দৃটিতে এন্ট্রপির যে সংজ্ঞা দেওয়া হইয়াছে তাহার কয়েকটি বৈশিষ্ট্য লক্ষ্য করা যাইতে পারে । ক্রানিয়াসের উপপাদোর সাহায্যে প্রমাণ করা হইয়াছে যে, তাপগতীয় তক্ষ্য বাদ উৎক্রমনীয় পথে i-সাম্যাবস্থা হইতে f-সাম্যাবস্থায় যায় তবে ঐ ক্ষেত্রে $\delta Q_{(R)}/\Gamma$ -এর সমাকল বিভিন্ন উৎক্রমনীয় পথে একই হইবে ৷ অবশাই বলা চলে এই সমাকল কেবলমার i ও f-অবস্থায় উপর নির্ভর করে ৷ আমরা এই সমাকলকে S(fi) দ্বারা নির্দেশ করি ৷ যদি e তাপগতীয় তক্ষের অন্য একটি অবস্থা হয় তবে e ও i এবং e ও f-এর মধ্যে সমাকলটির মান হইবে S(ie) ও S(fe) ৷ সমাকলনের সংজ্ঞা হইতে লেখা যায়

$$S(fi) = S(fe) - S(ie) \qquad \cdots \qquad (7.7)$$

যেহেতু ডান দিকের অন্তরফল c-অবস্থার উপর নির্ভর করে না, আমরা S(ic)-কে S(i) ও S(fc)-কে S(f) লিখিতে পারি এবং তখন লেখা যায়,

$$S(fi) = S(f) - S(i)$$

এখানে S(f) শৃধ্মাত্র f-অবস্থার উপর নির্ভর করে ও S(i) শৃধ্মাত্র i-অবস্থার উপর নির্ভর করে । S(f)-কে অবশাই আমরা f-অবস্থায় তল্তের একটি তাপগতীয় ধর্ম বালিয়া নির্দেশ করিতে পারি এবং উহাকেই এন্ট্রপি আখ্যা দেওয়া হইয়াছে ।

এন্ট্রপির সংজ্ঞা এমনভাবে দেওরা হইয়াছে যে কেবলমাত্র দুই অবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির প্রভেদ নির্ণর করা সম্ভব। কিন্তু কোন একটি অবস্থায় এন্ট্রপি সুনির্নিন্ট নয় এবং উহার মান ইচ্ছান্যায়ী ছির করা চলে। কোন একটি তাপগতীয় তল্যে একটি অবস্থার এন্ট্রপি ইচ্ছান্যায়ী নির্দেশ করিলে অন্য সমস্ত অবস্থায় এন্ট্রপির মান নির্দিন্ট হইয়া যায়। গতিবিদ্যায় ও তড়িংবিদ্যায় বিভবের (potential) সংজ্ঞার ক্ষেত্রেও আমরা একই বৈশিন্ট্য লক্ষ্য করিতে পারি।

কোন তাপগতীয় তল্মের দুইটি অবস্থা f ও i নির্নিট করিয়া দিলেই আমরা উহানের এন্ট্রপির প্রভেদ জানিতে পারি না। মনে করা যাক, একটি বস্তু T, উক্তায় ও P, চাপে রহিয়াছে। উক্তা T, ও চাপ P, বস্তুটির আর একটি তাপগতীয় অবস্থা নির্দেশ করে। এই দুই অবস্থায় এন্ট্রপির প্রভেদ কত? কেবলমার P, T, ও P. T, হইতে আমরা ইহা নির্ণয় করিতে পারি না। ঐ প্রভেদ নির্ণয়ের জন্য একটি উৎক্রমনীয় পথে তল্মকে i-অবস্থা হইতে f-অবস্থায় লইতে হইবে এবং তথন ঐ পথে (7:Ga) অথবা (7:Gb) সমীকরণের সংজ্ঞা ব্যবহায় করিয়া এন্ট্রপির প্রভেদ নির্ণয় করিতে হইবে।

ষনি অনুংক্রমনীয় পথে কোন তাপগতীয় তলা i-অবস্থা হইতে f-অবস্থায় বায় তবে উহায় এন্ট্রপির প্রভেদ কিরপে নির্ণয় করিব ? মনে রাখিতে হইবে অনুংক্রমনীয় পথে সমীকরণ (7.6a) অথবা (7.6b)-এর সংজ্ঞা প্রযোজ্য নয়। অতএব ঐ পথে ঠি / T-এর সমাকল যদি বাহির করা সম্ভবও হয়, তাহা হইলেও ঐ সমাকলের ফল দৃই অবস্থায় এন্ট্রপির প্রভেদ নির্দেশ করিবে না। এন্ট্রপির প্রভেদ নির্ণয় করিবায় জন্য তলাটি বস্তুতঃ কোন্ পথে i হইতে f-অবস্থায় গিয়াছে ইহা জানিবায় কোন প্রয়োজন নাই। কারণ এন্ট্রপির প্রভেদ শৃধুমার i ও f-এর উপর নির্ভয় করে। তলাটি যে পথেই পরিবর্তিত হইয়া থাকুক, এন্ট্রপির প্রভেদ নির্ণয়ের জন্য আমরা কল্পনা করিব একটি উৎক্রমনীয় পথে তলাটি i হইতে f-অবস্থায় গিয়াছে। এবং সেই পথে ঠি (R)/T-র সমাকল নির্ণয় করিয়া S, — S, জানা যাইবে।

- 7'3. কয়েকটি সাধারণ ক্ষেত্রে এন্ট্রপির পরিবর্তন :
- (a) ভাপ গ্রহণ—m ভর-বিশিষ্ট কোন বন্ধুকে T_1 হইতে T_2 উষ্ণতার উত্তপ্ত করা হইল। ধরা যাক, ঐ বন্ধুর আপেক্ষিক তাপ c, একটি ধ্রুবক—ইহা উষ্ণতার উপর নির্ভর করে না। এন্ট্রাপর পরিবর্তন হিসাব

করিতে বস্থাট উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে তাপ গ্রহণ করিয়া অবস্থার পরিবর্তন করিয়াছে কম্পনা করা হইবে।

$$\Delta S = S_2 - S_1 = \int_{T_1}^{T_2} \frac{\delta Q}{T} = mc \int_{T_1}^{T_2} \frac{dT}{T} = mc \text{ In. } \frac{T_2}{T_1}$$

$$= mc \times 2.303 \log \frac{T_2}{T_1}$$
(7.8)

প্রারম্ভিক এবং অন্তিম উষ্ণতা যথাক্রমে $t_1{}^{
m o}{
m C}$ এবং $t_2{}^{
m o}{
m C}$ হইলে

$$\triangle S = mc \times 2.303 \log \left(\frac{t_2 + 273}{t_1 + 273} \right)$$

বন্ধুকে শীতল করা হইলেও এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব করিতে সমীকরণ (7.8) প্রধোজ্য হইবে। এক্ষেত্রে $T_{\rm s}$ (অন্তিম উষ্ণতা) $< T_{\rm s}$ (প্রারম্ভিক উষ্ণতা) এবং ${\it AS}$ ঝণাত্মক হইবে। অতএব বৃথিতে হইবে এন্ট্রপি কমিয়াছে।

সি**দাত্ত** বস্তৃ উত্তপ্ত হইলে উহার এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়, শীতল হইলে এন্ট্রপি হ্রাস পায়।

(b) অবস্থার রূপান্তর—ধরা যাক, m ভর-বিশিষ্ট কোন বস্তৃ T উষ্ণতার এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থায় (কঠিন হইতে তরল অথবা তরল হইতে গ্যাসীয়) রূপান্তরিত হইয়াছে। এই পরিবর্তনে লীন তাপ, ধরা যাক L।

এন্ট্রপির পরিবর্তন =
$$AS = S_s - S_1 = \int^2 \frac{\delta Q}{T} = \frac{mL}{T}$$
 \cdots (7.9)

প্রথম অবস্থা হইতে দ্বিতীয় অবস্থায় রূপান্তরের সময় এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইলে দ্বিতীয় অবস্থা হইতে প্রথম অবস্থায় রূপান্তরে এন্ট্রপি হ্রাস পাইবে। কঠিন অবস্থায় বরফকে তাপ প্রয়োগ করিলে স্থির উষ্ণতায় উহা জলে রূপান্তরিত হইবে, অর্থাৎ L ধনাত্মক হইবে ও এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে। পক্ষান্তরে, জল হইতে স্থির উষ্ণতায় বরফে রূপান্তর ঘটিলে L ঝণাত্মক হইবে ও এন্ট্রপি হ্রাস পাইবে।

(c) ভাপ পরিবছণ—মনে করি A_1 এবং A_2 দুইটি তাপীর বস্তু। উহাদের উক্তা বধান্রমে T_1 এবং T_2 এবং ধরা বাক $T_1>T_2$ ।

এক্ষণে A_1 এবং A_2 -এর মধ্যে সংযোগ স্থাপিত হইলে A_1 হইতে A_2 -তে Q পরিমাণ ভাপ পরিবাহিত হইবে। তাপীয় বন্ধুদরের ভাপগ্রাহিতা অসীম বলিরা কল্পনা করা যাক। সেক্ষেত্রে ভাপ-গ্রহণে এবং ভাপ-বর্জনে A_2 ও A_1 -এর উক্তার পরিবর্তন ঘটিবে না।

$$A_1$$
-এর এন্ট্রাপর পরিবর্তন : $\Delta S(A_1) = \int_{T_1}^{\delta Q} = \frac{-Q}{T_1}$

$$A_s$$
-এর এন্ট্রপির পরিবর্তন ঃ $\Delta S(A_s) = \int \frac{\delta Q}{T_s} = \frac{+Q}{T_s}$

(d) আছর্শ গ্যাসের সমোক্ষ প্রসারগ—ধরা যাক, এক গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা (P_i, V_i, T_i) হইতে অন্তিম সাম্যাবস্থা $(P_f, V_f, T_f = T_i)$ -এ পরিবর্তিত হইরাছে। এই পরিবর্তনে গ্যাসের উক্তার কোন পরিবর্তন হয় নাই। এক্ষেত্রে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব করিতে প্রারম্ভিক এবং অতিম সাম্যাবস্থার মধ্যে একটি উৎক্রমনীয় সমোক্ষ পথ কল্পনা করি। আদর্শ গ্যাসের সমোক্ষ পরিবর্তনে dU=0।

অতএব
$$\delta Q = dU + PdV = PdV$$

$$\therefore S_f - S_i = \Delta S = \int_i^f \frac{\delta Q}{T_i} = \int_i^f \frac{PdV}{T_i}$$

আদর্শ গ্যাদের কোনে $PV = RT_{ij}$

$$\therefore \quad \Delta S = R \int_{i}^{\prime} \frac{dV}{V} = R \ln \frac{V_{f}}{V_{i}}$$

$$= R \times 2.303 \log \left(\frac{V_{f}}{V_{i}}\right) \qquad \cdots \qquad (7.10)$$

বদি শুরুতেই গ্যাসের উপর প্রযুক্ত চাপ P_i হইতে P_j -এ পরিবর্তন করা হর এবং গ্যাসের উক্তার কোন পরিবর্তন ঘটিতে দেওরা না হর, তবে গ্যাস একই অন্তিম সাম্যাবস্থায় পৌছাইবে।

সেকেরে,
$$\delta Q = \delta W = P_f(V_f - V_i)$$
 এবং
$$\int_1^f \frac{\delta Q}{T_i} = R \frac{(V_f - V_i)}{V_f}$$

সারণ রাখা প্রয়োজন যে, শেষোক্ত ক্ষেত্রে অবস্থার পরিবর্তন ঘটে অনৃংক্রমনীয় পথে। দেখা গেল.

$$\left(\int_{i}^{j} \frac{\delta Q}{T_{i}}\right)_{I} \neq \left(\int_{i}^{j} \frac{\delta Q}{T_{i}}\right)_{R}$$
 $\left[R : = উৎক্রমনীয় পথ \right]$

কিম্বু উভয় ক্ষেত্রেই এন্ট্রপির পরিবর্তন একই হইবে এবং

$$\Delta S = R \times 2.303 \log_{\tilde{V}_i}^{V_f}$$

বাস্তব ক্ষেত্রে গ্যাস অথব। অন্য যেকোন তন্দ্রের পরিবর্তন অনুৎক্রমনীয় পথে ঘটিতে পারে। কিন্তু এই পরিবর্তনে

$$\Delta S \neq \left(\int_{i}^{t} \frac{\delta Q}{T} \right)_{I}$$

এন্ট্রপির পরিবর্তন জানিতে প্রারম্ভিক এবং অন্তিম অবস্থার মধ্যে কাল্পনিক উৎক্রমনীয় পথ ধরিয়া লইয়া $\delta Q_{(R)}/T$ -এর সমাকলটি কবিতে হইবে ।

(e) ক্লমভাপ পরিবর্ত্তন—মনে করি কোন রুদ্ধতাপ পথে তাপগতীর তদ্মটি প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা হইতে অন্তিম সাম্যাবস্থার পরিবর্তিত হইরাছে। রুদ্ধতাপ পরিক্রমার $\delta O = 0$ ।

কুদ্ধতাপ পরিবর্তন উৎক্রমনীয় উপায়ে হইলে

$$S_f - S_i = \Delta S = \int_1^f \frac{\delta Q_{(R)}}{T} = 0$$

অর্থাৎ প্রারম্ভিক এবং অন্তিম অবস্থায় তল্মের এন্ট্রপি একই থাকে। রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনকে এই কারণে সম-এন্ট্রপীয় (isentropic) পরিবর্তন বলা হয়।

রুক্ষতাপ অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনে এন্ট্রপি স্থির থাকে না। এক্ষেত্রে $\delta Q_{(I)}/T$ এন্ট্রপি পরিবর্তনের পরিমাপক নহে। পরবর্তী আলোচনায় দেখা বাইবে যে, রুক্ষতাপ অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনের সকলক্ষেত্রেই এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। নিম্নে এরূপ একটি উদাহরণ আলোচিত হইল।

(f) আদর্শ গ্যাসের রুজভাগ মুক্ত প্রসারণ—পূর্বে (4.8) অনুচ্ছেদে আমরা দেখিয়াছি যে, আদর্শ গ্যাসের জন্য রুজভাপ মৃক্ত প্রসারণে $\Delta U = 0$ । আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে এই পরিবর্তনে $\Delta T = 0$, কারণ $\Delta U = C_v \Delta T$ ।

ধরা বাক, গ্যাসের প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা (P_i, V_i, T_i) এবং অন্তিম সাম্যাবস্থা $(P_f, V_f, T_f = T_i)$ । গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণ অনুংক্রমনীর উপারে হইরা থাকে। এবং এই অনুংক্রমনীর পথে $\delta Q_{(I)}/T$ -এর সমাকল এন্ট্রাপির পরিবর্তন নির্দেশ করিবে না।

এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব করিতে এক্ষেত্রে এই রন্ধতাপ অনুংক্রমনীয় পথের পরিবর্তে প্রারম্ভিক এবং অন্তিম সাম্যাবস্থার মধ্যে একটি উৎক্রমনীয় পথ কল্পনা করিতে হইবে। উৎক্রমনীয় সমোক পরিবর্তনে গ্যাস প্রারম্ভিক $(P_i,\,V_i,\,T_i)$ অবস্থা হইতে অন্তিম $(P_i,\,V_i,\,T_i)$ অবস্থার হৈতে অন্তিম $(P_i,\,V_i,\,T_i)$ অবস্থার পরিবর্তিত হইতে পারে। এই সমোক উৎক্রমনীয় পথে $\delta Q_{(R)}/T$ -এর সমাকলই রন্ধতাপ মুক্ত প্রসারণে গ্যাসের এন্ট্রপির পরিবর্তন বুঝার।

আদর্শ গ্যাসের রক্ষতাপ মুক্ত প্রসারণে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$S_f - S_i = \Delta S = R \times 2.303 \times \log \frac{V_f}{V_i} \qquad \cdots \qquad (7.11)$$

বেহেতৃ $V_{I}>V_{I}$, অতএব IS>0 হইবে।

(a) আদর্শ গ্যাসের এন্ট্রপি—মনে করা যাক, 1 গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস আপাত-সামীয়ে উপায়ে এক সাম্যাবস্থা হইতে অন্য সাম্যাবস্থায় পরিবৃতিত হইয়াছে। এক্ষেত্রে তদ্য কর্তৃক গৃহীত তাপ

$$\delta Q = d\mathbf{U} + \mathbf{P}d\mathbf{V} = \mathbf{C}_v d\mathbf{T} + \mathbf{P}d\mathbf{V}$$
 অথবা, $d\mathbf{S} = \frac{\delta Q}{\mathbf{T}} = \frac{1}{\mathbf{T}} \left(\mathbf{C}_v d\mathbf{T} + \mathbf{P}d\mathbf{V} \right) = \mathbf{C}_v \frac{d\mathbf{T}}{\mathbf{T}} + \mathbf{R} \frac{d\mathbf{V}}{\mathbf{V}}$

উক্তার পরিবর্তনে আপেক্ষিক তাপের কোন পরিবর্তন হয় না ধরিলে সমাকলনের সাহায্যে লিখিতে পারি

$$S = C_v \ln T + R \ln V + S_o' \cdots (7.12a)$$

আনর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে, $C_p - C_v = R$,

ৰতএব,
$$S = (C_p - R) \ln T + R \ln V + S_o'$$

$$= C_p \ln T + R \ln \frac{V}{T} + S_o$$

$$= C_p \ln T + R \ln \frac{R}{P} + S_o'$$

$$= C_p \ln T - R \ln P + S_o'' \qquad \cdots \qquad (7.12b)$$

खबरा,
$$S = C_p \ln \frac{PV}{R} - (C_p - C_v) \ln P + S_o$$

= $C_p \ln V + C_p \ln P + S_o'''$ (7:12c)

n-গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে সমীকরণ $(7^{ullet}12a)$, $(7^{ullet}12b)$ ও $(7^{ullet}12c)$ -কে এইভাবে লেখা যাইতে পারে—

$$S = nC_v \ln T + nR \ln V - nR \ln n + nS_o' \cdots (7.12d)$$

= $nC_v \ln T - nR \ln P + nS_o'' \cdots (7.12e)$

 $=nC_p \ln V + nC_v \ln P - nC_p \ln n + nS_o'' \cdots$ (7:12f) উপরের সমীকরণগুলিকে লিখিবার সময় স্মারণ রাখিতে হইবে যে n-গ্রাম-অণুর জন্য C_p , C_v , R ও S_o' , S_o'' , S_o''' প্রত্যেককে n দ্বারা গুণ করিতে হইবে, P ও T-তে কোন পরিবর্তন হইবে না ও V-এর পরিবর্তে V/n, অর্থাৎ প্রতি গ্রাম-অণুর আয়তন লিখিতে হইবে। লক্ষ্য করা যাইতে পারে যে, n-গ্রাম-অণুর এন্ট্রপি, এক গ্রাম-অণুর এন্ট্রপির n-গুণ।

(h) ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের এন্ট্রপি (Entropy of Vander Waals gas)—1 গ্রাম অণু ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের 'আপাত-সাম্য' প্রকিরায় সামান্য পরিবর্তন ঘটিলে,

$$TdS = C_v dT + \left(P + \frac{a}{V^2}\right) dV$$
$$= C_v dT + \frac{RT}{V - b} dV$$

 C_v -কে ধ্রুবক ধরিয়া, সমাকলন সাহাব্যে 1 গ্রাম-অণু ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের এন্ট্রপি লেখা যায়

$$S=C_o \ln T+R \ln (V-b)+S_o' \cdots$$
 (7:13a) i ও f -এই দুই সাম্যাবস্থায় এন্ট্রপির প্রভেদ হইবে,

$$S_{i} - S_{i} = \Delta S = C_{b} \ln \frac{T_{i}}{T_{i}} + R \ln \frac{V_{i} - b}{V_{i} - b}$$
 (7.13b)

ভাান্-ভার ওয়ালস গ্যালের ক্ষেত্রে, S-কে T ও P-এর সাহাযো সঠিকভাবে

প্রকাশ করা সহজ্ঞসাধ্য নর । ৫ ও b-কে অণুরাশি ধরিয়া প্রথম আসল মান (first approximation) লেখা যার,

$$V - b = \frac{RT}{P + \frac{a}{V^s}} \simeq \frac{RT}{P} \left(1 - \frac{a}{PV^s} \right)$$
$$\simeq \frac{RT}{P} \left(1 - \frac{aP}{P^sT^s} \right)$$

or
$$S \simeq (C_v + R) \ln T - R \ln P - \frac{aP}{RT^2} + S_o \cdots (7.13c)$$

বেহেতু, ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের ক্ষেত্রে (84 পৃষ্ঠা দুষ্টবা)

$$C_p - C_v = \frac{R}{1 - \frac{2a(V - b)^2}{RV^3T}} \simeq R + \frac{2a}{VT} \simeq R + \frac{2aP}{RT^3}$$

..
$$S = C_p \ln T - R \ln P - \frac{aP}{RT^2} (1 + 2 \ln T) + S_0$$

$$S_{f} - S_{i} = \Delta S = C_{p} \ln \frac{T_{f}}{T_{i}} - R \ln \frac{P_{f}}{P_{i}} - \frac{aP_{f}}{RT_{f}} (1 + 2 \ln T_{f}) + \frac{aP_{i}}{RT_{i}^{2}} (1 + 2 \ln T_{i}) \cdots (7.13d)$$

উদাহরণ। পারদের গলন উক্তা — 39°C এবং উহার পারমার্ণবিক গ্রুত্ব 200। কঠিন অবস্থার এক গ্রাম-পরমাণ ভরের পারদকে উহার গলনাক হইতে 50°C উক্তার উত্তপ্ত করিলে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

পারদের গলন লীন তাপ = 3 cal/gm

উল্লিখিত ব্যবধানে পারদের আপেক্ষিক তাপ = '0335

200 গ্রাম পারদকে প্রথমে কঠিন অবস্থা হইতে তরল অবস্থার পরিবতিত করিতে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$S_B - S_A = \frac{\delta Q}{T} = \frac{200 \times 3}{(-39 + 273)} = \frac{600}{234} = 2.56 \text{ cal/}^{\circ} \text{K}$$

পরে উহাকে – 39°C হইতে 50°C পর্বত উত্তপ্ত করিতে এনপ্রশির পরিবর্তন

$$\begin{split} S_{C} - S_{B} &= \int_{T=234}^{T=393} \frac{mcdT}{T} = 200 \times 0335 \, ln. \frac{323}{234} \\ &= 200 \times 2.303 \times 0335 \, [\log 323 - \log 234] \\ &= 200 \times 2.303 \times 0335 \times 14 \\ &= 2.16 \, cal/^{\circ} K. \end{split}$$

মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন = 4.72 cal/°K.

7.4. এন্ট্রিন সূত্র (Entropy Principle): কোন তাপীর বস্তৃকে বিচ্ছিন্ন অবস্থার রাখিরা দিলে উহা ক্রমাগত তাপ-বিকরণ করিতে করিতে পারিপাশ্বিকের সহিত তাপীর সাম্যে উপনীত হয়। ইহার ফলে তল্মের এন্ট্রপি হ্রাস পার—পক্ষান্তরে পারিপাশ্বিক বায়্মণ্ডল ঐ তাপ গ্রহণ করার উহার এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। তল্ম এবং পারিপাশ্বিক বায়্মণ্ডলকে একতে একটি রুদ্ধতাপ সম্পূর্ণ তল্ম (complete adiabatic system) বলা চলে। অর্থাং—

তন্ত্র (system) + পারিপার্শ্বিক মাধ্যম (surrounding) = সম্পূর্ণ তন্ত্র (complete system)।

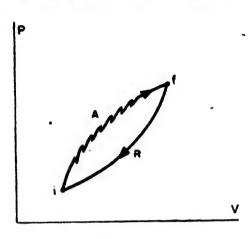
সম্পূর্ণ তন্দ্রে যেকোন পরিবর্তনই রুজভাপ পরিবর্তন হিসাবে পরিগাণিত হইবে। তন্দ্র ভাপ বর্জন করিলে পারিপার্শ্বিক মাধ্যম ঐ তাপ গ্রহণ করিবে। বলা যার, সম্পূর্ণ তন্দ্রের এক অংশ হইতে তাপ অন্য অংশে চালিত হইরাছে, কিন্তু ঐ সম্পূর্ণ তন্দ্রের বহিঃস্থ কোন তাপীর উৎসের সহিত উহার তাপ-বিনিমর হয় নাই। এক্ষেত্রে বিচ্ছিল্ল তন্দ্রের (isolated system) একাংশের এন্ট্রিপ বৃদ্ধি পার এবং অন্য অংশের এন্ট্রিপ হ্রাস পার।

স্থভাবতঃই প্রশ্ন জাগে, তন্দ্র ও পারিপার্শ্বিকের সামগ্রিক এন্ট্রপির পরিবর্তন কী হইবে? তন্দ্রের পরিবর্তনে সামগ্রিক এন্ট্রপি কী অপরিবর্তিত থাকিবে, না ইহার কোন পরিবর্তন ঘটিবে? নিম্নের আলোচনার দেখা বায় কোন পরিবর্তনেই তন্দ্র এবং পারিপার্শ্বিকের মোট এন্ট্রপি হ্রাস পাইতে পারে না। অর্থাং প্রমাণ করা বায় যে, সম্পূর্ণ তন্দ্রে

$$\Delta S \ge 0$$

है हारक है अनुष्ठेशि भूत वना हहे सा थारक।

এই স্বাটি প্রমাণ করিতে আমরা অনুমান করি বে, তলটিকে i-সাম্যাবস্থা হইতে উৎক্রমনীর বা অনুংক্রমনীর পথে f-সাম্যাবস্থার লওরা হইল।



63 7.3

এখন f-সাম্যাবস্থা হইতে তক্ষটিকে উৎক্রমনীর পথে পুনরার i-সাম্যাবস্থার ফিরাইয়া আনা হইল (চিন্ন 7.3)।

ক্রসিয়াসের উপপাদ্য অনুসারে, এই চক্র-পথে

$$\oint \frac{\delta Q}{T} \le 0$$

প্রথম পরিবর্তন উৎক্রমনীয় পথে সংঘটিত হইয়া থাকিলে, চক্রটি একটি উৎক্রমনীয় চক্র হইবে এবং সেক্ষেত্রে সমান চিহ্ন প্রবোজ্ঞা হইবে। অন্যথায় চক্রটি একটি অনুংক্রমনীয় চক্র এবং সেক্ষেত্রে অসম চিহ্ন প্রবোজ্ঞা হইবে। আমরা লিখিতে পারি

$$\frac{\delta Q}{T} = \int_{A} \frac{\delta Q}{T} + \int_{CR} \frac{\delta Q}{T} \le 0$$

किय

$$\int_{fR_{i}}^{\delta Q} = S_{i} - S_{f}$$

$$\int_{fA_{f}}^{\delta Q} + (S_{i} - S_{f}) \le 0$$

थश्या,
$$\int_{iA_f} \frac{\delta Q}{T} - (S_f - S_i) = \int_{i}^{f} \frac{\delta Q(A)}{T} - (S_f - S_i) \le 0$$
$$\therefore S_f - S_i \ge \int_{i}^{f} \frac{\delta Q(A)}{T}$$

iAf-পথে তল্মের পরিবর্তন যদি রুদ্ধতাপীর উপারে হয়, অর্থাৎ তল্মটিকে যদি সম্পূর্ণ তল্ম ধরা হয় তবে $\delta Q(A) = 0$ । অতএব সম্পূর্ণ তল্মে,

$$\Delta S = (S_f - S_i) \ge 0 \qquad \cdots \qquad (7.14)$$

ইহাই এন্ট্রপি স্তের প্রমাণ।

উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে $\triangle S=0$ এবং অনৃৎক্রমনীয় পরিবর্তনে $\triangle S>0$ । বাস্তব ক্ষেত্রে তব্দের যেকোন স্বতঃপ্রবৃত্ত পরিবর্তনই অনৃৎক্রমনীয় পরিবর্তন এবং তাহার ফলে তব্দ্র এবং পারিপার্শ্বিকের সামগ্রিক এন্ট্রাপি বৃদ্ধি পায়। অর্থাং এই অনন্ত বিশ্বে প্রত্যেকটি পরিবর্তনের সঙ্গে বিশ্বের মোট এন্ট্রাপি বৃদ্ধি পাইতেছে। এই কারণে বলা চলে বে, বিশ্বের সামগ্রিক এন্ট্রাপ ক্রমবর্ধমান' (tending towards a maximum)।

উল্লেখ করা যায় যে, অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনে কেবলমাত্র সম্পূর্ণ বিচ্ছিল্ল তল্ডেই এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। পৃথক্ভাবে কোন একটি তল্ডের এন্ট্রপি হ্রাস পাইতে পারে, কিন্তু সেক্ষেত্রে দ্বিতীয় একটি তল্তের এন্ট্রপি অবশ্যই বৃদ্ধি পাইবে এবং সামগ্রিক এন্ট্রপি কখনই হ্রাস পাইতে পারে না। ইহাই এন্ট্রপি স্ক্রের মূল বক্তব্য।

প্রসঙ্গত বলা বাইতে পারে যে, কোন বিচ্ছিন্ন সম্পূর্ণ তল্ফের সর্বাধিক এন্ট্রপীর অবস্থাই হইবে উহার সর্বাপেক্ষা স্থিতিশীল অবস্থা। কারণ ঐ অবস্থার কোন পরিবর্তন হইতে পারে না—সর্বাধিক এন্ট্রপীর অবস্থার পরিবর্তনে এন্ট্রপি হ্রাস পায় এবং ইহা এন্ট্রপি স্ত্রের পরিপন্থী। এ সম্পর্কে পরে বিশদভাবে আলোচনা করা হইবে। কেবলমার বিচ্ছিন্ন বা সম্পূর্ণ তল্ফে স্বতঃপ্রণোদিতভাবে কোন পরিবর্তন হইলে (অর্থাৎ অনুংক্রমনীর পরিবর্তনে) এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইয়া থাকে। নিম্নে এ বিষয়ে কয়েকটি উদাহরণ দেওয়া গেল।

1. অপুৎক্রমনীয় পথে সম্পূর্ণ ডল্লে মোট এন্ট্রপির পরিবর্ডন—

(a) বস্তু কর্তৃক ভাপ গ্রহণ—মনে করি, T_1 উক্তার কোন বস্তু B, T_2 উক্তার তাপীর উংস R হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়াছে এবং উহার অন্তিম উক্তা T_2 হইয়াছে। অনুমান করা হইয়াছে, তাপীর উৎসের তাপগ্রাহিতা অসীম এবং সেজন্য তাপ বর্জন করা সত্ত্বেও ঐ উৎসের উক্তার কোন পরিবর্তন হয় না।

বন্ধুর ভর m এবং আপেক্ষিক তাপ c হইলে এই পরিবর্তনে বন্ধুর এন্ট্রীপ বৃদ্ধি

$$\triangle S(B) = mc \ln \frac{T_2}{T_1}$$

উৎস বর্তৃক বর্জিত তাপ = mc ($T_2 - T_1$)

অতএব ঐ তাপীর উৎসের এন্ট্রপি বৃদ্ধি হইবে

$$\Delta S(R) = \frac{-mc(T_2 - T_1)}{T_2}$$

ঋণাত্মক চিহ্ন এনুট্রপি-হ্রাস স্চিত করে। এই প্রক্রিরায় বস্তৃ ও উৎসের মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন হইবে

$$\Delta S = \Delta S(B) + \Delta S(R)$$

$$= mc \left[ln \cdot \frac{T_2}{T_1} - \frac{(T_2 - T_1)}{T_2} \right] \qquad \cdots \qquad (7.15)$$

আমরা জানি, যে কোন ধনাত্মক সংখ্যা x-এর জন্য, $\exp(x-1)>x$, অতএব $x-1>\ln x$, অর্থাৎ $\ln (1/x)>1-x$ । $x=T_1/T_2$ বসাইলে আমরা পাই $\ln T_2/T_1>(T_2-T_1)/T_2$ । অতএব সমীকরণ (7·15) হইতে দেখা বাইতেছে $\triangle S$ একটি ধনাত্মক রাশি। বস্তৃ ও তাপীর উৎস এই সম্পূর্ণ তন্তোর সামগ্রিক এন্ট্রিপ বৃদ্ধি পাইরাছে। স্মূরণ রাখা প্রয়োজন যে, তাপীর উৎস ও বস্তুর মধ্যে তাপ-বিনিমর অনুংক্রমনীর পদ্ধতিতে সংঘটিত হইরাছে। কারণ প্রথমে উহাদের উক্তার পার্যক্য ছিল।

(b) পৃথক্ উক্তার ছুইটি বস্তর মধ্যে ভাপ পরিবছণ—
দুইটি বস্তুর মধ্যে তাপ পরিবহণের ফলে এন্টাপর পরিবর্তন সম্পর্কে পূর্বেই

আলোচনা করা হইরাছে। বন্ধু-দুইটিকে একতে একটি সম্পূর্ণ তন্ত্র বলা বায় এবং একেতে সম্পূর্ণ তন্তে এন্ট্রপির পরিবর্তন হইবে

$$\Delta S = \Delta S(A) + \Delta S (B)$$

$$= Q/T_2 - Q/T_1 \qquad \cdots \qquad (7.16)$$

 $T_1>T_2$, সেজন্য ΔS একটি ধনাত্মক রাশি । প্রসঙ্গত উল্লেখ করা যায়, উষ্ণতর উৎস B হইতে নিমু উষ্ণতার উৎস A-তে তাপ-পরিবহণ একটি অনুংক্রমনীয় পরিবত ন ।

উদাহরণ 1. 30°C উষ্টার 100 gm জলকে 0°C উষ্টার 200 gm জলের সহিত মিশাইলে এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে ?

মনে করি, জলের অন্তিম উঞ্চতা t° C। 0° ও 30° C-এর মধ্যে জলের আপেক্ষিক তাপ স্থির থাকে ধরিয়া লইলে,

$$100\times1\times(30-t)=200\times1\times(t-0)$$

অথবা $t = 10^{\circ}$ C বা 283° K

100 gm জলের উষ্ণতা 30°C বা 303°K হইতে হ্রাস পাইরা 283°K হইলে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_1 = \int_{T}^{\delta Q} = \int_{808}^{283} \frac{mcdT}{T} = 100 \left[ln. T \right]_{803}^{283}$$
$$= 100 \times 2.303 \left[log 283 - log 303 \right]$$
$$= -6.82 \text{ cal/}^{\circ} \text{K}$$

এন্ট্রপি হ্রাস পাইয়াছে বলিয়া ঋণাত্মক চিহ্ন আসিতেছে।

200 গ্রাম জল 273°K হইতে 283°K-এ উত্তপ্ত হওয়াতে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_s = \int_{T}^{\delta Q} = \int_{278}^{283} \frac{mcdT}{T} = 200 \left[ln. T \right]_{273}^{283}$$

$$= 200 \times 2.303 \times [\log 283 - \log 273]$$

$$= 7.18 \text{ cal/}^{3} \text{K}$$

সূতরাং এন্ট্রপির মোট পরিবর্তন হইবে,

$$\Delta S_1 + \Delta S_2 = 7.18 - 6.82 = .36 \text{ cal/}^{\circ} \text{K}$$

2. 100°C উক্তার 10 gm বাষ্প (steam) 0°C উক্তার ক্যালরিমিটারে 90 গ্রাম জলের সংস্পর্শে আসিরা তরলে রূপার্তরিত হইল। ক্যালরিমিটারের জলসম 10 gm। এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

ধরা বাক, মিশ্রণের অন্তিম উক্তা = t° C $\therefore 540 \times 10 + 10 (100 - t) = (90 + 10)t$ অথবা $t = \frac{6400}{110} = 58^{\circ}2^{\circ}$ C (approx.)

বালের এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_1 = \frac{-5400}{373} + \int_{T=373}^{T=331\cdot 2} \frac{mcdT}{T}$$

$$= -14\cdot 47 + 10 \times 2\cdot 303 \left[\log 331\cdot 2 - \log 373 \right]$$

$$= -14\cdot 47 - 1\cdot 19 = -15\cdot 66 \text{ cal/}^{\circ} \text{K}.$$

ক্যালরিমিটার ও জলের এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_{\bullet} = 100 \int_{273}^{331\cdot2} \frac{dT}{T} = 100 \times 2.303 \times [\log 331\cdot2 - \log 273]$$

$$= 100 \times 2.303 \times .084 = 19.34 \, \mathrm{cal/°K}$$
মোট এনট্টপির পরিবর্তন

 $\Delta S_1 + \Delta S_2 = 19.34 - 15.66 = 3.68 \text{ cal/}^{\circ} \text{K}$

(c) ছুইটি আদর্শ গ্যাসের ব্যাপন (Diffusion of two ideal gases): মনে করি, দুইটি আদর্শ গ্যাস একই উকতা T ও একই চাপ P-তে কোন একটি পারের দুইটি অংশ অধিকার করিয়া রহিয়াছে। একটি দেওয়াল ঐ গ্যাস-দুইটিকে বিচ্ছিন্ন করিয়া রাখিয়াছে। এই দেওয়াল সরাইয়া লইলে গ্যাস-দুইটির পরস্পরের মধ্যে ব্যাপন সংঘটিত হইবে। গ্যাস-দুইটি অন্তরিত (insulated) অবস্থায় থাকিলে এই পরিবর্তন অবশাই একটি রুদ্ধতাপ পরিবর্তন হইবে এবং সেজনা $\Delta Q = 0$ । ব্যাপনের সময়ে প্রবৃক্ত বলের বিরুদ্ধে কোন কার্ম করিবার প্রয়োজন হয় না ; অর্থাং $\Delta W = 0$ । প্রথম সূত্র অনুসারে,

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta W$$

সুতরাং এই প্রক্রিরার $\Delta U=0$ । আনুর্শ গ্যাসের কথা চিন্তা করিলে ব্যাপনের ফলে উক্তার কোন পরিবর্তান হইবে না। ধরি, প্রারম্ভিক অবস্থার গ্যাস-দূইটির চাপ, আরতন, উক্তা ও গ্রাম-অণুর সংখ্যা বথাক্রমে P, V_1 , T, n_1 এবং P, V_2 , T, n_2 । ব্যাপনের পূর্বে উপাদান গ্যাস-দুইটির এন্ট্রীপ বথাক্রমে, [সমীকরণ $7\cdot12e$]

$$S_1 = n_1 [(C_p)_1 ln. T - R ln. P + (S_0)_1] \cdots (7.17a)$$

এবং $S_s = n_s [(C_p)_s ln. T - R ln. P + (S_o)_s] \cdots (7.17b)$ মনে করি, মিশ্রণে গ্যাস-দৃইটির আংশিক প্রেষ** (partial pressure) বথান্নমে P_1 ও P_s , অর্থাং :

$$P_1 = \frac{V_1}{V_1 + V_2} P$$
 and $P_2 = \frac{V_2}{V_1 + V_2} P$

এক্ষণে প্রশ্ন হইল মিশ্রণে উপাদানগুলির এন্ট্রপি কি হইবে ? এই বিষয়ে গিব্স একটি অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্তে উপনীত হন (প্রমাণ দেওয়া হইল)
—এই সিশ্ধান্তটিকে গিব্সের উপপাদ্য বলা হয়।

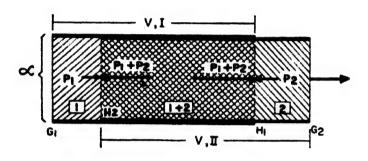
গিৰ্সের উপপাছ (Gibbs' Theorem) :

গিব্সের উপপাদ্য যেকোন সংখ্যক গ্যাসের জন্য প্রযোজ্য; কিবৃ
আলোচনার সৃবিধার জন্য আমরা কেবলমাত্র দৃইটি গ্যাস ধরিয়া লইয়া
প্রমাণটি উপস্থাপন করিব। গ্যাস-দৃইটিকে 1 ও 2 বলিয়া চিহ্নিত করা
যাক। মনে করি, গ্যাস-দৃইটি প্রারম্ভিক অবস্থায় পরস্পরের সহিত মিগ্রিত
অবস্থায় আছে। একটি পরীক্ষা ব্যবস্থার কথা চিন্তা করা যাক, যাহার সাহায্যে
মিশ্রণের উপাদান-দৃইটিকে পৃথক্ করিবার পর উহাদের প্রত্যেকটির আয়তন
মিশ্রণের মোট আয়তনের সমান হয় এবং প্রত্যেকেই মিশ্রণের উষ্ণতাতে থাকে।
নিম্বর্ণিত পরীক্ষায় ইহা সম্ভব হইবে।

চিত্র 7.4-এ $I(G_1H_1)$ ও $II(G_2H_2)$ স্তম্ভক-দৃইটির প্রত্যেকটির আয়তন V ৷ অনুমান করা যাক, কোন প্রকার বর্ষণ বল প্রয়োগ না করিয়াই

** দুই বা ততোধিক গ্যাস সংবোগে বে মিশ্রণটি উংগন্ন হর তাহাতে পৃথক্ভাবে উপাদানগুলির চাপ নির্ভর করে মিশ্রণে উহাদের আপেক্ষিক গাঢ়তার উপর। ঐ চাপকে গ্যাসের আংশিক প্রেবের সাহাব্যে প্রকাশ করা হর। আংশিক প্রেবের সংজ্ঞা এইভাবে দেওরা হইন্না থাকে—একই উক্তান কোন একটি উপাদান গ্যাস বদি মিশ্রণের নোট আন্নতন অধিকার করে, তবে সেই অবস্থান উহা পাত্রের গান্নে বে চাপ প্ররোগ করে, তাহাকেই মিশ্রণে ঐ উপাদানের আংশিক প্রেব বলা হর।

ভঙ্ক II-কে ভঙ্ক I-এর মধ্যে প্রবেশ করানো বা বাহির করা যাইতে পারে । ভঙ্ক I-এর ডান পার্থের তল H_1 এবং ভঙ্ক II-এর বামপার্থের তল H_2 অর্জ প্রবেশ্য বিল্লি-তে তৈরারী । H_1 তলকে অতিক্রম করিরা গ্যাস 1 ডানদিকে অগ্রসর হইতে পারে না কিন্তু গ্যাস 2-এর পক্ষে তাহা সম্ভব । পক্ষান্তরে IH_2 তলকে অতিক্রম করিরা কেবলমান্ত গ্যাস 1 বার্মাদকে অগ্রসর হইতে পারে—গ্যাস 2-এর পক্ষে তাহা সম্ভব নয় ।



Bul 7:4

মনে করা যাক, প্রারম্ভিক অবস্থায় গুড়ক I-এর মধ্যে গুড়ক II-কে সম্পূর্ণরূপে প্রবেশ করানো হইয়াছে এবং এই সময়ে II-এর মধ্যে গাাস 1 ও 2 সম্পূর্ণরূপে মিশ্রিত অবস্থায় রহিয়াছে এবং ঐ মিশ্রণের মোট আয়তন V । মিশ্রণে গ্যাস-দূইটির আংশিক প্রেষ যথানুমে P_1 ও P_2 । এক্ষণে গুড়ক II-কে জার্নাদকে টানিতে থাকিলে গ্যাস 2 ধীরে (উংলমনীয় পদ্ধতিতে) গুড়ক II-কে জার্নাদকে টানিতে থাকিলে গ্যাস 2 ধীরে H_1 তলকে অভিন্নম করিয়া H_1G_2 অংশে প্রবেশ করিবে । একই সময়ে গ্যাস 1 ধীরে H_2 তলকে অভিন্নম করিয়া H_2G_1 অংশে আবদ্ধ থাকিবে । অর্থবর্তী একটি সাম্যাবস্থা চিন্র ($7\cdot 4$)-এ দেখানো হইয়াছে ৷ শেষ পর্যন্ত গুড়ক II-কে সম্পূর্ণ বাহিরে আনিলে I-এর মধ্যে কেবলমান গ্যাস 1 ও II-এর মধ্যে কেবলমান গ্যাস 2-কে পাওয়া যাইবে ৷ মিশ্রণ হইতে গ্যাস-দূইটিকে পৃথক্ করিতে যে কার্থের প্রয়োজন তাহা হিসাব করিয়া দেখা যাক ।

সামাবেস্থার H_s তলের বামপার্থে গ্যাস 1-এর চাপ ডানপার্থে মিশ্রণে উহার আংশিক প্রেবের সমান হইবে। স্বতরাং ঐ তলে কেবলমাত্র গ্যাস 2-এর আংশিক প্রেব P_s বামদিকে সক্রির থাকে। স্তস্তক II-কে ডানদিকে

সরাইবার সমরে ঐ বলের বিরুদ্ধে কার্য করিতে হইবে। মনে করি, উভয় স্কভকের প্রস্থাক্তেদ α । স্ভভক II-কে ভানপার্ষে dx দূর সরাইতে $H_{\mathbf{a}}$ -তলে কার্য

$$\delta W = -\alpha P_2 dx$$

বলের বিরুদ্ধে সরানে! হইতেছে বলিয়া উহার উপর বাহির হইতে কার্য করিতে হইবে এবং এই কারণে ঋণাত্মক চিহ্ন ব্যবহার করা হইল । শুশুক I শুর থাকার ফলে G_1 ও H_1 তল-দুইটিতে কোন কার্য করা হইবে না । G_2 তলে গ্যাসের চাপ মিশ্রণে গ্যাস 2-এর আংশিক প্রেষ P_2 -এর সমান । সুতরাং উহা dx পথ অগ্রসর হইবার সময় কার্য করে

$$\delta W = +\alpha P_2 dx$$

অতএব মিশ্রণ হইতে গ্যাস-দুইটিকে পৃথক্ করিবার সময় G_2 ও H_2 তলে সমান ও বিপরীত কার্ষের প্রয়োজন এবং G_1 ও H_1 তল-দুইটিতে কোন কার্য করা হইবে না । সৃতরাং গ্যাস-দুইটিকে পৃথক্ করিবার জন্য মোটের উপর কোন কার্য করিবার প্রয়োজন হয় না—অর্থাৎ $\Delta W = 0$ । তাপ-অর্থারত অবস্থায় ($\Delta Q = 0$) গ্যাস-দুইটিকে পৃথক্ করিলে আন্তর-শক্তি অপরিবর্তিত থাকিবে ($\Delta U = 0$) । আদর্শ গ্যাস চিন্তা করিলে এই সমরে উষ্ণতা স্থির থাকে । অন্তিম অবস্থায় গ্যাস-দুইটির প্রত্যেকটির আয়তন V উহাদের চাপ বথাক্রমে P_1 ও P_2 এবং উষ্ণতা T (মিশ্রণের প্রারম্ভিক উষ্ণতা) । মনে করি, এই সময়ে উহাদের এন্ট্রপি বথাক্রমে S_1 ও S_2 । রুক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে উষ্ণতা স্থির র্যাথিয়া আদর্শ গ্যাস-দুইটিকে পৃথক্ করা সম্ভব দেখানো হইয়াছে । একই সঙ্গে আমরা জানি যে, রুক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে মোট এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হয় না ।

উপরে বর্ণিত পরীক্ষাটিকে বিপরীত দিকে চালনা করিলে (ধীরে G_2H_3 -কে G_1H_1 -এর মধ্যে প্রবেশ করাইলে) সম্পূর্ণ পৃথক্ অবস্থা হইতে গ্যাস-দৃইটিকে একই উষ্ণতায় মিশ্রণ হিসাবে পাওয়া যাইবে—এ সময়ে পৃথক্ভাবে গ্যাস-দৃইটির প্রত্যেকের আয়তন এবং সেই সঙ্গে মিশ্রণের আয়তন V এবং উষ্ণতা T । মোট এন্ট্রপি অবশাই অপরিবর্তিত থাকে ।

অধাং,
$$S(T, V) = S_1(T, V) + S_2(T, V)$$
 অধবা $S(T, P) = S_1(T, P_1) + S_2(T, P_2)$

S₂ ও S₂ পৃথক্ অবস্থার উপাদান-দুইটির এন্ট্রপি। সাধারণভাবে মিশ্রণে দুই-এর অধিক গ্যাস থাকিলে

$$S(T, P, n_1, n_2, \dots) = \sum n_i s_i (T, P_i)$$

i-তম গ্যাদের আংশিক প্রেব \mathbf{P}_i , উহার গ্রাম-অণু সংখ্যা n_i এবং আণব এন্ট্রাপ s_i ।

গিবসের এই উপপাদো বলা হয় বে,—পৃথক্ভাবে উপানানগুলির প্রত্যেকটির আয়তন মিশ্রণের মোট আয়তনের সমান হইলে এবং উহার। মিশ্রণের উকতার থাকিলে উহাদের বে এন্ট্রপি হইত, মিশ্রিত অবস্থার উহাদের সেই একই এন্ট্রপি হইবে। অন্যভাবে আংশিক প্রেমের হিসাবে বলা যায় বে, সমীকরণ (7.17a) ও (7.17b)-তে P-এর পরিবর্তে P_1 ও P_2 লিখিলে মিশ্রণে প্রথম ও বিতীয় গ্যাসের এন্ট্রপি জানিতে পারিব।

সূতরাং
$$S_{im} = n_i [(C_p)_i ln. T - R ln. P_i + (S_o)_i]$$

 $S_{im} = n_i [(C_p)_i ln. T - R ln. P_i + (S_o)_i]$

ব্যাপনের ফলে মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_m = S_{1m} + S_{2m} - S_1 - S_2$$

$$= -n_1 R \ln \frac{P_1}{P} - n_2 R \ln \frac{P_2}{P}$$

মিশ্রণে উপাদান গ্যাস-দৃইটির গ্রাম-অণু-অংশ (mole-fraction) বা আপেকিক গাঢ়তা (relative concentration) c, এবং c, লিখিলে

$$c_1 = \frac{n_1}{n_1 + n_2} = \frac{V_1}{V_1 + V_2} = \frac{P_1}{P}$$

$$c_{2} = \frac{n_{3}}{n_{1} + n_{3}} = \frac{V_{3}}{V_{1} + V_{3}} = \frac{P_{3}}{P}$$

অতএব সামগ্রিক এনুট্রপি পরিবর্তন

$$\Delta S_m = -n_1 R \ln c_1 - n_2 R \ln c_2 \qquad \cdots \qquad (7.18a)$$

বেহেতৃ $\mathbf{c_1}$ ও $\mathbf{c_2}$ উভরেই $\mathbf{1}$ অপেকা কৃদ্রতর সংখ্যা $\mathbf{\Delta S_m}$ অবশ্যই একটি ধনান্ধক রাশি হইবে। অতএব গ্যাস উৎপাদনগুলির মধ্যে ব্যাপনের ফলে

এন্ট্রীপ বৃদ্ধি পাইবে। দৃইরের অধিক সংখ্যক গ্যাসের মধ্যে ব্যাপন ঘটিলে একইভাবে প্রমাণ করা যায় যে, ব্যাপনের পর এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S_m = -R \sum n_i \ln. c_i \qquad (7.18b)$$

সমীকরণ (7·18a) ও (7·18b) যথাক্রমে দৃই এবং ততোধিক বিভিন্ন প্রকার গ্যাসের মধ্যে ব্যাপন হইলে প্রযোজ্য । এখানে উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, বিভিন্ন গ্যাসের অণুগৃলিও ভিন্ন (distinguishable) হইবে । একই চাপ ও উক্ষতার উহাদের মধ্যে ব্যাপনে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে কিন্তু ঐ অবস্থার একই গ্যাসের দৃই অংশের মধ্যে মিশ্রণে মোট এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হইবে না । এই ঘটনাটিকে গিব্সের কুট (Gibbs' paradox) বলা হয় ।

(d) গ্যানের মুক্ত প্রসারণ (Free expansion of a gas)— আদর্শ গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণ সম্পর্কে (7.3f) অনুচ্ছেদে আলোচনা করা হইয়াছে। প্রসারণের সময় পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে উহা তাপ-বিনিময় করে না এবং সেই কারণে

$$(\Delta S)$$
भात्रिभागिक = 0

এবং (
$$\Delta \mathrm{S}$$
)গ্যাস $=n\mathrm{R} imes 2.303\,\lograc{\mathrm{V}}{\mathrm{V}_i}$ (n গ্রাম-অপুর জন্য)

স্তরাং মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$(\Delta S)$$
 সামগ্রিক = (ΔS) পারিপার্থিক + (ΔS) গ্যাস
$$= nR \times 2.303 \log \frac{V}{V_i} > 0$$

কারণ $V_{,}>V_{,}$ । উদ্রেখ কর। যায় যে, গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণ মাত্রই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন।

প্রমাণ করা যায় যে, মৃক্ত প্রসারণের ফলে থেকোন গ্যাসের জন্য মোট এন্ট্রীপ বৃদ্ধি পাইবে।

প্রমাণ। তাপ-অন্তরিত অবস্থার বেকোন গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণে $\Delta U=0$ হইবে। এই পরিবর্তন অনুংক্রমনীর উপায়ে হইরা থাকে। প্রারম্ভিক ও অন্তিম সাম্যাবস্থা P_i , V_i , T_i , U_i ও P_f , V_f , T_f , $U_f=U_i$ । এন্ট্রপির পরিবর্তন কেবলমাত্র ঐ দুই অবস্থার উপর নির্ভর করে, কিভাবে

অবস্থার পরিবর্তন হইয়াছে তাহার উপর এন্ট্রপির পরিবর্তন নির্ভর করিবে না। মনে করি $U=U_i=$ ধ্রুবক এই উৎক্রমনীয় পথে গ্যাসের পরিবর্তন হইয়াছে। এই পথে অণু-পরিবর্তনের জন্য

$$TdS = dU + PdV = PdV$$

অথবা $dS = \frac{P}{T}dV$

. . এই দুই-অবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন
$$\Delta S = \int_{\ell}^{\ell} \frac{P}{T} dV$$
 ... (7:19)

প্রসারণে $V_{,}>V_{,}$, ফলে dV ধনান্দক রাশি । P/T সকল সময়ে ধনান্দক হইবে । অতএব সমীকরণ (7·19)-এর ডার্নাদকের পদটি ধনান্দক হইবে । পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের এনুট্রাপির কোন পরিবর্তন হয় নাই ।

2. উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন—কার্নো এঞ্জন উৎক্রমনীয় চক্রে আবাঁতত হইয়া প্রারম্ভিক তাপীয় অবস্থায় ফিরিয়া আসে। অর্থাৎ এঞ্জিনের একটি পূর্ণ আবর্তনে উহার কার্যকরী তন্দ্রর তাপীয় অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না। এঞ্জিনের কার্যকরী তন্দ্র উহার একটি আবর্তনে T_1 উক্তার উৎস হইতে O_1 তাপ গ্রহণ করে এবং C_2 উক্তার খাদে O_2 তাপ বর্জন করে।

 T_1 উষ্ণতার তাপীর উৎস কর্তৃক বর্জিত তাপ $=Q_1$ এবং উহার এন্ট্রপির পরিবর্তন $=-Q_1/\Gamma_1=\Lambda S(1)$ T_2 উষ্ণতার তাপীর সংগ্রহশালা কর্তৃক গৃহীত তাপ $=Q_2$ অতএব উহার এন্ট্রপির পরিবর্তন $=Q_2/T_2=\Lambda S(2)$ কার্যকরী তল্মের এন্ট্রপির পরিবর্তন $=\Lambda S(3)=0$ অতএব সম্পূর্ণ তল্মের এন্ট্রপির মোট পরিবর্তন $=\Lambda S(1)+\Lambda S(2)+\Lambda S(3)=-Q_1/T_1+Q_2/T_2=0$

কারণ কার্নো এঞ্চন-চক্রে $Q_1/T_1=Q_2/T_2$ । আমরা পূর্বেই প্রমাণ করিয়াছি যে, উৎক্রমনীর পরিবর্তনে তব্য ও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের মোট এন্ট্রাপর কোন পরিবর্তন হয় না।

অন্যান্য যে উদাহরণগুলি আলোচিত হইয়াছে তাহাদের প্রত্যেকটিই অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তন। এন্ট্রপি সূত্র অনুসারে ঐ সকলক্ষেত্রে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। সারণ রাখা প্রয়োজন যে, কেবলমাত্র একটি তল্তের কথা চিন্তা করিলে অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের সকলক্ষেত্রেই যে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে একথা বলা বায় না। একটি উত্তপ্ত বস্তৃ ঠাণ্ডা হইয়া বায়্মণ্ডলের উক্তায় তাপীয় সাম্যে উপনীত হয়। এক্ষেত্রে বস্তৃর এন্ট্রপি হ্রাস পায় র্যাণণ্ড পরিবর্তনটি অনৃংক্রমনীয় পরিবর্তনের পর্যায়ে পড়ে। 'এন্ট্রপি সূত্র' তল্ত ও উহার পারিপাশ্বিক মাধ্যমের সামগ্রিক এন্ট্রপি বিবেচনা করিলেই প্রযোজ্য হইয়া থাকে। কোন একটি তল্তকে পৃথক্ভাবে বিচার করিলে এন্ট্রপি সূত্র প্রযোজ্য হইয়া খাকে। কোন একটি তল্তকে পৃথক্ভাবে বিচার করিলে এন্ট্রপি সূত্র প্রযোজ্য হইবা না।

উদাহরণ। প্রমাণ চাপ ও উষ্টতার 8'4 litre অক্সিজেন ও 14 litre হাইড্রোজেন পরস্পরের সঙ্গে সম্পূর্ণরূপে মিশিয়া গেল। ব্যাপনের ফলে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর। [হাইড্রোজেন ও অক্সিজেনকে আদর্শ গ্যাস মনে কর]

প্রমাণ চাপ ও উষ্ণতার প্রত্যেকটি গ্যাসের 1 গ্রাম-অণুর আয়তন = 22.4 litre.

∴ ঐ অবস্থায় অক্সিজেন গ্যাসের 8'4 litre

$$=\frac{8.4}{22.4}=\frac{3}{8}$$
 গ্রাম-অণু

এবং ঐ অবস্থায় হাইড্রোজেন গ্যাসের 14 litre

$$=\frac{14}{22.4}=rac{5}{8}$$
 গ্রাম-অণু।

:. অক্সিজেনের অণু ভগ্নাংশ =
$$\frac{3/8}{\frac{3}{8} + \frac{5}{8}} = \frac{3}{8}$$
,

এবং হাইড্রোজেনের অণু-ভ্র্মাংশ $=rac{5}{8}$

মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$=-R\left[\frac{3}{8}ln.\frac{3}{8}+\frac{5}{8}ln.\frac{5}{8}\right]$$

$$= -R \times 2.303 \left[\frac{3}{8} (\log 3 - \log 8) + \frac{5}{8} (\log 5 - \log 8) \right]$$

 $= R \times 2.303 \times [.1597 + .1275]$

 $= R \times 2.303 \times .2872 = 1.32 \text{ cal/}^{\circ}\text{K}$

7.5. এস্ট্রপি ও কার্যকরী শক্তি (Entropy and available energy):

কার্য করিতে সকলসমর শক্তির প্ররোজন হয়। প্রত্যেকটি তাপগতীয় তব্যে কিছু পরিমাণে শক্তি সঞ্চিত থাকে—ঐ শক্তিকে আমরা আহর-শক্তি বলিরাছি। ভিন্ন উক্তার দুইটি তাপীর উৎস থাকিলে এঞ্জনের সাহাযো ঐ শক্তি হইতে কার্ব পাওরা বার। সারণ থাকে বে. কোন উৎসের আন্তর-শক্তির সমস্ভটুকুকে কার্বে রূপান্তরিত করা সম্ভব হয় না—ঐ শক্তির কত্টুকু অংশ কার্য হিসাবে পাওয়া সম্ভব তাহা নির্ভর করে উৎস্টির তাৎক্ষণিক অবস্থার উপর। বিশেষ সতর্কতা গ্রহণ না করিলে নিজ হইতে তাপীয় উৎসের অবস্থার পরিবর্তন ঘটে—এবং ঐ পরিবর্তনের গতিমুখ এমন হয় যে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। প্রাকৃতিক পরিবর্তনের আর একটি ফল দাডাইবে—এই পরিবর্তনে শক্তির কার্যকারিতা হ্রাস পার বা শক্তির কার্যে রূপান্তরিত হওরার ক্ষমতা কমিয়া যার। কোন অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন অনুষ্ঠিত হওয়ার পূর্বে নির্দিষ্ট পরিমাণ শক্তির বে অংশ কার্যে রূপান্তরিত হইবে অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনের পরে ঐ একই পরিমাণ শক্তি হইতে তাহার চেরে কম কার্য পাওয়া যাইবে। কার্যকরী শক্তি হ্রাস ও এন্ট্রপি বৃদ্ধি একই পরিবর্তনের দুইটি ফল এবং সেই কারণে ইহারা পরস্পরের সম্বন্ধযুক্ত হইবে। একটি উদাহরণের সাহাযো এই সম্পর্কটি স্থির করা গেল।

মনে করি, A ও B তাপীর উৎসন্ধরের উক্তা বথাচমে T_1 ও T_2 এবং $T_1>T_2$ । A ও B-এর মধ্যে সংযোগ স্থাপিত হইলে Q পরিমাণ তাপ A হইতে B-তে পরিবাহিত হইবে। এই স্বতঃপ্রবন্ত পরিবর্তনে A ও B-এর মোট এন্ট্রিপ র্বন্ধ পার।

মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন AS লিখিলে

$$\Delta S = Q\left(\frac{1}{T_{\bullet}} - \frac{1}{T_{\bullet}}\right) \qquad \cdots \qquad (7.20)$$

 T_1 উক্তার তাপীয় উৎস হইতে Q তাপ সংগ্রহ করিয়া সর্বাধিক বে কার্ব সম্ভব, তাহা হইল

$$W_1 = Q\left(1 - \frac{T_0}{T_1}\right)$$
 (7.21)

 T_o -অবম উক্তার উৎসের উক্তা (temperature of the lowest tempereture bath available)। সমীকরণ (7·21)-এর সাহায়ো কার্নো এঞ্জিনের কার্যের হিসাব করা হয় এবং সেই কারণে W_1 সর্বাধিক কার্য ব্যাইবে। এক্ষণে Q পরিমাণ তাপ A হইতে B-তে পরিবাহিত হওরার পর B হইতে গৃহীত হইলে সর্বাধিক কার্য হইবে

$$W_{s} = Q\left(1 - \frac{T_{o}}{T_{s}}\right) \qquad \cdots \quad (7.22)$$

 $T_1>T_2$, সূতরাং $W_1>W_2$ । অর্থাৎ অনুৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে তাপ পরিবাহিত হওয়ার পরে উহার কার্যে রূপান্তরিত হইবার ক্ষমতা হ্রাস পায়। পরিবহণের ফলে যে পরিমাণ শক্তি কার্যে রূপান্তরিত হইতে পারিবে না তাহা হয়

$$\Delta W = W_1 - W_2 = Q \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right) T_0 = T_0 \Delta S \quad \cdots \quad (7.23)$$

T₀ ও △S উভরেই ধনাত্মক রাশি হওয়ায় △W ধনাত্মক হইবে। অর্থাৎ দেখা গেল, এন্ট্রপি বৃদ্ধির ফলে শক্তি বাবহার্য অবস্থা হইতে অবাবহার্য অবস্থার পরিবাতিত হইতেছে। প্রসঙ্গতঃ উল্লেখ করা যায়, উষ্ণতর বস্তৃ হইতে তাপ নিম্ন উষ্ণতার অন্য একটি বস্তৃতে পরিবাহিত হইবার সময়ে, মোট শক্তি কোনরূপে বিনন্দ হয় না। কেবলমার্য পরিবহণের পূর্বে যে পরিমাণ শক্তি কার্য হিসাবে ব্যবহার হয়া যাইবে না। তাপ-পরিবহণের বিশেষ ক্ষেত্রে পরি কার্য হিসাবে ব্যবহার করা যাইবে না। তাপ-পরিবহণের বিশেষ ক্ষেত্রে প্রতিপাদ্যটি প্রমাণিত হইলেও সাধারণভাবে বেকোন অনুষ্ক্রমনীয় পরিবর্জনের ক্ষেত্রে এই সিদ্ধান্ত একইভাবে প্রযোজ্য। প্রকৃতিতে স্থাভাবিক পরিবর্তন মাত্রই অনুষ্ক্রমনীয় পরিবর্তন এবং এই কারণে বলা যায় য়ে, শক্তি ক্রমাণত কার্যের রূপান্তারিত না হওয়ায় অবস্থার দিকে যাইতেছে। ইহাকেই কেল্ছিন শিক্তির অবক্ষয় সূত্র' (principle of degradation of energy) বলিয়া অভিহিত করিয়াছেন।

7'6. এশ্ট্রপি ও দিতীয় সূত্র (Entropy and second law of thermodynamics), দিতীয় সূত্রের গাণিতিক রূপ (Mathematical formulation of the second law):

প্লাক্ষ-কেল্ভিনের বির্তিতে 'বিতীর স্ট' কোন তাপীর উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া ভাহার বিনিমরে কার্য সম্পাদনের সম্ভাবনা সম্পর্কে আলোচনা করে। আমরা দেখিয়াছি বে, বিতীর স্ট্র তাপগতীয় অপেক্ষক এন্ট্রপির সংজ্ঞা দেয়। এই এন্ট্রপির সাহাব্যে বিতীর স্ট্রকে প্রকাশ করা বার এবং বিতীর স্ত্রের একটি গাণিতিক রূপ দেওরা সম্ভব হয়।

প্রকৃতিতে স্বতঃপ্রশোদিত পরিবর্তন মারেই অনুংক্রমনীর পরিবর্তন এবং প্রভাকটি অনুংক্রমনীর পরিবর্তনে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। বারুতে রাখা বরফ গালরা জলে পরিবত হইতেছে, তৃ'তে জলে ফেলিবামাত Cu⁺⁺ এবং SO, — আরনে বিশ্লেষিত হইতেছে, সমৃদ্র-পৃক্ষরিণীর জল ক্রমশঃ বাল্প হইতেছে—এই ধরনের প্রত্যেকটি অনুংক্রমনীর পরিবর্তনে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে। তাই বলা বার যে, প্রকৃতিতে প্রত্যেকটি পরিবর্তনই এমনভাবে অগ্রসর হর, বাহার ফলে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। অথবা বে পরিবর্তনে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। অথবা বে পরিবর্তনে বিশ্বের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি বার্তন প্রকৃতিতে ক্যান্স্রতাবে সংঘটিত হইবে না। এন্ট্রপি বৃদ্ধির এই নীতিকে ক্রান্সরাস 'দ্বিতীর স্ত্রের পরিবর্তিত রূপ' (revised version of the second law) বিলয়া চিহ্নিত করিয়াছেন। স্মরণ রাখা প্রয়োজন যে, এন্ট্রপি বৃদ্ধির ফলে বিশ্বের সামগ্রিক শক্তির কোন তারতম্য হর না।

প্রথম এবং দিতীর সূত্রের বিবৃতিতে সামঞ্জস্য আনিরা নিমুলিখিত উপারে সূত্র-বৃটিকে প্রকাশ করা বার—

প্রথম সূত্র—বিশ্বের সামগ্রিক শক্তির কোন তারতমা ঘটে না।

षिতীর সূত্র—বিশ্বের সামগ্রিক এন্ট্রপি ক্রমবর্ধমান।

ষিতীর সূত্র সম্পর্কে উপরোক্ত বির্বাততে কিছু ফটি রহিয়াছে। উৎক্রমনীর পরিবর্তনের ক্ষেত্রে মোট এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে এই বির্বাততে ভাহ। জানা বাইতেছে না। কেবলমাত্র কোন একটি বিশেষ প্রকারের পরিবর্তনের জন্য বক্তব্য সীমিত না রাখিরা সাধারণভাবে বলা চলে—

্ উল্লেখনীয় পদ্ধতিতে তলা অণু-প্রবর্তী সাম্যাবস্থায় পরিবতিত হইলে গৃহীত বা বাঁজত তাপ T-শরম ক্লেলে উৎসের উক্তা এবং dS দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে তল্পের এন্ট্রপির পার্থক্য নির্দেশ করে। সমীকরণ (7.24) দ্বিতীয় স্তের গাণিতিক রূপ বলিয়া চিহ্নিত হয়। এই সমীকরণ হইতে এন্ট্রপি S-এর একটি সংজ্ঞা পাওয়া গেল—ঐ তাপগতীয় অপেক্ষকটি দ্বিতীয় স্তকে প্রকাশ করে। প্রসঙ্গতঃ অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনেরও গাণিতিক সংজ্ঞা দেওয়া দ্বাইতে পারে—বে পরিবর্তনে সম্পূর্ণ বিচ্ছিল্ল তল্পের এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে, তাহাই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন।

তাপগতিতত্ত্বের প্রথম ও দ্বিতীয় সূত্রের গাণিতিক রূপ বথান্রমে $\delta Q = dU + \delta W$ এবং $\delta Q(R) = TdS$

এই দৃই সমীকরণ হইতে প্রথম ও দ্বিতীয় সূত্রের মিলিত গাণিতিক রূপ হইবে

$$TdS = dU + \delta W \qquad \cdots \qquad (7.25)$$

রাসায়নিক তব্বের জন্য

$$TdS = dU + PdV \qquad \cdots \qquad (7.25a)$$

উৎক্রমনীয় তাপগতিতত্ত্বর ইহাই প্রধান সমীকরণ। এই সমীকরণকে তিন্তি করিয়া এই বিদ্যার সমস্ত সিদ্ধান্তে উপনীত হইতে হয়। কোন তাপগতীয় তলা বখন উৎক্রমনীয় পথে এক সাম্যাবস্থা হইতে সামান্য বা অগুমান্র পরিবর্তনের ফলে অন্য একটি সাম্যাবস্থায় উপনীত হয় তখন ঐ পরিবর্তনের ক্ষেত্রে সমীকরণ (7°25) প্রযোজ্য হইবে। লক্ষ্য করা যাইতে পারে বে, এই সমীকরণে অগুরাশিগুলির প্রত্যেকেই সম্পূর্ণ অবকল। কোন অগু-পরিবর্তন বিদ উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে না হয়, তবে ঐ সমীকরণটি প্রযোজ্য হইবে না। যেমন, একটি ক্যালরির্মিটারে জল লইয়া বিদ একটি ঘূর্ণন-চক্রকে জলের মধ্যে সামান্য ঘূরানো যায় তবে জলে অগুমান্র যে কার্য ১W করা হইবে তাহার ফলে জলের উক্ষতা ও অন্যান্য ভৌত ধর্মের সঙ্গে এন্ট্রপিরও অগু-পরিবর্তন হইবে। এক্ষেত্রে কিছু সমীকরণ (7°25) প্রয়োগ করা যাইবে না; কারণ ১W পরিমাণ কার্য অনুৎক্রমনীর উপারে করা হইরাছে। তাপগতিতত্ত্বের প্রথম সূত্র হইতে আমরা লিখিতে পারি dU+১W=0, কারণ এক্ষেত্রে ১০=0।

7'7. এন্ট্রলি-উক্তর লেখ (Entropy Temperature diagram)—T-S diagram :

সাধারণতঃ লেখ সাহাব্যে কোন তল্মের উৎক্রমনীর পরিবর্তনকে নির্দেশ করিবার সময় আমরা ঐ তল্মের উকতা, আয়র-শক্তি, এন্ট্রাপ ইত্যাদি জানিবার প্রয়োজন বোধ করি না। কেবলমাত্র ঐ তল্মের একটি নিরপেক ব্যাপক চলকে ভৃজ ও অন্য একটি নিরপেক সংকীণ চলকে কোটি ধরিয়া লেখ অক্ষন করিয়া তাহারই সাহাব্যে তল্মের উৎক্রমনীর, পরিবর্তনকে বৃঝানো হয়। রাসারনিক তল্মের জন্য আয়তন \ ও চাপ P বথাক্রমে এই দুইটি চল। বিভিন্ন তল্মের জন্য এই চল-দুইটি পৃথক হইয়া থাকে—বেমন, পৃষ্ঠ-সরের জন্য এই চল-দুইটি হইবে সরের ক্ষেত্রফল A ও তরলের পৃষ্ঠ-টান S, প্যারাচুম্বকীর তল্মের জন্য ইহারা হইতেছে চৌম্বকক্ষেরে তীরতা H ও চৌম্বক-প্রাবল্য I ইত্যাদি। এজন্য পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি তল্মের অক্ষার সমীকরণ জানিতে হইবে। বেহেতু উকতা ও এন্ট্রাপ প্রত্যেকটি তল্মের একটি সাধারণ ধর্ম, সেই কারণে ইহানের সাহাব্যে যেকোন তল্মের পরিবর্তনকে নির্দেশ করা যাইতে পারে—বিভিন্ন তল্মের জন্য পৃথক্ভাবে ভৃজ ও কোটি নির্বাচন করিবার প্রয়োজন হইবে না।

উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে তব্দের অপু-পরিবর্তনে তাপ-বিনিময়

$$\delta O(R) = TdS$$

এবং সসীম বা finite উৎক্রমনীর পরিবর্তনে মোট তাপ-বিনিমর

$$\Delta Q(R) = \int_{1}^{t} TdS$$

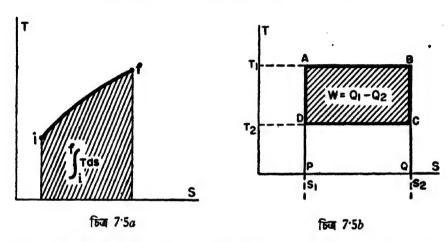
সমীকরণে ডাননিকের সমাকলটি বিশেষ অর্থবহ। তল্টের এন্ট্রাপি S-কে ভূজ ও উষ্ণতা T-কে কোটি ধরির। লেখ অঞ্জন করিলে ঐ সমাকলটি হইবে i ও f বিন্দৃৎয় ও উহাদের ভূজের মধ্যে লেখ হারা আবদ্ধ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকলের সমান (ভিত্র 7.5a)। এই ভাবে T-S লেখ হইতে সরাসরি তাপ-বিনিময় হিসাব করা সম্ভব হয়।

উৎক্রমনীর পরিবর্তনে

$$dS = \frac{\delta Q(R)}{T}$$

ক্রছতাপ পরিবর্তনে $\delta Q(R) = 0$, ফলে dS = 0 হইবে। অর্থাং

রক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হর না। অথবা রক্ষতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তনমাত্রই ছির এন্ট্রপি-অবস্থার পরিবর্তন (isentropic change)। সুভাবতঃই T-S লেখতে সমোক উৎক্রমনীর পরিবর্তনকে অনুভূমিক রেখার দ্বারা ও রক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনকে উল্লয় রেখার দ্বারা ভিরুষ রেখার দ্বারা নির্দেশ করা হইবে। এই কারণে থেকোন তন্ত্রের জন্য কার্নো চক্রের T-S লেখ হইবে একটি আরতক্ষেত্র (চিত্র 7.56)। ঐ চিত্রে AB ও



CD রেখাদ্বর বথাক্রমে T_1 ও T_2 উক্তার তক্তের সমোক উৎক্রমনীর পরিবর্তন নির্দেশ করে, এবং AD ও BC উল্লয় রেখা-দূটির সাহায্যে তক্তের রক্ষতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তন স্চিত হয় । T_1 উক্তার তাপীর উৎস হইতে গৃহীত তাপ Q_1 ক্ষেত্র ABQP-এর এবং T_2 উক্তার খাদে বজিত তাপ Q_2 একইভাবে ক্ষেত্র CDPQ-এর ক্ষেত্রফলের সমান । কার্যকরী তক্তের পূর্ণ আবর্তনে মোট কার্য $W=Q_1-Q_2=ABCD$ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান । অন্য বেকোন উৎক্রমনীর চক্রে একইভাবে কার্যের হিসাব করা যায় ।

7'8. এন্ট্ৰপি, বিশুঞ্চালা ও সক্তাব্যভা (Entropy, disorder and probability):

বন্ধু মারেই অণ্-সমবায়ে গঠিত। তাপগতীয় তন্দ্রের ক্ষেত্রও একখা একই ভাবে প্রবোজ্য। পূর্বেই বলা হইরাছে তাপগতিতত্ত্বে বন্ধুর আণাবিক গঠন সম্পর্কিত আলোচনার কোন স্যোগ নাই। এই বিদ্যা তন্দ্রের মাপনবোগ্য চাক্ষ্য গুণাগুণ সমূহের (measurable macroscopic properties)

আলোচনার মধ্যে সীমাবদ্ধ। কিছু ইহা সত্য ষে, তাপগতীয় তন্তের সমস্ত চাকৃষ-পৃথই বন্ধুর আগবীক্ষণিক-গৃণের (microscopic properties) আলোকে ব্যাখ্যা করা সন্তব। বিশৃদ্ধ তাপগতিতত্ত্বের আলোচনার এই ব্যাখ্যার অবশ্য কোন প্রয়োজন নাই। কিছু এই ব্যাখ্যার দ্বারা আমরা চাকৃষ তন্তের গৃণাগৃণ বিষয়ে গভীরতর জ্ঞান লাভ করিতে পারি। উদাহরণস্থারূপ, একটি পাত্রে আবদ্ধ গ্যাসের চাপ, আরতন ও উকভার কথা ধরা বাক। পাত্রের গারে প্রতি মৃহুর্তে অণুগৃলি আসিয়া আঘাত করিতেছে। বেল্টনীর প্রতি একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেণ্ডে লম্ব-ভরবেগের পরিবর্তনের হারকেই আবদ্ধ গ্যাসের চাপ বলা হর। অণুগৃলি চলাচলের জন্য বে আরতন মৃক্ত থাকে উহাই গ্যাসের আরতন। অণুগৃলির গতিশক্তির সহিত গ্যাসের উকভার সম্পর্ক রহিয়াছে (শক্তি-বন্টন স্ত্রের সাহাযো উকভার সঠিক ব্যাখ্যা দেওরা বার), উহাদের স্থিতিশন্তি ও গতিশক্তির বোগফলই গ্যাসের আন্তর-শক্তি। আরতন, চাপ, উকভা ও আন্তর-শক্তির ন্যায় এন্ট্রপিও তন্ত্রের একটি তাপগতীয় ধর্ম। স্থভাবতই প্রশ্ন হইবে এন্ট্রপির ধারণা গ্যাস অণুগৃলির সহিত কিভাবে বৃক্ত ? গ্যাস অণুগৃলির কোন্ ধর্মের সাহাযো এন্ট্রপিকে ব্যাখ্যা করা যার ?

বিশৃপ্রকা প্রকৃতির একটি ধর্ম। শৃপ্রকা হইতে বিশৃপ্রকার দিকে স্বতঃপ্রবৃত্ত গতি প্রকৃতিতে প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে সর্বদা দৃষ্ট হয়। গ্যাসের ক্ষেত্রে অণুগুলির শৃশ্বলাবন্ধ সন্তরণের (বেমন, সমদ্রন্থে থাকিয়া একই দিকে চলা বা নির্দিন্ট নিরমের অধীনে গতি) সম্ভাবনা খ্বই কম-নাই বলিলেই চলে। কোন প্রকারে এই শৃত্থলাবন্ধ অবস্থা সৃষ্টি করিলেও পরমৃষ্ঠে অণুগুলির পরস্পরের মধ্যে সংবর্ষে সেই শৃত্থলা নত হয় ৷ অর্থাৎ অণুগুলির পকে প্রস্পরের মধ্যে নিরম-বহির্ভূত বধেচ্ছ দ্রম্বে থাকিয়া পৃথক্ পৃথক্ গতিবেগে চলিবার সভাবনা খুবই বেশী। পূর্বেই আলোচিত হইরাছে যে, স্বতঃপ্রবৃত্ত পরিবর্তনে এন্ট্রাপ বৃদ্ধি পার আর দেখা ঘাইতেছে, বিশৃঞ্চলাই প্রাকৃতিক পরিবর্তনের পরিবতি। প্রকৃতিতে প্রত্যেকটি স্বতঃপ্রণোদিত পরিবর্তনে এন্ট্রপি ও বিশৃপ্রকা বৃদ্ধি পাইতেছে। ইহা হইতে অনুমান করা বার বে, অণুসমন্টির বিশৃঞ্জার সহিত উহার এনুর্রাপর একটি ঘানষ্ঠ সম্পর্ক রহিয়াছে। কিছু বিশৃপ্বলার ধারণাকে भागनायाणा थात्रणात्र (measurable concept) श्रीत्रणं ना कांत्रां धरे সম্পর্ককে প্রকাশ করা সম্ভব হর না। বিশৃঞ্জা পরিমাপের জনা আমরা নিম্নলিখিত উপার অবলম্বন কাঁরতে পারিব। প্রথমে আমরা একটি সহজ উनाहत्रन महेता जामाहना क्तिरहाई।

মনে কর। যাক, দুইটি মুদ্র। এমনভাবে সাজানো আছে বে উহাদের উভরেরই H-প্রন্থ ('হেড়') উপরে আছে। ইহাকে একটি সুশৃত্থল বিন্যাস বলিব। যাদ একটি মুদার H-প্রষ্ঠ উপরের দিকে ও অন্যটির T-প্রষ্ঠ ('টেল্') উপরের দিকে থাকে, তবে উহাকে আমরা বিশৃপ্তল বিন্যাস বলিব। বদি মৃদ্রা-দুইটি ছুড়িয়া দেওয়া বার তবে উহাদের বিশৃঞ্চল বিন্যাসে পাইবার সম্ভাবনা বেশী। তাহার কারণ বিশৃপ্রক বিন্যাসটি দুইভাবে সম্ভব হইতে পারে—প্রথম মৃদ্রার H-পৃষ্ঠ উপরে ও দ্বিতীয় মৃদ্রার T-পৃষ্ঠ উপরে অথবা ইহার বিপরীত অবস্থা। কিন্তু সৃশৃত্বল বিন্যাস মাত্র একভাবেই সম্ভব। দেখা যাইতেছে, একটি বিশৃত্যল বিন্যাসের সম্ভাব্যতা (probability) বেশী ও সৃশৃব্যল বিন্যাসের সম্ভাব্যতা কম—অর্থাৎ কোন একটি বিন্যাসের সম্ভাব্যতাকেই সেই বিন্যাসের বিশৃৎখলতার পরিমাপ বলিয়া গণ্য করা যায়। কোন বিন্যাসের সম্ভাব্যতা আমরা গাণিতিক সূত্র প্রয়োগে নির্ণয় করিতে পারি। ষেমন, উপরের উদাহরণে যেকোন পৃষ্ঠ উপরে থাকিবার সম্ভাবাতাকে যদি 🧎 বলা যার, তবে উভর মুদ্রার H-পৃষ্ঠ উপরে থাকিবার সম্ভাবাতা হর 🗼 আর একটির H-পৃষ্ঠ ও অনাটির T-পৃষ্ঠ উপরে থাকিবার সম্ভাব্যতা হয় 🔒। এইভাবে সম্ভাব্যতা নির্ণর করিলে তাহাকে গাণিতিক সম্ভাব্যতা (mathematical probability) বলা হয় । আবার মৃদ্রার ষেকোন পৃষ্ঠ উপরে পাকিবার সম্ভাব্যতাকে যদি 1 ধরা যায় তবে উপরোক্ত দুইটি বিন্যাসের সম্ভাব্যতা হয় যথাক্রমে 1 ও 2। এইরূপে সম্ভাব্যতা নির্ণয় করিলে তাহাকে তাপগতীয় সম্ভাবাতা (thermodynamic probability) বলে। সাধারণভাবে বলা চলে যে. কোন একটি তল্মে প বদি একটি চাক্ষৰ বিন্যাস (macroscopic distribution) হয় এবং উহা P. সংখ্যক আণবীক্ষণিক বিন্যাসের (microscopic distribution) সাহাব্যে নিম্পন করা যায়, তবে r বিন্যাসের তাপগতীয় সম্ভাব্যতা Pুও গাণিতিক সম্ভাব্যতা $W_{*}=P_{*}/\sum P_{*}$ । লক্ষ্য করা বাইতে পারে সমস্ত বিন্যাসের মোট গাণিতিক সম্ভাব্যতা একের (one) সমান। সম্ভাব্যতা নির্ণয়ের বিষয়ে বিশদ আলোচনা পঞ্চদশ পরিচ্ছেদে করা হইবে।

একটি তাপগতীর তন্দের ক্ষেত্রে কিভাবে বিভিন্ন বিন্যাস করা যার তাহা বুঝাইবার জন্য আমরা একটি আদর্শ গ্যাসের উদাহরণ লইরা আলোচনা করিতে পারি। মনে করি, V-আরতনের একটি পাত্রে N সংখ্যক অণু আবদ্ধ আছে এবং উহাদের আন্তর-শক্তি (অর্থাং অণুগুলির মোট গতিশক্তি) U। N সংখ্যক

অণু V আরতনের মধ্যে বিভিন্নভাবে বিন্যাস করা বাইতে পারে । বেমন, সর্বত্ত সমানভাবে বা কোন স্থানে বেশী কোন স্থানে কম—এইভাবে । সেইরূপ মোট মতিশক্তি U নানাভাবে N সংখ্যক অণুর মধ্যে বন্টন করা বার । সব অণুর মধ্যে সমানভাবে বা অসমানভাবে । বেকোন বিন্যাসে আমরা সম্ভাব্যতা P_{\star} বা W_{\star} হিসাব করিতে পারি । সেই বিন্যাসই গ্যাসের সাম্যাবন্থা নির্দেশ করিবে বাহার ক্ষেত্রে সম্ভাব্যতা P_{\star} বা W_{\star} অন্য বেকোন বিন্যাসের চেরে বেশী ।

আমরা পূর্বেই আলোচনা করিয়াছি ষে, এন্ট্রাপি ও বিশৃন্ধলা পরস্পরের সহিত সম্বন্ধ-বিশিন্ট। পরে দেখা যাইতেছে, সম্ভাব্যতার সাহায্যে বিশৃন্ধলার মান নির্ণর করা যায়। অতএব বলা যাইতে পারে, এন্ট্রাপি ও সম্ভাব্যতা পরস্পরের সহিত সম্বন্ধস্ক হইবে। বোল্ংজমান (Boltzmann) এই সম্বন্ধ বিষরে প্রথম আলোকপাত করেন।

ষেহেতু এন্ট্রপি ও সম্ভাব্যতার মধ্যে সম্পর্ক বিদামান

$$S = f(W)$$

মনে করি, কোন তব্দের দৃইটি অংশ A এবং B। নির্দিষ্ট তাপীয় অবস্থায় এই দৃই অংশের এন্ট্রপি যথাক্রমে S(A) ও S(B)। তব্দের ঐ অংশ-দৃইটির চাক্ষুষ অবস্থার সম্ভাব্যতা যথাক্রমে W_A এবং W_B ।

সম্পূর্ণতক্ষের এন্ট্রপি S = S(A) + S(B)

এবং সম্পূর্ণতদ্মের জন্য ঐ অবস্থার সম্ভাব্যতা $W=W_{A}W_{B}$

অতএব
$$S = S(A) + S(B) = f(W) = f(W_A W_B)$$

$$f(\mathbf{W}_{A}) + f(\mathbf{W}_{B}) = f(\mathbf{W}_{A}\mathbf{W}_{B}) \qquad \cdots \qquad (7.26)$$

একেটে অপেক্ষক f-এর প্রকৃতি নির্মালখিত সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করা বার

$$f(xy) = f(x) + f(y) \qquad \cdots \qquad (7.27)$$

সমীকরণটি x ও y-এর প্রত্যেকটি মানের জনাই প্রযোজ্য । ধরি $y=1+\varepsilon$, ε প্রথম ক্রম অপুরাশি (infinitesimal quantity of the first order)

$$f(x+xe)=f(x)+f(1+e)$$

টেলর-এর উপপাদ্যের সাহায্যে বিজ্ঞতির পর প্রথম ক্রমের উর্থবতর পদগৃলিকে বর্জন করিলে

$$f(x) + \varepsilon x f'(x) = f(x) + f(1) + \varepsilon f'(1)$$

 $\varepsilon = 0$ হইলে f(1) = 0।

অতএব
$$xf'(x)=f'(1)=k$$
 (ধ্ৰুবক)

অথবা,
$$f'(x) = \frac{k}{x}$$

সমাকলের পর $f(x) = k \ln x + C$

অতএব
$$S = k \ln W + C$$
 ... (7.28)

সমীকরণ (7.26)-এর সাহাষ্যে বলা যায় C=0,

অর্থাৎ
$$S = k \ln W$$
 ... (7.29)

পরবর্তী আলোচনার দেখানে। হইবে ষে, উপরের সমীকরণে k প্রকৃতপক্ষে বোল্ংজমানের ধ্রুবক $(k={
m R}/{
m N})$ ।

আমর। পূর্বেই দেখিয়াছি সম্ভাব্যত। W নিরূপণের কোন নির্দিন্ট উপায় নাই। নানাভাবে ইহা করা যাইতে পারে এবং সেই অনুসারে S-এর মানও বিভিন্ন হইবে। কিন্তু দুইটি অবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির প্রভেদ সুনিদিন্ট। কারণ,

$$S_1 - S_2 = k \ln W_1/W_2 \qquad \cdots \qquad (7.30)$$

এবং W_1/W_2 সম্ভাব্যতার বেকোন সংজ্ঞাতে একই হইবে। সমীকরণ (7·29) এবং (7·30) উভয়কেই বোল্ংজমানের সমীকরণ বলা হয়। এন্ট্রপির তাপগতীর সংজ্ঞার মতো এখানেও এন্ট্রপির প্রভেদ স্থানিদিন্টভাবে নির্বর করা সম্ভব। কিন্তু এন্ট্রপির পরম মান (absolute value of entropy) নির্দিন্ট নয়।

প্লাম্ক পরবর্তীকালে ইন্সিত দেন যে, বোল্ংজমানের সমীকরণে যে সম্ভাব্যতার উল্লেখ করা হইরাছে তাহাকে তাপগতীর সম্ভাব্যতা (thermodynamic probability) হিসাবে ব্যাখ্যা করিলে এন্ট্রপির পরম সংজ্ঞা পাওরা যাইতে পারে। অর্থাৎ প্লাম্কের মত হইল, বোল্ংজমানের সমীকরণে 'সম্ভাব্যতা'কে তাপগতীর সম্ভাব্যতা P পড়িতে হইবে। এবং সেই অনুসারে

$$S = k \ln P \qquad \cdots \qquad (7.31)$$

বতমূলি পৃথক্ আণবীক্ষণিক বিন্যাসের ফলে চাকুষ অবস্থাটি পাওয়া বার সেই সংখ্যাকে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা বলা হইয়াছে। তাপগতীয় সম্ভাব্যতা এক অথবা একের চেরে বড় কোন অথও সংখ্যা, কিছু গাণিতিক সম্ভাব্যতা সকল সময়ে একটি কৃদ্র ভ্যাংশ মাত্র। অণু-পরমাণুর সাহাব্যে গঠিত তল্যে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা স্বভাবতই বড় সংখ্যা হইয়া থাকে। এই কারণে প্লান্কের সংজ্ঞানুসারে এন্ট্রপির জন্য সকল অবিচ্ছিল্ল মান (continuous value) সম্ভব হইবে।

সমীকরণ (7:31) হইতে দেখা যায়, P=1 হইলে এন্ট্রাপি S=0 হইবে। ইহাই হইবে এন্ট্রপির অবম মান বা lowest value। এন্ট্রপি কখনই ঝনাম্বক সংখ্যা হইতে পারে না। নিন্দিট বাধ্যবাধকতায় (under a given constraint) সর্বাপেক্ষা সম্ভাবনাপূর্ণ বিন্যাসের জন্য অর্থাৎ $P=P_{max}$ হইলে এন্ট্রপি সাম্যাবস্থার এন্ট্রপি বৃঝাইবে। তাপগতীয় সংজ্ঞানুসারে কেবলমাত্র সাম্যাবস্থায় এন্ট্রপি জানা সম্ভব। কিন্তু প্লাপ্কের সংজ্ঞা হইতে দেখা যায় যে, P যদি সর্বাপেক্ষা সম্ভাবনাপূর্ণ অবস্থার আগবীক্ষণিক বিন্যাস নির্দেশ না করিয়া অন্য যেকোন অবস্থার সম্ভাব্যতা নির্দেশ করে তবে সেক্ষেত্রে S তক্তের অসাম্য-অবস্থার (non equilibrium state) এন্ট্রপি বৃঝাইবে।

একণে আমরা প্রমাণ করিব যে, পূর্বোক্ত সমীকরণগুলিতে ধ্রুবক k প্রকৃত পক্ষে বোলংজমানের ধ্রুবক k=R/N। মনে করি, একটি পারকে দেওয়াল দারা দুইটি অংশে বিভক্ত করা হইয়াছে। পারের মোট আয়তন V এবং ঐ দেওয়ালের একদিকের আয়তন V, ।

ধরা বাক, কোন আদর্শ গ্যাসের একটি মাত্র অব্ পাত্রের অভাস্করে রহিয়াছে। V, আয়তনে ঐ অবৃটিকে পাইবার সম্ভাব্যতা (V_1/V) । পাত্রের অভ্যন্তরে বনি দুইটি অবু থাকে তবে V_1 আয়তনে উহাদের একই সঙ্গে পাইবার সম্ভাব্যতা হইবে $(V_1/V)^2$ । অনুমান করা বাক, পাত্রের অভ্যন্তরে 1 গ্রাম-অবু পরিমাণ আদর্শ গ্যাস রহিয়াছে। এক্ষেত্রে অবৃ-সংখ্যা হইবে N (N= আয়ভেগাড্রো সংখ্যা)। N-টি অবৃর প্রত্যেকটিকে একই সঙ্গে V, আয়তনে পাইবার সম্ভাব্যতা

$$W_1 = (V_1/V)^N$$

একণে বদি অনুমান করা বার বে, ভিতরের দেওরালটি অপসারিত হইরাছে

তবে V-আরতনের মধ্যে সকল অণুকে একত্রে পাইবার সম্ভাব্যতা হইবে W=1।

$$\frac{W_1}{W} = \left(\frac{V_1}{V}\right)^N$$
 অথবা $\ln \frac{W_1}{W} = N \ln \frac{V_1}{V}$

সমীকরণ (7:30) হইতে

$$S_x - S = k$$
 In. $\frac{W_1}{W} = kN$ In. $\frac{V_1}{V}$
অথবা $S - S_1 = kN$ In. $\frac{V}{V}$... (7:32)

পাত্রের অভ্যন্তরে আমরা আদর্শ গ্যাসের উপস্থিতি কল্পনা করিয়াছি। গ্যাসঅণুগৃলি পরস্পরের মধ্যে আকর্ষণ-শূন্য অবস্থায় থাকে। সেইজন্য আয়তন
বৃদ্ধির ফলে উহাদের গতিবেগের কোন পরিবর্তন হয় না। অন্যভাবে
বলা যায়-—এই পরিবর্তন হইবে সমোক্ষ পরিবর্তন।

আমর। পূর্বেই দৈখিয়াছি এক গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস V্র আয়তন হইতে V আয়তনে সমোক উপায়ে প্রসারিত হইলে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\triangle S = S - S_1 = R \ln \frac{V}{V_1}$$
 (সমীকরণ 7.10)

সমীকরণ (7:32)-এর সহিত তুলনা করিলে $k=rac{R}{N}=$ বোল্ংজমানের ধ্রুবক।

তাপগতীয় তলের আলোচনায় বোল্ংজমানের সমীকরণটির একটি বিশেষ
গ্রুত্বপূর্ণ ভূমিকা আছে। বাস্তবিকপক্ষে এই সমীকরণটি তাপগতিতত্ত্ব
একটি নৃতন দৃষ্টিভঙ্গীর সূচনা করে। এই সমীকরণটিকে পরিসংখ্যান
তাপগতিতত্ত্বের মূল সমীকরণ বলা যায়। সমীকরণ (7°30) অনুসারে এন্ট্রপি
বৃদ্ধিকালে তলা উহার স্বন্ধ সম্ভাব্যতার অবস্থা হইতে অধিক সম্ভাব্যতার অবস্থায়
নীত হয়। এই পরিবর্তনের সময় তলের উপাদান-কণাগুলির মধ্যে বিশৃষ্ধলা
বৃদ্ধি পায়। অনৃংদ্রমনীয় পরিবর্তনে সম্পূর্ণ তলের এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায় সেই সঙ্গে
বিশৃষ্ধলাও বৃদ্ধি পাইয়া থাকে। অভএব বিশৃষ্ধলাই অনুংদ্রমনীয়তার কারণ।
এন্ট্রপি সূত্রকে অনুসরণ করিয়া বলা চলে প্রকৃতিতে বিশৃষ্ধলা দ্রমবর্ধমান।

তাপগভীর তল্মে স্বতঃপ্রণোদিত পরিবর্তন পরিসাংখিক সূত্র বারা নির্মান্তত । এই কারণে বিতীয় সূত্রকে অনেক সময় পরিসাংখিক সূত্র বলা হয় ।

7'9. ভেল্মহোৎজ অপেক্ষক ও পিব্স অপেক্ষক (Helmholtz function and Gibbs function) :

রাসায়নিক তন্ত্রের জন্য ভাপগভীর চল P,V,T পরস্পর নিরপেক্ষ নর । ইহাদের মধ্যে যেকোন দুইটি স্বাধীনভাবে পরিবর্তনীয় এবং সেই কারণে ঐ তন্ত্রের আন্তর-শক্তি U, এন্থ্যালপি H, এবং এন্ট্রপি S প্রত্যেকেই P,V,T-এর যেকোন দুইটির উপর নির্ভর করে । রাসায়নিক-তন্ত্রের ক্ষেত্রে অন্য যে দুইটি ভাপগভীর অপেক্ষক উল্লেখযোগ্য ভূমিকা গ্রহণ করিরা থাকে তাহারা হইতেছে হেল্মহোৎজ অপেক্ষক বা মৃক্ত শক্তি F এবং গিব্স অপেক্ষক G । ইহাদের সম্পর্কে এখানে সংক্ষেপে আলোচনা করা হইল ।

হেল্মহোংজ অপেক্ষক
$$F = U - TS$$
 \cdots (7.33)

এবং, গিব্স অপেক্ষক
$$G = H - TS$$
 \cdots (7.34)

U, H ও S প্রত্যেকেই P, V, T-এর অপেক্ষক বলিয়া F ও G-কে নিরপেক্ষ চলের অপেক্ষক বলা যায়।

সমীকরণ (7:33) ও (7:34) হইতে

$$\Delta F = \Delta U - T \Delta S - S \Delta T$$

 $\Delta G = \Delta H - T \Delta S - S \Delta T$

উংক্রমনীর অণু-পরিবর্তনে

$$dF = dU - TdS - SdT$$

 $dG = dH - TdS - SdT$

প্রথম ও দ্বিতীর সূত্রকে একত করিরা

$$TdS - dU = PdV (7.35)$$

$$dF = -PdV - SdT \qquad \cdots \qquad (7.36)$$

উষ্ণতা ও আয়তন ছিব থাকিলে dF=0, অর্থাৎ F=একটি শ্লুবক। ব্যাসায়নিক বিক্রিয়ায় উষ্ণতা ও আয়তন অপরিবাতিত থাকিলে F একটি গ্রুক্তপূর্ণ তাপগতীয় অপেকক।

বৈহেতু dH = dU + PdV + VdP

dG = (dU + PdV - TdS) + VdP - SdT

সমীকরণ (7'35)-এর সাহাযো

$$dG = VdP - SdT \qquad \cdots \qquad (7.37)$$

শ্বির চাপ ও উক্তার dG=0, অথবা G=একটি ধ্রুবক। বন্ধুর দশান্তরের (change of phase) ক্ষেত্রে এবং রাসায়নিক বিক্রিয়ায় চাপ ও উক্তা অপরিবত্তিত থাকিলে গিব্স অপেক্ষক অপরিবৃত্তিত থাকিবে। উহাদের আলোচনার এই অপেক্ষকটির ভূমিকা খৃবই গুরুত্বপূর্ণ।

7'10. ভাপগভীয় ভক্তের সাম্যাবস্থা (Equilibrium in a thermodynamic system) :

তাপগতীর তন্দ্রের সাম্যাবন্থা নির্দেশ করিতে দ্বিতীর সূত্র এবং উহা হইতে উদ্ভূত ধারণা এন্ট্রপি বিশেষভাবে সাহায্য করে। এন্ট্রপিকে সেই কারণে সাম্যাবন্থার নির্দেশক বলা চলে। আলোচনার দেখা বাইবে নির্দিন্ট বাধ্যবাধকতার জন্য (under a given constraint) তাপগতীর তন্দ্রের সাম্যাবন্থার এন্ট্রপি সর্বোচ্চ মানে পৌছাইবে। অর্থাৎ ঐ বাধ্যবাধকতার সর্বাধিক এন্ট্রপির অবন্থাই হইবে তন্দ্রের সাম্যাবন্থা।

আমরা জানি সাম্যাবন্থার যাল্যিক তল্যে স্থিতিশক্তি ন্যুনতম মানে থাকে। কোন বস্তুর বিন্যাস বা configuration যদি এমন হর ষে, ঐ অবস্থার উহার স্থিতিশক্তি অন্য কোন configuration-এ থাকাকালীন স্থিতিশক্তি অপেক্ষা বেশী, তবে বস্তুর অভ্যন্তরে কণাগুলির উপর অপ্রশমিত বল ক্রিয়া করে। সাম্যাবস্থার পৌছাইবার পূর্ব মৃহূর্ত পর্যন্ত ঐ বলের ক্রিয়া চলিতে থাকে। ন্যুনতম স্থিতিশক্তি অবস্থার কণাগুলির উপর ক্রিয়ারত বিভিন্ন বল পরস্পরের সমতা রক্ষা করে এবং সেই ক্ষেত্রেই সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হয়।

কোন রাসার্নানক বা ভৌত তন্দ্র তাপগতীর সাম্যাবস্থার না থাকিলে উহার অভ্যন্তরে অপ্রশামত বল দ্রিরা করে একথা বলা বার না । মনে করা বাক, T_1 উক্তার বস্তৃ A এবং T_2 উক্তার বস্তৃ B পরস্পরের সংস্পর্শে আছে । উহাদের মধ্যে ব্যান্থিক সাম্যের অভাব আছে বালতে পারি না, কারণ কোন অপ্রশামত বল দ্রিরা করিতেছে না । তথাপি উক্তর বস্তৃ A হইতে B-তে তাপ পরিবাহিত হইবে $(T_1 > T_2)$ । উভরের উক্তা সমান না

হওরা পর্যন্ত তাপ পরিবাহিত হইতে থাকিবে। বান্দ্রিক তল্মে স্থিতিশক্তির মান সাম্যাবন্ধা নির্ধারণ করে। প্রশ্ন হইবে তাপগতীর সাম্যের ক্ষেত্রে তল্মের কোন্ অপেক্ষক সাম্যাবন্ধা নির্ধারণ করিবে? অন্যভাবে বলা চলে, কি কারণে তাপগতীর সাম্যের অভাব ঘটিতেছে?

আরোপিত বাধার কারণে অসম্ভব না হইলে যাল্যিক তল্মে স্বতঃপ্রণোদিত-ভাবে স্থিতিশক্তি হ্রাস পায়। পূর্বেই আন্সোচিত হইরাছে যে তাপগতীয় তক্ষে মৃতঃপ্রবৃত্ত সকল পরিবর্তনেই বিচ্ছিন্ন তক্ষের এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। স্বাভাবিকভাবেই অনুমান করা বায়, এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবার এই প্রবশতাই তাপগতীয় তলে সামোর অভাব নির্দেশ করে। নির্দিন্ট বাধাবাধকতার কোন বিচ্ছিন্ন তন্ত্রের এনুট্রপি বদি সর্বোচ্চ মানে না পৌছাইরা থাকে তবে সেক্ষেত্রে অবশ্যই এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে এবং ঐ বাধ্যবাধকতায় তন্মের এন্ট্রপি সর্বোচ্চ মানে না বাওয়া পর্যন্ত সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইবে না। অর্থাৎ ঐ বাধাবাধকতায় এনুট্রপির সর্বোচ্চ মানের অবস্থা হইবে উহার তাপগতীয় সাম্যাবস্থা এবং ইহার অভাবে তন্দ্রের পরিবর্তন অবশাস্তাবী। এন্ট্রাপ বৃদ্ধি পাইয়া সর্বোচ্চ মানে পৌছাইবার পূর্ব পর্যন্ত বিচ্ছিন্ন তন্দ্রের পরিবর্তন হইবেই। পূর্বে উল্লিখিত উদাহরণে তাপীয় বস্তুষয় পরস্পরের সংস্পর্শে থাকাকালে T় উক্ষতার বস্তু A হইতে Tু উক্ষতার বস্তু B-তে তাপ পরিবাহিত হওয়ার ফলে ঐ বৌথ তল্তের মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। সেই কারণেই দেখা যায় উক্তর বন্ধু ${f A}$ হইতে তাপ পরিবাহিত হইয়া শীতলতর বন্ধু ${f B}$ -তে বায় এবং উভরের উক্তা সমান হইলে তাপ-পরিবহণ বন্ধ হর। এই অবস্থার উহাদের মধ্যে তাপ-বিনিময় হইলে \mathbf{A} ও \mathbf{B} এই সম্পূর্ণ তন্দ্রের এন্ট্রপি হ্রাস পাইবে। তাই ঐ নির্দিন্ট বাধ্যবাধকতার বিচ্ছিন্ন তন্দ্রের সর্বোচ্চ এন্ট্রপির অবস্থাই হইতেছে তব্দের সাম্যাবস্থা।

উপরোক্ত আলোচনা হইতে তাপগতীর তন্তের সাম্য বিষরে আমরা করেকটি সিদ্ধান্তে আসিতে পারি। কোন বিচ্ছিন্ন তন্ত্রে বণি অপুমান্ত পরিবর্তন বার্চাবক ঘটে (actual change) তবে dS>0 হইবে। এইজন্য অনুমান করা বার বে, নির্দিণ্ট বাধ্যবাধকতার তন্ত্রটির সর্বোচ্চ এন্ট্রাপির অবস্থাই হইবে উহার সাম্যাবন্দ্রা। এই সাম্যাবন্দ্রার বাধ্যবাধকতা এক রাখিরা আমরা বণি কোন পরিবর্তন কন্সনা করি (virtual change) তবে ইহাতে অবশাই এন্ট্রাপ কমিবে। কান্সনিক পরিবর্তন অপুমান্ত হইলে $\delta S=0$ হইবে কারণ সাম্যাবন্দ্রার এন্ট্রাপর সর্বোচ্চ মান থাকে। উদাহরণস্বরূপ ধরা

ৰাৰ্ক বে, ${f V}$ আয়তনের একটি পাত্রে গ্যাস সাম্যাবস্থায় আছে ও উহার এন্ট্রপি S। আমরা কল্পনা করিলাম যে, গ্যাস V-dV আরতনে সম্কুচিত হইল ও পাতে $d{
m V}$ আয়তন খালি থাকিল। এই ন্তন পরিন্থিতিতে গ্যাসের এন্ট্রিপ $S + \delta S$ হইলে এন্ট্রপির কাল্পনিক পরিবর্তন (virtual change in entropy) δS হইবে। কাল্পনিক পরিবর্তন নির্দিন্ট মানের হইজে দেখা বাইবে $\delta S < 0$, আর অণুমাত্র হইলে $\delta S = 0$ । নিরূপণের সাধারণ সূত্র আমরা একটি উদাহরণের সাহায্যে আলোচনা করিতে পারি। ধরা বাক, ${f V}$ আয়তনের পাত্রে আবন্ধ গ্যাসের ভর m এবং উহার আন্তর শক্তি U। গ্যাসের সাম্যাবস্থা কিরূপ হইবে ? আমরা গ্যাসের যেকোন একটি অবস্থা কম্পনা করি। যেমন, ধরিতে পারি 3m/4 পরিমাণ গ্যাস $\mathrm{V}/2$ আয়তনে সমানভাবে থাকিবে ও বাকি m/4 ভরের গ্যাস অর্বাশন্ট $\mathrm{V}/2$ আয়তনে থাকিবে । ইহা কি গ্যাসের সামাবস্থা হইবে ? এই প্রশ্নের মীমাংসার জন্য আমরা ঐ অবস্থায় গ্যাসের বেকোন অণু-পরিবর্তন কল্পনা করি। এই অণু-পরিবর্তনে $\delta S>0$ হইলে আমরা বুঝিতে পারিব নির্দিন্ট বাধ্যবাধকতায় এন্ট্রপি আরে। বাড়িতে পারে। অর্থাৎ গ্যাসের বে অবস্থা আমরা কম্পনা করিয়াছি তাহা সাম্যাবস্থা নয়। যদি কাম্পানক অণু-পরিবর্তনে $\delta S < 0$ হয় তবে আমরা জানি বিপরীতদিকে অণু-পরিবর্তনে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে অর্থাৎ এক্ষেত্রেও বৃঝিতে হইবে গ্যাস সাম্যাবস্থায় নাই । গ্যাসের যে অবস্থায় কোন অণুমাত কাল্পনিক পরিবর্তনে $\delta S=0$ হইবে তাহাই উহার সাম্যাবস্থা। অর্থাৎ কোন বিচ্ছিন্ন তন্ত্রের বাস্তব অণু-পরিবর্তনের সর্ত

$$dS > 0 \qquad \cdots \qquad (7.38)$$

এবং উহার সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে ; কোন অণুমান্ত কান্সনিক পরিবর্তনে,

$$\delta S = 0 \qquad \cdots \qquad (7.39)$$

তন্দ্রটি বদি বিচ্ছিন্ন না হয় তবে তাহার বাস্তব পরিবর্তন ও সাম্যাবন্ধ। সম্পর্কিত উভয় সর্তই পরিবর্তিত হইবে।

ধরা যাক, কোন অণু-পরিবর্তনে তল্ম পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে δQ পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিল। ঐ অণু-পরিবর্তনে তল্মের এন্ট্রপির পরিবর্তন dS এবং পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের এন্ট্রপির পরিবর্তন dS' হইলে এন্ট্রপি সূত্র হইতে.

ধরা বাক, তন্তের এই পরিবর্তনকালে পারিপার্থিক মাধ্যমের পরিবর্তন উৎক্রমনীর উপারে ঘটিরাছে; অতএব,

$$dS' = -T$$

এই তাপ-গ্রহণে তন্দ্রের আন্তর-শক্তির পরিবর্তন dU এবং তন্দ্র কর্তৃক সম্পাদিত কার্য δW হইলে

$$dS' = -\frac{\delta Q}{T} = -\frac{dU + \delta W}{T}$$

এখানে T পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের উক্তা।

অতএব,
$$dS - \frac{dU + \delta W}{T} \ge 0$$

অথবা
$$TdS - (dU + \delta W) \ge 0$$

তন্ত্র কেবলমাত্র আয়তন পরিবর্তনের জন্য কার্য করে অনুমান করিলে,

$$TdS - (dU + PdV) \ge 0 \qquad \cdots \qquad (7.40)$$

দুইটি বিশেষ ক্ষেত্রে সমীকরণ (7'40) খুবই তাৎপর্যপূর্ণ। আমরা ধরিরা লাইব পারিপার্শ্বিক মাধ্যম ও তন্দ্রটি একই উক্তার আছে। অর্থাৎ তন্দ্রের উক্তা T। উল্লেখ করা যার বে, সমীকরণ (7'40)-এর প্রত্যেকটি symbol বা সংকেতিচ্ছ একান্তভাবেই তন্দ্রের জন্য প্রযোজ্য।

(a) चित्र উক্তা ও चিत्र আয়তনে ডল্লের পরিবর্তন (isothermal isochoric change)—একেন্তে সমীকরণ (7.40) হইতে আমরা লিখিতে পারি $TdS-dU \geq 0$ । অথবা F=U-TS লিখিলে,

$$dF = dU - TdS \le 0 \qquad \cdots \qquad (7.41)$$

বাস্তব পরিবর্তন সর্বদাই অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন। কাজেই বাস্তব অণু-পরিবর্তনের সর্ত হইবে

$$dF < 0 \qquad \cdots \qquad (7.42)$$

অর্থাৎ সাম্যাবস্থার হেল্মহোৎজ অপেক্ষক সর্বনিম্ন বা অবম মানে থাকিবে, অবং সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে, অণুমাত্র কাম্পনিক পরিবর্তনে

$$\delta \mathbf{F} = \mathbf{0} \qquad \cdots \qquad (7.43)$$

ভাগদ্বাপীর মধ্যে রাখা একটি নির্দিন্ট আরতনের পাত্রে করেকটি বিভিন্ন প্রকারের গ্যানের মধ্যে রাসার্যনিক বিক্রিয়া ঘটিলে V ও T দ্বির থাকে। রাসার্যনিক বিক্রিয়া ও পরবর্তী সাম্যাবদ্ধা সমীকরণ (7.42) ও (7.43) দ্বারা নির্দিন্নত হইবে।

(b) খির উষ্ণতা ও খির চাপে তদ্রের পরিবর্তন (isothermalisobaric change)—এই অবস্থায় সমীকরণ (7.40) হইতে লেখা যায়

$$dG = dU + PdV - TdS \le 0$$
 ... (7.44)

এখানে G=U+PV-TS হয় গিব্স অপেক্ষক। অতএব বাস্তব অপু-পরিবর্তনের সর্ত

$$dG < 0 \qquad \cdots \qquad (7.45)$$

ইহার অর্থ সাম্যাবস্থায় গিব্স অপেক্ষক সর্বনিম্ম বা অবম মানে থাকিবে। সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে, অণুমাত্র কাম্পনিক পরিবর্তনে

$$\delta G = 0 \qquad \cdots \qquad (7.46)$$

তাপস্থাপীর মধ্যে কোন পাত্রে করেকটি কঠিন ও তরল পদার্থে বখন রাসায়নিক বিক্রিয়া ঘটে তখন P ও T ধ্রুবক। বিক্রিয়া এবং সাম্যাবস্থা স্থির করিতে সমীকরণ (7·45) ও (7·46) বিশেষভাবে সাহাষ্য করে। আবার কোন পাত্রে নির্দিষ্ট চাপে কিছু পরিমাণ তরল রাখিয়া দিলে উহার বাঙ্গীভবনের সমর P ও T ধ্রুবক এবং সেক্ষেত্রে উপরের সমীকরণ প্রযোজ্য হইবে।

প্রশ্নমান্দা

- 1. ক্লাসিয়াসের উপপাদ্য প্রমাণ কর। উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের ক্লেক্তে ঐ উপপাদ্যের সিদ্ধান্ত কি ?
- 2. প্রমাণ কর বে, দ্বিতীয় সূত্র হইতে অসম্পূর্ণ অবকল δQ -এর জন্য একটি সমাকল গুণিতক নির্ণয় করা সম্ভব । দেখাও বে, ঐ সমাকল গুণিতকটি হইবে 1/T (T-পরম স্কেলে উক্তা) । কিভাবে তাপগৃতীয় অপেক্ষক এন্ট্রপির সংজ্ঞা পাওয়া বার তাহা আলোচনা কর ।
- এন্ট্রপির অর্থ কি? দেখাও বে এন্ট্রপি কেবলমাত্র তদ্তের সাম্যাবস্থার উপর নির্ভর করে। দুইটি নির্দিন্ট সাম্যাবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির

প্রভেদ স্থির করিবার উপায় কি? আদর্শ গ্যাসের মৃক্ত প্রসারণে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

- 4. এন্ট্রপি বলৈতে কি ব্ঝ? আদর্শ গ্যাস ও ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের এন্ট্রপি হিসাব কর। উহাদের পরম মান নির্দেশ করা সম্ভব কি? অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনে এন্ট্রপির পরিবর্তন জানিবার উপায় কি?
- 5. এন্ট্রপি স্ত্রের তাংপর্য ব্যাখ্যা কর । স্তাটিকে প্রমাণ কর এবং উহার সপক্ষে দুইটি উদাহরণ দাও ।
- 6. প্রমাণ কর বে, অনুংক্রমনীয় পরিবর্তনে মোট এন্ট্রপি বৃদ্ধি পার। একই চাপ ও উক্ষতায় দৃই বা ততোধিক ভিন্ন ধরনের আদর্শ গ্যাসের মধ্যে ব্যাপনে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর। একই গ্যাসের দৃইটি অংশের মিশ্রণে এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে? গিব সের কূট বলিতে কি বৃঝ?
 - 7. গিব্সের স্ত্রকে ব্যাখ্যা কর এবং ইহার প্রমাণ দাও।
- 8. তাপ-নিরুদ্ধ ব্যবস্থায় 20 ohms রোধ বিশিষ্ট পরিবাহীতে 1 sec-এর জন্য 10 amp বিদ্যুৎ প্রবাহ চালিত হইল। পরিবাহীর ভর 5 gm, আপেক্ষিক তাপ 850 Joules | kgm | °C এবং উহার উষ্ণতা 10°C। রোধের এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর। বিশ্বের মোট এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে ?
- 9.~1 গ্রাম-অণু বরফ প্রমাণ চাপে বাজ্পে রূপান্তরিত হইল । বরফের প্রারম্ভিক উক্তা $-5^{\circ}\mathrm{C}$ । এনুষ্টাপর পরিবর্তন হিসাব কর ।

বরফের আপেক্ষিক তাপ = 2019 Joules/kgm/°C গলনান্দের লীন তাপ = 80 cal বাষ্ণীভবনের লীন তাপ = 540 cal

10. দশ গ্রাম-পরমাণু পারদকে কঠিন অবস্থায় উহার গলনাব্দ হইতে 40°C পর্যন্ত উত্তপ্ত করা হইল। এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

পারদের পরমাণবিক গুরুত্ব = 200

गमनाष्क = -39°C

গলনের লীন তাপ = 3 cal/gm

এবং উল্লিখিত উক্তা ব্যবধানে গড় আপেক্ষিক তাপ = '035

- 11. টিনের গলনাক 232°C এবং গলনাকের লীন তাপ 14 cal/gm। কঠিন ও তরল অবস্থায় উহার আপেক্ষিক তাপ যথাক্রমে '055 এবং '064। 5 gm টিনকে প্রারম্ভিক উষ্ণতা 150°C হইতে 314°C উষ্ণতা পর্যন্ত উত্তপ্ত করা হইল। এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে ?
- 12. একটি ক্যালরিমিটারের জলসম $10~{
 m gm}$ এবং উহা $90~{
 m gm}$ জলে পূর্ব—ক্যালরিমিটার ও জলের উষ্ণতা $0^{\circ}{
 m C}$ । ঐ ক্যালরিমিটারে $100^{\circ}{
 m C}$ উষ্ণতায় $10~{
 m gm}$ বাষ্প প্রবেশ করিয়া ঘনীভূত হইল। ইহার ফলে মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।
- 13. জলের প্রারম্ভিক উষ্টতা 20°C। 10 gm জলকে উত্তপ্ত করিয়া 250°C উষ্টতায় অতিতাপিত বাজ্পে পরিণত করা হইল। এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

$$c_p$$
 (জল)=4180 Joules/kgm/°C
$$c_p$$
 (বাজ্প)=[1670+'494T+1'86 \times 10°T-2] Joules/kgm/°C

$$L = 22.6 \times 10^{5}$$
 Joules/kgm

 $14. \ T_1^{\circ} K$ উঞ্চতার $m \ gm$ জলকে $T_2^{\circ} K$ উঞ্চতার সমপরিমাণ জলের সহিত রুদ্ধতাপীয় পাত্রে স্থির চাপে মেশানো হইল । প্রমাণ কর ষে, ইহার ফলে বিশ্বের মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\triangle S = 2mc_p \ln \frac{(T_1 + T_2)/2}{\sqrt{T_1 T_2}}$$

 $15.\,\,20^{\circ}\mathrm{C}$ উষ্ণতার $10\,\mathrm{gm}$ জল লইয়া স্থির চাপে উহাকে $-10^{\circ}\mathrm{C}$ উষ্ণতার বরফে পরিণত করা হইল । এনুষ্টপির পরিবর্তন হিসাব কর ।

িছর চাপে বরফের আপেক্ষিক তাপ = $2090~Joules/kgm/^{\circ}C$ এবং প্রমাণ চাপে গলনান্দের লীন তাপ = $3.34 \times 10^{5}~Joules/kgm$

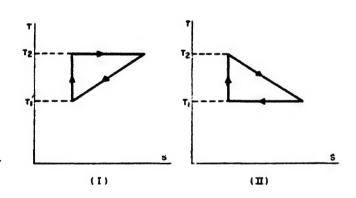
- 16. স্থির উষ্ণতায় আদর্শ গ্যাসের আয়তন তিনগুণ বৃদ্ধি পাইল। এন্ট্রীপ পরিবর্তনের হিসাব দাও।
- 17. 2 gm নাইট্রোজেন গ্যাসকে 50°C হইতে 100°C-এ উত্তপ্ত করা হইল। ইহার ফলে গ্যাসের আয়তন চারগুণ বৃদ্ধি পায়। প্রয়োজনীয় সূত্র প্রমাণ করিয়া এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব কর।

নাইট্রোজেনের আণব ভর = 28

এवং উহার জনা c, = '18 cal ; গ্যাস क्ष्यक R = 1'986 cal

- 18. 1 গ্রাম-অণু হাইড্রোজেন গ্যাস ও 1 গ্রাম-অণু কার্বন ডাই অক্সাইড গ্যাসের মধ্যে ব্যাপনের ফলে এন্ট্রপি পরিবর্তনের হিসাব দাও।
- 19. (a) প্রমাণ চাপ ও উক্তার 2'8 Litres নাইট্রোজেন ও 19.6 Litres অক্সিজেনের মধ্যে ব্যাপনের ফলে এন্ট্রপির পরিবর্তনহিসাব কর।
- (b) 3.5 gm নাইট্রোজেন ও 28 gm অক্সিজেন পরস্পরের সহিত সম্পূর্ণভাবে মিশিয়া গেল। এন্ট্রপির কি পরিবর্তন হইবে?
- 20. উক্তা-এন্ট্রপি লেখ-র তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর। উক্তা-এন্ট্রপি-লেখ হইতে কিভাবে এঞ্জিনের কার্যের হিসাব করিবে? কার্নো এঞ্জিনের উক্তা-এন্ট্রপি-লেখ অব্দন কর। রক্ষতাপ পরিবর্তন মাত্রেই কি এন্ট্রপি স্থির থাকে?

নিদিন্ট তাপীয় উৎসন্ধয়ের মধ্যে আবাঁতত দৃইটি এঞ্জিনের উষ্ণতা-এন্ট্রপি-লেখ অন্ফিত আছে। ইহাদের যান্যিক-দক্ষতা তুলনা কর।



21. দুইটি বস্তু A ও B ; উভয়েরই তাপগ্রাহিতা সমান (C), এবং উহাদের উক্তা বথান্রমে T_1 ও T_2 । একটি উৎনেমনীর এঞ্জিন চালনা করিয়া উহাদের উক্তা সমান করা হইল। দেখাও যে, অন্তিম উক্তা $T=\sqrt{T_1T_2}$

প্রমাণ কর বে, এঞ্জিন কর্তৃক সম্পাদিত মোট কার্য

$$W = C(\sqrt{T_1} - \sqrt{T_2})^2$$

প্রতিটি ক্ষেত্রে পরম ক্ষেনে উক্তা নির্দেশ করা হইয়াতে।

22. নির্ণিন্ট ভর বিশিন্ট একটি বস্তুর উক্টা $T_{_{3}}$ এবং অন্য একটি তাপীয় উৎসের (তাপ গ্রাহিতা অসীম) উক্টা $T_{_{1}}[T_{_{2}}>T_{_{1}}]$ । উহাদের মধ্যে একটি এঞ্জিন চালনা করা গেল এবং ক্রমাগত তাপ শোষণের ফলে বস্তুটির উক্টা হ্রাস পাইয়া $T_{_{3}}$ -এর পরিবর্তে $T_{_{1}}$ হইল। এই সময়ে ঐ বস্তুটি হইতে Ω পরিমাণে তাপ শোষণ করা হইলে দেখাও যে, এঞ্জিন কর্তৃক সম্পাদিত সর্বাধিক কার্য

$$W_{max} = Q - T_1(S_1 - S_2)$$

- S, ও S, প্রারম্ভিক ও অতিম অবস্থার বস্তুর এন্ট্রপি নির্দেশ করিতেছে।
- 23. কোন তাপীর উৎসের আন্তর-শক্তির সমস্তট্কুর বিনিময়ে কার্ব সম্ভব কি ? শক্তির অবক্ষয় সূত্র প্রমাণ কর এবং উহার তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর ।
- 24. এন্ট্রপিকে কোন্ আণবীক্ষণিক ধর্মের সহিত যুক্ত করা যায় ? গাণিতিক সম্ভাব্যতা ও তাপগতীয় সম্ভাব্যতার পার্থক্য কি ? এন্ট্রপি ও সম্ভাব্যতার মধ্যে সম্পর্ক কি ?
- 25. বিচ্ছিন্ন তাপগতীয় তল্তার সাম্যাবস্থা স্থির করিতে এন্ট্রপির ভূমিকা আলোচনা কর। নিম্নলিখিত কয়েকটি ক্ষেত্রে সাম্যাবস্থা ও বাস্তব পরিবর্তনের সর্ত কি ?
 - (a) স্থির উষ্ণতা ও স্থির আয়তনের রাসায়নিক বি<u>লি</u>য়া,
 - (b) স্থির উষ্ণতা ও স্থির চাপে রাসায়নিক বিক্রিয়া

অষ্টম পরিচ্ছেদ

তাপগতীয় বিভব ও ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণ (Thermodynamic Potentials and Maxwell's Equations)

8°1. বিভিন্ন ভাপগভীয় অপেক্ষক (Different thermodynamic functions) :

সাম্যাবস্থার তন্তের তাপগতীর চলগুলির মান নিদিন্ট থাকে। রাসার্রানক তন্তের কথা চিন্তা করিলে তিনটি চল P, V, T-এর মধ্যে যে কোন দৃইটি হইবে উহার নিরপেক্ষ চল। পূর্বের আলোচনা হইতে বলা যার ষে, তন্তের আন্তর-শক্তি U ও এন্ট্রপি S উহার নিরপেক্ষ চলগুলির অপেক্ষক। প্রথম ও দিতীর সূত্র হইতে যথাক্রমে আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব করা যার। কিন্তু আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপিকে তাপগতীর চলের সুনিদিন্ট গাণিতিক অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করা সম্ভব হয় না। পূর্বে দেখিয়াছি তন্তের আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপিকে গাণিতিক সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করিবার সময় একটি করিয়া আনিদিন্ট প্রন্থক রাশি অপরিহার্ষ হইয়া থাকে। কোন অবস্থাতেই আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপির পরম মান জানা যায় না।

আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপি ব্যতীত অন্যান্য যে তাপগতীয় অপেক্ষক তব্দ্রের অবস্থার উপর নির্ভর করে তাহারা হইল এন্থ্যাল্পি H, হেল্মহোংজ অপেক্ষক বা মৃক্ত শক্তি F এবং গিব্স অপেক্ষক G। পূর্বে ইহাদের সম্পর্কে সংক্ষেপে আলোচনা করা হইয়াছে। তাপগতীয় তব্দ্রের বিভিন্ন পরিবর্তনে এই অপেক্ষকগুলির ভূমিক। খুবই গুরুত্বপূর্ণ।

সংজ্ঞানুসারে

এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ
$$H = U + PV$$
 \cdots (8.1)

হেল্মহোংজ অপেক্ষক বা মৃক্ত শক্তি
$$F = U - TS$$
 \cdots (8.2)

গিব স অপেক্ষক
$$G = H - TS$$
 ··· (8.3)

লক্ষ্য করা যায় যে, ইহাদের সরাসরি তল্মের নিরপেক্ষ চলের অপেক্ষক রূপে প্রকাশ করা হর নাই। U ও S তল্মের সাম্যাবস্থার উপর নির্ভর করে বিলিয়া H, F এবং G অবশাই তল্মের তাপগতীর চলের অপেক্ষক, এবং ইহারা প্রত্যেকেই তল্মের ব্যাপক ধর্ম। সাম্যাবস্থা পরিবর্তনে এন্থ্যাল্পি,

হেল্মহোৎজ অপেক্ষক এবং গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন জানা সম্ভব। কিছু বেহেতু U এবং S-কে নির্দিন্টভাবে জানা যায় না সেই কারণে এই তাপগতীর অপেক্ষক-তিনটিকে নির্দিন্টভাবে জানা সম্ভব নয়। এন্থ্যাল্পি, হেল্মহোৎজ অপেক্ষক এবং গিব্স অপেক্ষক তাপগতীয় চলের অপেক্ষক বলিয়৷ ইহাদের অণু-পরিবর্তন অবশাই একটি করিয়৷ সম্পূর্ণ অবকল হইবে।

8.2. এন্থ্যাস্পি বা মোট ভাপ (Enthalpy or Heat content):

পূর্বের সংজ্ঞা অনুসারে এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ

$$H = U + PV$$

এবং সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে

$$dH = dU + PdV + VdP$$

তল্য কেবলমার আয়তন পরিবর্তনের জন্য কার্য করিলে, প্রথম সূত্র অনুসারে,

$$\delta Q = dU + PdV$$

উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে $\delta Q(R) = TdS$

অতএব

$$dH = \delta Q + VdP \qquad \cdots \qquad (8.4a)$$

অথবা

$$dH = TdS + VdP \qquad \cdots \qquad (8.4b)$$

স্থির চাপে তন্দের আয়তন পরিবর্তন ঘটিলে

$$dH = \delta O_P$$

অর্থাৎ স্থির চাপে আয়তন পরিবর্তন কালে তন্ম বে তাপ-বিনিময় করে তাহা এনুথ্যালপি পরিবর্তনের সমান।

স্তরাং ছির চাপে তাপগ্রাহিতা
$$C_p = \frac{\delta Q_p}{\delta T} = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p \cdots (8.5a)$$

অথবা স্থির চাপে সাম্যাবস্থা পরিবর্তনে তন্তের এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন

$$H_f - H_i = \int_i^f C_p dT \tag{8.5b}$$

এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যার যে, দ্বির আরতনে তাপগ্লাহিতা

$$C_v = \frac{\delta Q_v}{\delta T} = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v.$$

আদর্শ গ্যানের ক্ষেত্রে অবস্থার সমীকরণ $\mathrm{PV} = \mathrm{RT}$ এবং সেই সঙ্গে

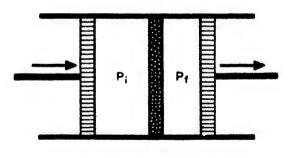
$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{T} = 0$$
 o $\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{T} = 0$,

এই কারণে

$$\left(\frac{\partial H}{\partial V}\right)_{T} = \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T} + \frac{\partial}{\partial V} [PV]_{T} = 0 \qquad \cdots \qquad (8.6a)$$

$$\operatorname{deg}\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_{T} = \left(\frac{\partial U}{\partial P}\right)_{T} + \frac{\sigma}{\partial P} \left[PV\right]_{T} = 0 \tag{8.6b}$$

নিরুদ্ধ প্রক্রিয়া (throttling process) সম্পর্কিত আলোচনার এন্থ্যাল্পির ভূমিকা বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায়। মনে করি, তাপ-অন্তরক দেওয়াল বিশিষ্ট কোন ভন্তকের অভ্যন্তরে একটি সচ্ছিদ্র ছিপি আটকাইয়া উহাকে দুইটি অংশে ভাগ করা হইয়াছে (চিত্র 8:1)। ধরা যাক, ছিপির বাম পার্ষে



For 8:1

পিস্টন ও ছিপির মধ্যে কিছু পরিমাণ গ্যাস রহিয়াছে এবং ঐ গ্যাসের আয়তন ও চাপ বথাক্রমে V_i ও P_i । অপর পার্শ্বে পিস্টনটি ছিপির গারে লাগানো থাকে। এই অবস্থায় ছিপির বাম পার্শ্বের গ্যাস ছিপির ছিপ্রের ভিতর দিরা অন্য দিকে যাইতে পারে না—কাজেই প্রারম্ভিক অবস্থা

ভাষ্টের একটি সাম্যাবন্ধা। এইবার দুইটি পিস্টনকে একসঙ্গে ধীরে এমনভাবে সরানে। হইল যে, ছিপির বাম পার্শ্বে গ্যাসের চাপ P_i এবং অন্য পার্শ্বে গ্যাসের চাপ P_j ($P_i > P_j$) অপরিবর্তিত থাকে। এই সময়ে গ্যাস বাম পার্শ্ব হইতে ছিপির ছিদ্রের ভিতর দিয়া ডান পার্শ্বে চালিত হইবে। সমস্ভ গ্যাস এইভাবে ডান পার্শ্বে চালিত হইলে বাম পার্শ্বে পিস্টনটি ছিপির গায়ে ঠেকিয়া যাইবে এবং পুনরায় সাম্যাবন্থার সৃষ্টি হইবে। গ্যাসের অবন্থা পরিবর্তনের এই পদ্ধতিকে নিরুদ্ধ প্রক্রিয়া বা throttling process বলা হয়।

কেবলমাত্র এই প্রক্রিয়ার শ্বনতে এবং শেষে গ্যাস সাম্যাবস্থায় থাকে—
অন্তর্বতাঁ অবস্থা গ্যাসের সাম্যাবস্থা নয়। নিরুদ্ধ প্রক্রিয়া এই কারণে
অনুংক্রমনীয়* পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হয় এবং ইহা একটি রুদ্ধতাপ পরিবর্তনও
বটে (irreversible adiabatic process)। অনুংক্রমনীয় পরিবর্তন
চলাকালে এন্থ্যাল্পি সম্পর্কে কিছুই জানা সম্ভব নয়। দেখা যাইবে য়ে,
নিরুদ্ধ প্রক্রিয়ার শ্বনতে এবং শেষে এন্থ্যাল্পি একই থাকে। ইহার অর্থ
কিন্তু এই নয় য়ে, নিরুদ্ধ প্রক্রিয়া চলাকালে মোট এন্থ্যাল্পি অপরিবর্তিত
থাকিবে—বস্তৃতঃ অন্তর্বতাঁ অবস্থায় এন্থ্যাল্পি সম্পর্কে আমরা কিছুই বলিতে
পারিব না।

প্রথম সূত্র অনুসারে

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta W$$

রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে $\Delta Q = 0$ । নিরুদ্ধ প্রক্রিয়ার পরীক্ষাতে সচ্ছিদ্র ঢাকনির দুই পার্শ্বে গ্যাসের চাপ P_* ও P_* -এর কোন পরিবর্তন হয় না, সেই কারণে

$$\Delta \mathbf{W} = \int_{\mathbf{r}_i}^{0} \mathbf{P} d\mathbf{V} + \int_{0}^{\mathbf{r}_f} \mathbf{P} d\mathbf{V} = \mathbf{P}_f \mathbf{V}_f - \mathbf{P}_i \mathbf{V}_i$$

অতএব

$$U_t - U_t + P_t V_t - P_t V_t = 0$$

গ্যাস খুব ধীরে এক কক্ষ হইতে অক্স কক্ষে চালিত হইরাছে বলির। ইহাকে উৎক্রমনীর
পরিবর্তন বলা বার না। সচ্ছিত্র চাক্নির ছই পার্থে চাপ-বৈষমা সসীম বা finite সেই কারণে
ইহাকে অসুৎক্রমনীর পরিবর্তন বলিব।

তাপগতিতত্ত্ব
$$U_f+P_fV_f=U_i+P_iV_i$$
 বা $H_f=H_i$ (8.7)

দেখা গেল, নিরন্দ্র প্রক্রিয়ার প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থার গ্যাসের এনুখ্যালপি সমান। প্রসঙ্গত উল্লেখ কর। যায় যে, রুদ্ধতাপ মুক্ত প্রসারণের প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থার গ্যাসের আন্তর-শক্তি একই থাকে।

সাধারণভাবে এন্থ্যাল্পিকে তদ্তের যে কোন দুইটি চলের অপেক্ষক

$$H = H(P, S)$$

এবং তদ্মের অণু-পরিবর্তনে.

$$dH = \frac{\partial H}{\partial P} \int_{S} dP + \left(\frac{\partial H}{\partial S}\right) \int_{P} dS \quad \cdots \tag{8.8}$$

সমীকরণ (8.4b) ও (8.8) তুলনা করিলে দেখা যায়

$$\begin{pmatrix} \partial H \\ \partial S \end{pmatrix}_P = T$$
 was $\begin{pmatrix} \partial H \\ \partial P \end{pmatrix}_S = V$

H-S ल्ब-क (Mollier diagram) वना इत्र । এই চিত্রে সম-চাপ লেখ-র (isobaric curve) কোন বিন্দুতে স্পর্ণকের নতি ঐ অবস্থায় কেলভিন কেলে তন্তের উষ্ণতা নির্দেশ করে। আদর্শ গ্যাসের জন্য সমোক পরিবর্তনে এনুখ্যালপি স্থির থাকে এবং এই কারণে মোলিয়ার চিত্রে আদর্শ গ্যাসের সমোঞ্চ-লেখ হইবে এন্ট্রপি অক্ষের সমান্তরাল।

প্রথম ও দ্বিতীর সূত্র অনুসারে তচ্ছের অণু-পরিবর্তনে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন

$$d\mathbf{U} = \mathbf{T}d\mathbf{S} - \mathbf{P}d\mathbf{V}$$

আরতন V ও এন্ট্রপি S নিরপেক্ষ চল মনে করিলে একইভাবে প্রমাণ করা যায়

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{S}}\right)_{r} = \mathbf{T} \text{ age } \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{s} =$$

নিমে আন্তর-শক্তি ও এন্থ্যাল্পির মধ্যে বিভিন্ন বিষয়ে তুলনা করা হইল।

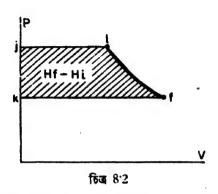
সারণী 8:1: আন্তর-শক্তি ও এন্থ্যাল্পির তুলনা

আরব-শক্তি U এন্থ্যালপ H = U + PV1. $dH = \delta O + VdP$ 1. $dU = \delta O - PdV$ =TdS-PdV=TdS+VdPএবং $\left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{\tau} = C_v$ धवर $\left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_{n} = C_{p}$ 2. শ্বির চাপে পরিবর্তন 2. ভির আয়তনে পরিবর্তন $U_{\ell} - U_{\ell} = \Delta O$ $H_{i}-H_{i}=\Delta O$ এবং $H_i - H_i = \int_{-\infty}^{\infty} C_p dT$ এবং $U_f - U_i = \int_{-\infty}^{\infty} C_v \ dT$ 3. রুদ্ধতাপ পরিবর্তন 3. বুদ্ধতাপ পরিবর্তন $\mathbf{U}_{i} - \mathbf{U}_{i} = -\int_{0}^{t} \mathbf{P} d\mathbf{V}$ $H_f - H_i = \int V dP$ 4. নিক্তম প্রক্রিয়া 4. রুদ্ধতাপ মুক্ত প্রসারণ $U_{\iota} = U_{\iota}$ $H_{\prime} = H_{\prime}$ 5. আদর্শ গ্রামের জনা 5. আদর্শ গ্যাসের জন্য $U = \int C_v dT + U_o$ (4544) 6. $\left(\frac{\partial H}{\partial S}\right)_{r} = T \text{ ags } \left(\frac{\partial H}{\partial V}\right)_{s} = V$ $\left(\frac{\partial U}{\partial S}\right)_{r} = T \text{ ags } \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{s} = -P$

পূর্বে (5'5) অনুচ্ছেদে সূচক চিত্রের সাহায্যে উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে কার্যের হিসাব করা হইয়াছে। একই ভাবে রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন হিসাব করিতে পারিব। উল্লেখ করা হইয়াছে যে, রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন

$$H_f - H_i = \int_i^f V dP \tag{8.9}$$

সূচক চিত্রে (চিত্র 8'2) i ও f বিন্দৃষয় তল্পের দৃইটি সাম্যাবস্থা নির্দেশ করিতেছে। সমীকরণ (8'9)-এর সমাকলটি হইবে চিত্রে ijkf ক্ষেত্রের ক্ষেত্রকলের সমান ।



8°3. হেল্মহোৎজ অপেক্ষক বা মুক্ত ×িক্ত (Helmholtz function or Free energy):

সংজ্ঞানুসারে হেল্মহোৎজ অপেক্ষক বা মুক্ত শক্তি

$$F = U - TS$$

তন্ত্রের অণু-পরিবর্তনে

$$dF = dU - TdS - SdT$$

উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে উষ্ণতা স্থির থাকিলে

$$(dF)_T = dU - TdS = dU - \delta Q(R)$$

অথবা
$$(dF)_T = dU - \delta Q(R) = -\delta W(R)$$

উৎক্রমনীর সমোক পরিবর্তন নিদিন্ট পরিমাণে হইলে,

$$(\Delta F)_T = -(\Delta W)_R \qquad \cdots \qquad (8.10)$$

দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে সর্বাধিক কার্ম পাওয়া যায় (5'4 অনুচ্ছেদ)। এই কারণে সমীকরণ (8'10)-এ এW দুইটি সমোক অবস্থার মধ্যে সর্বাধিক কার্যকে বৃঝাইবে। মৃক্ত শক্তি কি পরিমাণে হ্রাস পাইয়াছে জানিলে দ্বির উক্তার একটি পরিবর্তনে সম্ভবপর সর্বাধিক কার্য হিসাব করা যাইবে। ঐ দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে তল্মের পরিবর্তন অনুধ্বন্দমনীর উপারে হইলে মৃক্ত শক্তির ঐ একই পরিবর্তন হইবে। কিন্তু সেই

পরিবর্তনে সম্ভাব্য কার্য মৃক্ত শক্তি যে পরিমাণে হ্রাস পাইরাছে তাহা অপেক। কম হইবে। অর্থাৎ

$$(\Delta W)_T \leq -\Delta F = F_i - F_f$$

উৎদেশনীর পরিবর্তনে সমান চিন্থ এবং অনুৎক্রমনীর পরিবর্তনের জন্য অন্য চিন্থটি প্রযোজ্য । সমীকরণ (৪:10) হইতে বলা যায় যে, সমোক্ষ উৎক্রমনীর পরিবর্তনে তল্য উহার মৃক্ত শক্তির বিনিময়ে কার্য করে । অন্যভাবে হেল্মহোৎজ অপেক্ষক বা মৃক্ত শক্তি সমোক উৎক্রমনীর পরিবর্তনে কার্যোপযোগী শক্তি নির্দেশ করে । এখানে উল্লেখ করা যায় যে, মৃক্ত শক্তির বিনিময়ে মোট কার্য হিসাব করা হইরাছে—ইহা সম্পূর্ণরূপে যালিক কার্য, সম্পূর্ণরূপে আন্তর-কার্য অথবা আংশিক ভাবে যালিক কার্য ও আংশিকভাবে আন্তর-কার্য হইতে পারে । মৃক্ত শক্তি যালিক ব্যবস্থায় তল্যের ন্থিতিশক্তির সহিত তুলনীর । উল্লেখ করা যাইতে পারে যে, কোন বস্তু বা তল্যের ন্থিতি শক্তির সর্বনিম বা অবম অবস্থা হইবে উহার সাম্যাবস্থা । পক্ষান্তরে তাপগতীয় তল্যের ক্ষেত্রে ন্থির উক্তা ও আয়তনে হেল্মহোৎজ অপেক্ষকের অবম অবস্থাই উহার সাম্যাবস্থা ।

সামাাবস্থার সর্ত, যে কোন কাম্পনিক অণু-পরিবর্তনে

যাল্যিক তল্যে $\delta E_P = 0$

এবং তাপগতীয় তল্মে $\delta F_{V,T} = 0$

এই কারণে হেল্মহোৎজ অপেক্ষককৈ অনেক সময় হেল্মহোৎজ বিভব অথবা স্থির আয়তনে তাপগতীয় বিভব (thermodynamic potential at constant volume) বলা হয়। স্থির আয়তন ও উষ্ণতার রাসায়নিক বিক্রিয়ায় এই অপেক্ষকটির একটি গুরুত্বপূর্ণ ভূমিকা থাকে।

मूल সমীকরণকে পূর্নাবন্যাস করিয়া লেখা যায়,

$$U = F + TS$$

তল্মের মোট আন্তর-শক্তি U, ইহার একটি অংশ হইল উহার মৃক্ত শক্তি। এই মৃক্ত শক্তির বিনিমরে তল্ম কার্য করে। আন্তর-শক্তির অন্য একটি অংশ TS = U - F-কে তল্মের লীন শক্তি বা আবদ্ধ শক্তি (latent energy) বলা বায়। এই শক্তি কখনই কার্যে রূপান্তরিত হইবে না।

আরর-শক্তি = মৃক্ত শক্তি + লীন শক্তি

সাধারণভাবে রাসায়নিক তন্দ্রের যে কোন উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে

$$dF = dU - TdS - SdT$$

$$= -PdV - SdT \qquad \cdots \qquad (8.11)$$

মৃক্ত শক্তি F-কে বে কোন দুইটি চলের অপেক্ষক হিসাবে চিন্তা করা যাইতে পারে। ধরা যাক, উক্ষতা এবং আয়তন তলের নিরপেক্ষ চল,

$$F = F(T,V)$$

$$\therefore dF = \left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_{T} dV + \left(\frac{\partial F}{\partial T}\right)_{V} dT \qquad (8.12)$$

সমীকরণ (৪'11) ও (৪'12)-কে তুলনা করিলে

$$-\left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_{T} = P \operatorname{age} - \left(\frac{\partial F}{\partial T}\right)_{V} = S$$

স্থির আয়তনে উক্তার সহিত মৃক্ত শক্তির পরিবর্তনের হারকে আমরা তল্তের এন্ট্রপি বলিব। লক্ষ্য করা যায় যে, ইহা এন্ট্রপির একটি ভৌত সংজ্ঞা (physical definition)।

8.4. পিবস অপেক্ষক (Gibbs function) :

গিব্স অপেক্ষকের সংজ্ঞা দেওরা হইয়াছে

$$G=H-TS$$
 অথবা, $G=U+PV-TS$ $F=U-TS$, সেই কারণে $G=F+PV$

আবার মূল সমীকরণকে পুনবিন্যাস করিয়া লেখা যায়

$$H = G + TS$$

অর্থাৎ এন্থ্যাল্পি = গিব্স অপেক্ষক + লীন শক্তি

ন্থির চাপ ও উক্তায় তন্তের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে

$$(dG)_{P,T} = dU + PdV - TdS$$
$$= PdV - \delta W$$

এই ধরনের কোন পরিবর্তন নিদিন্ট পরিমাণে হইলে

$$-\Delta G_{PT} = \Delta W - P\Delta V = \Delta W' \qquad \cdots \qquad (8.13)$$

তব্বের আয়তন পরিবর্তনের সময় যে পরিমাণে বহিঃকার্য (external work) সম্পন্ন হয় তাহার পরিমাপ PAV এবং সেই কারণে AW'কে আছর-কার্য [আয়তন পরিবর্তনের বাহ্যিক কার্য ব্যতীত অন্য সকল প্রকার কার্য] বলা যায়। ক্রির চাপ ও উক্ষতার উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে গিব্স অপেক্ষকের বিনিময়ে বাহ্যিক কার্য ব্যতীত অন্য সকল প্রকার কার্য বা আছর-কার্য সম্পন্ন হইয়া থাকে। এই হিসাবে, ক্রিরচাপ ও উক্ষতার উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে গিব্স অপেক্ষকের ভূমিকা যাক্রিক তব্বে ক্রিতিশক্তির সহিত তুলনা করা চলে। উল্লেখ করা যায় যে, কোন বন্ধুর ক্রিতিশক্তির অবম মান হইবে উহার সাম্যাবস্থা। আমরা দেখিয়াছি তাপগতীয় তব্বে নিন্দিন্ট চাপ ও উক্ষতায় গিব্স অপেক্ষকের সর্বনিয় বা অবম মানের অবস্থাই তব্বের সাম্যাবস্থা। সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে, কোন কাম্পনিক অণু-পরিবর্তনে

যালিক ভলে $\delta E_P = 0$

এবং তাপগতীয় তল্মে $\delta G_{P,T} = 0$

এই কারণে অনেক সময়ে গিব্স অপেক্ষককে গিব্সের বিভব বা সাংারণভাবে ছির চাপে তাপগতীয় বিভব (thermodynamic potential at constant pressure) বলা হয়। ছির চাপ ও উষ্টার রাসায়নিক পরিবর্তন সম্পর্কিত আলোচনায় আমরা এই অপেক্ষকটির সাহায্য লইব।

সাধারণভাবে তদ্বের অণ্ড-পরিবর্তনে

dG = dH - TdS - SdT

কিব dH = TdS + VdP

িসমীকরণ (8.4b)]

অতএব dG = VdP - SdT ... (8.14)

স্থির চাপ ও উক্ষতার উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে dG=0, অর্থাৎ এই প্রকার পরিবর্তনে গিব্স অপেক্ষকের কোন পরিবর্তন হয় না। বাষ্পীভবন, গলন, উর্ধ্বপাতন (sublimation) ইত্যাদি দশান্তর প্রক্রিয়ায় চাপ ও উক্ষতা স্থির থাকে। এই সময়ে তব্যের পরিবর্তন উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইয়াছে অনুমান করা যাইতে পারে। নিদিন্ট ভরের জন্য কঠিন, তরল ও বাষ্পীয় অবস্থায় গিব্স অপেক্ষক যথাক্রমে G_s , G_t ও G_s , ধরিলে গলনে $G_s=G_t$, বাষ্পীভবনে $G_s=G_t$, ও উর্ধ্বপাতনে $G_s=G_t$ হইবে। এই প্রসঙ্গের করা যায় যে গিব্স অপেক্ষক তন্ত্রের ব্যাপক ধর্ম—ইহা তন্ত্রের উপর নির্ভর করে।

চাপ $\mathbf P$ ও উক্তা $\mathbf T$ -কে তলোর নিরপেক চল মনে করিলে

$$dG = \left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_{T} dP + \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{P} dT \qquad \cdots \qquad (8.15)$$

সমীকরণ (৪'14) ও (৪'15)-কে তুলনা করিলে লেখা যায়

$$\left(\frac{\partial G}{\partial P}\right)_T = V \text{ age } -\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P = S$$

অর্থাং স্থির চাপে উক্তার সহিত গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তনের হারকে তদ্মের এন্ট্রপি বলা যার। হেল্মহোংজ অপেক্ষকের মত গিব্স অপেক্ষকও এন্ট্রপির ভৌত সংজ্ঞা দের।

8'5. পিব্স-ভেল্মহোৎজের সমীকরণ (Gibbs-Helmholtz equation) ঃ

সংজ্ঞা অনুসারে
$$\mathbf{F} = \mathbf{U} - \mathbf{T}\mathbf{S}$$
 এবং $\mathbf{S} = -\left(\frac{\partial \mathbf{F}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{r}$

সমীকরণ-দুইটিকে একর করিয়া লিখিলে

$$U = F - T \left(\frac{\partial F}{\partial T} \right)_{r} \qquad \cdots \qquad (8.16)$$

অনুরূপভাবে G = H - TS এবং $S = -\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_P$

সমীকরণ-দুইটিকে একত্র করিয়া লিখিলে

$$H = G - T \begin{pmatrix} \partial G \\ \partial T \end{pmatrix}_{P} \qquad \cdots \qquad (8.17)$$

সমীকরণ (৪·16) এবং (৪·17) উভয়কেই গিব্স-হেল্মহোৎজের সমীকরণ বঙ্গা হয়। রাসায়নিক বিক্রিয়া সম্পর্কিত আলোচনার ঐ সমীকরণ-দৃইটির ভূমিকা বিশেষ গুরুত্বপূর্ণ।

8.6. স্যাক্সভন্তেরে সমীকরণ (Maxwell's relation) :

তাপগতিতত্ত্বের প্রথম ও বিতীয় স্তুকে একত্তিত করিয়া আমরা লিখিতে পারি

$$TdS = dU + PdV \qquad \cdots \qquad (8.18)$$

উৎক্রমনীয় তাপগতিতত্ত্বের ইহাই মূল সমীকরণ। এই সমীকরণ হইতে এই বিদ্যার সমস্ক সিদ্ধান্তে উপনীত হওরা বায়। তাপগতীয় তল্পের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে এই সমীকরণ প্রযোজ্য হইবে। তাপগতিতত্ত্বের বিভিন্ন আলোচনায় এই সমীকরণটি প্রয়োগ করিবার সময় $(\partial S/\partial P)_{\mathcal{F}}$ $(\partial S/\partial V)_{\mathcal{F}}$, $(\partial S/\partial P)_{\mathcal{F}}$ এবং $(\partial S/\partial V)_{\mathcal{F}}$ ইত্যাদি আংশিক অবকল গুণাংক (partial differential coefficient) আসিয়া থাকে। ইহারা কেহই মাপনযোগ্য রাশি নয় বিলয়া ইহাদের উপন্থিতিতে সমীকরণ হইতে কোন সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা সম্ভব হয় না। সেই কারণে এই আংশিক অবকল গুণাংকগুলিকে মাপনযোগ্য রাশির সাহাযো প্রকাশ করিতে হইবে। যে চারিটি সমীকরণের সাহাযো ইহা সম্ভব, সেগুলিকে ম্যাক্সগুরেলের সমীকরণ বলা হয়। উল্লেখ করা বায়, $(\partial S/\partial T)_{\mathcal{F}}$ এবং $(\partial S/\partial T)_{\mathcal{F}}$ সরাসার $C_{\mathcal{F}}$ ও $C_{\mathcal{F}}$ -এর সহিত যুক্ত। সেই কারণে ইহাদের উপন্থিতিতে সমীকরণকে ব্যাখ্যা করিতে কোন অস্বিধা হইবে না। ইহাদের অন্য কোন মাপনযোগ্য রাশির সাহায্যে প্রকাশ করিবার প্রয়োজন নাই।

এই সমীকরণগৃলি প্রমাণ করিতে ম্যাক্সওয়েল যে গাণিতিক পদ্ধতি প্রয়োগ করেন তাহা দ্বিতীয় পরিচ্ছেদে বিশেষভাবে আলোচনা করা হইয়াছে। মনে করি Z, M ও N প্রত্যেকেই চল x ও y-এর অপেক্ষক এবং

$$dZ = Mdx + Ndy$$

একেতে dZ একটি সম্পূৰ্ণ অবকল বলিয়া $(\partial M/\partial y)x = (\partial N/\partial x)y$

পূর্বেই বলা হইরাছে যে, কোন রাসায়নিক তল্পের নিরপেক্ষ চল হইবে $P,\,V,\,T$ -এর মধ্যে যে-কোন দুইটি। তল্পের নিরপেক্ষ চলের তাপগতীর অপেক্ষক হইবে উহার—

- (i) আন্তর-শক্তি U ও এন্ট্রপি S
- (ii) এন্থ্যাল্পি H = U + PV
- (iii) হেল্মহোংজ অপেক্ষক F = U TS
- এবং (iv) গিব্স অপেক্ক G = H TS

তদ্মের অবস্থার অণু-পরিবর্তনে অপেক্ষকগৃলির প্রত্যেকটির পরিবর্তন হইবে একটি করিয়া সম্পূর্ণ অবকল। মনে করি, তদ্মের নিরপেক্ষ চল, উহার চাপ P ও উষ্ণতা T ।

$$U = U(P,T)$$
 and $S = S(P,T)$

একণে S=S(P,T) এই সমীকরণ হইতে P-কে T ও S-এর অপেক্ষক হিসাবে লেখা বায়। পরে U=U(P,T) সমীকরণে P-এর ঐ মান বসাইলে আন্তর-শক্তি U হইবে এন্ট্রপি S ও উষ্ণতা T-এর অপেক্ষক —অর্থাং, U=U(S,T)।

অনুরূপভাবে P, V, T, U, S, H, F ও G এই আটটির মধ্যে বে-কোন একটিকে অন্য বে-কোন দৃইটির অপেক্ষক হিসাবে লেখা যাইতে পারে। কোন রাসায়নিক তল্মের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে—

1. আন্তর-শক্তির পরিবর্তন হইবে

$$dU = \delta Q - PdV$$

$$= TdS - PdV \qquad \cdots \qquad (8.19a)$$

 \mathbf{U} , \mathbf{T} ও \mathbf{P} -কে এন্ট্রাপ \mathbf{S} ও আয়তন \mathbf{V} -এর অপেক্ষক বলা হইয়াছে ।

2. এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন হইবে

$$dH = dU + PdV + VdP$$

$$= TdS + VdP \qquad \cdots \qquad (8.19b)$$

এখানে H, T ও V প্রভাবেই নিরপেক্ষ চল S ও P-এর অপেক্ষক হইবে।

3. মৃক্ত শক্তি বা হেল্মহোংজ অপেক্ষকের পরিবর্তন

$$dF = dU - TdS - SdT$$

$$= -PdV - SdT \qquad \cdots \qquad (8.19c)$$

এখানে নিরপেক্ষ চল আয়তন V ও উকত। T—অর্থাং, F, P ও S প্রত্যেকেই V ও T-এর অপেক্ষক।

4. গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন

$$dG = dH - TdS - SdT$$

$$= VdP - SdT \qquad \cdots \qquad (8.19d)$$

 $G,\,V$ ও S প্রভাবেই নিরপেক চল P ও T-এর অপেক্ষক।

বেহেতু dU, dH, dF ও dG প্রভাবেই সম্পূর্ণ অবকল এবং

ইহাদের পাফিয়ান হিসাবে লেখা হইয়াছে, সেই কারণে উপরের চারিটি সমীকরণ হইতে নিম্মলিখিত সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়

$$\left(\frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{s} = -\left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{S}}\right)_{r} \qquad \cdots \qquad (8.20a)$$

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{\mathbf{s}} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{S}} \end{pmatrix}_{\mathbf{P}} \qquad \cdots \qquad (8.20b)$$

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_r = \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T \qquad \cdots \qquad (8.30c)$$

$$\operatorname{det} \qquad \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P} = -\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_{T} \qquad \cdots \qquad (8.20d)$$

উপরের সমীকরণ-চারিটিকে ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণ বলা হয়। এই সমীকরণগৃলি তল্তের কোন বিশেষ পরিবর্তন সম্পর্কে কোন নির্দেশ দেয় না। ইহারা কেবলমাত্র সাম্যাবস্থায় সাধারণভাবে তল্ত্র সম্পর্কে গ্রহণযোগ্য কয়েকটি সিদ্ধান্তকে প্রকাশ করে। এই সমীকরণগৃলিতে কোন বিশেষ পদার্থের ধারণা করা হয় নাই। তাই ষে-কোন পদার্থ যে-কোন অবস্থাতেই ইহাদের অনুবর্তী হইবে। সমীকরণগৃলি হইতে সরাসরি কোন সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা অনেক ক্ষেত্রেই সম্ভব হয় না। কিব্ সামান্য পরিবর্তন করিয়া সমীকরণগৃলিকে অনেক ক্ষেত্রেই বাস্ভব প্রয়োজনে ব্যবহার করা যাইতে পারে। যেমন, ম্যাক্সওয়েলের চতুর্থ সমীকরণটিকে T-দ্বারা উভয় পার্শ্বে গুণ করিবার পর

$$\left(\frac{\delta Q(R)}{dP}\right)_{T} = - T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}$$

অথবা অণু-পরিবর্তনের জনা

$$\left(\delta Q(R)\right)_{T} = -T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}(dP)_{T} \qquad \cdots \qquad (8.21)$$

শ্বির উক্তার উৎক্রমনীর সংনমনে তক্ত যে তাপ-বিনিমর করে উপরের সমীকরণের সাহায্যে তাহা হিসাব করা যায়। যে-সকল তক্তে $(\partial V/\partial T)_P$ ধনাত্মক রাশি তাহানের ক্ষেত্রে উৎক্রমনীর সমোক সংনমনে δQ ঝণাত্মক রাশি হইবে —অর্থাৎ সংনমনের পর উক্তা শ্বির রাখিতে ঐ সকল তক্ত্র তাপ বর্জন করিবে। আমরা জানি জলের ক্ষেত্রে $4^{\circ}C$ অপেক্ষা কম উক্তার $(\partial V/\partial T)_P$ ঝণাত্মক রাশি'। সেই ক্ষেত্রে সমোক সংনমনে তক্ত্র তাপ গ্রহণ করিবে।

অনুরূপভাবে সমীকরণ (8.20b)-কে উভয় পার্ষে $1/\mathrm{T}$ -বারা গৃণ করিলে

$$\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{Q}}\right)_{P} = \frac{1}{\mathbf{T}} \left(\frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{S}$$

অতএব, .
$$\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{\mathcal{S}} = \frac{T}{C_{\mathbf{p}}} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{\mathbf{p}}$$

অথবা অণু-পরিবর্তনে

$$(dT)_s = \frac{T}{C_P} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P (dP)_s \qquad \cdots \qquad (8.22)$$

উপরের সমীকরণ হইতে রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় প্রসারণে অথবা সংনমনে তন্দ্রের উক্তার তারতম্য হিসাব করা যায়। গ্যাসের ক্ষেত্রে $(\partial V/\partial T)_P$ ধনাত্মক রাশি, সেই কারণে রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় সংনমনে গ্যাসের উক্তার ক্ষি পাইয়া থাকে এবং প্রসারণে উক্তা হ্রাস পায়। $4^{\circ}C$ অপেক্ষা কম উক্তার জলের জন্য $(\partial V/\partial T)_P$ ধণাত্মক রাশি এবং সেই কারণে রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় সংনমনে ঐ অবস্থায় জলের উক্তা হ্রাস পায় এবং প্রসারণে উক্তার্দ্ধি পায়। এই সিদ্ধান্তটিকৈ সহজ বিচারে ব্যাখ্যা করা যায় না। রুদ্ধতাপ সংনমনকালে তন্দ্রের উপর যে কার্য করা হইবে তাহার একটি অংশ উপাদান কণাত্মলির গতিশক্তি বা আন্তর-গতিশক্তি (internal kinetic energy) বৃদ্ধি করিতে বার হইবার কথা। ইহার ফলে জলের উক্তা বৃদ্ধি পাওয়া উচিত। রুদ্ধতাপ সংনমনে.

$$d\mathbf{U} = C_v d\mathbf{T} + \left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_v d\mathbf{V} = -\delta \mathbf{W} > 0 \qquad \cdots \qquad (8.23)$$

 $C_{\sigma}dT$ পদটি আন্তর-গতিশক্তির পরিবর্তন এবং $(\partial U/\partial V)_T dV$ আয়তন পরিবর্তনের কারণে আন্তর-ছিতিশক্তির পরিবর্তনকে বুঝায়। dT ঋণাত্মক রাশি হইলে দিতীয় পদটি অবশ্যই ধনাত্মক রাশি হইবে এবং $(\partial U/\partial V)_T dV$ সেক্ষেত্রে $C_{\sigma}dT$ -র চেয়ে বেশী হইবে। বাহির হইতে তন্দ্রের উপর যে কার্য করা হইবে এক্ষেত্রে আন্তর-ছিতিশক্তির (internal potential energy) পরিবর্তন তাহার চেয়ে বেশী। ইহা কিন্তাবে সম্ভব ? এজন্য আন্তর-গতিশক্তির একটি অংশ বায় হইবে এবং এই কারণেই উক্তা হ্রাস পাইবে।

8'7. T-dS সমীকরপ (T-dS equation) :

সমোক উৎক্রমনীর পরিবর্তনে তল্ম বে তাপ-বিনিমর করে সমীকরণ (৪·21)-এর সাহায্যে তাহা হিসাব করা সম্ভব। সাধারণভাবে সাম্যাবস্থা

পরিবর্তনে তব্দের চাপ, উষ্ণতা ও আয়তনের পরিবর্তন ঘটে। ইহাদের মধ্যে বে-কোন দুইটি চলের পরিবর্তন জানা গেলে ম্যাক্সগুরোলের সমীকরণের সাহাযো এই পরিবর্তনে তন্দ্র যে তাপ-বিনিময় করে, তাহা জানা যাইতে পারে। এই সমীকরণগুলিকে T-dS সমীকরণ বলা হয়।

(a) প্রথম T-dS সমীকরণ—রাসায়নিক তল্মের এন্ট্রপিকে উহার নিরপেক্ষ চল $T ext{ ও } V$ -এর অপেক্ষক মনে করা যাইতে পারে ।

অর্থাৎ,
$$S = S(T, V)$$

এবং তচ্ছের অণু-পরিবর্তনে
$$dS = \left(rac{\partial S}{\partial T}
ight)_{v} dT + \left(rac{\partial S}{\partial V}
ight)_{T} dV$$

উপরের সমীকরণকে উভয় পার্ষে T দ্বারা গুণ করিলে উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে যে তাপ-বিনিময় হইবে তাহার হিসাব পাওয়া যায়।

$$TdS = T \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{t'} dT + T \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T} dV$$

$$= C_{v} dT + T \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{t'} dV \qquad (8.24)$$

যেহেত্ $T(\partial S/\partial T)_r = C_r$, এবং ম্যাক্সওয়েলের তৃতীর সমীকরণ অনুসারে $(\partial S/\partial V)_T = (\partial P/\partial T)_r$ । উপরের সমীকরণটিকে সরাসরি তন্দের মাপনযোগ্য ধর্মের সাহায্যে লেখা যাইতে পারে। তন্দের আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক β ও সমোক্ষ সংনম্যতা \mathbf{k}_T -র মধ্যে সম্পর্ক হইতেছে

$$\frac{\beta}{k_T} = -\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P \left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_T$$

অতএব সমীকরণ (৪:24)-কে অন্য ভাবে লেখা যায়

$$\delta Q(R) = TdS = C_v dT + \frac{T\beta}{k_T} dV \qquad \cdots \qquad (8.25)$$

সমীকরণ (8·24) ও (8·25)-এর প্রত্যেকটিকেই প্রথম T-dS সমীকরণ বলা হইবে।

(b) বিতীয় T-dS সমীকরণ—রাসায়নিক তল্পের এন্ট্রপিকে ঐ তল্পের নিরপেক চল T ও P-এর অপেক্ষক মনে করিলে,

$$S = S(T, P)$$

তব্বের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে তাপ-বিনিময়

$$\delta Q(R) = TdS = T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_{P} dT + T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial P \end{pmatrix}_{T} dP$$

 $T(\partial S/\partial T)_P = C_p$ এবং ($\partial S/\partial P)_T = -(\partial V/\partial T)_P$ অভএব,

$$TdS = C_{\nu}dT - T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}dP \qquad (8.26)$$

অতএব
$$TdS = C_p dT - \beta V T dP$$
 ... (8.27)

উপরের সমীকরণ-দৃইটির প্রত্যেকটিকেই দ্বিতীয় T-dS সমীকরণ বলা হয়। চাপ বৃদ্ধির পরে উষ্ণতা স্থির রাখিতে তল্মকে পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময় করিতে হইবে এবং উহার পরিমাপ

$$\Delta Q(\mathbf{R}) = \int \mathbf{T} d\mathbf{S} = -\mathbf{T} \int \mathbf{V} \boldsymbol{\beta} d\mathbf{P}$$

কঠিন ও তরল পদার্থের ক্ষেত্রে চাপ-পরিবর্তনে eta অথবা V-এর খুবই সামান্য পরিবর্তন হইয়া থাকে। উহাদের ক্ষেত্রে উষ্ণতা স্থির রাখিতে তাপ-বিনিময় হইবে

$$\Delta Q(R) = -T \overline{V} \overline{\beta} \int dP = -T \overline{V} \beta (P_f - P_i)$$

 ∇ ও β হয় P, ও P_f -এর মধ্যে V ও β -র গড় মান। $P_f > P_s$ এবং ঐ সঙ্গে β ধনাত্মক রাশি হইলে AQ ঝণাত্মক রাশি হইবে—অর্থাৎ তন্দ্র তাপ বর্জন করিবে। স্বাভাবিক পরিবর্তনমাত্রেই এরূপ ঘটিয়া থাকে। একটি ব্যতিক্রম হইতেছে $4^\circ C$ -এর কম উক্ষতায় জলের ক্ষেত্রে। এখানে β ঝণাত্মক রাশি, ঐ কারণে চাপ-বৃদ্ধির পরে উক্ষতা দ্বির রাখিতে তন্দ্রকে পারিপার্থিক মাধ্যম হইতে তাপ গ্রহণ করিতে হয়। এই সিদ্ধান্ত পূর্ব অনুচ্ছেদে গৃহীত সিদ্ধান্তের (β ঝণাত্মক রাশি হইলে রুদ্ধতাপ সংনমনে উক্ষতা হ্রাস ও প্রসারণে উক্ষতা বৃদ্ধি। সঙ্গে সঙ্গাত-পূর্ণ। প্রকৃতপক্ষে T-dS সমীকরণগৃলি হইতে পৃথক্জাবে নতুন কোন সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া বায় না—কেবলমাত্র সাম্যাবন্থার উৎক্রমনীর পরিবর্তনে তাপ-বিনিময় হিসাব করিতে T-dS সমীকরণগৃলিকে সরাসরি কাজে সাম্যানে। বাইতে পারে।

8'8 আন্তর-শক্তির সমীকরণ (Energy equation) :

প্রথম সূত্র অনুসারে রাসায়নিক তল্তের উৎক্রমনীয় অণু-পরিবর্তনে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন

$$d\mathbf{U} = \delta \mathbf{Q} - \mathbf{P}d\mathbf{V}$$

কিন্তু দ্বিতীয় সূত্র হইতে $\delta Q(R) = TdS$ এবং এই দুইটি সূত্রকে একত্র করিলে

$$dU = TdS - PdV$$

প্রথম T-dS সমীকরণের সাহাযো লেখা যায়

$$d\mathbf{U} = \mathbf{C}_{\mathbf{v}}d\mathbf{T} + \left[\mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{\mathbf{F}} - \mathbf{P}\right] d\mathbf{V} \qquad \cdots \quad (8.28)$$

T ও V-কে নিরপেক চল ধরা হইয়াছে। সূতরাং, U=U(T,V)

$$\operatorname{det} d\mathbf{U} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{T}} \end{pmatrix}_{\mathbf{r}} d\mathbf{T} + \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \dot{\mathbf{V}}} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} d\mathbf{V} \qquad (8.29)$$

সমীকরণ (৪:28) এবং (৪:29) হইতে দেখা যায়

$$\begin{pmatrix} \partial \mathbf{U} \\ \partial \mathbf{V} \end{pmatrix}_{T} = \left[\mathbf{T} \begin{pmatrix} \partial \mathbf{P} \\ \partial \mathbf{T} \end{pmatrix}_{\mathbf{r}} - \mathbf{P} \right] \qquad \cdots \qquad (8.30)$$

সমীকরণ (৪:30)-কে আন্তর-শক্তির সমীকরণ বলা হয়। দেখা গেল ষে, অবস্থার সমীকরণটি জানিলে তন্তের আন্তর-শক্তি সম্পর্কে জানা হইবে। কেবলমার প্রথম স্ত্রের সাহাযো়ে কিল্প ইহা সম্ভব নয়। অবস্থার সমীকরণ জানা সত্ত্বেও কোন তল্তের আন্তর-শক্তি উহার নিরপেক্ষ চলগুলির কি ধরনের অপেক্ষক হইবে বা ইহাদের মধ্যে সম্পর্ক কি, প্রথম স্ত্র সে প্রশ্নের মীমাংসা করিতে পারে না। অন্যভাবে বলা যায়, অবস্থার সমীকরণ হইতে তন্ত্র সম্পর্কে জ্ঞাতব্য সমস্ত তথ্য উদ্ধার করিতে প্রথম স্ত্র যথোপযুক্ত নয়। কিল্প দেখা গেল, অবস্থার সমীকরণের মধ্যেই তন্ত্র সম্পর্কে সমস্ত তথ্য নিহিত রহিয়াছে। প্রথম ও দ্বিতীয় স্ত্র মিলিতভাবে অবস্থার সমীকরণ হইতে ঐ প্রয়োজনীয় তথ্য সংগ্রহ করিতে পারে।

আদর্শ গ্যাসের জন্য অবস্থার সমীকরণ PV=RT, এবং ঐ সঙ্গে $(\partial U/\partial V)_T=0$ এই তথ্যটি পরিবেশিত হইলে আদর্শ গ্যাস সম্পর্কে বক্তব্য সম্পূর্ণ হয়। কিন্তু আন্তর-শক্তির সমীকরণটি জানিবার পর এই অতিরিক্ত

তথাটি পরিবেশন করিবার প্রয়োজন হর না। কারণ, সমীকরণ (৪[°]30) হইতে আদর্শ গ্যাসের জন্য

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{T} = \left[\mathbf{T}\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{V}} - \mathbf{P}\right] = 0 \tag{8.31}$$

আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ PV=RT-এর মধ্যে $(\partial U/\partial V)_T=0$ এই বক্তব্যাটিও নিহিত রহিয়াছে। আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তি কেবলমাত্র উহার উষ্ণতার উপর নির্ভর করে। অর্থাৎ U=U(T)—জ্লের পরীক্ষায় এই সত্য প্রমাণিত হইয়াছে।

ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের 1 গ্রাম-অণুর জন্য

$$P = \frac{RT}{V - b} - \frac{a}{V^s} \text{ and } \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_F = \frac{R}{V - a}$$

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাস সম্পর্কে একটি গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্ত হইতেছে

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{T} = \frac{a}{\mathbf{V}^{2}} \qquad \cdots \qquad (8.32)$$

$$\therefore d\mathbf{U} = \mathbf{C}_{v}d\mathbf{T} + \frac{a}{\mathbf{V}^{2}}d\mathbf{V} \qquad (8.33a)$$

অথবা
$$U = \int C_v dT - \frac{a}{V} + U_o$$
 ... (8.33b)

ভান্-ভার ওরালস গ্যাসের আন্তর-শক্তি যে আরতন ও উকতা দৃইয়ের-ই উপর নির্ভর করে, প্রথম সূত্র হইতে তাহা জানা বার না। দ্বির উকতার আরতন-বৃদ্ধিতে ঐ জাতীয় গ্যাসের আন্তর-শক্তি বৃদ্ধি পার। গ্যাসের আন্তর-শক্তি সম্পর্কে এই তথ্য সংগ্রহ করিতে কোন পরীক্ষার সাহাষ্য লইতে হইবে না—অবস্থার সমীকরণ হইতেই ইহা জানিতে পারিব।

লক্য করা বার, তন্দ্রের জন্য $(\partial \mathrm{U}/\partial \mathrm{V})_T$ জানিতে পারিলে $(\partial \mathrm{U}/\partial \mathrm{P})_T$ -ও জানা বায়, কারণ

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} \begin{pmatrix} \partial \mathbf{V} \\ \partial \mathbf{P} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}}
= \left[\mathbf{T} \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{T}} \end{pmatrix}_{\mathbf{F}} \begin{pmatrix} \partial \mathbf{V} \\ \partial \mathbf{P} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} - \mathbf{P} \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} \right]
= -\mathbf{T} \begin{pmatrix} \partial \mathbf{V} \\ \partial \mathbf{T} \end{pmatrix}_{\mathbf{P}} - \mathbf{P} \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{\mathbf{T}} \qquad \cdots \qquad (8.34)$$

সমীকরণ (8'26) হইতে সরাসরি এই একই সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়।

প্রশ্রমান্সা

 এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপ বলিতে কি বৃঝ ? দেখাও যে,

$$\left(\frac{\partial H}{\partial S}\right)_P = T \text{ age}\left(\frac{\partial H}{\partial P}\right)_S = V$$

মোলিয়ার-চিত্রের অর্থ কি ?

2. হেল্মহোংজ অপেক্ষক ও গিব্স অপেক্ষকের সংজ্ঞা দাও। ইহাদের বথাদ্রমে ক্মির আয়তনে ও স্থির চাপে তাপগতীয় বিভব বলিবার সপক্ষে বৃদ্ধি দাও।

প্রমাণ কর যে, কোন পরিবর্তনে উষ্ণতা ও চাপ স্থির থাকিলে dG=0

দেখাও বে, আদর্শ গ্যাসের জন্য আপেক্ষিক হেল্মহোংজ অপেক্ষক ও
আপেক্ষিক গিব স অপেক্ষক যথানেনে.

$$f = \int_{T_o}^{T} c_v dT - T \int_{T_o}^{T} c_v \frac{dT}{T} - RT \ln \frac{v}{v_o} - s_o T + u_o$$

$$g = \int_{T_o}^{T} c_v dT - T \int_{T_o}^{T} c_v \frac{dT}{T} + RT \ln \frac{P}{P_o}$$

$$-s_o T + u_o + RT_o$$

 $s_{\rm o}$ ও $u_{\rm o}$ বথাদ্রমে $({
m P}_{
m o}, \ v_{
m o}, \ {
m T}_{
m o})$ অবস্থার আপেকিক এন্ট্রপি ও আহর-শক্তিকে নির্দেশ করে।

4. (a) এক গ্রাম জল প্রমাণ চাপে বাজ্পে রূপান্তরিত হইল এবং ঐ সমরে উহার আয়তন 1671 cc.। প্রমাণ চাপে জলের স্ফুটনাব্দ 100°C এবং ঐ সময়ে বাষ্ণীভবনের লীন তাপ 539 cal/gm।

এই পরিবর্তনের ফলে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন ΛU , এন্ট্রপির পরিবর্তন ΛS , এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন ΛH এবং গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন ΛG হিসাব কর ।

- (b) কোন আদর্শ গ্যাসের 1 গ্রাম-অণুকে $0^{\circ}C$ হইতে $100^{\circ}C$ পর্যন্ত উত্তপ্ত করা হইল। নিমুবণিত দুইটি ক্ষেত্রে F ও G-এর পরিবর্তন হিসাব কর—
 - (i) উহার আয়তন 1 litre-এ স্থির রহিল,
 - (ii) উহার চাপ 1 atmosphere-এ স্থির রহিল
- 5. ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণ-চারিটিকে প্রমাণ কর এবং উহাদের তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর।
- 6. ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণগুলির প্রয়োজনীয়তা কি? সমীকরণচারিটিকে প্রমাণ কর। এই সমীকরণগুলি কোন বিশেষ পরিবর্তন নির্দেশ
 করে কি?
 - 7. প্রমাণ কর.

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{T}} \end{pmatrix}_{P} = -\begin{pmatrix} \frac{\partial \mathbf{S}}{\partial \mathbf{P}} \end{pmatrix}_{T}$$

উপরের এই সমীকরণ হইতে দেখাও যে, 4°C উষ্ণতার কমে সংনমনের সময় জল পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে তাপ গ্রহণ করিলে তবেই উহার উষ্ণতা স্থির থাকিবে।

- ৪. প্রথমে প্রয়োজনীর ম্যাক্সওরেলের সমীকরণটিকে প্রমাণ করিরা রক্ষতাপ উৎক্রমনীয় সংনমনে উক্তার পরিবর্তন হিসাব কর।
- 4°C উক্তার কমে রক্ষতাপীয় সংনমনে জলের উক্তা হ্রাস পার এবং ঐ সমরে প্রসারণে জলের উক্তা বৃদ্ধি পার—ইহাকে কি ভাবে ব্যাখ্যা করিবে ?

9. দেখাও যে, তল্তের উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের সময়

$$\delta Q(R) = C_v dT + \frac{\beta T}{k_T} dV$$

$$= C_v dT - V \beta T dP$$

$$= \frac{C_v k_T}{\beta} dP + \frac{C_v}{\beta V} dV$$

- 10. শ্বির উষ্ণতায় উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে 1 গ্রাম-অণু ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের আয়তন V_i , হইতে V_j -এ পরিবর্তিত হইল । কি পরিমাণ তাপ গৃহীত অথবা নিশ্বিপ্ত হইবে ?
- 11. (a) উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে 1 গ্রাম-অণু পারদের (উষ্ণতা 0°C) উপর চাপ শ্ন্য (zero) হইতে 1000 অ্যাট্মস্ফিয়ার পর্যন্ত বৃদ্ধি করা হইল। কি পরিমাণ তাপ গ্রহণ অথবা বর্জন করিলে উহার উষ্ণতা স্থির থাকিবে? ইহার ফলে উহার আন্তর-শক্তির কি পরিবর্তন হইবে?

1 আট্মস্ফিয়ার = 1.013×10^6 dynes/cm²

উল্লিখিত সীমার মধ্যে, গড় আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক $(ar{eta}) = 17.8 imes 10^{-5}/^{\circ}\mathrm{C}$

এক গ্রাম-অণু পারদের গড় আয়তন ($\sqrt{
ho}$ = 14.7 cc/mole

এবং স্থির উষ্ণতায় আয়তন সংনমাতার গড়

$$(k_T) = 3.84 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyne}$$

(b) রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় প্রক্রিয়ায় 0°C উষ্ণতায় 1 গ্রাম-অণু পারদের উপর চাপ শূন্য (zero) হইতে 1000 অ্যাট্মস্ফিয়ার বৃদ্ধি করা হইল। ইহার ফলে উহার উষ্ণতার কি পরিবর্তন হইবে ?

শ্বির চাপে আণব তাপগ্রাহিতার গড় $\overline{(C_p)}=6.69 \text{ cal/mole/}^{\circ}\text{C}$ । অন্যান্য উপাত্ত (data) উপরের প্রশ্ন হইতে সংগ্রহ কর।

12. একটি তামার টুকরার উষ্ণতা 0°C। দ্বির উষ্ণতার উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে ইহার উপর চাপ 1 আট্মস্ফিয়ার হইতে বৃদ্ধি করির। 1000 আট্মস্ফিয়ার করা হইল। এই পরিবর্তনের সময় আয়তন-প্রসারণ-গৃণাংক

eta, আরতন সংনম্যতা \mathbf{k}_T এবং খনস্ব ho প্রত্যেকেই স্থির থাকে বলিয়া অনুমান করা বার ; এবং ইহাদের মান,

$$\beta = 5 \times 10^{-5} \text{/°C}$$

 $k_T = 8 \times 10^{-11} \text{ (dynes/cm}^2)^{-1}$
 $\rho = 8.9 \text{ gm/cc}$

এই ক্ষেত্ৰে.

- (a) তামার প্রতি কিলোগ্রামের উপর কি পরিমাণ কার্য করা হইবে ?
- (b) উষ্ণতা স্থির রাখিবার প্ররোজনে উহা কি পরিমাণে তাপ বর্জন করিবে ?
- (c) সম্পাদিত কার্ষের তৃত্তনায় বন্ধিত তাপ বেশী, এই ঘটনাটিকে কি ভাবে ব্যাখ্যা করিবে ?
- (d) চাপের ঐ পরিবর্তন রুদ্ধতাপীয় উপায়ে সম্ভব হইলে উষ্ণতার কি তারতম্য হইবে ?
 - 13. প্রমাণ কর যে,

(a)
$$\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T} = T\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{r} - P$$

= $-TB\beta - P$

সমীকরণটির তাৎপর্য ব্যাখ্যা কর।

- (b) দেখাও বে, ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের জন্য, $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T = \frac{a}{V^s}$ ঐ গ্যাসের আন্তর-শক্তিকে T ও V-এর অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ কর $\mathbf R$ আদর্শ-গ্যাস ও ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের প্রকৃতিগত পার্থকা কি $\mathbf R$
 - 14. গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ

$$P = \frac{RT}{V - h} \cdot \frac{-\sigma}{RTV}$$

দেশাও বে,
$$(\partial U/\partial V)_T = \frac{aP}{RTV}$$

श्रदाक्रनीय नमीकर्रगिरिक श्रमाण करिया मुख ।

15. প্রমাণ কর.

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{T} = -\mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{P} - \mathbf{P} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{T}$$

16. প্রমাণ কর,

(a)
$$U = F - T \left(\frac{\partial F}{\partial T} \right)_{V} = -T^{2} \left(\frac{\partial F/T}{\partial T} \right)_{V}$$

(b)
$$H = G - T \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_P = -T^2 \left(\frac{\partial G/T}{\partial T} \right)_P$$

(c)
$$C_v = -T \left(\frac{\partial^2 F}{\partial T^2} \right)_v$$

(d)
$$C_p = -T \left(\frac{\partial^2 G}{\partial T^2}\right)_P$$

(e) তাপগতীয় অপেক্ষক Z-এর সংজ্ঞা দেওয়া হইল, $Z=\mathrm{F}+\mathrm{PV}$ —এখানে F হয় হেল্মহোংজ অপেক্ষক।

প্রমাণ কর ধে,

$$Z = H + T \left(\frac{\partial Z}{\partial T} \right)_P$$

নবম পরিচ্ছেদ

তাপগতিতত্বের প্রয়োগ

(Application of Thermodynamics)

- 9°1. বিশুদ্ধ সমসম্ভ তত্ত্বে তাপগতিতত্ত্বের প্রক্রোপ (Application of thermodynamics to pure homogeneous system):
- (a) ছির চাপে ভাপগ্রাহিত। (Thermal capacity at constant pressure)—ছির চাপে তলের তাপগ্রাহিতা

$$C_{p} = \left(\frac{\delta Q}{dT}\right)_{P} = T\left(\frac{\delta S}{dT}\right)_{P}$$

এন্ট্রপিকে নিরপেক চল T ও P-এর অপেকক ধরিলে S=S(T,P)

जवर
$$\begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial T} \end{pmatrix}_P \begin{pmatrix} \frac{\partial T}{\partial P} \end{pmatrix}_S \begin{pmatrix} \frac{\partial P}{\partial S} \end{pmatrix}_S = -1$$
जवन $\begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial T} \end{pmatrix}_P = -\begin{pmatrix} \frac{\partial P}{\partial T} \end{pmatrix}_S \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial P} \end{pmatrix}_T$

$$C_{p} = -T \left(\frac{\partial S}{\partial P} \right)_{T} \left(\frac{\partial P}{\partial \bar{\Gamma}} \right)_{S}$$

ম্যান্তভয়েলের চতুর্থ সমীকরণ

$$\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_{T} = -\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P}$$

অতএব
$$C_p = T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_s$$
 ... (9.1)

(b) ছির আয়তনে ভাপগ্রাহিতা (Thermal capacity at constant volume)—ছির আয়তনে তন্তের তাপগ্রাহিতা

$$, = \left(\frac{\delta Q}{dT}\right)_r = T \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_r$$

ভাষের এন্ট্রপি উহার নিরপেক্ষ চল T ও V-এর অপেক্ষক হইলে $S=S\left(T,V\right)$

এবং
$$\left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{r} \left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_{s} \left(\frac{\partial V}{\partial S}\right)_{T} = -1$$
অথবা $\left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{r} = -\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{s} \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T}$

ম্যাক্সওয়েলের তৃতীয় সমীকরণ

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T} = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{F}$$

অতএব $C_{v} = -T \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{F} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{S} \cdots$ (9.2)

(c) স্থির চাপে ভাপগ্রাহিভা ও স্থির আয়তনে ভাপগ্রাহিভার অস্তর (Difference between C_p and C_v) — আয়তন ও উষ্টা তল্মের নিরপেক্ষ চল মনে করিলে S = S (T, V)

তল্রের সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে

$$dS = \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_{V} dT + \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial V \end{pmatrix}_{T} dV$$

$$\therefore C_{F} = \begin{pmatrix} \delta Q \\ dT \end{pmatrix}_{P} = T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_{P}$$

$$= T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_{T} + T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial V \end{pmatrix}_{T} \begin{pmatrix} \partial V \\ \partial T \end{pmatrix}_{P} \qquad (9.3)$$

$$\text{agg} \quad C_v = \begin{pmatrix} \delta Q \\ d T \end{pmatrix}_V = T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_V \qquad \cdots \qquad (9.4)$$

অতএব
$$C_p - C_p = T \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P \cdots$$
 (9.2)

$$= T \begin{pmatrix} \frac{\partial P}{\partial T} \end{pmatrix}_{r} \begin{pmatrix} \frac{\partial V}{\partial T} \end{pmatrix}_{P} \qquad \cdots \qquad (9.6)$$

$$\mathbf{atan}, \ \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{\mathbf{T}} = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{\mathbf{F}}$$

. किंद्र
$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_r = -\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_r \left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_T$$

श्वाः $C_r - C_v = -T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_r^s \left(\frac{\partial P}{\partial V}\right)_s$ (9.7)

বেহেতু $(\partial P/\partial V)_T$ সকল ক্ষেত্রেই ঝণান্মক রাশি এবং $(\partial V/\partial T)_P$ ধনান্মক রাশি সেই কারণে বলা বায় C_p সকল সময়ে C_v অপেক্ষা বড়। উক্ষতা কমিতে থাকিলে C_p ও C_v -র অন্তর কমিতে থাকে এবং শূন্য ডিগ্রী কেল্ভিন উক্ষতায় $(T=0^\circ K)$ C_p ও C_v পরস্পরের সমান। জলের ক্ষেত্রে $4^\circ C$ উক্ষতায় $(\partial V/\partial T)_P=0$, ঐ ক্ষেত্রেও $C_p=C_v$ ।

মাপনযোগ্য অন্যান্য ভৌত রাশির সাহায্যে C, ও C,-এর অন্তরফলকে লেখা বাইতে পারে। বেমন, তল্মের আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক ও সংনম্যতা বধাক্রমে

$$\beta = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$
 s $k_T = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T$

সমীকরণ (9.7)-কে পুনবিন্যাস করিয়া লেখা যায়

$$C_{p} - C_{v} = TV \left[\frac{1}{V^{2}} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P}^{2} \right] \left[-V \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_{T} \right]$$

$$= \frac{VT\beta^{2}}{k_{T}} = \frac{9VT\alpha^{2}}{k_{T}}$$
(9.8)

 α দৈর্ঘ্য-প্রসারণ-গুণাংক এবং $\beta=3\alpha$ । শেষোক্ত রূপটি কেবলমাত্র সমসত্ত্ব কঠিন বন্ধুর ক্ষেত্রে প্রযোজ্য

আদর্শ গ্যাসের জন্ম-

স্তরাং
$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{F} = \frac{R}{V}$$
 এবং $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P} = \frac{R}{P}$

সমীকরণ (9.6)-এ ($\partial P/\partial T)_P$ ও ($\partial V/\partial T)_P$ -এর এই মান বসাইলে

$$C_{\nu} - C_{\nu} = T \frac{R}{V} \frac{R}{P} = R$$
 (9.9)

ভ্যাৰ্ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্ম-

$$\left(P + \frac{a}{V^3}\right)(V - b) = RT$$
একেরে $\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_F = \frac{R}{V - b}$
এবং $\left[-\frac{2a}{V^3} + \frac{RT}{(V - b)^3}\right] \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \frac{R}{V - b}$

$$\therefore C_p - C_v = \frac{\frac{R^2T}{(V - b)^3}}{\frac{RT}{(V - b)^3} - \frac{2a}{V^3}} = \frac{R}{1 - \frac{2a}{V^3} \frac{(V - b)^3}{RT}}$$
বেহেতু সাধারণভাবে $b < < V$,

$$C_p - C_v = \frac{R}{1 - \frac{2a}{RVT}}$$
 (আসল্ল মান)

আবার ৫ একটি ক্ষ্দুরাশি* বলিয়া হরের (denominator) শেষ পদটি 1-এর তুলনায় সাধারণভাবে খুবই ছোট এবং সেই কারণে

$$C_{\nu} - C_{\nu} = R \left(1 + \frac{2a}{RVT} \right) = R + \frac{2a}{VT}$$
 (9.10)

ষধন $T \to \infty$ এবং $V \to \infty$ (অথবা $P \to 0$) তথন দ্বিতীয় পদটি $\to 0$ । অর্থাৎ খুব বেশী উষ্ণতা এবং খুব কম চাপে আদর্শ গ্যাস ও ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের প্রকৃতিগত পার্থক্য কমিয়া আসিবে । অসীম উষ্ণতায় ও শ্না চাপে ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের প্রকৃতি আদর্শ গ্যাসের অনুরূপ হইবে ।

^{* &#}x27;a'-একটি বিশুদ্ধ সংখ্যা (pure number) নর ; কাজেই একক পরিবর্তন করিরা ইচ্ছামড ইহাকে বড় বা ছোট করা বাইতে পারে । আসলে 'a' সম্বানিত পদটির কারণে আদর্শ গ্যাস হইতে বিচ্যুতির পরিমাপ খুব কম হইলে—অর্থাৎ $\frac{a}{V^2} << P$ হইলে a-কে কুন্ত বলা হইবে । ইহাকে একক নিরপেক্ষ (independent of unit chosen) বিচারের নাপকাঠি বলা বাইতে পারে । আবার বেহেতু PV = RT; কাজেই $a/V^2 << \frac{RT}{V}$ অথবা $\frac{a}{VRT} << 1$.

উপান্ধরণ। তরল হাইড্রোজেনের জন্য 20'4°K উক্তায় নিম্নলিখিত উপাত্ত (data) দেওয়া আছে :

$$C_{\mathfrak{p}}=4.53 \text{ cal/mole/°C}$$

1 গ্লাম-অণ্ব আয়তন $=28.2 \text{ cc/mole}$

আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক $=1.60\times10^{-8}$ /°C

আয়তন-বিকৃতি-গুণাংক $=5.13\times10^{8} \text{ kgm/cm}^{2}$
তরল হাইছ্রোজেনের জন্য ঐ উক্তায় $C_{\mathfrak{p}}$ কত হইবে ?

সমীকরণ (9.8) হইতে $C_{\mathfrak{p}}-C_{\mathfrak{p}}=\frac{VT\beta^{2}}{k_{T}}=VT\beta^{2}B_{T}$

প্রশ্ন অনুসারে $B_{T}=5.13\times10^{8} \text{ kgm/cm}^{8}$
 $=5.13\times10^{8}\times980 \text{ dynes/cm}^{8}$
 $\therefore C_{\mathfrak{p}}-C_{\mathfrak{p}}$
 $=\frac{28.2\times20.4\times(1.6\times10^{-2})^{8}\times(5.13\times10^{8}\times980)}{4.2\times10^{7}}$
 $=1.76 \text{ cal}$
 $\therefore C_{\mathfrak{p}}=(4.53-1.76) \text{ cal}$

(b) সমোক্ত সংনম্যতা ও রুদ্ধতাপ সংনম্যতার অনুপাত (Ratio of isothermal and adiabatic compressibilities)—সমোক আয়তন-বিকৃতি-গুণাংক ও সংনম্যতা বথাক্রমে

 $= 2.77 \text{ cal/mole/}^{\circ}\text{C}$

$$\mathbf{B_T} = -\mathbf{V} \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{V}} \right)_T$$
 এবং $\mathbf{k_T} = \frac{1}{\mathbf{B_T}} = -\frac{1}{\mathbf{V}} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}} \right)_T$

ব্লদ্ধতাপ আয়তন-বিকৃতি-গুণাংক ও সংনম্যত। বথাক্রমে

$$B_{s} = -V \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_{s} \text{ det } k_{s} = \frac{1}{B_{s}} = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_{s}$$

$$\therefore \frac{k_{T}}{k_{s}} = \frac{(\partial V/\partial P)_{T}}{(\partial V/\partial P)_{s}} \qquad \cdots \qquad (9.11)$$

P. V. T-এর বে-কোন একটিকে অনা দুইটির অপেক্ষক বলা বার :

তব্দের এন্ট্রপিকে নিরপেক্ষ চল ${f P}$ ও ${f V}$ -এর অপেক্ষক মনে করিলে

$$\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{s} = -\left(\frac{\partial \mathbf{S}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{r} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{S}}\right)_{P}$$

সূতরাং সমীকরণ (9'11) হইতে

$$\frac{\mathbf{k_T}}{\mathbf{k_S}} = \frac{(\partial T/\partial P)_r (\partial V/\partial T)_P}{(\partial S/\partial P)_r (\partial V/\partial S)_P} = \frac{(\partial S/\partial V)_P (\partial V/\partial T)_P}{(\partial S/\partial P)_r (\partial P/\partial T)_r} = \frac{(\partial S/\partial T)_P}{(\partial S/\partial T)_r}$$

উপরের সমীকরণে ডান দিকে হর ও লবকে T-দ্বারা গুণ করিবার পর

$$\frac{\mathbf{k}_{T}}{\mathbf{k}_{s}} = \frac{\mathbf{T}(\partial S/\partial T)_{P}}{\mathbf{T}(\partial S/\partial T)_{V}} = \frac{\mathbf{C}_{p}}{\mathbf{C}_{v}} = \gamma \qquad (9.12)$$

$$\therefore \quad \frac{\mathbf{B}_{s}}{\mathbf{B}_{w}} = \frac{\mathbf{k}_{T}}{\mathbf{k}_{w}} = \frac{\mathbf{C}_{p}}{\mathbf{C}} = \gamma$$

(e) ক্লমভাপ আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক ও ছির চাপে আয়তন-প্রসারণ-গুণাংকের অসুপাত (Ratio of adiabatic to isobaric coefficients of volume expansion)—

সংজ্ঞানুসারে আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক $eta=rac{1}{V}\left(rac{\partial V}{\partial T}
ight)$

$$\therefore \quad \frac{\beta_s}{\beta_P} = \frac{\frac{1}{V} (\partial V/\partial T)_s}{\frac{1}{V} (\partial V/\partial T)_P} = \frac{1}{\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_s \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P}$$

ম্যান্ধওরেলের প্রথম সমীকরণ $\left(\frac{\partial T}{\partial V}\right)_{S}=-\left(\frac{\partial P}{\partial S}\right)_{S}$

$$\therefore \quad \frac{\beta_s}{\beta_P} = \frac{1}{-(\partial P/\partial S)_r(\partial V/\partial T)_P}$$

$$-(\partial P/\partial T)_{r}(\partial T/\partial S)_{r}(\partial V/\partial T)_{p}$$

অধবা
$$\frac{\beta_S}{\beta_P} = \frac{T(\partial S/\partial T)_r}{-T(\partial P/\partial T)_r(\partial V/\partial T)_P} = \frac{C_v}{C_v - C_p}$$
[সমীকরণ (9.6)]

$$\therefore \quad \frac{\beta_s}{\beta_P} = \frac{1}{1 - \gamma} \qquad \qquad \cdots \qquad (9.13)$$

(f) ছির উক্তভায় আয়তনের সহিত C_F -এর পরিবর্তন (Variation of C_F with volume at constant temperature)—ছির আয়তনে তাপগ্রাহিতা

$$C_{\bullet} = \left(\frac{\delta Q}{dT}\right)_{r} = T\left(\frac{\delta S}{\delta T}\right)_{r}$$

$$\therefore \left[\frac{\delta}{\delta V}C_{\bullet}\right]_{r} = T\frac{\delta^{2}S}{\delta V\delta T}$$

ম্যাক্সওয়েলের ততীয় সমীকরণ

$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T} = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{F}$$

$$\therefore \frac{\partial^{2} S}{\partial T \partial V} = \left(\frac{\partial^{2} P}{\partial T^{2}}\right)_{F}$$

dS-একটি সম্পূর্ণ অবকল

$$\therefore \frac{\partial^2 S}{\partial V \partial T} = \frac{\partial^2 S}{\partial T \partial V}$$
অতএব $\left[\frac{\partial}{\partial V}C_v\right]_v = T\left(\frac{\partial^2 P}{\partial T^2}\right)_v$
(9.14)

সমীকরণ (9·14) সাধারণভাবে যে-কোন বিশৃদ্ধ তন্দ্রের জন্য প্রযোজ্য । আদুর্শ গ্যাসের জন্ম —

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_{\nu} = \frac{R}{V}, \quad \left(\frac{\partial^{2} P}{\partial T^{2}} \right)_{\nu} = 0$$

$$\left[\frac{\partial C_{\nu}}{\partial V} \right]_{T} = 0$$

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্ম—

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right) (V - b) = RT$$

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{\nu} = \frac{R}{V - b} \text{ age } \left(\frac{\partial^2 P}{\partial T^2}\right)_{\nu} = 0$$

$$\therefore \left[\frac{\partial C_{\nu}}{\partial V}\right]_{T} = 0$$

আদর্শ গ্যাস ও ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের জন্য C, আয়তনের উপর নির্ভর করিবে না—উহা কেবলমাত্র উষ্ণতার উপর নির্ভর করে।

(g) ছির উষ্ণভায় চাপ পরিবর্তনে C_P -এর পরিবর্তন (Variation of C_P with pressure at constant temperature)—ছির চাপে তাপগ্রাহতা

$$C_{p} = \begin{pmatrix} \delta Q \\ d \tilde{T} \end{pmatrix}_{P} = T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial \tilde{T} \end{pmatrix}_{P}$$
$$\begin{bmatrix} \partial C_{p} \\ \partial \tilde{P} \end{bmatrix}_{T} = T \frac{\partial^{2} S}{\partial P \partial \tilde{T}}$$

ম্যান্তওরেলের চতুর্থ সমীকরণ

$$\begin{pmatrix} \partial S \\ \partial P \end{pmatrix}_T = - \begin{pmatrix} \partial V \\ \partial T \end{pmatrix}_P$$
 , সেজন্য ; $\frac{\partial^S S}{\partial T \partial P} = - \begin{pmatrix} \partial^S V \\ \partial T^S \end{pmatrix}_P$

dS একটি সম্পূৰ্ণ অবকল এবং সেই কারণে,

$$\frac{\partial^{2} S}{\partial P \partial T} = \frac{\partial^{2} S}{\partial T \partial P}$$

$$\therefore \left[\frac{\partial C_{p}}{\partial P} \right]_{T} = -T \left(\frac{\partial^{2} V}{\partial T^{2}} \right)_{P} \qquad (9.15)$$

সাধারণভাবে এই সমীকরণটি বে-কোন বিশৃদ্ধ সমসত্ত্ব তদ্মের জন্য প্রয়োজ্য হইবে।

আদর্শ গ্যাসের জন্য-

$$\left(\frac{\partial^2 V}{\partial T^2}\right)_P = 0$$
 সূতরাং $\left(\frac{\partial C_P}{\partial P}\right)_T = 0$

অর্থাৎ আদর্শ গ্যাসের জন্য C_p কেবলমাত্র উক্তার উপর নির্ভর করে। ভির উক্তার চাপ পরিবর্তন করিলে C_p -এর কোন পরিবর্তন হয় না।

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য---

একেনে $RT \simeq PV - Pb + \frac{a}{V}$ (a, b উভরেই অণু রাশি হওরার $\frac{ab}{V}$ পদটিকে বর্জন করা হইরাছে)

স্থির চাপে সাম্যাবস্থার অণ্য-পরিবর্তনে

$$RdT = PdV - \frac{a}{V^2}dV = \left(P - \frac{a}{V^3}\right)dV$$

$$\text{স্তরাং} \quad \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \frac{R}{\left(P - \frac{a}{V^3}\right)}$$

$$\text{এবং} \quad \left[\frac{\partial^2 V}{\partial T^2}\right]_P = -\frac{R}{\left(P - \frac{a}{V^3}\right)^2} \frac{2a}{V^3} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)$$

$$= -\frac{2aR^3}{V^3 \left(P - \frac{a}{V^3}\right)^3}$$

$$\text{অথবা} \quad \left[\frac{\partial^3 V}{\partial T^2}\right]_P = \frac{-2aR^2}{P^3 V^3 \left(1 - \frac{a}{PV^3}\right)^3} \simeq -\frac{2aR^2}{R^3 T^3 \left(1 - \frac{a}{RTV}\right)^3}$$

a একটি ক্ষুদ্র রাশি এবং সেই কারণে

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের ক্ষেত্রে

$$\left(\frac{\partial C_{p}}{\partial P}\right)_{T} = -T \left[\frac{\partial^{3} V}{\partial T^{3}}\right]_{P} \simeq \frac{2a}{RT^{3}} \left(1 + \frac{3a}{RTV}\right)$$

$$\frac{\partial C_{p}}{\partial P} = -\frac{2a}{RT^{3}} \qquad \cdots \qquad (9.16)$$

 $oldsymbol{a}$ কৃদ্র রাশি বলিয়া $oldsymbol{a}^2$ সমন্তিত পদটিকে বাদ দেওয়া হইরাছে।

(h) ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের রুদ্ধতাপ প্রাসারণ (Adiabatic expansion of a Van-der Waals gas)—প্রথম T-dS সমীকরণ অনুসারে

$$TdS = C_v dT + T \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_v dV$$

উৎদ্রমনীয় রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে dS=0.

$$\therefore C_{v}dT = -T \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{v}dV$$

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের 1 গ্রাম-অণুর জন্য

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_F = \frac{R}{V-b}$$
, সেই কারণে $C_v dT = -\frac{RT}{V-b} dV$ অথবা $C_v \frac{dT}{T} + R \frac{dV}{V-b} = 0$

সমাকলনের সাহায্যে

$$T(V-b) \stackrel{R}{\overline{C}}_v = k_1 \text{ (§544)} \qquad \cdots \qquad (9.17a)$$

অবস্থার সমীকরণ হইতে

$$\left(P + \frac{a}{V^{3}}\right)(V - b) \xrightarrow{C_{v}} = k_{3} (8478) \cdots (9.17b)$$

 $\mathbf{C}_p - \mathbf{C}_v = \mathbf{R}$ লিখিলে আসম সমীকরণ হইবে [সমীকরণ 9.10 দুন্টব্য]

$$T(V-b)^{\gamma-1}=$$
 ধ্রবক ··· (19·18a)

এবং
$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b)^{\gamma} =$$
ছবক \cdots (9.18b)

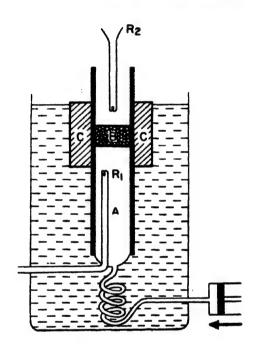
9'2 জুল-উমস্মের সচ্ছিদ্র ঢাকনির পরীক্ষা (Joule-Thomson porous plug experiment) :

আদর্শ গ্যাসের অণুগৃলির পরস্পরের মধ্যে আকর্ষণ বল থাকে না বলিয়া আয়তন-প্রসারণের সময় আণবিক আকর্ষণের বিরুদ্ধে কার্বের প্রয়োজন হয় না। এই কারণে রক্ষতাপ মৃক্ত প্রসারণে ঐ জাতীর গ্যাসের আন্তর-শক্তি অপরিবর্তিত থাকে। আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তির সমস্ভটুকুই অণুগৃলির গতিশক্তি এবং সেই কারণে রক্ষতাপ মৃক্ত প্রসারণে আদর্শ গ্যাসের উক্তার কোন তারতম্য হয় না। অন্যভাবে বলা বার আদর্শ গ্যাসের আন্তর-শক্তি আরতন নিরপেক্ষ, কিন্তু উক্তার উপর নির্ভরশীল—অথবা $(\partial U/\partial V)_T=0$ ।

জ্বের প্রথম দিকের পরীক্ষা হইতে (4'8 অনুচ্ছেদে আলোচিত) উপরোক্ত সিদ্ধান্তপূলি গ্রহণ করা সম্ভব হইয়াছে। বস্তৃতঃ কোন গ্যাসই আদর্শ গ্যাসের সর্ত মানিবে না। আপাতদৃথিতৈ জ্বুলের পরীক্ষার ফলাফল সেই কারণে বিদ্রান্তিকর। আয়তন পরিবর্তনে গ্যাসের উক্ষতার যে সামান্য পরিবর্তন হয়, পরীক্ষার বন্দোবন্তের ফুটির কারণে সেই সামান্য পরিবর্তন ধরা যায় না। পরবর্তনিলে উল্লত ধরনের পরীক্ষার সাহায্যে জ্বুল ও টমসন উচ্চ চাপ হইতে গ্যাস নিম্নচাপে প্রবাহিত হওয়ার দরন্দ উহার উক্ষতার কোন তারতম্য হয় কি না তাহা ক্রির করেন। ঐ পরীক্ষার গ্যাসকে পর্যাপ্ত চাপে সংনমিত করিয়া সক্র ছিদ্রপথে (সাচ্ছিদ্র ঢাকনির মধ্য দিয়া) স্বন্ধ চাপে ছাড়িয়া দিয়া গ্যাসের উক্ষতার পরিবর্তন মাপা হয়। এই পরীক্ষাটিকে জ্বল-টমসনের সাচ্ছদ্র ঢাকনির পরীক্ষা বলা হয়। পরীক্ষার মূল বন্দোবন্ত (৪'2) অনুচ্ছেদে এন্থ্যাল্পি প্রসঙ্গে আলোচিত হইয়াছে। বাস্তবে জ্বল-টমসনের সাচ্ছদ্র ঢাকনির পরীক্ষাটি এইরূপ—

উচ্চ চাপে গ্যাসকে প্রথমে তাপ-স্থাপিতে নিমন্ত্রিত তামার সাঁপল নলের (spiral tube) মধ্যে পাঠানো হইবে। ইচ্ছামত তাপ-স্থাপির উক্তরা নিরন্দ্রণ করিয়া গ্যাসকে বে-কোন উক্তায় রাখা সম্ভব। সাঁপল নল হইতে বাহির হওয়ার পরে গ্যাস মূল নল A-তে প্রবেশ করে (চিত্র 9'1), এবং উপরের দিকে অগ্রসর হয়। মূল নলের কিছু অংশে দুইটি তারের জালির মধ্যে সিল্ফ অথবা তুলা আটকানো আছে (চিত্রে B অংশ)। ইহা সচ্ছিদ্র ঢাকনির কার্য করে। নলের ঐ অংশকে ঘিরিয়া একটি মোটা টিনের নল C রহিয়াছে। দুইটি নলের অর্বতা স্থান অ্যাস্বেশ্টস অথবা অন্য কোন তাপ কু-পরিবাহীর দ্বারা ভাত করা হয়। এইভাবে তাপ-স্থাপ হইতে তাপ-পরিবহণ বন্ধ করা হইবে। ঢাকনিকে অভিক্রম করিবার অব্যবহিত পূর্বে ও পরে গ্যাসের উক্তা মাপা হয়। সাঁপল নলের সহিত যুক্ত গেজের (gauge) সাহাব্যে গ্যাসের প্রার্ভিক চাপ P, মাপা হইবে। আত্ম অবস্থায় গ্যাসের চাপ P, বানুমণ্ডলের চাপের সমান।

প্রমাণ করা হইরাছে যে (8.2 অনুচ্ছেদ) এই পরীক্ষার প্রারম্ভিক ও অভিম অবস্থার গ্যাসের এন্থ্যাক্ষিপ বা মোট তাপ সমান—অর্থাৎ $H_j = H_i$ । মোট তাপের কোন পরিবর্তন না হওয়া সত্বেও এই পরীক্ষার দেখা যার উচ্চচাপ অংশ হইতে সচ্ছিদ্র ঢাকনির ভিতর দিয়া নিম্নচাপ অংশে চলিয়া আসার পর গ্যাসের উক্তার পরিবর্তন হইরাছে। এই পদ্ধতিতে গ্যাসের উক্তা-



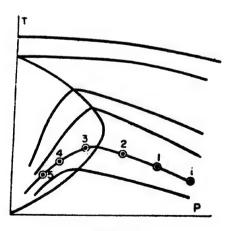
ठिख ५1

পরিবর্তনকে জ্ল-টমসনের প্রভাব (Joule-Thomson effect) বলে। ভিন্ন এন্থ্যাল্পি অবস্থার চাপের সহিত উষ্ণতা পরিবর্তনের হারকে জ্ল-টমসনের গৃণাংক (Joule-Thomson coefficient) বলা হইবে। জ্ল-টমসনের গৃণাংক $\mu = (\partial T/\partial P)_H$ ।

স্বাভাবিক উক্তার স্থ্প-টমসনের পরীক্ষাতে হাইড্রোজেন ও হিলিয়াম ব্যতীত অন্যান্য গ্যাস শীতল হয়। কেবলমাত্র ঐ দুইটি গ্যাসের উক্তা বৃদ্ধি পার। বিভিন্ন উক্তার বিভিন্ন গ্যাস লইয়া পরীক্ষা করিয়া দেখা বার বে, একটি নিদিণ্ট উক্তার (একটি গ্যাসের জন্য নিদিণ্ট কিন্তু বিভিন্ন গ্যাসের জন্য বিভিন্ন) কমে পরীক্ষাটি অনুষ্ঠিত হইলে গ্যাসের উক্তা হ্রাস পাইবে। পকারের প্রারম্ভিক উক্তা ঐ উক্তার চেরে বেশী হইলে গ্যাসের উক্তা বৃদ্ধি পার, এবং এবং ঐ উক্তাতে পরীক্ষা করিলে গ্যাসের উক্তার কোন পরিবর্তন হর না। গ্যাসের ঐ উক্তাকে উৎক্রম উক্তা বা বিলোমক উক্তা (inversion temperature) বলা হইবে। জ্ল-টমসনের পরীক্ষার সিদ্ধার হইবে—

- (i) নির্দিন্ট চাপ এবং উষ্ণতার (প্রারম্ভিক) কোন গ্যাস শীতল হইবে কি উত্তপ্ত হইবে, তাহা নির্ভর করে গ্যাসের প্রকৃতির উপর ।
- (ii) নির্দিন্ট প্রারম্ভিক চাপে গ্যাস উত্তপ্ত হইবে কি শীতল হইবে, তাহা নির্ভর করে গ্যাসের উক্টতার (প্রারম্ভিক) উপর ।
- (iii) নির্দিণ্ট উষ্ণতার গ্যাসের উত্তপ্ত বা শীতল হওয়া নির্ভর করে গ্যাসের (প্রারম্ভিক) চাপের পরে।

মনে করি, গ্যাসের প্রারম্ভিক উক্ষতা T_i ও চাপ P_i ; এবং অন্তিম চাপ P_j । পরীক্ষাতে T_i ও P_i অপরিবর্তিত রাখিয়া P_j -এর পরিবর্তনে T_j -এরও পরিবর্তন হয়। কিন্তু অন্তিম অবস্থাগৃলি পৃথক্ হওয়া সম্বেও গ্যাসের এন্থ্যাল্পি একই হইবে এবং ঐ এন্থ্যাল্পি হইবে প্রারম্ভিক অবস্থায় গ্যাসের এন্থ্যাল্পির সমান। T-P লেখটিতে গ্যাসের প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থা i-বিন্দু দ্বারা স্টিত

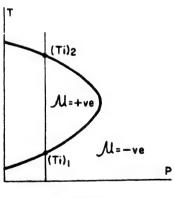


fbu 9:2

হইরাছে (চিত্র 9 2)। আরতন-প্রসারণের পরবর্তী একই এন্থ্যাল্পির করেকটি অবস্থা 1 হইতে 5 পর্বত্ব সংখ্যার দ্বারা নির্দেশ করা হইরাছে। প্রকৃতপক্ষে এক্রপ অসংখ্য বিন্দু কল্পনা করা যাইতে পারে। এই বিন্দুগুলির সংযোগকারী

রেখাটিকে ছির এন্থ্যাল্পি লেখ বা কেবলমাত্র এন্থ্যাল্পি লেখ (isenthalpic diagram) বলে । গ্যাসের প্রারম্ভিক সাম্যাবন্ধার পরিবর্তন হইলে, বেমন উচ্চ চাপ অংশে গ্যাসের চাপ ছির রাখির। উক্তা পরিবর্তন করিলে এন্থ্যাল্পি লেখটিও পরিবর্তিত হইবে । চিত্র (9:2)-এ একই গ্যাসের জন্য করেকটি এন্থ্যাল্পি লেখ দেখানো হইয়াছে । এন্থ্যাল্পি লেখ-র কোন বিন্দৃতে স্পর্শকের নতি হইবে ঐ চাপ ও উক্তায় গ্যাসের জ্লা-টমসন গুণাংক $\mu = (\partial T/\partial P)_H$ ।

চিত্র হইতে দেখা যায় যে, এন্থ্যাল্পি লেখ-র উপর একটি করিয়া নির্দিন্ট বিন্দৃতে $\mu=0$, অর্থাং ঐ বিন্দৃতে স্পর্শকটি P-অক্ষের সমান্তরাল । $\mu=0$ বিন্দৃর সঞ্চারপথ হইবে একটি অধিবৃত্ত বা parabola । অধিবৃত্তের অন্তঃস্থ বিন্দৃতে $\mu>0$ এবং বহিঃস্থ বিন্দৃতে $\mu<0$ হইবে । এই পরীক্ষাতে dP=-Ve (ঝণাত্মক), কারণ $P_{f}< P_{e}$ । সূতরাং $\mu=+Ve$ (ধনাত্মক) হওয়ার অর্থ হইল dT=-Ve । ঐ অবস্থার গ্যাস সচ্ছিদ্র ঢাকনির ভিতর দিয়া উচ্চ চাপ হইতে নিমু চাপে চালিত হইলে উহার উক্ষতা হাস পাইবে । পক্ষান্তরে অধিবৃত্তের বহিঃস্থ বিন্দৃতে $\mu=-Ve$ হওয়ার অর্থ হইল জ্বল-টমসনের পরীক্ষাতে গ্যাসের উক্ষতা বৃদ্ধি পাইবে । কিছুদ্র পর্যন্ত P-অক্ষের উপর কোন বিন্দৃতে T-অক্ষের সমান্তরাল রেখা অব্দেন করিলে



60 9.3

উহা আধব্তকে দৃইটি বিন্দৃতে ছেদ করিবে (চিত্র 9°3)। ইহার অর্থ একটি নিন্দিট চাপে দৃইটি পৃথক্ উক্তার μ=0। অবর উৎক্রম উক্তার (at lower inversion temperature) μ ঝ্লাত্মক রাশি হইতে ধনাত্মক রাশির দিকে অগ্নসর হয় । উক্তা $(T_i)_1$ অপেকা কম হইলে স্থ্ল-টমসনের পরীক্ষাতে গ্যাস উত্তপ্ত হইবে এবং উক্তা $(T_i)_1$ অপেকা বেশী হইলে গ্যাস শীতল হইবে । উক্তা $(T_i)_2$ -তে (at higher inversion temperature) μ ধনাম্মক রাশি হইতে ঝণাম্মক রাশির দিকে অগ্নসর হইতে থাকে । গ্যাসের উক্তা $(T_i)_1$ ও $(T_i)_2$ -এর মধ্যে থাকিলে জ্ল-টমসনের পরীক্ষায় গ্যাস শীতল হয় এবং উহার বাহিরে গ্যাস উত্তপ্ত হইবে । উৎক্রম উক্তা T_1 ও T_2 -তে গ্যাসকে লইয়া পরীক্ষা করিলে উক্তার কোন পরিবর্তন হয় না । গ্যাসের চাপ বৃদ্ধি পাইতে থাকিলে দৃইটি উৎক্রম উক্তার অন্তর কমিতে থাকে । শেষ পর্যন্ত গ্যাসের চাপ একটি প্রান্তক মান অতিক্রম করিবার পর জ্ল-টমসনের পরীক্ষাতে গ্যাস সকল সময়ে উত্তপ্ত হইবে । খৃব কম উক্তাতে পরীক্ষা না চালানো পর্যন্ত কেবল একটিমার উৎক্রম উক্তা লক্ষ্য করা যায় । হাইড্রোজেন ও হিলিয়ামের ক্রেটে উৎক্রম উক্তা (T_i)-ও খৃব কম বিলয়া [বলা বাহলা যে, $(T_i)_1$ আরও কম] স্বাভাবিক উক্তায় ঐ সকল গ্যাস উত্তপ্ত হয় । ঐ গ্যাস-দৃইটিকে প্রথমেই উহাদের উৎক্রম উক্তা হ্রাস পাইবে ।

জুল-টমসনের পরীক্ষার ব্যাখ্যা—পূর্বেই প্রমাণ করা হইয়াছে যে. জুল-টমসনের পরীক্ষার প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থাতে গ্যাসের এন্থ্যাল্পি একই থাকে—অর্থাৎ $H_f=H_i$ । সাধারণভাবে গ্যাসের সাম্যাবস্থার পরিবর্তনে এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন

$$dH = dU + PdV + VdP$$

$$= TdS + VdP \qquad \qquad (9.19)$$

গ্যাসের এন্ট্রণি উহার চাপ ও উষ্টতার অপেক্ষক মনে করিলে $S=S\left(T,P\right)$, এবং সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে

$$dS = \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{P} dT + \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_{T} dP$$

$$\therefore TdS = T\left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{P} dT + T\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_{T} dP$$

$$= C_{P} dT - T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P} dP \qquad \cdots \qquad (9.20)$$

[সারাওরেলের সমীকরণের সাহায্যে]। সমীকরণ (9·19) ও (9·20)-কে একর করিরা

$$dH = C_p dT \left[T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P - V \right] dP$$

ম্বৃল-টমসনের পরীক্ষার dH=0, এবং সেই কারণে

$$C_p dT_H = \left[T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P - V\right] dP_H$$
 अथवा, $\mu = \left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_H = \frac{1}{C_p} \left[T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P - V\right]$ ··· (9.21)

আদর্শ গ্যাসের জন্য $[T(\partial V/\partial T)_P - V] = 0$, এই কারণে জুলটমসনের পরীক্ষাতে আদর্শ গ্যাসের উষ্ণতার কোন পরিবর্তন হয় না। বাস্তবে
কোন গ্যাসই আদর্শ গ্যাসের সর্ত পূরণ করে না।

সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে গ্যাসের এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন

$$d\mathbf{H} = \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{T} d\mathbf{P} + \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{P} d\mathbf{T}$$

ম্বৃল-টমসনের পরীক্ষাতে $d\,\mathrm{H}=0$ এবং সেইজন্য

$$\left(\frac{d\mathbf{T}}{d\mathbf{P}}\right)_{H} = -\frac{(\partial \mathbf{H}/\partial \mathbf{P})_{T}}{(\partial \mathbf{H}/\partial \mathbf{T})_{P}} = -\frac{1}{C_{p}} \left(\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{T}$$
 অথবা $\mu = -\frac{1}{C_{p}} \left[\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{P}}\right]_{T} + \left\{\frac{\partial}{\partial \mathbf{P}} \quad \mathbf{PV} \quad \right\}_{T} \quad \cdots \quad (9.22)$

সমীকরণ (৪·34)-এর সাহায্যে সমীকরণ (9·21) হইতে সরাসরি (9·22)-এ পৌছানো যাইতে পারে। উপরের সমীকরণটিকে অন্যভাবে লেখা বায়

$$\mu = -\frac{1}{C_n} \left[\left(\frac{\partial U}{\partial V} \right) \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T + \left\{ \frac{\partial}{\partial P} \ PV \right\}_T \right] \quad \cdots \quad (9.23)$$

সমীকরণ (9.22) অথব। (9.23)-এর ডান দিকের প্রথম পদটি জ্লের সূত্র হইতে এবং দিতীর পদটি বরেলের সূত্র হইতে গ্যাসের বিচ্যাত নির্দেশ করে। এই দৃই সূত্র :অনুসারে পদ-দৃইটির উভরেই শ্ন্য (zero) হইবে। এই কারণে বলা বার বে, জ্ল-টমসনের প্রভাব হইতেছে, জ্লের সূত্র ও বরেলের সূত্র হইতে বাজব গ্যাসের বিচ্যাতির বৌথ ফল।

বান্তব গ্যাসের ক্ষেত্রে $(\partial U/\partial V)_T$ ধনাত্মক রাশি । ভ্যান্-ভার ওরালস গ্যাসের জন্য ন্থির উক্তার $(\partial U/\partial V)_T = \frac{a}{V^2}$, কিছু $(\partial V/\partial P)_T$ সকল সমরেই একটি ঝণাত্মক রাশি । অতএব সমীকরণ (9.22)-এর প্রথম পদটি ঝণাত্মক রাশি হইবে ৷ অ্যামাগাটের পরীক্ষা হইতে দেখা যার বে, গ্যাসের উক্তা, উহার বয়েল-উক্তার কম হইলে চাপ কিছুদূর পর্যন্ত $\left[\frac{\partial}{\partial P}PV\right]_T$ ঝণাত্মক রাশি ৷ এই অবস্থায় μ ধনাত্মক রাশি এবং জ্ল-উমসনের পরীক্ষাতে গ্যাস শীতল হইবে ৷ গ্যাসের উক্তা, বয়েল-উক্তার বেশী হইলে যে-কোন চাপে এবং বয়েল-উক্তার কমে খ্ব বেশী চাপে $\left[\frac{\partial}{\partial P}PV\right]_T$ ধনাত্মক রাশি ৷ এবং ঐ দুইটি অবস্থাতে জ্ল-উমসন পরীক্ষায় গ্যাস

(i) শীতল হইবে যদি, $(\partial \mathrm{U}/\partial \mathrm{P})_T > \begin{bmatrix} \partial \\ \partial \mathrm{P} \end{bmatrix}_T$

এবং (ii) উত্তপ্ত হইবে যদি, $(\partial U/\partial P)_T < \left[\frac{\partial}{\partial P} PV \right]_T$

হাইন্ত্রোজেন ও হিলিয়ামের ক্ষেত্রে বরেল-উক্ত। যথান্রমে $-167^{\circ}\mathrm{C}$ এবং $-254^{\circ}\mathrm{C}$ । বার্মগুলের স্বাভাবিক উক্ত। ইহাদের বরেল-উক্তার চেরে অনেক বেশী, সেই কারণে ঐ দুইটি গ্যাসের ক্ষেত্রে স্বাভাবিক উক্তার চাপ যাহাই হউক না কেন $\begin{bmatrix} \frac{\partial}{\partial P} & PV \end{bmatrix}_T$ ধনাত্মক রাশি। উপরম্ব যেহেতু এই অবস্থার, $\begin{bmatrix} \frac{\partial}{\partial P} & PV \end{bmatrix}_T > (\partial U/\partial P)_T$, জ্ল-উমসনের পরীক্ষাতে উহারা উত্তপ্ত হইরা থাকে। প্রথমেই এই দুইটি গ্যাসকে শীতল করিরা উহাদের বরেল-উক্তা অপেক্ষা কম উক্তার আনিলে কম চাপে $\begin{bmatrix} \frac{\partial}{\partial P} & PV \end{bmatrix}_T$ ঝণাত্মক রাশি হইবে এবং সেই সমর জ্ল-উমসনের পরীক্ষাতে এই সকল গ্যাসের উক্তা হ্রাস পাইবে। নাইট্রোজেন, অক্সিজেন, কার্বন ডাই-অক্সাইড ইত্যাদি গ্যাসের বরেল-উক্তা স্বাভাবিক উক্তার চেরে অনেক বেশী। কম চাপে বার্মগুলীর উক্তার ইহাদের লইরা জ্ল-উমসনের পরীক্ষা করা হইলে গ্যাসের উক্তা হ্রাস পাইবে।

পরীক্ষার নির্দিন্ট চাপ ও উক্তার $(\partial \mathrm{U}/\partial \mathrm{P})_{x} = - \left[\frac{\partial}{\partial \mathrm{P}} \; \mathrm{PV} \right]_{x}$ হইলে

μ=0, এবং ঐ অবস্থাতে গ্যাসের উক্ষতার কোন পরিবর্তন হয় না। অর্থাৎ ক্ষেরে সূত্র ও বয়েলের সূত্র হইতে বাস্তব গ্যাসের বিচুর্যাত সমান ও বিপরীতমুখী হইলে গ্যাসের উক্ষতা দ্বির থাকে। নির্দিন্ট চাপে যে উক্ষতায় এই সর্ত
পালিত হইবে সেই উক্ষতাকে ঐ চাপে উৎক্রম উক্ষতা বা বিলোমক উক্ষতা
বলে। ফ্লে-টমসনের পরীক্ষায় ব্যবস্থাত গ্যাস ভ্যান্-ভার ওয়ালসের সমীকরণ
অনুসরণ করে ধরিয়া লইলে প্রমাণ কর। যায় যে, নির্দিন্ট চাপে দুইটি ভিল্ল
উক্ষতায় μ শূন্য হইবে।

ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের জন্য

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT$$
 [1 গ্রাম-অণু]
$$\therefore \left(P - \frac{a}{V^2} + \frac{2ab}{V^3}\right) \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = R$$
অথবা $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = \frac{RV^3(V - b)}{RTV^3 - 2a(V - b)^3}$

সমীকরণ (9.21)-এ ($\partial V/\partial T$) $_{F}$ -এর এই মান বসাইলে

$$\mu = \frac{1}{C_{p}} \left[\frac{RTV^{3}(V - b)}{RTV^{3} - 2a(V - b)^{2}} - V \right]$$

$$= \frac{1}{C_{p}} \left[\frac{2aV(V - b)^{2} - RT^{b}V^{3}}{RTV^{3} - 2a(V - b)^{2}} \right]$$

$$= \frac{1}{C_{p}} \left[\frac{2a\left(1 - \frac{b}{V}\right)^{2} - b}{1 - \frac{2a}{RTV}\left(1 - \frac{b}{V}\right)^{2}} \right] \cdots \qquad (9.24)$$

ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের ক্ষেত্রে a ও b উভয়েই ক্ষুদ্র রাশি, এই অবস্থায় T খুব বেশী হইলে μ -এর আসল্ল মান হইবে

$$\frac{1}{C_p} \left(\frac{2a}{RT} - b \right) \qquad \cdots \qquad (9.25)$$

 $\frac{2a}{RT} < b$ হইলে μ ঝণাম্মক রাশি—এক্ষেত্রে গ্যাস উত্তপ্ত হইবে।

কম উক্তার $\frac{2a}{RT}>b$ এবং μ ধনাম্মক রাগি , ফলে গ্যাসের উক্তা হ্রাস পাইবে । $\frac{2a}{RT}=b$ হইলে $\mu=0$, ঐ উক্তার পরীক্ষা করিলে গ্যাসের উক্তার কোন তারতমা হর না ।

উৎক্রম উক্তা
$$T_i = \frac{2a}{Rb}$$
 ... (9.26)

সমীকরণ (9.25) একটি স্থুল সমীকরণ (approximate equation)। দেখা গেল, কেবলমাত্র একটি নিদ্দি উক্ষতার $\mu=0$ । কিন্তু প্রকৃতপক্ষে দৃইটি পৃথক্ উক্ষতার ইহা সম্ভব। যে সর্ত সাপেকে সমীকরণ (9.25)-এ পৌছানো গিরাছে তাহা লক্ষ্য করিয়া বলা যায় যে, দৃইটি উৎক্রম উক্ষতার মধ্যে যেটি বড় ঐ সমীকরণ কেবলমাত্র সেই মানটিকে নির্দেশ করে। উল্লেখ করা হইয়াছে যে, স্থুল সমীকরণ (9.25) বস্তুতপক্ষে উক্ষতা খ্ব বেশী হইলে প্রযোজ্য হইবে—এই কারণে অবর উৎক্রম উক্ষতার সর্ত সমীকরণ (9.25) হইতে পাওয়া সম্ভব নয়। মূল সমীকরণ (9.24) পর্যালোচনা করিলে দৃইটি উৎক্রম উক্ষতা সম্পর্কে নিশ্চিত হওয়া যায়।

উৎক্রম উষ্ণতা T_i -তে $\mu\!=\!0$ এবং সেই কারণে $(9^{\circ}24)$ হইতে লেখা বার

$$T_{i} = \frac{2a}{Rb} \left(1 - \frac{b}{V} \right)^{s} \qquad \cdots \qquad (9.27)$$

অতএব উৎক্রম উক্তায় ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের চাপ ও আয়তনের সম্পর্ক হইবে

$$P = \frac{a}{b} \left(\frac{2}{V} - \frac{3b}{V^2} \right) \qquad \cdots \qquad (9.28)$$

ইহা V-এর একটি বিঘাত সমীকরণ। সৃতরাং $\mu\!=\!0$ এই সর্ত-সাপেক্ষেনিদিন্ট চাপ P-তে গ্যাসের দৃইটি পৃথক্ আয়তন থাকিতে পারে—অর্থাৎ একই চাপে দৃইটি ভিন্ন উক্তাতে $\mu\!=\!0$ হওরা সম্ভব। P কখনই ঝণাত্মক নয়, $P\!=\!0$ হইলে উৎক্রম উক্তায় গ্যাসের আয়তন হইবে $V\!=\!\infty$ ও $V\!=\!\frac{3b}{2}$ ।

$$V = \infty \text{ exten } T_i = \frac{2a}{Rb} \qquad \cdots \qquad (9.29)$$

$$V = \frac{3b}{2}$$
 হইলে $T_i = \frac{2a}{9Rb}$... (9.30)

অর্থাৎ P=0 এই অবস্থায় গ্যাসের দুইটি উৎক্রম উকতা হইবে, $(T_i)_1=2a/9Rb=.75T_o$ এবং $(T_i)_2=2a/Rb=6.75T_o$, এখানে T_o সম্কট-উকতা বা critical temperature । চাপ বৃদ্ধির সক্ষে অবর উৎক্রম উকতা $(T_i)_1$ বৃদ্ধি পায় কিন্তু ইহার ফলে দ্বিতীয় উৎক্রম উকতা $(T_i)_2$ হ্রাস পাইবে (চিন্ন 9.3)। অতএব উৎক্রম উকতার সর্বোচ্চ মান হইতে পারে (T_i) max=2a/Rb। কিন্তু গ্যাসের চাপ বতই কম হউক না কেন কখনই শ্ন্য হইবে না । সেই কারণে, বস্তুতঃ $(T_i)max<2a/Rb$ ।

জ্ল-টমসন পদ্ধতিতে প্রসারণ ও রুজতাপ-প্রসারণ কোন ক্ষেত্রেই গ্যাস পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের সহিত তাপ-বিনিময় করে না। রুজতাপ-প্রসারণ উৎক্রমনীয় অথবা অনুৎক্রমনীয় দৃই-ই হইতে পারে, কিন্তু জ্ল-টমসন পদ্ধতিতে গ্যাসের প্রসারণ অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তন। জ্ল-টমসন পরীক্ষায় প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থাতে এন্থ্যাল্পি একই থাকে, পক্ষান্তরে রুজতাপ উৎক্রনীয় পরিবর্তনে এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হয় না। এই দৃইটি পরীক্ষায় অন্যান্য কয়েকটি পার্থক্য উল্লেখ করা যাইতে পারে—বেমন,

- রুদ্ধতাপ-প্রসারণে গ্যাসের (আদর্শ বা বাস্তব গ্যাস যাহাই হউক না কেন) উক্ষতা হ্রাস পায়। সচ্ছিদ্র ঢাকনির পরীক্ষাতে আদর্শ গ্যাসের উক্ষতার কোন পরিবর্তন হয় না। কিল্বু বাস্তব গ্যাসের জন্য উক্ষতা-বৃদ্ধি বা হ্রাস দুই-ই হইতে পারে।
- 2. রুদ্ধতাপ-প্রসারণে গ্যাস সাধারণতঃ বহিঃকার্য করে, কিন্তু জ্বল-টমসনের পরীক্ষার গ্যাস কেবলমাত্র আণবিক আকর্ষণের বিরুদ্ধে কার্য করিবে (internal work)। সেই কারণে রুদ্ধতাপ-প্রসারণে দ্রুত হারে উক্তার পরিবর্তন হয়।

উদাহরণ 1. 0°C উক্তার অক্সিজেন গ্যাসের স্কৃল-টমসন গৃণাংক কত ? অক্সিজেনকে ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাস চিন্তা কর এবং ইহার জন্য,

 $a=1.36\times10^6$ atmos \times cm⁶

b = 32 cc, $C_p = 7.03$ cal

$$\mu = \left(\frac{AT}{AP}\right) = \frac{1}{C_p} \left[\frac{2a}{RT} - b\right]$$

$$= \frac{1}{7.03 \times 4.2 \times 10^7} \left[\frac{2 \times 1.36 \times 10^6 \times 1.013 \times 10^6}{8.3 \times 10^7 \times 273} - 32\right]$$

$$C/dynes/cm^2$$

$$= \frac{1.013 \times 10^6}{7.03 \times 4.2 \times 10^7} [121.3 - 32] C/atmos.$$

$$= 306 C/atmos.$$

2. হাইন্সোজেনের উৎক্রম উক্তা হিসাব কর। হাইন্সোজেনের জন্য, $a=245 \times 10^{6} \ {
m atmos} \times {
m cm}^{6}$

$$b = 26.7 \text{ cc}$$

$$T_{i} = \frac{2a}{Rb} = \frac{2 \times .245 \times 10^{6} \times 1.013 \times 10^{6}}{8.3 \times 10^{7} \times 26.7} \text{ } \text{'K}$$

= 224 °K

পরীক্ষা হইতে দেখা যায় হাইড্রোজেনের উৎক্রম উক্তা প্রায় $190\,^\circ\mathrm{K}$ । পরীক্ষায় এই বিচ্যুতির প্রধান কারণ হইল এই যে—হাইড্রোজেনের ক্ষেত্রে a/b অনুপাতটি খুবই কম। অর্থাৎ এক্ষেত্রে আকর্ষণ বল সামান্য মাত্র, এবং খুব কম উক্তা ব্যতীত বিকর্ষণ বল এই তুলনায় অনেকগৃণ বেশী। হিলিয়ামের ক্ষেত্রেও এইরূপ বিচ্যুতি দেখা যায়।

3. এক গ্রাম-অণু পরিমাণ কোন গ্যাস ন্থির উক্তায় 1 atmos. হইতে 20 atmos. চাপে সংনমিত হইলে এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন হিসাব কর।

জ্ল-টমসন গুণাংক $\mu = 1.08^{\circ}\text{C/atmos}$. এবং ন্থির চাপে আণব তাপ $\text{C}_{\bullet} = 8.6 \text{ cal}$

$$\mu = -\frac{1}{C_{p}} \left(\frac{\partial H}{\partial P} \right)_{T}$$

$$\therefore (\Delta H)_{T} = -\mu C_{p} \Delta P$$

$$= -(1.08 \times 8.6 \times 4.2) \times 19 \text{ joules}$$

$$= -741 \text{ joules}$$

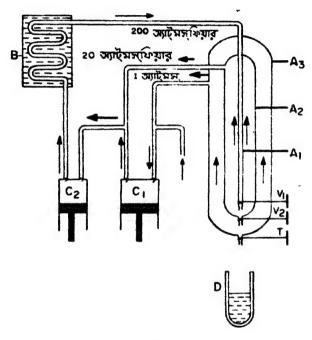
একেরে এন্থ্যাল্পি হ্রাস পাইবে।

- 9°8. জুল-উমসনের সচিত্রত ঢাকনির পরীক্ষার প্রস্থোপ (Application of Joule-Thomson porous plug experiment) :
- (a) জুল-টমসনের প্রভাবে শীতলীকরণ (Cooling by Joule-Thomson effect)—

স্থল-টমসনের পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে কাজে লাগাইয়া গ্যাসের তরলীকরণ সম্ভব হইরাছে। কোন গ্যাসকে তরল করিতে গেলে প্রথমেই উহার উক্ষতা ঐ গ্যাসের সক্কট-উক্ষতার নিচে নামাইয়া আনিতে হইবে। পরে ঐ শীতল গ্যাসের উপর একটি ন্যুনতম চাপ প্রয়োগ করিলে গ্যাস তরলে রূপান্তরিত হইবে। উক্তা সক্কট-উক্ষতার যত নিচে থাকিবে তরলীকরণের জন্য প্রয়োজনীয় চাপ ততই কম হইবে।

বেশী চাপ প্রয়োগের নানাবিধ অসুবিধা থাকায় গ্যাসকে যথেষ্ট পরিমাণে শীতল করিয়া তরলীকরণে অগ্রসর হইতে হইবে। হাইড্রোজেন ও হিলিয়াম গ্যানের সঞ্চট-উষ্ণতা যথান্রমে – 240° C ও – 267° C, সেই কারণে ইহাদের উষ্ণতা প্রথমেই যথেষ্ট হ্রাস করিতে না পারিলে উহাদের তরলীকরণ কিছুতেই সম্ভব হইবে না । জুল-টমসন পদ্ধতিতে বিভিন্ন গ্যাসকে তরলীভূত করিতে যে সকল পরীক্ষা করা হইয়াছে সংক্ষেপে উহাদের কয়েকটির সম্পর্কে এখানে আলোচনা করা হইল। অধিকাংশ গ্যাসের জন্য জ্বল-টমসনের গুণাংক খুবই কম। বেমন, বায়ুর জন্য 20° C উক্ষতায় $\mu = 24$ —অর্থাৎ ঐ উক্তায় উচ্চচাপ অংশে বায়ুর চাপ 50 অ্যাত্মসফিয়ার বা বায়ুমগুলের চাপের 50 গুণ এবং সচ্ছিদ্র ঢাকনির অন্য পার্শ্বে বায়ুমগুলের চাপ—এই অবস্থায় জ্বল-টমসনের পরীক্ষাতে বায়ুর উষ্ণতা মাত্র 12°C হ্রাস পাইবে । ঢাকনির একদিকে চাপ 200 অ্যাট্মসফিয়ার এবং অন্যদিকের চাপ 1 অ্যাট্মসফিয়ার উক্তার পরিবর্তন 50°C-এরও কম হইবে। এইজনা গ্যাসের উক্তা যথেন্ট হ্রাস করিতে পর্যায়ক্রমে শীতলীকরণ ব্যবস্থার (regenerative cooling) সাহাষ্য লইতে হইবে। জ্বল-টমসনের পদ্ধতিতে গ্যাস প্রথমে শীতল হওয়ার পর দ্বিতীয় বার জ্বল-টমসন পদ্ধতিতে উহার উষ্ণতা আরও হ্রাস করা বাইতে পারে। এইভাবে একই গ্যাসকে বারংবার শীতল করিতে থাকিলে অবশেষে উহার উক্তা সংক্ট-উক্তার নিচে নামিয়া আসিবে—তথনই উপযুক্ত চাপ প্রায়েগ করিলে উহা তরলে রূপান্তরিত হইবে। লিন্ডে (Linde) এই প্রক্রিরার প্রথমে বায়ুকে তরল করিতে সক্ষম হন। লিন্ডের পরীক্ষার বন্দোবস্ত এই ব্ৰূপ----

লিন্ডে যদ্যে প্রথমে বার্কে CO_3 , জলীর বাল্প প্রভৃতি হইতে মৃক্ত করিয়া শোধন করা হয়—নচেং ঐ সকল বাল্প জমিয়া বার্র পথ রোধ করিতে পারে । বাণিজ্যিক কার্ষে ব্যবহাত যদ্যে বার্কে পর্যায়ক্রমে C_1 ও C_2 সংনমকের (compressor) সাহাযো 1 হইতে 20 অ্যাট্মসফিয়ারে ও 20 হুইতে 200 অ্যাট্মসফিয়ারে সংনমিত করা হইয়া থাকে (চিত্র 9.4)।



153 9.4

সংনমিত বাষুকে তরল অ্যামোনিয়ার মধ্যে নির্মাণ্জত সণিল নল B-এর ভিতর দিয়া চালনা করিয়া শীতল করা হয় । সংনমিত শীতল বায়ু তাপ-বিনিময়কের (heat interchanger) অভায়রে প্রবেশ করে । এই অংশে কমানুরে মোটা তিনটি নল A_1 , A_2 , A_3 -র একটিকে অন্যটির মধ্যে প্রবেশ করানো হইয়াছে । A_1 ও A_2 নলের প্রান্তদেশে সচ্ছিদ্র ভাল্ব V_1 ও V_2 যুক্ত থাকে । A_1 নলের মধ্যে সংনমিত বায়ু (চাপ 200 অ্যাট্মসফিয়ার) প্রবেশ করিয়া সচ্ছিদ্র ভাল্ব V_1 পথে প্রসারিত হইবে । প্রসারণের পরে বায়ু A_3 নলে প্রবেশ করে এবং চাপ কমিয়া 20 অ্যাট্মসফিয়ারে দাড়ার (A_2 নল C_1 সংনমকের নির্গম নল ও C_3 সংনমকের আগম নলের

সহিত বৃক্ত)। সচ্ছিদ্র ভাল্বের ভিতর দিয়া প্রসারণের ফলে বার্র উক্তা হাস পার। এই শীতল বার্র একটি বড় অংশ C_s সংনমকে পুনরার প্রবেশ করে এবং ঐ সঙ্গে A_s নলের অর্বাশন্ট গ্যাসকে আরও শীতল করে। A_s নলের বাকি গ্যাস সচ্ছিদ্র ভাল্ব V_s পথে A_s নলে প্রবেশ করে এবং ফলে বার্র চাপ কমিরা 1 আটে মসফিয়ারে নামিরা আসে $(A_s$ সংনমক C_s -এর আগম নলের সহিত যুক্ত)। A_s নলের মধ্যে প্রবেশ করিবার পর শীতল বার্র বড় একটি অংশ পুনরায় C_s সংনমকে প্রবেশ করে এবং সেই সঙ্গে A_s নলের বার্কে আরও শীতল করে। C_s ও C_s সংনমকের মধ্যে শীতল বার্কে প্রবেশ করাইয়া একই প্রক্রিয়াতে বার্কে আরও শীতল করা হইবে। ক্রমাগত শীতলীকরণের ফলে বার্র উক্তা খুবই কমিয়া যায় এবং অবশেষে সচ্ছিদ্র ভাল্বের মধ্য দিয়া প্রসারণের পরে য়াভাবিক চাপে বার্থ তরলে রপান্তরিত হয়। A_s -র তলদেশে যুক্ত নির্গম নলের ছিপি T-কে খুলিয়া তরল বায়ু ডেওয়ার ফ্লাম্ক (Dewar flask) D-তে সণ্ডিত হয়।

ক্লড (Claude) এবং পৃথক্ভাবে হেল্যান্ড (Heylandt) গ্যাসের রুদ্ধতাপ-সম্প্রসারণ ও জ্বল-টমসন-প্রসারণ—উভয় প্রক্রিয়াকে একত্র করিয়া বায়ুকে তরলীভূত করেন।

হাইড্রোজেন ও হিলিয়ামের তরলীকরণ (Liquefaction of hydrogen and helium)—হাইড্রোজেন ও হিলিয়াম গ্যাসের সক্টেউকতা যথান্তমে — 240°C ও — 267°C। তরলীকরণের জন্য গ্যাসের উকতা উহার সক্টেউকতা অপেক্ষা কম হইতে হইবে। যেহেতু হিমায়নের কোন ব্যবস্থাতেই গ্যাসকে সরাসরি অতদূর পর্যন্ত শীতল করা সম্ভব নয় সেই কারণে ঐ দৃইটি গ্যাসকে তরলীভূত করা বহুদিন পর্যন্ত সম্ভব হয় নাই। এই কারণে ইহাদের চিরন্তন গ্যাস (permanent gas) আখ্যা দেওয়া হয়। জ্বল-টমসন পদ্ধতির প্রয়োগে পুনঃ পুনঃ শীতলীকরণে গ্যাসকে সক্টে-উক্টার নিচে আনা সম্ভব হইতে পারে, কির্বু সেজন্য গ্যাসের প্রারম্ভিক উক্টা উহার উৎক্রম উক্টার কম হইতে হইবে। হাইড্রোজেনের উৎক্রম উক্টা — 80°C (তত্ত্বীয় মান — 73°C), কির্বু পরীক্ষায় দেখা যায় উক্টা — 193°C অপেক্ষা কম এবং চাপ 160 আটে মসফিয়ারের বেশী হইলে জ্বল-টমসন পরীক্ষায় ভালো ফল পাওয়া সম্ভব। এইজন্য হাইড্রোজেন গ্যাসকে প্রথমেই — 193°C অপেক্ষা কম উক্টাতে শীতল করিবার পর জ্বল-টমসন পদ্ধতিতে সম্প্রসারিত করিলে গ্যাসের উক্টা ব্যথন্ট পরিমাণে হ্রাস পায়। ঐ শীতল গ্যাসকে পুনঃ পুনঃ

সম্প্রসারিত করিতে থাকিলে পর্যারক্রমে গ্যাসের উক্তা হ্রাস পার। এই চক্র করেকবার অনৃষ্ঠিত হইবার পর হাইড্রোজেনের তরলীকরণ সম্ভব হয়। ডেওয়ার সর্বপ্রথম এই পদ্ধতিতে তরল হাইড্রোজেন উৎপত্ন করিতে সক্ষম হন।

হিলিয়ামের উৎক্রম উকতা $T_i = 33^\circ \mathrm{K}$ বা $-240^\circ \mathrm{C}$ । গ্যাসকে প্রথমেই এই পর্যন্ত শীতল করা অত্যন্ত দুরূহ কাজ। কেমার্রালং ওনেস (Kammerling Onnes) কম চাপে হাইজ্রোজেনকে ফুটাইয়া তাহারই সাহাষ্যে হিলিয়ামের উকতা $-258^\circ \mathrm{C}$ -এর কমে নামাইয়া আনিতে সক্ষম হন। পরে পুনঃ পুনঃ জ্বল-টমসন পদ্ধতিতে সম্প্রসারিত হওয়ার ফলে হিলিয়ামের উকতা হ্রাস পাইকে এবং গ্যাস তরলীভূত হইবে। এখানে কেবলমাত্র হাইজ্রোজেন ও হিলিয়াম তরলীকরণের মূল নীতি আলোচনা করা হইল।

বায়্বয়গুলের চাপে হাইড্রোজেনের স্ফুটনাষ্ক $20^\circ K$ এবং ঐ চাপে হিলিয়ামের স্ফুটনাষ্ক $4^\circ K$ । চাপ হ্রাস করিলে এই উষ্ণতা আরও হ্রাস পায়। তরলের উপর চাপ $0036~\mathrm{m.m.}$ উচ্চ পারদ গুণ্ডের চাপের সমান হইলে হিলিয়ামের স্ফুটনাষ্ক হইবে $7^\circ K$ । এই উপারে পরম শ্নোর কাছাকাছি উষ্ণতার পৌছানো বাইতে পারে। কিছু পরবর্তী আলোচনায় দেখিব বে, কোনক্রমেই পরম শ্নো পৌছানো সম্ভব নয়।

(b) জুল-টমসন পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে গ্যাস-থার্মোমিটারের পাঠ-শুদ্ধিকরণে প্রয়োগ (Application of Joule-Thomson effect for the correction of a gas-thermometer)—

নিরপেক্ষ বা তাপগতীর ক্ষেল সম্পর্কিত আলোচনার প্রমাণ করা হইরাছে বে, সেণিটপ্রেড নিরপেক্ষ ক্ষেল (কেল্ভিন ক্ষেল) ও আদর্শ গ্যাস ক্ষেল আছরে। বেহেত্ বাছবে কোন গ্যাসই আদর্শ গ্যাসের সর্ত পালন করে না সেই কারণে গ্যাস-থার্মোমিটারের পাঠ-কে কেল্ভিন ক্ষেলের পাঠ বলা সঙ্গত নর। প্রশ্ন হইবে, গ্যাস-থার্মোমিটারে উষ্ণতার পাঠ ও কেল্ভিন ক্ষেলে উষ্ণতার পাঠের মধ্যে পারস্পরিক সম্পর্ক কি? সমীকরণ (9'21)-এর সাহায্যে প্রয়োজনীর নির্দেশটি পাওরা বার।

खे अभीकत्रण अनुभारत

$$T\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P} = C_{p}\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{H} + V \qquad \cdots \qquad (9.31)$$

উপরের সমীকরণে প্রত্যেকটি রাণি কেল্ভিন স্কেলে লেখা হইরাছে —গ্যাস স্কেলে লিখিলে ইহাদের পরিবর্তন করিতে হইবে। ধরা যাক, কোন তাপীয় তন্দের উকতা কেল্ভিন স্কেলে T এবং গ্যাস-থার্মোমিটারের পাঠ θ —T ও θ একে অন্যের অপেক্ষক।

একণে,

$$C_p = \frac{\delta Q}{dT} = \frac{\delta Q}{d\theta} \frac{d\theta}{dT} = C'_p \frac{d\theta}{dT}$$

গ্যাস স্কেলে তাপগ্রাহিতা C' , লেখা হইল ।

थावाর,
$$\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{H} = \left(\frac{\partial \theta}{\partial P}\right)_{H} \frac{dT}{d\theta}$$

এবং $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_{P} = \left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_{P} \frac{d\theta}{dT}$

$$T\left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_{P} \frac{d\theta}{dT} = C'_{p} \left(\frac{\partial \theta}{\partial P}\right)_{H} + V$$

थथवा
$$\int_{T_{1}}^{T_{2}} \frac{dT}{T} = \int_{\theta}^{\theta_{2}} \frac{\left(\frac{\partial V}{\partial \theta}\right)_{P} d\theta}{\left[C'_{p} \left(\frac{\partial \theta}{\partial P}\right)_{H} + V\right]} \cdots (9.32)$$

গ্যাস ক্ষেলে উষ্ণতার পাঠ θ_1 ও θ_2 কেল্ভিন ক্ষেলে বথাক্রমে T_1 ও T_2 । লক্ষ্য করা যায় যে, সমীকরণ (9°32)-এর ডান দিকের প্রত্যেকটি রাশিকে গ্যাস ক্ষেলে লেখা হইয়াছে । ডান দিকের সমাকল্যের বিভিন্ন পদগৃলি উষ্ণতা পরিবর্তনে কিভাবে পরিবর্তিত হয়—অর্থাৎ উহাদের θ -র অপেক্ষক হিসাবে জানিলে, তবেই সমাকলটিকে ক্ষিতে পারিব ।

মনে করি $\theta_1=\theta_F$ ও $\theta_s=\theta_S$ বথাদ্রমে গ্যাস স্কেলে বরফের হিমাৎক ও প্রমাণ চাপে জলের স্ফুটনান্দের পাঠ এবং ঐ দুই নির্দিষ্ট সীমার মধ্যে ভান দিকের সমাকলটিকে ধরা বাক x।

$$\therefore ln. \frac{T_s}{T_r} = x$$

 $T_{\mathcal{S}}$ ও $T_{\mathcal{F}}$ বথাদ্রমে কেল্ডিন ক্লেনে জলের স্ফুটনাব্দ ও বরফের হিমান্দের পাঠ। কেল্ডিন ক্লেলে $T_{\mathcal{S}}-T_{\mathcal{F}}=100$

$$\therefore ln \frac{T_p + 100}{T_p} = x$$

এইভাবে T_{x} জানা গোল। গ্যাস ক্ষেলে অন্য কোন বস্তু বা তন্দ্রের উক্তা $heta_{x}$ হইলে কেল্ভিন ক্ষেলে উক্তার পাঠ T_{x} হইবে

$$ln \frac{\mathbf{T}_{1}}{\mathbf{T}_{F}} = \int_{\mathbf{F}}^{1} \frac{\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \theta}\right)_{P} d\theta}{\mathbf{V} + \mathbf{C}'_{p} \left(\frac{\partial \theta}{\partial \mathbf{P}}\right)_{H}}$$

$$= \int_{\mathbf{F}}^{1} \frac{\left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \theta}\right)_{P} d\theta}{\mathbf{V} + \mu' \mathbf{C}'_{p}} \qquad \cdots \qquad (9.33)$$

গ্যাস স্কেলে জ্বল-টমসনের গুণাংক $\begin{pmatrix} \frac{\partial \theta}{\partial P} \end{pmatrix}_{H}$ -কে μ' লেখা হইয়াছে । পরীক্ষা-লব্ধ উপাত্ত (experimental data) হইতে সমাকলোর প্রত্যেকটি রাশিকে θ -র অপেক্ষক হিসাবে প্রকাশ করিবার পর সাংখ্যিক সমাকলন (numerical integration)-এর সাহায্যে ডান দিকের সমাকলটিকে জানিতে পারিব ।

সাধারণভাবে উক্তা পরিবর্তনে জ্ল-টমসন গুণাংকের পরিবর্তন জানা বার না। সেই কারণে গ্যাস-থার্মোমিটারের পাঠ জানিরা কেল্ভিন ক্রেলে উক্তা ক্সির করিবার যে পদ্ধতিটি আলোচনা করা হইল তাহা বাস্তবোচিত নর। সমীকরণ (9.32)-এ ডান দিকের রাশিগুলি উক্তা-নিরপেক্ষ ধরিরা মোটামুটি ভাবে এই পদ্ধতির বথার্ধতা দেখানো যাইতে পারে—

$$\frac{d\mathbf{T}}{\mathbf{T}} = \frac{d\mathbf{V}}{\mu'\mathbf{C_p'} + \mathbf{V}}$$
অথবা $\mathbf{T} = a(\mathbf{V} + \mu'\mathbf{C'_p})$... (9:34)
$$\frac{T_F}{T_S - T_F} = \frac{T_F}{100} = \frac{\mathbf{V_F} + \mu'\mathbf{C'_p}}{\mathbf{V_S} - \mathbf{V_F}}$$
অথবা, $\mathbf{T_F} = \frac{1}{\beta} \left(1 + \frac{\mu'\mathbf{C_p'}}{\mathbf{V_F}} \right)$... (9:35)

উপরের সমীকরণে $\beta = V_F - V_S/100V_F$ হয় আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক। গ্যাস স্কেলে হিমান্ক ও বাল্পান্কের ব্যবধান 100° , এবং সেই কারণে

$$\theta_{F} = \frac{1}{\beta}$$

$$\therefore \quad T_{F} = \theta_{F} \left(1 + \frac{\mu' C_{p}'}{V_{F}} \right) \quad \cdots \quad (9.36)$$

शरेखाक्तित कना,

জ্ল-টমসন গুণাংক = -.039°C/atmos. আণব তাপগ্রাহিতা = 6.86 cal.

্ আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক = '0036613/°C

$$\theta_F = \frac{1}{\beta} = \frac{1}{.0036613} = 273.13$$

$$\begin{array}{ll} \text{ det} & T_F = 273 \cdot 13 \left[1 - \frac{\cdot 039 \times 6 \cdot 86 \times 4 \cdot 18 \times 10^7}{1 \cdot 013 \times 10^6 \times 22 \cdot 4 \times 10^3} \right] \\ &= 273^{\circ} \end{array}$$

গ্যাস-থার্মোমিটারে বায়ু ব্যবহার করা হইলে $\theta_F = 272^{\circ}44^{\circ}$; কিন্তু $T_F = 273^{\circ}14^{\circ}$ । বিভিন্ন গ্যাসের জন্য θ_F ভিন্ন হওয়া সত্ত্বেও T_F সকল সময়ে একই হইবে—ঐ মান প্রায় 273° ।

9'4. রুজ্রভাপ নিশ্রেটাস্থকীকরণ (Adiabatic demagnetisation):

তরল হিলিয়ামের সাহাধ্যে বস্তৃকে শীতল করা যাইতে পারে; কিন্তৃ এইভাবে উক্ষতা হাসের একটি অবম সীমা থাকে। বস্তৃতঃ 4°K-এর নিচে উক্ষতা সামান্য কমাইবার জন্য হিলিয়ামের উপর চাপ যথেও পরিমাণে হ্রাস করিতে হইবে। যেমন, '1°K উক্ষতায় পৌছাইতে হিলিয়ামের উপর চাপ হ্রাস করিয়া 10⁻³⁰mm. পারদ স্কন্তের চাপের সমান করিতে হয়। কিন্তৃ তাহা কখনই সম্ভব নয় এবং এই কারণে বাস্তবে তরল হিলিয়ামের সাহাধ্যে উক্ষতা হ্রাস করিবার পক্ষে একটি অবম সীমা স্থির করা যাইতে পারে। পরবর্তী আলোচনায় দেখিব যে, রুদ্ধতাপ নিশ্চোম্বকীকরণে হিলিয়াম-সীমার কম উক্ষতায় পৌছানো সম্ভব। কার্বক্ষেত্রে এই পদ্ধতিতে 10^{-5} °K পর্বন্ত পৌছানো গিয়াছে।

প্যারাচৌম্বক পদার্থকে তাপগতীর তন্ম বিবেচনা করিবার সপক্ষে পূর্বেই বৃত্তি দেওরা হইরাছে। এই তন্মের তাপগতীর চলগুলি হইবে—

- (i) চৌমুক বলক্ষেত্রের তীৱতা H
- (ii) চৌমুক প্রাবল্য $\mathbf{I} = \frac{\mathbf{M}}{\mathbf{V}}$

M চৌমুক ভ্রামক এবং V উহার আয়তন,

অথবা

চৌমুক গ্রাহিতা (magnetic susceptibility) $k = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{H}}$

প্যারাচুম্বকের অবস্থার সমীকরণ কুরী সূত্র হইতে জ্ঞানা যায়

$$\mathbf{M} = \mathbf{K_o} \, \frac{\mathbf{H}}{\bar{\mathbf{T}}} \mathbf{V}$$

অথবা
$$I = K_o \frac{H}{T}$$
 বা $k = \frac{K_o}{T}$

T পরম ক্ষেলে পদার্থের উষ্ণতা এবং K_o একটি ধ্রুবক। একটি নিদিন্ট উষ্ণতা পর্বন্ত (বিভিন্ন প্যারাচৌম্বন্দ পদার্থের জন্য বিভিন্ন) কুরী সূত্র প্রকৃত অবস্থা নির্দেশ করে। কিন্তু ঐ নিদিন্ট উষ্ণতার কমে কুরী সূত্র সঠিকভাবে প্রবাজ্য নয়। ঐ উষ্ণতাকে কুরী-উষ্ণতা বলা হয়। কুরী-উষ্ণতার নিচে প্যারাচৌম্বন্দ পদার্থের প্রকৃতি ফেরোচুম্বনের অনুরূপ হইবে। এই পরিবৃত্তিত অবস্থার, অবস্থার সমীকরণটিকে কুরী-ভাইস সূত্র (Curie-Weiss law) বলা হয়। এই সূত্র অনুসারে—

$$k = \frac{K_o}{T - \theta}$$

 θ উষ্ণতার পরম স্কেলে কুরী-উষ্ণতা বিভিন্ন চৌম্বক পদার্থের জন্য পৃথক্ হইরা থাকে—বেমন লোহার জন্য কুরী-উষ্ণতা $1038^\circ K$; নিকেলের জন্য $631^\circ K$ কিবু গ্যাডোলিনিয়াম সালুফেট প্যারাচৌম্বক লবণটির জন্য এই উষ্ণতা প্রায় $1^\circ K$ ।

বলক্ষেত্রের তীরতা H-এই অবস্থার চৌমুক শ্রামক dM পরিমাণে বৃদ্ধি করিতে প্রয়োজনীয় কার্য ভব্মের উপর কার্য করা হয় বলিয়া ঝণাম্বক চিহ্ন ব্যবস্থাত হইয়াছে। প্যারাচৌম্বক পদার্থের অধিকাংশ পরীক্ষাই বায়ুমণ্ডলের ন্থির চাপে অনুষ্ঠিত হইয়া থাকে। ঐ সকল পরীক্ষায় আয়তন বৃদ্ধির জন্য কার্য $(\delta w_1 = PdV)$ ব্যতীত চুম্বকীয় কার্যও $(\delta w_2 = -HdM)$ সম্পন্ন হয়। δw_1 ও δw_2 -এর আপেক্ষিক মান নিরূপণ করা বিশদ আলোচনা সাপেক্ষ। মোটাম্টিভাবে বলা বায় প্যারাচৌম্বক কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে কম চাপের পরীক্ষায় $\delta w_1 \leqslant \delta w_2$ ।

প্রথম ও দ্বিতীয় সূত্রকে একত্র করিয়া প্যারাচৌম্বক পদার্থের জন্য লেখা বায়

 ${
m T}d{
m S}=d{
m U}+\delta{
m W}=d{
m U}+{
m P}d{
m V}-{
m H}d{
m M}$ কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে ${
m P}d{
m V}\!\ll\!{
m H}d{
m M}$, এবং ঐ কারণে

$$TdS = dU - HdM \qquad \cdots \qquad (9.37)$$

সমীকরণ (9:37) উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে প্যারাচৌম্বক কঠিন পদার্থের মূল সমীকরণ। রাসায়নিক তল্পের জন্য এই সমীকরণ

$$TdS = dU + PdV \qquad \cdots \qquad (9.37a)$$

সমীকরণ (9.37) ও (9.37a)-কে তুলনা করিয়া লেখা যায় $H \equiv P$ এবং $-M \equiv V$ । প্যারাচৌয়ক কঠিন পদার্থের জন্য চৌয়ক ক্ষেত্রের নির্দিষ্ট তীরতায় তাপগ্রাহিতা (thermal capacity at constant field-strength) C_{N} এবং নির্দিষ্ট চৌয়কত্বে তাপগ্রাহিতা (thermal capacity at constant magnetisation) C_{N} -এর অন্তর হইবে

$$C_{\mathsf{N}} - C_{\mathsf{N}} = T \left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial T} \right)_{\mathsf{N}}^{2} / \left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{H}} \right)_{T} \qquad \cdots \qquad (9.38)$$

[সমীকরণ 9'7 দুষ্টব্য]

 $\frac{\mathbf{M}}{\mathbf{H}} = k\mathbf{V} = \mathbf{K}$ [বস্তুর মোট চৌমুক গ্রাহিতা (susceptibility of

the body as a whole)] এবং $(\partial \mathbf{M}/\partial \mathbf{H})_T = \mathbf{K'}_T$ [নির্দিন্ট উক্তায় প্রাবল্য \mathbf{H} ও $\mathbf{H} + d\mathbf{H}$ -এর মধ্যে চৌমুকত্ব পরিবর্তনের হার (differential isothermal susceptibility)]।

সূতরাং
$$C_{\text{M}} - C_{\text{M}} = TH^{2} (\partial K/\partial T)_{\text{M}}^{2}/K'_{T} \cdots$$
 (9.39)

 $\mathbf{H} = \mathbf{0}$ অবস্থার $C_{\mathbf{H}} = C_{\mathbf{M}}$, অন্য সময়ে প্যারাচৌম্বক কঠিন পদার্থের

জন্য $C_{\rm H} > C_{\rm H}$, কারণ ${
m K'}_T$ ধনাত্মক রাশি। রাসায়নিক তন্দের জন্য পূর্বেই প্রমাণ করা হইয়াছে (সমীকরণ $9.11 \cdot 9.12$)

$$(\partial V/\partial P)_T/(\partial V/\partial P)_S = \frac{C_p}{C_n} = \gamma$$

চুমুকীয় তলে V = -M, এবং P = H

অতএব,
$$\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{H}}\right)_{T} / \left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{H}}\right)_{S} = \frac{\mathbf{K}'_{T}}{\mathbf{K}'_{S}} = \frac{\mathbf{C}_{0}}{\mathbf{C}_{\mathbf{M}}} = \mathbf{r}$$
 ... (9.40)

 ${f K}'_S=(\partial {f M}/\partial {f H})_S$ রুদ্ধতাপীয় অবস্থায় চৌয়ুকত্ব পরিবর্তনের হার (differential adiabatic susceptibility)। প্যারাচৌয়ুক্ব পদার্থের জন্য কেবলমার ${f H}=0$ অবস্থায় ${f \Gamma}=1$, অন্য সময়ে ${f \Gamma}-1{\mbox{$\cong$}}{f H}^s$ (সমীকরণ 9.39)। পরিবতা বলক্ষেত্রে (alternating field) চৌয়ুকীকরণের সময় পারিপার্থিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময়ের কোন সুযোগ থাকে না। সেই কারণে ঐ ব্যবস্থায় আমরা বস্তুতঃ ${f K}'_S$ মাপিয়া থাকি। ${f H}$ খুব কম হইলে ইহাকে ${f K}'_T$ ও বলা যায়। কিন্তু চৌয়ুক বলক্ষেত্রের তীব্রতা খুব বেশী হইলে ${f H}\gg 0$), ${f K}'_T>{f K}'_S$ —অর্থাৎ ${f A}{f H}$ সমান হওয়া সত্ত্বেও ${f A}{f M}_T>{f A}{f M}_S$ ।

চুমুকীয় তল্পের জন্য এন্থ্যাল্পি ও গিব্স অপেক্ষক যথাক্রমে

$$H = U + PV - HM$$

$$G = H - TS = U + PV - HM - TS$$

সাধারণতঃ স্থির চাপ ও আয়তনে চুম্বকীয় তন্দোর ভৌত পরিবর্তন ঘটে এজন্য

$$dH = dU - HdM - MdH$$

$$= TdS - MdH \qquad \cdots \qquad (9.41)$$

H. T & M निर्दाशक हम H & S-এর অপেকক।

$$\mathbf{G} = d\mathbf{H} - \mathbf{T}d\mathbf{S} - \mathbf{S}d\mathbf{T}$$

$$= -\mathbf{M}d\mathbf{H} - \mathbf{S}d\mathbf{T} \qquad \cdots \qquad (9.42)$$

একেরে, G, M ও S-কে নিরপেক চল H ও T-এর অপেক্ষক ধরা। হইরাছে।

যেহেতু dH একটি সম্পূর্ণ অবকল সেই কারণে

$$\left(\frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{H}}\right)_{s} = -\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{S}}\right)_{\mathbf{H}} \qquad \cdots \qquad (9.43)$$

অনুরূপভাবে dG একটি সম্পূর্ণ অবকল বলিয়া

স্তরাং
$$\left(\frac{\partial S}{\partial H}\right)_T = \left(\frac{\partial M}{\partial T}\right)_H$$
 ... (9.44)

সমীকরণ (9.43) এবং (9.44) প্রকৃতপক্ষে চুম্বকীয় তল্পের জন্য ম্যাক্সওয়েলের সমীকরণ । ম্যাক্সওয়েলের দ্বিতীয় ও চতুর্থ সমীকরণে V-এর স্থানে — M এবং P-এর পরিবর্তে H লিখিলে সরাসরি উপরের সমীকরণ-দুইটিতে পৌছানো যায় । সমীকরণ-দুইটির যে-কোনটির সাহায্যে রুদ্ধতাপ চৌমুকীকরণে উষ্ণতার পরিবর্তন হিসাব করা যায় ।

সমীকরণ (9'44) হইতে

$$S(H, T) - S(0, T) = \int_0^H \left(\frac{\partial M}{\partial T}\right)_H dH$$

প্যারাচুম্বকীয় তন্দ্রের জন্য অবস্থার সমীকরণ $\mathbf{M} = \frac{\mathbf{K_oVH}}{\mathbf{T}}$, এবং এই কারণে—

$$\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{\mathbf{H}} = -\frac{\mathbf{K}_{o}\mathbf{V}\mathbf{H}}{\mathbf{T}^{s}} = -\frac{\mathbf{H}}{\mathbf{T}}\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{H}}\right)_{T}$$

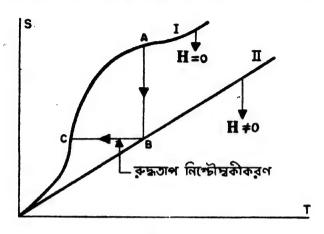
$$\therefore \quad \mathbf{S}(\mathbf{H}, \mathbf{T}) - \mathbf{S}(\mathbf{0}, \mathbf{T}) = -\int_{\mathbf{T}} \frac{\mathbf{H}}{\mathbf{T}}\left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{H}}\right)_{T} d\mathbf{H}$$

$$= -\frac{1}{\mathbf{T}}\int_{\mathbf{H}} d\mathbf{M}_{T} \qquad (9.45)$$

সমোক উৎক্রমনীর চৌমুকীকরণে চৌমুক পদার্থ পারিপাশ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে তাপ-বিনিময় করে এবং

$$\Delta Q = T\Delta S = -\int HdM \qquad \cdots \quad (9.46)$$

শ্বির উক্তার চৌয়কীকরণে তন্দ্র পারিপাশ্বিক মাধ্যমে তাপ বর্জন করে এবং ফলে চৌয়ক পদার্থের এন্ট্রপি হ্রাস পার। এইবার চৌয়ক পদার্থকে বিচ্ছিন্ন করিরা চৌয়ক বল উৎক্রমনীর উপারে তুলিরা লইলে এন্ট্রপির আর কোন পরিবর্তন হইবে না। প্রারম্ভিক ও অন্তিম দৃইটি অবস্থাতেই $\mathbf{H} = 0$ কিন্তু প্রারম্ভিক অবস্থাতে এন্ট্রপি বেশী এবং ঐ সময়ে উক্তাও বেশী। চিত্র (9.5)-এর



fsur 9.5

সাহাষ্যে এই পরিবর্তনকে বুঝানো হইরাছে। I-চিহ্নিত লেখটির উপর উপর A ও C বিন্দু প্রারম্ভিক ও অন্তিম অবস্থা নির্দেশ করে। সমোক চৌমুকীকরণের পরের অবস্থা II-চিহ্নিত লেখ-র উপর B বিন্দু দ্বারা নির্দিন্ট হইরাছে। মনে করি, প্রারম্ভিক ও অন্তিম উক্তা T ও T' (T' < T)।

$$S(\mathbf{H}, \mathbf{T}) = S(0, \mathbf{T}) + \int_{0}^{\mathbf{H}} \left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{T}}\right) d\mathbf{H}$$
 (9.47)

পকাষ্টরে
$$S(0, T') = S(H, T)$$
 (9.48)

কিম্ব S(0, T) – S(0, T') =
$$\int_{T'}^{T} \frac{C_{N}}{T} dT$$
 (9.49)

সমীকরণ (9:47), (9:48) ও (9:49)-এর সাহায্যে

$$\int_{\mathbf{T}'}^{\mathbf{T}} \frac{\mathbf{C}_{\mathbf{N}}}{\mathbf{T}} d\mathbf{T} = -\int_{0}^{\mathbf{N}} \left(\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial \mathbf{T}} \right)_{\mathbf{N}} d\mathbf{H}$$

অথবা,
$$T - T' = \int_0^{\pi} - dH$$
 (9.50)

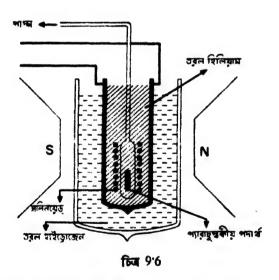
$$AT = -\frac{K_o V}{C_0 T} \int_0^0 H dH \qquad (9.51)$$

 \mathbf{K}_o কুরী-ধ্রুবক এবং \overline{C}_n উল্লিখিত উষ্ণতা ব্যবধানে C_n -এর গড়। বিশেষভাবে উল্লেখ করা প্রয়োজন যে

- 1. শীতলীকরণের এই পদ্ধতি দুইটি পর্যায়ে সম্পূর্ণ হয়---
- (a) সমোক চৌয়ুকীকরণ—চৌয়ুক বলক্ষেত্রের মধ্যে প্যারাচৌয়ুক পদার্থকে রাখিবার ফলে উহা চুয়ুকে পরিণত হয় এবং একই সঙ্গে তাপ উৎপল্ল হয়। উৎপল্ল তাপ পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে পরিবাহিত হয়, এমন ব্যবস্থা থাকে।
- (b) রুদ্ধতাপ নিশ্চোয়কীকরণ—রুদ্ধতাপ অবস্থার চৌয়ক বল ভূলিয়া লইলে প্যারাচৌয়ক পদার্থের উষ্ণতা হ্রাস পার।
- 2. সমীকরণ (9.51) হইতে বলা যায় $\Delta T \propto \frac{1}{T}$ অর্থাৎ প্রাথমিক উষ্ণতা যত কম হইবে উষ্ণতা ততই বেশী হ্রাস পাইবে । অন্য একটি কারণেও প্রাথমিক উষ্ণতা খৃব কম হওয়া বাঞ্ছনীয়—কম উষ্ণতায় C_{M} -এর মান খুব কম, ইহার ফলে উষ্ণতা উল্লেখযোগ্যভাবে হ্রাস পায় ।
- 3. বস্তৃতঃ C_{H} উষ্ণতা ও চুমুক বলক্ষেত্রের তীব্রতা দুয়েরই উপর নির্ভর করে। সমীকরণ (9.51)-তে C_{H} -কে \mathbf{H} -নিরপেক্ষ ধরা হইয়াছে। সেই কারণে ঐ সমীকরণটির সাহাষ্যে উষ্ণতা পরিবর্তনের সঠিক হিসাব করা সম্ভব নয়।

ষ্বাভাবিক উক্তায় H কয়েক হাজার গাউস (gauss) হওয়া সত্ত্বেও ΔT খ্বই সামান্য হইবে—যেমন, প্রার্থামক উক্তা $300^\circ K$ এবং H=100k-gauss হইলে $\Delta T=001^\circ K$ । চৌমুকীকরণের পূর্বেই প্যারাচুম্বক পদার্থকে যথেন্ট শীতল অবস্থায় লইয়া যাওয়ার পরে (প্রার্থামক উক্তা কয়েক ডিগ্রি কেল্ভিন মার) পরীক্ষাটি সম্পন্ন হইলে উক্তা উল্লেখযোগ্যভাবে হ্রাস পায়। কিব্ অধিকাংশ প্যারাচৌম্বক পদার্থের ক্ষেত্রে কুরী-উক্তা পরম শ্নোর অনেক উপরে এবং সেই কারণে অত কম উক্তায় কুরী সূত্র প্রযোজ্য নয়। গ্যাডোলিনিয়াম সালফেট প্যারাচুম্বকীয় লবণের কুরী-উক্তা প্রায় $1^\circ K$ —সেই কারণে প্রথমেই উহাকে যথেন্ট শীতল করিয়া (প্রার্থামক উক্তা 2° বা $3^\circ K$) পরীক্ষাটি কয়া হইলে উক্তা যথেন্ট পরিমাণে হ্রাস পাইবে। গিয়াক (Giauque) ও ম্যাকড্গাল (MacDougall) এই পদ্ধতিতে সর্বপ্রথম গ্যাডোলিনিয়াম সালফেটকে $5^\circ K$ পর্বন্থ শীতল করিয়েত সক্ষম হন। উহাদের পরীক্ষার পদ্ধতিটি সংক্রেপে বর্ণনা কয়া হইল।

গ্যাডোলিনিয়াম সালফেটের গুঁড়াকে মণ্ডলাকারে অ্যাল্মিনিয়ামের সরু নলের মধ্যে চুকাইয়া নলটিকে হিলিয়াম গ্যাসে ভাঁত করা হয়। নলটি একটি পাম্পের সহিত বৃক্ত। ইচ্ছামত নলটি হইতে গ্যাস বাহির করা বাইতে পারে এবং গ্যাসের চাপ মাপিবার জন্য ম্যানোমিটারের ব্যবস্থা আছে। আল্মিনিয়ামের নলটি তরল হিলিয়ামের পাত্রে (উক্তা 1°K) ডুবানো থাকে। হিলিয়ামের পাত্রটি তরল হাইড্রোজেন তাপ-স্থাপীর মধ্যে বসানো। এই ব্যবস্থাটিকে শক্তিশালী তড়িং-চুম্বকের মেরুবরের মধ্যে স্থাপন করা হয়। চুম্বকটিকে চালু করিলে অ্যাল্মিনিয়াম পাত্রের অভ্যন্তরে হিলিয়াম গ্যাস উত্তপ্ত হইবে এবং ঐ গ্যাস কর্তৃক উৎপত্র তাপ তরল হিলিয়াম পাত্রে পরিবাহিত হইবে। কিছু সময় পরে গ্যাডোলিনিয়াম সালফেট রাখা নলটিকৈ পাম্পের সাহাব্যে গ্যাস-শ্ন্য করা হইবে। তড়িং-চুম্বকটিকে (ধীরে)



বন্ধ করিয়া দিলে প্যারাচৌম্বক লবণের উকতা হ্রাস পাইবে! গ্যাডোলিনিয়াম সালফেটের চৌমুকগ্রাহিতা মাপিয়া কুরী স্ত্রের সাহায্যে উহার উকতা হিসাব করা হইবে। চৌমুক গ্রাহিতা মাপিবার জন্য ব্যবস্থাত সলেনয়েডের (solenoid) মুখ্য ও গোণ কুওলী (primary and secondary coils) তরল হিলিয়ামের পাত্রে ভ্বানো থাকে। পরীক্ষার বন্দোবন্ত চিত্র (9.6)-এ দেখানো হইয়াছে।

উল্লেখ করা বার কুরী-উক্তার কমে কুরী সূত্র বক্তৃতঃ একটি ছুল সমীকরণ।

সেই কারণে কুরী সূত্রের সাহাষ্যে উক্তা ছির করিলে তাহা কেল্ভিন ক্রেলে উক্তা নির্দেশ করিবে না। উক্তার এই পাঠ-কে $(T^*=K_o/k)$ চুম্বনীর ক্রেলে উক্তার পাঠ বলা হয়। কেল্ভিন ক্রেলের সঙ্গে ইহার পার্থক্য সামান্য। গিয়াক-ম্যাকড়গালের প্রথম পরীক্ষার প্রারম্ভিক উক্তা ছিল $T=1.36^{\circ}K$; $H=8\times10^{\circ}$ gauss এবং অন্তিম উক্তা হইরাছিল $25^{\circ}K$ । পরবর্তীকালে লোহ-ক্রোমিয়াম-অ্যালাম, ক্রোমিয়াম-প্টাস-অ্যালাম ইত্যাদি অজৈব রাসার্য়নিক যোগ ব্যবহার করিয়া $001^{\circ}K$ পর্যন্ত পোঁছানো সম্ভব হইয়াছে। প্রসঙ্গতঃ উল্লেখ করা যায় যে, 'নিউক্রিয়ার ডিম্যাগনেটাইক্রেশানের' (nuclear demagnetisation) সাহায্যে 10^{-6} $^{\circ}K$ পর্যন্ত পোঁছানো যাইতে পারে।

ক্রমতাপ নিস্চৌম্বকীকরণে উষণতা হ্রাসের ব্যাখ্যা—প্যারাচৌম্বকীয় কঠিন পদার্থের এন্ট্রপিকে পৃথক্তাবে দুইটি অংশে চিন্তা করা
যায়—(i) তাপীয় অংশ (ii) চুম্বকীয় অংশ । চৌম্বক বলক্ষেত্রে পারমাণবিক
চূম্বক অক্ষর্থাল বলক্ষেত্রের দিক্ বরাবর বিনাস্ত হওয়ার ফলে চৌম্বকীকরণ
সন্তব হয় । এই শৃভ্থলাপূর্ণ অবস্থায় এন্ট্রপির চূম্বকীয় অংশ হ্রাস পাইবে
(চিন্ত 9.5-এ ক্রির উষ্ণতায় এন্ট্রপির পরিবর্তন AB) । বলক্ষেত্রের
প্রাবল্য হ্রাস করিলে পারমাণবিক চূম্বকর্থাল পুনরায় বিক্ষিপ্ত হইয়া পড়ে ।
ফলে, এন্ট্রপির চূম্বকীয় অংশ বৃদ্ধি পায় । রুক্ষতাপ (উংক্রমনীয়)
নিশ্চৌম্বকীকরণে মোট এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হয় না (চিন্ত 9.5-এ BC)
—ফলে এন্ট্রপির তাপীয় অংশ হ্রাস পাইবে । এন্ট্রপির তাপীয় অংশ
হ্রাস পাওয়ায় পরমাণুগুলির তাপীয় বিক্ষিপ্ত গতি (random thermal motion) কমিয়া যাইবে বা উষ্ণতা হ্রাস পাইবে । এন্ট্রপির দৃইটি অংশের
পার্থক্য খুব বেশী না হইলে তবেই এই ব্যাখ্যা গ্রহণযোগ্য হইবে । উষ্ণতা খুব
কম হইলে তবেই ইহা হইতে পারে ।

উদাহরণ। রক্ষতাপ নিশ্চোয়কীকরণ পরীক্ষার কোন প্যারাচোয়ক পদার্থকে 3°K উষ্ণতার রাখিয়া চোয়ক ক্ষেত্রের তীরতা 10k-gauss পর্যন্ত বাড়াইবার পরে সম্পূর্ণরূপে তুলিয়া লওয়া হইল। প্যারাচুয়কীয় পদার্থটি কুরী সূত্র অনুসরণ করে এবং উহার কুরী ধ্রুবক '05 C.G.S. units/gm, চোয়ক ক্ষেত্রের নিদিন্ট তীরতায় উহার আপেক্ষিক তাপ '1 cal/gm, — অন্তিম উষ্ণতা স্থির কর।

$$\Delta T = -\frac{K_o V}{2C_a T} H^a$$

উপরের সমীকরণে K_o হইল একক আয়তনের জন্য কুরী ধ্রুবক এবং $\overline{C_{\scriptscriptstyle N}}$ উক্তা ব্যবধানে তাপগ্রাহিতার গড়।

অন্যভাবে,
$$\Delta T = -\frac{K_o m}{2C_{\text{M}} \rho T} H^2$$

$$= -\frac{K_o / \rho}{2T \frac{C_{\text{M}}}{m}} H^2 = \frac{-K_o '}{2T c_{\text{M}}} H^2$$

ho প্যারাচুম্বকীর পদার্থের ঘনম্ব এবং ${
m K_o}' \! = \! ({
m K_o}/
ho)$ হইল একক ভরের জন্য কুরী ধ্রুবক, প্রশ্নে উষ্ণতা পরিবর্তনে আপেক্ষিক তাপের কোন পরিবর্তন হয় না ধরা হইরাছে ।

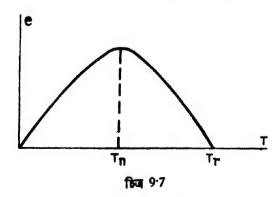
$$\Delta T = \frac{-.05 \times (10,000)^{\circ}}{2 \times 3 \times .10 \times 4.2 \times 10^{\circ}} = -.21^{\circ} K$$

আন্তম উক্তা হইবে (3 - '21)°K = 2'79°K

95. ভাপ-ভড়িৎ (Thermo-electricity) :

তাপ শক্তি হইতে সরাসরি তড়িং শক্তি পাওয়া গোলে তাহাকে তাপ-তড়িং বলা বলা হয়। এ সম্পর্কে কয়েকটি পরীক্ষার উল্লেখ করা হইল।

(a) সিবেক ক্রিয়া (Sebeck effect)—ভিন্ন পদার্থে তৈয়ারী দৃইটি পরিবাহীর সন্ধিষয় (junctions) একই উষ্ণভায় থাকিলে পরিবাহীতে



ভড়িৎ-প্রবাহ থাকিবে না। কিয়ু সন্ধিষয়ের উক্তা পৃথক্ হইলে বর্তনীতে প্রবাহের সৃত্তি হইবে। উক্তার ভারতম্যের দরুন সন্ধিষয়ে ভিল্ল মাপের বিপরীতমুখী দৃইটি তড়িচ্চালক বল ক্রিয়া করে এবং ফলে বর্তনীতে মোটের উপর একটি তড়িচ্চালক বল সক্রিয় থাকে। বর্তনীতে মোট তড়িচ্চালক বলকে তাপ-তড়িচ্চালক বল বলে। সিবেক সর্বপ্রথম তাপ-তড়িতের প্রকৃতি সম্পর্কে পরীক্ষা করেন। পরীক্ষার সিদ্ধান্ত চিত্র (9.7)-এ দেখানো হইয়াছে।

(b) পে তিয়ার ক্রিয়া (Peltier effect)—পেল্টিয়ারের পরীক্ষার সিবেক ক্রিয়ার বিপরীত ঘটনা লক্ষ্য করা যায়। দুইটি ভিন্ন পরিবাহীর বর্তনীতে তড়িং-প্রবাহ পাঠাইলে সন্ধিষ্কার উক্তার পার্থক্য হইবে। তাপযুগ্মে (thermo couple) কোন নির্দিন্ট দিকে তাপ-তড়িং-প্রবাহ চালাইতে একটি বিশেষ সন্ধিকে উত্তপ্ত রাখা দরকার। ঐ একই দিকে কোষের সাহায্যে তড়িং-প্রবাহ চালাইলে দেখা যাইবে যে, সিবেক পরীক্ষার উত্তপ্ত সন্ধিটি শীতল হইয়াছে এবং ঐ পরীক্ষার শীতল সন্ধিটি উত্তপ্ত হইয়াছে। একটি সন্ধি হইতে তাপ-গ্রহণে এবং অন্য সন্ধিতে তাপ-বর্জনে ইহা সম্ভব হইতেছে। প্রবাহের দিক্ পরিবর্তনে উত্তপ্ত সন্ধিটি শীতল এবং শীতল সন্ধিটি উত্তপ্ত হইয়ার হইতেছে।

পে ভিয়ার গুণাংক (Peltier coefficient)—কোন সন্ধিতে একক পরিমাণ তড়িং-চালনা করিতে যে কার্যের প্রয়োজন হয়, তাহাকে ঐ উষ্ণতায় তাপযুগ্মের পেল্টিয়ার গুণাংক বলা হইবে। পেল্টিয়ার গুণাংককে ঐ সন্ধির তড়িচ্চালক বলও বলা যাইতে পারে।

টমসন (Thomson) প্রথম লক্ষ্য করেন যে, তাপযুগ্মে সন্ধি-দৃইটি ব্যতীত অন্যত্র তড়িচ্চালক বল সন্ধিয় থাকে । মনে করি, সন্ধিষয়ের উক্ষতা বথাক্রমে T_1 ও T_2 $[T_2>T_1]$, এবং পেল্টিয়ার গুণাংক যথাক্রমে π_1 ও π_2 । বর্তনীতে মোট তড়িচ্চালক বল,

$$e = \pi_3 - \pi_1 \qquad \cdots \qquad (9.52)$$

 $T_{s} > T_{1}$ এবং সেই কারণে $\pi_{s} > \pi_{1}$; এবং ঐ সঙ্গে সারণ থাকে ষে, সন্ধিষয়ে তড়িচালক বল বিপরীতমুখী। বর্তনীতে q পরিমাণ তড়িং প্রবাহিত হইলে সন্ধিষয়ে যথানুমে $\pi_{1}q/J=Q_{1}$ এবং $\pi_{s}q/J=Q_{s}$ তাপ-বিনিময় হইবে। প্রকৃতপক্ষে একটি সন্ধি হইতে তাপ গৃহীত হয় এবং অন্য সন্ধিতে তাপ নিক্ষিপ্ত হইয়া থাকে। ইহা ব্যতীত বর্তনীতে তড়িং-প্রবাহের কারণে ফুলের সূত্র অনুষায়ী অনুংক্রমনীয় পদ্ধতিতে তাপ উৎপদ্ম হইবে। অনুংক্রমনীয় পদ্ধতিতে উৎপদ্ম তাপ যেহেতু প্রবাহমাত্রার বর্গানুপাতিক

সেই কারণে প্রবাহমাতা হ্রাস করিলে $(i \rightarrow 0)$ ইহার পরিমাণ খ্বই সামান্য হইবে । এইভাবে তড়িং-আধান বর্তনীতে একটিবার ঘুরিয়া আসিলে একটি উংক্রমনীর চক্র সম্পূর্ণ হইবে ।

বিতীয় সূত্র অনুসারে এই উৎক্রমনীয় চক্রে

$$\frac{Q_3}{T_3} = \frac{Q_1}{T_1}$$
 अथवा $\frac{\pi_3}{\pi_1} = \frac{T_3}{T_1}$... (9.53)

 Q_1 ও Q_2 -এর মধ্যে একটি ধনাত্মক এবং অনাটি ঝণাত্মক রাশি। উপরের সমীকরণ হইতে দেখা যায়

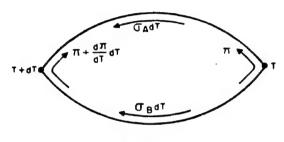
$$\frac{\pi_2 - \pi_1}{\pi_1} = \frac{T_2 - T_1}{T_1}$$
 অথবা $e = \frac{T_2 - T_1}{T_1} \pi_1 \cdots$ (9.54)

শীতল সন্ধিটির উক্তা ক্থির থাকিলে বর্তনীতে তড়িচ্চালক বল সন্ধিষ্ণয়ের উক্তা-পার্থকাের সমান্পাতিক। ইহা সিবেকের পরীক্ষার সিদ্ধান্তের সঙ্গে সঙ্গতিপূর্ণ নয়। এই কারণে অনুমান করা যায় যে, সন্ধিদ্ধর বাতীত বর্তনীর অন্যত্র তড়িচ্চালক বল সক্রিয়।

(c) টমসম কিয়া (Thomson effect)—এই তড়িচালক বল সম্পর্কে টমসন প্রথম আলোকপাত করেন। একই পরিবাহীর দৃই প্রান্ত ভিন্ন উষ্ণতার থাকিলে অর্থাং কোন পরিবাহীর দৈর্ঘ্য বরাবর উষ্ণতা-অবদ্রম (temperature gradient) বর্তমানে পরিবাহীর দৃইটি বিন্দুর মধ্যে তাপ-তড়িচালক বল দিয়া করে। তড়িং-প্রবাহ এই তড়িচালক বলের অভিমুখী হইলে পরিবাহী তাপ বর্জন করিবে। পক্ষান্তরে তড়িং-প্রবাহ এই তড়িচালক বলের বিপরীতমুখী হইলে পরিবাহী তাপ গ্রহণ করিবে।

টমসম গুণাংক (Thomson coefficient)—পরিবাহীতে 1° উক্তার পার্থকে। একক পরিমাণ তড়িং-চালন। করিতে যে কার্যের প্রয়োজন তাহাকে ঐ পরিবাহীর উমসন গুণাংক বলে। উক্তর বিন্দু উচ্চ বিভবে এবং শীতলতর বিন্দু নিম্ন বিভবে থাকিলে উমসন গুণাংক ধনান্দক রাশি বলিয়া গণ্য হইবে। বিপরীতক্রমে পরিবাহীতে শীতলতর বিন্দু উচ্চ বিভবে থাকিলে উহা ঝণান্দক রাশি ধরা হইবে।

ভাপযুথে মোট ভাপ-ভড়িচ্চালক বল (Net thermo e.m.f. in a thermo couple)—মনে করি A এবং B দুইটি ভিন্ন পরিবাহী এবং উহাদের সন্ধিষয়ের উষ্ণতা যথাক্রমে T ও (T+dT)। ঐ পরিবাহীষরের সন্ধিতে তড়িচ্চালক বল B হইতে A অভিমুখে কিয়া করে। ঐ তাপযুগ্যে T উষ্ণতার সন্ধিতে পেল্টিয়ার গুণাংক π এবং (T+dT) উষ্ণতাতে $\pi+\frac{d\pi}{dT}$ dT। পরিবাহীষয়ে টমসন গুণাংক যথাক্রমে σ_A ও σ_B এবং উহাদের প্রত্যেকেই ধনাত্মক রাশি।



154 9.8

চিত্র (9·৪)-এ তাপযুগ্মের বিভিন্ন অংশে তাপ-তড়িচ্চালক বল দেখানো হইরাছে।

বর্তনীতে মোট তাপ-তড়িচ্চালক বল

$$de = \pi + \frac{d\pi}{dT}dT - \sigma_{A}dT - \pi + \sigma_{B}dT$$

$$= \frac{d\pi}{dT}dT - (\sigma_{A} - \sigma_{B}) dT \qquad \cdots \qquad (9.55a)$$

শীতল সন্ধির উক্তা T_{i} ও উক্তর সন্ধির উক্তা T_{s} হইলে তাপযুগো মোট তাপ-তড়িচ্চালক বল

$$e = \pi_2 - \pi_1 - \int_{T_1}^{T_2} (\sigma_A - \sigma_B) dT$$
 ... (9.55b)

 π_s ও π_1 যথান্রমে T_1 ও T_s উষ্ণতায় পেল্টিয়ার গুণাংক । A ও B পরিবাহীর তাপ-যুগোর তাপ-তাড়ং-ক্ষমতা (thermo-electric power) হইবে

$$P = \frac{de}{dT} = \frac{d\pi}{dT} - (\sigma_A - \sigma_B) \qquad (9.56)$$

বর্তনীতে প্রবাহ i [$i \rightarrow 0$] খ্ব অলগ সময় dt-র জন্য চলিতে দেওর। হইলে প্রবাহিত তড়িং dq = idt। এজন্য সন্ধিষয় ও পরিবাহীতে তাপ-বিনিময় হইবে—

$$({f i})\cdot {f T} + d{f T}$$
 উক্তার সন্ধি হইতে গৃহীত তাপ $\left(\pi + rac{d\pi}{d{f T}}\;d{f T}
ight)dq/{f J}$

- (ii) পরিবাহী A-তে নিক্সিপ্ত তাপ $\sigma_{A}d\mathrm{T}dq/J$
- (iii) T উক্তার সন্ধিতে নিক্ষিপ্ত তাপ π dq/J

এবং (îv) পরিবাহী f B হইতে গৃহীত তাপ $f \sigma_B d T dq/J$

পরিবাহীর রোধ খ্ব কম হইলে, প্রবাহমাতা এবং প্রবাহকাল খ্ব সামান্য হইলে, অনুংক্রমনীয় পদ্ধতিতে উৎপন্ন তাপ উল্লিখিত তাপের তুলনায় খ্বই কম হইবে। সেই কারণে এই আবর্তনকে একটি উৎক্রমনীয় চক্র হিসাবে চিন্তা করিতে পারি। দ্বিতীয় সূত্র অনুসারে উৎক্রমনীয় চক্রে.

$$\frac{\left(\pi + \frac{d\pi}{dT}dT\right)dq}{T + dT} - \frac{\sigma_{A}dTdq}{T + \frac{dT}{2}} - \frac{\pi dq}{T} + \frac{\sigma_{B}dTdq}{T + \frac{dT}{2}} = 0$$
... (9.57)

অধবা
$$\frac{T_{dT}^{d\pi} - \pi}{T(T + dT)} = \frac{\sigma_{A} - \sigma_{B}}{T + \frac{dT}{2}}$$

পরিবাহী Λ ও B প্রত্যেকেরই এক প্রান্তের উষ্ণতা T এবং অন্য প্রান্তের উষ্ণতা T+dT—এই কারণে গড় উষ্ণতা T+dT/2। T-এর তৃলনায় dT খ্বই সামান্য হইলে হরের dT সমান্তিত পদগৃলিকে বাদ দেওয়া যাইতে পারে। এই অবস্থায় উপরের সমীকরণটিকে লেখা যায়—

$$\frac{T\frac{d\pi}{dT} - \pi}{T^2} = \frac{\sigma_A - \sigma_B}{T}$$

$$\frac{d\pi}{dT} - \frac{\pi}{T} = \sigma_A - \sigma_B \qquad \cdots \qquad (9.58)$$

$$\pi, \quad \pi = T \left[\frac{d\pi}{dT} - (\sigma_A - \sigma_B) \right] \\
= T \frac{de}{dT} = TP \qquad \cdots \qquad (9.59)$$

[সমীকরণ (9.56)-এর সাহাব্যে]

সমীকরণ (9.58)-কে লেখা যায়

$$\sigma_{A} - \sigma_{B} = \frac{d\pi}{dT} - \frac{\pi}{T} = T \frac{d}{dT} \left(\frac{\pi}{T}\right)$$
অথবা, $\sigma_{A} - \sigma_{B} = T \frac{dP}{dT} = T \frac{d^{2}e}{dT^{2}}$... (9.60)

পরিবাহী B সীসা (Pb) হইলে, $\sigma_B = 0$ এবং $\sigma_A - \sigma_B = \sigma_A$

9·6. উৎক্রমনীয় কোষের ভড়িচ্চালক বল (E.M.F. of a reversible cell):

উৎক্রমনীয় তড়িং কোষকে তাপগতীয় তল্ম বিবেচনা করিবার সপক্ষে
পূর্বেই যুক্তি দেখানো হইয়াছে। তাপগতিতত্ত্বের প্রয়োগে কোষের তড়িচালক
বল হিসাব করিবার পূর্বে আমরা একটি উৎক্রমনীয় কোষের কার্যপদ্ধতি
সংক্রেপে আলোচনা করিব।

ভ্যানিয়েল কোষ বস্তৃতঃ একটি উৎক্রমনীয় কোষ। ঐ কোষটির গঠনে, একটি কাঁচের পাত্রের মধ্যে অন্য একটি সচ্ছিদ্র পাত্র থাকে। এই সচ্ছিদ্র পাত্র একটি দস্ভার দশু এবং লঘু সালফিউরিক অ্যাসিড দ্রবণ অথবা ZnSO, দ্রবণ রাখা হয়। বাহিরে কাঁচের পাত্রে একটি তামার দশু বা পাত্ত সম্প্তে তুঁতের দ্রবণে (saturated CuSO, soln.) ভ্বানো থাকে। বহির্বর্জনীতে ঐ কোষের সাহায্যে তড়িং-প্রবাহ সৃষ্টি করিলে কোষের অভ্যন্তরে Zn ও H_2SO , -এর বিক্রিয়ায় H_2 উৎপত্র হয় এবং CuSO, বিশ্লেষিত হইয়া দশুর গায়ে Cu হিসাবে জমা হয়। বহিঃস্থ একটি কোষের সাহায্যে ভ্যানিয়েল কোষের অভ্যন্তরে বিপরীত দিকে একই পরিমাণ তড়িং প্রবাহিত হইলে উহা পুনরায় প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসিবে। এই সময়ে একই পরিমাণে তামা দ্রবণে যায় CuSO, হিসাবে CuSO, হেসাবে তামা দ্রবণে যায় CuSO, হিসাবে CuSO, হিয়া CuSO, হিসাবে CuSO, হিসাবে CuSO, হিসাবে CuSO, হিয়া CuSO, হিয়া CuSO, হিয়া CuSO, হিয়া CuSO, হিয়া CuSO, হি

সচ্ছিদ্র ঢাকনির পাত্রে— $Zn+H_sSO_*\rightleftarrows ZnSO_*+2H^++2e^-$ হাইড্রোঞ্জেন আয়ন ও ইলেকট্রন সচ্ছিদ্র পাত্রের ভিতর দিয়া $CuSO_*$ দ্রবণে প্রবেশ করে এবং সেখানে বিচিয়া ঘটায়।

কাঁচের পাত্রে বিচিয়ে। হইবে— $2H^+ + CuSO_* \rightleftharpoons H_*SO_* + Cu^{++}$ এবং তামার পাতে বিচিয়ে। $Cu^{++} + 2e^- \rightleftharpoons Cu$

অন্য বে-কোন মৃখ্য কোষের মতো ড্যানিয়েল কোষেও তাপ-উদ্গারী (exothermic) বিচিয়া হইবে। মনে করি n ডুল্যাম্ক-ভর (gramequivalent) দন্তা দ্রবলে যাওয়ায় এবং n ডুল্যাম্ক-ভর তামা পাতে জমা হওয়ায় মোট বিচিয়া তাপ $-\Delta H$ [তাপ উদ্গিরগের কারলে ঋণাম্মক চিহ্ন ব্যবস্থাত হইয়াছে]। এই বিচিয়া কালে $n\mathbf{F}$ [$\mathbf{F}=1$ ফ্যারাডে] তড়িৎ চালিত হয়।

প্রথম সূত্র অনুসারে

$$nFE = -J \Delta H$$

অথবা $E = -\frac{J \Delta H}{nF}$... (9.61)

প্রতি গ্রাম-অবৃ $ZnSO_4$ -এর সংগঠন-তাপ (heat of formation) 37,730 ক্যালরি এবং $CuSO_4$ -এর প্রতি গ্রাম-অবৃর বিভাজন-তাপ (heat of decomposition) 12,400 ক্যালরি। দুইটি ক্ষেত্রেই তাপ উদ্গিরণ হইবে। তামা ও দস্তা উভরেরই যোজ্যতা (valency) দুই, এবং সেই হিসাবে বলা বার 2F তড়িং-প্রবাহে কোষের অভ্যন্তরে রাসার্যনিক বিক্রিরার, মোট তাপ উদ্গিরণ হইবে 50,130 ক্যালরি। সমীকরণ (9.61)-তে ΔH -এর ঐ মান বসাইলে,

$$E = \frac{4.18 \times 50,130}{2 \times 96,500} = 1.09 \text{ (Selection)}$$

বন্ধৃতঃ ইহা জ্যানিয়েল কোষের তড়িচ্চালক বলের সমান (E=1.08 ভোল)। হেল্মহোৎজ সর্বপ্রথম এই বিষয়ে আলোকপাত করেন বে, একার আকাস্মিক ভাবেই এই মিল সন্তব হইরাছে। কোষের তড়িচ্চালক বল মুখ্যতঃ বিক্রিয়া-তাপের উপর নির্ভরশীল, কিছু সেই সঙ্গে তাপ-তড়িচ্চালক বল-ও (thermal e.m.f.) বর্তমান। জ্যানিয়েল কোষের ক্ষেত্রে তড়িচ্চালক বলের উক্তা-গুণাংক (temperature coefficient of e.m.f.) খ্ব কম হওরার কারণে তড়িচ্চালক বলের বিশেষ কোন তারতম্য হর না।

উৎক্রমনীর তাঁড়ং কোবের ক্রেতে তাপগতীর চল হইতেছে উক্তা T, তাঁড়কালক বল E, এবং তাঁড়ং-আধান q। বাঁহর্বর্তনীতে ধনাত্মক পাত

হইতে ঋণাত্মক পাতে ধনাত্মক তড়িং প্রবাহিত হয়; এই কারণে প্রবাহিত তড়িং ঝণাত্মক রাশি বিবেচিত হইবে। তড়িং প্রবাহকালে কোষ কর্তৃক সম্পাদিত কার্য $\Delta W = -Edq$ । রাসায়নিক তল্কের সমীকরণে P = -E এবং V = q ধরিলে উৎক্রমনীয় কোষের প্রতিষঙ্গী সমীকরণ (corresponding equation) পাওয়া যায়। উৎক্রমনীয় কোষের জন্য প্রথম T-dS সমীকরণ হইবে (সমীকরণ ৪:24 দ্রুত্ব্য)

$$TdS = C_a dT - T \left(\frac{\partial E}{\partial T}\right) q dq \qquad \cdots \qquad (9.62)$$

তড়িং-কোষের দ্রবণ সম্প $_{
m c}$ ক অবস্থায় থাকিলে তড়িচ্চালক বল কেবলমার উষ্ণতার উপর নির্ভর করিবে এবং ঐ অবস্থায় ($\partial E/\partial T$) $q=d\,E/d\,T$

$$\therefore TdS = C_q dT - T \frac{dE}{dT} dq$$

শ্বির উষ্টার তড়িং চালনা কালে পারিপাশ্বিক মাধ্যমের সঙ্গে কোষ তাপ-বিনিমর করে এবং,

$$\Delta Q = -T \frac{dE}{dT} dq$$

পারিপার্শ্বিক মাধ্যমকে তাপ দেওয়া হয় বলিয়া ঋণাত্মক চিহ্ন আসিতেছে। এক্ষেন্তে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন

$$\Delta \mathbf{U} = \Lambda \mathbf{Q} - \Lambda \mathbf{W} = \left(\mathbf{E} - \mathbf{T} \frac{d \mathbf{E}}{d \mathbf{T}} \right) \Delta q$$

তড়িং-প্রবাহের সময় কোষের অভ্যন্তরে চাপ স্থির থাকে এবং আয়তনেরও বিশেষ কোন পরিবর্তন হয় না। এই অবস্থায় এন্থ্যাল্পি বা মোট তাপের পরিবর্তন $\Delta H = \Delta U$

$$\therefore \qquad \Delta \mathbf{H} = \left(\mathbf{E} - \mathbf{T} \frac{d\mathbf{E}}{d\mathbf{T}} \right) \Delta q$$
অথবা
$$\mathbf{E} = \frac{\Delta \mathbf{H}}{\Delta q} + \mathbf{T} \frac{d\mathbf{E}}{d\mathbf{T}} \qquad \cdots \qquad (9.63)$$

কোষে ব্যবস্থাত পাত-দৃইটির প্রত্যেকটির যোজাতা n হইলে nF পরিমাণ তড়িৎ চালনা করিবার সময় কোষের তড়িৎদার-দৃইটিতে রাসায়নিক বিচিন্নার এক গ্রাম-অণু করিয়া মৌলের পরিবর্তন হইবে। এই সময়ের এন্থ্যাল্পির পরিবর্তনকৈ বিক্রিয়া তাপ (heat of reaction) বলা হয়। বিক্রিয়া তাপ $\Delta H(R)$ -কে সাধারণতঃ ক্যালরিতে লেখা হয় এবং $\Delta H(R) = \Delta H/J$, এই সঙ্গে — $\Delta q = n$ ি লিখিলে,

$$E = -\frac{JAH(R)}{nF} + T\frac{dE}{dT} \qquad \cdots \qquad (9.63a)$$

সমীকরণ (9.63) ও (9.63a) উভরকেই হেল্মহোৎজের সমীকরণ বলা হয়। হেল্মহোৎজই সর্বপ্রথম উৎদেমনীয় কোষের তড়িচ্চালক বলকে সঠিকভাবে ব্যাখ্যা করেন। হেল্মহোৎজের মূল প্রস্তাবটি এই বে, কোষের অভায়রে চাপ ও আরতন স্থির থাকে এবং সেই কারণে আরতন পরিবর্তনের জন্য কার্যের প্রয়োজন হয় না। এই সময়ে উষ্ণতা স্থির রাখিয়া তড়িং-প্রবাহ চালাইতে গেলে গিব্স অপেক্ষক হ্রাস পাইবে এবং উহারই বিনিময়ে কোষটি কার্য করিবে [সমীকরণ 8.13 দুওবা]। অর্থাং, হেল্মহোংজের প্রস্তাব অনুসারে $nFE \neq -\Delta H$, পক্ষান্তরে $-\Delta G = nFE$ ।

গিব্স হেল্মহোৎজের সমীকরণ হইতে দেখা যায়

$$\Delta G = \Delta H + T \left[\frac{\partial (\Delta G)}{\partial T} \right]_{P}$$

চাপ ও আয়তনের পরিবর্তন ব্যতীত তড়িং-কোষে বিচিয়া ঘটিয়া থাকে এবং ঐ অবস্থায় $\Lambda G = \Lambda F$ এবং $\Lambda H = \Lambda U$ । এই কারণে সমীকরণ (8:17)-এর পরিবর্তে সমীকরণ (8:16) প্রয়োগ করা যায়। হেল্মহোংজের সিদ্ধান্ত অনুসারে,

$$-n\mathbf{F}\mathbf{E} = A\mathbf{H} + \mathbf{T} \begin{bmatrix} \mathbf{a}(-n\mathbf{F}\mathbf{E}) \\ \mathbf{a}\mathbf{T} \end{bmatrix}_{P}$$

এই সমীকরণে এন্থ্যাল্পির পরিবর্তন ΛH -কে বিক্রিয়া তাপের হিসাবে লিখিলে সহজেই সমীকরণ (9.63a)-তে পৌছানো যায়।

হেলমহোৎত সমীকরণের অমুসিদ্ধান্ত-

 $1.~rac{d\,\mathrm{E}}{d\,\mathrm{T}}=0$ হইলে সমীকরণ (9.61)-এর সাহাধ্যে তড়িচ্চালক বল হিসাব

করা সম্ভব । ড্যানিয়েল কোষের ক্ষেত্রে $\frac{dE}{dT}$ খৃবই সামান্য এবং সেই কারণে ঐ ফুটিপূর্ব সমীকরণ প্রয়োগ করা সত্ত্বেও কোষের তড়িচ্চালক বলের বিশেষ তারতমা হয় না ।

- 2. $\frac{dE}{dT}$ ধনাত্মক রাশি হইলে কোষের তড়িচ্চালক বল E>E', [সমীকরণ (9.61)-র সাহায্যে তড়িচ্চালক বল হিসাব করিলে তাহাকে E' বিলব]। এই অবস্থায় বৃহির্বর্তনীতে তড়িং পাঠাইবার সময় কোষটি যে কার্য করিবে তাহা বিক্রিয়া-তাপের চেয়ে বেশী। কোষটি নিজে শীতল হইয়া বাকি তাপ সরবরাহ করিবে। উষ্ণতা স্থির রাখিবার প্রয়োজনে কোষটিকে পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে তাপ গ্রহণ করিতে হইবে।
- 3. $dE \over dT$ ঝণাত্মক রাশি হইলে E < E'—তড়িৎ-চালনা-কালে কোষটির উষ্ণতা বৃদ্ধি পাইবে। পারিপার্শ্বিক মাধ্যমকে তাপ দিলে তবেই কোষের উষ্ণতা দ্বির থাকিবে।

9'7. সরের ক্ষেত্র-প্রসারপ (Expansion of a surface film): তরল পৃষ্ঠে একক নৈর্ঘ্যের কল্পিত কোন রেখার উপর স্পর্শক তলে (tangential plane) লমু বরাবর যে বল ক্রিয়া করে তাহাকে ঐ তরলের প্রষ্ঠ-টান বলা হয়। প্রষ্ঠ-টান সাধারণতঃ dyne/cm এককে লেখা হয়। মনে করি, কোন তরলের পৃষ্ঠ-টান S dyne/cm। এই সংজ্ঞা অনুসারে উষ্টতা স্থির রাখিয়া সরের ক্ষেত্রফল একক পরিমাণে বৃদ্ধি করিতে প্রয়োজনীয় কার্য হওয়া উচ্চিত S ergs/cm²। অথবা সরের একক ক্ষেত্রের শক্তি (surface energy per unit area) হওয়া উচিত তরলের প্রষ্ঠ-টানের সমান। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে একক ক্ষেত্রের শক্তি পৃষ্ঠ-টানের চেয়ে বেশী হইবে। সরের ক্ষেত্রফল বাড়াইলে কিছু সংখ্যক অণু তরলের ভিতর হইতে পৃষ্ঠে উঠিয়া আসে। এই অণুগুলির স্থিতিশক্তি বৃদ্ধি পাওয়ায় উহাদের গতিশক্তি কমিয়া যায়। উষ্ণতা গড়-গতিশক্তির সমানুপাতিক এবং সেই কারণে উষ্ণতা হ্রাস পাইবে। উষ্ণতা স্থির রাখিতে গেলে পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে তাপ গ্রহণ করিতে হইবে। অতএব উষ্ণতা স্থির রাখিয়া সরের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করিবার সময় দুইটি কারণে শক্তির প্রয়োজন হইবে—(i) সরের ক্ষেত্র-বৃদ্ধির জন্য যাল্তিক শক্তি এবং (ii) উষতা স্থির রাখিবার জন্য তাপ-শক্তি। প্রথম কারণে একক ক্ষেত্রের জন্য শক্তি লাগিবে S এবং মনে করি, দ্বিতীয় কারণে একক ক্ষেত্রে প্রয়োজনীয় শক্তি h।

এই দৃই কারণে, একক ক্ষেত্রের মোট শক্তি

তাপগতিতত্ত্বের সাহাষ্যে h-এর মান নির্ণয় করা সম্ভব হইবে । পৃষ্ঠ-সরের জন্য তাপগতীর চলগুলি হইতেছে উক্তা T, সরের ক্ষেত্রফল A এবং তরলের পৃষ্ঠ-টান S । সরের ক্ষেত্রফল ΔA পরিমাণে বৃদ্ধি করিবার জন্য কার্য $\Delta W = -S\Delta A$ —সরের উপর কার্য করা হইতেছে বলিয়া ঋণাত্মক চিহ্ন দেওয়া হইয়াছে । রাসায়নিক তল্তের সহিত তুলনা করিলে P = -S এবং V = A ।

এইজন্য এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$\Delta S = \left(\frac{\partial S}{\partial T}\right)_{A} \Delta T + \left(\frac{\partial S}{\partial A}\right)_{T} \Delta A$$

স্থির উক্তায় খুব ধীরে সরের ক্ষেত্র-প্রসারণের সময় পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে সংগৃহীত তাপ

$$\Delta Q(R) = T\Delta S_T = T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial A \end{pmatrix}_T \Delta A$$

এক্ষেত্রে ম্যাক্সওরেলের তৃতীয় সমীকরণ হইবে

$$\begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial A} \end{pmatrix}_{T} = - \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial T} \end{pmatrix}_{A}$$

এবং এই কারণে $\Delta Q(R) = -T \begin{pmatrix} \partial S \\ \partial T \end{pmatrix}_{A} \Delta A$

আন্তর-শক্তির পরিবর্তন

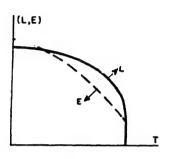
$$\Delta U = \Delta Q - \Delta W = \left[\mathbf{S} - \mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{S}}{\partial \mathbf{T}} \right)_{\mathbf{A}} \right] \Delta \mathbf{A}$$

 $\Delta U/\Delta A$ -সরের একক ক্ষেত্রের শক্তি নির্দেশ করে, ইহাকে E লিখিলে পরে

$$E = S - T \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right) \tag{9.64a}$$

সমীকরণ (9.64) ও (9.64a)-কে তুলনা করিলে দেখা যায় $h=-\mathrm{T}~(\partial S/\partial T)_A$ । অধিকাংশ ক্ষেত্রেই $(\partial S/\partial T)_A$ থণাত্মক রাশি, এই কারণে h ধনাত্মক রাশি হইবে—অর্থাৎ উক্তা ছির রাখিরা সরের ক্ষেত্রফল বৃদ্ধি করিতে গেলে পারিপার্শিক মাধ্যম হইতে তাপ গ্রহণ করিতে হইবে। সমীকরণ (9.64a)-র সাহাব্যে বিভিন্ন উক্তার সরের একক ক্ষেত্রের শক্তি হিসাব করা বার।

বাষ্পারনের জন্য অণুগুলির শক্তি তরল পৃষ্ঠে উহাদের যে শক্তি তাহার চেরে বেশী হওয়া আবশ্যক। অন্যভাবে বলা যায়, সরের একক ক্ষেত্রের শক্তির উপর ঐ উষ্ণতায় বাষ্পায়নের লীন তাপ নির্ভর করে। সরের একক



60 9.9

ক্ষেত্রের শক্তি এবং বাষ্পায়নের লীন তাপ উষ্ণতার সঙ্গে যে একইভাবে পরিবর্তিত হয় চিত্র (9.9)-এ তাহা দেখানো হইয়াছে।

উদাহরণ। জলের পৃষ্ঠ-টান 0°C-এ 75'5 dynes/cm এবং 10°C-এ 74'3 dynes/cm। জল-বিন্দুর ব্যাসার্য কতদূর পর্যন্ত বাহিরের তাপ গ্রহণ না করিয়া বাম্পায়ন সম্ভব হইবে? [0°C-এ বাম্পায়নের লীন তাপ = 596 cal/gm]

মনে করি, এইজন্য জল বিন্দুর সর্বোচ্চ ব্যাসার্য $= r \, \mathrm{cm}$ । অণু-পরিমাণ বান্দীভবনে ব্যাসার্য dr হ্রাস পাওয়ার ফলে পৃষ্ঠদেশের ক্ষেত্রফলও হ্রাস পাইবে। এই পরিবর্তনে

$$dA = d(4\pi r^2) = 8\pi r dr$$

এই সময়ে $d\,m$ পরিমাণ তরল বাষ্ণীভূত হইবে এবং $dm=4\pi r^2
ho dr$

বাহির হইতে কোন তাপ গ্রহণ করা হইবে না, সেজন্য

$$L dm \leq EdA$$

একলে, পৃষ্ঠ-তলের একক ক্ষেত্রের শক্তি ${
m E}={
m S}-{
m T}\,rac{d{
m S}}{d{
m T}}$

$$=75.5-273.\frac{74.3-75.5}{10}$$

জ্বৰা E = 75.5 + 273 × 12 = 108.3 ergs/cm²

 $\therefore 4\pi r^2 dr. \rho. \times 596 \times 4.18 \times 10^7 \leq 8\pi r dr \times 108.3$

$$r \le \left[\frac{2 \times 108.3}{596 \times 4.18}\right] \times 10^{-7} = 8.67 \times 10^{-9} \text{ cm}$$

প্রশাসা

1. প্রমাণ কর ধে,

$$C_{p} - C_{v} = -T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P}^{2} \left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_{T}$$
$$= \frac{9VT\alpha^{2}}{k_{T}}$$

 α ও k_T যথান্তমে দৈর্ঘ্য-প্রসারণ-গুণাংক ও সমোক আয়তন সংনম্যতা। কোন্ কোন্ অবস্থায় $C_v = C_v$? দেখাও যে, ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের ক্ষেত্রে

$$C_{p} - C_{v} = R \left(1 + \frac{2a}{RTV} \right)$$

- 2. প্রমাণ কর.
- (a) রন্ধতাপীয় ও সমোক আয়তন-বিকৃতি-গুণাংকের অনুপাত C_p ও C_q অনুপাতের সমান ।
- (b) রন্দ্রতাপ আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক ও ন্থির চাপে আয়তন-প্রসারণ-গুণাংকের অনুপাত $1/(1-\gamma)$
- (c) রন্ধতাপ চাপ-প্রসারণ-গুণাংক ও ছির আয়তনে চাপ-প্রসারণ-গুণাংকের অনুপাত হইবে $\gamma/(\gamma-1)$

প্রশ্ন (b) ও (c)-তে
$$Y = C_p/C_v$$

3. (a) প্রমাণ কর,

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial C_v}{\partial V} \end{bmatrix}_T = T \begin{pmatrix} \frac{\partial^s P}{\partial T^s} \end{pmatrix}_T$$

দেখাও যে, আদর্শ গ্যাস ও ভ্যান্-ভার ওরালস গ্যাস উভর ক্ষেত্রেই \mathbf{C}_{v} কেবলমাত্র উক্তার অপেকক।

(b) গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ

$$\frac{PV}{RT} = 1 + \frac{B(T)}{V}$$

দেশাও বে,
$$C_v = -rac{{
m RT}}{{
m V}}rac{d^2}{d{
m T}^2}({
m B.T}) + [{
m C}_v]_{{
m Fa}}$$

4. (a) প্রমাণ কর,

$$\left[\frac{\partial C_p}{\partial P}\right]_T = -T \left(\frac{\partial^2 V}{\partial T^2}\right)_P$$

দেখাও যে, আদর্শ গ্যাসের জন্য \mathbf{C}_p কেবলমাত্র উষ্ণতার অপেক্ষক। ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের জন্য একই সিদ্ধান্ত প্রযোজ্য কি ?

(b) গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ.

$$\frac{PV}{RT} = 1 + B(T)P$$

দেখাও যে,
$$C_{\nu} = -RTP \frac{a}{dT^2}(B.T) + [C_p]_{P=0}$$

5. প্রমাণ কর যে, সমোষ্ণ ও রুদ্ধতাপ আয়তন সংনম্যতার অন্তর

$$k_r - k_s = \frac{T\beta^2 V}{C}$$

β তন্ত্রের আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক।

6. দেখাও যে, ভ্যান্-ডার ওয়ালস গ্যাসের জন্য রুদ্ধতাপ-আয়তন-প্রসারণে চাপ ও আয়তনের পারস্পরিক সম্পর্ক,

$$(P + a/V^2)(V - b)^{\gamma} = \$ \nabla \nabla$$

 C_n ও C_v -এর অনুপাতকে Y লেখা হইয়াছে ।

7. 0°C উক্ট তায় নিকেলের জন্য নিম্নলিখিত উপাত্তসমূহ জানা বায়—
আগব ভর = 58'7; ঘনম্ব = 8'9 gm/cc
আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক = 40×10^{-6} /°C
সমোক সংনম্যতা = '568×10⁻¹³cm²/dyne
ভির চাপে আপেক্ষিক তাপ = '109 cal

এক**ই উক্**তায় চ্ছির আয়তনে আণব তাপগ্রাহিতা হিসাব কর । ঐ উক্তায় নিকেলের রুদ্ধতাপ আয়তন সংনম্যতা কত ?

তাপগতিতত্ত্ব

8. পারদের ক্ষেত্রে প্রমাণ চাপে C_p ও C_p-এর অন্তর কি হইবে ? ঘনম্ব = 13.6 gm/cc; আগব ভর = 200.6 আরতন-প্রসারণ-গুণাংক = 18.2 × 10⁻⁶/°C সমোক সংনম্যতা = 3.9 × 10⁻¹⁸ cm³/dyne গ্যাস-ধ্রুবক R-এর হিসাবে ফ্লাফল প্রকাশ কর।

- 9, স্থল-উমসনের সচ্ছিদ্র ঢাকনির পরীক্ষাটিকে বর্ণনা কর। ঐ পরীক্ষার সিদ্ধান্ত কি ? পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে কিভাবে ব্যাখ্যা করিবে ?
- 10. স্থ্ল-টমসন গুণাংকের অর্থ কি? স্থ্ল-টমসনের গুণাংক হিসাব করিয়। দেখাও বে, স্থ্লের সূত্র ও বয়েলের সূত্র হইতে বিচ্ছাতির কারণেই গ্যাসের উষ্ণতার তারতম্য ঘটে। ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাসের ক্ষেত্রে স্থাল-টমসনের গুণাংকের হিসাব দাও।
- 11, উৎক্রম উক্তা বলিতে কি বৃঝ ? জ্ল-টমসনের পরীক্ষার ভ্যান্-ভার ওয়ালস গ্যাস ব্যবহার করা হইলে উৎক্রম উক্তা হিসাব কর। কোন্ অবস্থার হাইড্রোজেন ও হিলিয়াম গ্যাস জ্ল-টমসনের পরীক্ষার শীতল হইবে ?
 - 12. জ্বল-টমসনের পরীকার—

উচ্চচাপ অংশে বায়ুর চাপ =215 atmos.

নিমুচাপ অংশে বায়ুর চাপ = 1°2 atmos.

প্রারম্ভিক উঞ্চতা = 0°C

নিম্নচাপ অঞ্চলে বাহির হওয়ার পর গ্যাসের উষ্টতার কি তারতম্য হইবে ? বায়ুকে ভাান্-ডার ওয়ালস গ্যাস ধরিয়া লও, এবং উহার জনা—

 $a = 13.4 \times 10^6$ atmos $\times 10^6$ /mole,

b = 36.5 cc/gm

এবং $C_p = 6.95$ cal/mole

উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে ঐ একই পরিবর্তনে গ্যাসের অন্তিম উক্তা কি হইবে ? (Y=1.40)

13. জ্ল-টমসনের সচ্ছিদ্র ঢাকনির পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে কিভাবে চিরন্তন গ্যাস হাইড্রোজেন ও হিলিয়ামের তরলীকরণে প্রয়োগ করা হইয়াছে তাহা 14. প্রমাণ কর যে, জ্ল-টমসন গুণাংক $\mu\left[\mu=\left(rac{\partial T}{\partial P}
ight)_{
m H}
ight]$ ও মৃক্ত-প্রসারণ-

গুণাংক
$$\eta$$
-র $\left[\begin{array}{c} \eta = \begin{pmatrix} \partial T \\ \partial P \end{pmatrix}_{\sigma} \right]$ মধ্যে সম্পর্ক হইবে
$$\eta \left[C_{\mathfrak{p}} - \left\{ \begin{matrix} \partial \\ \partial T \end{matrix} PV \right\}_{P} \right] = \left[\mu C_{\mathfrak{p}} + \left\{ \begin{matrix} \partial \\ \partial P \end{matrix} PV \right\}_{T} \right]$$

15. নিম্মলিখিত তাপগতীয় সিদ্ধান্তগুলিকে প্রমাণ কর-

(a)
$$\begin{pmatrix} \partial \mathbf{T} \\ \partial \mathbf{P} \end{pmatrix}_{H} = \frac{1}{C_{p}} \left[\mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{V}}{\partial \mathbf{T}} \right)_{P} - \mathbf{V} \right]$$

দেখাও যে, গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ—

$$PV = RT + B(T)P$$

হইলে.

$$\left(\frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{P}}\right)_{H} = \frac{1}{C_{p}} \left[\mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{P} - \mathbf{B} \right]$$

(b)
$$\left(\frac{\partial \mathbf{T}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{r} = -\frac{1}{C_{\bullet}} \left[\mathbf{T} \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{r} - \mathbf{P}\right]$$

16. জ্ল-টমসনের পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে ব্যাখ্যা কর এবং দেখাও ষে, ঐ পরীক্ষায় গ্যাসের উষ্ণতার পরিবর্তন

$$\Delta \mathbf{T} = \frac{\mathbf{T} \begin{pmatrix} \partial \mathbf{V} \\ \partial \mathbf{T} \end{pmatrix}_{P} - \mathbf{V}}{\mathbf{C}_{n}} \Delta \mathbf{P}$$

উপরের এই সমীকরণটির সাহায্যে কিভাবে গ্যাস-থার্মোমিটারের পাঠ জানিয়া কেল্ভিন ক্কেলে উষ্ণতার পাঠ জানা সম্ভব হইবে, তাহা বিশদভাবে আলোচনা কর।

17. হাইড্রোজেন ব্যবস্থাত গ্যাস-থার্মোমিটারে বরফের হিমাষ্ক 273°14°, কেল্ভিন কেলে ঐ উষ্ণতার পাঠ কি হইবে? হাইড্রোজেনের জন্য—

জ্ল-টমসন গুণাংক = - '039°C/atmos.

শ্বির চাপে আণব আপেক্ষিক তাপ = 6.86 cal/mole আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক = :00366/°C

18. গ্যাস-থার্মোমিটারে বায়ু ব্যবহার করা হইয়াছে এবং ঐ থার্মোমিটারে

বরফের হিমান্কের পাঠ 272'44°; তাপগতীর ক্কেন্সে উক্তার পাঠ কি হইবে?

জ্ব-টমসন গুণাংক = '208°C/atmos আপেক্ষিক তাপ = '2389 cal/gm.

প্রমাণ চাপ ও উক্তার আপেক্ষিক আরতন = 773'4cc.

- 19. রক্ষতাপ নিশ্চৌম্ববীকরণে প্যারাচুম্ববীর পদার্থের উষ্ণতা হ্রাসের মূল পদ্ধতিটি বৃঝাইয়া দাও। উষ্ণতা হ্রাসের এই ঘটনাটিকে এন্ট্রপির আলোকে কিভাবে ব্যাখ্যা করিবে ? উষ্ণতার চুম্ববীর ক্ষেল বলিতে কি বৃঝা?
- 20. (a) T°K উক্তার কুরী সূত্র অনুসারী প্যারাচৌম্বক পদার্থের উপর চৌম্বক ক্ষেত্রের তীব্রতা উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে H পর্যত বৃদ্ধি করা হইল। প্রমাণ কর বে, উক্তা স্থির রাখিতে পারিপার্থিক মাধ্যমে বর্জিত তাপ

$$(\Delta Q)_{T} = -\frac{K_{o}H^{2}V}{2T}$$

(b) চৌমুক বলক্ষেত্রের তীরতা রন্ধতাপ উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে H হইতে পুনরায় O করা হইল। দেখাও যে, অন্তিম উষ্ণতা T'ও প্রাথমিক উষ্ণতা T-এর মধ্যে সম্পর্ক হইবে :

$$T'^{2} = T^{2} - \frac{2T(\Delta Q)_{T}}{C_{n}}$$

- (c) কুরী সূত্র অনুসরণ করে, এমন একটি প্যারাচৌম্বক পদার্থের তাপগ্রাহিত। $C_{\text{M}}=10^{-8}$ Joules/°। প্রথমে তরল হিলিয়ামে (উকতা 3°K) নিমন্দ্রিত রাখিয়া দ্বির উকতায় চুম্বকীকরণের পর উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে ইহার উপর চৌম্বক বল তুলিয়া লওয়া হইল। সমোক চৌম্বকীকরণে পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে নিক্ষিপ্ত তাপ 5×10^{-8} Joule; অন্তিম উকতা হিসাব কর।
- 21. তাপ-তড়িচ্চালক-বল বলিতে কি বুঝ ? পেল্টিয়ার গৃণাংক ও টমসন গুণাংকের অর্থ বুঝাইয়া দাও।

প্রমাণ কর বে,

$$\pi = T \frac{de}{dT} \in \sigma_A - \sigma_B = T \frac{d^a e}{dT^a}$$

 $T^{\circ}K$ উক্তায় পেল্টিয়ার গুণাংক π এবং σ_A ও σ_B বথাক্রমে A ও B পরিবাহীর টমসন গুণাংক।

দেশম পরিচ্ছেদ

সাম্যাবস্থা ও দিতীয় সূত্র

(Equilibrium and Second law)

তাপগতীয় তন্দ্রের সাম্যাবস্থা নির্দেশ করিতে দ্বিতীর সূত্রের ভূমিকা (7·10)-অনুচ্ছেদে সাধারণভাবে আলোচনা করা হইয়াছে। দেখা গিয়াছে, কোন তন্দ্র সাম্যাবস্থায় থাকিবে যদি—

- 1. বিচ্ছিন্ন তন্দ্রের জন্য এন্ট্রপি (অর্থাৎ তন্দ্র ও পারিপার্শ্বিক মাধ্যমের মোট এন্ট্রপি) সর্বোচ্চ মানে থাকে । এক্ষেত্রে কোন কার্ন্পনিক অণু-পরিবর্তনে $\delta S=0$ ।
- 2. তন্দ্রের হেল্মহোংজ অপেক্ষক বা মৃক্ত শক্তি অবম মানে থাকে। ঐ অবস্থায় স্থির আয়তন ও উষ্ণতার কান্সনিক অণু-পরিবর্তনে $\delta F=0$ ।
- 3. তন্তের গিবস্ অপেক্ষক অবম মানে থাকে। সাম্যাবস্থায় স্থির চাপ ও উষ্ণতার কাম্পনিক অণু-পরিবর্তনে $\delta G=0$ ।

এই পরিচ্ছেদে উপরের সাধারণ সূত্রগুলির সাহায্যে বিভিন্ন তল্তের সাম্যাবস্থা পর্যালোচনা করা হইবে।

10.1. দক্ষণা সাম্য (Phase equilibrium): পদার্থের তিনটি দশা—কঠিন, তরল ও বাল্প। অধিকাংশ ক্ষেত্রেই বস্তু এই তিনটি দশার যে-কোন একটি দশাতে থাকে। তাপ-বিনিময়ে বস্তু এক দশা হইতে অন্য দশাতে পরিবর্তিত হইতে পারে। ইহাকে অবস্থার রূপান্তর অথবা দশান্তর (phase change) বলা হয়। যেমন—বরফ, জল ও বাল্প (steam) একই বস্তু H_2 O-এর তিনটি দশা। ক্রমাগত তাপ দিলে প্রথমে বরফ জলে এবং শেষে জল বাল্পে রূপান্তরিত হয়। যে নিদিন্ট উক্ষতায় কঠিন পদার্থকে তাপ দিলে উক্ষতার কোন পরিবর্তন বাতীত উহা তরলে রূপান্তরিত হয় তাহাকে বস্তুর গলনাব্দ বলে। একই উক্ষতায় তরল অবস্থাতে বস্তু হইতে তাপ শোষণ করা হইলে উহা পুনরায় কঠিন অবস্থায় ফিরিয়া যায়। এই উক্ষতাকে তরলের হিমান্ক বলে। গলনাব্দ ও হিমান্ক একই উক্ষতা নির্দেশ করে। অনুরূপভাবে একটি নির্দিন্ট উক্ষতায় তরলকে তাপ দিলে উক্ষতার পরিবর্তন বাতীত উহা বাল্পে রূপান্তরিত হইবে। এই উক্ষতাকে তরলের স্ফুটনাব্দ বলে। গলন ও স্ফুটনের

সমর অবস্থার রূপান্তর সম্পূর্ণ না হওয়া পর্যন্ত উকতা স্থির থাকে। গলনান্দেক কঠিন পদার্থ ও উহার তরল অবস্থা এবং স্ফুটনান্দেক তরল ও উহার বালপ পরস্পরের সঙ্গে সাম্যে থাকে। একটি পাত্রে কিছু পরিমাণ বরফ লইয়া বাহির হইতে তাপ দেওরা হইল। বরফের একটি অংশ গলিয়া জল হইবার পরে উহাকে তাপ-অন্তরিত অবস্থায় রাখিয়া দিলে পাত্রের মধ্যে বরফ ও জলের আনুপাতিক ভরের কোন পরিবর্তন হয় না। একইভাবে স্ফুটনাক্ষ উহার উপরিস্থিত চাপের উপর নির্ভর করে—অর্থাং বস্তৃর গলনাক্ষ ও স্ফুটনাক্ষ উহার উপরিস্থিত চাপের উপর নির্ভর করে—অর্থাং বস্তৃর উপরিস্থিত চাপের তারতম্যে গলনাক্ষ ও স্ফুটনাক্ষের পরিবর্তন হয়। যে নির্দিষ্ট উকতায় তরলের সম্পৃক্ত বাল্পের চাপ উহার উপরিস্থিত চাপের সমান সেই উকতাই হইবে তরলের স্ফুটনাক্ষ । এই কারণে বলা যায়, দশান্তর বা পদার্থের অবস্থার রূপান্তর চাপ ও উকতা এই দুইটি চলের উপর নির্ভর করে।

ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণ (Clapeyron equation)—নির্দিণ্ট চাপে পদার্থের গলনাব্দ ও স্ফুটনাব্দ নির্দিণ্ট থাকে। চাপ পরিবর্তনে গলনাব্দ ও স্ফুটনাব্দের যে তারতম্য হয় তাপগতিতত্ত্বের সাহায্যে তাহা হিসাব করা সম্ভব। বিভিন্ন উপারে একই সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়—ইহাদের মধ্যে এখানে মাত্র করেকটির উল্লেখ করা হইল। গলনাব্দে ও স্ফুটনাব্দে দুইটি দশার মধ্যে সাম্য বর্তমান—ইহা ধরিয়া লওয়া হইবে।

মনে করি, ঐ অবস্থায় δQ তাপ গ্রহণে (স্থির উন্সতার) dm ভরের

আপেক্ষিক এন্ট্রপি ও আপেক্ষিক আরতন বলিতে একক ভরের এন্ট্রপি ও আরতন বুখাইতেছি।

তরল বালে রূপান্তরিত হইয়াছে। অবস্থার এই রূপান্তরের ফলে মিশ্রণের মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন

 $dS_T = (s_2 - s_1) \ dm = \frac{Ldm}{T}$ [L = বাঙ্গীভবনের স্বীন তাপ] এবং আয়তনের মোট পরিবর্তন

$$dV_{T} = (v_{2} - v_{1})dm$$

$$\therefore T \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial V} \end{pmatrix}_{T} = \frac{L}{v_{2} - v_{1}} \qquad \cdots \qquad (10.1)$$

ম্যাক্সওয়েলের তৃতীয় সমীকরণের $[(8S/8V)_T = (8P/8T)_F]$ সাহাষ্যে $(10^\circ 1)$ -এর পরিবর্তে

$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{r} = \frac{L}{T(v_{2} - v_{1})} \qquad \cdots \qquad (10.2)$$

যেহেতু ঐ অবস্থায় বাষ্প উহার তরলের সংস্পর্শে থাকে সেই কারণে সমীকরণ (10.2) উষ্ণতা পরিবর্তনের সঙ্গে সম্পৃক্ত বাষ্পচাপের পরিবর্তন হার নির্দেশ করে।

অর্থাৎ;
$$\left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_{Sat} = \frac{L}{T(v_2 - v_1)}$$
 ... (10.3)

বাষ্পীভবনের জন্য এই প্রমাণ দেওয়া হইলেও সাধারণভাবে যে-কোন দশান্তরের ক্ষেত্রে সমীকরণটি প্রযোজ্য। সমীকরণ (10°3)-কে ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণ বলা হয়।

2. গিব্স অপেক্ষকের সাহায্যে ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণ
সাম্যাবন্থায় থাকার দরুন পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি দশার বিভিন্ন অংশে চাপ ও
উক্ষতা একই থাকে। এই কারণে কোন একটি দশার আপেক্ষিক আন্তর-শক্তি ও
আপেক্ষিক এন্ট্রপিকে উহার ভর দ্বারা গৃণ করিলে দশাটির মোট আন্তর-শক্তি ও
এন্ট্রপির হিসাব পাইব। একইভাবে আপেক্ষিক আরতন হইতে মোট
আয়তন জানিতে পারি।

দুইটি দশার জন্য মোট আয়তন, আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপি বথাক্রমে,

$$V = V_1 + V_2 = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

 $U = U_1 + U_2 = m_1 u_1 + m_2 u_2$
 $S = S_1 + S_2 = m_1 s_1 + m_2 s_2$

এই সমীকরণগৃলিতে m_1 ও m_2 বথাদ্রমে প্রথম ও বিতীয় দশায় ভর এবং u_1 ও u_2 ঐ দুইটি দশাতে আপেক্ষিক আন্তর-শক্তি। v_1 , v_2 ও s_1 , s_2 বথাদ্রমে প্রথম ও বিতীয় দশায় আপেক্ষিক আয়তন ও এন্ট্রপি।

সম্পূর্ণ তন্তের জন্য গিব্স অপেক্ষক

$$G = G_1 + G_2 = m_1 g_1 + m_2 g_2$$

 g_1 ও g_2 দৃইটি দশাতে একক ভরের জন্য গিব্স অপেক্ষক। সাম্যাবস্থার সর্ভ হইতে প্রমাণ করা ধার বে, দশান্তরের সময় দৃইটি দশাতেই চাপ ও উক্ষতা সমান। প্রথমে ধরা ধাক, একটি দশাতে চাপ P_1 এবং উক্ষতা T_1 এবং অন্য দশাতে চাপ P_2 ও উক্ষতা T_2 । উহাদের নির্দিন্ট আয়তনের তাপ-অন্তরক কোন পাত্রের মধ্যে রাখা হইয়াছে—পাত্রের আয়তন দৃইটি দশার বস্তুর মোট আয়তনের সমান। ঐ অবস্থার কাম্পনিক অণু-পরিবর্তনে

$$\delta \mathbf{M} = \delta m_1 + \delta m_2 = 0 \tag{10.4a}$$

$$\delta V = (m_1 \delta v_1 + m_2 \delta v_2) + (v_1 \delta m_1 + v_2 \delta m_2) = 0 (10.4b)$$

$$\delta U = (m_1 \delta u_1 + m_2 \delta u_2) + (u_1 \delta m_1 + u_2 \delta m_2) = 0 (10.4c)$$

বেহেতু তাপ-অন্তরক পাত্রের আভাররীণ অবস্থাটি একটি বিচ্ছিন্ন তন্দ্রের সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে সেই কারণে কান্পনিক অণু-পরিবর্তনের সর্ত $\delta S=0$ ।

$$δS = (m1δs1 + m2δs2) + (s1δm1 + s2δm2)$$

$$= m1 \left(\frac{δu1 + P1δυ1}{T1} \right) + m2 \left(\frac{δu2 + P2δυ2}{T2} \right)$$

$$+ (s1δm1 + s2δm2) = 0$$
(10.5)

এই সমীকরণে δm_1 , δm_2 ইত্যাদির প্রত্যেককে ইচ্ছামতো পরিবর্তন করা সম্ভব নর । কাল্পনিক পরিবর্তনের সর্তগৃলি [সমীকরণ (10.4a), (10.4b) ও (10.4c)] সমীকরণ (10.5)-এ আরোপ করিলে

$$\left[\frac{1}{T_{1}} - \frac{1}{T_{2}}\right] m_{1} \delta u_{1} + \left[\frac{P_{1}}{T_{1}} - \frac{P_{2}}{T_{2}}\right] m_{1} \delta v_{1}
+ \left[s_{1} - s_{2} + \frac{u_{2} - u_{1}}{T_{2}} + \frac{P_{2}(v_{2} - v_{1})}{T_{2}}\right] \delta m_{1} = 0$$

বে-কোন অণ্-পরিবর্তনে উপরের সমীকরণটি প্রযোজ্য। পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি পদ শূন্য হইলে তবেই ইহা সম্ভব হইতে পারে। সেই কারণে সাম্যাবন্দার সর্ত—

$$\frac{1}{T_1} = \frac{1}{T_2}$$
 অথবা, $T_1 = T_2 = T$ (10.6a)

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$
 অথবা, $P_1 = P_2 = P$ (10.6b)

$$\text{eqt}, \quad s_1 - \frac{u_1 + P_2 v_1}{T_2} = s_2 - \frac{u_2 + P_2 v_2}{T_2}$$

পূর্ব সর্ত-দৃইটির সাহায্যে

$$Ts_1 - (u_1 + Pv_1) = Ts_2 - (u_2 + Pv_2)$$

অথবা, $g_1 = g_2$ (10.6c)

তৃতীয় সর্তাটকৈ প্রকৃতপক্ষে প্রথম দুইটি সর্তের ফলশ্রুতি বা অনুসিদ্ধান্ত বলা যাইতে পারে। দ্বির চাপ ও উক্ষতায় অবস্থান্তরের ফলে গিব্ স অপেক্ষকের কোন পরিবর্তন হয় না। দশান্তরের সময় উক্ষতা T-এর পরিবর্তে T+dT হইলে পরিবর্তিত অবস্থায় দুইটি দশাতে গিব্ স অপেক্ষক পুনরায় একই হইবে—

অৰ্থাৎ,
$$g_1 + dg_1 = g_2 + dg_3$$

$$\therefore dg_1 = dg_3$$

যে-কোন সমসত্ব তন্দ্রের জন্য $dg = vd\mathbf{P} - sd\mathbf{T}$

$$v_1dP - s_1dT = v_2dP - s_2dT$$

অথবা $(s_2 - s_1)dT = (v_2 - v_1)dP$

কিন্তু
$$s_2-s_1=rac{
m L}{
m 1}$$
 এবং এই কারণে $rac{d{
m P}}{d{
m T}}\!=\!rac{
m L}{{
m T}(v_2-v_1)}$

চাপ পরিবর্তনে গলনাচ্ছ ও স্ফুটনান্ডের যে পরিবর্তন হয় ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণ হইতে তাহা হিসাব করা সম্ভব হইতেছে। পরীক্ষা হইতে দেখা ষার বে, চাপ বৃদ্ধি করিলে তরলের স্ফুটনাল্ক বৃদ্ধি পার, পক্ষান্তরে চাপ হ্রাস করিলে স্ফুটনাল্ক কমিরা আসে। মোমের উপর চাপ বাড়াইলে উহা বেশী উক্তার গলিবে কিন্তু ঐ জন্য বরফের গলন উক্তা কমিরা বার। ইহার কারণ কি?

তরলের স্ফুটনে বা কঠিন পদার্থের গলনের সময় L অবশাই ধনাত্মক রাশি। বান্দের আয়তন একই ভরের তরলের আয়তনের চেয়ে অনেক গৃণ বেশী; অর্থাৎ $v_{s} > v_{s}$ । কেল্ভিন স্কেলে উষ্ণতা কখনই ঝণাত্মক সংখ্যা হইতে পারে না। বেহেতু ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণে ভান দিকের প্রত্যেকটি পদ ধনাত্মক রাশি সেই কারণে $\partial P/\partial T$ অবশাই ধনাত্মক রাশি হইবে। ইহার অর্থ এই যে, dP ধনাত্মক রাশি হইলে dT-ও ধনাত্মক রাশি হইবে এবং dP ঝণাত্মক রাশি হইলে dT-ও ঝণাত্মক রাশি হইবে—অর্থাৎ চাপ বাড়াইলে স্ফুটনাক্ষ বাড়িবে এবং কমাইলে স্ফুটনাক্ষ কমিবে। মোমের গলনের পর উহার আয়তন বৃদ্ধি পায়; সেজনা ঐ একই সিদ্ধান্ত প্রয়োজ্য হইবে। কিন্তু বরফ গালিয়া জলে রূপান্তরিত হইলে উহার আয়তন হ্রাস পায় $[v_{s} < v_{s}]$, এবং সেই জন্য $\partial P/\partial T$ ঋণাত্মক রাশি। ঐ বিশেষ ক্ষেত্রে চাপ-বৃদ্ধিতে বরফ কম উষ্ণতায় গলিবে, পক্ষান্তরে চাপ-হ্রাসে গলন-উষ্ণতা বৃদ্ধি পাইবে।

উদাহরণ 1. $100^\circ C$ উঞ্চায় জলের বাণ্গীভবনের লীন তাপ 540~cal। চাপ কি হইলে জলের স্ফুটনাব্দ $101^\circ C$ হইবে ? জলের আপেক্ষিক আয়তন 1cc/gm এবং বাণ্গের আপেক্ষিক আয়তন 1674cc/gm.

$$dP = \frac{L}{dT} = \frac{L}{T(v_s - v_1)}$$
शक्षान्याज्ञी $dT = 1^{\circ}C = 1^{\circ}K$
 $L = 540 \text{ cal} = 540 \times 4^{\circ}2 \times 10^{7} \text{ ergs}$
 $T = (100 + 273) = 373^{\circ}K$

$$\text{এবং } (v_s - v_1) = 1674 - 1 = 1673\text{cc}$$

$$\therefore dP = \frac{LdT}{T(v_s - v_1)}$$
 $= \frac{540 \times 4^{\circ}2 \times 10^{7} \times 1}{373 \times 1679} \text{ dynes/cm}^{\circ}$

অথবা
$$dP = \frac{540 \times 4.2 \times 10^7}{373 \times 1673 \times 13.6 \times 980}$$

cm. পারদ স্তম্ভের চাপ

= 2.73 cm. পারদ ভাষের চাপ

সূতরাং জলের উপর চাপ $(760+27^{\circ}3)~\mathrm{mm}$ বা $787^{\circ}3~\mathrm{mm}$ পারদ শুন্তের চাপের সমান হইলে উহার স্ফুটনাঙ্ক হইবে $101^{\circ}C$ । অন্যভাবে বলা যায়, জলের উপর চাপ-পরিবর্তন $1~\mathrm{cm}$ পারদ শুন্তের চাপের সমান হইলে স্ফুটনাঙ্কের তারতম্য হয় $37^{\circ}C$ ।

2. 1 atmosphere চাপ-বৃদ্ধিতে বরফের গলনাজ্বের কি পরিবর্তন হইবে? বরফের লীন তাপ 80 cal এবং আপেক্ষিক আয়তন 1.09 cc./gm.

প্রশ্ন অনুযায়ী;

$$dP = 1 \text{ atmosphere} = 76 \times 13.6 \times 980 \text{ dynes/cm}^{2}$$

$$= 1.013 \times 10^{6} \text{ dynes/cm}^{2}$$

$$L = 80 \text{ cal} = 80 \times 4.2 \times 10^{7} \text{ ergs}$$

$$\text{QRF}(v_{2} - v_{1}) = (1 - 1.09) = -.09 \text{ cc}, \quad T = 273^{\circ}\text{K}$$

$$dT = \frac{T(v_{2} - v_{1})dP}{L}$$

$$= \frac{273 \times (-.09) \times 1.013 \times 10^{6}}{80 \times 4.2 \times 10^{7}} \text{ K}$$

$$= -0.007^{\circ}\text{K} = -0.007^{\circ}\text{C}$$

অর্থাৎ বরফের উপর চাপ এক অ্যাট্মস্ফিয়ারের পরিবর্তে দুই অ্যাট্মস্ফিয়ার করিলে উহার গলনাক্ষ '007°C হ্রাস পায়—অর্থাৎ ঐ চাপে বরফের গলনাক্ষ হইবে — '007°C।

উল্লেখ করা যায় যে, ডেওয়ার 700 অ্যাট্ মস্ফিয়ার পর্যন্ত চাপ বৃদ্ধি করিয়া গড়ে প্রতি অ্যাট্ মস্ফিয়ারে 0072° C গলনান্দের পরিবর্তন লক্ষ্য করেন । dP ঋণাত্মক রাণি হইলে dT ধনাত্মক রাণি হইবে—অর্থাৎ এক অ্যাট্ মস্ফিয়ার চাপ হ্রাসে গলনান্দ্ক 0.007° C বাড়িয়া যাইবে ।

3. প্রেসার কুকারে (pressure cooker) বাল্প-নির্গম-পথটির ব্যাস 4 mm. এবং ঐ পথের মৃশ্বে-রাখা ভরটি 140 gm-এর। প্রেসার-কুকারে জলের স্ফুটনাব্দ কত? প্রতি গ্রাম বাল্পের আয়তন 1674 cc. এবং জলের বাল্পীভবনের লীন তাপ 540 cal।

প্রেসার কুকারে বাষ্পের চাপ নির্গম-পথে চাপানো ভরের চেয়ে বেশী হইলে ভরটিকে ঠেলিয়া ঐ পথে বাষ্প বাহির হইয়া যাইবে।

প্রশ্ন অনুবারী,
$$\Delta P = P_1 - P_1$$

$$= \frac{140 \times 980 \times 4}{3^{\circ}14 \times 4 \times 4} \text{ dynes/cm}^2$$

$$= 1^{\circ}092 \times 10^6 \text{ dynes/cm}^2$$

$$\frac{dP}{dT} = \frac{L}{T(v_f - v_i)}$$

$$\Delta P = \int_{P_1}^{P_2} dP = \int_{T_1}^{T_2} \frac{L}{T(v_f - v_i)} dT$$
অথবা, $(P_2 - P_1) = \int_{T_1}^{T_2} \frac{L}{T(v_f - v_i)} dT$

আমরা এক্ষেত্রে ধরির। লইব যে, স্ফুটনান্ধের পরিবর্তনে লীন তাপ একই থাকে [প্রকৃতপক্ষে লীন তাপের পরিবর্তন হয়—(সমীকরণ 10'10 দুন্টব্য)
—কিন্তু এই পরিবর্তনের বিষয় চিন্তা করিলে প্রশ্নটির সমাধান অত্যন্ত জটিল
হইয়া পড়িবে। বেভাবে সমাধান করা হইল তাহাতে অবশাই কিছু ফুটি হইবে।

$$1.092 \times 10^6 = \frac{L}{v_f - v_i} ln \frac{T_a}{T_1}$$
অথবা $\log \frac{T_s}{T_1} = \frac{1.092 \times 10^6 \times (1674 - 1)}{540 \times 4.2 \times 10^7 \times 2.303}$

$$= \frac{1.092 \times 1673}{2.303 \times 540 \times 42} = .0350$$
বা $\frac{T_s}{T_1} = 1.084$

$$T_s = T_1 \times 1.084 = 373 \times 1.084 = 404.2^\circ K$$
(অর্থাং প্রেসার কুকারে জলের স্ফুটনাল্ড হইবে $131.2^\circ C$)

10'2. সম্পূতক বাষ্পা ভাশা (Saturated vapour pressure) । পরীক্ষা হইতে জানা যায় যে, সম্পৃত্ত বাষ্পের চাপ কেবল মাত্র তরলের উক্তার উপর নির্ভর করে। ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণ হইতে উক্ষতা ও সম্পৃত্ত বাষ্ণাচাপের পারস্পরিক সম্পর্ক শিহুর করিতে পারি।

বান্দীভবনের ক্ষেত্রে, $v_2=v_q$ এবং $v_1=v_l$ এবং $v_o\gg v_l$; সেই কারণে ক্যাপেরন-এর সমীকরণ হইতে

$$\frac{dP}{dT} = \frac{L_v}{Tv_g} = \frac{ML_v}{RT^2} = \frac{ML_vP}{RT^2} \qquad \qquad \begin{bmatrix} M = \text{জাগবিক ভর} \\ L_v = \text{similes}(\text{exact}) & \text{otherwise} \end{bmatrix}$$

এখানে বাষ্পকে আদর্শ গ্যাস অনুমান করা হইতেছে। উপরের সমীকরণটিকে লেখা যায়

$$\frac{1}{P} \frac{dP}{dT} = \frac{ML_v}{RT^2}$$
অথবা $\frac{d}{dT} \ln P = \frac{ML_v}{RT^2}$ ··· (10.7)

উক্তা পরিবর্তনে লীন তাপের কোন পরিবর্তন হয় না ধরিয়া লইলে সমাকলনের সাহায্যে

$$\ln P = -\frac{ML_{\theta}}{RT} + A \left(\sec \phi \right) \qquad \cdots \qquad (10.8a)$$

অথবা ln.
$$P = A + \frac{B}{T}$$
 ··· (10.8b)

উল্লেখ করা যায় যে, উপরের আলোচনায় মূল সমীকরণটিতে সম্প্রক্ত বাম্পের কথা চিন্তা করা হইরাছে, এবং সেই কারণে সমীকরণ (10.8b) $T^{\circ}K$ উষ্ণতার সম্প্রক্ত বাম্পচাপ নির্দেশ করে। পরীক্ষালব্ধ তথ্য (experimental data) হইতে ইয়ং একই সিদ্ধান্তে উপনীত হন। ঐ সমীকরণটিকে সেই কারণে ইয়ং-এর সমীকরণ বলে। পরবর্তাকালে পরীক্ষায় ইয়ং-এর সমীকরণে ফটি লক্ষ্য করা গিয়াছে। উষ্ণতা-পরিবর্তনে লীন তাপের পরিবর্তন হয় ধরিরা লইলে সঠিক সিদ্ধান্তে পৌছানো যায়।

মনে করি, বিভিন্ন উষ্ণতার একই হারে (linearly) দীন তাপের পরিবর্তন হইতেছে—

অর্থাৎ,
$$L_v = K + NT$$
 [$K \cdot o \cdot N$ ধ্রুবক]

সমীকরণ ($10^{\circ}7$)-এ L_v -এর এই মান বসাইলে সমাকলনের সাহায্যে লেখা যার

$$\ln P = A + \frac{B}{T} + C \ln T \qquad \cdots \qquad (10.8c)$$

কিচ্চফ প্রথম পরীক্ষার সাহাব্যে এই সঠিক স্ত্রটিকে নির্দেশ করেন—সেই কারণে (10.8c)-কে কিচ্চফের সমীকরণ বলা হয়।

উদাহরণ। 100°C উষ্ণতায় জলের বাষ্পীভবনের লীন তাপ 540 cal.। 90°C উষ্ণতায় জলের বাষ্পচাপ হিসাব কর।

[100°C উষ্ণতার জলের সম্প্তে বাষ্পচাপ = 76 cm. পার্দ শুন্তের চাপের সমান]

 100° С ও 90° С উষ্ণতার মধ্যে লীন তাপের পরিবর্তন খ্বই সামান্য । সেই কারণে এই প্রশ্নে L_{ν} -কে ধ্রুবক চিন্তা করা যাইতে পারে । সমীকরণ $(10^{\circ}8a)$ -এর সাহায্যে লিখিতে পারি

$$\begin{split} &\ln \frac{P}{P_{\text{s}}} = \frac{ML_{\text{v}}}{R} \left[\frac{1}{T_{\text{s}}} - \frac{1}{T_{\text{s}}} \right] \\ &\text{অথবা} &\log \frac{P}{P_{\text{s}}} = \frac{ML_{\text{v}}}{2.303R} \cdot \left[\frac{1}{T_{\text{s}}} - \frac{1}{T_{\text{s}}} \right] \end{split}$$

প্রাপ্ন অনুসারে $T_{_2}=363^{\circ} K$ এবং $T_{_1}=373^{\circ} K$, এক্ষেত্রে M=18, $L_{_2}=540$ cal এবং R=2 cal

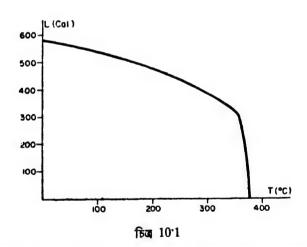
$$\log \frac{P_1}{P_2} = \frac{18 \times 540}{2 \cdot 303 \times 2} \left[\frac{10}{363 \times 373} \right]$$
 অধবা $\log \frac{P_1}{P_2} = 1561$ বা $\frac{P_1}{P_2} = 1\cdot 432$

$$P_a = P_1/1.432 = \frac{76}{1.432} = 53 \text{ cm 2 mag}$$
 sees of 1

অতএব 90°C উক্তার সম্প্**ক জলী**র বাষ্পচাপ 53 cm পারদ ভড়ের চাপের সমান। 10.3. ট্রাউউনের লীক্তি (Trouton's rule): ট্রাউটন পরীক্ষার সাহাব্যে প্রমাণ করেন বে, তরলের জন্য আণব লীন তাপ (molar latent heat) ও প্রমাণ চাপে কেল্ডিন ক্লেলে উহার স্ফুটনাল্কের অনুপাতটি নিন্দিউ এবং এই অনুপাতটি হয় 21। এই সিদ্ধান্তটিকে ট্রাউটনের নীতি বলা হয়। সমীকরণ (10.8a) হইতে দেখা যায় যে, প্রমাণ চাপে (P=1 atmos) স্ফুটনাল্কে

$$\frac{ML_{v}}{AR} = AR = C (seq)$$
 (10.9)

T_B হয় প্রমাণ চাপে তরলের স্ফুটনাব্দ এবং ML_v উহার আণব লীন তাপ।
10.4. ক্লস্মিন্সের সামীক্রাপ (Clausius Equation)ঃ
পূর্বে দেখিয়াছি যে, কঠিন ও তরল পদার্থের উপর চাপ পরিবর্তনে উহাদের গলনাব্দ ও স্ফুটনাব্দের তারতমা ঘটে। এক্ষণে প্রশ্ন হইতেছে, বিভিন্ন উষ্ণতায় দশান্তরের সময় প্রয়োজনীয় লীন তাপ কি একই থাকে? অথবা উষ্ণতা পরিবর্তনের সঙ্গে লীন তাপেরও পরিবর্তন হয়?



পরীক্ষা হইতে দেখা যায়, বিভিন্ন উক্টায় গলন ও বাষ্পীভবনের লীন তাপ বিভিন্ন। যেমন, জলের জন্য 0°C উক্টায় বাষ্পীভবনের লীন তাপ প্রায় 600 ক্যালার এবং 100°C উক্টায় বাষ্পীভবনের লীন তাপ 540 ক্যালার। কিন্তু 380°C উক্টায় লীন তাপ শ্নোর (zero) কাছে। জলের জন্য বাষ্পীভবন লীনতাপের এই পরিবর্তন চিত্র (10°1)-এ দেখানো হইয়াছে। ক্রাসিয়াস প্রথমে লীন তাপ পরিবর্তনের সঠিক ব্যাখ্যা দেন।

মনে করি, প্রাথমিক দশা ও অন্তিম দশাতে বন্ধুর একক ভরের জন্য এন্ট্রিপ বথাদেমে s_i ও s_j —দশান্তরের সময় উক্তা T ভির থাকে এবং এই সময় গৃহীত বা বজিত তাপের সমস্ভটুকুই লীনতাপ L।

উপরের সমীকরণে ডান দিকের পদ-দৃইটি প্রকৃতপক্ষে অন্তিম ও প্রারম্ভিক দশাতে আপেক্ষিক তাপ—উহাদের বথাদ্রমে c, ও c, লেখা বাইতে পারে। বন্ধুর তাপগ্রাহিতা বা আপেক্ষিক তাপ উহা কোন্ অবস্থায় তাপ গ্রহণ করে তাহার উপর নির্ভর করে—বেমন স্থির আয়তনে ও স্থির চাপে তাপগ্রাহিতা এক নয়। এক্ষণে প্রশ্ন হইতেছে c, ও c, বিলতে আমরা কোন্ অবস্থায় আপেক্ষিক তাপ বৃবিব ? বাষ্পীভবনের কথা চিন্তা করিলে সহজেই c, ও c,-কে ব্যাখ্যা করা যায়।

স্ফুটনের সময় তরলের উপর চাপ স্ফুটনান্দে উহার সম্প্রে বাষ্প চাপের সমান। ঐ সময়ে তরল ও উহার বাষ্প পরস্পরের সংস্পর্শে থাকে। তরলের উপরিস্থিত বাষ্পকে এই কারণে সম্প্রে বাষ্প এবং c_f কে সম্প্রে বাষ্পের আপেক্ষিক তাপ বলিব। সম্প্রে অবস্থার বাষ্পের আপেক্ষিক তাপ বৃবাইবার জন্য c_f কে (c_f) , লেখা হইবে। তরলকে ফুটাইবার সময় উহার উপর চাপ হইবে স্ফুটনান্দেক সম্প্রে বাষ্পচাপের সমান। এইজন্য c_f কে (c_i) , লেখা উচিত হইবে। সমীকরণ (10°10)-এর পরিবর্তে

$$\frac{d\mathbf{L}}{d\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{T}} + (c_f)_{\bullet} - (c_i)_{\bullet} \qquad \cdots \qquad (10.11)$$

সমীকরণ (10°11) উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে লীন তাপের পরিবর্তনের হার নির্দেশ করে। ইহাকে ক্রাসিয়াসের সমীকরণ বা লীন তাপের দ্বিতীয় সমীকরণ (second latent heat equation) বলা হয়। এই সমীকরণ হইতে সহজেই বাষ্পীভবন লীন তাপের পরিবর্তন জানিতে পারিব। গলন লীন তাপের পরিবর্তন ক্রানিতে পারিব। গলন লীন তাপের পরিবর্তন হিসাব করিবার সময় উপরের সমীকরণটিকে অন্যভাবে লিখিলে স্বিধা হইবে।

চাপ ও উষতা নিরপেক্ষ চল মনে করিলে

$$dS = \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial T} \end{pmatrix}_{P} dT + \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial P} \end{pmatrix}_{T} dP$$

$$\therefore \quad \begin{pmatrix} \frac{dS}{dT} \end{pmatrix}_{Sat} = \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial T} \end{pmatrix}_{P} + \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial P} \end{pmatrix}_{T} \begin{pmatrix} \frac{dP}{dT} \end{pmatrix}_{Sat} \quad \cdots \quad (101.2a)$$

ম্যান্ত্রপ্রেলের সমীকরণের সাহাব্যে [একক ভরের জন্য]

$$c_{\bullet} = c - T \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_{P} \left(\frac{dP}{dT} \right)_{Sat}$$
 (10.12b)

দশান্তরের সমর দৃইটি দশাতেই চাপ সমান—এই কারণে $(dP/dT)_{\mathrm{Sat}}$ উভর দশাতে একই হইবে ।

সমীকরণ (10.12b)-এর সাহাযো

$$\frac{dL}{dT} = \frac{L}{T} + (c_{p})_{f} - (c_{p})_{i} - T \left(\frac{dP}{dT}\right)_{Sat} \left[\left(\frac{\partial v_{f}}{\partial T}\right)_{P} - \left(\frac{\partial v_{i}}{\partial T}\right)_{P} \right]$$

$$= \frac{L}{T} + (c_{p})_{f} - (c_{p})_{i} - \frac{L}{v_{f} - v_{i}} \left[\left(\frac{\partial v_{f}}{\partial T}\right)_{P} - \left(\frac{\partial v_{i}}{\partial T}\right)_{P} \right]$$

$$\cdots (10.13)$$

 $(c_p)_f$ ও $(c_p)_i$ দশান্তরের সমর দৃইটি দশাতে শ্বির চাপে আপেক্ষিক তাপ। লীন তাপের পরিবর্তন হার জানা থাকিলে সমীকরণ ($10^{\circ}13$)-এর সাহায্যে দৃইটি দশাতে শ্বির চাপে আপেক্ষিক তাপের অন্তর হিসাব করিতে পারিব—পক্ষান্তরে পরীক্ষা হইতে ঐ অন্তর জানিবার পরে পূর্বোক্ত সমীকরণের সাহায্যে লীন তাপের পরিবর্তন হার জানা সম্ভব হইবে। উদাহরণ স্বরূপ বরফ গালিয়া জলে রূপান্তরিত হইবার সময়ে 0° C উক্ষতায়—

জলের আপেক্ষিক তাপ $= (c_p)_j = 1$ cal বরফের আপেক্ষিক তাপ $= (c_p)_i = 505$ cal গলন লীনতাপ = L = 80 cal

1 গ্রাম জলের আয়তন $=v_{f}=1$ cc

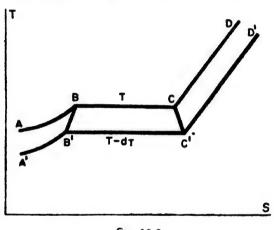
1 গ্রাম বরফের আয়তন $=v_i=1.09$ cc

age
$$\left(\frac{\partial T}{\partial T}\right)_P = -00006 \text{cc/°C}$$
 is $\left(\frac{\partial T}{\partial T}\right)_P = 00011 \text{ cc/°C}$

ষ্ভরাং
$$\frac{dL}{dT}$$
: $\frac{80}{273} + 1 - 505 - \frac{80}{1 - 1.09}$ [$- 00006 - 00011$] = '64 cal/°K = '64 cal/°C

বরফের উপর চাপ বৃদ্ধির কারণে যদি উহার গলন উক্তা 1° C হ্রাস পায় তবে সেকেত্রে লীন তাপ 64 cal হ্রাস পাইবে।

উক্ষডা-এন্ট্রপি লেখ-র সাহায্যে ক্লসিয়াসের সমীকরণ (Clausius equation from T – S diagram)—মনে করি ছির চাপে তাপ-গ্রহণে কোন বস্তৃ এক দশা হইতে অন্য দশায় পরিবর্তিত হইয়াছে। এই পরিবর্তন উক্তা-এন্ট্রপি চিত্রে (চিত্র 10°2) ABCD লেখ সাহায্যে



हिन्द्र 10.2

চিহ্নিত করা যায়। AB অংশে উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে এন্ট্রপিও বৃদ্ধি পায়— এখানে তাপ-গ্রহণে বন্ধু কেবলমাত্র উত্তপ্ত হইয়াছে। BC অংশে উক্তা T ক্রির থাকে কিন্ধু এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। এই অংশে বন্ধু একটি দশা হইতে সম্পূর্ণরূপে অন্য একটি দশাতে রূপান্তরিত হয়। ক্রির চাপ ও উক্তায় বন্ধুর অবস্থার রূপান্তর ঘটিয়াছে— এবং এই অবস্থার লীন তাপ L। দশান্তরের পর CD অংশে বন্ধু উত্তপ্ত হয় এবং এই সময়ে তাপ-গ্রহণে উহার এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। অনুরূপভাবে অন্য একটি ক্রির নির্দিন্ট চাপে A'B'C'D' ঐ একই পারবর্তনকে নির্দেশ করে। B'C' অংশ উক্তা ক্রির থাকে, এবং মনে করা বাক্, ঐ সময়ের উক্তা T-dT। মনে করি, চাপে T-dT উক্তায় বন্ধুর লীন তাপ L-dL। চিত্রে BB' ও CC' যুক্ত করা গেল।

একক ভরের কোন বন্ধৃকে B'BCC'B পথে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইয়া আনিতে বিভিন্ন সময়ে তাপ-বিনিময় হইবে—

- (i) BB' পথে গৃহীত তাপ c_1dT
- (ii) BC পথে গৃহীত তাপ L
- (iii) CC' পথে বাজত তাপ c_*dT

এবং (iv) C'B পথে বজিত তাপ (L-dL)

আবর্তন কালে মোট গৃহীত তাপ

$$\delta Q = L - (L - dL) + c_1 dT - c_2 dT$$

$$= L - \left(L - \frac{dL}{dT} dT\right) + c_1 dT - c_2 dT$$

$$= \frac{dL}{dT} dT + (c_1 - c_2) dT \qquad \cdots \qquad (10.14)$$

উঞ্চতা-এন্ট্রপি লেখ সম্পর্কিত আলোচনা হইতে বলা যায় যে, δQ প্রকৃতপক্ষে B'BCC' ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান । B'BCC' ক্ষেত্রকে মোটাম্টিভাবে একটি আয়তক্ষেত্র চিন্তা কর। যায় এবং

$$\square$$
 B'BCC' \approx BC \times BB

বিৰু
$$BC = dS = \frac{L}{T}$$
 এবং $BB = dT$

10'5. সম্পৃক্ত বাজ্পের আপেক্ষিক তাপ (Specific heat of saturated vapour): সাধারণভাবে আপেক্ষিক তাপ

$$c = \frac{\delta Q}{dT} = \frac{du}{dT} + P\frac{dv}{dT} \qquad \cdots \qquad (10.16a)$$

সম্প্তে বাম্পের আপেক্ষিক তাপ হিসাব করিবার সময় প্রত্যেকটি অবকল

গুণাংককে সম্পত্ত অবস্থার চিন্তা করিতে হইবে (differential coefficients refer to saturation curve) এবং উপরের সমীকরণে P সম্পত্ত বাষ্প চাপ বুঝাইবে, অর্থাং;

$$(c_{\text{vap}})_{\text{sat}} = \left(\frac{du}{dT}\right)_{\text{sat}} + \left[P\frac{dv}{dT}\right]_{\text{sat}} \cdots (10.16b)$$

উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে বাষ্পচাপ বৃদ্ধি পায় সুতরাং সম্পৃক্ত অবস্থায় বাষ্পকে উত্তপ্ত করিতে গোলে একই সঙ্গে উহাকে সংনমিত করিতে হইবে। রুদ্ধতাপ সংনমনে বাষ্প অতিতাপিত (super heated) হইবার সম্ভাবনা থাকে। উপযুক্ত পরিমাণে তাপ শোষণ করিয়া বাষ্পকে অতিতাপন হইতে রক্ষা করা যায়। উপরের সমীকরণে ডান পার্ধের প্রথম পদটি বাষ্পের 1° উক্তা বৃদ্ধি করিতে যে তাপ প্রয়োজন তাহার হিসাব দেয়। বাষ্পকে সম্পৃক্ত অবস্থার রাখিতে সংনমনের ফলে যে তাপ উৎপন্ন হয় দ্বিতীয় পদটি তাহার পরিমাণ নির্দেশ করে। পারিপান্ধিক মাধ্যমে ঐ পরিমাণ তাপ বর্জন করিতে পারিলে তবেই উক্তা স্থির থাকিবে। এক্ষেত্রে প্রথম পদটি ধনাত্মক, এবং দ্বিতীয় পদটি ঝণাত্মক রাশি (যেহেত্ dv = -Ve)। এই কারণে সম্পৃক্ত বাষ্পের আপেক্ষিক তাপ ধনাত্মক রাশি, ঝণাত্মক রাশি অথবা শূন্য (zero) এই তিনটির যে-কোন একটি হওয়া সম্ভব—

- 1. সংনমনের কারণে উৎপন্ন তাপ উষ্ণতা বৃদ্ধির জন্য গৃহীত তাপের চেয়ে কম। সেক্ষেত্রে স্থির চাপে উষ্ণতা বৃদ্ধির জন্য বাষ্প যে পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিবে সংনমনের পর উষ্ণতা স্থির রাখিতে তাহার চেয়ে কম তাপ বর্জন করিতে হইবে। স্তরাং বাষ্পকে সম্প্ত অবস্থায় রাখিয়া উষ্ণতা বৃদ্ধি করিতে গেলে মোটের উপর বাহির হইতে তাপ গ্রহণ করিতে হয় এবং ঐ কারণে ৫, ধনাত্মক রাশি।
- 2. সংনমনে উৎপন্ন তাপ উক্তা বৃদ্ধির জন্য গৃহীত তাপের চেয়ে বেশী।
 ফলে মোটের উপর পারিপার্শ্বিক মাধ্যমকে তাপ দেওয়া সত্ত্বেও উক্ষতা
 বৃদ্ধি পার। সম্পত্ত বাম্পের আপেক্ষিক তাপ ৫, এই ক্ষেত্রে গণান্থক রাশি।
- 3. গৃহীত তাপ বাঁজত তাপের সমান হইলে c,-এর মান শ্ন্য (zero) হইবে।

সমীকরণ (10.12b)-কে (10.3)-এর সাহাযো লিখিলে

$$(c_s)_1 = (c_p)_1 - \frac{L}{v_s - v_1} \frac{dv_1}{dT}$$
 ... (10.17)

জলের জন্য $L=540~{\rm cal}$ —বান্সের আপেকিক আরতন v_s প্রার $1674~{\rm cc}$; পকান্তরে জলের আপেকিক আরতন $v_1=1~{\rm cc}$ এবং $dv_1/dT=001~{\rm cc/^{\circ}C}$ । $100^{\circ}C$ উক্তায় জলের আপেকিক তাপ প্রায় $1~{\rm cal}$ । সমীকরণের ডানগিকে দ্বিতীয় পদটি প্রথম পদের তুলনার খুবই ছোট—এইজন্য $(c_s)_1=(c_n)_1$ ।

স্ফুটনাব্দে তরলের আপেক্ষিক তাপ জানিতে পারিলে সম্পত্ত বাচ্সের আপেক্ষিক তাপ হিসাব করা যাইবে। ক্লাসরাসের সমীকরণ—

$$(c_s)_s - (c_s)_1 = \frac{dL}{dT} - \frac{L}{T}$$
অথবা $(c_s)_s = (c_p)_1 + \frac{dL}{dT} - \frac{L}{T}$ \cdots (10·18a)

সম্প্,ক্ত জলীয় বাম্পের (saturated steam) জন্য T = 373°K এবং L = 540 cal

100°C উঞ্ভায় জলের আপেক্ষিক ভাপ = $(c_p)_1$ = 1.007 cal

অন্যভাবে, স্থিরচাপে বাষ্পের আপেক্ষিক তাপ জানিলে আমরা সম্পত্ত বাষ্পের আপেক্ষিক তাপ হিসাব করিতে পারিব। সমীকরণ (10·12b) ও (10·3)এর সাহায্যে সম্পত্ত বাষ্পের জন্য

$$(c_s)_s = (c_p)_s - \frac{L}{v_s - v_s} \frac{dv_s}{dT} \cdots$$
 (10.18b)

 $100\,^{\circ}\mathrm{C}$ -এ বান্সের আপেক্ষিক তাপ ' $47~\mathrm{cal}$ এবং $dv_{s}/d\mathrm{T}$

 $=4.813 \text{ cc/}^{\circ}\text{C}$

উপরের সমীকরণের সাহাযো
$$(c_s)_s = 47 - \frac{540}{1673} \times 4.813$$

= -1.07 cal

সম্প $_{4}$ ন্ত বাম্পের আপেক্ষিক তাপ হিসাব করিবার জন্য সমীকরণ (10.18a) এবং (10.18b)-এর মধ্যে বে-কোন একটিকে কাজে, লাগানো চলে।

উভর সমীকরণ হইতে আমরা একই সিদ্ধান্তে পৌছাইব। দেখা গেল সম্পৃক্ত জ্লীর বাল্পের (saturated steam) আপেকিক তাপ -1.07ক্যালার—কিভাবে ইহাকে ব্যাখ্যা করিতে পারি? 100°C ও 101°C উক্তার সম্প্রক্ত জলীর বাষ্পচাপ বথাক্রমে 760 mm ও 787 mm পারদ-ভ্তমের চাপের সমান। সেই কারণে স্থির চাপে $100^{\circ}\mathrm{C}$ উক্তায় জলীয় বাষ্পকে 101°C পর্বন্ত উত্তপ্ত করিলে উহা অসম্প,ক্ত হইয়া পড়ে। এই সময় উহাকে সম্পত্তে অবস্থায় রাখিবার জন্য বাষ্পকে সংনমিত করিয়া উহার চাপ 787 mm পারদ ভাজের চাপের সমান করিতে হইবে—ইহার ফলে উকতা 101°C এর চেয়ে বেশী হইবার সম্ভাবনা থাকে—পারিপার্শ্বিক মাধামকে তাপ দিলে তবেই উক্তা 101°C অতিক্রম করিবে না। বাষ্পকে উত্তপ্ত করিয়া 101°C-এ তুলিতে যে পরিমাণ তাপ গ্রহণ করিতে হইয়াছে বাঁজত তাপ তাহার চেরে 1.07 ক্যালরি বেশী। অন্যভাবে বলা যায়, 100°C উক্ষতায় জলীয় বাম্পের চাপ 760 mm এর পরিবর্তে 787 mm পারদ স্তম্ভের সমান क्रिवात भन्न छेरा रहेर्ड 1.07 क्यामित जाभ मन्नारेसा महेरम जटहे छेक्टा 101°C-এ দাডাইবে নতবা উষ্টা 101°C-এর চেয়ে বেশী হইবে। ইথার বাষ্পের ক্ষেত্রে সংনমনের পরেও বাহির হইতে তাপ দিলে তবেই উক্ষতা 1°C বৃদ্ধি পাইবে—সেজন্য সম্পুক্ত ইথার বাচ্পের আপেক্ষিক তাপ ধনাত্মক রাশি বিবেচিত হইবে।

উদাহরণ। ইথারের স্ফুটনাব্দ 35°C; এবং ঐ উক্তায় তরল ইথারের আপেক্ষিক তাপ 0.55 cal। 35°C ও 40°C উক্তাতে উহার বাল্পীন্তবনের লীন তাপ যথাক্রমে 90.2 cal ও 89.5 cal। সম্প্রত ইথার বাল্পের আপেক্ষিক তাপ কত?

প্রশানুসারে
$$T = 35^{\circ} + 273^{\circ} = 308^{\circ} K$$
, $L = 90^{\circ} 2$ cal.

$$\frac{dL}{dT} = \frac{89.5 - 90.2}{40 - 35} = -\frac{.7}{5} = -.140 \text{ cal/°C}$$

এবং
$$\frac{L}{T} = \frac{90.2}{308} = 0.293 \text{ cal/}^{\circ}\text{C}$$

 35° C উক্তার তরল ইথারের আপোঁকক তাপ $(c_p)_1 = .550$ cal

$$(c_s)_s = (c_p)_s + \frac{dL}{dT} - \frac{L}{T}$$
 [সমীকরণ 10·18a]
= 0·550 - 0·140 - 0·293 = + 0·117 cal.

10'6. কঠিন-তরন্ধ-বাষ্পীয় স্পোতে সাম্য (Solidliquid-vapour equilibrium)—কৈপ্রবিন্দু (Triple point) :

আমরা কেবলমাত্র বন্ধুর কঠিন ও তরল দশা অথবা তরল ও বাষ্পীর দশার মধ্যে সাম্যাবস্থার উল্লেখ করিয়াছি। একইভাবে বন্ধু কঠিন ও বাষ্পীর দশার পরস্পরের সঙ্গে সাম্যা থাকিতে পারে। সাম্যাবস্থার চাপ ও উষ্ণতা নিদিন্ট কিবু ইহাদের মধ্যে মাত্র একটিকেই সাম্যাবস্থার নিরপেক্ষ স্থিতিমাপ বলিতে পারি।

তরল পদার্থের বাষ্পীভবনে বিভিন্ন উষ্ণতায় সম্পুক্ত বাষ্পচাপ OA রেথার উপর এক-একটি বিন্দু দ্বারা নিদিন্ট হইয়াছে [চিত্র 10:3]। এই রেখার উপরিম্থিত প্রত্যেকটি বিন্দুতে নিদিন্ট চাপ ও উষ্ণতায় তরল ও উহার বাষ্প পরস্পরের সঙ্গে সাম্যে থাকে। আলোচনার সুবিধার জন্য আমরা একটি পাত্রে জল ও উহার বাচ্পের সাম্যাবস্থা চিন্তা করিব। OA রেখাটি Λ বিন্দুতে শেষ হইয়াছে এবং ঐ বিন্দুর জন্য যে উষ্ণতা তাহার চেয়ে বেশী উঞ্চায় II O তরল অবস্থায় থাকা সম্ভব নয়। তেমনি আরম্ভ বিন্দু ()-এর জন্য নিদিণ্ট উষ্ণতার নিচে তরল H O-এর অস্তিম্ব থাকিতে পারে না। OA রেখান্থিত যে-কোন বিন্দু l সাপেক্ষে একটি নিদিন্ট চাপ ও উক্তাু রহিয়াছে। যদি ঐ উষ্ণতায় চাপ বাড়াইয়া অন্য কোন বি**ন্দু** m-এ পৌছানে। যায় তবে বাষ্প সম্পূর্ণরূপে জলে রূপান্তরিত হইবে—এই সময় বাষ্পীয় দশাটি একেবারেই লোপ পাইবে। আবার একই উষ্ণতায় চাপ কমাইয়া অন্য একটি বিন্দু 11-এ পৌছাইলে জল সম্পূর্ণরূপে বাষ্পীভূত হইবে। অর্থাং, দশা চিত্রে OA রেখার উপরের দিকে পাত্রে কেবলমাত্র জল এবং নিচের দিকে কেবলমাত বাষ্প থাকিতে পারে। এই রেখাটিকে জল ও জলীয় বাষ্প-এই দুইটি দশার সীমারেখা বলা চলে।

OA রেখায় জল ও জলীয় বাষ্প পরস্পরের সঙ্গে সাম্যাবস্থায় থাকে বালিয়া ঐ রেখার উপর প্রত্যেকটি বিন্দৃতে $g_{ ext{liquid}} = g_{ ext{vapour}}$

ঐ রেখাটির সমীকরণ হইবে— $g_{\text{liquid}}-g_{\text{vapour}}=0$ (10·19a)

ক্ল্যাপেরনের সমীকরণ হইতে দেখা যায় যে, ঐ রেখার নতি

$$\left(\frac{dP}{dT}\right)_{\text{sat}} = \frac{L_s}{T(v_s - v_i)}$$
 ... (10.19b)

 $\mathbf{L}_{\mathbf{s}}$ বাষ্ণীভবনের দীন তাপ, v_a ও v_i যথাক্রমে বাষ্ণীয় ও তরদ অবস্থায় H_•O-এর আপেক্ষিক আয়তন।

0°C উক্তার OA রেখার নতি

$$[dP/dT]_{T=278} = \frac{607 \times 4.2 \times 10^7}{273 \times 21 \times 10^4} \text{ dynes/cm}^2/\text{°C}$$

= '337 mm of Hg/°C

জলের পরিবর্তে পাত্রে বরফ রাখিলে বরফ উহার বালেপর সহিত সাম্যাবস্থায় থাকিবে। নিদিন্ট উক্তায় বরফেরও একটি নিদিন্ট বাষ্পচাপ আছে—যদিও এই বাষ্পচাপ খুবই কম। উষতা বুদ্ধির ফলে ঐ বাষ্পচাপ বৃদ্ধি পায়। চিত্রে BO রেখা বিভিন্ন উক্তার বরফের বাষ্পচাপ নির্দেশ করে। এই রেখার উপর প্রত্যেকটি বিন্দুর জন্য নির্দিন্ট চাপ ও উক্ষতায় বরফ ও বাষ্প একই সঙ্গে সহাবস্থান করে। কিন্তু কোন নিদিন্ট উষ্ণতায় বরফের উপর চাপ যদি BO রেখার জন্য ঐ উক্তায় যে চাপ তাহার চেয়ে কম হয় তবে কেবলমাত্ত বালপ এবং চাপ যদি বেশী হয় তবে কেবল মাত্র বরফ পাওয়। যাইবে। BO রেখাটি H₂O-এর বরফ ও বাল্পীর দশার মধ্যে সীমারেখা এবং কেবলমার ঐ রেখার জনা নিদিন্ট চাপ ও উষ্ণতায় বরফ ও বাল্পকে একই সঙ্গে পাওয়া সম্ভব।

BO বেখার সমীকরণ

$$g_{\text{solid}} - g_{\text{vap}} = 0 \qquad \cdots \qquad (10^{\circ}20a)$$

$$g_{
m solid}-g_{
m vap}\!=\!0 \qquad \cdots \qquad (10^{\circ}20a)$$
 এবং উহার নতি হইবে $\frac{d\,{
m P}}{d\,{
m T}}\!=\!rac{{
m L}_s}{{
m T}(v_g\!-\!v_s)} \qquad \cdots \qquad (10^{\circ}20b)$

L, উর্ম্ব পাতনের লীন তাপ (latent heat of sublimation) এবং ৩, 1-গ্রাম বরফের আয়তন।

0°C উক্তার BO রেখার নতি

অতএব দেখা গেল যে, BO ও OA একই রেখার দুইটি অংশ হইতে পারে না—ইহারা দুইটি পৃথক্ রেখা। OA রেখার তুলনার BO রেখা কিছুটা বেশী মান্রার খাড়া। পানে বরফ ও বরফ-গলা জল—এই দুই দশা পরস্পরের সঙ্গে সাম্যে থাকা সম্ভব। বরফের গলনাক্ষ বা জলের হিমাক্ষ প্রযুক্ত চাপের উপর নির্ভর করে। চিত্রে OC রেখা বিভিন্ন চাপে বরফের গলনাক্ষ বা জলের হিমাক্ষ নির্দেশ করিতেছে। নির্দিন্ট উক্ষতার চাপ OC রেখার উপরিক্ষিত বিন্দৃতে যে চাপ তাহার চেয়ে কম হইলে কেবলমান্র বরফ এবং বেশী হইলে কেবলমান্র জল পাওরা যাইবে। অন্যভাবে বলা যার যে, দশা চিত্রে OC রেখার বাম পার্শ্বের অবস্থা বরফ দশা এবং ডান পার্শ্বের অবস্থা তরল দশা (জল) বৃঝাইবে। OC রেখা বরফ ও জলের সীমারেখা। কেবলমান্র এই রেখার বিভিন্ন বিন্দৃর জন্য নির্দিন্ট চাপ ও উক্ষতার বরফ ও জল সাম্যে থাকিবে।

OC রেখার সমীকরণ

$$g_{\text{solid}} - g_{\text{liquid}} = 0 \qquad \cdots \qquad (10.21a)$$

এবং ঐ রেখার নতি
$$\frac{dP}{dT} = \frac{L_1}{T(v_1 - v_s)}$$
 \cdots (10.21b)

 $\mathbf{L}_{f 1}$ গলনের লীন তাপ এবং পূর্বের মত $v_{f i}$ ও v_s যথাক্রমে এক গ্রাম জল ও বরফের আয়তন ।

O°C উষ্ণতায় এই রেখাটির নতি

$$\begin{bmatrix} \frac{dP}{dT} \end{bmatrix}_{T=273} = \frac{80 \times 4.2 \times 10^7}{273(1-1.09)} \text{ dynes/cm}^2/^{\circ}C$$

= $-9.7 \times 10^4 \text{mm.of Hg/}^{\circ}C$

OC রেখাটি যথেন্টই খাড়া এবং বাম দিকে কিছুটা হেলিয়া থাকিবে—ইহা চাপ বৃদ্ধির ফলে গলনাক্ষ হ্রাস পাওয়া বৃঝাইতেছে। বরফ ব্যতীত বিসমাথের ক্ষেত্রেও এইরূপ হইবে। রেখাটি খুব বেশীমারায় খাড়া হওয়ার অর্থ হইল এই যে, গলনাক্ষ সামান্য মার হ্রাস বা বৃদ্ধি করিতে গেলে চাপ যথেন্ট পরিমাণে পরিবর্তন করিতে হইবে। বরফ ও বিসমাথ ব্যতীত অন্যান্য অধিকাংশ ক্ষেত্রেই গলনের ফলে আয়তন বৃদ্ধি পার এবং সেই কারণে ঐ সকল ক্ষেত্রে OC রেখা কিছুটা ডান দিকে হেলিয়া যাইবে।

দেখা গেল OA, OB এবং OC রেখা তিনটি পৃথক্ভাবে কোন না কোন দুইটি দশার সাম্য নির্দেশ করিতেছে। দশা চিয়ে AQC, COB এবং

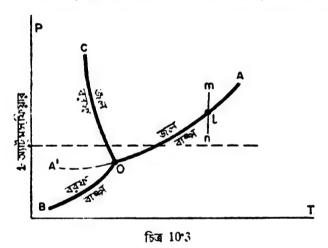
BOA অংশে H₃O-কে যথানেমে কেবলমাত জল, বরফ ও বাল্পীর অবস্থার পাওরা যাইবে। সাম্য রেখাত্রর OA, OB, OC-এর সাধারণ বিন্দৃ O-তে উহারা পরস্পরের সহিত যুক্ত হইড়েছে। সূতরাং এই O বিন্দৃতে একই সঙ্গেল জল, বরফ ও বাল্প এই তিনটি দশার অভিন্দ সম্ভব। O-বিন্দৃ একই সঙ্গেল তিনটি দশার সাম্যাবস্থা নির্দেশ করে—এই বিন্দৃকে তৈথ বিন্দৃ (triple point) বলে। যে পরিমাণেই জল লওয়া হউক না কেন তৈথ বিন্দৃর জন্য নির্দিশ্ট চাপ ও উক্ষতার তিনটি দশা একতে সাম্যে থাকিবে। জলের জন্য তৈথ বিন্দৃর উক্ষতা হইবে 0°C-এর খুব কাছে। সহজেই এই উক্ষতা হিসাব করা যায়।

শ্ন্য ভিগ্নি সেণ্টিগ্রেড উক্টার সম্প্রে জলীর বাষ্পচাপ $4.58~\mathrm{mm}$ পারদ দৈর্ঘ্যের জন্য যে চাপ তাহার সমান, কিল্বু এই উক্টার বরফকে গালাইতে গেলে উহাতে $760~\mathrm{mm}$ পারদ দৈর্ঘ্যের চাপ প্রয়োগ করিতে হইবে। উক্টার সামান্য তারতম্যে বাষ্পচাপের পরিবর্তন খৃবই সামান্য কিল্বু OC রেখাটি খৃব খাড়া বলিরা চাপ যথেন্ট পরিমাণে পরিবর্তন করিলে তবেই গলনান্দের সামান্য তারতম্য হইতে পারে। আমাদের জানিতে হইবে—কোন্ উক্টার বরফের গলন চাপ $4.58~\mathrm{mm}$ পারদ স্কন্তের চাপের সমান। ক্ল্যাপেরনের সমীকরণে বরফ গলনের ক্লেচে, $dP=755.4~\mathrm{mm}$ পারদ দৈর্ঘ্যের চাপ ধরিলে $dT=0075^{\circ}C$ । সূতরাং জলের জন্য তৈধ বিন্দ্র স্থানান্ধ্যু, $T=0075^{\circ}C$ এবং $P=4.58~\mathrm{mm}$ পারদ স্তম্ভের চাপ।

ত্রেধ বিন্দুতে থাকা অবস্থায় চাপ অথব। উক্ষতার সামান্য মাত্র পরিবর্তনে একটি দশা লোপ পাইবে। যদি স্থির চাপে উক্ষতা সামান্য বাড়ানো হয় তবে উহাতে কোন বরফ থাকিবে না। ঐরূপ একই উক্ষতায় চাপ সামান্য বাড়াইলে আর বাষ্প পাওয়া যাইবে না। কখনও কখনও Π_2 ি-কে তরল অবস্থায় ত্রৈধ বিন্দুর কম উক্ষতায় লইয়া যাওয়া সম্ভব হয়। কোন তরলকে উহার হিমান্কের চেয়ে কম উক্ষতায় তরল হিসাবে রাখা সম্ভব হইলে তাহাকে অতি-শীতলীকরণ (super cooling) বলা হয়—অতিশীতল অবস্থায় জলের বাষ্পচাপ Ω রখাকে (AO রেখাকে পশ্চাংদিকে প্রসারিত করিয়া Ω রখা অভিকত হইয়াছে) অনুসরণ করিবে। এই সময়ে জল ও জলীয় বাষ্পের মধ্যে দুংক্থিত সাম্যের (metastable equilbrium) সৃষ্টি হয়। এই সাম্য খৃবই ক্ষণস্থায়ী—সামান্য মাত্র বন্ধকের উপন্থিতিতে মৃহূর্তে সমস্ভ জল বরফে পরিবত হয় এবং সেই সময় বিভিন্ন উক্তায় বাষ্পচাপ

OB রেখাকে অনুসরণ করে। চিত্র হইতে দেখা যায় যে, দৃঃস্থিত সাম্যাবস্থার বাল্পচাপ স্থায়ী সাম্যাবস্থায় যে বাল্পচাপ তাহার চেয়ে বেশী—সেই কারণেই তল্ম দৃঃস্থিত সাম্যাবস্থায় যে বাল্পচাপ তাহার চেয়ে বেশী—সেই কারণেই তল্ম দৃঃস্থিত সাম্যাবস্থায় পৌছাইতে সচেণ্ট হইবে। দৃঃস্থিত সাম্যা রেখা $O\Lambda'$ -এর দৈর্ঘ্য খুবই কম, কারণ অতিশীতল অবস্থায় কিছুদ্র অগ্রসর হওয়ার পর স্বতঃপ্রণোদিতভাবে জল বরফে রূপান্তরিত হয়। চিত্র ($10^\circ3$)—জলের দশা চিত্র বা phase diagram বলিয়া অভিহিত হয়। দশা চিত্র হইতে বস্তুর বিভিন্ন দশায় সাম্য সংক্রান্ত সমস্ত তথাই জানা যায়।

বিভিন্ন ভৌত দশায় CO_{g} -এর সাম্যাবস্থা হইবে জলের-ই অনুরূপ। শ্রুই কারণে উহার দশা চিত্রের সহিত $H_{g}O$ দশা চিত্রের খুব মিল রহিয়াছে। CO_{g} -এর ত্রৈধ বিন্দুতে চাপ $P=5^{\circ}11$ অ্যাট্মস্ফিয়ার এবং উষ্ণতা



T=56.6 °C। ত্রৈধ বিন্দুতে চাপ 1 আার্ট্মস্ফিয়ার অপেক্ষা বেশী হইলে 1 আার্ট্মস্ফিয়ার চাপে অঞ্চিত অনুভূমিক রেখাটি [চিত্র 10.3-এ ভন্ন রেখাটি] সরাসরি কঠিন দশা হইতে বাল্পীয় দশায় প্রবেশ করে। এই সকল পদার্থকে কঠিন অবস্থায় স্থাভাবিক চাপে উত্তপ্ত করিলে উহা তরলে রূপান্তরিত না হইয়া সরাসরি বাল্পে পরিণত হয়—ইহাকে উর্ধ্বপাতন বলে। চন্দ্র পৃষ্ঠে বরফকে উত্তপ্ত করিলে এইরূপ একটি অবস্থার সৃষ্টি হইবে।

10.7. ভা-সমসন্ত্র ভক্তে সাম্যাবস্থা ও পিব্সের দেশা-নীভি (Equilibrium of a heterogeneous system and Gibbs' phase rule) : দশা চিত্র হইতে দেখা গেল যে, কোন বন্ধুর ভিনটি ভৌত অবস্থা বা দশা থাকিলৈ কেবলমাত্র একটি নির্দিণ্ট চাপ ও উক্তাতেই তিনটি দশা সাম্যে থাকিতে পারে। কোন কারণেই, কোন পরিবর্তনের ফলে অন্য কোন চাপ ও উক্তায় তিনটি দশার সাম্য সম্ভব নয়। এই বক্তব্যটিকে অ-সমসত্ব তল্পের সাম্য সংক্রান্ত একটি মূল নীতির অনুসিদ্ধাল্ত বলা চলে—মূল নীতিকে গিব্ সের দশা নীতি বলা হয়। বে-কোন অ-সমসাত্ত্বিক সাম্যাবস্থা (heterogeneous equilibrium) পর্যালোচনা করিবার পক্ষে গিব্ সের দশা নীতি বিশেষ তাংপর্যপূর্ণ। দশা নীতি আলোচনা করিবার পূর্বে এই সম্পর্কে যে সকল পারিভাষিক শব্দ (technical term) ব্যবহাত হইবে তাহাদের ব্যাখ্যা করা প্রয়োজন।

1. দশা (Phase)—অ-সমসত্ত্ব তশ্যের উপাদান বা উপাদানগৃত্তি বিভিন্ন ভৌত অবস্থায় থাকে। ইহাদের প্রত্যেকটিকে উহার 'দশা' বলা হয়। প্রত্যেকটি দশাই একটি করিয়া সমসত্ত্ব অংশ। অ-সমসত্ত্ব তশ্যের বিভিন্ন দশাগৃলি একটি করিয়া তল দারা বিভক্ত বা বিষ্কুত থাকে। সেই কারণে এইভাবে দশার সংজ্ঞা দেওয়া যায়—

'দশা হয় তল্তের একটি সমসত্ত্ব অংশ। ইহা একটি নির্দিন্ট তল দ্বার। আবদ্ধ এবং ইহার ভৌত অবস্থা তল্তের অন্য অংশের ভৌত অবস্থা হইতে পৃথক্ হইবে।' দশার সংখ্যা নির্দেশ করিতে 'P' অক্ষরটি ব্যবস্থাত হইবে।

যদি কোন আবদ্ধ পাত্রে জল ও জলীয় বাষ্প থাকে তবে ঐ ক্ষেত্রে তরল ও গা্যাস দুইটি দশা-ই বর্তমান। এখানে দশা সংখ্যা ইইতেছে দুই। গা্যাস ও তরল এই দুইটি দশা পরস্পরের মধ্যে একটি তল দ্বারা বিভক্ত। কেবলমাত্র জলের ত্রৈধ বিন্দৃতে, কঠিন (বরফ), তরল (জল) ও গা্যাস (জলীয় বাষ্প) — এই তিনটি দশাই বর্তমান। প্রত্যেকটি দশাকেই একটি করিয়া সমসত্র অংশ বলা বায়। দশাগুলির একটি অনাটি হইতে একটি তল দ্বারা সম্পূর্ণরূপে বিচ্ছিল্ল অবস্থায় থাকে। বিভিন্ন দশার সমসত্র অংশগুলি প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে রাসার্মানক বিচারে বিশৃদ্ধ হইবেই একথা জাের করিয়া বলা চলে না। দুই বা ততােধিক বাংল্পর মিশ্রণে মাত্র একটি দশার উদ্ভব হয়। অনুরূপভাবে দুই বা ততােধিক বাংল্পর মিশ্রণে মাত্র একটি দশার উদ্ভব হয়। অনুরূপভাবে দুই বা ততােধিক মিশ্রণীয় তরল (miscible liquid) একটিমাত্র দশার সৃষ্টি করে। মনে করা বাক, একটি আবদ্ধ পাত্রে লবণ ও চিনির লম্ম্ দ্রবণ এবং দ্ববণের উপরে বাষ্প জমা হইয়াছে। এক্ষেত্রে দ্রবণটি বিশৃদ্ধ দ্রবণ নয় কিম্ব্ তংসত্ত্বেও তল্যের দশা সংখ্যা দুই—তরল দশা ও গ্যাসীয় দশা। কঠিন পদার্থ সকল সময়ে একটি অন্যটি হইতে পৃথক্ থাকে এবং এই কারণে উহাদের

প্রত্যেকটির জন্য একটি করিয়া দশা গণনা করা হয়। ক্যান্সিয়াম কার্বোনেট (CaCO_s) বিয়োজিত (dissociates) হইলে ক্যান্সিয়াম অক্সাইড (CaO) এবং কার্বন ডাই-অক্সাইড (CO_s) উৎপক্ষ হইয়া থাকে। এই মিশ্রণের দশা সংখ্যা তিন—একটি গ্যাসীয় দশা (CO_s) এবং দুইটি কঠিন দশা (CaO) এবং (CaCO_s)।

2. ভাবয়ব (Component)—বেহেত্ প্রত্যেকটি দশা একটি করিয়া সমসত্ত্ব অংশ সেই কারণে দশা মাত্রের বিভিন্ন অংশে ঘনত্ব, চাপ, উক্তা এবং রাসায়নিক সংস্থিতি (chemical composition) একই থাকে। ইহাদের মধ্যে কেবলমাত্র চাপ, উক্তা ও রাসায়নিক সংস্থিতি হইতেই দশার বর্ণনা সম্পূর্ণ হয়—কারণ অন্যান্য সংকীর্ণ ধর্ম বা intensive property (যেমন ঘনত্ব, আপেক্ষিক তাপ ইত্যাদি) এগুলির উপর নির্ভর করে।

বে সকল পদার্থ লইয়া তলাট গঠিত তাহাদের আমরা ওলার উপাদান বলি। উপাদানগুলির আনুপাতিক গাঢ়ত্ব হইতেই দশার সংস্থিতি জানা যায়। অনেক ক্ষেত্রেই দেখা যায় যে, রাসায়নিক সংস্থিতি জানিতে পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি উপাদানের গাঢ়ত্ব না জানিলেও চলে—কয়েকটি মাত্র উপাদানের গাঢ়ত্ব হইতে অন্য উপাদানগুলির গাঢ়ত্ব নির্ণয় করা সম্ভব হয়। আবার অনেক ক্ষেত্রে প্রত্যেকটি উপাদানের গাঢ়ত্ব পৃথক্ভাবে স্থির করিতে পারিলে তবেই রাসায়নিক সংস্থিতি জানা যায়।

'ন্যুনতম যে করেকটি নিরপেক্ষ রাসায়নিক উপাদানের (যোগ অথবা মোল) সাহায্যে প্রত্যেকটি দশার সংস্থিতি জানা সম্ভব তাহাদের তল্তের অবয়ব—এবং ঐ সংখ্যাকে অবয়ব সংখ্যা বলা হয়।' অবয়ব সংখ্যা বৃঝাইতে C অক্ষরটি ব্যবহার করা হইবে।

নিরপেক্ষ উপাদান বলিতে আমরা কি বৃঝিব সেই সম্পর্কে কিছু আলোচনা করা যাক। প্রকৃতপক্ষে রাসায়নিক মৌলগুলির [মৌল অবস্থায় এবং বৌগ পদার্থের অংশ হিসাবে] আনুপাতিক ভর হইতে, নির্দিণ্ট চাপ ও উক্তার, উৎপন্ন বিভিন্ন যৌগের আনুপাতিক ভর জানিতে পারিব। এই কারণে দশার রাসায়নিক সংস্থিতি জানিতে গেলে প্রত্যেকটি উপাদানের [যৌগ ও মৌল অবস্থায়] আনুপাতিক ভর প্রত্যক্ষভাবে জানিবার প্রয়োজন হয় না—মাত্র করেকটি জানিলেই চলিবে।

প্রথমেই আমরা গ্যাসীর দশার নির্দিণ্ট চাপ ও উক্তার নির্দিণ্ট ভরের হাইন্ত্রোজেন ও অক্সিজেনের একটি মিশ্রণের কথা চিন্তা করি। হাইন্ত্রোজেন ও অক্সিজেন মৌলের সহযোগে প্রধানতঃ H_2O যৌগ উৎপন্ন হয়। চাপ ও উক্তার উপর উৎপন্ন যৌগের পরিমাণ নির্ভর করে। সূতরাং মৌল H_2O , এবং যৌগ H_2O সহযোগে যে গ্যাসীর দশার উদ্ভব হয় তাহার সংস্থিতি ক্মির করিতে হাইন্ড্রোজেন ও অক্সিজেন মৌলের গাঢ়ম্ব জানিলেই চলিবে। এক্ষেত্রে গ্যাসীর দশার উপাদান তিনটি— H_2O । কিন্তু ইহাদের মধ্যে নিরপেক্ষ উপাদান মাত্র দুইটি—হাইন্ড্রোজেন এবং অক্সিজেন। সূতরাং অবয়ব সংখ্যা হইবে দুই। লক্ষ্য করা যায় যে, এক্ষেত্রে অবয়ব সংখ্যা হইতেছে ঐ দশাতে উপক্ষিত মৌলের সংখ্যা।

অনেক ক্ষেত্রে অবয়ব সংখ্যা উপস্থিত মৌলের সংখ্যা অপেক্ষা বেশী অথবা কম হইতে পারে। বস্তুতঃ স্থাভাবিক চাপ ও উক্ষতায় হাইড্রোজেন ও অক্সিজেন মিশ্রণে প্রায় কোন বিক্রিয়া-ই হয় না। এই বিক্রিয়া ঘটাইবার জন্য বাহির হইতে তাপ দেওয়া প্রয়োজন হয়—বৈদ্যুতিক স্ফুলিকের সাহায্যে এই তাপ সৃষ্টি করা হইয়া থাকে। বায়ুমগুলের স্থাভাবিক চাপ ও উক্ষতায় $H_{\rm s}$ এবং $O_{\rm s}$ হইতে ধেমন $H_{\rm s}O$ অণু উৎপন্ন হয় না তেমনি $H_{\rm s}O$ অণু বিয়োজিত হইয়া $H_{\rm s}$ ও $O_{\rm s}$ অণু সৃষ্টি করে না (প্রকৃতপক্ষে এই সময় বিক্রিয়া হয় তবে খুবই ধীর গাঁততে)—সেই কারণে মিশ্রণে রাসায়নিক সাম্য সৃষ্টি হইবার জন্য যথেন্ট সময়ের প্রয়োজন। স্থাভাবিক অবস্থায় মিশ্রণে $H_{\rm s}O$ বাম্পকেও একটি নিরপেক্ষ উপানান হিসাবে চিন্তা করিতে হইবে (কারণ $H_{\rm s}$ ও $O_{\rm s}$ মৌলের গাঢ়ম্ব হইতে $H_{\rm s}O$ বাম্পের গাঢ়ম্ব জানা সম্ভব হইবে না)। এক্ষেত্রে মৌলের সংখ্যা দুই কিন্তু অবয়ব সংখ্যা তিন।

কেবলমাত্র জলীর বাচ্পের অবস্থা চিন্তা করিলে দশার সংস্থিতি হইবে $100\%~H_{\odot}O$ । ইহা হইতে আমরা অবশাই মৌলগুলির গাঢ়ত্ব জানিতে পারিব। কিন্তু রাসায়নিক সংস্থিতি জানিতে এই অতিরিক্ত তথাটি না জানিলেও চলিবে। এক্ষেত্রে মৌলের সংখ্যা দৃই কিন্তু অবয়ব সংখ্যা এক। আমরা আর দুইটি উদাহরণ দিয়া অবয়ব সম্পর্কে আমাদের আলোচনা এখানে শেষ করিব। উদাহরণ দৃইটি বিশেষ তাৎপর্যপূর্ণ—কারণ ইহাদের সাহাযো আমরা অবয়ব সংখ্যা স্থির করিবার সহজ পদ্ধতি উদ্ভাবন করিতে পারি।

মনে করি, কোন একটি আবদ্ধ পাতে লবণ ও চিনির লঘু দ্রবণ ও বাষ্প সাম্যাবস্থার রহিয়াছে। এখানে দুইটি দশা—তরল ও গ্যাসীর এবং অবরব সংখ্যা তিন । কারণ তিনটি উপাদানেরই পরিমাণ জানিলে তবেই তরল দশার সংখ্যিত জ্ঞানা হইবে ।

গ্যাসীয় দশার সংস্থিতি $H_2O-100\%$ চিনি-0% লবণ -0% তরল দশার সংস্থিতি $H_2O-x\%$ চিনি-y% লবণ -z% লক্ষ্য করা যায় যে, এক্ষেত্রে ইচ্ছামত তিনটি উপাদানের ভরই পরিবর্তন করা চলে। অতএব অন্যভাবে—তন্দ্রের যতগুলি উপাদানের ভর ইচ্ছামত পরিবর্তন করা যায় সেই সংখ্যাকে আমরা অবয়ব সংখ্যা বলিতে পারি। অবয়ব সংখ্যা নির্ণয় করিবার ইহা একটি সহজ পদ্ধতি।

অধিক উক্তায় একটি আবদ্ধ পাত্রে কিছু পরিমাণ $CaCO_s$ -এর অভিছ কল্পনা করা যাক। $CaCO_s$ বিয়োজিত হইয়া CaO ও CO_s উৎপদ্ম করে। সাম্যাবস্থায় উহাতে $CaCO_s$ (কঠিন), CaO (কঠিন) এবং CO_s (গ্যাস) থাকে।

CaCO₃ (কঠিন) → CaO (কঠিন) + CO₂ (গ্যাস)
সাম্যাবস্থায় তিনটি উপাদান আছে বটে, কিল্ CaO ও CO₃-এর সমসংখ্যক
গ্রাম-অণু (equal moles) বর্তমান। যে-কোন দুইটি উপাদানের গাঢ়ত্ব
হইতে সমস্ত দশার সংস্থিতি জানা যায়—অতএব অবয়ব সংখ্যা দুই। অবয়ব
হিসাবে CaO ও CO₃-কে চিন্তা করিলে তিনটি দশার সংস্থিতি হইবে—

গ্যাসীয় দশার সংস্থিতি—0%CaO এবং 100%CO ু কঠিন CaO দশার সংস্থিতি—100%CaO এবং 0%CO ু কঠিন CaCO ু দশার সংস্থিতি—x%CaO এবং x%CO ু

লক্ষ্য করা যাইতে পারে যে, সাম্যাবস্থায় উপাদানের সংখ্যা তিন হওয়া সত্ত্বেও উহাদের আনুপাতিক ভর সম্পর্কে একটি বাধ্যবাধকতা (restriction) রহিয়াছে। সেই বাধ্যবাধকতাটি হয় এই যে, CaO ও CO₂-এর একই সংখ্যক গ্রাম-অণু উপন্থিত থাকিবে। মোট উপাদানের সংখ্যা হইতে উহাদের সম্পর্কে যতগুলি বাধ্যবাধকতা আরোপিত হয় সেই সংখ্যা বিয়োগ করিলে অবয়ব সংখ্যা পাওয়া যায়। আমরা CaO ও CO₂-কে অবয়ব ধরিয়াছি, একইভাবে CaCO₂ ও CaO-কেও অবয়ব চিন্তা করা চলে। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যায় যে, তক্ষের অবয়ব সংখ্যা নির্দিণ্ট কিন্ত অবয়বগুলিকে বিভিন্নভাবে বাছাই করা যাইতে পারে (there may have an

arbitrariness as to which are the components but there can be no arbitrariness as to their number)!

3. **স্বাভন্ত্য-মাত্রা বা নির্ণায়ক** (Degree of freedom or variance)—চাপ, উকতা ও অবয়বগুলির গাঢ়দ হইতে তল্তের দশাগুলির বর্ণনা সম্পূর্ণ হয়। ঐগুলিকে 'কারক' (factor) বলে।

'ন্যুনতম বতগুলি স্বতন্ত কারক জানিলে সাম্যাবন্থার তন্তের সম্পূর্ণ পরিচর পাওরা যার সেই সংখ্যাকে উহার স্বাতন্তামাত্রা বা নির্ণারক (সাম্য নির্ণারক) বলা হর ।' স্বাতন্তামাত্রাকে F অক্ষরের সাহায্যে প্রকাশ করা হর ।

বন্ধু একটি মাত্র দশাতে থাকিলে—কঠিন, তরল অথবা গ্যাসীর, ষে-কোন দশাই হউক না কেন উহার স্বাতন্তা মাত্রা হইবে দুই। কারল উহার চাপ ও উকতা পৃথক্তাবে জানিতে পারিলে তবেই উহাকে সম্পূর্ণভাবে জানা হইবে। এই কারণে একটিমাত্র দশাতে তন্ত্রকে ছিচল তন্ত্র (bivariant system) বলা হয়। কিন্তু পদার্থের দুইটি দশা যদি সাম্যে থাকে তবে উহার অবস্থা দশা চিত্রে OA (তরল ও গ্যাসীর দশার সাম্যে), OB (কঠিন ও গ্যাসীর দশার সাম্যে) অথবা OC-এর (কঠিন ও তরল দশার সাম্যে) উপর একটি বিন্দু দ্বারা নির্দিন্ট হইবে। সেক্ষেত্রে কেবলমাত্র চাপ জানিলেই উকতা অথবা উকতা জানিলেই চাপ জানা যায়। পৃথক্তাবে চাপ ও উকতা উল্লেখ করা নিম্পান্তনে। এক্ষেত্রে তন্ত্রকে বলা হয় একচল তন্ত্র (univariant system)। ত্রৈধ বিন্দুতে বন্ধুর তিনটি দশা পরস্পরের সঙ্গে সাম্যে থাকে। সেই অবস্থার চাপ ও উকতা দুই-ই নির্দিন্ট—তিনটি দশা সাম্যে আছে জানিতে পারিলেই সাম্যাবস্থার চাপ ও উকতা জানা হইয়া যার—ত্রৈধ বিন্দুর স্থানাক্ষ ঐ সময়ে চাপ ও উকতা নির্দেশ করে। ইহাকে নিশ্চলতন্ত্র (invariant system) বলা হয়।

অন্য ভাবে স্বাতন্দ্রামান্তার আরও একটি সংজ্ঞা দেওরা বাইতে পারে। কারকগৃলিকে পরিবর্তন করিলে দশাগৃলির বা সামগ্রিকভাবে তন্দ্রের অবস্থার পরিবর্তন হয়। অনেক ক্ষেত্রে এক বা একাধিক কারক বদলাইলে বিভিন্ন দশায় উপাদানগৃলির গাড়ত্ব বা পরিমাণ বদলাইতে পারে কিছু প্রত্যেকটি দশার অভিত্ব অক্ষুপ্ত থাকে। বেমন জল ও জলীয় বাষ্প মিশ্রণে উকতা বাড়াইলে জলের পরিমাণ হ্রাস পার কিছু দুইটি দশাই বর্তমান থাকে। পক্ষান্তরে তিনটি দশা সাম্যে থাকা অবস্থায় অর্থাৎ হৈথ বিন্দুতে দ্বির চাপে উকতা সামান্য বাড়াইলেও

কঠিন দশা লোপ পার—তেমনই ঐ সমরে স্থির উক্তার চাপ বিশ্বমাত্র হ্রাস পাইলেই তরল দশাটির বিলুপ্তি ঘটে।

উর্ধ্ব সংখ্যার বতগুলি কারক স্বতশ্বভাবে পরিবর্তন করিলেও তল্ফে দশার সংখ্যা একই থাকে—অর্থাৎ কোন দশার অক্তিম্ব লোপ পায় না বা নতুন কোন দশার সৃষ্টি হয় না সেই কারক সংখ্যাকে স্বাতন্তা মাতা বলা হয়।

গিব্স তাপগতিতত্ত্বর সাহায্যে প্রমাণ করেন যে, অসমসত্ত্ব তন্তার দশা (P), অবরব (C) ও স্বাতন্ত্র মাত্রা (F)-এর মধ্যে একটি নির্দিন্ট সম্পর্ক বর্তমান। সম্পর্কটি এইরূপ—'দশা ও স্বাতন্ত্র মাত্রার যোগফল অবরব সংখ্যার চেরে দুই বেশী'।

অৰ্থাৎ,
$$P+F=C+2$$

অথবা, $F=C-P+2$

এই স্তুকে আমরা গিব্সের দশা নীতি বলিব। দশা নীতি-ই অসমসত্ত্ব তল্তের সাম্যাবস্থার মূলনীতি। বিভিন্ন দশা পৃথক্ভাবে অথবা পরস্পরের সঙ্গে একত্রে সাম্যে থাকিবার সর্ত এই মূলনীতির আলোকে ব্যাখ্যা করা যায়।

প্রমাণ ঃ মনে করি, অসমসত্ত তল্যটিতে α -সংখ্যক দশা পরম্পরের সঙ্গে সাম্যে আছে এবং উহার অবরব সংখ্যা β । তল্যের i-তম দশাতে k-তম অবরবের ভর, ধরা বাক m_{ik} —অর্থাৎ প্রথম দশাতে বিতীয় অবরবের ভর m_{2s} ভিতীয় দশাতে তৃতীয় অবরবের ভর m_{2s} ইত্যাদি। তল্য সাম্যাবস্থায় থাকিবার সর্ত হইল নির্দিখ্য চাপ ও উক্ষতায় উহার গিব্দ অপেক্ষক অবম মানে থাকে। একই চাপ ও উক্ষতায় কোন কাল্পনিক অণু-পরিবর্তনে $\delta G = 0$ । পৃথ্যীয় শক্তির পরিমাণ খৃবই সামান্য এবং ঐ কারণে সামগ্রিক ভাবে তল্যের গিব্দ অপেক্ষক বিভিন্ন দশাগুলিতে গিব্দ অপেক্ষকের সমন্টি বিবেচনা করা চলে। অর্থাৎ ঐ চাপ ও উক্ষতায় প্রথম দশার জন্য গিব্দ অপেক্ষক G_1 , দিতীয় দশার জন্য গিব্দ অপেক্ষক তি, ইত্যাদি লিখিলে, সামগ্রিকভাবে তল্যের গিব্দ অপেক্ষক হইবে—

 $G=G_1+G_2+\ldots+G_i+\cdots+G_a$ \cdots (10°22) সাধারণভাবে বে-কোন দশাতে গিব্স অপেক্ষক চাপ, উক্তা ও ঐ দশাতে অবয়বগুলির ভরের উপর নির্ভর করিবে—সেজন্য

$$G_i = G_i(T, P, m_1, m_1, m_2 \cdots m_{i\beta})$$
 \cdots (10·23) এই অপেক্ষকের গাণিতিক রূপটি কি হইবে সেই সম্পর্কে কিছুই বলা যায় না—

তবে উহা :-তম দশার বিশেষ ধর্মের উপর নির্ভর করে। नका করা যায় যে, দশার সংস্থিতি নির্ভর করে অবয়বগুলির আনুপাতিক ভর বা relative mass -এর উপর--প্রকৃত ভরের উপর নয়। সেই কারণে, বে-কোন একটি দশাতে প্রত্যেকটি অবয়বের ভর এ-গুণ বৃদ্ধি করিলে দশার সংস্থিতির কোন পরিবর্তন হয় না—কেবলমার ঐ দশার জন্য গিব্স অপেক্ষক x-গুণ বৃদ্ধি পাইবে। সূতরাং নিদিন্ট চাপ ও উক্তার G_i -কে m_i , m_i , m_i ইত্যাদির প্রথম ডিগ্রীর সম্মাত্ত সমীকরণ (homogeneous first degree equation) বলিব। এবং সেই কারণে $m_{i1}, m_{i2}, \cdots, m_{i\beta}$ সাপেকে G_i -এর অবকল গুণাংকগুলিকে—অর্থাৎ $\partial G_i/\partial m_{i_1}$ $\partial G_i/\partial m_{i_2}\cdots$, ৪G./৪m, ইত্যাদিকে ঐ দশাতে বিভিন্ন অবয়বের ভরের শ্ন্য ডিগ্রী (zero degree) সমীকরণের সাহায্যে প্রকাশ করা যায়। ইহার অর্থ হইতেছে ৪G./৪m., ···ইত্যাদি অবকল গুণাংকের প্রত্যেকটি অবয়বগুলির ভরের অনুপাতের উপর নির্ভর করে—এবং ইহারা প্রত্যেকেই তন্দ্রের সংকীর্ণ ধর্ম। m_{ik} -সাপেকে G_i -এর অবকল গুণাংক-কে i-দশাতে k-তম অবয়বের রাসায়নিক বিভব (chemical potential of the k-th component in the i-th phase) µ1k-বলা হইবে। µ11-এর অর্থ দাঁডায় 1-দশতে প্রথম অবয়বের একক ভর সংযোজনে গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন। এইভাবে প্রত্যেকটি রাসায়নিক বিভবকে ব্যাখ্যা করিতে হইবে। ইহাদের প্রত্যেকেই চাপ, উষ্টতা ও অবয়বগুলির আনুপাতিক ভরের উপর নির্ভর করে।

তন্দ্রটি সাম্যাবন্দ্রায় থাকার অর্থ হইল, ঐ একই চাপ ও উক্টার অন্য বে-কোন অবস্থার তুলনায় ঐ অবস্থায় গিব্ স অপেক্ষকের মান কম । অথবা ঐ একই চাপ ও উক্টায় র্যাদ k-তম অবয়বের অণু-পরিমাণ δm i-দশা হইতে j-দশাতে রূপায়িরত হইয়াছে কল্পনা করা হয় তবে এই কাল্পনিক অণু-পরিবর্তনে $\xi G = 0$ । এই কাল্পনিক পরিবর্তনে i-দশাতে k-তম অবয়বের ভর m_{ik} -এর পরিবর্তে m_{ik} - δm এবং j-দশাতে উহার ভর m_{jk} -এর পরিবর্তে $m_{jk}+\delta m$ হইবে । এক্ষেত্রে সামগ্রিক ভাবে গিব্ স অপেক্ষকের পরিবর্তন হয় কেবলমাত্র G_i ও G_j -তে পরিবর্তনের কারণে ।

$$\therefore \quad \delta G = \delta G_i + \delta G_j = \frac{\partial G_j}{\partial m_{jk}} \delta m - \frac{\partial G_i}{\partial m_{ik}} \delta m = 0$$

$$\frac{\partial G_j}{\partial m_{jk}} = \frac{\partial G_i}{\partial m_{ik}} \delta m = 0 \quad (10^{\circ}24)$$

সমীকরণ (10°24)-এর অর্থ করিলে দাঁড়ায় এই যে সাম্যাবস্থায় i ও j দশতে k-তম অবরবের রাসারনিক বিভব একই হইবে । β-সংখ্যক অবরবের প্রত্যেকটি α-সংখ্যক দশার বে-কোন একটি হইতে অন্য বে-কোন একটিতে রূপার্ডারত হইরাছে কল্পনা করা যায় । একইভাবে প্রমাণ করা যায় বে, সাম্যাবস্থায় তল্মের কোন একটি অবরবের রাসার্যানক বিভব বিভিন্ন দশাতে একই হইবে । উল্লেখ করা যায় যে, রাসার্যানক বিভব একটি অবরবের জন্য প্রত্যেকটি দশাতে একই থাকে কিল্ব বিভিন্ন অবরবের জন্য রাসার্যানক বিভব পৃথক্ হইবে ।

অতএব রাসায়নিক বিভবের হিসাবে সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে—

সাম্যাবস্থার সর্ত হিসাবে প্রভ্যেকটি সারিতে $(\alpha-1)$ -টি স্থভন্দ্র সমীকরণ (independent equation) পাওয়া গেল এবং ঐরূপ β -টি সারি রহিয়াছে। স্বতরাং মোট স্থভন্দ্র সমীকরণের সংখ্যা (অথবা দশাগুলির গঠনে সাম্য-নির্ণায়ক অবস্থার সংখ্যা) দাঁড়ায় $\beta(\alpha-1)$ । আমরা পূর্বের আলোচনায় দেখিয়াছি যে μ_{ik} ইত্যাদি রাসায়নিক বিভবের প্রভ্যেকটি অবয়বগুলির ভরের অনুপাতের উপর নির্ভর করে। β সংখ্যক অবয়বের জন্য মোট $(\beta-1)$ -টি অনুপাত সম্ভব। α সংখ্যক দশার প্রভ্যেকটির জন্য $(\beta-1)$ এবং মোটের উপর $\alpha(\beta-1)$ -টি অনুপাত জানিলে ভবেই $\alpha\beta$ সংখ্যক μ_{ik} -এর সবকটিকে জানা যায়। ঐগুলির সঙ্গে অন্য দুইটি চল—উক্তা ও চাপ, জানা থাকিলে দশাগুলির সম্পর্কে সব কিছুই জানা হইবে। সাম্যাবস্থায় থাকার দরুল $[\alpha(\beta-1)+2]$ -টি কারকের মধ্যে $\beta(\alpha-1)$ -টি কোন-না-কোন ভাবে পরস্পরের সম্বন্ধযুক্ত। স্তরাং ন্যুনতম যতগুলি কারক জানিতে পারিলেই সাম্যাবস্থায় ভল্ডের সম্পূর্ণ পরিচেয় পাওয়া যায় সেই সংখ্যা হয়

$$\alpha(\beta-1)+2-\beta(\alpha-1)=\beta+2-\alpha$$

সংজ্ঞানুসারে এই সংখ্যাকে আমর। স্বাতশামাত্র। বলিব । স্তরাং স্বাতশামাত্র। F, অবয়ব সংখ্যা C, এবং দশা সংখ্যা P লিখিলে উহাদের পরস্পারের মধ্যে সম্পর্ক হইবে (সাম্যাবস্থায়).

$$\mathbf{F} = \mathbf{C} - \mathbf{P} + 2 \qquad \cdots \qquad (10.26)$$

এই সমৃদ্ধটিকে গিব্সের দশা নীতি বলা হইবে। উল্লেখ করা বার বে, দশা নীতি প্রমাণ করিবার সমর আমরা ধরিয়া লইয়াছি বে, প্রত্যেকটি অবরব প্রত্যেকটি দশাতেই বর্তমান। বিদ কতকগৃলি অবরব বিশেষ কয়েকটি দশাতে অনুপন্থিত থাকে তবে সেক্ষেত্রে সমীকরণ (10'26) কিভাবে পরিবর্তিত হইবে?

যদি i-দশাতে k-তম অবর্বটি অনুপস্থিত থাকে তবে সমীকরণ $(10\cdot25)$ -এ $\partial G_i/\partial m_{ik}=\mu_{ik}$ পদটি বাদ পড়িবে। যদি মোটের উপর r-টি ক্ষেত্রে কোন-না-কোন অবরব অনুপস্থিত থাকে তবে বিভিন্ন দশাতে অবরবগুলির রাসায়নিক বিভব জানিতে $\alpha(\beta-1)$ স্বতন্ত্র অনুপাতের স্থলে $[\alpha(\beta-1)-r]$ সংখ্যক অনুপাত জানা প্রয়োজন হয়। কিন্তু এই সমরে সামাসূচক সমীকরণের সংখ্যা দাড়ায় $[\beta(\alpha-1)-r]$ । স্বতরাং এই অবস্থায় স্বাতন্ত্রামাত্রা হইবে

$$\alpha(\beta-1)-r+2-\beta(\alpha-1)+r=\beta+2-\alpha$$

অতএব দেখা গেল এক বা একাধিক দশাতে এক বা একাধিক অবরব অনুপশ্ছিত থাকিলেও সমীকরণ (10°26)-এর কোন পরিবর্তন হইবে না। দশা সংখ্যা ছির রাখিয়া কতগুলি কারককে ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলে তাহা নির্ভর করে মোটের উপর কতগুলি দশা এবং কতগুলি অবরব উপস্থিত তাহার উপর। নিয়ে দশানীতির করেকটি উদাহরণ দেওয়া হইল।

- (a) কোন পাত্রে কেবলমার জলীর বাষ্প আছে চিন্তা করিলে দশা সংখ্যা এবং অবরব সংখ্যা উভরই 1, কারণ জলীর বাষ্প অবস্থার সংশ্থিতি হইতেছে 100% $H_{\bullet}O$ । দশা সূত্র অনুসারে নির্ণারক সংখ্যা বা স্থাতন্দ্যমাত্রা হইবে দৃই। প্রকৃতপক্ষে জলীর বাষ্পের চাপ ও উষ্ণতা দৃই-ই ইচ্ছামত পরিবর্তন করা বার। কেবলমাত্র উষ্ণতা বাললেই উহার চাপ কত বলা হর না।
- (b) আবদ্ধ পাত্রে জল ও জলীয় বাষ্প সাম্যাবন্ধায় থাকিলে দশা সংখ্যা দৃই কিন্তু অবয়ব সংখ্যা এক। দৃইটি দশার সংশ্বিত হইতেছে $100\%~H_{2}O$ । দশানীতি অনুসারে স্বাতন্যামাত্রা বা নির্ণায়ক সংখ্যা হইবে এক। জল ও জলীয় বাষ্প সাম্যাবন্ধায় থাকাকালে নির্দিন্ট উক্কতায় চাপও নির্দিন্ট—এই চাপ হইবে ঐ উক্কতাতে সম্পক্ত বাষ্পচাপ। স্তরাং এই অবস্থায় কেবলমাত্র উক্কতা ইচ্ছামত পরিবর্তন করা বায়—এবং ঐ উক্তা জানিলেই সাম্যাবন্ধায় তন্দুটির সম্পর্ণ পরিচন্ধ পাওয়া সম্ভব হর।

- (c) পাত্রে বরফ, জল ও জলীর বাষ্প সাম্যাবন্থার থাকিলে প্রত্যেকটি দশার সংক্ষিত হইবে $100\%H_2O$ । এক্ষেত্রে অবরব এক কিন্তু দশা সংখ্যা তিন। দশানীতি অনুসারে স্বাতন্যামাত্রা শূন্য (zero) বা তন্দ্রটি নিশ্চল। ইহার অর্থ এই যে, কোন একটি চল ইচ্ছামত পরিবর্তন করিলে তিনটি দশা একত্রে সাম্যে থাকিবে না। আমরা ত্রৈধ বিন্দু সংলান্ত আলোচনার নেখিরাছি বে, H_2O তন্দ্রের জন্য এই অবস্থার চাপ $4.57~\mathrm{mm}$ পারদ স্কন্তের চাপের সমান এবং উষ্ণতা $0.0075^{\circ}C$ । সূতরাং কোন কিছুই ইচ্ছামত পরিবর্তন করা যায় না—দশানীতি অনুযায়ী ইহাই হওয়া উচিত।
- (d) উপরের তিনটি উদাহরণেই বিভিন্ন দশাতে এক অবয়বী তল্মের সাম্যাবস্থা আলোচনা করা হইয়ছে। মনে করি একটি তল্মের অবয়ব সংখ্যা দৃই কিল্লু উহার দশা সংখ্যা এক—যে-কোন দৃইটি গ্যাসের একটি মিশ্রণ। দশানীতি অনুসারে একেতে নির্ণায়ক সংখ্যা বা স্বাতল্যামাতা হইবে তিন। বাস্তবিকপক্ষে মিশ্রণের চাপ, উষ্ণতা ও গ্যাস-দৃইটির ভরের অনুপাত সবই ইচ্ছামত পরিবর্তন করা চলে।

10'8. রাসারনিক সাম্য (Chemical equilibrium) :

দুই বা ততোধিক মৌল অথবা যোগের মিলনে নতুন পদার্থের সৃষ্টি হইলে তাহাকে রাসায়নিক বিক্রিয়া বলা হয়। বিপরীতক্রমে রাসায়নিক বিক্রিয়ায়, কোন যোগ হইতে (বিভাজনের ফলে) একাধিক যোগ বা মৌল সৃষ্টি হইতে পারে। রাসায়নিক বিক্রিয়া সম্পর্কে দুইটি গুরুত্বপূর্ণ প্রশ্নের একটি হইতেছে বিক্রিয়ার তৎপরতা এবং দ্বিতীয় প্রশ্ন হইতেছে বিক্রিয়াটি কতদ্র অগ্রসর হইবে?

পরীকা হইতে দেখা যার যে, সকল রাসায়নিক বিলিয়া একই তৎপরতার অনৃষ্ঠিত হয় না। যেমন, হাইড্রোজেন ও ক্রোরন পরস্পরের সংস্পর্শে আসিবা মাত্র হাইড্রোজেন ক্রোরাইড উৎপল্ল হয়। পক্ষান্তরে খ্ব ধীর বিলিয়ার হাইড্রোজেন ও আয়োডিন মিশ্রণ হইতে হাইড্রোজেন আয়োডাইড সৃষ্টি হইবে। প্রথম ক্ষেত্রে রাসায়নিক বিলিয়ার তৎপরতা বেশী, কিন্তু দিতীর ক্ষেত্রে এই তৎপরতা খ্বই কম। রাসায়নিক বিলিয়ার তৎপরতা কেবলমাত্র বিলিয়ক্ষগৃলির প্রকৃতির উপর নির্ভর করে না—পারিপার্শ্বিক অবস্থা যেমন, চাপ ও উষ্ণতার উপর বিলিয়ার তৎপরতা অনেকাংশেই নির্ভরশীল। স্বাভাবিক অবস্থার হাইড্রোজেন ও অক্সিজেনকে একত্রে রাখিয়া দিলে উভরের মিলনে নতুন কোন বোগের সৃষ্টি হইবে না। কিন্তু সামান্য মাত্র তড়িং-

মোকণে (electric spark) মৃহুর্তে জলীর বাষ্প উৎপন্ন হর। আবার নাইটোজেন ও হাইড্রোজেন সহযোগে অ্যামোনিয়া উৎপন্ন করিতে কেবলমায় উক্তা বৃদ্ধি করিলেই চলিবে না—সেই সঙ্গে মিশ্রণের উপর চাপও যথেওঁ পরিমাণে বৃদ্ধি করিতে হইবে।

বিক্রিয়ার তৎপরতা বিক্রিয়কের প্রকৃতি ও পারিপার্শ্বিক অবন্থার উপর নির্ভর করার সঙ্গে বিক্রিয়কগৃলির গাঢ়ছের উপরও বহুলাংশে নির্ভরশীল। লঘু HCl দ্রবণ ও ধাতব Zn-এর মধ্যে যে হারে বিক্রিয়া হয় গাঢ় HCl দ্রবণ ও Zn-এর মধ্যে বিক্রিয়ার হার তাহার চেয়ে অনেক বেশী। পরীক্ষা হইতে দেখা বার যে, বিক্রিয়কের গাঢ়ছ বৃদ্ধির সঙ্গে সকল ক্ষেত্রে বিক্রিয়ার তৎপরতা বৃদ্ধি পায়। সর্বপ্রথম গৃল্ডবার্গ ও ভাগে (Guldberg and Waage) বিক্রিয়কের পরিমাণের উপর বিক্রিয়ার তৎপরতা কিভাবে নির্ভর করে সেই সম্পর্কে আলোকপাত করেন। তাহাদের সিদ্ধান্তটি এইরূপ—

'নির্দিন্ট চাপ ও উক্টার বিক্রিরার তংপরতা বিক্রিরকগুলির প্রত্যেকটির সক্রির ভরের (active mass) সমান্পাতিক'—'সক্রির ভর' বলিতে আমরা আগব-গাঢ়ত্ব (molar concentration) অথবা, একক আরতনে কত গ্রাম-অণু বর্তমান তাহাই বৃঝিব। এই সিদ্ধান্তটিকে ভর-ক্রিরার সূত্র (law of mass action) বলা হর।

একণে দেখা বাক, কোন রাসায়নিক বিচিয়া কতদ্র অগ্রসর হইবে, তাহা কিসের উপর নির্ভর করে? অধিকাংশ ক্ষেত্রেই বিচিয়কগুলি সম্পূর্ণভাবে বিচিয়াজাত পদার্থে রূপান্তরিত হয় না। কারণ বিচিয়াজাত পদার্থগুলির মধ্যে বিচিয়ার পুনরায় বিচিয়াকের সৃষ্টি হয়। এই ধরনের বিচিয়াকে উভমুখী বিচিয়া (reversible reaction) বলে। বস্তৃতঃ, প্রায় প্রতিটি রাসায়নিক বিচিয়াই উভমুখী। উভমুখী বিচিয়া একই সঙ্গে দুইদিকে অগ্রসর হয়—অর্থাং বিচিয়াকগুলি হইতে যখন বিচিয়াজাত পদার্থের সৃষ্টি হইতেছে তথন একই সময়ে বিচিয়াজাত পদার্থগুলির মধ্যে রাসায়নিক বিচিয়ায় বিচিয়ার বিচিয়ার তিংপার হাতে থাকে।

বেমন, $PCl_s \rightleftharpoons PCl_s + Cl_s$ $ZnO + C \rightleftharpoons Zn + C()$

প্রথমক্ষেত্রে ফস্ফরাস পেণ্টাক্লোরাইড বিভাজনে বেমন ফস্ফরাস ট্রাইক্লোরাইড ও ক্লোরিন উৎপল্ল হয় তেমন-ই উৎপল্ল ট্রাইক্লোরাইড ও ক্লোরিনের রাসারনিক বিক্রিরার পেণ্টাক্রোরাইডের সৃষ্টি হইবে। দ্বিতীর উদাহরণটিতে দেখা বার জিম্ক অক্সাইড কার্বন-বিজারণের ফলে জিম্ক ও কার্বন মনোক্সাইড উৎপশ্লে করে। আবার একই সঙ্গে কার্বন মনোক্সাইড কর্তৃক জিম্ক জারিত হওয়ার জিম্ক অক্সাইড উৎপশ্ল হয় এবং মৃক্ত অবস্থার কার্বন পাওয়া বায়। সাধারণভাবে বে-কোন উভমুখী বিক্রিয়াকে আমর। নিম্নালিখিত একটি সমীকরণের সাহাব্যে প্রকাশ করিতে পারি—

$$A + B \rightleftharpoons C + D \qquad \cdots \qquad (10.26)$$

বিক্রিয়া শুরু হওয়ার প্রাথমিক অবস্থায় A ও B-এর পরিমাণ বেশী এবং C ও D-এর পরিমাণ খুব কম। সম্মুখ বিক্রিয়ার গতি (rate of the forward reaction) R_{AB} লিখিলে ভর-ক্রিয়ার সূত্র অনুসারে

$$R_{AB} \propto [A]$$
 এবং $R_{AB} \propto [B]$ অথবা, $R_{AB} = k$, $[A]$ $[B]$ \cdots (10.27)

[A] ও [B] যথাক্রমে বিক্রিয়ক A ও B-এর সাক্রিয় ভর বা আগব-গাঢ়ত্ব । সমরের সঙ্গে A ও B-এর পরিমাণ হ্রাস পাইবে কিন্তু C ও D-এর পরিমাণ বাড়িয়া যাইবে । অর্থাৎ A ও B-এর সাক্রিয় ভর যত কমিবে C ও D-এর সাক্রিয় ভর ততই বাড়িতে থাকে । যে-কোন সময়ে পশ্চাংমূখী বিক্রিয়ার গতি হইবে

$$R_{CD} = k_s [C] [D] ... (10.28)$$

[C] ও [D] যথাক্রমে ঐ সমরে C ও D এর সক্রিয় ভর। দেখা বাইতেছে, সমরের সঙ্গে R_{AB} কমিতে থাকে কিন্তু R_{CD} বাড়িয়া চলে। যে অবস্থার সম্মুখ বিক্রিয়ার গতি R_{AB} এবং পশ্চাংমুখী বিক্রিয়ার গতি R_{CD} পরস্পরের সমান হয় তখন আপাতদৃষ্টিতে বিক্রিয়া বন্ধ হইয়াছে মনে করা যাইতে পারে। কারণ প্রকৃতপক্ষে, ঐ সময়ের পরে বিক্রিয়ক এবং বিক্রিয়াজাত পদার্থ উভয়েরই পরিমাণ স্থির থাকে। এই অবস্থাকে রাসায়নিক সাম্যের (chemical equilibrium) অবস্থা বলা হয়। এই অবস্থায় কিন্তু প্রকৃত অর্থে রাসায়নিক বিক্রিয়া বন্ধ হইয়াছে বলা ঠিক হইবে না। কেবলমাত্র যে হারে বিক্রিয়কগুলি লোপ পাইয়া বিক্রিয়াজাত পদার্থ উৎপন্ন হইতেছে ঠিক সেই একই হারে বিক্রিয়াজাত পদার্থ ইতে পুনরায় বিক্রিয়কগুলিকে ফিরিয়া পাওয়া বাইতেছে। বাজবিকপক্ষে এই অবস্থাটিকে গতিশীল সাম্যাবস্থা (dynamic equilibrium) বলা উচিত হইবে।

রাসারনিক সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইতে পারে বখন---

$$R_{AB} = R_{CD}$$

অথবা, $k_1[A][B] = k_2[C][D]$

সূতরাং সামাবেস্থায়
$$A = K$$
 $C = K$ $C = K$

[A], [B], [C] ও [D] ব্যাক্রমে সাম্যাবস্থার বিক্রিরক A ও B এবং বিক্রিরাজাত পদার্থ C ও D-এর সক্রির ভর। সমীকরণ (10'29)-এ K-কে সাম্য-শ্রুবক (equilibrium constant) বলা হয়। সাম্যাবস্থার বিক্রিরাজাত পদার্থ এবং অবশিষ্ট বিক্রিয়কের পরিমাণ উক্ষতার উপর নির্ভর করে—সেই কারণে সাম্য শ্রুবক K অবশাই উক্ষতা T-এর কোন অপেক্ষক হইবে। একই বিক্রিয়াতে বিক্রিয়কের প্রাথমিক গাঢ়ত্বের তারতম্যে বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থগুলির সাম্য-গাঢ়ত্বের তারতম্য ঘটে; কিল্প উক্ষতা শ্রির থাকিলে সাম্যাবস্থায় উহাদের সক্রিয় ভরের গৃণফলের অনুপাতটি একই থাকিবে। বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থ স্থির থাকিলে কেবলমার উক্ষতা পরিবর্তনে সাম্য-শ্রুবক K-এর মান বদলাইবে।

কোন কোন বিক্রিয়াতে সাম্য-ধ্রুবক K(T)-এর মান খুব বেশী আবার কোন কোন বিক্রিয়াতে সাম্য-ধ্রুবকের মান খুব কম । K(T) বেশী হওয়ার অর্থ হইল বিক্রিয়া শুরু হওয়ার অলপ পরেই সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইবে—এই সময় বিক্রিয়ক A ও B-এর সামান্য মান্রই বিক্রিয়াজাত পদার্থ C ও D-তে রূপান্তারত হইয়াছে। এইসকল ক্ষেত্রে পশ্চাংমুখী বিক্রিয়ার তংপরতার সম্মুখ বিক্রিয়ার তংপরতার অনেকগুণ বেশী। সেই কারণে অলপ পরিমাণ বিক্রিয়াজাত পদার্থ হইতে বিক্রিয়কগুলিকে যে পরিমাণে ফিরিয়া পাওয়া যাইবে বিক্রিয়কগুলি বেশী পরিমাণে উপস্থিত থাকা সত্ত্বেও সেই একই হারে লোপ পাইবে। বিপরীত ক্রমে K(T) কম হওয়ার অর্থ হইতেছে এই যে—বিক্রিয়াজাত পদার্থ C ও D অধিক পরিমাণে উৎপন্ন হওয়ার পর তবেই সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইবে। এই সময়ে সম্মুখ বিক্রিয়ার তৎপরতা বিপরীতমুখী বিক্রিয়ার তৎপরতার চেয়ে অনেকগুণ বেশী।

উপাদানগৃলির একাধিক অণু বিক্রিয়াতে অংশ গ্রহণ করিলে একই উপারে সামাঞ্চরকের হিসাব পাওরা বাইবে। সাধারণভাবে যে-কোন উভযুখী বিদ্রিয়াকে লেখা বায়---

$$n_1A_1 + n_2A_3 + \dots + n_rA_r \rightleftharpoons m_1B_1 + m_3B_2 + \dots + m_sB_s$$
... (10.30)

সামাাবন্ধার বিক্রিরক A_1 , A_2 , A_7 -এর সক্রির ভর বথাক্রমে $[A_1]$, $[A_2]\cdots$, $[A_7]$ -এবং বিক্রিরাজাত পদার্থ B_1 , $B_2\cdots$, B_8 -এর সক্রিয়ভর বথাক্রমে $[B_1]$, $[B_2]\cdots[B_8]$ লিখিলে, ভর-ক্রিয়ার স্ব অনুসারে সাম্য-ধ্রুবক—

$$K = \frac{[A_1]^n \cdot [A_2]^{n_1} \cdots [A_r]^{n_r}}{[B_1]^m \cdot [B_2]^{m_2} \cdots [B_r]^{m_r}} \cdots (10.31)$$

সমীকরণ (10°31) সাধারণভাবে ভর-ক্রিয়া স্ত্রের গাণিতিক রূপ। বে-কোন রাসায়নিক বিক্রিয়াতেই এই সমীকরণটি প্রযোজ্য। গ্যাসীর বিক্রিয়ার ক্ষেত্রে [বিক্রিয়ক এবং বিক্রিয়াজাত পদার্থের প্রত্যেকটিকে গ্যাস চিন্তা করিলে] উপাদানগুলির পরিমাণ সক্রিয় ভরের হিসাবে না লিখিয়া উহাদের আংশিক প্রেষ-এর হিসাবে প্রকাশ করা চলে। উপাদানগুলিকে আদর্শ গ্যাস মনে করিলে সাম্যাবস্থায়—

 Λ_1 -গ্যাসের আংশিক প্রেয় $P_{A_1} = [A_1] \ RT$ B_1 -গ্যাসের আংশিক প্রেয় $P_{B_1} = [B_1] \ RT$ আংশিক প্রেয়ের হিসাবে লিখিলে সাম্যা-সমীকরণ হইবে—

$$K_{c} = \frac{P_{A_{1}}^{n_{1}} P_{A_{2}}^{n_{2}} \cdots P_{A_{r}}^{n_{r}}}{P_{B_{1}}^{m_{1}} P_{B_{2}}^{m_{2}} \cdots P_{B_{s}}^{m_{r}}} [RT]^{\binom{s}{\sum m_{j}} - \sum_{i=1}^{r} i}$$

$$= K_{P}(RT)^{\Delta n} \qquad \cdots \qquad (10.32)$$

আংশিক প্রেষ সমন্ত্রিত পদটিকে K_P লেখা হইয়াছে—ইহা চাপে প্রকাশিত সাম্য-ধ্রুবক— Λn বিক্রিয়াজাত পদার্থের এবং বিক্রিয়কের মোট অণুর পার্থক্য । $\Lambda n=0$ হইলে $K_P=K_C/RT$ ।

রাসায়নিক বিক্রিরার সাম্যাবস্থার এই সমীকরণ তাপগতিতত্ত্বর মূলসিদ্ধান্ত হইতে প্রমাণ করা যায়। বিভিন্ন উপায়ে এই প্রমাণ সম্ভব—আমরা এখানে তাহাদের করেকটি মাত্র আলোচনা করিব। ভর-ক্রিরার সূত্র সাধারণভাবে প্রযোজ্য হইলেও আমাদের প্রমাণ কেবলমাত্র গ্যাসীয় বিক্রিরার ক্ষেত্রেই সীমাবদ্ধ।

গিব্স অপেক্ষকের সাহাষ্যে—পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, সাম্যাবস্থার গিব্স অপেক্ষক অবম মানে থাকিবে। চাপ ও উক্তা ক্রির রাখিয়া কোন অণ্-পরিবর্তন কল্পনা করিলে গিব্স অপেক্ষকের নীট ছাস বা বৃদ্ধি হইবে না—অর্থাং $\Delta G_{P,T}=0$ ।

উপরের এই সিদ্ধান্তটির সাহাব্যে গ্যাসীর বিক্রিয়ার সাম্য-সমীকরণটিকৈ প্রমাণ করা সম্ভব হইবে। বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থগৃলি প্রত্যেকেই একটি আনর্শ গ্যাস ধরিয়া লইয়া আমরা ভর-ক্রিয়ার সূত্রটিকে প্রমাণ করিব।

সাম্যাবস্থার অণু-পরিবর্তনে গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন

$$dG = dH - TdS - SdT$$

$$= VdP - SdT \qquad \cdots \qquad (10.33)$$

আদর্শ গ্যাসের জন্য স্থির উষ্ণতার অণু-পরিবর্তনে

$$dG_T = VdP = RT \frac{dP}{P}$$
 [1 গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাস]

এক গ্রাম-অণু আর্শ গ্যাসের জন্য গিব্স অপেক্ষক

Z'-এই ধ্রুবকটি অবশা কেবলমার উক্তার কোন অপেক্রক হইতে পারে।

মনে করি, (10°30) সমীকরণের রাসায়নিক বিক্রিয়াটিতে বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থের প্রত্যেকেই আদর্শ গ্যাস । সেক্ষেত্রে সমীকরণ (10°34)-এ P-এর পরিবর্তে উহাদের আংশিক প্রেষ $P_{A_1},\ P_{A_2}\cdots,\ P_{B_1},\ P_{B_2}\cdots$ ইত্যাদি লিখিলে মিশ্রণে বথাক্রমে $A_1,\ A_2\cdots,\ B_1,\ B_2$ গ্যাসের এক গ্রাম-অণুর গিব্স অপেক্ষক জানিতে পারিব ।

অর্থাৎ
$$(G_{A_i})_M = RT$$
 ln. $P_{A_i} + Z'_{A_i}$ $[i = 1, 2 \cdots r]$

age
$$(G_{B_j})_{M} = RT \text{ In. } P_{B_j} + Z'_{B_j}$$
 $[j = 1, 2 \cdots s]$

for
$$P_{A_i} = [A_i] RT$$
 and $P_{B_j} = [B_j] RT$

সূতরাং $(G_{Ad})_M = RT \ln [A_i] + [RT \ln RT + Z'_{Ai}]$

$$= RT \ln [A_i] + Z_{A_i} \cdots (10.35a)$$

অনুরপভাবে $(G_{B_j})_M = RT \ln [B_j] + Z_{B_j} \cdots$ (10.35b)

মনে করি, সাম্যাবস্থার $A_{\mathtt{1}}$ গ্যাসের $v_{\mathtt{1}}$ গ্রাম-অণ্ $, A_{\mathtt{2}}$ গ্যাসের $v_{\mathtt{3}}$

গ্রাম-অপু \cdots , এবং B_1 গ্যাসের λ_1 গ্রাম-অপু, B_2 গ্যাসের λ_2 গ্রাম-অপু \cdots , বর্তমান । কল্পনা করা হইল ষে, ঐ সময়ে ছির উক্ষতার A_1 গ্যাসের $\delta \nu_1$ গ্রাম-অপু, A_2 গ্যাসের $\delta \nu_2$ গ্রাম-অপু, A_3 গ্যাসের $\delta \nu_2$ গ্রাম-অপু, A_4 গ্যাসের $\delta \lambda_1$ গ্রাম-অপু, A_4 গ্যাসের $\delta \lambda_2$ গ্রাম-অপু $\delta \lambda_2$ গ্রাম-অপু $\delta \lambda_3$ গ্রাম-অপু উৎপন্ন হইবে । $\delta \nu_1$, $\delta \nu_2 \cdots$, $\delta \nu_3$, এবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, যথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, বথাদ্রমে $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2 \cdots \delta \lambda_4$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_1$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_2$, তবং $\delta \lambda_$

ছির চাপ ও উ≉তার এই কাল্পনিক পরিবর্তনে গিব্স অপেক্ষকের মোট পরিবর্তন

$$\Delta G = -\delta v_1 RT \ln [A_1] - \delta v_2 RT \ln [A_2] - \cdots$$

$$-\delta v_r RT \ln [A_r]$$

$$+\delta \lambda_1 RT \ln [B_1] + \delta \lambda_2 RT \ln [B_2] + \cdots$$

$$+\delta \lambda_r RT \ln [B_3]$$

$$-[\delta v_1 Z_{A_1} + \delta v_2 Z_{A_2} + \cdots + \delta v_r Z_{A_r}]$$

$$+[\delta \lambda_1 Z_{B_1} + \delta \lambda_2 Z_{B_2} + \cdots + \delta \lambda_s Z_{B_s}]$$

তল্য সাম্যাবন্থায় থাকায় এই কাম্পনিক পরিবর্তনে $\Delta G = 0$

$$\therefore \quad \text{RT In.} \frac{[B_1]^{\delta\lambda_1}[B_2]^{\delta\lambda_2}\cdots[B_s]^{\delta\lambda_s}}{[A_1]^{\delta r_1}[A_2]^{\delta r_2}\cdots[A_r]^{\delta r_r}} = Z \text{ (क्षाद्य)}$$

$$\cdots \qquad (10.36)$$

উপরের সমীকরণে
$$Z=[\delta v_1 \ Z_{A_1}+\delta v_2 \ Z_{A_2}+\cdots+\delta v_r \ Z_{A_r}]$$

$$-[\delta \lambda, \ Z_{B_1}+\delta \lambda, \ Z_{B_2}+\cdots+\delta \lambda, \ Z_{B_n}]$$

রাসারনিক বিক্রিয়ার সর্ভ অনুযায়ী সমীকরণ (10°30) নির্মান্তত বিক্রিয়াতে

$$\frac{\delta v_1}{n_1} = \frac{\delta v_2}{n_3} = \dots = \frac{\delta v_r}{n_r} = \frac{\delta \lambda_1}{m_1} = \frac{\delta \lambda_2}{m_3} = \dots = \frac{\delta \lambda_r}{m_s} = \frac{1}{\Lambda} \quad (3537)$$

পুনবিন্যাসের পরে সমীকরণ (10'36)-কে লেখা বার,

$$\frac{[A_1]^{\delta r_1}[A_2]^{\delta v_1}\cdots[A_r]^{\delta v_r}}{[B_1]^{\delta \lambda_1}[B_2]^{\delta \lambda_2}\cdots[B_r]^{\delta \lambda_2}}=e^{-Z/RT}$$

সমীকরণ (10:37)-এর সাহায্যে---

$$\frac{[A_1]^{n_1}[A_2]^{n_2}\cdots[A_r]^{n_r}}{[B_1]^{m_1}[B_2]^{m_2}\cdots[B_r]^{m_r}} = e^{-\Lambda \mathbf{Z}/\mathbf{R}\mathbf{T}} = \mathbf{K}_c \qquad \cdots \qquad (10.38)$$

সমীকরণ (10°38) গ্যাসীর বিক্রিয়ার ক্ষেত্রে প্রমাণ করা হইলেও সাধারণভাবে বে-কোন রাসার্যনিক বিক্রিয়ার সাম্যাবস্থার ইহা প্রযোজ্ঞা। সাম্যান্ধবক K(T)-কে সক্রিয় ভরে প্রকাশ করা হইল এবং সেই কারণে পাদচিছে C লেখা হইয়াছে। উল্লেখ করা যায় যে, সমীকরণ (10°38)-এ $[A_x]$, $[A_x]\cdots[A_r]$, $[B_x]\cdots[B_x]$ সাম্যাবস্থায় সক্রিয় ভর নির্দেশ করে।

হেল্মহোৎক অপেক্ষক বা মুক্ত শক্তির সাহায্যে সাম্য-সমীকরণ—সাম্যাবস্থার সর্ত হইল যে, ঐ সময় হেলম্ছোৎজ অপেক্ষক বা মুক্ত শক্তি অবম মানে থাকে এবং স্থির আয়তন ও উক্তার যে-কোন কাল্পনিক অণু-পরিবর্তনে মুক্ত শক্তির পরিবর্তন $\Delta F_{T,V}=0$ । তাপগতীয়তশ্রের সাম্যাবস্থা নিরূপণে ইহা একটি অতি মূল্যবান সিদ্ধান্ত ৷ ইহার সাহায্যে আমরা ভর-ক্রিয়া সূত্রের সাম্য-সমীকরণটিকে প্রমাণ করিতে পারিব ৷

ডাল্টনের আংশিক প্রেষ সূত্র অনুসারে গ্যাস মিশ্রণের মোট চাপ উপাদানগুলির আংশিক প্রেষ-এর সমন্দির সমান । মনে করি T উক্ষতায় প্রত্যেকটি উপাদান গ্যাসের আয়তন V এবং উহাদের চাপ P', P'', $\cdots P^{(n)}$, — একই উক্ষতায় এবং একই আয়তনে (অর্থাৎ মিশ্রণের মোট আয়তন V') মিশ্রণের চাপ

$$P = P' + P'' + \cdots + P^{(n)}$$

ইহার অর্থ দীড়ায় এই যে, মিশ্রণে অন্য গ্যাসের উপক্ষিতি সত্ত্বেও প্রত্যেকটি উপাদানের স্বাহন্দ্য অক্ষুণ্ণ থাকিবে। এই কারণে গ্যাস-মিশ্রণের মোট আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপি হইবে উপাদানগুলির আন্তর-শক্তি ও এন্ট্রপির বোগফলের সমান। আলোচনার সুবিধার জন্য আমরা এখানে রাসায়নিক বিক্রিয়াতে বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত গ্যাসের প্রত্যেকটিকে একটি করিয়া আদর্শ গ্যাস চিন্তা করিব।

আদর্শ গ্যাসের আগব-মান্তর-শক্তি (molar internal energy)

 C_y -আণব আপেক্ষিক তাপ। আদর্শ গ্যাসের আণব এন্ট্রাপ [সমীকরণ $(7\cdot12a)$]—

$$S = C_v \ln T + R \ln V + S_o (4677)$$

সৃতরাং এক গ্রাম-অণু আদর্শ গ্যাসের মৃক্ত শক্তি হইবে

$$F = U - TS = C_v T + U_o - T(C_v \ln T + R \ln V + S_o)$$
... (10.39)

সংজ্ঞানুসারে আগব আয়তন V=1/[A]। সূতরাং সমীকরণ (10°39)-এর পরিবর্তে—

$$F = \{C_{v}T + U_{o} - T(C_{v} \ln T - R \ln [A] + S_{o})\}$$
 (10.40)

মনে করি, সাম্যাবস্থায় বিক্রিয়ক গ্যাসগুলির সক্রিয় ভর $[A_1]$, $[A_2]\cdots[A_r]$ এবং উহাদের প্রভ্যেকের আয়তন V—মিশ্রণে যথাক্রমে ইহাদের $V[A_1]$, $V[A_2]$, \cdots $V[A_r]$ গ্রাম-অণু বর্তমান । অনুরূপভাবে বিক্রিয়াজাত গ্যাসগুলির প্রভ্যেকের আয়তন V এবং সাম্যাবস্থায় উহাদের সক্রিয় ভর $[B_1]$, $[B_2]$, \cdots , $[B_n]$ এবং ঐ কারণে মিশ্রণে উহাদের $V[B_1]$, $V[B_2]$ $\cdots V[B_n]$ গ্রাম-অণু উপস্থিত থাকিবে । সুতরাং সাম্যাবস্থায় মোট মৃক্ত-শক্তি

$$F = V \sum_{i=1}^{r} [A_{i}] \{C_{vi}T + U_{vi} - T(C_{vi} \ln T - R \ln [A_{i}] + S_{vi})\}$$

$$+ V \sum_{j=1}^{s} [B_{j}] \{C'_{vj}T + U'_{oj} - T(C'_{vj} \ln T - R \ln [B_{j}] + S'_{oj})\} \quad \cdots \quad (10.41)$$

সাম্যাবস্থায় স্থির আয়তন ও উষ্ণতার কাম্পনিক বিক্রিয়াতে মৃক্ত শক্তির পরিবর্তন

$$\Delta F_{T,V} = \sum_{i=1}^{r} \frac{\partial F}{\partial A_i} \Delta[A_i] + \sum_{i=1}^{r} \frac{\partial F}{\partial B_i} \Delta[B_i] = 0 \quad \cdots \quad (10.42)$$

মনে করি, কালপনিক বিক্রিয়াতে A_1 গ্যাসের δv_1 গ্রাম-অণু, A_2 গ্যাসের δv_2 গ্রাম-অণু, \cdots A_r গ্যাসের δv_r গ্রাম-অণুর বিক্রিয়ায় B_1 গ্যাসের $\delta \lambda_1$, B_2 গ্যাসের $\delta \lambda_2$, \cdots , B_r গ্যাসের $\delta \lambda_3$, গ্রাম-অণু উৎপল্ল হইয়াছে । এই কালপনিক পরিবর্তনে δv_1 , δv_2 , \cdots , δv_r -এর প্রত্যেকটি ঝণাস্থক রাশি এবং $\delta \lambda_1$, $\delta \lambda_2$, $\cdots \delta \lambda_r$ -এর প্রত্যেকে ধনাস্থক রাশি বিবেচিত হইবে । উপরম্ভ রাসান্ত্রনিক বিক্রিয়ার সর্ভ অনুযায়ী সমীকরণ (10°30)-এর রাসান্ত্রনিক বিক্রিয়ার—

$$\frac{\delta v_1}{n_1} = \frac{\delta v_2}{n_2} = \cdots = \frac{\delta v_r}{n_r} = \frac{\delta \lambda_1}{m_1} = \frac{\delta \lambda_2}{m_2} = \cdots = \frac{\delta \lambda_s}{m_s} = \epsilon' \text{ (बजा बाक)}$$

$$\therefore \quad A[A_i] = -\frac{\delta v_i}{V} = -\frac{\epsilon'}{V} n_i = -\epsilon n_i$$

$$\text{ खदर } \quad A[B_j] = +\frac{\delta \lambda_j}{V} = \frac{\epsilon'}{V} m_j = \epsilon m_j \qquad \cdots \qquad (10.43)$$

$$\Rightarrow \text{ त्रीक्रवण } (10.43) \text{ e} (10.42) \text{-}(\text{क} \text{ data } \text{ fish})$$

$$AF = \epsilon \left\{ -\sum_{i=1}^r \frac{\partial F}{\partial [A_i]} n_i + \sum_{j=1}^s \frac{\partial F}{\partial [B_j]} m_j \right\} = 0$$

$$\Rightarrow \text{ त्रावण }, \epsilon V \left[\sum_{i=1}^r -n_i \left\{ C_{vi} T + U_{vi} - T(C_{vi} \ln T - R \ln [B_i] + S_{oi}) + RT \right\} \right.$$

$$\left. + \sum_{j=1}^s m_j \left\{ C'_{vj} T + U'_{oj} - T(C'_{vj} \ln T - R \ln [B_j] + S_{oi}) + RT \right\} \right.$$

$$\left. + RT \right\} = 0 \cdots (10.44)$$

$$\Rightarrow \text{ त्रावण }, \left[A_1 \right]_{m_1}^{n_1} \left[A_2 \right]_{m_2}^{n_2} \cdots \left[A_r \right]_{m_s}^{n_r} \right.$$

$$\left. = e^{\frac{1}{K}} \sum_{j=1}^r m_j (R + C'_{ij} - S'_{oj}) - \sum_{i=1}^r n_i (R + C_{vi} - S_{oi}) + RT \right]$$

$$\times e^{\frac{1}{KT}} \sum_{j=1}^r m_j (R + C'_{ij} - S'_{oj}) - \sum_{i=1}^r n_i (R + C_{vi} - S_{oi}) + RT \right]$$

$$\times e^{\frac{1}{KT}} \sum_{j=1}^r m_j (R + C'_{ij} - \sum_{i=1}^r n_i U_{oi}) T^{\frac{1}{K}} \left(\sum_{i=1}^r n_i C_{vi} - \sum_{j=1}^r m_j C_{vj} \right)$$

সমীকরণ (10'45)-এর ডান রিকের অংশটি T-এর অপেক্ষক বলিরা ভর-ক্রিরা সূত্রের সমীকরণটি প্রমাণিত হইরাছে বলা বার । সামা-ধ্রুবক K(T)-কে এখানে T-এর নিদিন্ট অপেক্ষক হিসাবে দেখানো হইরাছে ।

(10.45)

উক্তা ও চাপ পরিবর্তনে সাম্যাবস্থার পরিবর্তন—পৃথক্তাবে অথবা একই সঙ্গে উক্তা ও চাপ পরিবর্তন করিলে সাম্যাবস্থা ও সামা-শ্রুবকের পরিবর্তন হয়। এই পরিবর্তনের ফলে রাসারনিক বিলিয়া কোন্ দিকে অগ্রসর হইবে পরবর্তী অংশে সেই সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা করা হইল। সমীকরণ (10°30)-এর রাসারনিক বিক্রিয়ায় গিব্স অপেক্ষকের পরিবর্তন---

$$\begin{split} \Delta G &= - \, \mathrm{RT} \, \ln . \, \frac{[\mathrm{A}_1]^{n_1} [\mathrm{A}_2]^{n_2} \cdots [\mathrm{A}_r]^{n_r}}{[\mathrm{B}_1]^{m_1} [\mathrm{B}_2]^{m_2} \cdots [\mathrm{B}_s]^{m_s}} - Z' \\ \text{GMTCF, } Z' &= \bigwedge Z = [n_1 Z_{\mathrm{A}_1} + n_2 Z_{\mathrm{A}_2} + \cdots + n_r Z_{\mathrm{A}_r}] \\ &\qquad \qquad - [m_1 Z_{\mathrm{B}_1} + m_2 Z_{\mathrm{B}_2} + \cdots + m_s Z_{\mathrm{B}_s}] \end{split}$$

সমীকরণ (10:38)-এর সাহাব্যে লেখা বার.

$$Z' = -RT \ln K_0$$

$$\therefore \quad \Delta G = -RT \ln \frac{[A_1]^{n_1}[A_2]^{n_2} \cdots [A_r]^{n_r}}{[B_1]^{m_1}[B_2]^{m_2} \cdots [B_s]^{m_s}}$$

 $+RT \ln K_{\sigma}$

$$= -RT \Sigma \tau_i \ln [C_i] + RT \ln K_c \qquad \cdots \qquad (10.46)$$

এখানে [C_i] সাম্যাবস্থায় বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থের সক্রিয় ভর নির্দেশ করিতেছে এবং ঐ কারণে উহাদের প্রত্যেকেই একটি করিয়া ধ্রুবক।

$$T \frac{d}{dT} (AG) = \{ RT \text{ ln. } K_{\sigma} - RT\Sigma \tau_{i} \text{ ln. } [C_{i}] \}$$

$$+ RT^{2} \frac{d}{dT} \ln K_{\sigma}$$

অথবা, $T \frac{d}{dT} (AG) = AG + RT^2 \frac{d}{dT} (\ln K_c)$

$$\overline{\mathbf{q}}, \quad \left(\frac{\partial}{\partial \mathbf{T}} \ln \mathbf{K}_{c}\right)_{P} = -\frac{1}{R\mathbf{T}^{2}} \left[\Delta \mathbf{G} - \mathbf{T} \frac{\partial}{\partial \mathbf{T}} (\Delta \mathbf{G})_{P}\right]$$

গিব্স-হেল্মহোৎজের সমীকরণের সাহায্যে [সমীকরণ ৪:17]

$$\begin{pmatrix} \partial & \ln K_c \end{pmatrix}_P = -\frac{\Lambda H}{R T^3} \qquad \cdots \qquad (10.47)$$

অনুরূপভাবে সমীকরণ (10:46) হইতে প্রমাণ করা বায়

$$\left(\frac{\partial}{\partial P} \ln K_o\right)_T = \frac{\Delta V}{RT} \qquad \cdots$$
 (10.48)

△V বিক্রিরার দক্ষন মোট প্রায়তনের পরিবর্তন। সমীকরণ (10:47) ও (10:48)-এর সাহায্যে রাসায়নিক বিক্রিয়ার উপর উক্তা ও চাপের প্রভাব পর্বালোচনা করা যাইবে।

উষ্ণভার পরিবর্জন—সমীকরণ (10:47) হইতে

$$\ln K_{\sigma} = \frac{\Lambda H}{RT} + 8695 \qquad \cdots \qquad (10.49)$$

..
$$\ln \frac{(K_c)_1}{(K_c)_2} = \frac{AH}{R} \left[\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right] - \cdots$$
 (10.50)

 $(K_c)_1$ ও $(K_c)_2$ বথান্তমে T_1 ও T_2 উক্ট সাম্য-গ্রুবক। তাপ-গ্রাহী বিনিয়াতে ΛH ধনাত্মক রাশি। সূতরাং ঐ ক্ষেত্রে উক্টা বৃদ্ধি পাইলে, সাম্য-গ্রুবক হ্রাস পাইবে—অর্থাং এরূপ বিনিয়াতে উক্টা বাড়াইলে উংপন্ন দ্রব্য বেশী পরিমাণে পাওয়া যাইবে। পক্ষান্তরে তাপ-উদ্গারী বিনিয়াতে ΛH ঝণাত্মক রাশি এবং উহাদের ক্ষেত্রে উক্টা বৃদ্ধিতে সাম্য-গ্রুবক বৃদ্ধি পায়—অর্থাং ঐ সকল ক্ষেত্রে বিনিয়াক্ষাত পদার্থের পরিমাণ হ্রাস পাইবে।

চাপের পরিবর্জন—সমীকরণ (10.48) হইতে দেখা বার বে, বিক্রিরার মোট আরতন বিদ বৃদ্ধি পার (AV=+Ve) তবে চাপ-বৃদ্ধির কারণে সাম্য-গ্রুবক বাড়িয়া বাইবে। পক্ষান্তরে বিক্রিয়াতে মোট আরতন বিদ হাস পার (AV=-Ve) তবে চাপ-বৃদ্ধির ফলে সাম্য-গ্রুবকের মান কমিয়া বাইবে। ইহার অর্থ হইতেছে এই বে, প্রথমক্ষেত্রে চাপ-বৃদ্ধির কারণে বিক্রিয়াজাত পদার্থের পরিমাণ হ্রাস পাইবে এবং দ্বিতীর ক্ষেত্রে বিক্রিয়াজাত পদার্থের পরিমাণ বৃদ্ধি পাইবে। এই দুইটি সিদ্ধান্তকে একত্র করিয়া বলা যার বে, সাম্যাবস্থার চাপ বৃদ্ধি করিবার পর বিক্রিয়া বেদিকে অগ্রসর হইলে বিক্রিয়ক ও বিক্রিয়াজাত পদার্থির মোট আরতন হ্রাস পার, বিক্রিয়া সেইদিকেই অগ্রসর হইবে।

मुद्देषि উनाद्य हिंदा क्या याक,

অ্যান্ডোগাড্রো প্রকল্প অনুসারে আরতন অণ্-সংখ্যার সমানুপাতিক। নাইট্রোজেন ও হাইড্রোজেনের পরিবর্তে অ্যামোনির। উৎপদ্র হইলে মোট আরতন হ্রাস পার। সূতরাং এক্ষেত্রে চাপ বৃদ্ধি করিলে উৎপদ্ম অ্যামোনিরার পরিমাণ বৃদ্ধি পাইবে। পকাতরে,

PCl,≠PCl,+Cl.

এই বিক্রিয়ায় PCI, বিভাজনে মোট আরতন বৃদ্ধি পার। সৃতরাং এক্ষেত্রে চাপ বৃদ্ধিতে বিক্রিয়াজাত পদার্থের পরিমাণ হ্রাস পাইবে।

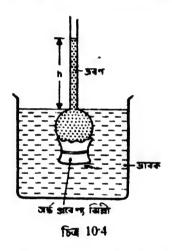
লা-লাটেলীয়ারের নীতি (Le Chatelier's principle)
—রাসার্যনিক বিক্রিয়ার চাপ ও উক্তা পরিবর্তনে সাম্যাঞ্চবকের পরিবর্তন এবং ঐ সঙ্গে আরো করেকটি পরীক্ষার সিদ্ধান্তকে একত করিয়া লা-ণাটেলীয়ার সাম্যাবস্থা সম্পর্কে একটি সাধারণ নীতি নির্দ্ধারণ করেন। চাপ, উক্তা, গাড়ছ ইত্যাদি কতকগৃলি কারকের (factor) উপর সাম্যাবস্থা নির্ভর করে। এই কারকগৃলির কোন একটিকে বদি পরিবর্তন করা হয় তবে সমগ্র তল্য এই ফলাফলকে প্রতিরোধ করিতে সচেণ্ট হয়। এই সাধারণ নীতিকে লা-শাটেলীয়ারের নীতি বলা হয়।

10.9 ব্যাবি দ্বি বিশ্ব বিশ্ব

- (a) অভিসারক চাপ (osmotic pressure),
- (b) বাষ্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন (relative lowering of vapour pressure),
 - (c) স্ফুটনান্ডের উন্নয়ন (elevation of boiling point),
- (d) হিমান্দের অবনমন (depression of freezing point) লঘু দ্রবণের এই বৈশিষ্টা সম্পর্কে বিশদ আলোচনা করা গেল এবং তাপগতিতত্ত্ব হইতে ইহাদের ব্যাখ্যা করা হইল।
- (a) **অভিসারক চাপ**—একটি পাত্রে বিশুদ্ধ দ্রাবক লঘু দ্রবণের সংস্পর্শে থাকিলে (অথবা অসম গাঢ়ত্বের দৃইটি দ্রবণকে মিশাইলে) দ্রাব ও দ্রাবকের অবৃগুলির মধ্যে ব্যাপন ক্রিয়া চলিতে থাকে—উভর অংশের গাঢ়ত্ব

সমান হওয়ার পর তবেই মিশ্রণে সাম্য সৃষ্টি হয়। অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্লীর সাহাষ্ট্রে দ্রাব অপৃগৃলির ব্যাপন বন্ধ করিতে পারিলে দ্রাবকের অপৃগৃলি দ্রবণের দিকে অগ্রসর হইয়া দ্রবণটিকে লখুতর দ্রবণে পরিণত করিবে। অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্লী হিসাবে মাছের পটকা অথবা ডিমের খোলকের পাতলা পর্দাকে ব্যবহার করা বায়।

আবে নোলেট (Abbe Nollet) সর্বপ্রথম পরীক্ষার সাহায্যে অভিসারক চাপের অভিদ্ব প্রমাণ করেন। পরীক্ষার বন্দোবস্ত চিত্র (10:4)-এ

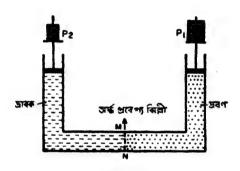


দেশানো হইল। উন্তানো একটি ফানেলের মুখ অর্থ-প্রবেশ্য বিল্লীর সাহায্যে আটকাইয়া কোন একটি লঘু দ্রবণ (মনে করা ষাক চিনির লঘু দ্রবণ) আংশিকভাবে পূর্ণ করা হইল। এই অবস্থার ফানেলটিকে জল-ভতি একটি পারে কিছু দ্র পর্যন্ত নিমন্ত্রিত করিলে দ্রাবকের অণুগুলি দ্রবণ প্রবেশ করিতে থাকে এবং ফলে ফানেলের নলে দ্রবণের উচ্চতা বৃদ্ধি পার। দ্রবণে বিশৃদ্ধ দ্রাবকের এই অনুপ্রবেশকে অভিসরণ (Osmosis) বলা হয়। অভিসরণ অনিদিশ্ট কালের জন্য চলিতে পারে না। কিছুক্ষণ বাদে ফানেলে দ্রবণের উচ্চতা দ্বির হইয়া যায়—অর্থাৎ তথন অভিসরণ বন্ধ হইয়া গিয়াছে। এই অবস্থার দ্রবণ ও দ্রাবকের মধ্যে সাম্য সৃষ্টি হইবে। কোন দ্রবণকে দ্রাবক হইতে অথবা লঘু দ্রবণকে অন্য একটি লঘুতর দ্রবণ হইতে অর্থ-প্রবেশ্য বিল্লীর সাহায্যে পৃথক্ করা হইলে একটি অনৃশ্য বল দ্রিয়া করে এবং ইহারই ফলে দ্রাবকের অনু দ্রবণে প্রবেশ করে। অর্থ-প্রবেশ্য বিল্লীর একক ক্ষেত্রের উপর এই অনৃশ্য বলকে অভিসারক চাপ (Osmotic pressure) বলা হয়।

সাম্যাবস্থার অভিসারক চাপ ফানেলের খাড়া দ্রবগন্তন্তের জন্য খে-চাপ তাহার বারা প্রশমিত হওরার ফলে অভিসরণ বদ্ধ হয়। সূতরাং বাহিরের পারে, দ্রাবক-পৃষ্ঠ হইতে ফানেলে তরল ভভের উচ্চতা h হইলে অভিসারক চাপ হইবে $P_{\rm osm}=h\rho g$ । প্রথমেই দ্রবণের উপর এই চাপ আরোপ করিলে আদৌ কোন অভিসরণ হইবে না।

এই কারণে অভিসারক চাপের সংজ্ঞা হিসাবে বলা যায়—কোন দ্রবণকে দ্রাবক হইতে অথবা লঘ্বতর অন্য একটি দ্রবণ হইতে অর্থ-প্রবেশ্য বিদ্ধীর সাহায়ে পৃথক করা হইলে একটি অদৃশ্য বলের দ্রিয়ায় দ্রবণের অভিমুথে দ্রাবকের অবৃগৃলি চালিত হয়। দ্রবণের অভ্যন্তরে দ্রাবকের এই গমনকে অভিসরণ বলে এবং এই অভিসরণকে বন্ধ করিবার জন্য দ্রবণের উপর ন্যুনতম যে-চাপ সৃষ্টি করিতে হইবে তাহাই পরীক্ষাকালীন উক্ষতায় দ্রবণের অভিসারক চাপ।

চিত্র (10.5)-এ MN একটি অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্লী। ইহা U-নলের



हिन्द्र 10.5

দুইদিকে দ্রবণ ও দ্রাবককে পৃথক্ করিয়া রাখিয়াছে। দ্রবণ ও দ্রাবককে সাম্যাবস্থায় রাখিতে উহাদের উপর চাপ যথাক্রমে $\mathbf{P_1}$ ও $\mathbf{P_2}$ হইলে অভিসারক চাপ—

$$P_{osm} = P_1 - P_3$$

অভিসরণ সম্পর্কিত পরীক্ষার বিভিন্ন ফলাফল হইতে ভ্যান্ট হফ্ (Vant Hoff) এই সিদ্ধান্তে উপনীত হন যে—(1) ছির উক্ষতার দ্রবণের অভিসারক চাপ উহার গাঢ়দ্বের (আণব-গাঢ়্ব) সমানুপাতিক, (2) একই গাঢ়েশ্বে দ্রবণের অভিসারক চাপ কেল্ভিন ক্ষেলে উহার উক্ষতার সমানুপাতিক

এবং (3) বিভিন্ন প্রবণের আগব গাঢ়ত্ব সমান হইলে একই উক্তার উহাদের অভিসারক চাপও সমান।

স্তরাং ভ্যাণ্ট হফের সিদ্ধান্ত অনুসারে—

T ভির থাকিলে $P_{osm} \propto C$, এবং C ভির থাকিলে $P_{osm} \propto T$.

অর্থাৎ, অভিসারক চাপ $P_{osm} = KCT \ (K-ধ্রু-বর্ক) \cdots \ (10.51)$ পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, একেন্দ্রে C প্রকৃতপক্ষে আগব-গাঢ়ম্ব বৃঝাইবে। দ্রবদের V লিটার আরতনে এক গ্রাম-অণু দ্রাব থাকিলে উহার আগব-গাঢ়ম্ব C=1/V। সূতরাং এক গ্রাম-অণু দ্রাব দ্রবীভূত আছে এরূপ দ্রবণের আরতন V লিটার ধরিলে,

 $P_{osm}V = KT$ (দ্রাবের 1 গ্রাম-অণুর জন্য)

দ্রবেরে V লিটার আরতনে n গ্রাম-অণু দ্রাব থাকিলে $P_{\rm com}V=nKT$ —পরীক্ষা হইতে দেখা বায় K=0824 লিটার-আ্যেমস্ফিয়ার/ডিগ্রী। ইহা আদর্শ গ্যাস সমীকরণে বাবহৃত ধ্রুবক R-এর সমান (পরীক্ষা-ক্ষনিত ক্রটির সম্ভাবনা ধরিলে)। সূতরাং K-এর পরিবর্তে গ্যাসীয় ধ্রুবক R লিখিলে লঘু দ্রবেরে অবস্থার সমীকরণ হইবে

$$P_{osm}V = nRT \qquad \cdots \qquad (10.52)$$

সমীকরণটি আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণের অনুরূপ। এই কারণে বলা যার বে, দ্রাব যদি গ্যাস হইত এবং একই উক্তার দ্রবণের সমান আয়তন ধারণ করিত, তবে উহা পাত্রের গারে বে-চাপ প্রয়োগ করিত, লম্বু দ্রবণের অভিসারক চাপ ভাহার সমান।

এই সিদ্ধান্ত কেবলমাত্র অ-তড়িং-বিশ্লেষ্য পদার্থের লঘু দ্রবণের ক্ষেত্রেই (dilute solutions of non-electrolytes) সঠিকভাবে প্রয়োজ্য। গাঢ়েছ বেশী হইলে অথবা দ্রাব বদি দ্রবণে বিশ্লোজিত হইরা পড়ে তবে সমীকরণ (10.51) অথবা (10.52) ঠিকভাবে গ্রহণ যোগ্য নর।

(b) জাব উপন্থিতির কারণে জাবকের বাস্পচাপের অবন্যন

—কোন প্রাব বদি প্রাবকে প্রবীভূত অবস্থার থাকে তবে উহা প্রাবকের বাষ্পচাপ কমাইরা দের—অর্থাৎ কোন বিশৃদ্ধ প্রাবকের সম্পৃক্ত বাষ্পচাপ
একই উক্ষতার উহার কোন প্রবণের সম্পৃক্ত বাষ্পচাপের চেরে বেশী। পরীকা
হইতে আরও দেখা বার বে, প্রবণ ও একই উক্ষতার বিশৃদ্ধ প্রাবকের বাষ্পচাপ

বথাদ্রমে P ও P_o হইলে এবং ঐ প্রবণে প্রাবকের n_o গ্রাম-অণু-ভ্রমাংশ (mole-fraction of the solvent) উপন্থিত থাকিলে—

$$P = P_o n_o \qquad \cdots \qquad (10.53)$$

বাষ্পচাপের এই অবনমন দ্রাবকের প্রকৃতি এবং দ্রবণের গাঢ়দ্বের উপর নির্ভর করে, কিন্তু দ্রাবের প্রকৃতির উপর নয়। কিন্তু বাষ্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন চিন্তা করিলে উহা কেবলমাত্র দ্রবণের গাঢ়দ্বের উপর নির্ভর করিবে, কারণ—

$$\frac{\Delta P}{P_0} = \frac{P_0 - P}{P_0} = (1 - n_0) = n_1 \qquad \cdots \qquad (10.54)$$

উপরের সমীকরণে n_1 হইতেছে দ্রাবের গ্রাম-অণ্-ভন্নাংশ (mole-fraction of the solute)—অর্থাৎ দ্রবণের বাষ্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন দ্রবণে দ্রাবের গ্রাম-অণ্-ভন্নাংশের সমান। ইহা দ্রাবক বা দ্রাবের প্রকৃতির উপর কোনক্রমেই নির্ভর করে না। ভৌত রসায়নবিদ্ রাউল্ট (Roult) পরীক্ষার সাহায্যে সর্বপ্রথম এই সিদ্ধান্তে পৌছান এবং সেই কারণে সমীকরণ (10°54)-কে রাউল্টের সূত্র বলা হয়। উল্লেখ করা বায় যে, যেহেতু উষ্ণতা পরিবর্তনের ফলে দ্রবণে দ্রাবের গ্রাম-অণ্-ভন্নাংশের কোন পরিবর্তন হয় না সেই কারণে বাষ্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন উষ্ণতা-নিরপেক্ষও বটে। অর্থাৎ দুইটি ভিন্ন দ্রবণের (দ্রাব এবং দ্রাবক দুই-ই পৃথক্ হইলেও হইতে পারে) উষ্ণতা পৃথক্ হওয়া সত্ত্বেও বাদ উভর ক্ষেত্রে দ্রাবের গ্রাম-অণ্-ভন্নাংশ সমান হয়, তবে দুইটি ক্ষেত্রেই বাষ্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন একই হইবে।

(c) স্ফুটনাজের উল্লয়ন—কোন তরলের স্ফুটনাজ্ব উহার প্রকৃতি ছাড়াও তরলপৃষ্ঠে চাপের উপর নির্ভর করে। যে উক্তার তরলের বাষ্পচাপ উহার উপরিস্থিত চাপের সমান সেই উক্তাতেই তরল ফুটিতে থাকে—এবং এই উক্তাকে আমরা ঐ চাপে তরলের স্ফুটনাজ্ব বলিয়া থাকি। একই উক্তার দ্রবণের বাষ্পচাপ বিশৃদ্ধ দ্রাবকের বাষ্পচাপের চেয়ে কম, এবং উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে তরলের বাষ্পচাপ বৃদ্ধি পায়; সেই কারণে দ্রবণের উক্তা বিশৃদ্ধ দ্রাবকের উক্তা অপেকা বেশী হইলে তবেই বাষ্পচাপ তরলপৃষ্ঠের উপর যে চাপ, তাহার সমান হইবে। অর্থাৎ দ্রবণ যে উক্তার ফুটিতে থাকিবে সেই উক্তা বিশৃদ্ধ দ্রাবকের স্ফুটনাজ্বের চেয়ে বেশী।

শৃতনাক্ষ উন্নয়ন সংক্রান্ত মূল সিদ্ধান্তটি রাউন্টের। এই ভৌত-বিজ্ঞানী সর্বপ্রথম লক্ষ্য করেন বে, স্ফুটনান্ফের উন্নয়ন ও প্রবণের গাঢ়দের মধ্যে একটি নিদিন্ট সম্পর্ক রহিয়াছে। পরীক্ষালক ফলাফল বিশ্লেষণ করিয়া রাউন্ট বে সিদ্ধান্ত গ্রহণ করেন তাহা হইতেছে—'প্রবণের স্ফুটনান্ফের উন্নতি, উহার আগ্রিক গাঢ়দের (molality) সমানুপাতিক।' প্রবণের আগ্রিক গাঢ়ম্ব C_m এবং স্ফুটনান্ফের উন্নতি ΔT_b লিখিলে, রাউন্টের সিদ্ধান্ত হইল $\Delta T_b = K_b C_m$ ে (10.55)

 $K_{\rm b}$ এই ঞ্লবকটি একটি নিশ্চিন্ট দ্রাবকের জন্য নিশিন্ট—কিন্তু বিভিন্ন দ্রাবকের জন্য বিভিন্ন ৷ বেমন দ্রাবকটি জল হইলে $K_{\rm b}=51$, বেনজিনের জন্য $K_{\rm b}=263$ এবং ক্লোরোফর্মের জন্য এই গুনবর্চট হয় 385 ৷ বজুতঃ দ্রাবকের স্ফুটনাব্দ $T_{\rm b}$ এবং উহার বাষ্পীভবনের লীন তাপ L ক্যার্লার হইলে $K_{\rm b}=002T_{\rm b}^{\rm a}/L$ ৷

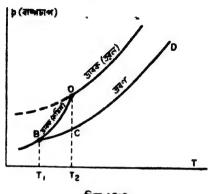
আগ্রিক গাড়ত্ব একটি সংখ্যা মাত্র—ইহা দ্রাবের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে না। সেই কারণে দ্রাবকের পরিমাণ ভির রাখিয়া বিভিন্ন দ্রাবের সমসংখ্যক গ্রাম-অণু পৃথক্ভাবে দ্রবীভূত করিলে প্রতিটি ক্ষেত্রেই স্ফুটনান্দের একই পরিবর্তন হইবে। কিছু একই দ্রাব বিভিন্ন দ্রাবকে দ্রবীভূত হইয়া দ্রবণের আগ্রিক গাড়ত্ব সমান হইলেও স্ফুটনান্দের উন্নতি বিভিন্ন ক্ষেত্রে বিভিন্ন হইবে—কারণ বিভিন্ন দ্রাবকের জন্য K_b পৃথক্ হইয়া থাকে।

(d) **হিমাকের অবন্ধন—** বিশৃদ্ধ দ্রাবকের চেয়ে দ্রবণের হিমাঞ্চ কিছ্টা কম—ইহা একটি পরীক্ষিত সত্য। বাষ্পচাপ রেখার সাহায্যে এই ঘটনাটিকে সহক্ষে ব্যাখ্যা করা যায়।

একই উক্ষতার দ্রবদের বাজ্পচাপ বিশৃদ্ধ দ্রাবকের বাজ্পচাপ অপেক্ষা কম এবং উক্ষতা-বৃদ্ধির সঙ্গে দ্রবণ ও দ্রাবক দৃয়েরই বাজ্পচাপ বৃদ্ধি পার। চিত্র 10.6-এ OA এবং BD রেখার উপর বিন্দৃগৃলি বিভিন্ন উক্ষতার বথাক্রমে দ্রাবক ও দ্রবদের বাজ্পচাপ নির্দেশ করিতেছে। কঠিন পদার্থেরও একটি বাজ্পচাপ আছে এবং উক্ষতা-দ্রাসে তরলের মতো কঠিন পদার্থেরও বাজ্পচাপ দ্রাস পাইবে। চিত্রে OB কঠিন অবস্থার দ্রাবকের বাজ্পচাপ রেখা।

[্]র প্রতি $1000~{
m gm}$ কাবকে জাবের n গ্রাহ-জ্বু ক্রবীভূত থাকিলে ক্রবনের জাবিকতা বা আরিক গায়ন্ত হয় n। বহি M আর্থন তর-বিশিষ্ট কোন জাবের x ${
m gm}$, জাবকের w ${
m gm}$ -এ ক্রবীভূত থাকে, তবে ঐ ক্রবনের আরিক গায়ন্ত হুইবে ${
m Cm}=(x\times 1000)/{
m M}\times w$]।

হিমান্দে তরল ও কঠিন দশা-দৃইটি সাম্যে থাকে এবং সেই কারণেই এই উক্তার তরল ও কঠিন পদার্থের বাষ্পচাপ সমান। কঠিন ও তরল অবস্থার দ্রাবকের বাষ্পচাপ রেখা BO এবং AO পরস্পারের সঙ্গে O বিন্দৃতে মিলিত



চিত্ৰ 10.6

হইয়াছে, সৃতরাং O-বিন্দুর ভূজ T_s বিশৃদ্ধ দ্রাবকের হিমান্ক নির্দেশ করিবে। কিন্তু ঐ উক্টতায় কঠিন অবস্থায় দ্রাবকের বাল্পচাপ দ্রবদের বাল্পচাপের চেয়ে বেশী—এই কারণে ঐ উক্টতা দ্রবদের হিমান্ফ হইতে পারে না। এই উক্টতায় দ্রবদে কিছু পরিমাণ্য দ্রাবক কঠিন অবস্থায় মিশাইয়া দিলে তাহাও তরলীভূত হইবে। সাধারণভাবে দুইটি দশার বাল্পচাপ সমান না হইলে যে দশাতে বাল্পচাপ বেশী সেই দশাটি লোপ পাইবে। দ্রবদের বাল্পচাপ রেখা DB কঠিন অবস্থায় দ্রাবকের বাল্পচাপ রেখা BO-কে B বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে—ঐ বিন্দুর ভূজ T_s হইবে দ্রবদের হিমান্ক। স্থভাবতঃই দ্রবদের হিমান্ক T_s বিশৃদ্ধ দ্রাবকের হিমান্ক T_s অপেক্ষা কম হইবে। ইহাদের ব্যবধান $\Delta T_s = T_s - T_s$ -কে হিমান্কের অবনমন বলিব।

হিমাব্দ অবনমন সংক্রান্ত সিদ্ধান্তগুলি স্ফুটনাব্দের উন্নয়ন সংক্রান্ত সিদ্ধান্তেরই অনুরূপ। এই সম্পর্কে সঠিক সিদ্ধান্ত গ্রহণের কৃতিত্ব রাউন্টের। পরীক্ষালক ফলাফল পর্যালোচনা করিয়া বলা যায় যে, 'কোন দ্রবণের হিমান্দের অবনমন আগ্রিকতার মাত্রায় দ্রবণে দ্রবীভূত পদার্থের গাঢ়ত্বের সমানুপাতিক'।

অর্থাৎ হিমান্ফের অবনমন ΔT_{r} এবং দ্রবণে দ্রাবের আগ্রিক গাঢ়ম C_{m} লিখিলে

$$\Delta T_f = K_f C_m \qquad \cdots \qquad (10.56)$$

K, ধ্রুবকটিকে হিমাণ্ফ-ধ্রুবক বলা হয়। বিভিন্ন দ্রাবকের জন্য K_f -এর মান ভিন্ন হইবে। সাধারণভাবে দ্রাবকের হিমাণ্ক T_f এবং হিমায়নের জন্য উহার

লীন তাপ L' লিখিলে, $K_{,}='002T_{,}^{2}/L'$ । দ্রাবক এক থাকিলে দ্রবণে দ্রাব বাহাই হউক না কেন হিমাণ্ক-শ্রুবক একই হইবে। এই কারণে বলা বায় যে—'নিন্দিউ ভরের কোন দ্রাবকে বিভিন্ন দ্রাবের সমসংখ্যক গ্রাম-অণু দ্রবীভূত করিলে দ্রাবকের হিমান্কের পরিবর্তন (হ্রাস) প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে একই হইবে।

ভাপগভিভদের সাহাব্যে পয় জবণের বিভিন্ন ধর্মের ব্যাখ্যা — বাদ প্রবণে প্রাবের (এক বা একাধিক) পরিমাণ প্রাবকের তৃপনার খুবই কম হয়, তবে সেই প্রবণকে পদ্মবণ বলা হইবে। আমরা সাধারণভাবে একই প্রাবকে বিভিন্ন প্রাবের উপস্থিতি কল্পনা করিব। মনে করি, কোন প্রবণে প্রাবকের N_0 গ্রাম-অণুতে প্রথম প্রাবের N_1 গ্রাম-অণু, দিতীয় প্রাবের N_2 গ্রাম-অণু, শতবং r-তম প্রাবের N_2 গ্রাম-অণু, শতবং r-তম প্রাবের N_3 গ্রাম-অণু, প্রবং r-তম প্রাবের r-তম প্রাবির বিদি,

 $N_1 \ll N_o$, $N_s \ll N_o$, $N_s \ll N_o$... (10.57) লঘু দ্রবণের ধর্মগুলিকে ব্যাখ্যা করিবার পূর্বে আমরা প্রথমে উহার আন্তর-শক্তি, আয়তন ও এন্ট্রপি হিসাব করিব।

আন্তর-শক্তি U: বিশৃদ্ধ দ্রাবকের এক গ্রাম-অণুতে বধাক্রমে প্রথম, দিতীর, \cdots , r-তম দ্রাবের $N_1/N_0=n_1, N_2/N_0=n_2\cdots, N_r/N_0=n_r$ গ্রাম-অণু দ্রবীভূত হইয়াছে। ঐ পরিমাণ দ্রবণের আন্তর-শক্তি n দ্রবণের উপরিন্ধিত চাপ, উহার উক্তা এবং $n_1, n_2\cdots n_r$ -এর উপর নির্ভর করিবে।

जबार, u = u (T, P, $n_1, n_2 \cdots, n_r$) \cdots (10.58)

মোট প্রবণে প্রাবকের $N_{\rm o}$ গ্রাম-অণু বর্তমান ; সৃতরাং প্রবণের মোট আন্তর-শক্তি

 $U = No [u (T, P, n_1, n_2, ..., n_r)] \cdots (10.59)$

 n_1 , n_2 , \cdots , n_r প্রত্যেকেই অপুরাশি সেই কারণে টেলর বিচ্ছাতিতে কেবলমার প্রথম ক্রমের পদগুলিকে রাখিরা লেখা বার—

$$U = N_{o} \left[u \left(T, P, n_{1} = 0, n_{2} = 0, \cdots n_{r} = 0 \right) + n_{1} \left(\frac{\partial u}{\partial n_{1}} \right) T, P, n_{2} = n_{3} = \cdots = n_{r} = 0 + n_{2} \left(\frac{\partial u}{\partial n_{2}} \right) T, P, n_{1} = n_{3} = \cdots = n_{r} = 0 + \cdots + n_{r} \left(\frac{\partial u}{\partial n_{r}} \right) T, P, n_{1} = n_{3} = \cdots = n_{r-1} = 0 \right]$$

$$= \left[N_0 u_0(T, P) + N_1 \left(\frac{\partial U}{\partial N_1} \right) T, P, N_2 = \cdots N_r = 0 \right.$$

$$+ N_2 \left(\frac{\partial U}{\partial N_2} \right) T, P, N_1 = N_3 = \cdots = N_r = 0 + \cdots$$

$$+ N_r \left(\frac{\partial U}{\partial N_r} \right) T, P, N_1 = N_2 = \cdots N_{r-1} = 0 \right] \cdots (10.60)$$

 $N_1=N_2=N_r=0$ কিম্বু $N_i\neq 0$ অবস্থায় আংশিক অবকল গুণাংক ($\partial U/\partial N_i$) কেবলমাত্র T ও P-এর অপেক্ষক এবং এই কারণে ইহাকে u_i (T,P) বলা হইবে।

$$U = N_0 u_0(T, P) + N_1 u_1(T, P) + \dots + N_r u_r(T, P)$$
... (10.61)

 $N_{\star}=N_{\bullet}=\cdots=N_{\star}=0$ হইলে $U=N_{o}u_{c}$; এই কারণে $u_{o}(T_{\star}P)$ -কে বিশুদ্ধ দ্রাবকের এক গ্রাম-অণুর আন্তর-শক্তি বলিব। আপাতদুষ্টিতে u, u, ইত্যাদিকে যথাক্রমে প্রথম, দ্বিতীয় দ্রাবের আণব-আন্তর-শক্তি হিসাবে ব্যাখ্যা করিতে পারি। সেক্ষেত্রে লঘু দ্রবণকে নিদিন্ট চাপ ও উষ্ণতায় বিভিন্ন আদর্শ গ্যাসের মিশ্রণ হিসাবে চিন্তা করা যায়। কিন্তু সঠিকভাবে দৃষ্টি দিলে লক্ষ্য করিব যে, আদর্শ গ্যাস ও লঘু দ্রবণের মধ্যে মূলতঃ একটি পার্থক্য রহিয়াছে। প্রকৃতপকে $u_i(T,P) = (\partial U/\partial N_i)$ দ্রাবকের N_0 গ্রাম-অণুতে i-তম দ্রাবের এক গ্রাম-অণু দ্রবীভূত হওয়ার ফলে দ্রবণের আন্তর-শক্তির তারতমা নির্দেশ করে। অর্থাৎ মুক্ত অবস্থায় i-তম দ্রাবের এক গ্রাম-অণুর আন্তর-শক্তি এবং ঐ পরিমাণ দ্রাব দ্রবীভূত হওয়ার পরে দ্রাবক ও দ্রাব অণুগুলির মধ্যে বিক্রিয়াজাত শক্তির (energy of interaction between the molecules of the solute and the solvent) সমণ্টি হইভেছে $u_i(\mathrm{T,P})$ —এই শক্তির পরিমাণ দ্রাব ও দ্রাবকের প্রকৃতির উপর নির্ভর করে। আদর্শ গ্যাস মিশ্রণে অণুগুলি পরস্পরের সঙ্গে বল-শ্ন্য অবস্থায় থাকে; কিলু দুবলে দ্রাব ও দ্রাবক অণুগুলির মধ্যে বল চিয়া করে। লঘু দুবলে দ্রাব অণুগুলির পরস্পরের মধ্যে কোন বিক্রিয়া হয় না এবং সেই কারণে টেলর বিষ্ঠৃতিতে কেবলমাত্র প্রথম ক্রমের পদগুলিকে রাখা হইয়াছে। তড়িৎ-বিশ্লেষ্য (electrolytes) পদার্থ দ্রবণে যাওয়ার পরে বিপরীত তড়িং-আধানযুক্ত আয়নে বিয়োজিত হইবে—সেকেতে দ্রাবের পরিমাণ খুব সামান্য হওয়া

সভ্তেও দ্রাব অণুগুলির পরস্পরের মধ্যে বল খুব কম হইবে না এবং এই অবস্থার সমীকরণ (10.61) সঠিকভাবে তাড়ং-বিশ্লেষ্য লছু প্রবণের আত্তরশক্তি নির্দেশ করিবে না। গাঢ় প্রবণের ক্ষেত্রে টেলর বিস্কৃতিতে উচ্চ ঘাতের
পদগুলিকে সংযোজন করিরা দ্রাব অণুগুলির পরস্পরের মধ্যে বল হিসাবে
আনা যার:।

অনুরূপভাবে দ্রবণের মোট আয়তন লেখা যায়---

$$V = N_{o}v_{o}(T,P) + N_{1}v_{1}(T,P) + N_{2}v_{2}(T,P) + \cdots + N_{r}v_{r}(T,P) + \cdots$$
(10.62)

সমীকরণ (10.61) ও (10.62) লঘু দ্রবলের মূল সমীকরণ। ইহাদের সাহাষ্যে লঘু দ্রবলের মূল বৈশিন্টোর দিকে দৃষ্টি দেওয়া যাইতে পারে—বেমন, কোন লঘু দ্রবলে ছির চাপে অতিরিক্ত দাবক যোগ করিলে মোট আরতনের কোন পরিবর্তন হইবে না এবং দাবক যোগ করিবার ফলে নৃতন করিয়া কোন রাসায়নিক বিক্রিয়া বা বিভাজন না ঘটিলে দ্রবণ কোন তাপ গ্রহণ বা বর্জন করিবে না। উপরের সমীকরণ-বৃইটি হইতে এই সিদ্ধান্তগুলিকে সহজেই প্রমাণ করা যায়।

লঘু জবণের এন্ট্রপি S—মনে করি, দ্রাবক ও দ্রাবগুলির প্রত্যেকটির পরিমাণ ন্থির রাখিয়া উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে দ্রবণের উষ্ণতা ও চাপের পরিবর্তন হইরাছে। ইহার ফলে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$dS = \frac{\delta Q}{T} = \frac{dU + PdV}{T}$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} \frac{du_{i} + Pdv_{i}}{T} \qquad \cdots \qquad (10.64)$$

 N_o , $N_1 \cdots N_r$ বাহাই হউক না কেন এন্ট্রপির পরিবর্তন dS অবশাই একটি সম্পূর্ণ অবকল । সমীকরণে ডান পার্ধের বিভিন্ন পদগূলি পৃথক্তাবে সম্পূর্ণ অবকল হইলে তবেই ইহা সম্ভব হর । সূতরাং T ও P-এর নির্দিণ্ট অপেক্ষক $s_i(T,P)$ -এর অবকল

$$ds_i = \frac{du_i + Pdv_i}{T}$$

$$dS = \sum_{i=0}^{r} N_i ds_i \qquad \cdots \qquad \cdots (10.65)$$

সমাকলের পরে---

$$S = \sum_{i=0}^{r} N_i s_i(T, P) + C(N_0, N_1 \cdots N_r) \cdots (10.66)$$

সমাকলীর ধ্রুবক C উষ্ণতা ও চাপ নিরপেক্ষ ধ্রুবক; কিন্তু ইহা N_o , $N_1 \cdots N_r$ -এর অপেক্ষক হইতে পারে। সৃতরাং একটি নিদিণ্ট চাপ ও উষ্ণতার C-এর মান জানা থাকিলে অন্য বে-কোন চাপ ও উষ্ণতার C-এর ঐ একই মান হইবে—অবশা ঐ দৃইটি অবস্থা এমন হওয়া দরকার বে, উভর ক্ষেত্রে N_o , $N_1 \cdots N_r$ একই থাকে। সেই কারণে উষ্ণতা খ্ব বেশী এবং চাপ খ্ব কম $(T \rightarrow \infty$ এবং $P \rightarrow 0$) অবস্থায় একটি দ্রবণকে চিত্রা করা যাক। এই অবস্থায় সম্পূর্ণ দ্রবণ-ই, এমন কি দ্রাব অণুগুলি পর্যর বাণ্ণীভূত হইবে। এই সময়ে দ্রবণকে গ্যাসের (আদর্শ) একটি মিশ্রণ হিসাবে চিত্রা করা যায়।

উষতা T ও চাপ P এই অবস্থায় আদর্শ গ্যাসের আণব এন্ট্রপি [সমীকরণ (7.12b)-এ S_{α} -এর স্থলে α -লিখিয়া]

$$S = C_p \ln T - R \ln P + \alpha$$

ধরা যাক, গ্যাস মিশ্রণে i-তম উপাদানের জন্য স্থির চাপে আণব আপেক্ষিক তাপ $(C_p)_i$ এবং উহার আংশিক প্রেষ P_i । মিশ্রণে ঐ উপাদানের এক গ্রাম-অণুর এন্ট্রপি হইবে

$$S_i = (C_p)_i \text{ in } T - R \text{ in } P_i + \alpha_i$$

গ্যাস-মিশ্রণের মোট এন্ট্রপি

$$S = \sum_{i=0}^{r} N_{i} \left[(C_{p})_{i} \ln T - R \ln P_{i} + \alpha_{i} \right]$$

$$P. \qquad N.$$

$$\mathbf{QPCP} : \frac{\mathbf{P}_i}{\mathbf{P}} = \frac{\mathbf{N}_i}{\sum_{i=1}^{n} \mathbf{N}_i}$$

$$\therefore S = \sum_{i=0}^{r} N_{i} \left[(C_{p})_{i} \ln T - R \ln \left(\frac{PN_{i}}{\Sigma N_{i}} \right) + \alpha_{i} \right]$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} \left[(C_{p})_{i} \ln T - R \ln P + \alpha_{i} \right]$$

$$-R \sum_{i=0}^{r} \left(N_{i} \ln \frac{N_{i}}{\Sigma N_{i}} \right) \cdots (10.67)$$

সমীকরণ (10.66) ও (10.67)-কে তৃলনা করিলে দেখা যায় যে, খুব কম চাপ ও বেশী উক্তায় লঘু দ্রবণের জনা সমাকলীয় ধ্রুবক

$$C(N_o, N_i \cdots N_r) = -R \Sigma N_i \ln N_i / \Sigma N_i$$

পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, C চাপ ও উঞ্চতা নিরপেক্ষ ধ্রুবক; সূতরাং বে-কোন চাপ ও উঞ্চতায় দুবলের এন্ট্রপি হইবে

$$S = \sum_{i=0}^{r} N_{i} s_{i} (T, P) - R \sum_{i=0}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o} + N_{1} + \dots + N_{r}}$$
... (10.68)

উপরের সমীকরণে ধ্রুবক রাশিটিকে লঘু দ্রবণের সর্ত সাপেক্ষে (সমীকরণ 10.57) সহজ উপায়ে লেখা বাইতে পারে। লঘু দ্রবণের সর্ত অনুযায়ী N_1/N_0 , $N_2/N_0 \cdots N_r/N_0$ প্রত্যেকেই এক-একটি অণুরাশি এবং সেই কারণে বিজ্ঞাতিতে (logarithimic expansion) কেবলমাত্র প্রথম ঘাতের পদগুলিকে রাখিয়া উচ্চ ঘাতের পদগুলিকে বাদ দেওয়া যুক্তিযুক্ত হইবে—এই সরলীকরণে.

$$N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o} + N_{1} + \dots + N_{r}} = N_{i} \ln \frac{(N_{i}/N_{o})}{1 + \frac{N_{1}}{N_{o}} + \dots + \frac{N_{r}}{N_{o}}}$$

$$= N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}} - N_{i} \ln \left(1 + \frac{N_{1}}{N_{o}} + \dots + \frac{N_{r}}{N_{o}}\right)$$

$$= N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}} - N_{i} \left(\frac{N_{1}}{N_{o}} + \frac{N_{2}}{N_{o}} + \dots + \frac{N_{r}}{N_{o}}\right) \qquad (10.69)$$

 $N_i = N_o$ visco,

$$N_0 \ln \frac{N_0}{N_0 + N_1 + \dots + N_r} = -N_1 - N_2 - \dots - N_r$$

অন্যান্য কেন্দ্রে [অর্থাং, i>1] N_i \ln N_i/N_o -এর তুলনার N_iN_i/N_o , N_iN_s/N_o ..., N_i N_i/N_o প্রত্যেকেই খুব ছোট এবং সেই কারণে এই সকল কেন্দ্রে সমীকরণ (10.69)-এ শেষের পদগুলিকেও বাদ দেওরা বার ।

অতএব
$$N_i$$
 ln. $\frac{N_i}{N_o + N_1 + \dots + N_r} = N_i$ ln. $\left(\frac{N_i}{N_o}\right)$ $[i \ge 1]$ এবং N_i ln. $N_o + N_1 + \dots + N_r$ $= -N_1 - N_2 - \dots - N_r$ $[N_i = N_o]$

 $S = N_o s_o(T, P) + \sum_{i=1}^{r} N_i [s_i(T, P) + R]$

সমীকরণ (10.68)-এ ঐ মান বসাইলে

$$-R \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}}$$

$$= N_{o} \sigma_{o}(T, P) + \sum_{i=1}^{r} N_{i} \sigma_{i}(T, P) - R \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}}$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} \sigma_{i}(T, P) - R \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}} \cdots (10.70)$$

আলোচনার সৃবিধার জন্য $s_i(T, P)$ -এর পরিবর্তে T ও P-এর অপেক্ষক $\sigma_i(T, P)$ লেখা হইয়াছে । ইহাদের মধ্যে সম্পর্ক হইতেছে—

$$\sigma_{o}(T, P) = s_{o}(T, P)$$

$$\sigma_{i}(T, P) = s_{i}(T, P) + R \qquad [i \ge 1]$$

সাধারণভাবে u_i , v_i , s_i (অথবা σ_i) প্রভোকেই T ও P-এর অপেক্ষক, কিন্তু চাপ-পরিবর্তনে ইহাদের পরিবর্তন এতই সামান্য যে কার্যতঃ ইহাদের কেবলমান্ত T-এর অপেক্ষক চিন্তা করা চলে। একটি উদাহরণের সাহায্যে সমস্ত ব্যাপারটিকে দেখা যাক— $0^{\circ}C$ উক্তায় জলের সমোক্ষ সংনমাতা $5 \cdot 1 \times 10^{-11}$ সি. জি. এস্. একক। হিসাব করিলে দেখা যায় যে, এক লিটার জলের আয়তন $0 \cdot 1$ cc হ্রাস করিবার জন্য জলের উপর প্রায় দৃই আটে্মস্কিয়ার চাপ প্রয়োগ করিতে হইবে। এই অবস্থায় আমরা সঙ্গত কারণেই v_i -কে কেবলমান্ত T-এর অপেক্ষক বলিতে পারি। সমোক্ষ সংনমনে

তরল উহার পারিপার্থিক মাধ্যমের সঙ্গে খৃব সামান্যই তাপ বিনিমর করিরা থাকে—পক্ষান্তরে চাপের তারতম্য খৃব বেশী না হইলে আরতন পরিবর্তনের জন্য কার্য একটি অগ্রাশি মাত্র। প্রথম সূত্র হইতে ঐ কারণে বলা বার বে, সমোক সংনমনে আন্তর-শক্তির পরিবর্তন খৃবই সামান্য—অর্থাৎ ১৮./১ $P \approx 0$ । এবং σ_i -এর ক্ষেত্রে,

$$\frac{\partial \sigma_i}{\partial P} = \frac{\partial s_i}{\partial P} = \frac{1}{T} \left(\frac{\partial u_i}{\partial P} + P \frac{\partial v_i}{\partial P} \right) = 0$$

লঘু দ্রবণের অভিসারক চাপ এক বা দুই আট্মস্ফিয়ার মাত্র—অনেক ক্ষেত্রেই এক আট্মস্ফিয়ারের চেরেও কম; আর বাষ্পচাপের অবনমন পারদের কয়েক সে.মি. মাত্র। স্তরাং লঘু দ্রবণের এই সকল ধর্মকে ব্যাখ্যা করিবার সময় খুব ন্যায়সঙ্গত কারণেই, আমরা দ্রবণের আন্তর-শক্তি, আয়তন ও এন্ট্রপিকে কেবলমাত্র উক্তার অপেক্ষক হিসাবে লিখিতে পারি। অর্থাং—

$$U = \sum_{i=0}^{r} N_i u_i(T) \qquad \cdots \qquad (10.71a)$$

$$V = \sum_{i=0}^{r} N_i v_i(T) \qquad \cdots \qquad (10.71b)$$

$$\text{GRR} \quad S = \sum_{i=0}^{\tau} N_i \sigma_i(T) - R \sum_{i=1}^{\tau} N_i \ln \frac{N_i}{N_0} \quad \cdots \quad (10.71c)$$

লঘু দ্বণের ক্ষেত্রে মৃক্ত শক্তি ও গিব্স অপেক্ষক

$$F = U - TS = \sum_{i=0}^{r} N_{i} [u_{i}(T) - T\sigma_{i}(T)]$$

$$+ RT \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}}$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} f_{i}(T) + RT \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}}$$

$$\cdots \qquad (10^{\circ}71d)$$

$$\text{ANCE, } f_{i}(T) = u_{i}(T) - T\sigma_{i}(T)$$

$$\text{ARCE, } G = U + PV - TS$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} [u_{i}(T) + Pv_{i}(T) - T\sigma_{i}(T)]$$

$$+ RT \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{o}}$$

$$= \sum_{i=0}^{r} N_{i} [f_{i}(T) + Pv_{i}(T)]$$

$$+ RT \sum_{i=1}^{r} N_{i} \ln \frac{N_{i}}{N_{i}} \qquad \cdots \qquad (10.71e)$$

(I) সমু জবণে অভিসারক চাপ—সমীকরণ (৪·10)-এ আমরা দেখিরাছি বে, সমোক উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের সময় তল্প বে কার্য করে তাহা মৃক্ত শক্তি যে পরিমাণে হ্রাস পায় তাহার সমান—অথবা, অন্যভাবে বলা বার যে, মৃক্ত শক্তির বিনিময়ে উৎক্রমনীয় সমোক কার্য সম্পন্ন হর—

অर्थार ;
$$-\Delta F_T = \Delta W_R$$

তাপগতিতত্ত্বের এই সিদ্ধান্তটিকে কাজে লাগাইয়া আমরা নিদিন্ট উষ্ণতা ও গাঢ়ছে অভিসারক চাপ হিসাব করিতে পারিব।

মনে করি, একটি প্রকোষ্ঠকে অর্ধ-প্রবেশ্য ঝিল্লীর সাহায্যে দুইটি অংশে বিভক্ত করা হইরাছে। ঝিল্লীর বাম পার্শ্ব দ্রবণে এবং উহার ডান পার্শ্ব দ্রবকে পূর্ণ করা হইল। দ্রবর্গটিতে দ্রাবকের N_o গ্রাম-অণু ও সেই সঙ্গে প্রথম দ্রাবের N_i গ্রাম-অণু, শ্বিতীর দ্রাবের N_o গ্রাম-অণু, \cdots এবং r-তম দ্রাবের N_i গ্রাম-অণু বর্তমান। পক্ষান্তরে অনুমান করা যাক যে, ঝিল্লীর ডান পার্শ্বে দ্রাবকের N_o' গ্রাম-অণু রহিয়াছে। সাম্যাবস্থায় ঝিল্লীর উপর দ্রবনের চাপ দ্রাবকের চাপের চেয়ে বেশী। দুই পার্শ্বে চাপের পার্থক্য এই উক্তা ও গাড়েছে দ্রবদের অভিসারক চাপ। অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্লীটিকে ডান দিকে সামান্য সরানো হইল। ইহার ফলে ঝিল্লীর বাম পার্শ্বের আয়তন বৃদ্ধি পায়, এবং ডান পার্শ্বের আয়তন হ্রাস পাইয়া থাকে। আয়তন-পরিবর্তন dV হইলে প্রয়োজনীয় কার্য $\delta W = P_{osm} dV$ ।

বিল্লীটিকে সরাইবার পূর্বে উহার দুই পার্ষের আয়তন

বাম পাৰ্টে : $V = N_o v_o + N_1 v_1 + \cdots + N_r v_r$

জান পাৰ্ষেঃ $V' = N'_o v_o$

একণে মনে করা যাক যে, অর্ধ-প্রবেশ্য ঝিলীটিকে সরাইবার ফলে দ্রবণ অংশে দ্রাবকের পরিমাণ ৩৫ No গ্রাম-অণু বৃদ্ধি পাইরাছে। সৃতরাং দ্রবণ ও দ্রাবকের আরতনের পরিবর্তন হইবে $v_{
m o}dN_{
m o}$ এবং $-v_{
m o}dN_{
m o}$ এবং এইন্ধন্য প্রয়োজনীয় কার্য

$$\delta \mathbf{W} = \mathbf{P}_{osm} d\mathbf{V} = \mathbf{P}_{osm} v_o d\mathbf{N}_o$$

বিল্লীটিকে সরাইবার পূর্বে বাম পার্শ্বে দ্রবণের মৃক্ত শক্তি,

$$F_{1} = N_{o}f_{o} + N_{1}f_{1} + \dots + N_{r}f_{r}$$

$$+ RT \left[N_{1} \ln \frac{N_{1}}{N_{o}} + N_{2} \ln \frac{N_{2}}{N_{o}} + \dots + N_{r} \ln \frac{N_{r}}{N_{o}} \right]$$

 $N_1=N_2=\cdots=N_r=0$ ধরিকে N_o গ্রাম-অণু বিশৃদ্ধ দ্রাবকের মৃক্ত শক্তি হইবে N_of_o । সাম্যাবস্থায় অর্থ-প্রবেশ্য বিশৃদ্ধ দ্রাবকের N_o' গ্রাম-অণু রহিয়াছে এবং ইহার মৃক্ত শক্তি

$$F_a = N_o f_o$$

সূতরাং ঝিল্লীটিকে সরাইবার পূর্বে মোট মুক্ত শক্তি

$$F = (N_o + N_o')f_o + N_1f_1 + \dots + N_rf_r + RT \left[N_1 \ln \frac{N_1}{N_o} + N_2 \ln \frac{N_3}{N_o} + \dots + N_r \ln \frac{N_r}{N_o} \right]$$
... (10.72)

বিক্লীটির স্থানচ্যুতির ফলে প্রবণ ও প্রাবক অংশে বিশৃদ্ধ প্রাবকের গ্রাম-অণু সংখ্যা বথান্তমে dN_o ও $dN'_o=-dN_o$ বৃদ্ধি পাইবে । বস্তৃতঃ প্রাবকের dN_o গ্রাম-অণু প্রবণে প্রবেশ করে, সেই কারণে dN_o ধনাত্মক ও dN'_o ঝণাত্মক রাশি । মুক্ত শক্তির মোট পরিবর্তন

$$dF = \frac{\partial F}{\partial N_o} dN_o + \frac{\partial F}{\partial N_i} dN'$$

$$= \frac{\partial F}{\partial N_o} dN_o - \frac{\partial F}{\partial N_o} dN_o$$

$$= \left[f_o - \frac{RT}{N_o} \sum_{i=1}^r N_i \right] dN_o - f_o dN_o$$

$$= -\frac{RT}{N_o} \left(\sum_{i=1}^r N_i \right) dN_o \qquad \cdots \qquad (10.73)$$

विभूक प्रावरकत अक्षि जश्म प्रवर्ण श्रायम कतात त्यार्टित छेशत शृक्त भीक द्वाम

পাইবে এবং এই কারণেই সমীকরণ (10.73)-এ ঝণাত্মক চিহুটি আসিতেছে। পূর্ব সিদ্ধান্ত অনুসারে এই জন্য সম্পাদিত কার্য

$$P_{osm}v_o dN_o = \frac{RT}{N_o} \left(\sum_{i=1}^r N_i \right) dN_c$$

অথবা
$$P_{osm}v_oN_c = RT\sum_{i=1}^r N_i$$

লঘু দ্রবশের মোট আয়তন V এবং উহাতে বিশৃদ্ধ দ্রাবকের আয়তন $N_o v_o$ -এর মধ্যে পার্থক্য খুবই কম—অর্থাৎ $N_o v_o \! pprox \! V$

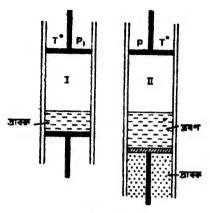
$$P_{osm}V = RT[N_1 + N_2 + \dots + N_r]$$
অথবা
$$P_{osm} = RT\left[\frac{N_1}{V} + \frac{N_2}{V} + \dots + \frac{N_r}{V}\right]$$

$$= RT[C_1 + C_2 + \dots + C_r] \quad \dots \quad (10.77)$$

এই সমীকরণটি আদর্শ গ্যাসের অবস্থার সমীকরণের অনুরূপ। এই কারণে বলা যায় যে, লঘু দ্রবণের অভিসারক চাপ হইবে একই উষ্ণতায় একই আয়তনে আদর্শ গ্যাসের সম-সংখ্যক গ্রাম-অণু থাকিলে যে চাপ হইত তাহার সমান।

(II) বাষ্ণাচাপের অবনমন—পরীক্ষা হইতে দেখা যায় বে, দ্রবণের বাষ্ণাচাপ একই উকতার বিশৃদ্ধ দ্রাবকের বাষ্ণাচাপ অপেক্ষা কম। লা-গাটেলীয়ারের নীতির সাহায্যে আমরা এই ঘটনাটিকে খুব সহজেই ব্যাখ্যাকরিতে পারি। মনে করি, কোন আবদ্ধ পাত্রে দ্রাবক উহার বাষ্ণ্যের সহিত সাম্যে আছে। এক্ষণে ঐ দ্রাবক কোন অনুষায়ী দ্রাব দ্রবীভূত হইলে দ্রবণের গাঢ়ত্ব বাজিয়া যায়। লা-শাটেলীয়ারের নীতি অনুযায়ী দ্রবণটি এমনভাবে পরিবর্তিত হইবে যাহার ফলে উহা মূল পরিবর্তনকে প্রতিরোধ করিতে পারে —অর্থাৎ চেণ্টা হইবে বাহাতে দ্রবণের গাঢ়ত্ব কমিয়া যায়। একমাত্র দ্রবণের উপরের বাষ্ণা ঘনীভূত হইয়া তরলে রূপান্তরিত হইলে তবেই ইহা সম্ভব হয়। এই কারণে বিশৃদ্ধ দ্রাবকের বাষ্ণাচাপ অপেক্ষা দ্রবণের বাষ্ণাচাপ কিছুটা কম হইতে বাধ্য। এক্ষণে প্রশ্ন হইতেছে বাষ্ণাচাপের অবনমন ও দ্রবণের গাঢ়ত্বের মধ্যে সম্পর্ক কি ?

এই গ্রুত্বপূর্ণ প্রশ্নটির সমাধানে একটি কাম্পনিক সমোক উৎক্রমনীয় চক্র চিন্তা করা বাইতে পারে। মনে করি, I ও II চিহ্নিত শুস্তক-দূইটিতে [किंद्य 10.7] वशाक्तरम हायक ७ के द्वायरक कान अनुवासी हारवन्न ह्वयंपरक साथा इटेसारह ।



fac 10.7

ধরা বাক, দ্রাবকের বাজ্পচাপ P_1 এবং ঐ অবস্থায় দ্রাবক উহার বাজ্পের সহিত সাম্যে আছে। দ্বিতীয় পাত্রের উপরের অংশে দ্রবণের বাজ্পচাপ P ঐ পাত্রের নীচের দিকে একটি অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্পীর সাহাব্যে দ্রবণকে বিশৃদ্ধ দ্রাবক হইতে পৃথক করিয়া রাখা হইয়ছে। দ্বিতীয় পাত্রে উপরের অংশে দ্রবণ ও উহার বাজ্প এবং নিচের দিকে দ্রবণ ও দ্রাবক সাম্যে আছে। মনে করি, দ্রাবক ও দ্রবণ দৃইয়েরই উক্তা T এবং শুস্তক-দৃইটিতে দ্রবণ ও দ্রাবকের উপরিস্থিত বাজ্প একটি করিয়া পিন্টন দ্বারা আটকানো। পিন্টন-দৃইটি শুস্তকের মধ্যে চলাফেরা করিবার সময় ঘর্ষণ বল সৃন্টি করিবে না। অর্থ-প্রবেশ্য ঝিল্পীটিকে উপরের দিকে ঠেলিয়া তৃলিয়া দ্রবণ হইতে দ্রাবকের একটি অংশ বাহির করিয়া দেওয়া যাইতে পারে।

নিমুবণিত সমোক উৎক্রমনীয় চক্রে এক গ্রাম-অণু পরিমাণ দ্রাবককে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরাইয়। আনা গেল—

1. প্রথম পাত্রে এক গ্রাম-অণু পরিমাণ দ্রাবক বাষ্পীভূত হইল। T^*K উক্তার দ্রাবকের বাষ্পচাপ P_1 এবং ঐ অবস্থার দ্রাবক বাষ্পের আণব আরতন V_1 । বাষ্পীভবনের জন্য সম্পাদিত কার্য

$$W_1 = P_1V_1 = RT$$

প্রাবকের আরতন বৃদ্ধির সময় উহা নিজেই কার্ব করে, এবং এই কারণে W, একটি ধনাত্মক রাশি। বাষ্পকে আদর্শ গ্যাস অনুমান করা হইতেছে।

2. ঐ এক গ্রাম-অণু বাষ্পকে পৃথক্ করিবার পর উহার চাপ সমোক উৎক্রমনীর প্রসারণে P-তে [প্রবণের বাষ্পচাপ] নামিরা আসিল। প্রয়োজনীর কার্য—

$$W_{s} = \int_{P_{1}}^{P} P dV = RT \ln \frac{P_{1}}{P}$$

এই পর্বারেও বাষ্প কার্য করিবে এবং সেই কারণেই $\mathbf{W}_{\mathbf{a}}$ খনাম্মক রাশি।

3. অতঃপর ঐ বাষ্পকে দ্বিতীয় পাত্রে লইয়া গিয়া স্থির চাপে ঘনীভূত করা হইবে। এইভাবে দ্রবণে দ্রাবকের পরিমাণ বৃদ্ধি করিতে প্রয়োজনীয় কার্য—

$$W_s = -PV = -RT$$

4. দ্রাবককে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইর। আনিতে অর্ধ-প্রবেশ্য ঝিল্লীটিকে প্রথমে নিচের দিকে নামানে। হইবে। দ্রবণ হইতে এক গ্রাম-অণু পরিমাণ দ্রাবক অর্ধ-প্রবেশ্য ঝিল্লীটিকে অতিক্রম করিয়। উহার অপর পার্ষে দ্রাবকের মধ্যে প্রবেশ করিবার পর ঝিল্লীটিকে আর সরানে। হইবে না। এজন্য কার্য—

$$W_{\bullet} = -P_{osm}V$$

 $\mathbf{P}_{\mathtt{osm}}$ অভিসারক চাপ এবং \mathbf{V} দ্রাবকৈর আণব-আরতন। দ্বিতীয় পাত্র হইতে দ্রাবক প্রথম পাত্রে আনিরা ফেলিলে চক্রটি সম্পূর্ণ হয়।

বিভিন্ন পরিবর্তনের পর দ্রাবককে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইর। আনা হইরাছে এবং সেইজন্য $\Delta U=0$, এবং $\Delta S=0$ । বর্ণিত চক্রটি একটি উক্তমনীর চক্র. সেই কারণে—

$$\Delta W = T\Delta S - \Delta U = 0 \qquad \cdots \qquad (10.75)$$

অধাং, এই চক্লে মোট কার্ব = $W_1 + W_2 + W_3 + W_4 = 0$

$$\therefore \ln \frac{P_1}{P} = \frac{P_{osm}V}{RT} = \frac{MP_{osm}}{\rho RT} \cdots (10.76)$$

M স্থাবন্ধের আগব ভর এবং ho স্থাবন্ধের ঘনসং। সম্মূ স্থাবন্ধের ক্ষেত্রে ho-কে স্থাবন্ধের ঘনস্থ বন্ধা বার । বাজবে P_1 এর তুলনার (P_1-P) শ্বই কম এবং সেই স্থারন্ধে

$$\ln \frac{P_1}{P} = -\ln \frac{P}{P_1} = -\ln \left(1 - \frac{P_1 - P}{P_1}\right) \simeq \frac{P_1 - P}{P_1}$$

$$\text{ADSIGN } \frac{P_1 - P}{P_1} = \frac{AP}{P_1} = \frac{MP_{\text{cem}}}{\rho RT} \qquad \cdots \qquad (10.77)$$

আলোচনার সৃবিধার জন্য প্রবাদ আমরা একটি মাত প্রাবের উপস্থিতি কল্পনা করিব । প্রাবক ও প্রাবের পরিমাণ গ্রাম-অপুর হিসাবে লিখিলে বাল্পচাপের আপেক্ষিক অবনমন সহজে হিসাব করা সূত্রব হইবে । মনে করি, প্রাবের V' আরতনে প্রাবের N_1 গ্রাম-অণু প্রবীভূত হইরাছে । প্রবাদের অভিসারক চাপ হইবে .

$$P_{osm} = CRT = \frac{N_1}{V}RT$$
 [সমীকরণ (10.74)]

$$\therefore \quad \frac{\Delta P}{P_1} = \frac{N_1 M}{V' \rho} = \frac{N_1}{N_0} \qquad \cdots \qquad (10.78)$$

দ্রবাদে দ্রাবকের N_o গ্রাম-অণু উপস্থিত। লঘু দ্রবাদের ক্ষেত্রে বাষ্পচাপের আপেকিক অবনমন কেবলমাত্র দ্রাবের আগব-ভ্রমাংশের (mole-fraction) সমানুপাতিক—দ্রাবের প্রকৃতি অথবা দ্রবাদের উক্তার উপর ইহা নির্ভর করিবে না। ইহাই বাষ্পচাপের অবনমন সম্পর্কে রাউন্টের সূত্র।

(III) শুন্টমান্তের পরিবর্তন—তরলের উপর চাপ পরিবর্তন করিলে উহার স্ফুটনান্তের পরিবর্তন হর। বে উক্তার সম্পূত্র বাষ্ণচাপ তরলের উপরিশ্বিত চাপের সমান সেই উক্তার তরল ফুটিতে থাকে। আমরা দেখিয়াছি, একই উক্তার দ্রবণের বাষ্ণচাপ বিশ্বদ্ধ দ্রাবকের বাষ্পচাপের চেয়ে কম। দ্রাবক্ত প্র দ্রবণের বাষ্ণচাপ সমান হইতে গেলে দ্রবণের উক্তা দ্রাবকের উক্তা অপেক্ষা বেশী হইবে। সমীকরণ (10.78) হইতে দেখা বাইতেছে বে, দ্রবণের বাষ্পচাপের অবনমন দ্রবণের গাঢ়দের উপর নির্ভর করিরা থাকে। স্তরাং দ্রাবক ও দ্রবণের স্ফুটনান্তের পার্থক্য দ্রবণের গাঢ়দ্বের উপর নির্ভর করিবে।

্ ক্রান্তিক উক্তার (critical temperature) অনেক নিচে তরলের আরতন একই ভরের বাম্পের আরতনের তুলনার খুবই কম। এই অবস্থার ক্ল্যাম্পেরন-এর সমীকরণকে লেখা বার—

$$\left(rac{dP}{dT}
ight)_{
m sat} = rac{L}{Tar{
u}}$$
 [$v=1$ গ্রাম বান্সের আরডন,]

बाधवा
$$\frac{dP}{dT} = \frac{ML}{TV} = \frac{\Lambda}{TV} \qquad \cdots \qquad (10.80)$$

V হইতেছে বাল্পের আগব-আরতন (molar volume) এবং ∧ হর আগব লীন তাপ। ক্রান্তিক উক্তার অনেক নিচে বাল্পচাপ খুবই কম এবং এই সমরে বাল্পকে মোটামুটিভাবে আদর্শ গ্যাস চিন্তা করা চলে।

$$\frac{d\mathbf{P}}{d\mathbf{T}} = \frac{\wedge \mathbf{P}}{\mathbf{R}\mathbf{T}^*}$$

অথবা
$$\frac{1}{P} \frac{dP}{dT} = \frac{\wedge}{RT^2}$$
 বা, $\frac{d}{dT} (\ln P) = \frac{\wedge}{RT^2}$ ··· (10.81)

মনে করি, প্রাবক ও প্রবণের স্ফুটনাব্দ T ও T_1 $[T_1>T]$ —এবং ঐ দৃষ্ট উষ্ণতার প্রবণের বাষ্পচাপ বথাক্রমে P ও P_1 । সমাকলের সাহাযো—

$$\int_{P}^{P_1} d(\ln P) = \int_{T}^{T_1} \frac{\wedge}{RT^2} dT$$

T ও T_1 -এর পার্থক্য খৃব বেশী নয় সেজন্য এই সময়ে \wedge স্থির থাকে অনুমান করা যাইতে পারে ।

স্তরাং
$$\ln \frac{P_1}{P} = \frac{\wedge}{R} \left[\frac{1}{T} - \frac{1}{T_1} \right] = \frac{\wedge}{R} \frac{T_1 - T}{TT_1}$$
অথবা $\ln \frac{P_1}{D} \simeq \frac{\wedge}{D} \frac{AT}{T^2}$... (10.82)

সমীকরণ (10·82) ও (10·83)-কে একত করিয়া দ্রবণের গাঢ়ছের সঙ্গে স্ফুটনাক্ষ বৃদ্ধির সম্পর্ক পাওয়া বাইবে—

$$\frac{\wedge}{R} \frac{\Lambda T}{T^*} = \frac{N_1}{N_0}$$

अथवा
$$\Delta T = \frac{RT^2}{\Lambda} \frac{N_1}{N_0} \approx \frac{RT^2}{\Lambda} \frac{N_1}{N_1 + N_0} \cdots$$
 (10.84)

দ্রাবকের প্রকৃতি ও দ্রাবের আগব ভ্যাংশের উপর স্ফুটনান্দের উন্নরন নির্ভর করিবে—দ্রাবের প্রকৃতির উপর স্ফুটনান্দ পরিবর্তন নির্ভরণীল নয়। একট দ্রাবকে বিভিন্ন দ্রাবের আগব ভ্যাংশ একট হইলে স্ফুটনান্দের উন্নরন প্রত্যেকটি ক্যের একট হইবে।

প্রসালা

1. ক্ল্যাপেরন-এর সমীকরণটিকে প্রমাণ কর।

প্রমাণ চাপে বেঞ্চিনের স্ফুটনাক্ষ 80°C; এবং বাষ্ণীভবনের সীন তাপ 380 Joules; স্ফুটনাক্ষে বেঞ্চিন বাষ্ণের ঘনম্ব '4 gm/cc. এবং তরজ অবস্থার উহার ঘনম্ব '9 gm/cc.। 80 cm পারদ-চাপে বেঞ্চিনের স্ফুটনাক্ষ কি হইবে?

2. চাপের তারতম্যের দরুল গলনাব্দ ও স্ফুটনাব্দের পরিবর্তন হিসাব কর।

শ্রমাণ চাপে ন্যাপ্ থালিনের গলনাব্দ 80° C, উহার গলনের লীন তাপ 35° 5 cal/gm এবং ঐ অবস্থার কঠিন ও তরল দশার উহার আপেক্ষিক গ্রুম্ব বথানেমে 1° 145 ও 981। এক আ্যাট্মস্ফিয়ার চাপ পরিবর্তনে গলনাব্দের কি পরিবর্তন হইবে ?

3. (a) প্রমাণ কর বে,
$$\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_T$$

এবং ঐ সমীকরণের সাহাষ্যে দেখাও বে,

$$\begin{pmatrix} \partial P \\ \partial T \end{pmatrix}_{\text{sat}} = \frac{L}{T(v_f - v_i)}$$

(b) প্রমাণ কর বে,

$$\frac{d\mathbf{L}}{d\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{T}} + (c_{i*} - c_{i*})$$

c_{s1} ও c_{ss} বথান্তমে প্রথম ও বিতীর দশার সম্প ক অবস্থার আপেক্ষিক তাপ। সম্প্*কে জলী*র বাম্পের (saturated steam) আপেক্ষিক তাপ ক্ষান্মক রাশি—ইহা কিভাবে ব্যাখ্যা করিবে ?

,8. প্রমাণ কর বে,

$$\frac{d\mathbf{L}}{d\mathbf{T}} - \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{T}} = c_1 - c_1$$

প্রের পৃতার দেওয়া উপাত্তসমূহ হইতে সম্পূত জলীয় বালের আপেন্দিক তাপ (specific heat of saturated steam) হিসাব কর হ বাষ্ণীভবনের লীন তাপ = 539'3 cal

क्रान्त न्यूग्रेनाक्क = 100°C

$$\frac{dL}{dT} = -640 \text{ cal/°C}$$

100°C উক্তার জলের আপেক্ষিক তাপ = 1.01

5. নিম্নলিখিত উপাত্তসমূহ হইতে জলের বাষ্ণীভবনের লীন তাপ হিসাব করঃ

100°C উম্ভার জলের আপেক্ষিক আয়তন = 1 cc.

100°C উক্তার জ্লীর বাল্পের আর্পেক্ষক আরতন = 1674 cc.

99°C উৰুতায় সম্প্ৰে বাষ্পচাপ = 73°22 cm. of Hg.

101°C উক্তায় সম্প্তে বাষ্পচাপ = 78.76 cm. of Hg.

1 আট্মস্ফিয়ার = 1.013 × 6 dynes/cm².

6. নিম্নলিখিত উপাত্ত হইতে ইথাইল-ইথার বাষ্পের আপেক্ষিক আয়তন হিসাব কর ঃ

প্রমাণ চাপে ইথাইল ইথারের স্ফুটনাব্দ = 34.6°C
বাষ্ণীভবনের লীন তাপ = 86 cal/gm
তরল অবস্থার ইথারের ঘনম্ব = '71 gm/cc

এবং
$$\frac{dP}{dT}$$
 = 27 mm. Hg/°C

- 7. 0° C উক্তার জল সাপেকে বরফের ঘনম $\frac{1}{1}$ এবং উহার গলনের লীন তাপ 80 cal । 1 আট্মস্ফিরার চাপ র্বান্ধর ফলে উহার গলনান্দের কি পরিবর্তন হইবে ?
- 8. সালফারের গলনাক = 115° C; গলন লীন তাপ 9'3 cal/gm, গলনাকে 1 gm. তরল সালফারের আরতন = 513 cc; চাপ-পরিবর্তনে গলনাক পরিবর্তনের হার = 025° C/atmosphere । কঠিন অবস্থার সালফারের আপেকিক গ্রুম্ম কত? এক আট্মস্ফিরারকে 10° dynes/cm² ধরিরা লও।

- 9. গলনের পর কোন একটি কঠিন বন্ধুর আরতন 1/6 অংশ হ্রাস পার। উহার গলন লীন তাপ 40 cal/gm; এবং প্রমাণ চাপে উহার গলনাক্ষ 27°C। কঠিন অবস্থায় উহার খনস্ব 1'2 gm/cc; 1 আট্মস্ফিরার চাপ বৃদ্ধিতে গলনাক্ষের কি পরিবর্তন হইবে?
- 10. দশা নীতি কাহাকে বলে ? দশা নীতি প্রমাণ কর এবং ইহার তাংপর্ব ব্যাখ্যা কর । H_*O -এর জন্য দশা নীতির বখার্থতা বৃষ্ধাইরা দাও ।
- 11. দশা চিত্রের সাহাব্যে $H_{\bullet}O$ -তব্যের সাম্যাবস্থার বর্ণনা দাও। বৈধবিন্দু বলিতে কি বৃঝ? চন্দ্র-পৃষ্ঠে বরফকে তাপ দিলে উহার বে পরিবর্তন হইবে ঐ চিত্রের সাহাব্যে তাহা ব্যাখ্যা কর।
- 12. এক আট্মস্ফিয়ার চাপ-পরিবর্তনে বরফের গলনান্দের তারতম্য '0072°C। 0°C-এ জলের সম্পক্ত বাষ্পচাপ 4'60 mm. Hg এবং 1°C-এ সম্পক্ত বাষ্পচাপ 4'94 mm. Hg.। তৈথবিষ্ণুতে চাপ ও উক্তা কি হইবে?
- 13. রাসায়নিক সাম্য বলিতে কি বুঝ? সাঁদ্রর ভর কাহাকে বলে? ভর-দ্রিরার সূ্রটি প্রমাণ কর। চাপ ও উক্তা পরিবর্তনে সাম্যাবস্থা কিভাবে পরিবর্তিত হইবে তাহা বিশদভাবে আলোচনা কর।
- 14. ভর-ক্রিয়ার স্কুটি লিখ এবং উহাকে ব্যাখ্যা কর । স্কুটিকে প্রমাণ কর । লা-শাটেলীয়রের নীতি উল্লেখ কর এবং এই নীতির প্রয়োগ দেখাও ।
- 15. অভিসারক চাপ বালতে কি বৃঝ ? উহা কিভাবে মাপা বার ? লঘু দ্রবণের অভিসারক চাপ হিসাব কর ।

একাদশ পরিচ্ছেদ

এক্সিও হিমায়ক (Engine and Refrigerator)

11'1. '하기-의행국 (Heat engine) :

তাপশক্তিকে বান্দ্রিক শক্তিতে রূপান্তরিত করিবার জন্য তাপ-এঞ্জিন ব্যবস্থত হয়। সাধারণভাবে তাপ-এঞ্জিনে নিমুলিখিত অংশগুলি থাকিবে—

- (a) যথেন্ট তাপগ্রাহিতা-সম্পন্ন একটি তাপীর উৎস—এই অংশ হইতে তাপ গ্রহণ করা হইবে। ইহাকে তাপ-প্রদায়ক বা উৎস (source) বলা হয়।
- (b) অপেক্ষাকৃত কম উষ্ণতার অন্য একটি তাপীর উৎস। এই অংশকে খাদ বা তাপ গ্রাহক (sink) বলে। গৃহীত তাপশক্তির যে অংশ কার্যে রূপান্তরিত হইবে না তাহা এই খাদে বর্জন করা হইবে।
- (c) কার্যকরী বন্ধু (working substance)—ইহা উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিবে এবং তাহারই সাহায্যে কার্য সম্পাদিত হইবে।

এঞ্জিন চলা কালে কার্যকরী বস্তৃ একটি নিদিন্ট চক্রে বারংবার আবতিত হইতে থাকিবে এবং প্রত্যেকটি আবর্তনে উহা কিছু পরিমাণ কার্য (external work) করিবে। তাপ-এঞ্জিনগৃলিকে প্রধানতঃ দুইটি শ্রেণীতে ভাগ করা বার—

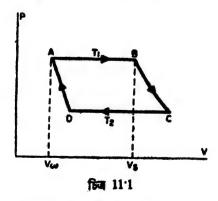
- 1. বহিশ্ছন এঞ্জিন (external combustion engine)—
 এই ধরনের এঞ্জিনে তাপীর উৎস বা তাপ-বরলার মূল এঞ্জিনের বাহিরে থাকে
 এবং দহন কার্য এঞ্জিনের বাহিরে হয়। স্টীম এঞ্জিন বা বাষ্পীর এঞ্জিন এই
 শ্রেণীভুক্ত। মূল এঞ্জিনের বাহিরে কয়লার আগুনে জল ফুটাইয়৷ বাষ্প
 তৈয়ারী কর৷ হয় এবং উহারই সাহাব্যে এঞ্জিন কার্য করে।
- 2. অন্তর্গহন এঞ্জন (internal combustion engine)—
 কতকগৃলি ক্ষেত্র মূল এজিনের ভিতরে দহন কার্য অনৃতিত হয় এবং ইহাদের
 অন্তর্গহন এজিন বলে। পেট্রল এজিন, ডিজেল এজিন প্রভৃতি এই শ্রেণীতে
 পড়ে। পেট্রল, ডিজেল ইত্যাদি স্থালানি দহন করিয়া বে তাপশক্তি উৎপন
 হয় তাহারই বিনিমরে কার্য সম্পাদিত হইয়া থাকে।

তাপ-এজিনের কার্যকরী বন্ধৃ হিসাবে সহজ্বপতা হইতেছে বারু ও জল। কোন এজিন উহার একটি আবর্তনে কি পরিমাণ কাল করিতে পারে তাহা নির্ভর করে কার্যকরী বন্ধৃ উৎস হইতে কি পরিমাণে তাপ সংগ্রহ করিবে তাহার উপর। বার্র আপেক্ষিক তাপ খুব কম হওরার দরুল ইহাকে তাপ-সংগ্রাহক হিসাবে বাবহার করিতে গেলে এজিনের আকার অষথা খুব বড় হইবে। ইহা কোনক্রমেই বান্ধনীর নর। অন্যথার বার্কে খুব বেশী উত্তপ্ত করা প্রয়োজন। অন্তর্পহন এজিনে ইহা সম্ভব হর। জলীর বাস্পের-ক্রের লীন তাপ খুব বেশী হওরার এজিনের আকার অষথা বৃদ্ধি না করিরাও কার্যকরী তন্ত হিসাবে জল বাবহার করা বাইতে পারে।

11'2. বাষ্পীয় এঞ্জিন বা স্টীম এঞ্জিন (Steam engine) :

বাষ্ণীর এঞ্জনে করলা পোড়াইরা যে তাপশক্তি পাওরা বার তাহার সাহায্যে জলকে বাষ্ণে পরিণত করা হর এবং ইহার সাহাযো এঞ্জন চালনা করিরা বাশ্তিক শক্তি পাওরা বার । যে-কোন এঞ্জনের জনা এমন একটি কার্বপর্দ্ধতি স্থির করা দরকার বাহাতে এঞ্জনের বাশ্তিক-দক্ষতা (efficiency) সর্বাধিক হইতে পারে । বাষ্ণীর এঞ্জনের প্রকৃত কার্বপদ্ধতি আলোচনা করিবার পূর্বে এই আদর্শ কার্বপদ্ধতি গ্রহণের পথে অন্তরার কি, তাহা জানা দরকার ।

দ্বিতীর সূত্র হইতে দেখিরাছি বে, কার্নো চক্রে এঞ্চিনের যাদ্রিক-দক্ষতা সর্বাপেক্ষা বেশী। সেই কারণে আমরা প্রথমেই জল ও জলীয় বাস্পের মিশ্রণকে কার্বকরী বস্তু হিসাবে ব্যবহার করিয়া কার্নো চক্রের আলোচনা করিব।



(a) মনে করি T_1 উকতার নির্দিষ্ট পরিমাণ জলের আরতন V_2 । সূচুক চিত্রে (চিত্র 11.1) A বিন্দৃতে ঐ অবস্থা দেখানো হইরাছে। স্থির

চাপ ও উক্তার বাষ্ণীভবন AB সমোক লেখ দারা স্চিত হইরাছে। এ চাপ ও উক্তার বাষ্ণোর আরতন V, ।

- (b) BC লেখ বাম্পের রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর প্রসারণ নির্দেশ করে, ঐ সমরে চাপ ও উক্তা হ্রাস পার।
- (c) ভিন্ন চাপ ও উক্তায় বাষ্প আংশিকভাবে ঘনীভূত হয়। এই সম্মোক পরিবর্তন CD কোখ দারা নির্দেশ করা হইয়াছে। এই সময়ে বাষ্ণোর উক্তা T_{\bullet} $[T_{\bullet} < T_{\bullet}]$ ।
- (d) রন্দ্রতাপ উৎক্রমনীর প্রক্রিরার DA লেখ বরাবর অর্বাশন্ট বাষ্পকে ঘনীভূত করিয়া কার্যকরী তদ্মকে প্রারম্ভিক অবস্থার ফিরাইয়া আনিলে কার্নো চক্রটি সম্পূর্ণ হয়।

এঞ্জিনের যাশ্রিক-দক্ষতা (efficiency)
$$\eta = \frac{T_1 - T_2}{T_1}$$

 $T_{\text{1}}\!=\!373^{\text{o}}\mathrm{K}$ এবং $T_{\text{2}}\!=\!300^{\text{o}}\mathrm{K}$ ধরিলে $\eta\!=\!20\%$ (প্রায়)।

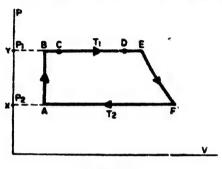
কার্নো চক্রে বাষ্পীয় এঞ্জিন চালনার অস্ক্রবিধা—(i) প্রথমতঃ প্রতিটি আবর্তনে বাষ্পকে পর্বারক্রমে উত্তপ্ত ও শীতল করা প্রয়েজন, এঞ্জিনের বে প্রকান্টে বাষ্পের প্রসারণ ও সংনমন হয়, তাহার তাপগ্রাহিতা খৃব বেশী। প্রতিটি আবর্তনে প্রকান্টিকৈ প্রথমে উত্তপ্ত ও পরে শীতল করিতে গেলে প্রভূত পরিমাণে তাপশক্তির অপচয় হইবে। এই তাপশক্তিকে কোনক্রমেই কার্বে রূপান্তরিত করা সম্ভব নয়। বাষ্প তৈয়ারী করিতে এবং ঐ বাষ্পকে ঘনীভূত করার জন্য পৃথক্ বন্দোবস্ত করিয়া এই অসুবিধা দূর করা হইয়াছে। বাষ্পীয় এঞ্জিনের এই দুইটি পৃথক্ অংশকে 'বয়লার' (boiler) ও শীতক (condenser) বলা হয়।

(ii) কার্যক্ষেরে ঘনীভবন খৃব দ্রুত হওয়ার দরুল সমস্ত বাষ্পই CD অংশে ঘনীভূত হয়, ফলে DA অংশে ঘনীভবনের জন্য কোন বাষ্পই অর্থাকে না ।

দিতীর অসুবিধাটি দূর করা সম্ভব না হওরার কার্নো চক্রে বাষ্ণীর এঞ্জিন চালনা করা বাইবে না। বাস্কবে বাষ্ণীর এঞ্জিন র্যাম্পিন চক্রে কার্ব করিরা থাকে। পরবর্তী অনুক্ষেদে এই সম্পর্কে মোটামুটিভাবে আলোচনা করা হইল।

11'3. क्यांकिन डङा (Rankine cycle) :

র্য়ান্দিন চক্রের মূল উদ্দেশ্য হইতেছে জলীয় বাষ্পকে লইরা কার্নো চক্র অনুসরণের অসুবিধাগৃলি দূর করা এবং ঐ চক্রকে বতদ্র সম্ভব অনুসরণ করা। এই ব্যবস্থায় এজিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা আদর্শ এজিনের বান্দ্রিক-দক্ষতার স্বুব কাছাকাছি হইবে। র্য়ান্দিন চক্রে কার্যকরী তল্পের সমস্ত পরিবর্তনই



fag 11.2

উৎদেমনীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হয়। সূচনায় কার্যকরী তল্কের অবস্থা সূচক চিত্রে (চিত্র $11^{\circ}2$) A বিন্দু দারা নির্দেশ করা হইরাছে। প্রারম্ভিক অবস্থায় জলের উক্তা $T_{\mathfrak g}$ এবং চাপ $P_{\mathfrak g}$ । পর্যায়ক্রমে যে সকল বিভিন্ন পরিবর্তনের পর চক্রটি সম্পূর্ণ হইবে তাহা হইতেছে—

- (i) প্রথমেই রক্ষতাপীর ব্যবস্থার জলের উপর চাপ বৃদ্ধি করা হইবে—
 অতিম চাপ বরলারের অভ্যন্তরে চাপের সমান। এই সমরে পাম্পের সাহাব্যে
 শীতক হইতে জল বরলারের অভ্যন্তরে প্রবেশ করানো হর। সূচক চিত্রে এই
 পরিবর্তন AB লেখ দারা নিদিন্ট হইরাছে। সংনমনে জলের উক্তা সামান্য
 বৃদ্ধি পার।
- (ii) বর্মসারে প্রথমে ছির চাপে উত্তপ্ত করির। জলকে উহার স্ফুটনাব্দে লওরা হইবে। চিয়ে BC অংশ এই পরিবর্তন নির্দেশ করে।
- (iii) C হইতে D পর্বত্ত শ্বির উক্তারে ও শ্বির চাপে জল ফুটিতে থাকে। BC অংশে বরলারে কেবলমাত্র জল, কিছু CD অংশে জল ও বাল্পের মিশ্রণ থাকে। D বিন্দৃতে আর কোন জল অবশিষ্ট থাকে না—অর্থাৎ ঐ সমরে বাম্পারন সম্পূর্ণ হর।
- (iv) DE অংশে বাষ্প অভিতাপিত (super heated) হইবে। ব্য়লারে চাপ বৃদ্ধি করিলে তবেই ইহা সম্ভব হইবে। ইহার ফলে এঞ্জিনের বৃদ্ধিত সামান্য বৃদ্ধি পাইবে।

- (v) রক্ষতাপ প্রসারশে বাম্পের উকতা T_s এবং চাপ P_s (জলের প্রারভিক উকতা ও চাপ) হওয়ার পর এই পর্যারে পরিবর্তন বন্ধ হইবে। সূচক চিত্রে EF এই পরিবর্তন নির্দেশ করে, এই সমরে বাষ্প বর্ষার হইতে শীতকে প্রবেশ করে।
- (vi) FA অংশে দ্বির চাপ ও উষ্ণতার বাল্প ঘনীভূত (condensed) হয়। A বিন্দৃতে ঘনীভবন সম্পূর্ণ হয়। অন্তর্বতাঁ অবন্ধার বাল্প ও জলের মিশ্রণ থাকে।

বে করেকটি ক্ষেত্রে কার্নো পরিকল্পিত আদর্শ এঞ্জিন চক্রের সঙ্গে র্যান্কিন চক্রের পার্থকা লক্ষ্য করা যায় সেগুলি হইতেছে—

- (a) কার্নো চক্রে রুদ্ধতাপ সংনমনের (বাম্পের ঘনীভবন বা condensation—চিত্র 11'1-DA অংশ) পরিবর্তে র্যান্ডিন চক্রে জলকে শীতক হইতে বরলারে প্রেরণ করা হইবে।
- (b) কার্নো চক্রে কেবলমাত্র একটি নির্দিন্ট উক্তার (জলের স্ফুটনান্দে) তাপীর উৎস হইতে সমস্ত তাপ গ্রহণ করা হয়। কিন্তু র্য্যান্দ্রন চক্রে তিনটি পর্যায়ে তাপ সংগৃহীত হইরা থাকে। প্রথমে জলকে উহার স্ফুটনান্দ্রে উত্তপ্ত করিতে $[T_s \rightarrow T_1] \, Q'$ পরিমাণ তাপ গ্রহণ করা হইবে (চিত্র 11.2-তে BC অংশ)। পরে সমস্ত জল বান্দেপ পরিগত করিতে CD অংশে Q'-তাপ প্ররোজন এবং শেষ পর্যায়ে বান্দের অতিতাপনের (DE) জন্য সংগৃহীত তাপ Q'''। কেবলমাত্র এই কারণেই র্য্যান্দ্রন চক্রে এঞ্জনের যান্দ্রিক-দক্ষতার চেরে কম হইবে।

বাস্তবে ঘর্ষণ, তাপ পরিবহণ ইত্যাদি নানা কারণে বাষ্ণীয় এঞ্জিনের পক্ষে সঠিকভাবে র্যান্দিন চক্রে (উৎক্রমনীর চক্র) আবর্তিত হওয়া সম্ভব হয় না। প্রকৃতপক্ষে বাষ্ণীয় এঞ্জিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা র্যান্দিন চক্রে আবর্তিত এঞ্জিনের বান্দ্রিক-দক্ষতার 75%-এরও কম। র্য়ান্দিন চক্রে সম্পাদিত কার্য সূচক চিত্রে আবদ্ধ ক্ষেত্রের সমান। বাষ্ণের অবস্থার সমীকরণ জ্ঞানা গেলে এই কার্য হিসাব করা সম্ভব হইবে। কিন্তু বাষ্ণের অবস্থার সমীকরণ জ্ঞানা না থাকার এই উপারে কার্য হিসাব করিব না। প্রযুক্তিবিদ্গণের অনুসৃত পদ্ধতিতে ইহা সহজেই সম্ভব হইবে।

त्राचिम हत्क बाह्यिक-मक्कान दिनाव (Efficiency of Rankine cycle)—न्नाक्ति हत्क विश्वासन कार्यकरी वक् B इट्रेंड

E অবস্থাতে পৌহাইতে Q_1 তাপ গ্রহণ করে এবং FA অংশে Q_2 তাপ বর্জন করে।

এজিনের বাল্ডিক-দক্ষতা
$$\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1}$$

BE অংশে বরলারের অভান্তরে চাপ P_1 অপরিবর্তিত থাকে বলিরা $dH_P = \delta Q$ ।

$$\therefore Q_1 = \int \delta Q = \int_B^E dH_P = H_B - H_B \cdots (11.1)$$

একই কারণে FA পথে মোট বর্জিত তাপ

$$Q_s = \int \delta Q = \int_A^F dH_P = H_P - H_A \quad \cdots \quad (11.2)$$

Q বর্জিত তাপ বলিয়া ইহা ঝণান্ধক রাশি হইবে, কিন্তু আমাদের আলোচনার ইহা ধনান্দক বলিয়া বিবেচনা করা হইতেছে। সমীকরণ (11.1) ও (11.2)-এর সাহাযো—

$$\eta = \frac{(H_B - H_P) - (H_B - H_A)}{H_B - H_B} \qquad \cdots \quad (11.3)$$

B অবস্থাতে বরুলারের অভায়রে কেবলমাত্র জল থাকে, ঐ কারণে 'steam table' হইতে H_B জানা সম্ভব নর । কিছু AB পথে পরিবর্তন রুক্ষতাপীর ব্যবস্থার অনুষ্ঠিত হয় বলির। সহজেই $H_B\!-\!H_A$ হিসাব করা বাইতে পারে ।

$$H_B - H_A = \int_A^B dH = \int_A^B [(dU + PdV)] + VdP$$
$$= \int_A^B VdP \qquad \cdots \qquad (11.4a)$$

রুদ্ধতাপ পরিবর্তন পথে $dU+PdV=\delta Q=0$ । EF পথে পরিবর্তনও রুদ্ধতাপ উপারে অনুষ্ঠিত হইরাছে এবং সেই কারণে,

$$H_E - H_F = \int_F^B dH = \int_F^B V dP \cdots (11.4b)$$

লক্ষ্য করা বার, সমীকরণ (11'3)-এ লবের প্রথম পদ H_B-H_F রক্ষ্যতাপ EF পথে F ও E বিন্দুর মধ্যে VdP-র সমাকল নির্দেশ করিতেছে। এই সমাকলটি হর EFXY কেন্দ্রের সমান। পকার্ডরে, বিতীর পদ

 $H_B - H_A$ হর B ও A বিন্দ্র মধ্যে VdP-র সমাকল এবং BAXY ক্ষেত্রের সমান ৷ সূতরাং মোট সম্পাদিত কার্য BEFA ক্ষেত্রের সমান হইবে ৷

সমীকরণ (11·3), (11·4a) ও (11·4b)-কে একত করিয়া---

$$\eta = \frac{(H_E - H_F) - (H_B - H_A)}{(H_E - H_A) - (H_B - H_A)} \\
= \frac{(H_E - H_F) - V_w (P_1 - P_2)}{(H_E - H_A) - V_w (P_1 - P_2)} \quad \cdots \quad (11.5)$$

ধরা হইরাছে বে, A হইতে B অবস্থার মধ্যে জলের আয়তনের বিশেষ তারতম্য হইবে না, এবং ঐ আয়তন V_{w} —সেজন্য

$$H_B - H_A = \int_A^B V dP = (P_1 - P_2)V_w$$

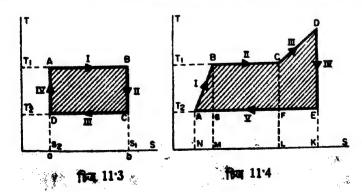
বাজবে, H_E-H_P এবং সেই সঙ্গে $H_E-H_A\ll (P_{\scriptscriptstyle 1}-P_{\scriptscriptstyle 2})V_w$; সেইজন্য

$$\eta \simeq \frac{H_F - H_F}{H_F - H_A} \qquad \cdots \quad (11.6)$$

র্য়াব্দিন চক্রে এঞ্চিনের বান্তিক-দক্ষতা অবশ্যই আদর্শ এঞ্চিনের (কার্নো এঞ্চিন) বান্তিক-দক্ষতার চেয়ে কম হইবে ।

11'4. কার্নো চক্র ও ব্যাক্সিন চক্রের জন্ম এন্ট্রপি-উষ্ণভা-লেখ (T-S diagram for Carnot cycle and Rankine cycle):

চিত্র (11.3)-এ কার্নো চক্রে কার্যকরী তন্দের এন্ট্রপি ও উক্তার পরিবর্তন



দেখানো হইয়াছে। ঐ চিত্রের বিভিন্ন অংশে কার্যকরী তব্যের পরিবর্তন হইতেছে—

- (i) $A \to B$; এই অংশ T_1 উক্তার বাষ্ণীভ্বন বৃবার, এই অংশে এন্ট্রিপ বৃদ্ধি পার।
- (ii) $B \to C$; BC অংশে বাশের রন্দ্রতাপ প্রসারণ হর, ইহার ফলে উক্তা হ্রাস পাইরা T_s হইবে। এন্ট্রপির তারতমা হইবে না।
- (iii) $C \to D$; T_s উক্তার বালের আংশিক ঘনীন্তবন ব্ঝার । এই সমোক পরিবর্তনে এন্ট্রাপ হ্রাস পার ।
- এবং, (iv) $D \to A$; অর্থাশন্ট বান্সের রুদ্ধতাপ ঘনীন্তবন বৃঝাইতেছে । প্রতিটি পর্বারে কার্যকরী তব্যের পরিবর্তন উৎক্রমনীর পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হইরাছে । এই চক্রে কার্যকরী বন্ধৃ কর্তৃক T_1 উক্তার গৃহীত তাপ Q_1 এবং T_2 উক্তার বর্জিত তাপ Q_2 ।

মোট গৃহীত তাপ
$$Q_1=\int_A^B TdS=T_1(S_1-S_2)=\Box ABba$$
 এবং মোট বর্জিত তাপ $Q_2=\int_C^D TdS=T_2(S_1-S_2)=\Box CDab$

 \therefore কার্নো চক্রে মোট সম্পানিত কার্য = $Q_1 - Q_2$

$$= (T_1 - T_2)(S_1 - S_2) = \square ABCD$$

লক্য করিলে দেখিব, □ ABba – □CDab = □ABCD

এবং ঐ এঞ্জিনের যান্তিক-দক্ষতা $\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_2}$

$$=\frac{(T_1-T_2)(S_1-S_2)}{T_1(S_1-S_2)}=1-\frac{T_2}{T_1}$$

র্যাচ্ছিন চক্রে কার্যকরী বন্ধুর এন্ট্রাপ ও উক্তার পরিবর্তন চিত্র (11'4)-এ দেখানো হইরাছে। বিভিন্ন পর্বারে কার্যকরী বন্ধুর পরিবর্তন এইভাবে নির্দিষ্ট হইরাছে—

(i) AB অংশে জলকে T_* (শীতকের উক্তা) হইতে T_* (বরলারের উক্তা) টুকতার উত্তপ্ত করা হইরাছে। (ii) BC অংশে T_* উক্তার অলের বাশ্যীতবন সম্পূর্ণ হয় π

- (iii) CD অংশ ঐ বান্পের অতিতাপন নির্দেশ করে।
- (iv) বাষ্ণের রক্ষতাপ উৎক্রমনীর প্রসারণ DE লেখ দ্বারা স্চিত হয়। প্রসারণ অন্তে বাষ্ণের উক্তা হ্রাস পাইয়া Tু হইয়াছে।
- (v) অভিম পর্বারে EA ভির উক্তার বাষ্পের ঘনীভবন নির্দেশ করে।

ইহাদের মধ্যে (i) হইতে (iii) পর্যন্ত প্রতিটি পর্যায়ে কার্যকরী তন্ম তাপ সংগ্রহ করিরাছে ফলে উহার এন্ট্রপি বৃদ্ধি পাইবে। মোট গৃহীত তাপের পরিমাণ হইবে—

$$Q_1 = \int_A^D TdS = CPT ABCDKN$$

রুদ্ধতাপ পরিবর্তন DE অংশে এন্ট্রপি অপরিবর্তিত থাকে। শেষ পর্বারে EA অংশে কার্যকরী তন্দ্র তাপ বর্জন করিয়াছে এবং উহার ফলে এন্ট্রপি হ্রাস পাইয়াছে। এই অংশে মোট বর্জিত তাপ—

$$Q_2 = \int_{\mathbf{R}}^{\mathbf{A}} \mathbf{T} d\mathbf{S} = \square \mathbf{AEKN}$$

প্রতিটি চক্রে সম্পাদিত কার্য $Q_1-Q_2=$ কের ABCDEA। এই কারণে র্যান্ফিন চক্রে বাষ্পীয় এঞ্জিনের যাদ্যিক-দক্ষতা,

$$\eta_{\text{Rankine}} = \frac{\text{CPO ABCDEA}}{\text{CPO ABCDKN}}$$

পক্ষান্তরে, T_1 ও T_2 উষ্ণতার উৎসম্বয়ের মধ্যে চালিত বাষ্ণীয় কার্নো এঞ্জিনের যান্ত্রিক-ক্ষতা,

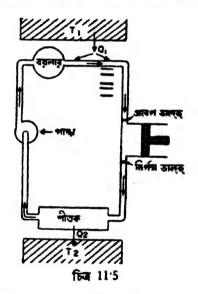
$$\eta_{\text{Carnot}} = \frac{\square \text{ BCFG}}{\square \text{ BCLM}} \qquad [\text{five (11.4)}]$$

চিত্র (11'4) হইতে দেখা বাইতেছে র্যাণ্ডিন চক্রে এঞ্জিন কর্তৃক সম্পাদিত কার্য ঐ দৃই উৎসের মধ্যে চালিত কার্নো এঞ্জিন বে কার্য করে তাহার চেরে বেশী। কিন্তু ঐ সঙ্গে র্যাণ্ডিন চক্রে কার্যকরী বস্তু বে তাপ সংগ্রহ করে তাহার পরিমাণও বেশী, ফলে অধিক পরিমাণে কার্য করা সন্তেও এঞ্জিনের বাল্যিক-দক্ষতা কার্নো এঞ্জিলের বাল্যিক-দক্ষতার চেরে কম হইবে। ব্যাণ্ডিন চক্রে তাপের একটি অংশ T_{\perp} অপেকাংক্সম উক্কার সংগৃহীত হইরাছে বলিয়া এঞ্জিনের বাল্যিক-দক্ষতা

কম হইতে বাধ্য। বাস্পের অভিতাপনে বাল্যিক-দক্ষতা কিছু পরিমাণে বৃদ্ধি পাইবে—তবে তাহা খুবই সামান্য। বাজবে বাষ্পীর এজিন মাটেই র্যান্দিন চক্রে করে। প্রথমে বাষ্পীর এজিনের মূল পরিকল্পনা এবং পরে উহার বাল্যিক বন্দোবজের বিষরে আলোচনা করা হইল।

11·5. বাষ্পীয় এঞিনের মূল পরিকল্পনা ও হাজিক বন্দোবস্ত:

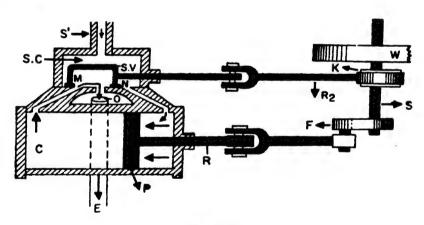
চিত্র 11'5-এ বাষ্পীর এঞ্জিনের মূল পরিবর্গনাটি দেখানো হইরাছে। প্রথমে বরলারে জল লইরা উত্তপ্ত করা হইবে। এই জন্য করলার জ্বালানী ব্যবহার হর। জল প্রথমে বাষ্ণে পরিণত হর, পরে ঐ বাষ্পকে অতিতাপিত করা হর। এই সমরে এঞ্জিনের কার্যকরী, তন্ত্র Q, তাপ গ্রহণ করে।



উচ্চ চাপে অতিতাপিত বালপ প্রবেশ-ভাল্ড (inlet valve) খুলিরা মূল ভন্তকে প্রবেশ করে এবং পিশ্টনটিকে বাহিরের দিকে ঠেলির। দের। নির্গম-ভাল্ড্টি (outlet valve) বন্ধ থাকে। পিশ্টনটি কিছুদ্র অগ্নসর হওরার পর প্রবেশ-ভাল্ড্টি বন্ধ হইরা বার। ততক্ষণ পর্বন্ধ ছির চাপে বালের আয়তন বৃদ্ধি পার। প্রবেশ-ভাল্ড্ বন্ধ হওরার পরও পিশ্টনটি মূল ভন্তকের শেষ প্রাত্ত পর্বন্ধ অগ্নসর হইবে। এই সমরে ক্রন্ধতাপীর অবস্থার বালের আয়তন-প্রসারণ ঘটে। বালের আয়তন-প্রসারণের সমর একিন কার্ম করে। ক্রন্ধতাপ প্রসারশের ফলে ব্লেগর চাপ ও উক্তা

হ্বাস পার এবং বাষ্প আংশিকভাবে ঘনীভূত হর। পিস্টনটি প্রারম্ভিক অবস্থায় প্রত্যাবর্তন করিবার সময় নির্গম ভাল্বটি খুলিয়া যাইবে এবং ঘনীভূত জল ও বাষ্পের অর্বাশ্বভাংশ নির্গম নলের মধ্য দিয়া শীতকের (condenser) অভাররে চালিত হইবে। ঐখানে সমস্ভ বাষ্পই ঘনীভূত হয়। এই সময়ে কার্যকরী বস্তৃ (জলীয় বাষ্প) তাপ বর্জন করে। অন্তিম পর্বায়ে শীতক হইতে জল পাম্পের সাহায্যে বয়লারে প্রবেশ করে এবং উহা পুনরায় বাষ্প তৈয়ারীতে ব্যবহৃত হয়। অধিকাংশ ক্ষেত্রেই পারিপার্শ্বিক বায়্ব-মাধ্যমে দগ্রাবশিষ্ট বাষ্প নিক্ষাশিত হইয়া থাকে। পৃথক্ কোন শীতক কাজে লাগানো হয় না অথবা ঘনীভূত জল বয়লারে ফিরাইয়া লওয়া হয় না।

পর্বায়ক্রমিক বাষ্ণীয় এঞ্জিনের (reciprocating steam engine) বাদ্যিক বন্দোবস্ত চিত্র (11.6)-এ দেখানো হইল। ইহার বিভিন্ন অংশগৃলি হইতেছে—



हिंख 11.6

- (i) বর্মলার (boiler)—মূল এঞ্জিনের বহির্ভাগে একটি প্রকাণ্ডে বাষ্প তৈরারী হয়—ঐ প্রকোষ্ঠকে 'বরলার' বলে। উচ্চ অশ্ব-ক্ষমতা (horsepower) সম্পন্ন এঞ্জিনে বরলার হইতে উচ্চ চাপে অতিতাপিত বাষ্প বাহির হইবে। এঞ্জিনের নকশাতে বয়লারটি দেখানো হয় নাই।
- (ii) বাষ্প-প্রকোষ্ঠ (steam chest)—ইহা একটি আয়তাকার বান্ধ (S.C)। বয়লার হইতে উচ্চ চাপ ও উষ্ণতার বাষ্প S'নলের মধ্য দিরা এই প্রকোষ্ঠে প্রবেশ করে। এই প্রকোষ্ঠটি এঞ্জিনের মূল শুস্তকের উপর

বসানো থাকে । বাষ্প-প্রকোন্টের সঙ্গে মূল ভঙ্কের দৃইটি সংযোগ পথ রহিরাছে (চিত্রে $M ext{ ও } N$)। এই দৃইটি পথে বাষ্প মূল ভঙ্কে প্রবেশ করে। এই প্রকোন্টের মারখানে অন্য একটি সংযোগ পথ (O) নির্গম নলের সহিত মুক্ত । এই পথে জলীর বাষ্প বায়ুতে বাহির হর ।

- (iii) গভিনীল ভাল্ব (slide valve)—ইহার আফুতি অনেকটা ইংরাজী D-এর মতো। ইহা পর্যায়ক্রমে M ও N সংবোগ-পথের একটিকে উন্মৃক্ত করে। এই গতিশীল ভাল্ব (S.V) মূল ভঙ্কের গা বে'বিরা চলাফেরা করে এবং, বে-কোন মৃহর্তে একই সঙ্গে একটি প্রবেশ পথ (M অথবা N) ও নির্গম পথ (O)-কে অবরোধ করিয়া দীড়ায়। বাষ্প মূল ভঙ্কে কোন পথে প্রবেশ করিবে তাহা নির্ভর করে গতিশীল ভাল্ব কি অবস্থায় থাকে তাহার উপর।
- (iv) মূল ভন্তক (cylinder) ও পিস্টন—M অথবা N প্রবেশ পথে বাষ্প মূল ভন্তক C-তে প্রবেশ করে। এই ভন্তকের দেওরাল খ্ব মোটা পাতের হওয়া বাছনীর—উহা বাষ্পের উচ্চ চাপের ঘাত সহ্য করিতে পারে। এই ভন্তকের অভান্তরে একটি বাষ্প-নিরুদ্ধ পিস্টন (steam tight piston) P উহার এক প্রান্ত হইতে অন্য প্রান্তে চলাচল করে। পিস্টনটির সহিত একটি লোহ দও যুক্ত থাকে—ইহাকে পিস্টন-দও (R) বলা হয়। পিস্টনটি চলাচল করিবার সময় পিস্টন-দওটি অনুভূমিক পথে যাতায়াত করে।
- (v) নির্গম ছার (exhaust port)—ইহা ভদ্তকের সহিত যুক্ত এবং প্রবেশ দার M ও N-এর মধ্যে অবন্থিত। এজিনে ব্যবস্থাত বাষ্প এই পথে বাহির হইবে। চিত্রে E—এই নির্গম দার।

পিশ্টন-বশুটি অনুভূমিক পথে চলাচল করিতে থাকে। এই গতিকে চাকার আবর্তন গতিতে রূপান্তরিত করিতে নিমুবাণত যাদ্যিক ব্যবস্থা গ্রহণ করা হয়।

(vi) ক্র্যাক্ষ (crank)—একটি 'ক্র্যাক্ষ-পিনের' সাহাব্যে পিশ্টন-দণ্ডটি 'ক্র্যাক্ষের' (F) সংগে বৃক্ত থাকে। 'ক্র্যাক্ষটি' এঞ্চিনের মূল দণ্ডটির (main shaft—চিত্রে S) উপর লাগানো। পিশ্টন-দণ্ডটি একবার সামনের দিকে এবং একবার পিছনের দিকে গেলে মূল দণ্ডটি একটিবার ঘূরিরা বার।

- (vii) **উৎকৈন্দ্রিক** (eccentric)—ইহা মূল দণ্ডের সহিত বৃক্ত একটি গোলাকার চাক্তি (K)। চাক্তিটি দিতীর একটি ক্যান্দের সাহাবো গতিশীল ভাল্ব-দণ্ডের (R_s) সহিত বৃক্ত। উৎকেন্দ্রিকের একটি পূর্ণ আবর্তনে গতিশীল ভাল্বটি একবার M প্রবেশ পথ এবং একবার N প্রবেশ পথের মূখ আটকাইরা দীড়োর।
- (viii) মূর্ণন চক্র (fly wheel)—মূল দত্তের উপর লাগানো একটি ভারি চাকা (চিচ্রে W), ইহার জাডা-ভ্রামক (moment of inertia) খুব বেশী। এই ঘূর্ণন চক্রটির কারণেই মূল দশুটির পক্ষে নির্দিষ্ট গতিতে চলাচল করা সম্ভব হয়।

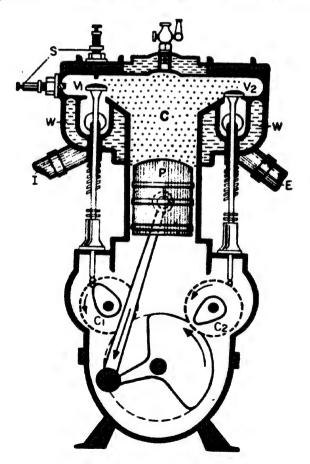
কার্বপ্রণালী—মনে করা বাক, বাক্স প্রথমে N-পথে মূল প্রকোঠে প্রবেশ করে (ঐ সময়ে M প্রবেশ পর্থাট বন্ধ)। বাষ্প মূল প্রকোষ্ঠে প্রবেশ করিবার পর পিশ্টনটিকে ভিতরের দিকে ঠেলিতে থাকে। পিশ্টনটি চলাকালে ক্রান্কের সহিত যুক্ত মূল দওটিও ঘুরিয়া যায়। একই সঙ্গে উংকেন্দ্রিকটিও ঘুরিতে থাকিবে এবং ভালব-দণ্ডটি ডান দিকে সরিয়া যাইবে। পিশ্টনটি মূল ভন্তকের শেষ প্রাত্তে পৌছাইলে N প্রবেশ পথটি বন্ধ হইবে কিন্তু \mathbf{M} প্রবেশ পর্থাট খুলিয়া যাইবে। এই প্রবেশ পথে বাষ্প স্তম্ভকের অভ্যন্তরে প্রবেশ করিয়া পিশ্টনটিকে বাহিরের দিকে ঠোলয়া দিবে। ইহার ফলে পিন্টনের ভান দিকের বাষ্প (যাহা পূর্বে N-পথে মূল ভন্তকে প্রবেশ করিয়াছে) স্তন্তক হইতে N-পথে বাহির হইয়া ()-পথে নির্গম নলে প্রবেশ করে এবং অবশেষে এঞ্জিনের বাহিরে নিষ্দান্ত হয়। পিস্টন-দশুটি ভান দিকে চলিতে থাকিলে ভালব-দওটি বাম দিকে চলিতে থাকিবে এবং অবশেষে পিন্টনটি বখন ভদ্তকের ভান প্রান্তে পৌছাইবে তখন ভালব-দশুটি বাম দিকে অগ্রসর হইয়া M প্রবেশ পথটি বন্ধ করিয়া দিবে এবং N প্রবেশ পর্থাটিকে খুলিরা দিবে। এইভাবে পিস্টনটি পর্বারক্রমে মূল ভন্তকের এক প্রাত্ত হইতে অন্য প্রাম্ভে যাতায়াত করিতে থাকিবে।

- 11'6. তার্ভেন্ট্রন প্রাঞ্জিন (Internal combustion engine):
 বিভিন্ন রকমের অর্থহন এঞ্জিনের মধ্যে আমরা কেবলমাত্র কার্যক্ষেত্রে
 ব্যবহাত পেট্রল এঞ্জিন ও ডিজেল এঞ্জিনের কার্যক্রম ও বাদ্যিক-দক্ষতার বিষয়ে
 আলোচনা করিব।
 - 1. পেট্রল এঞ্জিল (Petrol engine)—পেট্রল এঞ্জিনে কার্যকরী বন্ধ্ হইতেছে বায়ু ও পেট্রল বালেশর মিশ্রণ। এই মিশ্রণকে আদর্শ গ্যাস ধরিয়া

লইয়া আমরা এঞ্জিনের বাদ্যিক-দক্ষতা হিসাব করিব। কার্বকরী বস্ত্র দহন মূল এঞ্জিনের অভ্যন্তরে হয়। পেট্রল এঞ্জিনের 'অশ্ব-ক্ষমতা' (horse-power) বাল্পীর এঞ্জিনের চেয়ে কম কিন্তু ইহাদের বাদ্যিক-দক্ষতা বাল্পীর এঞ্জিনের বাদ্যিক-দক্ষতা অপেক্ষা বেশী।

বাষ্ণীর এঞ্জিনের আলোচনার আমরা দেখিয়াছি বে, বাস্তবে আদর্শ এঞ্জিন চক্রে বা কার্নো চক্রে কার্য করা ঐ এঞ্জিনের পক্ষে সম্ভব হয় না। পেট্রল এঞ্জিনের কার্যকরী চক্রকে অটো চক্র (Otto cycle) বলা হয়। অটো চক্রে মূল কার্যক্রমকে ছয়টি পর্বারে ভাগ করা ষাইতে পারে—ইহাদের মধ্যে কেবলমার চারিটি ক্রেক্রে পিস্টনটি চলাফেরা করে।

চিত্র (11.7)-এ পেট্রল এক্সিনের নকশা (উল্লম্ভেদ) দেখানো হইল।



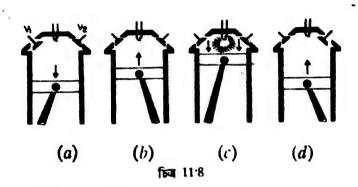
64 11.7

চিয়ে C- হইতেছে একটি স্তম্ভক—ইহাকে দহন প্রকোন্ড (combustion chamber) বলে। এই প্রকোন্ডে এঞ্জিনে ব্যবহাত কার্যকরী বস্তুর দহন সম্পান্ন হয়। একটি বাষ্প-নিরুদ্ধ পিস্টন (P) দহন-প্রকোন্ডের অভান্তরে এক প্রান্ত হইতে অন্য প্রান্তে চলাচল করিতে পারে। এই স্তম্ভকের উপরের দিকে দৃই পার্শ্বে দৃইটি ভাল্বের সাহাব্যে (V_1 ও V_2) বাষ্প্রকে নির্মান্তত করা হয়। ভাল্ব-দৃইটির মধ্যে একটি (V_1) প্রবেশ নল I-এর সহিত এবং দিতীর ভাল্ব (V_2) নির্গম নল E-এর সহিত বৃক্ত। ভাল্ভ-দৃইটিকে পর্বায়দ্রমে খোলা ও বন্ধ রাখিবার বন্দোবন্ত রহিয়াছে (খান্ত-কাটা দৃইটি চাকা C_1 ও C_2 -র সাহাব্যে)। কার্ব্রেটারে (চিত্রে দেখানো হয় নাই) বায়ু ও পেট্রল বাম্পের বে মিশ্রণ সৃষ্টি হয় তাহা প্রবেশ নলের সাহায্যে দহন-প্রকোন্ডে (ভাল্ব V_1 খোলা অবস্থায়) প্রবেশ করে। মূল স্তম্ভকের অভান্তরে দহন কার্যের জন্য বিদ্যুৎ স্ফুলিঙ্গ সৃষ্টি করিতে হয় এবং এইজন্য 'প্যার্ক-প্রান্থ' (spark plug) S-কে কাজে লাগানো হয়। এঞ্জন চক্রের শেষে দগ্মাবশিষ্ট বাষ্প্র নির্গম নলের মধ্য দিয়া বায়ুতে বাহির হয়। দহন-প্রকোন্ডটিকে ঠাণ্ডা রাখিবার জন্য উহার বাহিরে জল প্রবাহ (চিত্রে W) পাঠানো হয়।

কার্যপালী—(i) গ্যাস গ্রন্থণের ঘাড (charging stroke)—এই পর্যারে দহন-প্রকোষ্টে পিন্টনটি নিচের দিকে নামিতে থাকে । আরতন র্যান্ধর ফলে ভিতরের চাপ হ্রাস পার এবং কার্ব্রেটার হইতে দাহ্য পেট্রল বাষ্প ও বায়্বর্র মিশ্রণ ভাল্ব V_1 -কে খুলিয়া দহন-প্রকোষ্টে প্রবেশ করে ; এই সমর ভাল্ব V_2 বন্ধ থাকে (চিত্র 11.8a)। এই পর্যারে দহন-প্রকোষ্টে বায়্ব ও পেট্রল-বাষ্প-মিশ্রণের চাপ বায়্বমগুলের চাপের চেয়ে কিছু বেশী এবং উক্তা পারিপান্ধিক বায়্বমগুলের সমান।

- (ii) সংনমন খান্ত (compression stroke)— যাল্যক ব্যবস্থার এই পর্যারে পিন্টনটি উপরের দিকে উঠিতে থাকে, এবং ভাল্ব V_1 ও V_2 উভরেই বন্ধ থাকে। ফলে দহন-প্রকোপ্টের অভ্যন্তরশ্বিত গ্যাস সংনমিত হয় এবং উহার উষ্ণতা বৃদ্ধি পায় (চিন্র 11.8b)। এই পর্যায়ের শেষে দহন-প্রকোপ্টেগ্যাসের চাপ দাঁড়ায় বায়্মওলের চাপের পাঁচ গুণ এবং উষ্ণতা হয় প্রায় $600^{\circ}\mathrm{K}$ ।
- (iii) **দহন ও বিক্ষোরণ** (combustion and explosion)— সংনমিত উত্তপ্ত গ্যাস-মিশ্রণে তড়িং স্ফুলিস পাঠানে। হর এবং দহন খ্ব দ্রুত সম্পন্ন হর। ইহার ফলে প্রকোপ্টের অভ্যন্তরে বিস্ফোরণ ঘটে এবং মিশ্রণের

চাপ ও উক্তা হঠাং বৃদ্ধি পার । দহনের সমর মিশ্রণের আরতন দ্বির থাকে—
অটো চল্রের ইহা একটি বিশেষদ্ব । দহনের পর মিশ্রণের চাপ হর বার্মওলের
চাপের পনেরো গুণ এবং উক্তা প্রার 2000°K ।

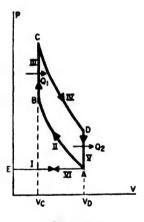


- (iv) কার্যকরী যান্ড (working stroke or power stroke)—বিস্ফোরণের ফলে পিস্টনটি পুনরার নিচের দিকে নামিতে থাকে। এই সমর ভাল্ব V_1 ও V_2 বন্ধ থাকে (চিন্ত 11.8c)। প্রকৃতপক্ষে এই সমরেই তাপশক্তি বাল্যিক শক্তিতে রূপান্তরিত হয়। পিস্টনটি অগ্রসর হইবার সঙ্গে সঙ্গে মিশ্রণের উক্তা ও চাপ হ্রাস পার। বাল্যিক বন্দোবন্তে পিস্টন-দণ্ডের রৈখিক গতি (linear motion) চাকার ঘূর্ণন গতিতে রূপান্তরিত হয়।
- (v) আংশিক বিভাড়ন (valve exhaust)— পিন্টনটি নিচে নামিরা আসার পরেও দহন-প্রকোন্টের অভাতরে মিশ্রণের চাপ ও উকতা বার্মগুলের চাপ ও উকতা অপেকা বেশী। এই সমরে ভাল্ব V_s খুলিরা বার এবং দগ্ধাবলিন্ট মিশ্রণের একটি অংশ নির্গম নলের মধ্য দিরা বার্তে বাহির হয়। শেবে দহন-প্রকোন্টে মিশ্রণের চাপ বার্মগুলের চাপের সমান হর।
- (vi) বিভাড়ন যান্ত (exhaust stroke)—এই পর্বারে পিশ্টনটি পুনরার উপরের দিকে উঠিতে থাকে এবং দগ্মাবশিক বায়্ ও পেট্রল বাম্পের মিশ্রণকে V_s -ভাল্ব পথে নির্গম নলের মধ্যে ঠেলিরা দেয় (চিত্র 11.8d)। ইহার পরে পিশ্টনটি আবার নিচের দিকে নামিতে শুরু করে এবং পরবর্তী চক্র শুরু হয়।

উল্লেখ করা বার বে, বাষ্ণীর এঞ্চিনের মতো একেত্রেও পিস্টন-দওটি

ক্রাচ্ক-দতে (crank-shaft) আবর্তন সৃতি করে এবং তাহারই ফলে চাকটি ছারতে থাকে। পেট্রল এজিন সাধারণতঃ মোটর গাড়ী ও এরোপ্লেনে বাবস্থত হয়। পেট্রল এজিনের কার্যক্রমে পিস্টনটি চলাচলের সময় ঘর্ষণ বল ও ছরণের সৃতি হয় এবং ইহা ছাড়া তাপ পরিবহণের দর্মন কিছু পরিমাণ তাপ শক্তির অপচর ঘটে। কার্যক্রেনের ইহাদের হাত হইতে অব্যাহাত পাওয়া প্রায় অসম্ভব। কিলু পেট্রল এজিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা হিসাব করিবার সময় এই কারণগৃলি সম্পূর্ণরূপে অনুপদ্থিত বলিয়া ধরিয়া লইব। সেই সঙ্গেদহা বস্তুকে কেবলমান্ত বার্ বলিয়া চিন্তা করা হইবে এবং ধরা হইবে বে, উহা আদর্শ গ্যাসের মতো ব্যবহার করে।

আটো চক্রে পেট্রল এঞ্জিলের যান্ত্রিক-দক্ষতা—বাভবে পূর্ব বর্ণিত কারণগুলির জন্য পেট্রল এঞ্জিন অবশাই অনুংক্রমনীর চক্রে আর্বাতিত হইবে। কিন্তু আটো চক্রে অনুংক্রমনীরতার কারণগুলি সম্পূর্ণরূপে অনুপন্থিত এইরূপ কল্পনা করা হর। আটো চক্রে এঞ্জিনের কার্যক্রম সূচক চিত্র (11.9)-এ দেখানো হইল।



fb3 11.9

- (i) $E \to A$, ভ্রির চাপে (এই সমরে মিশ্রণের চাপ বায়্মওলের চাপের চেরে ভিছু বেশী) বায়্মর উৎক্রমনীয় আয়তন প্রসারণ বৃঝাইতেছে । কার্যক্ষেত্রে ইহা পিশ্টনের গ্যাস গ্রহণের ঘাত ।
- (ii) $A \to B$, বাহুর রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর সংনমন। কার্যক্ষেত্রে ইহা পিস্টনের সংনমন যাত।

- (iii) $B \to C$, স্থির আরতনে মিশ্রণের উক্তা ও চাপ বৃদ্ধি নির্দেশ করে। প্রকৃতপক্ষে ইহা পেট্রল বাষ্প ও বার্ষ্ব মিশ্রণের দহনে প্রকোন্ডের অভ্যন্তরে চাপ ও উক্তার বৃদ্ধি বৃশ্বার।
- (iv) C o D, রুদ্ধতাপ-আরতন-প্রসারণ। প্রকৃতপক্ষে ইহাই হইতেছে পিস্টনের কার্যকরী ঘাত।
- (v) $D \to A$, শ্বির আয়তনে বায়্র চাপ ও উকতা হ্রাস নির্দেশ করে। কার্যক্ষেত্রে ইহা ভাল্ব V_{\bullet} খোলার পর দহন-প্রকোষ্ঠ হইতে বায়্র আংশিক নিষ্কাশন বুঝায়।

এবং, (vi) $A \to E$, স্থির চাপে উৎক্রমনীয় উপায়ে বায়্বর আয়তন হ্রাস নির্দেশ করে। প্রকৃতপক্ষে ইহাই হইতেছে পিন্টনের বিতাড়ন ঘাত।

দেখা গেল, এঞ্জিনের একটি আবর্তনে উহার কার্যকরী বন্ধু দুইটি পর্যারে তাপ বিনিময় করে। কার্যকরী বন্ধু B হইতে C অবস্থার বাইতে তাপ গ্রহণ করে এবং পরে D অবস্থা হইতে A অবস্থার বাইতে উহা পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে তাপ বর্জন করে। লক্ষ্য করা বায় যে, তাপ গ্রহণ ও বর্জন কালে বাম্পের আয়তন স্থির থাকে। ধরা হইবে যে, উক্তা পরিবর্তনে C_v -র কোন পরিবর্তন হয় না।

দহনে মোট উৎপল্ল তাপ =
$$Q_1=\int_{T_B}^{T_C} C_v dT$$

$$= C_v (T_C-T_B)$$
 এবং মোট বৰ্জিত তাপ = $Q_2=-\int_{T_D}^{T_A} C_v dT = C_v (T_D-T_A)$ অতএব এঞ্জিনের যান্তিক-নক্ষতা $\eta=1-\frac{Q_2}{Q_1}=1-\frac{T_D-T_A}{T_C-T_B}$. \cdots (11.7)

বাস্তবে T_B , T_O ও T_D -কে সঠিকভাবে জানা যার না—কেবলমাত্র ইহাদের আনুমানিক মূল্যায়ন সম্ভব । এজন্য আমরা AB ও CD রুদ্ধতাপ লেখ- দুইটির সাহায্য লইব । পেট্রল বাষ্প ও বায়ুর মিশ্রণকে আদর্শ গ্যাস মনে করিলে—

$$T_A V_A^{\gamma-1} = T_B V_B^{\gamma-1}$$
 are $T_C V_C^{\gamma-1} = T_D V_D^{\gamma-1}$

কার্যতঃ $V_A = V_D$ এবং $V_B = V_D$, এই কারণে

$$\frac{T_{D}}{T_{C}} = \frac{T_{A}}{T_{B}} = \frac{T_{D} - T_{A}}{T_{C} - T_{B}} \qquad \cdots \qquad (11.8)$$

িকল
$$\frac{T_A}{T_B} = \begin{pmatrix} V_B \\ V_A \end{pmatrix}^{\gamma-1}$$
, এবং এই কারণে $\frac{T_D - T_A}{T_C - T_B} = \begin{pmatrix} V_B \\ V_A \end{pmatrix}^{\gamma-1}$

$$\therefore \quad \eta = 1 - \frac{T_D - T_A}{T_C - T_B} = 1 - \left(\frac{V_B}{V_A}\right)^{\gamma - 1} = 1 - \left(\frac{1}{\rho}\right)^{\gamma - 1} \quad (11.9)$$

 $ho=V_A/V_B$ হর রক্ষতাপ-প্রসারণ-অনুপাত (adiabatic expansion ratio) । ho খুব বেশী হইলে—অর্থাৎ বায়ু প্রথমেই বথেন্ট পরিমাণে সংনমিত হইলে এঞ্জিনের যাদ্যিক-দক্ষতা বৃদ্ধি পাইবে । কিন্তু AB পর্যায়ে রক্ষতাপ-সংনমনের পর মিশ্রণের উষ্ণতা অত্যধিক বৃদ্ধি পাইলে দহনের পূর্বেই প্রকোন্টের অভ্যান্তরে বিক্ষোরণ ঘটিতে পারে । সেইজন্য ho যথেচ্ছভাবে বৃদ্ধি করা চলিবে না । ho=9 (বিক্ষোরণ সীমার নিচে) এবং $\gamma=1.5$ (বাষুর জন্য $\gamma=1.4$) ধরিলে অটো চক্রে পেট্রল এঞ্জিনের যাদ্যিক-দক্ষতা হইবে

$$\eta = 1 - \left(\frac{1}{9}\right)^{.5} = .67$$

অটো চক্রে পেট্রল এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতা দেখা বাইতেছে 67%—স্টীম এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতার চেয়ে অনেক বেশী। কিন্তু তংসন্ত্রেও গৃহীত তাপ কম হওয়ায় পেট্রল এঞ্জিনে কার্ষের পরিমাণ কম হইবে। অটো চক্রে প্রতিটি পর্বায়ে উৎক্রমনীয় পরিবর্তন অনুমান করা হইয়ছে। বাস্তবে অনুংক্রমনীয়তার কারণে এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতা আরও কম হইবে।

উদাহরণ। $340^{\circ} K$ উক্তার ছির আরতন অন্তর্গহন এঞ্জিনে জ্বালানী-গ্যাস ঢোকানো হইল। সংনমনের পর জ্বালানী-গ্যাসের উক্তা $612^{\circ} K$ । ঐ এঞ্জিনের রুক্জতাপ-প্রসারণ-অনুপাত কত? এঞ্জিনটির বাদ্মিক-দক্ষতা হিসাব কর। দহনের অব্যবহিত পরে জ্বালানীর উক্তা $2040^{\circ} K$ —এঞ্জিন প্রকোষ্ঠে সর্বোচ্চ চাপ কত? [$\gamma=1.4$]

প্রশ্ন অনুসারে $T_A=340^{\circ} {
m K}$, এবং $T_B=612^{\circ} {
m K}$

রুজতাপ-প্রসারণ-অনুপাত =
$$ho = rac{V_D}{V_B} = rac{V_A}{V_B} = \left(rac{T_B}{T_A}
ight)^{rac{1}{\gamma-1}}$$

$$ho = \left(\frac{612}{340}\right)^{\frac{1}{4}} = \left(\frac{612}{340}\right)^{\frac{25}{4}} = 4.34$$
 এজিনের যান্তিক-দক্ষতা $\eta = 1 - \left(1/\rho\right)^{\frac{2}{340}} = 1 - \left(\frac{1}{4.3}\right)^{\frac{2}{4}} = .55$ অথবা $\eta = 55\%$

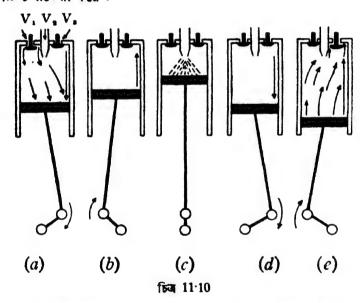
দহন-প্রকোপ্টে সর্বোচ্চ চাপ \mathbf{P}_{σ} এইভাবে হিসাব করা যায়—

জ্ঞাবা,
$$\begin{aligned} \frac{P_{C}}{P_{D}} &= \left(\frac{V^{D}}{V_{C}}\right)^{\gamma} \\ P_{O} &= P_{D} \ \rho^{\gamma} \\ &= P_{A} \left(\frac{T_{D}}{T_{A}}\right) \rho^{\gamma} = P_{A} \left(\frac{T_{C}}{T_{B}}\right) \rho^{\gamma} \\ &= 1 \times \frac{2040}{612} \times (4.34)^{1.4} \\ &= 26 \ \text{আত্মস্ফিয়ার} \end{aligned}$$

- 2. ডিজেল এঞ্জিল (Disel engine)—ডিজেল এঞ্জিনের গঠন ও বালিকে ব্যবস্থা পেট্রল এঞ্জিনেরই অনুরূপ—কেবলমাত্র সামান্য করেকটি পার্থক্য ছাড়া। সেই কারণে আমরা কেবলমাত্র ঐ বিশেষ পরিবর্তনগুলি সম্পর্কেই আলোচনা করিব।
- (i) ডিজেল এঞ্জিনের ক্ষেত্রে সংনমনের পর বায়ুর চাপ যথেণ্ট বৃদ্ধি পায় বলিয়া দহন-প্রকোষ্ঠাট খুব মোটা পাতের হওয়া বাঞ্চনীয়।
- (ii) ডিজেল এঞ্জিনে পৃথক্ কোন 'স্পার্ক-প্লাগ'-থাকে না। সংনমিত বায়ুর উক্তা স্থালানী হিসাবে ব্যবহাত ডিজেল তেলের স্থলন উক্তা (ignition temperature) অপেক্ষা বেশী হওয়ায় দহন কার্য শৃক্ষ করার জন্য স্পার্ক-প্লাগের প্রয়োজন হয় না।
- (iii) পেট্রল এঞ্জিনের দুইটি ভাল্বের পরিবর্তে ডিজেল এঞ্জিনের দহন-প্রকান্টের মুখে তিনটি ভাল্ব থাকে। ইহাদের একটির সাহায্যে দহন-প্রকোন্টে বায়ু প্রবেশ করে, দ্বিতীরটির সাহায্যে স্থালানী ডিজেল তেলকে ঐ প্রকোন্টে প্রবেশ করানো হয়। তৃতীর ভাল্বটি হর নির্গম ভাল্ব—ইহার সাহায্যে দক্ষাবশিষ্ট বায়ু ও স্থালানী দহন-প্রকোষ্ঠ হইতে বাহির হয়।

উল্লেখ করা বাইতে পারে বে, পেট্রল এঞ্জিনের ক্ষেত্রে স্থালানী হইতেছে বার্ ও পেট্রল বান্দের মিশ্রণ, কিরু ডিজেল এঞ্জিনের ক্ষেত্রে কেবলমাত্র ডিজেল তেল স্থালানী হিসেবে ব্যবহাত হয়—বার্ ব্যবহার করা হয় ডিজেল তেলকে স্থালাইবার প্রয়োজনে। পেট্রল এঞ্জিনে বার্ ও পেট্রল বান্দের মিশ্রণ একই পথে একই সঙ্গে দহন-প্রকোষ্টে প্রবেশ করে কিরু ডিজেল এঞ্জিনে বার্ ও ডিজেল তেল পৃথক্ পথে ভিন্ন সময়ে দহন-প্রকোষ্টে প্রবেশ করিয়া থাকে। এই দৃইটি এঞ্জিনের মধ্যে সর্বাপেক্ষা গৃরুত্বপূর্ণ পার্থকাটি হয় এই বে, পেট্রল এঞ্জিনে দহনের সময় মিশ্রণের আয়তন স্থির থাকে; কিন্তু ডিজেল এঞ্জিনে দহনের সময় প্রকোষ্টে চাপ অপরিবর্তিত থাকে।

কার্বপ্রশালী—ডিজেল এঞ্জিনে চারিটি পর্বায়ে দহন-প্রকোন্ডের অভ্যন্তরে পিস্টনটি চলাফেরা করে।

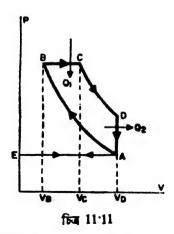


- (i) শোষণ ছাত (suction stroke)—প্রথমে জ্বালানী ভাল্ব V_s ও নির্গম ভাল্ব V_s উভয়েই বন্ধ থাকে এবং পিস্টনটি নিচের দিকে নামিতে থাকে। দহন-প্রকোন্ডের অভান্তরে চাপ হ্রাস পায় এবং সংনমিত বায়্ব বোতল হইতে প্রবেশ ভাল্ব V_s -কে খ্রালয়। দহন-প্রকোন্ডে প্রবেশ করে (চিত্র 11.10a)। দহন-প্রকোন্ডে বায়্বর উক্তা প্রায় $350^{\circ}K$ এবং চাপ এক অ্যাঢ়্মস্ফিয়ারের কিছু বেশী।
 - (ii) সংলমন খাড (compression stroke)—ভিনটি ভাল্বই এই

এই পর্বায়ে বন্ধ থাকে এবং পিশ্টনটি উপরের দিকে চালিত হয়। দহন-প্রকোন্টের অভ্যন্তরে বায়্ব সংনমিত হয় এবং বায়্বর চাপ ও উক্তা র্বন্ধ পার (চিত্র 11.10b)। এই পর্বায়ের শেষে দহন-প্রকোন্টে বায়্বর চাপ প্রায় চৌত্রিশ আট্মস্ফিয়ারের মতো। স্থালানী ভাল্ব V_s -কে খূলিরা কিছু পরিমাণে স্থালানী তেল (ভিজেল) দহন-প্রকোন্টের অভ্যন্তরে প্রবেশ করানো হয় (চিত্র 11.10c)।

- (iii) কার্যকরী যাত (working stroke)—এই পর্যায়ের শ্রনতেই উত্তপ্ত বায়্র সংস্পর্শে আসার ফলে স্থালানী ডিজেল তেলের দহন সম্পূর্ণ হয়। ডিজেল তেল এমনভাবে দহন-প্রকাষ্টে প্রবেশ করানো হয় বে, দহনের সময় প্রকাষ্টের অভ্যন্তরে চাপ ছির থাকে। দহনের পর প্রকোষ্টের অভ্যন্তরে বায়্র উক্তা প্রায় 2000°K-এর কাছে পৌছায়। উত্তপ্ত বায়্ব দ্রুত প্রসারিত হয় এবং পিদ্টনটিকে নিচের দিকে ঠেলিতে থাকে (চিত্র 11·10d)।
- (iv) বিভাজন ছা ভ (scavenging stroke)—এই পর্বায়ে প্রথমেই নির্গম ভাল্ব V_s -কে খুলিয়া বায়্ব ও ডিজেল বাম্পের মিশ্রণ কিছু পরিমাণে বাহির হইয়া বায় । এই সময়ে ভাল্ব V_s ও V_s উভয়েই বন্ধ থাকে । দগ্ধাবশিল্ট মিশ্রণ এইভাবে আংশিক বিতাজনের পর পিশ্টনটি উপরের দিকে অগ্রসর হইতে থাকে এবং দহন-প্রকোষ্ঠ হইতে ডিজেল বাম্প ও বায়্বর মিশ্রণকে V_s নির্গম পথে ঠেলিয়া বাহির করে (চিত্র 11.10e) ।

পিশ্টনটি পুনরার নিচের দিকে নামিতে শ্বরু করে এবং পরবর্তী চক্র আরম্ভ হয়।



ভিজেল চক্রে এঞ্চিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা—দহন-প্রকোঠের অভ্যাত্তরে

পিশ্টন চলাচলের সমর দ্বন ও ঘর্ষণ ইত্যাদি নানাবিধ কারণে ডিজেল এঞ্জিন অনুধ্বন্দমনীর চক্রে কার্য করে। অনুধ্বন্দমনীরতার কারণগৃলি অনুপশ্ছিত ধরা হইলে পূর্ব বর্ণিত এঞ্জিন চক্রকে ডিজেল চক্র বলা হইবে। ডিজেল চক্রে এঞ্জিনের যাল্যিক-দক্ষতা হিসাব করিবার সময় বায়ুকে আদর্শ গ্যাস হিসাবে চিন্তা করা হইবে। সূচক চিত্রের সাহায্যে (চিত্র 11.11) ডিজেল চক্রের যথায়থ বর্ণনা দেওরা হইল।

- (i) $E \to A$, উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে শ্বির চাপে বায়্র আয়তন বৃদ্ধি। কার্যক্ষেত্রে ইহা ডিজেল এঞ্জিনের শোষণ ঘাতকে বৃঝায়।
- (ii) $A \to B$, রুদ্ধতাপ উংক্রমনীয় আয়তন-সংনমন । ইহা ডিজেল এঞ্জিনের সংনমন ঘাত ।
 - (iii) $B \to C$, স্থির চাপে ডিজেলের দহন ও বায়ুর আয়তন বৃদ্ধি।
- (iv) $C \to D$, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় আয়তন-প্রসারণ। প্রকৃতপক্ষেইহাই ডিজেল এঞ্জিনের কার্যকরী বাত।
- (v) $D \to A$, উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে স্থির আয়তনে বায়্র চাপ হ্রাস পাইয়াছে । প্রকৃতপক্ষে ইহা দহন-প্রকোষ্ঠ হইতে বায়্র আংশিক বিতাড়ন বৃঝায় ।
- (vi) $A \to E$, স্থির চাপে উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে বায়্র আয়তন হ্রাস্পাইয়াছে । কার্যক্ষেত্রে ইহাই ডিঙ্গেল এঞ্জিনের বিতাড়ন ঘাত ।

যেহেতু (i) ও (vi) পরম্পরকে প্রতিবিহিত করিয়াছে (compensates) সেই কারণে এই দুইটি পর্যায়ে সম্পাদিত কার্য ও তাপ-বিনিময় সম্পর্কে কিছুই জানিবার চেন্টা করিব না। অন্য চারিটি পর্যায়ের মধ্যে BC বরাবর কার্যকরী বস্তৃ স্থির চাপে তাপ গ্রহণ করে এবং DA বরাবর স্থির আয়তনে উহা তাপ বর্জন করে। AB ও CD লেখ কার্যকরী বস্তৃর রুদ্ধতাপ পরিবর্তন নির্দেশ করে।

উষ্ণতা পরিবর্তনে C_y -র কোন পরিবর্তন হয় না ধরিয়া লইলে BC পথে মোট গৃহীত তাপ

$$Q_1 = \int_{T_u}^{T_c} C_p dT = C_p (T_c - T_B)$$

একইভাবে T_D ও T_A -এর মধ্যে C_v -র কোন পরিবর্তন হর না ধরিরা কাইলে DA পথে মোট বর্জিত তাপ

$$Q_{\bullet} = -\int_{T_D}^{T_A} C_{\bullet} dT = C_{\bullet} (T_D - T_A)$$

 \cdot : ডিজেল চক্রে এঞ্চিনের যাল্যিক-দক্ষতা $\eta=1-rac{Q_1}{Q_1}$

$$=1-\frac{C_{r}(T_{D}-T_{A})}{C_{p}(T_{\sigma}-T_{B})} \qquad \cdots \qquad (11.10)$$

অন্তর্বতী অবস্থার বায়্র উকতা T_B , T_C , T_D জানা সম্ভব নয়, এই কারণে উপরের সমীকরণকে সরাসরি কাজে লাগাইরা এজিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা হিসাব করা বাইবে না। এজনা রুদ্ধতাপ লেখ AB ও CD-র সাহাব্যে লওয়া হইবে।

 $T_A V_A^{\gamma-1} = T_B V_B^{\gamma-1}$, এবং $T_O V_C^{\gamma-1} = T_D V_D^{\gamma-1}$ সমীকরণ ($11^{\circ}10$)–এ উপরের সর্তগৃলিকে কাব্দে লাগাইরা এঞ্জিনের যাল্রিক-দক্ষতা লেখা যাইতে পারে—

$$\eta = 1 - \frac{1}{\hat{\gamma}} \frac{\left[\left(\frac{\mathbf{V}_C}{\mathbf{V}_B} \right)^{\gamma - 1} - \frac{\mathbf{T}_B}{\mathbf{T}_C} \left(\frac{\mathbf{V}_B}{\mathbf{V}_A} \right)^{\gamma - 1} \right]}{1 - \left(\frac{\mathbf{T}_B}{\mathbf{T}_C} \right)}$$

$$P_B = P_C$$
 वीनज्ञा $\frac{T_B}{T_C} = \frac{V_B}{V_C}$

উপরের সমীকরশে এই মান বসাইলে—

$$\eta = 1 - \frac{1}{\gamma} \left[\frac{(V_c/V_D)^{\gamma-1} - (V_B/V_C)(V_B/V_A)^{\gamma-1}}{1 - (V_B/V_C)} \right]$$

প্রসারণ অনুপাত $V_D/V_C=
ho_E$ এবং সংনমন অনুপাত $V_A/V_B=
ho_C$ ধরিলে উপরের সমীকরণটি হইবে

$$\eta = 1 - \frac{1}{\gamma} \left[\frac{(\rho_E)^{1-\gamma} - (\rho_E/\rho_C)(\rho_C)^{1-\gamma}}{1 - (\rho_E/\rho_C)} \right] \\
= 1 - \frac{1}{\gamma} \left[\frac{(\rho_E)^{-\gamma} - (\rho_C)^{-\gamma}}{(\rho_E)^{-1} - (\rho_C)^{-1}} \right] \dots (11.11)$$

ভিজেল এঞ্জিনের ক্ষেত্রে সংনমন অনুপাত ρ_0 ইচ্ছামতো বাড়ানো বাইতে পারে। কেবলমার বায়ুকে সংনমিত করা হর বলিয়া পেট্রল এঞ্জিনের মতো এখানে কোন উর্ধানীমা আরোপ করিতে হইবে না। কার্যক্ষেত্রে $\rho_0=15$, $\rho_B=5$, এবং $\gamma=1.5$ ধরিলে η হইবে 64%-এর কাছে। অনুংক্রমনীরতার কারণে এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতা আরো অনেক কম হইবে। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা বাইতে পারে বে, ডিজেল ও অটো চক্রে সংনমন অনুপাত সমান হইলে শেষোস্থ ক্ষেত্রে এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতা বেশী হইবে। ডিজেল এঞ্জিনে এই অনুপাতটিকে বাড়াইরা এঞ্জিনের বাল্রিক-দক্ষতা বাড়ানো হর।

উদাহরণ। ডিজেল এঞ্জিনে রুদ্ধতাপ-প্রসারণ-অনুপাত $ho_E=12$ । জ্বালানী দহনের পূর্বে ও অব্যবহিত পরে উহার উক্তা বথাক্রমে $647^{\circ}\mathrm{C}$ ও $1751^{\circ}\mathrm{C}$ । এঞ্জিনের বান্দ্রিক-দক্ষতা হিসাব কর। $[\ \gamma=1.40\]$

প্রশ্ন অনুসারে
$$T_B=647+273=920^\circ \mathrm{K}$$
 $T_c=1751+273=2024^\circ \mathrm{K}$ ও $\rho_E=12$
$$\frac{T_R}{T_c}=\frac{920}{2024}=\frac{\rho_E}{\rho_c}$$
 $\rho_c=\frac{12\times2024}{920}=26\cdot 4$ $\eta=1-\frac{\left(\frac{1}{12}\right)^{1\cdot\cdot\cdot}-\left(\frac{1}{26\cdot 4}\right)^{1\cdot\cdot\cdot}}{\left(\frac{1}{12}\right)-\left(\frac{1}{26\cdot 4}\right)}=\cdot 74$ অথবা $\eta=74\%$.

11'7. হিমায় ⁵ (Refrigerator) :

আবদ্ধ স্থানকে যথেন্ট পরিমাণে শীতল রাখাই হইতেছে হিমারনের (refrigeration) মূল উব্দেশ্য। কোন বস্তৃকে ঐ স্থানে রাখিলে উহা স্থান্ডবিক গলন, পচন ইত্যাদি হইতে রক্ষা পাইবে। প্রথমে ঐ স্থান হইতে ক্রমাগত তাপ অপসারণ করিয়া উহাকে আকাঙ্ক্রিত উক্তায় আনা যাইতে পারে। সেই অবস্থায় উক্তর পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে ঐ স্থানে তাপ পরিবাহিত হইতে থাকিবে। ফলে স্থানটির উক্তা স্থির রাখিতে গেলে পারিপার্শ্বিক মাধ্যম হইতে বে-হারে ঐ অংশে তাপ প্রবেশ করে উহা হইতে সেই একই হারে পারিপার্শ্বিক মাধ্যমে তাপ সরাইয়া দেওয়া প্রয়োজন হয়।

ছিতীয় সূত্র হইতে আমরা জানি যে, কোন শীতল উৎস হইতে স্বতঃপ্রণোদিত-ভাবে উক্তর উৎসে তাপ যাওয়া সম্ভব নর। এজনা একটি বাল্ফিক বন্দোবন্তের প্ররোজন, যাহারে সাহায়ে শীতল উৎস হইতে তাপ সংগ্রহ করিয়া উক্তর উৎসে তাপ বর্জন করা সম্ভব হইবে—অবশ্য বাহির হইতে এই কারণে কার্য করিতে হইবে। এই যাল্ফিক ব্যবস্থাকে হিমায়ক বলা হয়। হিমায়কের কার্যন্ম এজিনের কার্যন্তমের ঠিক বিপরীত।

হিমারক প্রস্তৃত করিবার সময় আমাদের মূল লক্ষ্য হইবে বতদ্র সম্ভব কম কার্য করিয়া বত অধিক পরিমাণে তাপ শীতল উৎস হইতে সংগ্রহ করা বাইতে পারে। শীতল উৎস হইতে সংগৃহীত তাপ ও হিমায়ক চালনার জন্য কার্বের অনুপাতকে হিমায়কের কৃতি-গুণাংক (coefficient of performance বা 'cop') বলা হয়। হিমায়কের কৃতি-গুণাংক—

$$\phi = \frac{\text{শীতল উৎস হইতে অপসারিত তাপ}}{\text{প্রয়োজনীয় কার্য}} = \frac{Q_s}{W} = \frac{Q_s}{Q_s - Q_s}$$

শীতল উৎস (উকতা T_{\bullet}) হইতে গৃহীত তাপ Q_{\bullet} এবং উকতর উৎসে (উকতা T_{\bullet}) বঞ্জিত তাপ Q_{\bullet} । এজনা প্রয়োজনীয় কার্য $W=Q_{\bullet}-Q_{\bullet}$ ।

কার্নো এঞ্জিন একটি উৎক্রমনীয় এঞ্জিন এবং সেই কারণে ইহাকে হিমায়ক হিসাবেও ব্যবহার করা যাইতে পারে। দুইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন যে কার্ম করে, হিমায়ক রূপে উহাকে ব্যবহার করিতে গেলে বাহির হইতে সেই একই কার্ম করিতে হয়। যে-কোন দুইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্না এঞ্জিনের যাল্যিক-দক্ষতাই সর্বাধিক। অর্থাৎ একই পরিমাণে তাপ সংগ্রহ করিয়া কোন এঞ্জিনের পক্ষেই কার্নো এঞ্জিন অপেক্ষা অধিক কার্ম করা সম্ভব হয় না (কার্নো সূত্র)। পক্ষাররে কোন শীতল উৎস হইতে নির্দিণ্ট পরিমাণ তাপ উক্তর কোন উৎসে চালনা করিতে গেলে যে কার্ম করিতে হইবে তাহা কার্নো হিমায়কের জন্য কার্যের চেয়ের কম হইতে পারে না। 6:13-অনুচ্ছেদে বর্ণিত প্রমাণ পদ্ধতি, অনুসরণ করিয়া উপরের এই সিদ্ধান্তটি সহজেই প্রমাণ করা যাইতে পারে। আমরা এখানে এন্ট্রাপ সূত্রের সাহায্যে ইহা প্রমাণ করিব।

কার্নো এঞ্চিন অথবা হিমায়কের ক্ষেত্রে $Q_1/T_1=Q_2/T_2$ এবং সেই কারণে কার্নো হিমায়কের কৃতি গুণাংক

$$\phi_0 = \frac{Q_*}{Q_* - Q_*} = \frac{T_*}{T_* - T_*}$$

দেখা গেল, হিমারকের কৃতি-গুণাংক 1-এর চেয়ে বেশী হইতে পারে । একশে কার্নো হিমারকের একটি চক্রে T_s উক্তার উৎস হইতে Q_s তাপ গৃহীত হইয়াছে এবং T_s উক্তার উৎসে Q_s+W_s তাপ বর্জন করা হইয়াছে । হিমারকে ব্যবহাত তাপ সংগ্রাহক (refrigerant) আবর্তন অন্তে প্রারম্ভিক অবস্থায় ফিরিয়া আসে । সূতরাং হিমায়কের প্রতিটি চক্রে বিশ্বের মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন—

$$\frac{Q_s + W}{T_1} - \frac{Q_s}{T_s} \ge 0$$
অথবা $W - Q_s \begin{pmatrix} T_1 - 1 \\ T_s \end{pmatrix} \ge 0$

বা $W \ge Q_s \begin{pmatrix} T_1 - T_s \\ T_s \end{pmatrix}$

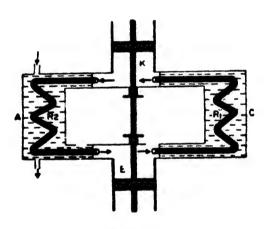
$$\therefore W_{min} = Q_s \begin{pmatrix} T_1 - T_s \\ T_s \end{pmatrix} = \frac{Q_s}{\phi_c} \quad \text{and } \phi_c = \frac{Q_s}{W_{min}}$$

অতএব দেখা গেল যে, কার্নো হিমায়কের চেয়ে অধিকতর কৃতি-গুলাংক সম্পন্ন অন্য কোন হিমায়ক থাকিতে পারে না। লক্ষ্য করিয়াছি যে, তাপ-সংগ্রাহক বা refrigerant-এর প্রকৃতি ষাহাই হউক না কেন, কার্নো হিমায়কের কৃতি-গুলাংক কেবলমাত্র তাপীয় উৎসন্ধয়ের উক্ষতার উপর নির্ভর করে। কিন্তু শুধুমাত্র হিমায়কের কৃতি-গুলাংক বেশী হইলেই চলিবে না সেই সঙ্গে যাহাতে যথেণ্ট পরিমাণে তাপ অপসারণ করা যায় সেদিকেও দৃষ্টি দিতে হইবে। সেই কারণে স্বাভাবিক উক্ষতায় দ্রুত হারে বাল্পীভবন হয় এরপ কোন তরল পদার্থকে হিমায়নের কার্যে ব্যবহার করা হয়। তরলের বাল্পচাপ খ্ব বেশী হইলে তবেই দ্রুত বাল্পীভবন হইতে পারে। বাল্পীভবনের সময় যে বদ্ধু বা স্থানকে শীতল করিতে হইবে তাহা হইতে বাল্পীভবনের লীন তাপ গ্রহণ কয়া হয়—ফলে উহার উক্ষতা হ্রাস পায়। এইজন্য ব্যবহাত তরলের লীন তাপ বেশী হওরা বান্থনীয়। সকল দিক বিবেচনা করিয়া হিমায়নের জন্য আ্যামোনিয়া অথবা কার্বন ভাই-অক্সাইড ব্যবহার করা হয়। অনুংক্রমনীয়তায় কারণগুলি সম্পূর্ণভাবে দ্র করা ক্ষরই সভব নয়। সেক্বেত্র ঐ কারণগুলির সঙ্গে refrigerant-এর প্রকৃতির উপরও হিমায়কের কৃতি-

গুণাংক নির্ভন্ন করিরা থাকে। কার্যক্রে অ্যামোনিরা ব্যবহার করা লাভজনক। একটি অসুবিধা হইতেছে এই বে, ইহা বাষ্প হিসাবে বাহির হইলে অন্যান্য বস্থাংশের কর সাধন করে।

11.8. বাষ্পা শোষক হিমায়ক বা ফ্রিক্সিডেয়ার (Vapour compression refrigerator or frigidaire):

কার্নো হিমারকের একটি আবর্তনে refrigerant দুইটি নির্দিন্ট উক্তার তাপীর উৎসের সঙ্গে তাপ বিনিমর করে। Refrigerant একই পারের মধ্যে থাকিয়া তাপ গ্রহণ ও তাপ বর্জন করিতে গেলে ঐ পার্টিকেও পর্বারক্রমে শীতল ও উত্তপ্ত করিতে হইবে। ইহা সমর সাপেক এবং এজন্য অষথা শক্তির অপচয় হয়। ভিন্ন উক্তার দুইটি পারের মধ্যে থাকা সমরে refrigerant তাপ বিনিমর করিলে এই অসুবিধা দূর হইবে। হিমারকের কার্য পদ্ধতি স্থির করিবার সমরে এই বিষয়েও লক্ষ্য রাখা হইবে।

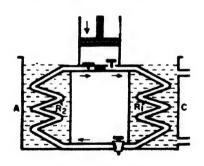


60 11·12

হিমারকের মূল কাঠামো চিত্র (11°12)-এ দেখানো হইরাছে। লবণোদক (brine) ভর্তি পাত্র C-তে ভ্বানো একটি সাঁপল নল R_1 । অন্য একটি পাত্র A-তে, একটি পথে ক্রমাগত জল প্রবেশ করে এবং অন্য পথে উহা বাহির হইরা বার। ঐ পাত্রে ভ্বানো দিতীর একটি সাঁপল নল R_2 । এই দৃইটি সাঁপল নলের মধ্যে এক দিকে থাকে প্রসারণ শুভক (expansion cylinder) E এবং অন্য দিকে থাকে সংনমন শুভক (compression cylinder) K। আমোনিরা অথবা কার্বন ডাই-অক্সাইড বাষ্প K-তে

সংনমিত হওয়ার ফলে R_{\bullet} -র প্রবেশ মুখে ভাল্বটিকে ঠেলিয়া উহার অভ্যন্তরে প্রবেশ করে। সংনমিত বাজ্পের চাপ ও উষ্ণতা বৃদ্ধি পায়। উচ্চ চাপে উত্তপ্ত বাজ্প R_{\bullet} -র ভিতর অগ্রসর হইবার সমর বাহিরে ঠাণ্ডা জলের সংস্পর্শে আসে এবং সহক্ষেই তরলে রূপার্ডারত হয়। এই সমরে বাজ্প লীন তাপ বর্জন করে এবং পাত্র A-তে প্রবাহিত জল ঐ তাপ গ্রহণ করিয়া বাহির হইয়া আসে। তরল অবস্থায় refrigerant প্রসারণ ভন্তক E-তে প্রবেশ করে—ঐ পাত্রে বায়্র চাপ খ্ব কম। এখানে তরল আংশিক ভাবে বাজ্পীভূত হয় এবং উহার উষ্ণতা হ্রাস পায় (বাকি অংশ হইতে লীন তাপ গ্রহণ করিয়া এই বাজ্পীভবন সম্ভব হয়)। শীতল তরল refrigerant এবং উহার বাজ্প R_{\bullet} নলে প্রবেশ করে এবং বাহিরের লবণোদক হইতে প্রয়োজনীয় তাপ গ্রহণ করিয়া বাজ্পীভূত হয়। ঐ বাজ্প পরে K-তে প্রবেশ করে এবং হিমায়কের পরবর্তী চক্র শুরু হয়।

যদ্যিক সৃবিধার কারণে, হিমায়কে প্রসারণ শুশুকটিকে বাদ দেওয়া হয়। ইহার পরিবর্তে R_{\bullet} হইতে R_{\bullet} -এ প্রবেশ করিবার পথে তরল refrigerant একটি নিয়ন্ত্রিত ভালবের (regulating valve) মধ্যদিয়া অগ্রসর হয়—ইহার ফলে আংশিক বাষ্পীশুবন হয় এবং তরলের উক্তা হ্রাস পায়। যান্ত্রিক ব্যবস্থার এই পরিবর্তন চিত্র (11:13)-এ দেখানো



िक 11⁻13

হইরাছে। এই ব্যবস্থার হিমারকের কৃতি-গুণাংক কিছুটা হ্রাস পার—বাশ্যিক স্বিধার ত্লনার অতিরিক্ত বার খ্বই সামান্য। উল্লেখ করা বার বে, কার্নো হিমারকে refrigerant বে উৎস হইতে তাপ গ্রহণ করে এবং বে উৎসে তাপ বর্জন করে তাহাদের দুইরেরই তাপগ্রাহিত। অসীম ধরা হইরাছে। কিছু কার্যক্ষেত্রে পাত্র C-তে নিদিও পরিমাণ লবণোদক থাকার তাপ বর্জনে

উহার উক্তা হ্রাস পার। ইহার ফলে হিমারক চালনার জন্য প্রয়োজনীর কার্য কিছু বেশী হইবে।

মনে করি, যে উৎস হইতে তাপ গ্রহণ করা হইতেছে তাহার উক্তার পরিবর্তন হইরাছে। ঐ উৎস হইতে Q তাপ অপসারিত হইরাছে, শুরুতে এবং শেষে উহার এন্ট্রপি ধরা যাক যথাক্রমে S_1 ও S_2 ।

বাহির হইতে W কার্য করা হইল । যে পাত্রে তাপ বর্জন করা হয় তাহার উষ্ণতা T_1 ধরিলে এন্ট্রপি সূত্র অনুসারে বিষের মোট এন্ট্রপির পরিবর্তন,

$$\frac{W+Q}{T_1} - (S_1 - S_2) \ge 0$$

অথবা
$$W \ge T_1(S_1 - S_2) - Q$$

$$V_{\min} = T_1(S_1 - S_2) - Q$$

উৎসের উষ্ণতা স্থির থাকিলে যে কার্য করিতে হইত ইহা তাহার চেয়ে বেশী, কারণ-

$$S_1 - S_2 = \int_T^{\delta Q} > \frac{Q}{T}$$

উৎস হইতে স্থির চাপে তাপ গ্রহণ করা হইলে $\bigcirc = H_1 - H_2$ এবং এই সময়ে প্রয়োজনীয় কার্য—

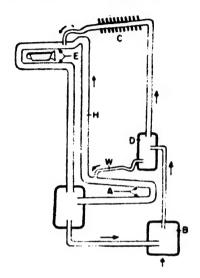
$$W_{min} = T(S_1 - S_2) - (H_1 - H_2)$$

H, ও H, উৎস হইতে ভ্রির চাপে তাপ শোষণের পূর্বে এবং পরে refrigerant-এর মোট তাপ বা এন্থ্যালপি। হিমায়কে ব্যবস্তাত refrigerant-এর মোলিয়ার চিত্রের সাহাব্যে হিমায়ক চালনার জন্য প্রয়োজনীয় কার্য এবং ঐ সঙ্গে হিমায়কের কৃতি-গুণাংক হিসাব করা যায়।

11.9. বাষ্পা-শোষক হিমায়ক অথবা ইলেকট্রোলাক্স (Vapour absorption or electrolux refrigerator) :

উপরের বর্ণিত বাল্প-সংনমক হিমায়কের (vapour compression refrigereator) একটি অসুবিধা এই বে. পর্যায়ক্রমে refrigerant বাল্পকে সংনমন ভন্তকের মধ্যে টানিরা আনিতে এবং পরে ঐ বাল্পকে সংনমিত করিতে পিন্টনটি ভন্তকের মধ্যে ওঠা-নামা করে। এই অবস্থার ঘর্ষণের

কারণে উৎপন্ন তাপ যাহাতে কম হয় সেজন্য স্তম্ভকের অন্তর্ভাগ ও পিদটন গাত্র কিছুদিন অম্বর 'গ্রিজ' মাখাইয়া তৈলাক্ত রাখিতে হয়। উপরম্ভ যে পাত্রকে শীতল করা হইতেছে তাহার উষ্ণতা ন্থির রাখিতে একটি সুয়ংক্রিয় ব্যবস্থা থাকে। উষ্ণতা বৃদ্ধি পাইবার মুখে মোটরটি চলিতে থাকে এবং উষ্ণতা



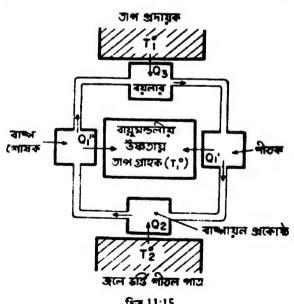
किंग्र 11:14

হাস পাইবার মৃথে মোটরটি বন্ধ হয়। ফলে, এই ধরনের হিমায়ক চলাকালে কমান্তরে মোটর চাল্ল ও বন্ধ হওয়ার সময়ে উদ্ভূত 'স্পার্কের' কারণে পার্শ্ববর্তী স্থানে রেডিওতে অনভিপ্রেত শব্দ হয়। বাষ্প-শোষক হিমায়কে এই অস্বিধাগৃলি দ্র করা হইয়াছে। এখানে বার্ড়াত কোন মোটরের প্রয়োজন হয় না। চিত্র (11.14)-এর সাহাষ্যে বাষ্প-শোষক হিমায়কের কার্য পদ্ধতি বুঝানো যাইবে।

বরলার B-তে গাঢ় অ্যামোনিয়া দ্রবণকে উত্তপ্ত করিবার ফলে অ্যামোনিয়া গ্যাস ও জলীয় বাষ্প নলের মধ্যে অগ্রসর হইয়া অবশেষে পাত্র D-তে প্রবেশ করে। এই পাত্রটিকৈ বাহির হইতে পাখা চালাইয়া ঠাওা রাখার দরুল জলীয় বাষ্প ঘনীভূত হয় এবং ঐ জল W নলের সাহাষ্যে বাষ্প-শোষক প্রকোষ্ঠ A-তে উপর হইতে প্রবেশ করে। অ্যামোনিয়া গ্যাস জলীয় বাষ্প মৃক্ত হওয়ার পর উপরের দিকে অগ্রসর হয় এবং শীতক নল (condenser) C-তে তরলীভূত হয়। শীতক নলটিকে বাহির হইতে পাখা চালাইয়া শীতল করা

হর। তরল আমোনিরা বাষ্পারন প্রকোষ্ঠ (evaporator) E-তে প্রবেশ করে এবং একই সঙ্গে H নলের মধ্য দিয়া হাইড্রোজেন গ্যাস ঐ প্রকোষ্ঠে ঢোকে। এই প্রকোষ্ঠে তরল আমোনিরা পুনরার আমোনিরা বালে রূপান্তরিত হয়। এই সময়ে প্রকোন্টের বাহিরে রাখা পাচন্থিত জল इटें राष्ट्रीस्वतात मीन जाभ शहर क्रियात यहन के क्रम स्माग्ड मीडन হইতে থাকে এবং অবশেষে উহা বরফে পরিণত হয়। হাইড্রোন্সেন গ্যাসের উপস্থিতিতে সহজে বাষ্পারন সম্ভব হয়। বাষ্পারন প্রকোষ্ঠ হইতে অ্যামোনিয়া বাষ্প ও হাইড্রোক্রেন বাষ্প-শোষক প্রকোষ্ঠ (absorber) A-তে প্রবেশ করিবার সময় ঐ প্রকোষ্ঠে উপর হইতে আসা জলে খেতি হয়। আ্যামোনিয়া সহজে দ্রবীভূত হয়, কিন্তু হাইড্রোজেন গ্যাস ঐ প্রকোষ্ঠ হইতে বাহির হইয়৷ পুনরায় H নলে প্রবেশ করে এবং বারংবার একই হাইড্রোজেন বাষ্পায়নের কার্বে ব্যবস্থত হইতে থাকে। দুবীভূত অ্যামোনিয়া বয়লারে চলিয়া অসে এবং পরবর্তী চক্রটি শুরু হয়।

नका कता यात (य. हेलक्छोनाम हिमाग्राक आरमानिश पृष्टी पृथक् উক্তার তাপ গ্রহণ করে এবং একই উক্তার দুইটি পাত্রে তাপ বর্জন করে।



fix 11:15

প্রথমে বরলারে (উক্তা T_{\star}) উত্তপ্ত হওয়ার সমর অ্যামোনিয়া O_{\star} তাপ গ্রহণ করিবে এবং পরে বান্পারন প্রকোষ্টে (উক্তা T.) বান্পীভবনের জন্য গৃহীত

তাপ Q_1 । শীতক নলে এবং বাষ্প-শোষক প্রকোষ্ঠে তাপ বর্জন করা হয়। প্রথম ক্ষেত্রে বায়্মগুলে এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে জলে এই তাপ বর্জন করা হইয়া থাকে। বায়্ মগুলে (উক্তা T_1) বর্জিত তাপ Q_1 এবং জলে (উক্তা T_1) বর্জিত তাপ $Q_1 = Q_1 + Q_1$ ।

এক্ষেত্রে বাহির হইতে সরাসরি কোন যাশ্রিক কার্য করা হয় না। এই কারণে

$$Q_3 + Q_2 = Q_1$$

ইলেকট্রোলাস্ক হিমায়কে বাহির হইতে সরাসরি কার্য করার পরিবর্তে তাপ সরবরাহ করা হইতেছে (বিদ্যুৎ পাঠাইয়া এই তাপ সৃষ্টিতে কার্য করিতে হইবে)। এক্ষেত্রে হিমায়কের কৃতি-গুণাংক—

$$\phi = \frac{Q_s}{Q_s} = \frac{Q_1}{Q_s} - 1 = \frac{Q_1' + Q_1''}{Q_s} - 1$$

এই হিমায়কের মূল কার্যক্রম চিত্র (11.15)-এ দেখানো হইল।

প্রশাসালা

- 2. দৃইটি তাপীয় উৎসের মধ্যে কার্নো ও র্যাঙ্কিন চক্রে আবর্তিত বাষ্পীয় এঞ্জিনের কার্য প্রণালীর পার্থক্য আলোচনা কর। দৃইটি ক্ষেত্রেই T-S লেখ অঙ্কন কর। কার্নো চক্রে বাষ্পীয় এঞ্জিন চালনা করা বাস্তবে অসৃবিধাজনক কেন বৃঝাইয়া দাও।
- 3. অন্তর্গহন এঞ্জিন বলিতে কি বৃঝ? বাষ্ণীর এঞ্জিনের সঙ্গে ইহার মূল প্রভেদ কোথার? অটো চক্রে আবর্ডিত অন্তর্গহন এঞ্জিনের মূল কার্ব পদ্ধতি বর্ণনা কর। ঐ এঞ্জিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা হিসাব কর এবং ইহার সর্বোচ্চ সীমা সম্পর্কে আলোকপাত কর।
- 4. ডিজেল এঞ্জিনের কার্যক্রম বর্ণনা কর এবং উহার যাদ্যিক-দক্ষতার হিসাব দাও। অন্তর্গহন এঞ্জিন হিসাবে অটো ও ডিজেল চক্রে আবর্তিত এঞ্জিনের মধ্যে কোন্টি বেশী লাভদনক বলিয়া মনে কর?

- 5. ছির আরতনে দহন কার্য সম্পন্ন হর এরূপ একটি অন্তর্গহন এক্সিনের যান্ত্রিক-দক্ষতা হিসাব কর।
- 6. নির্দিন্ট চাপে দহন সম্পূর্ণ হয় এরূপ একটি অন্তর্দহন এঞ্জিনের বান্তিক-দক্ষতা হিসাব কর।
- 7. ডিজেল ও অটো চক্রে মূল পার্থকা কি ? ইহাদের যাশ্রিক-দক্ষতা হিসাব করিয়া তুলনামূলক বিচার কর।
- 8. ডিজেল এঞ্জিনের রুক্ষতাপ-সংনমন-অনুপাত $ho_{\it C}=17$ এবং রুদ্ধতাপ-প্রসারণ-অনুপাত $ho_{\it E}=5$; $\gamma=1.4$ । এঞ্জিনটির যাল্যিক-দক্ষতা হিসাব কর।
- 9. ডিজেল এঞ্জিনে দহনের পূর্বে এবং পরে উক্টা ষথান্রমে $915^{\rm o} K$ ও $2040^{\rm o} K$; এবং রুদ্ধতাপ-প্রসারণ-অনুপাত $\rho_E=12.6$, এঞ্জিনটির যাল্রিক-দক্ষতা হিসাবে কর। পেট্রল বাষ্প ও বাষ্ট্ মিশ্রণের ক্ষেত্রে ছির চাপে ও ছির আরতনে আপেক্ষিক তাপের অনুপাত 1.39।
 - 10. বাষ্প-সংনমক হিমায়ক বা ফ্রিজিডেয়ারের কার্ব পদ্ধতি বুঝাইরা বল।
 - 11. বাষ্প-শোষক হিমায়ক বা ইলেকট্রোলাক্সের কার্য পদ্ধতি বর্ণনা কর।

দ্রাদৃশ্ব পরিচ্ছেদ

বিকির্ণ (Radiation)

12'1. ভাপ বিকিন্নপ ও বিকীৰ্ণ ভাপের প্রকৃতি (Heat radiation and nature of radiant heat) :

তাপ সঞ্চালনের তিনটি পদ্ধতির মধ্যে পরিবহন (conduction) ও পরিচলন (convection)-এর ক্ষেত্রে জড় মাধ্যম আবশ্যক হয় এবং এই দুই পদ্ধতিতে তাপ সঞালনে মাধামের উক্তার পরিবর্তন হয়। মাধ্যমের উপস্থিতি বাতীত অথবা কোন জড় মাধ্যম উপস্থিত থাকিলে তাহার উক্তার পরিবর্তন ব্যতীত+ এক্সান হইতে অন্যম্থানে তাপ সঞ্চালনের পদ্ধতিকে 'বিকিরণ' বা 'তাপ বিকিরণ' বল। হয়। প্রাত্যহিক জীবনের অভিজ্ঞতায় আমরা দেখিতে পাই বে, সূর্য হইতে তাপ পৃথিবী-পৃষ্ঠে আসিয়া পৌছায়। পুথিবী হইতে কিছুদ্র পর্যন্ত বায়ুমগুল বিষ্কৃত তার পরেই অসীম শ্ন্য (vacuum)—এই শ্না স্থান অতিক্রম করিয়া তাপ রশিয় ভূপুষ্ঠে আসিয়া আপতিত হইতেছে। একটি জ্বলত্ত বায়ুশ্ন্য বৈদ্যুতিক বাল্বের সম্মুখে কোন বন্ধু রাখিলে উহা উত্তপ্ত হইয়া উঠিবে। বাল্ব হইতে আসা বিকীৰ্ণ তাপ ঐ বন্ধু শোষণ করার ফলে ইহা সম্ভব হয়। বরফের তৈয়ারী লেন্সের সাহায্যে সূর্য হইতে আসা তাপরশাকে লেন্সের ফোকাসে কেন্দ্রীভূত করা যাইতে পারে—ঐ ফোকাসে কালো বাল্ব-যুক্ত একটি থার্মোমিটার রাখিলে উক্তার পাঠ বৃদ্ধি পাইবে—অথবা সহজ দাহা কোন বন্ধু রাখিলে তাহা জ্বলিয়া উঠিবে। এ ক্ষেত্রে জ্বড় মাধাম বরফ বিকীর্ণ তাপ শোষণ করে না বলিয়া উহার উষ্ণতার কোন পরিবর্তন হয় না।

বিকীণ তাপের বৈশিষ্টা হইতেছে—(i) ইহা শূন্য স্থান অতিক্রম করিরা যাইতে পারে, (ii) কোন বস্তু যদি বিকীণ তাপ শোষণ করে তবে উহার উকতা বৃদ্ধি পার, (iii) কোন জড় বস্তু যদি বিকীণ তাপকে শোষণ না করে

^{*} প্রকৃতপক্ষে—কোন স্কড় মাধান উপস্থিত থাকিলে তাহার উক্তার সামান্ত পরিবর্তন ইইভেও পারে। পরিবর্তন ও পরিচলনের ক্ষেত্রে মাধান বেমনই হউক না কেন, উৎস হইতে বে-কোন দিকে বতই দুরে পাওরা বার ততই উক্তা ক্রমাগত কমিতে থাকে (monotonic decrease of temperature with distance)। বিকিরপের বেলার ইহা নাও হইতে পারে—বেমন, পূর্ব হইতে বিকিরপ আসিতেছে কিন্তু উপরম্ভ বায়ুর উক্তা অপেকা ভূ-পুঠের উক্তা বেশী।

তবে সেক্টে বিকীর্ণ তাপ আপতিত হইলে বন্ধৃটির উক্তার কোন তারতম্য হইবে না। বিকীর্ণ তাপের ন্যায় আলোক রাশাও শ্নের ভিতর দিয়া এক স্থান হইতে অন্য স্থানে বায়। প্রকৃতপক্ষে সূর্বের পূর্ণ গ্রহণের সময় একই সঙ্গে পৃথিবীপৃষ্ঠে আলোক ও তাপ আসা বন্ধ হয়। অনুমান করা ঘাইতে পারে বে, বিকীর্ণ তাপ (radiant heat) আলোকের বেগে শ্নোয় ভিতর দিয়া সঞ্চালিত হয়। নিয়ে কয়েকটি পরীক্ষায় সাহাব্যে আলোক রাশা ও বিকীর্ণ তাপের প্রকৃতিগত সাদৃশ্য বা সমধামতা দেখানো গেল।

- (a) দুইটি অধিবৃত্তীয় দর্পণকে (parabolic mirror) পরস্পরের মুখোমুখি রাখিয়। একটির ফোকাসে আলোক উৎস রাখিলে প্রতিফলনের ফলে দিতীর দর্পণের ফোকাসে ঐ আলোক উৎসের প্রতিবিশ্ব সৃষ্টি হইবে। এই প্রতিবিশ্ব একটি পর্দার উপর প্রত্যক্ষ করা যাইতে পারে। ঐ পরীক্ষায় আলোক উৎসটির পরিবর্তে একটি উত্তপ্ত বন্ধু প্রথম দর্পণের ফোকাসে এবং দিতীয় দর্পনের ফোকাসে পর্দার পরিবর্তে একটি কালো বাল্ব-যুক্ত থার্মোমিটার রাখিলে দেখা যায় যে, থার্মোমিটারে উক্তার পাঠ বৃদ্ধি পাইয়াছে। কোন সহজ্ব দাহা পদার্থ দিতীয় দর্পণের ফোকাসে রাখিলে উহা ফুলিতে থাকিবে। বিকীপ তাপ আলোক রাশ্ব প্রতিফলনের নিয়মগুলি অনুসরণ করিবার ফলে ইহা সন্তব হয়।
- (b) একটি উত্তল লেন্সের (convex lens) সম্মুখে ফোকাস দ্রম্বের বাহিরে একটি আলোক উৎস রাখিলে লেন্সের অপর পার্থে পর্দার উপর প্রতিবিশ্ব গঠন করা বার। আলোক উৎসের পরিবর্তে একটি উত্তপ্ত বন্ধুকে ঐ স্থানে রাখিয়া পর্দার জায়গার কালো বাল্ব-যুক্ত একটি থার্মোমিটার রাখিলে উক্তার পাঠ বৃদ্ধি পাইবে। অনুমান করা বার, লেন্সের ভিতর দিয়া বাইবার সময় তাপরশা আলোক প্রতিসরণের নিরম মানিয়া চলে।

আলোকের সহিত বিকীণ তাপের প্রকৃতিগত সাদৃশ্য বা সমধর্মিতা সংচার অন্যান্য পরীক্ষার উল্লেখ না করিয়া সাধারণ ভাবে বলা বার আলোক রিশা ও বিকীণ তাপ অভিন্ন । ইহাদের মধ্যে প্রকৃতিগত সাদৃশ্য থাকা সত্ত্বেও গুণগত পার্থক্য বর্তমান । আলোক রিশা বলিতে আমরা দৃণ্টিগ্রাহ্য আলোকে (visible light) বৃব্ধি—বাহা কোন বন্ধুর উপর আপতিত হইলে বন্ধুটি দৃণ্টিগোচর হর । আমরা জানি, দৃণ্টিগ্রাহ্য আলোক প্রকৃতপক্ষে তড়িং-চুম্বনীর তরঙ্গ (electromagnetic wave) এবং এই ক্ষেত্রে তরঙ্গদৈর্ঘ্য আনুমানিক ৪০০০ A° হইতে 4000 A°-এর মধ্যে সীমাবদ্ধ (1 A°=10-° cm)।

তড়িং-চুম্বনীর তরঙ্গের তরঙ্গদৈর্ঘ্য অথবা উহার কম্পান্দের উপর ($c=v\lambda$, c= তরঙ্গের গতিবেগ, v= কম্পান্দ এবং $\lambda=$ তরঙ্গদৈর্ঘ্য) তরঙ্গের ভেদ্যতা (penetrability), বর্গ (দৃদ্টিগ্রাহ্য অংশের জন্য) ও অন্যান্য গৃণ নির্ভর করিরা থাকে। লাল বর্ণের আলোকের তরঙ্গদৈর্ঘ্য $7000~{\rm A}^\circ$ অংশে কিন্তু বেগ্নী আলোর তরঙ্গদৈর্ঘ্য $4000~{\rm A}^\circ$ -এর কাছাকাছি। বেতার তরঙ্গ বাষ্থ্যওঙ্গকে ভেদ করিতে পারে না, কিন্তু সূর্য হইতে আলোক ও বিকীর্ণ তাপ বাষ্থ্যওঙ্গকে ভেদ করিয়া পৃথিবীতে আসিতেছে। প্রকৃতিগত দিক হইতে বিচার করিলে ইহারা সকলেই তড়িং-চুম্বনীর তরঙ্গ, কিন্তু ইহাদের তরঙ্গদৈর্ঘ্য পৃথক্। তরঙ্গদৈর্ঘ্য হ্রাস পাওয়ার সঙ্গে সাধারণতঃ ভেদ্যতা বৃদ্ধি পার।

তড়িং-চুম্বনীর তরঙ্গ কেবলমাত্র দৃষ্টিপ্রাহ্য আলোকের মধ্যেই সীমিত নর—ইহার উভর দিকে (অর্থাং দৃষ্টিপ্রাহ্য আলোক তরঙ্গদৈর্ঘ্যের চেরে বড় এবং ছোট তরঙ্গদৈর্ঘ্যে) তড়িং-চুম্বনীর spectrum বিস্তৃত। এই তড়িং-চুম্বনীর spectrum-এর একটি ক্ষুদ্র অংশমাত্র দৃষ্টিপ্রাহ্য আলোক এবং অনুরূপ আর একটি ক্ষুদ্র অংশ বিকীর্ণ তাপকে বৃঝায়। তড়িং-চুম্বনীর spectrum-এর এই অংশ (radiant heat) কোন বন্ধুর উপর আপতিত হইলে তরঙ্গ হইতে শক্তি শোষণ করিয়া সরাসরি ঐ বন্ধুর আন্তর-শক্তিও উষ্ণতা বৃদ্ধি পাইবে। তড়িং-চুম্বনীর spectrum এর অন্য অংশ পদার্থের উপর পড়িলে সরাসরি তাপশক্তিতে রূপান্তরিত হইবে না।

12.2. ভড়িৎ-চুদ্ধকীয় ভরচ্ছের শ্রেণীবিভাগ (Classification of electromagnetic spectrum):

সাদা আলো—বেমন সূর্য হইতে আগত আলোক রশ্যি, একটি প্রিজমের মধ্য দিরা প্রসারিত হইবার সময়ে করেকটি ভিন্ন ভিন্ন বর্ণে বিচ্ছৃরিত হইরা থাকে। বিভিন্ন বর্ণের এই সমন্টিকে বর্ণালী (spectrum) বলে। বর্ণালীর দৃই প্রান্তে থাকে লাল এবং বেগ্নী বর্ণ। এই বর্ণালীর বাহিরে দৃষ্টিগ্রাহ্য আলোক থাকে না। বেগ্নী অংশের বাহিরে থাকে অতিবেগ্নী (ultraviolet) আলোক রশ্যি। ইহা আমাদের চোখে কোন প্রতিদিরা সৃষ্টি করে না কিন্তু photographic film—এর উপর বিচিরা ঘটার। তেমনি লাল অংশের বাহিরে থাকে অবলোহিত (infra-red) অংশ। এই অংশে তরঙ্গদৈর্ঘ্য ৪০০০ মি অংশকা বেশী কিন্তু '01 cm অংশকা কম। আমাদের

চোখ এই রশ্মিতে সংবেদনশীল (sensitive) নয়। বর্ণালীর লাল অংশের পাশ বেষিরা কালো বাল্ব-যুক্ত একটি থার্মোমিটার ধরিলে উহা সহজেই উত্তপ্ত হইরা উঠিবে। তড়িং-চুম্বকীর spectrum-এর এই অবলোহিত অংশ বন্ধুর উপর আপতিত হইলে উহা সরাসরি তাপশক্তিতে রূপার্ডারত হয়। উল্লেখ করা বার যে, সূর্বের আলোতে দাঁড়াইলে যে উত্তাপ পাওরা বার তাহা মুখ্যতঃ এই অবলোহিত অংশের জনা। তড়িং-চুম্বকীর spectrum-এর এই অংশটিকে বিকার্ণ তাপ বলিয়া চিহ্নিত করা হয়। তরঙ্গদৈর্ঘ্য অনুসারে তড়িং-চুম্বকীর spectrum-এর প্রেলিংল অংশের নামকরণ এবং আনুমানিক তরঙ্গদৈর্ঘ্যে জন্য একটি সারণী দেওরা হইল। ঐ সারণীর চতুর্থ গুড়ে (column) উৎসের নাম উল্লেখ করা হইরাছে।

সারণী 12.1 : তড়িং-চুম্ববীয় spectrum

ভবস্থাৈ X×cms (wave length)	logiox	নাৰকরণ (nomenclature)	উৎস (generation)
λ < 10-*	-12~-9	γ-বলি (গাম া- বলি)	তেলক্সিয় নিউক্লিয়াসের বিক্রিয়া।
10-•~10-4	-9~-6	X-ray (এপ্স-বৃদ্ধি বা ব্যৱসার্ভিত্র)	উচ্চ পরমাণবিক সংগ্যা-বিশিষ্ট ধাতুর উপর পর্বাপ্ত পতিবেদ- সম্পন্ন ইলেকট্রন জাপতনে।
10-°~4×10-°	-6~-4·4	व्यक्तित्वभृती (ultra-violet))
4×10-•~8×10-°	-4·4~-4·1	দৃষ্টিগ্ৰাহ্ন আলোক (visible light)	গানের মধ্যে ভড়িং বোক্ষণে এবং ভাষর কঠিন পদার্থ হইভে (Incandescent solid)
8×10-4~10-4	-4.1 ~ -2	बदलाहिड (Infra-red)	
10-1-101	-1~1	ৰাইকোওছেত বা হাটলীয় তয়ক	ন্যাগনেট্ৰন, ক্লাইন্ট্ৰন (Magnetron, Klystron)
10°~10°	2~4	ৰেভাৰ ভৱন —হোট ও বড় (Radio waves)	ইলেকট্রনিক অসিলেটর (Electronic oscillator)

12'3. বর্ণানীর শ্রেণীবিভাগ (Classification of spectrum) :

উৎপত্তি অনুসারে বর্ণালীকে প্রধানতঃ দুইটি ভাগে ভাগ করা যায়—

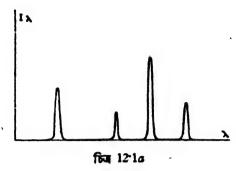
- (i) নিঃসরণ বর্ণান্সী (emission spectrum)
- (ii) শোষণ বৰ্ণালী (absorption spectrum)

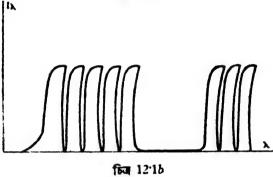
উৎস হইতে বিকীর্ণ শক্তি নির্গত হওয়ার পর সরাসরি বর্ণালী-বীক্ষণ যদ্মের (spectroscope) সাহাব্যে পরীক্ষা করিলে যে বর্ণালী পাওয়া যাইবে তাহাকে নিঃসরণ বর্ণালী বলা হয়। উৎস হইতে আলোক বর্ণালী-বীক্ষণ যদ্মে প্রবেশ করিবার পূর্বে কোন মাধ্যমে প্রবেশ করিলে বিকীর্ণ শক্তির একটি অংশ শোষিত হয়। তখন বর্ণালীর শোষিত অংশে কাল দাগ দেখা যাইবে। ইহাকে শোষণ বর্ণালী বলে।

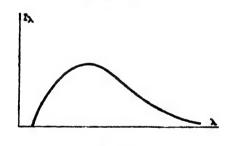
বর্ণালীতে শক্তি বন্টন অনুষায়ী নিঃসরণ বর্ণালী ও শোষণ বর্ণালীকে আরে। কয়েকটি ভাগে ভাগ করা যায়—

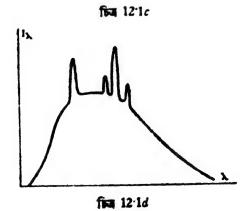
(a) রেখা বর্ণালী (line spectrum) (b) পটি বর্ণালী (band spectrum) ও (c) নিরবচ্ছিন্ন বর্ণালী (continuous spectrum)।

উৎস হইতে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তি নিঃসূত হইরা থাকে। সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যে অবশ্য বিকীর্ণ শক্তি সমান তীব্র হইবে না। বদি **মি হইতে** $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘোর মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতা ${
m I}_{\lambda}{
m d}\lambda$ হয়, তবে I_{λ} -কে λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতার সূচক বলা চলে। বস্তৃতঃ λ -র সঙ্গে I_{λ} -র পরিবর্তন হইতে বর্ণালীতে শক্তি বন্টনের একটা মাপ পাওয়া যায়। চিত্র (12·1a), (12·1b) ও (12·1c)-তে উপরোক্ত তিনটি ক্ষেত্রে শক্তির বন্টন দেখানো হইয়াছে। প্রথম ক্ষেত্রে বিশেষ কয়েকটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যে শক্তি সন্ধিত থাকে, অন্যান্য তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তি সম্পূর্ণরূপে অনুপক্ষিত। অন্যভাবে বলা যায়, এক্ষেত্রে বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্য সম্পন্ন কয়েকটি তড়িং-চুমুকীয় তরঙ্গ উৎসারিত হইয়াছে। গ্যাসের মধ্যে তড়িৎ মোক্ষণে কেবলমাত্র রেখা-वर्गामीत र्जाचे हहेता थाकि—भत्रमानुगृनि এक्कात विकीर्ग मेस्नित छेरम । পদার্থের পরমাণুগুলিতে 'নিউক্রিরাসের' বাহিরে বৃত্তাকার করেকটি স্থির কক্ষে (stationary orbit) ঘূর্ণনরত অবস্থায় ইলেকট্রন রহিয়াছে। বাহির হইতে আসা অন্য কোন ইলেকট্রনের সংঘর্ষে অথবা অন্য কোন তরঙ্গ হইতে শক্তি শোষণ করিবার ফলে নিমু শক্তি কক্ষের ইলেকট্রন উচ্চ শক্তির কক্ষে প্রবেশ করে। এই অবস্থায় আনুমানিক $10^{-\circ}\sim 10^{-\circ}$ সেকেও অতিবাহিত হওয়ার পর তাপগতিতত্ত্ব



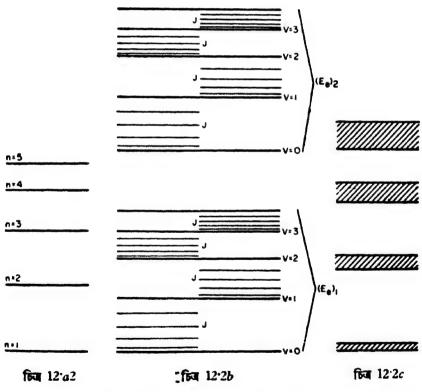






ইলেকট্রনটি প্নরার নিম শক্তির ককে প্রত্যাবর্তন করিবে। এই সমরে অতিরিক্ত শক্তি তড়িং-চূম্বকীর তরঙ্গ রূপে নির্গত হয়। ইলেকট্রন উচ্চ শক্তি অবস্থা হইতে নিম শক্তি অবস্থার ফিরিয়া আসিলে রেখা-বর্ণালীর সৃষ্টি হয়। 'অবলোহিত', 'দৃষ্টিগ্রাহ্য', 'অতিবেগ্নী', 'এক্স-রাশ্য', অংশে রেখা-বর্ণালী পাওয়া সম্ভব। শ-রাশ্যর ক্ষেত্রেও রেখা-বর্ণালীর উদ্ভব হয় তবে সেক্ষেত্রে বিকীপ শক্তির উৎস হইবে 'নিউক্লিয়াস' বা পরমাণু কেন্দ্র।

পটি বর্ণালীতে শক্তি করেকটি অঞ্চলে সন্থিত থাকে। প্রত্যেক ক্ষেত্রে পর পর করেকটি পটি পাওয়া বার। এই পটিগুলিকে বিশ্লেষণ করিলে দেখা বার বে, উহারা প্রত্যেকেই প্রকৃতপক্ষে রেখা-বর্ণালীর সমন্টি। এই ক্ষেত্রে



পদার্ষের অণুগৃলি হইবে বিকিরণের উৎস। অণুগৃলির আভাররীণ অবস্থা অপেক্ষাকৃত জটিল। অধিকাংশ ক্ষেত্রেই অণুগুলি একাধিক পরমাণু সংযোগে

চিত্ৰ 12·2b-তে v=1, 2, 3 বিভিন্ন vibrational state-কে বুবার, ্য চিহ্নিত রেখান্তনি একট vibrational state-এ বিভিন্ন rotational state বুবার।

গঠিত। পরমাণৃগুলিতে ইলেকট্রন কোন্ শক্তি-কক্ষে থাকে তাহার উপর অণৃগুলির মোট শক্তির একটি বড় অংশ নির্ভর করে। অণুর মোট শক্তির এই অংশকে 'electronic energy' (E,) বলা হয়। নির্দিষ্ট electronic energy অবস্থার পরমাণৃগুলির পর্যাবৃত্ত দোলনের কারণে অণু যে অতিরিক্ত শক্তি সক্ষয় করে তাহাকে উহার দোলন-শক্তি বা vibrational energy (E,) বলে। আবার পরমাণৃগুলি উহাদের সাধারণ ভরকেন্দ্রের চতুর্দিকে খুর্ণনরত অবস্থার থাকায় rotational energy বা খুর্ণন-শক্তি (E,) electronic energy ও vibrational energy-র সঙ্গে যোগ হয়। Electronic energy-র তৃত্তনার vibrational energy এবং উহার তৃত্তনার rotational energy খুবই কম (E, $\gg E_r \gg E_r$)। চিত্র (12.2a) ও (12.2b)-তে বথাক্রমে পরমাণু ও অণুর ক্ষেত্রে বিভিন্ন শক্তি-ভর (energy level) দেখানো হইরাছে। এই সঙ্গে চিত্র (12.2c)-তে কঠিন পদার্থে বিভিন্ন শক্তি-ভর দেখানো হইরাছে। এই সঙ্গে চিত্র (12.2c)-তে কঠিন পদার্থে বিভিন্ন শক্তি-ভর দেখানো হইল।

গ্যাস অণু ভর্তি পাত্রের ভিতর দিয়া continuous radiation বাইবার সময়ে অণুগুলি বনি সামান্য পরিমাণে শক্তি শোষণ করে তবে vibrational state-এ কোন পরিবর্তন না হইয়া কেবলমাত্র rotational state-এ পরিবর্তন হয়। এইভাবে অবলোহিতের শেষ প্রান্তে (far infra-red) শোষণ রেখা-বর্ণালীর (absorption line spectrum) উৎপত্তি হইয়া থাকে। দুইটি vibrational state-এর মধ্যে পরিবর্তনের সঙ্গে rotational state-এ বিভিন্ন পরিবর্তন হইতে পারে। দৃষ্টিপ্রাহ্য আলোক অংশে শক্তি শোষণ করিলে এই পরিবর্তন সম্ভব এবং ঐ কারণে দৃষ্টিপ্রাহ্য অংশে শোষণ পটি বর্ণালীর (absorption band spectrum) সৃষ্টি হয়। Electronic state-এ পরিবর্তনের সঙ্গে vibrational state ও rotational state-এও পরিবর্তন হইবে এবং এই ভাবে বিভিন্ন অংশে পটি বর্ণালীর উৎপত্তি হয়।

অণু এবং পরমাণু উভয়েই continuous spectrum বা নিরবচ্ছিন্ন বর্ণালীর উৎস হইতে পারে । শক্তি শোষণ করিয়া পরমাণু আয়নিত (ionized) হইলে অথবা কোন আয়ন ইলেকট্রন গ্রহণ করিয়া উদাসীন পরমাণুতে (neutral atom) রূপান্তরিত হইলে নিরবচ্ছিন্ন শোষণ বর্ণালী ও নিরবচ্ছিন্ন নিঃসরণ বর্ণালীর সৃষ্টি হয় । আণবিক উৎসের ক্ষেত্রে উচ্চ চাপ ও উক্ষতার বর্ণালীতে পটিগুলির বিজ্ঞার (width) বৃদ্ধি পার এবং সেই কারণে বর্ণালীকে অনেক সমর নিরবজ্জিন বর্ণালী বালয়া মনে হয়। ইহা ব্যতীত continuous spectrum হইতে শক্তি শোষণের ফলে অণু পরমাণুতে বিশ্লেষিত (photodissociation) হইলে নিরবজ্জিন শোষণ বর্ণালীর সৃষ্টি হইবে। অনেক সময় আণবিক উৎস হইতে নিরবজ্জিন নিঃসরণ বর্ণালীও পাওয়া বায়। পরমাণুগুলি একবিত হইয়া অণু সৃষ্টি হইবার সময় ইহাদের উৎপত্তি হয়। ভায়য় গ্যাস হইতে নিঃস্ত বিকিরণে শক্তি-বন্টন চিত্র (12·1d)-তে দেখানো হইয়াছে। বর্ণালীটি নিরবজ্জিন, কিল্পু সেই সঙ্গে কয়েকটি বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে অতিরিক্ত শক্তি সঞ্জিত হইয়াছে।

12.4. উষ্ণভাক্তাভ বিকীৰ্ণ শক্তি (Temperature radiation):

প্রত্যেকটি বস্তু বা পদার্থ স্বাভাবিক উক্টার (non-zero temperature) কিছু পরিমাণ শক্তি বিকিরণ করিয়া থাকে। অভ্যন্তর্মন্থিত উপাদান-কণাগুলির উক্টাজাত আলোড়নে কোন পরিবর্তন হইলে তবেই এই বিকিরণ নিঃস্ত হইবে। এই বিকিরণ বাহির হইবার ফলে কণাগুলির আভ্যন্তরীণ অবস্থার (internal state) কোন পরিবর্তন হইবে না। এইভাবে যে বিকিরণ পাওয়া বাইবে তাহাকে উক্টাজাত বিকিরণ বা thermal radiation বলা হইবে। উক্টাজাত বিকিরণের প্রকৃতি—অথবা, অনাভাবে এই বিকিরণে বিভিন্ন তরক্রদৈর্ঘ্যে শক্তি-বন্টন উৎসের প্রকৃতি ও উহার উক্টার উপর নির্ভর করে।

বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায় যে, উক্টাজাত বিকিরণ কেবলমান্ত বিকীর্ণ তাপ বা heat radiation-এই সীমাবদ্ধ নয়। ইহা 0 হইতে ∝ -র মধ্যে প্রত্যেক তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃস্ত হইবে। এই কারণে λ = 0 হইতে λ = ∞ পর্বন্ধ একটি নিরবিজ্ঞান বর্ণালীর সৃষ্টি হয়। কোন ভাষর বস্তৃ যে বিকিরণ দেয় তাহাকে উক্টাজাত বিকিরণ বলা হইবে। কিল্প নিঃপ্রব নলে (discharge tube) পরমাণৃগুলি ইলেক্যানের সংঘর্ষে নিজেদের আভান্তরীণ অবস্থা পরিবর্তন করিয়া যে বিকিরণ সৃষ্টি করে তাহাকে উক্টাজাত বিকিরণ বলা যায় না। পরবর্তী অংশে পৃথক্ভাবে উল্লেখ না করিলে বিকিরণ বলিতে আমরা উক্টাজাত বিকীর্ণ শক্তিকে বৃশ্বাইব।

12.5. উষ্ণভাজ্যত বিকীৰ্ণ শক্তির চাক্ষ্ম উৎস (Macroscopic source of temperature radiation)—ভাশক্ষ (Diathermanous) ও ভাশকোনী (Athermanous) বস্তু :

বিকীর্ণ তাপ-তরঙ্গ সম্পর্কে বিভিন্ন বন্ধুর স্বাচ্ছতা বিভিন্ন রক্ষের। কোন কোন ক্ষেত্রে বন্ধু বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘোর তাপ-তরঙ্গকে উহার ভিতর দিয়া চলাচল করিতে দের। বন্ধুকে ঐ বিশেষ তরঙ্গনৈর্ঘ্য সাপেক্ষে তাপ-যুক্ত (diathermanous) বলা বাইতে পারে। বন্ধু যদি কোন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের তাপ-তরঙ্গকে উহার ভিতর দিয়া চলাচল করিতে না দের তবে ঐ বন্ধুকে তাপরোধি বন্ধু (athermanous body) বলা হয়।

এই ব্যাপারে কাঁচ একটি প্রকৃষ্ট উদাহরণ। বস্তুর উক্ষতা যথন কম থাকে তখন উহা বড় তরঙ্গদৈর্ঘ্যে তাপ-তরঙ্গ নিঃসরণ করে। এই তাপ-তরঙ্গ কাঁচের ভিতর দিয়া চলাচল করিতে পারে না। বস্তুর উক্ষতা বৃদ্ধি পাইলে ক্ষুদ্র তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বে বিকিরণ নিঃসৃত হইবে তাহা কাঁচ ভেদ করিয়া অগ্রসর হইতে পারিবে। কাঁচের এই ধর্মকে কাজে লাগাইয়া শীতপ্রধান দেশে দৃষ্প্রপাস উদ্ভিদ্ ও ফুল সংরক্ষণের জন্য কাঁচের তৈয়ারী 'green house' নির্মাণ করা হয়। সূর্য খব উত্তপ্ত বলিয়া সূর্য হইতে আগত ক্ষুদ্র তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকীর্ণ তাপ কাঁচ ভেদ করিয়া ঘরের অভান্তরে প্রবেশ করে। ঐ তাপে উত্তপ্ত হওয়ার পর ঐ ঘরের ভিতরে রাখা কোন বস্তু বড় তরঙ্গদৈর্ঘ্যে যে তাপ বিকিরণ করে তাহা ঐ কাঁচের ঘরের বাহিরে আসিতে পারে না। ইহার ফলে অতিরিক্ত শাঁতে কাঁচের ঘরে রাখা বস্তুর কোন ক্ষতি হয় না।

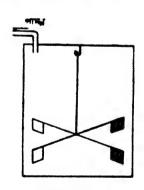
তাপীয় বস্তুটি তাপমুচ্ছ হইলে বস্তুর অভাররে অণু, পরমাণু হইতে যে বিকীর্ণ শক্তি নিঃস্ত হয় তাহ। বস্তুকে অতিক্রম করিয়। বাহিরে আসিতে পারে। বিকীর্ণ শক্তি বস্তুর পৃষ্ঠদেশ অভিক্রম করিয়া উহার বাহিরে আসে বলিয়া চাক্ষ্য বিচারে বন্ধুর পৃষ্ঠতলটি বিকিরণের উৎস বলিয়া মনে হয়। তাপরোধি বন্ধুর অভ্যন্তরে বিকিরণ শুরু হইলে বিকীপ শক্তি বস্তুকে অতিক্রম করিয়া বাহিরে আসিতে পারে না। এই শক্তি শোষণ করিয়া বস্তুর উকতা বৃদ্ধি পায় এবং এবং ইহার ফলে পৃষ্ঠদেশের অণু-পরমাণু হইতে বিকিরণ নির্গত হয়। এই অবস্থার প্রকৃত অর্থেই একটি তল হইতে বিকিরণ নিঃসৃত হইয়া থাকে। তাপস্বচ্ছ বস্তুর ক্ষেত্রে উহার সম্পূর্ণ আয়তনই বিকীর্ণ শক্তির উৎস হইবে। কাৰ্যতঃ বহিঃস্থ কোন বিশ্বতে বিকীপ শক্তি পৃষ্ঠতল হইতে নিঃস্ত হইয়াছে र्वानज्ञा अनुमान कत्रा इत्र । कान পৃষ্ঠ-উৎস (surface emitter) वा আরতন-উৎস (volume emitter) বদি অত্যন্ত ক্ষুদ্র বা অণু-পরিমাণ হয় তবে তাহাকে আমরা একটি বিশ্ব-উৎস রূপে (point source) কল্পনা করিতে পারি। একটি পৃষ্ঠ-উৎস বা আরতন-উৎস হইতে যে বিকীর্ণ শক্তি বাহির হর ভাহা কোন নিদিন্ট দিকে ধাবিত হর না—ইহাকে diffuse radiation বা বিক্সিপ্ত বিকিরণ বলা হয়। কিন্তু একটি বিন্দু-উৎস হইতে

বে বিকীণ শক্তি বাহির হয় তাহা সর্বদা নিদিন্ট দিকে ধাবিত হয়। ইহাকে 'directed radiation' বা দিক্-নির্দিন্ট বিকিরণ বলে। পরে এই উভয় প্রকার বিকীণ শক্তি সম্পর্কে বিজ্ঞত আলোচনা করা হইবে।

12.6. বিকীর্ণ ভাশ অনুসক্ষান ও পরিমাপের উপযোগী যক্তপাতি (Instruments for the detection and measurement of radiant heat):

যে সকল যক্ত বিকীর্ণ তাপ অনুসন্ধান ও পরিমাপের জন্য ব্যবহাত হয় পৃথক্ভাবে তাহাদের বিষয় আলোচনা করা হইল।

(a) জুল্প-এর রেডিওমিটার (Crooke's radiometer)—এই যত্ত বিভিন্ন বৈরের পক্ষে খৃবই স্বেদী (sensitive) এবং ইহা সহজেই ব্যবহার করা চলে। কিন্তু বিকীণ শক্তি পরিমাপের জন্য কোন পরীক্ষার ইহা আদৌ নির্ভরযোগ্য নয়। যত্তিতে দুইটি হাল্মা আলুমিনিয়াম দণ্ড পরস্পরের সহিত লম্বভাবে আবদ্ধ থাকিয়া একটি উল্লম্ব অক্ষের চতুদিকে অবাধে ঘুরিতে পারে। প্রতিটি দণ্ডের দৃই প্রান্তে উল্লম্ব অবস্থার একটি করিয়া পাতলা অদ্রের পাত লাগানো থাকে। এক দিকের পাতগুলিতে ভূষা কালি মাখাইয়া কালো করা হয় এবং সমগ্র ব্যবস্থাটি একটি আংশিক বায়্ শূন্য কাঁচের পাতে রাখা হয়। চিত্র (12:3)-এ এই যত্তিটিকে দেখানো হইয়াছে।



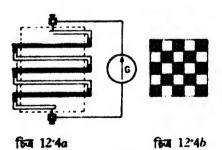
हिज 12:3

বিকীর্ণ তাপশক্তি কালো পাতের উপর পাড়লে তাপ শোষণ করির।
ঐ পাত সহজে উত্তপ্ত হয়, কিল্প অন্য পাতগুলির উক্তার বিশেষ তারতমা হয় না
(12.10-অনুচ্ছেদে কৃক্বস্তৃর আলোচনা দেখ)। বায়্র অণুগুলি বখন কালো
পাত-দুইটির উপর আসিয়া আঘাত করে তখন উহারা অন্য দুইটি পাতের উপর

আঘাত করা অণুর চেরে বেশী মান্তার উত্তপ্ত হয়। ইহার ফলে প্রতিফলিত হইবার সময় ইহারা কালো পাতের উপর বেশী চাপ সৃষ্টি করে এবং ঐ কারণে ঝুলানো বল্যাংশটি ঘূরিরা যার। আ্যান্থামিনিয়াম দণ্ডের ঘূর্ণন হইতে বিকীণ শক্তির অভিশ্ব এবং ঘূর্ণনের গতিবেগ হইতে আপতিত বিকিরণের তীব্রতা পরিমাপ করা সম্ভব হয়।

(b) **থার্শোপাইল** (Thermopile)—আপতিত বিকিরণের চিন্নার তাপবৃংগার সন্ধিবরে উক্তার তারতম্য সৃষ্টি হইতে পারে। ইহার ফলে বর্তনীতে বে তড়িচ্চালক বল চিন্না করে উহার সাহাব্যে বিকিরণের তীরতা মাপিবার বালিকে বন্দোবন্তকে থার্মোপাইল বলা হয়।

কতগুলি অ্যাণ্টিমনি ও বিস্মাধ দশুকে পরস্পরের সঙ্গে যুক্ত করিয়া শ্রেণীবদ্ধ তাপর্গ্য (thermo couples in series) তৈয়ারী করা হয় । দশুলিকে এমনভাবে সাজানো হয় বে, একারর (alternate) সাদ্ধগুলি পরস্পরের কাছাকাছি থাকে। এক দিকে সংযোগ স্থানগুলিতে ভূবা কালি মাখাইয়া কালো করা হয় অন্য দিকে সংযোগ স্থানগুলি চক্চকে অবস্থার থাকে। থার্মোপাইলের মৃক্ত প্রান্ত-দৃইটি একটি সুবেদী গ্যালভানোমিটারের সহিত যুক্ত করা হয় (চিত্র 12:4a)। ভূষা কালি মাখানো সংযোগ স্থানে বিকিরণ আপতিত হইলে উহা সহজেই উত্তপ্ত হয়। উক্তার তারতমার দর্মন তাপর্গাগুলিতে তড়িকালক বল একই দিকে কিয়া করে। গ্যালভানোমিটারে কাটার বিক্ষেপ হইতে বিকির্ণের তীব্রতা পরিমাপ করা সম্ভব।

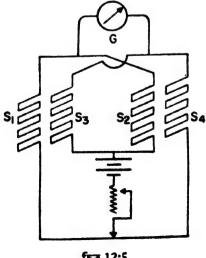


কার্যক্ষেত্র থার্মোপাইল বন্দ্রে আ্যাণ্টির্মান ও বিস্মাথ দওগুলিকে পরপর রাখিরা একটি ঘনকের আকারে দেওরা হর (চিত্র 12.4b)। সন্ধিগুলি ঝালাই করিরা আটকানো। প্রত্যেক জরের তলার একটি করিরা অদ্রের পাত রাখিরা সরাসরি বৈদ্যুতিক সংযোগ বন্ধ করা হর। এক দিকের সন্ধিগুলিতে ভূষা কালি মাধাইরা কালো করা হইবে। বিকীর্ণ শক্তি

ঐ পৃষ্ঠে আপতিত হইলে সম্পূর্ণরূপে শোষিত হইবে এবং ঐ দিকের সন্ধিগুলি সহজেই উত্তপ্ত হইরা উঠিবে।

(c) বোলোমিটার (Bolometer)—উক্তার পরিবর্তনে পরিবাহীর রোধের পরিবর্তন হর। পরিবাহীর এই ধর্ম কাজে লাগাইরা ল্যাংলে (Langley) বিকীর্ণ তাপ মাপিবার জন্য বোলোমিটার যক্ষটি উদ্ভাবন করেন। প্রথম অবস্থায় ল্যাংলে একটিমার পাত লইরা পরীক্ষা শুরু করেন। ঐ পাতের উপর বিকীর্ণ শক্তি আপতিত হওয়ার পূর্বে এবং পরে উহার রোধ মাপিয়া বিকীর্ণ তাপের তীব্রতা পরিমাপ করা যায়। পরে একটি পাতের পরিবর্তে করেকটি পাতকে শ্রেণী-সমবারে বুক্ত করিয়া একটি ঝাঝরির (grid) আকৃতি **(मुख्या इस । পাতগুলিকে ভূষা কালি মাখানোর ফলে উহা বিকীর্ণ শক্তিকে** সম্পর্ণরূপে শোষণ করে এবং সহজে উত্তপ্ত হয়। এরূপ দুইটি ঝাঝারকে Wheatstone's bridge-এর দুইটি বাহ হিসাবে কাজে লাগানো যাইতে আচ্চাদনের সাহায্যে ঝাঝার-দুইটিকে বিকিরণের হাত হইতে রক্ষা করিয়। অন্য রোধ-দুইটি এমনভাবে পরিবর্তন করা হইল যেন গ্যালভানোমিটারে কোন বিদ্যুৎ প্রবাহের সৃষ্টি না হয়। একটি ঝাঝরিকে আচ্ছাদন মুক্ত করিয়া উহার উপর বিকীর্ণ শক্তি ফেলিলে উহার উক্তা বৃদ্ধি পাইবে। ঝাঝরির রোধ পরিবর্তনের ফলে গ্যালভানোমিটারের নিম্পন্দ অবস্থা (null condition) নন্ট হয়। গ্যালভানোমিটারে বিক্ষেপ বিকিরণের তীব্রতার উপর নির্ভর করে।

পরবর্তীকালে লুমার ও কার্লবাউম (Lummer and Kurlbaum)

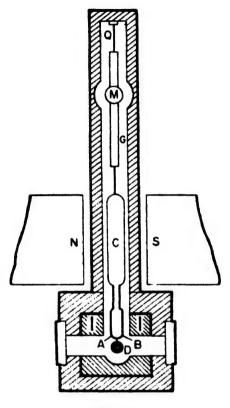


f53 12.5

দুইতির পরিবর্তে একই ধরনের চারিটি ঝাঝারকে Wheatstone's bridge-এর চারিটি বাছ হিসাবে ব্যবহার করেন। ইহার ফলে বায়ুমগুলের উক্তা পরিবর্তনের দরুল নিম্পন্দ অবস্থার কোন পরিবর্তন হয় না। চিত্র (12.5)-এ পরীক্ষার বন্দোবস্ত দেখানো হইয়াছে। একারর বাছগুলিকে একটির পাশে আর একটিকে এমনভাবে রাখা হয় বেন একটি ঝাঝারর থাকা জারগার অন্য ঝাঝারর একটি পাত থাকিতে পারে। ঝাঝার S, ও S, কে স্থির উক্তায় কোন তরলে ভ্বাইয়া বিকিরণ হইতে রক্ষা করা হইবে। একাম্বর ঝাঝার S, ও S, বিকীর্ণ শক্তি শোষণ করিয়া উত্তপ্ত হওয়ার ফলে গ্যালভানো-মিটারে বিদ্যুৎ প্রবাহ সৃষ্টি হয়। একই সঙ্গে একায়র ঝাঝারর রোধ বৃদ্ধি পায় বালয়া এই ব্যবস্থাটিতে গ্যালভানোমিটারে বিদ্যুৎ প্রবাহ পূর্ব ব্যবস্থার চেয়ে আনেক বেশী হইবে। স, ও S, সংযোগকারী তারের উপর নিম্পন্দ বিন্ধু (null point) কত দ্র সরিয়া গেল তাহা হইতে বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতা পরিমাপ করা সম্ভব। এইজন্য পূর্ব হইতে তারটিকে ক্রমান্কিত (calibrate) রাখা প্ররোজন।

- (d) রেডিও-মাইকোমিটার (Radio-micrometer)— বরেস (Boys) এই বল্পের উদ্ভাবক। ইহা প্রকৃতপক্ষে একটি থার্মোপাইল। ইহার বৈশিষ্টা এই বে, এক্ষেত্রে কেবলমাত্র একটি তাপযুগা থাকে এবং যদ্যটি নিজেই নিজের গ্যালভানোমিটারের কাজ করে—ফলে এখানে পৃথক্ কোন গ্যালভানোমিটার বাবহারের প্রয়োজন হয় না।
- চিত্র (12.6)-এ C-একটি তামার তারের ফাঁস বা loop ইহার এক প্রান্তে দুইদিকে অ্যাণ্টিমনি (A) ও বিস্মাথের (B) দুইটি পাতলা পাত দৃঢ্ভাবে বৃক্ত করা আছে। আণিটমনি ও বিস্মাথে পাত-দুইটির নিমুপ্রান্ত ভূষা কালি মাখানো একটি তামার চাক্তি D-এর সঙ্গে বৃক্ত থাকে। বিকীর্ণ তাপ চাক্তি D-এর উপর পড়িলে তাপবৃংগার নিচের প্রান্তটি উত্তপ্ত হয় এবং ফলে তামার তারের ভিতর দিরা বিদ্যুৎ প্রবাহ চলিতে থাকে। প্রবাহমাত্রা বিকীর্ণ তাপের তীরতার উপর নির্ভর করে। বিদ্যুৎ প্রবাহ মাপিবার জন্য তামার কুন্তলীকে দুইটি চৃষ্কক মেরুর মধ্যে কাঁচদণ্ড (G) ও কোরাটজ তার (Q)-এর সাহাব্যে কুলানো হয়। প্রবাহ চলাকালে চৌমুক বলের ক্রিয়ার কুন্তলীটি কৃত্টা ঘুরিল তাহা মাপিবার জন্য সাধারণ গ্যালভানো-মিটারের ন্যায় কাঁচ দণ্ডের গারে একটি ক্ষুদ্র দর্পণ (M) লাগানো থাকে।

এই ব্যবস্থার সহজেই প্রবাহমাত্র। এবং পরোক্ষে বিকীর্ণ তাপের তীব্রতা পরিমাপ করা বার ।

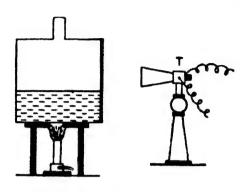


650 12.6

12'7. ক্লেস্কীর ঘনকের পরীক্ষা (Experiment of Leslie cube):

প্রত্যেকটি তাপীর বস্তৃ তাপ বিকিরণের ক্ষমতা রাখে। বস্তৃর উষ্ণতা এক হওয়া সত্ত্বেও পৃষ্ঠতঙ্গের প্রকৃতির বিভিন্নতার দরুল বিকিরণের হার কিভাবে পরিবর্তিত হয় সেস্লীর পরীক্ষা সেই সম্পর্কে আলোকপাত করিবে।

তামার তৈরারী একটি ফাপা ঘনকের অভাররে 100°C উক্ষতার ফুটর জল রাখিয়া ঘনকের মুখটি ঢাকনির সাহাব্যে আটকাইরা দেওরা হইল। ঘনকের পার্শদেশে চারিটি তলের একটিকে ভূষা কালি মাখাইরা কালো করা হইরাছে এবং দিতীয় একটি তল খুব উদ্ধল বা চক্চকে অবস্থার রাখা হইবে। অনা দুইটি তলকে ইচ্ছামত বে-কোন বর্ণের অথবা যে-কোন পদার্থের প্রলেপ দেওরা গেল । এই ঘনকটিকে লেস্লীর ঘনক বলা হয় । ঘনকটিকে একটি উপযুক্ত অবলয়নের উপর বসাইয়া উহা হইতে ছির দ্রছে সুবেদী গ্যালভানোমিটার সহ একটি থার্মোপাইল (T) রাখা গেল (চিত্র 12.7) । ঘনকটিকে ইচ্ছামত উল্লয় অক্ষের



12.7

চতুদিকে ঘুরানো বার। প্রথমে ভূষা কালি মাখানো তলটি থার্মোপাইলের নিকে ঘুরাইরা বসানো হইল। বিকীর্ণ তাপ গ্রহণ করিবার ফলে থার্মোপাইলের সহিত যুক্ত গ্যালভানোমিটারে কাটার বিকেপ ঘটিবে। থার্মোপাইলের কাটার বিকেপ উভরের অবস্থানের কোন পরিবর্তন না হইলে গ্যালভানোমিটারে কাটার বিকেপ উহার সম্মুখস্থ তলের তাপ বিকিরণ-ক্ষমতার সমানুপাতিক। পর্যারক্রমে ঘনকের এক-একটি তল থার্মোপাইলের সম্মুখে আনা গেল এবং ঐ সমরে গ্যালভানোমিটারে বিকেপ লক্ষ্য করা হইল। এই পরীক্ষা হইতে দেখা বাইবে বে, একই উক্তার থাকা সত্ত্বেও ভূষা কালি মাখানো তলের বিকিরণ করিবার ক্ষমতা সর্বাধিক এবং এই ক্ষমতা চক্চকে তলের পক্ষে সবচেরে কম। চক্চকে তলের বিকিরণ ক্ষমতা একই উক্তার ভূষা কালি মাখানো তলের বিকিরণ করিবার ক্ষমতার প্রার '08%। ঘনকের অভ্যন্তরে জলের উক্তা পরিবর্তন করিরা দেখা বাইবে বে, উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে বিকিরকের তাপ বিকিরণের ক্ষমতাও বৃদ্ধি পার।

12'8. প্রিভোস্ট-এর বিনিময় মতবাদ (Prevost theory of exchanges):

একটি চুল্লীর পার্ষে দাড়াইলে দেহ উত্তপ্ত হয় এবং বরক হইতে কিছু উচুতে হাত রাখিলে ঠাওা বোধ হয়। প্রিভোন্ট-এর পূর্বে একটি ভূল মতবাদের সাহায্যে ইহাকে ব্যাখ্যা করিবার চেন্টা করা হইরাছিল। এই মতবাদটি ছিল এইরূপ—উত্তপ্ত বন্ধৃ তাপ বিকিরণ করে (hot radiation) এবং শীতল বন্ধৃ 'শৈত্য' বিকিরণ করে (cold radiation)। প্রিভাস্ট সর্বপ্রথম এই মতবাদের নীতিগত ক্রটি লক্ষ্য করিরা সঠিক মতবাদের সাহায্যে এই ঘটনাকে ব্যাখ্যা করেন। প্রিভোস্ট-এর এই মতবাদ 'বিনিমর মতবাদ' নামে অভিহিত। এই মতবাদ হইল—সকল বন্ধু সব উক্তাতে (পরম শ্নোর চেরে বেশী) তাপ বিকিরণ করিতেছে। বিকিরণের হার বন্ধুর উক্তা বৃদ্ধির সঙ্গে বৃদ্ধি পার। পারিপার্থিক বন্ধুর উপস্থিতি অথবা পারিপার্থিক বন্ধুর উক্তার তারতম্যে বন্ধুর বিকিরণ ক্ষমতার কোন পরিবর্তন হর না।

মনে করি, ভিন্ন উক্টার দুইটি তাপীর উৎস A ও B পরস্পরের সম্মুখে রহিরাছে. প্রিভান্ট-এর মতবাদ অনুসারে, উভয়েই তাপ বিকিরণ করে । A যে তাপ বিকিরণ করে তাহার একটি অংশ B গ্রহণ করে, অন্যাদকে B যে তাপ বিকিরণ করে A তাহার একটি অংশ গ্রহণ করিয়া থাকে । এরূপ অবস্থার দুইটি বস্তৃ-ই একই সঙ্গে তাপ বিকিরণ ও তাপ গ্রহণ করিতেছে । কোন একটি বস্তৃ যে হারে তাপ বিকিরণ করে তাপ গ্রহণের হার তাহা অপেক্ষা বেশী হইলে তবেই বস্তুটি উত্তপ্ত হইবে এবং কম হইলে বস্তুটি শীতল হইবে । এইভাবে আমাদের অনুভূতির ব্যাখ্যা দেওয়া সম্ভব হইবে ।

প্রিভাস্ট-এর মতবাদ এবং লেস্লীর ঘনকের পরীক্ষার সিদ্ধান্ত একট করিয়া বলা যায়—প্রতিটি বস্তু সকল উক্তায় তাপ বিকিরণ করে; বিকিরণের হার পারিপার্শ্বিক বস্তুর উপস্থিতি অথবা অবস্থার উপর নির্ভর করে না। উহা কেবলমান্ত বিকিরকের উক্তা ও পৃষ্ঠতলের অবস্থা বা প্রকৃতির উপর নির্ভরশীল। উল্লেখ করা যায় যে, নির্দিণ্ট উক্তায় কোন পৃষ্ঠতল হইতে বিকিরণের হার বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে ভিন্ন হইবে।

12.9. বিকিরণের প্রতিক্ষপন, প্রতিসরণ ও শোষণ (Reflection, transmission and absorption of radiation):

বিকীৰ্ণ শক্তি কোন বন্ধুর উপর আপতিত হইলে তাহার একটি অংশ বন্ধৃপুষ্টে প্রতিফালিত হইবে, একটি অংশ বন্ধুর মধ্যে সংবাহিত (transmitted) হইবে এবং অবশিষ্ট শক্তি বন্ধু কর্তৃক শোষিত (absorbed) হইবে।

মনে করি তরঙ্গর্কো λ হইতে $\lambda+d\lambda$ -এর সীমিত অংশে বস্তুর উপর $U_{\lambda}d\lambda$ পরিমাণ শক্তি আপতিত হইল । ধরা বাক, উহা হইতে $U_{\lambda \Delta}d\lambda$

পরিমাণ শক্তি ঐ বন্ধৃ শোষণ করিবে, $U_{\lambda R}d\lambda$ পরিমাণ শক্তি বন্ধৃপৃষ্ঠে প্রতিফালিত হইবে এবং $U_{\lambda T}d\lambda$ পরিমাণ শক্তি বন্ধুর ভিতরে সংবাহিত হইবে। শক্তি সংরক্ষণ সূত্র অনুসারে,

$$U_{\lambda A}d\lambda + U_{\lambda R}d\lambda + U_{\lambda T}d\lambda = U_{\lambda}d\lambda$$
 अथवा, $\frac{U_{\lambda A}}{U_{\lambda}} + \frac{U_{\lambda R}}{U_{\lambda}} + \frac{U_{\lambda T}}{U_{\lambda}} = 1$ $\frac{U_{\lambda A}}{U_{\lambda}} = A_{\lambda}$, $\frac{U_{\lambda R}}{U_{\lambda}} = R_{\lambda}$ ब्रवर $\frac{U_{\lambda T}}{U_{\lambda}} = T_{\lambda}$ निष्टि $A_{\lambda} + R_{\lambda} + T_{\lambda} = 1$ \cdots (12.1)

 A_{λ} , R_{λ} এবং T_{λ} -কে বথান্রমে ঐ তরঙ্গনৈর্ঘ্যে শোষিতাব্দ (absorptivity), প্রতিষ্ণলনাব্দ (reflectivity) এবং সংবাহিতাব্দ (transmitivity) বলে। A_{λ} , R_{λ} এবং T_{λ} -র মান শূন্য হইতে একের মধ্যে থাকিবে—কিন্তু ইহাদের সমষ্টি কখনই একের বেশী অথবা কম হইতে পারে না। কোন বন্ধুর ক্ষেত্রে A_{λ} , R_{λ} এবং T_{λ} -র মান আপতিত বিকিরণের তরঙ্গনৈর্ঘ্যের উপর ও বন্ধুর উক্তার উপর নির্ভর করে।

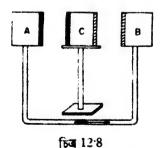
12·10. 季科 本语 (Black body):

বিভিন্ন বন্ধুর বিক্রিবণ করিবার ক্ষমতা যেমন বিভিন্ন তেমনি বিকীণ শক্তিকে শোষণ করিবার ক্ষমতাও ভিন্ন হইরা থাকে। সমস্ক তরঙ্গনৈর্বাও সমস্ত উক্তার যদি কোন বন্ধুর ক্ষেত্রে $A_{\lambda}=1$ হর তবে $R_{\lambda}=0$ এবং $T_{\lambda}=0$ । এই ধরনের বন্ধুকে কৃষ্ণ বন্ধু বা 'black body' বলে। আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধু হইল এমন এক ধরনের বন্ধু যাহার উপর বে-কোন তরঙ্গনির্বা বিকীণ শক্তি পাড়লে তাহা ঐ বন্ধু সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিরা লয়—কোন অংশই প্রতিফলিত বা সংবাহিত হর না। বাস্তবে কোন বন্ধুই সব তরঙ্গ-দর্বো বিকীণ শক্তিকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিতে পারে না—আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধু একটি ক্ষপনা মাত্র। ভূষা কালি দৃষ্টিগ্রাহা আলোক তরঙ্গের 96% শক্তি শোষণ করিবার ক্ষমতা রাখে। কালো প্রাটিনাম (platinum black)-এর ক্ষেত্রে এই পরিমাণ বৃদ্ধি পাইরা 98%-এ দীড়ায়। ইহারা আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধুর কাছাকারি। নিয়ালিখিত উপারে একটি আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধু সৃষ্টি করা সম্ভব হইবে।

একটি ফাঁপা গোলককে ছির উক্তায় রাখা হইল। ঐ গোলকের গাতে একটি ক্ষুদ্র ছিন্র রহিয়ছে। গোলকের ভিতরের দেওয়ালে বিকিরণ সম্পূর্ণরূপে প্রতিফালত হইতে পারে না—অর্থাৎ সব তরঙ্গদৈর্ঘাই $R_\lambda \neq 1$ । ছিন্র পথে বিকীণ রাশ্ম গোলকের অভান্তরে প্রবেশ করিবার পর উহার ভিতরের পৃষ্ঠে বারবার প্রতিফালত হইতে থাকিবে—প্রতিটি আপতনে বিকীণ শক্তির একটি অংশকে গোলক পৃষ্ঠ শোষণ করিয়া লইবে। বছবার প্রতিফলনের পর বিকীণ রাশ্ম ছিন্র পথে পুনরায় ফিরিয়া আসিতে পারে কিন্তু তাহার পূর্বে বিকিরণের সমস্ত শক্তি গোলকের দেওয়াল শোষণ করিয়াছে। অন্যভাবে বলা বায়—ঐ ছিন্নপথে যে বিকীণ রাশ্ম গোলকের অভান্তরে প্রবেশ করে তাহা পুনরায় ঐ গোলকের বাহিরে আসিতে পারিবে না। কেবলমাত্র কোন আদর্শ কৃষ্ণ বস্তুর ক্ষেত্রেই ইহা সম্ভব। পরবর্তী আলোচনায় [12:]7 অনুচ্ছেদ দ্রুট্বা] দেখিব যে, এই ধরনের পাত্রের অভান্তরে যে বিকীণ তরঙ্গ থাকিবে তাহা কৃষ্ণ বস্তু হইতে নিঃস্ত বিকিরণের সমত্রলা। কিচ্চফের সূত্র আলোচনার পরে ফেরী (Ferry) ও ভিন্ (Wien) পরিকালিত কৃষ্ণ বস্তু সম্পর্কে বিশেষভাবে আলোচনা করা হইবে।

উল্লেখ করা হইয়াছে যে, কৃষ্ণ বস্তু মাত্রেই উত্তম তাপ বিকিরক। সংজ্ঞা হইতে জ্ঞানা গেল যে, কৃষ্ণ বস্তু আপতিত বিকীর্ণ শক্তিকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করে। নিমুবর্ণিত পরীক্ষা হইতে কৃষ্ণবস্তুর এই বৈশিষ্ট্য-দুইটি প্রমাণ করা যাইতে পারে।

A ও B ধাতব পদার্থের দৃইটি বায়ু নিরুদ্ধ ফাঁপা ঘনক এবং ইহারা পরস্পরের সহিত দুইবার সমকোণে বাঁকানো একটি কাঁচের নলদারা যুক্ত।



কার্টের নলের অনুভূমিক অংশে কিছু পরিমাণ পারদ রাখা হইয়াছে। A এবং B ঘনকের পরস্পরের সম্মুখে থাকা পৃষ্ঠ-দৃইটিকে যথাক্রমে ভূষা কালি ও মাটির প্রকেপ দেওয়া হইলে । ঘনক-দুইটির উক্তা সমান হইলে পারদ স্থির

থাকে এবং তাহা না হইলে উত্তপ্ত ঘনকের বায়ু প্রসারিত হইবার সমর পারদকে ছিতীর ঘনকটির দিকে ঠেলিরা দের। এই দুইটি ঘনকের সহিত সরাসরি বোগাবোগ নাই এমন তৃতীর একটি খনক C-কে A ও B-এর মধ্যবতী ফাকা জারগার রাখা হইল। ইহার এক পূর্ণ্ডে ভূবা কালি এবং বিপরীত পূর্ণ্ডে মাটির প্রলেপ লাগানো আছে। ইচ্ছামত ইহাদের মধ্যে বে-কোন একটি পৃষ্ঠকে A অথবা B ঘনকের দিকে মুখ করিয়া রাখা বাইতে পারে (िं 12'8)। अथरम C चनत्कत्र त्व शृष्ठं माणित अलाश नाशाता আছে তাহাকে ${f A}$ ঘনকের নিকে এবং ভূষা কালি মাখানো পৃষ্ঠকে ${f B}$ ঘনকের দিকে মুখ করিরা বসানো হইল। এই অবস্থার অনুভূমিক নলে পারদকে স্থির थांकिट प्रथा यात्र । किंदु C चनकिंग्रेट উद्धार अटक 180° घृताहेत्र। निरम দেখা যার যে, পারদ B খনকের দিকে চালিত হইয়াছে। মাটির প্রলেপ লাগানো পৃষ্ঠের বিকিরণ ও শোষণ ক্ষমতা ভূষা কালি লাগানে। তলের विकित्र ७ मायन कमटात कार जानक कम-रेश धाँतता नरेल धरे পরীক্ষাকে ব্যাখ্যা করা বাইতে পারে। প্রথম অবস্থার মাটির প্রলেপ লাগানে। পৃষ্ঠ হইতে বিকীৰ্ণ শক্তি ভূষা কালি মাখানো পৃষ্ঠের উপর আপতিত হইতেছে। কৃষ্ণ বস্তৃ ঐ শক্তিকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিরা উত্তপ্ত হয়। অন্য দিকে কৃষ্ণ বন্ধু হইতে বিকীণ শক্তি মাটির প্রলেপ লাগানো তলে আপতিত হইলে ইহার অংশ মাত্র ভাপশক্তিতে রূপান্তরিত হর। বিকীর্ণ শক্তির বাকি অংশ প্রতিফলিত হইবে অথবা সংবাহিত হইবে। A e B ঘনক সমপরিমাণে উত্তপ্ত হওরার পারদ ভির থাকে। কিন্তু ভূষা কালি মাথানে। পৃষ্ঠাটকৈ A ঘনকের দিকে ঘুরাইয়৷ দিলে কৃষ্ণ বস্তু হইতে অধিক পরিমাণে বিকীর্ণ শক্তি $\mathbf A$ ঘনকের ভূষা কালি মাখানো পৃষ্ঠের উপর আপতিত হইবে এবং ইহা সম্পর্ণব্ধপে শোষিত হ**ই**বে। A ঘনক অধিক মান্রায় উত্তপ্ত হওয়ার পারদ B ঘনকের দিকে চালিত হয়।

12·11. শ্ৰেড বস্তু বা আকৰ্শ প্ৰতিফ্ৰালক (White body or perfect reflector):

কোন বন্ধুর ক্ষেত্রে সমস্ত তরঙ্গনৈর্ঘা ও সমস্ত উক্তার বনি $R_\lambda=1$ হর তবে ঐ বন্ধুটির $A_\lambda=T_\lambda=0$ । অর্থাৎ আপতিত বিকীর্ণ শক্তি সম্পূর্ণরূপে প্রতিকালত হয়, কোন অংশই শোবিত বা সংবাহিত হয় না—এরূপ বন্ধুকে আদর্শ প্রতিকালক বলে। প্রতিকালন বনি বিষম বা diffuse হয় তবে উহাকে শ্বেত বন্ধু (white body) বলা হয়। আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধুর

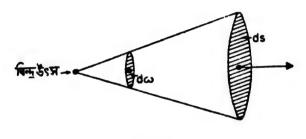
নাার আদর্শ শ্বেত বন্ধুও বাস্তবে পাওয়া সম্ভব নয়—উহা একটি আদর্শ কল্পনা মাত্র।

12·12. সমসাৱক বিন্দু উৎস (Isotropic point source) :

আমরা প্রথমে একটি সমসারক বিন্দৃ উৎস হইতে নিঃসরণ সমুদ্ধে করেকটি সংজ্ঞা ও সূত্রের আলোচনা করিব।

(a) বিন্দু উৎসের মিঃসরণ ক্ষমতা (Emissivity or emissive power of a point source)—একটি বিন্দু উৎস হইতে চারি দিকে বদি সমানভাবে বিকীণ শক্তি নিঃসৃত হয় তবে λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে dt সময়ে $d\omega$ ঘনকোণে [চিচ্ন 12.9] যে পরিমাণ বিকীণ শক্তি নিঃসৃত হইবে তাহা হইল

$$\varepsilon_{\lambda}d\lambda \ d\omega \ dt \qquad \cdots \qquad (12.2)$$



5**₫** 12.9

ε_λ-কে ঐ বিন্দু উৎসের তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ-র জন্য নিঃসরণ ক্ষমতা (emissive power) বলা হয়। বিন্দু উৎস হইতে চতুর্দিকে নিঃস্ত বিকীর্ণ শক্তি

$$\int_{\omega} \varepsilon_{\lambda} d\lambda d\omega dt = 4\pi \varepsilon_{\lambda} d\lambda dt \qquad (12.3)$$

সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিন্দৃ উৎস হইতে dt সময়ে যে বিকীণ শক্তি নিঃস্ত হয় তাহার পরিমাণ—

$$4\pi dt \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} \varepsilon_{\lambda} d\lambda = 4\pi \varepsilon dt$$

 $\varepsilon = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} \epsilon_{\lambda} d\lambda$ হইতেছে বিন্দু উৎসের মোট নিঃসরণ ক্ষমতা ।

(b) বিকীর্ণ রশ্বির ভীত্রভা (Intensity of radiation)— বিন্দু উৎস হইতে নিঃস্ত বিকীর্ণ রিশা প্রত্যেক বিন্দু দির। একটি নিদিন্ট দিকে ধাবিত হর। এই জন্য ঐ রশ্বিকে directed beam বলা হর। A বিন্দুতে বিদ ds ক্ষেত্রকে বিকীর্ণ রশ্বির নির্গমন পথের উপর লম্বভাবে রাখা বার তবে ঐ ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেন্তে λ ও $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে আপতিত বিকিরণের পরিমাণ $\varepsilon_{\lambda}d\lambda d\omega$ — এখানে ds কর্তৃক বিন্দু-উৎসে উৎপন্ন ঘনকোণকৈ $d\omega$ লেখা হইরাছে। A বিন্দুতে λ ও $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির তীরত। হইবে

$$I_{\lambda} d\lambda = \frac{\varepsilon_{\lambda} d\lambda d\omega}{ds} = \frac{\varepsilon_{\lambda} d\lambda}{ds} \frac{ds}{r^{2}} = \frac{\varepsilon_{\lambda} d\lambda}{r^{2}} \cdots (12.4a)$$

অর্থাং কোন বিন্দুতে বিকীর্ণ রশ্যির সহিত লয়্ভাবে রাখা একক ক্ষেত্রের উপর বে পরিমাণ শক্তি প্রতি সেকেতে আপতিত হয় তাহাই হইবে λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গনৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতা। সমস্ত তরঙ্গনৈর্ঘ্যে মোট যে পরিমাণ শক্তি একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেতে আপতিত হয় তাহা হইবে

$$I = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} I_{\lambda} d\lambda = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} \frac{\varepsilon_{\lambda}}{r^{2}} \frac{d\lambda}{r^{2}} = \frac{\varepsilon}{r^{2}} \qquad \cdots \quad (12.4b)$$

I হইতেছে A বিন্দৃতে বিকীর্ণ শক্তির মোট তীব্রতা। সমীকরণ (12.4b) হইতে দেখা যায় যে, $I = \frac{1}{r^2}$; অর্থাৎ কোন বিন্দৃতে বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতা বিন্দৃ উৎস হইতে উহার দূরছের বাস্তানুপাতিক।

ে) বিকীর্ণ শক্তির ঘনত বা একক আয়ন্তনে বিকীর্ণ শক্তির পরিষাণ (Energy density of radiation)—কোন বিন্দৃতে λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তির তীরতা I_{λ} $d\lambda$ হইলে ঐ বিন্দৃতে বিকীর্ণ রাশ্যর সহিত লম্বভাবে রাখা একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেণ্ডে I_{λ} $d\lambda$ পরিমাণ শক্তি আপতিত হইবে । বিকিরণের গতিবেগ c ধরিলে ঐ পরিমাণ শক্তি একক প্রস্থাক্তেদ বিশিষ্ট c দৈর্ঘ্যের একটি স্থান অধিকার করে । প্রতি একক আয়তনে λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ u_{λ} বিশিষ্টেল

$$I_{\lambda} d\lambda = c u_{\lambda} d\lambda$$
 অথবা $u_{\lambda} d\lambda = \frac{I_{\lambda} d\lambda}{c}$... (12.5a)

একক আয়তনে মোট বিকীৰ্ণ শক্তি অথবা শক্তির মোট ঘনত্ব (total energy density of radiation) হইবে

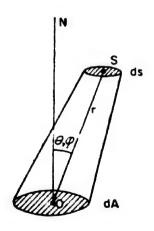
$$u = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} u_{\lambda} d\lambda = \frac{1}{c} \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} I_{\lambda} d\lambda = \frac{I}{c} \cdots (12.5b)$$

বিশেষ ভাবে উদ্লেখ করা যায় যে, বিকীর্ণ শক্তির তীরতার সংজ্ঞাতে তলের উপর বিকীর্ণ রাশ্য লম্বভাবে আপতিত হইতেছে কল্পনা করা হইয়াছে। এই কারণে সমীকরণ (12.5a) ও (12.5b) কেবলমান্ত directed beam-এর জন্য প্রযোজ্য হইবে।

12'13. অপু-ভল হইতে বিকীপ রিশ্মি (Radiation from infinitesimal surface emitter):

এই অনুচ্ছেদে আমর। অণু-তল হইতে বিকিরণের ক্ষেত্রে কয়েকটি সংজ্ঞা দিব ও কয়েকটি প্রাসঙ্গিক স্ত্রের আলোচন। করিব—

(a) অণু-ভল হইতে বিকিরণ (Emission from an elemen-



63 12·10

tary surface), বিকির্কের নিঃসরণ ক্ষতা (Emissive power of the radiating surface)—মনে করি, অণ্-তল dA হইতে বিকীণ শক্তি চারিণিকে নিঃসৃত হইতেছে। ON, dA-এর উপর

অভিনয় [চিন্ন 12.10]। S বিন্দৃটি r, θ , স্থানান্দ স্থারা নির্দিন্ট করা হইরাছে। ঐ S বিন্দৃতে OS-এর সহিত সম্বভাবে একটি অণু-তল ds রাখা হইল। dA হইতে নিঃসৃত λ ও $\lambda + d\lambda$ এই তরঙ্গদৈর্ঘোর মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির যে অংশ dt সমরে ds-এর উপর আপতিত হইবে পরীক্ষার

দেখা বার তাহা $\frac{ds\ dA\ \cos heta\ d\lambda\ dt}{r^*}$ -এর সমানুপাতিক। অতএব আপতিত বিকীর্ণ শক্তি $p_{\lambda}\ d\lambda$ লিখিলে

$$p_{\lambda} d\lambda = c_{\lambda} d\lambda \frac{ds}{r^{2}} \frac{dA \cos \theta}{r^{2}} dt$$

$$= e_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta d\omega dt \qquad \cdots \qquad (12.6)$$

 $d\omega = ds$ তল O-বিন্দুতে যে খনকোণ সৃষ্টি করে এবং ইহা হইবে—

$$d\omega = \frac{ds}{r^2} = \sin \theta . d\theta . d\phi$$
 [পরিশিশ্ট দেখ]

উপরোক্ত সমীকরণে e_{λ} এই ধ্রুবককে ঐ তলের λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃসরণ ক্ষমতা বা emissive power বলা হয়। e_{λ} -র মান তলের প্রকৃতি ও উক্তার উপর নির্ভর করে। তলটির মোট নিঃসরণ ক্ষমতা

$$r = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} c_{\lambda} \, d\lambda$$

কোন বন্ধুর ক্ষেত্রে মোট নিঃসরণ ক্ষমতা ৫ উহার প্রকৃতি ও উক্ষতার উপর নির্ভর করে। কোন তল হইতে নিঃস্ত বিকিরণ বে cos θ -র উপর নির্ভর করে এই পরীকালন সূত্রকে ল'বোর-র সূত্র (Lambert's law) বলে।

(b) পৃষ্ঠ-উৎসের সন্মুখভাগে প্রতি নেকেন্ডে মোট বিকীর্ণ শক্তি (Total emission rate from an elementary surface from one side of it)—মনে করি, একটি অণু-তলের ক্ষেত্রফল dA, এবং λ হইতে $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘো উহার নিঃসরণ ক্ষেত্রা e_{λ} । ঐ তল হইতে প্রতি সেকেন্ডে θ , ϕ দিকে $d\omega$ ঘনকোণের মধ্যে বে বিকিরণ নিঃস্ত হর তাহার পরিমাণ হইবে

 $dA e_{\lambda} d\lambda \cos \theta d\omega = e_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta \sin \theta d\theta d\phi$

 $d\mathbf{A}$ তল হইতে সামনের দিকে প্রতি সেকেণ্ডে মোট বিকিরণ

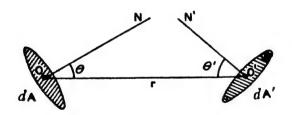
$$dA c_{\lambda} d\lambda \int_{0}^{2\pi} d\phi \int_{0}^{\pi/2} \sin \theta \cos \theta d\theta$$
$$= \pi c_{\lambda} d\lambda dA$$

সমস্ত তরঙ্গদৈর্ঘাে dA হইতে মােট বিকিরণের পরিমাণ হয়

$$E = \pi dA \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} c_{\lambda} d\lambda = \pi e dA \qquad \cdots \qquad (12.7)$$

এবং একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেন্ডে উহার সম্মুখ ভাগে মোট বিকিরণের পরিমাণ হইবে πe —ইহা একটি নিদিন্ট তলের জন্য বিভিন্ন উক্তায় বিভিন্ন হইবে।

(c) একটি অণু-পৃষ্ঠ হইতে অক্স একটি অণু-পৃষ্ঠে প্রতি সেকেণ্ডে মোট বিকিন্নণ (Mutual radiation between two elementary surfaces)—মনে করি দুইটি অণু-তল dA ও dA' পরস্পারের মুখোমুখি রহিয়াছে। ধরা যাক dA তলের কেন্দ্র-বিন্দু O এবং dA' তলের কেন্দ্র-বিন্দু O'-এর দ্রন্দ r, dA তলের উপর অভিলয় ON এবং dA' তলের উপর তিয়ের মহিত dA' এবং dA' তলের ত্তির আভিলয় dA' তেনি উৎপল্ল করে [চিত্র 12:11]।



64 12·11

dA তলটির নিঃসরণ ক্ষমতা λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে e_λ ধরিলে ঐ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে যে বিকীর্ণ শক্তি dA তল হইতে প্রতি সেকেণ্ডে একক ঘনকোণে OO' দিকে বাহির হয় তাহার পরিমাণ

 $dA \cos \theta e_{\lambda} d\lambda$

একণে dA' কর্তৃক dA-তে উৎপন্ন ঘনকোণ

$$d\omega = \frac{dA'\cos\theta'}{r'}$$

সূত্রাং dA তল হইতে λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃস্ত বিকিরণের বে-অংশ প্রতি সেকেওে dA' তলের উপর আপতিত হয়, তাহার পরিমাণ

$$dA \cos \theta \, e_{\lambda} \, d\lambda \, d\omega = \frac{dA \cos \theta \, e_{\lambda} \, d\lambda \, dA' \cos \theta'}{r^{2}}$$

$$= \frac{dA \, dA' \cos \theta \cos \theta'}{r^{2}} \, e_{\lambda} \, d\lambda$$

$$= e_{\lambda} \, d\lambda \, dA' \, d\omega' \cos \theta'$$

$$\cdots \qquad (12.8a)$$

উপরের সমীকরণে $d\omega'=rac{dA}{r^2}\cos heta$ হইতেছে dA তল কর্তৃক dA'-এ উৎপরে ঘনকোণ। dA হইতে নিঃস্ত মোট যে বিকিরণ প্রতি সেকেওে dA' তলের উপর আপতিত হয় তাহা

$$\frac{dA \ dA' \cos \theta \cos \theta'}{r^2} \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} \frac{c_{\lambda}}{d\lambda} d\lambda$$

$$\frac{dA \ dA' \cos \theta \cos \theta'}{r^2} \in \cdots (12.8b)$$

(d) চতুর্দিকে যেরা একটি পৃষ্ঠ-উৎস হইতে ভিতরের কোন অণু-পৃষ্ঠের উপর আপতিত বিকীর্ণ শক্তির পরিষাণ (Amount of radiation falling on one side of an elementary area placed in an enclosure)—

বন্ধতলের একটি অণু-অংশ ds কলপনা করি। আবন্ধ আয়তনে বে-কোন স্থানে অণু-তল dA-কে রাখা হইয়াছে (চিন্ন 12.12)।

ds হইতে $d\Lambda$ -তে প্রতি সেকেবে λ এবং $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘোর মধ্যে আপতিত বিকীপ শক্তি

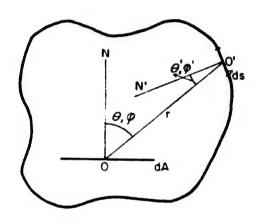
$$e_{\lambda} d\lambda ds \cos \theta' d\omega' = e_{\lambda} d\lambda ds \cos \theta' \frac{dA \cos \theta}{r^{3}}$$

= $e_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta d\omega \cdots (12.9a)$

dA তলের উপর আবদ্ধ তল হইতে প্রতি সেকেন্তে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে আপতিত বিকীণ্ শক্তি

$$= e_{\lambda} d\lambda \ dA \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi/2} \cos \theta \sin \theta \ d\theta \ d\phi.$$
$$\left[d\omega = \frac{ds}{r^{2}} = \sin \theta \ d\theta \ d\phi \ \right]$$

$$=\pi e_{\lambda} d\lambda dA \qquad (12.9b)$$



6 12·12

বাহিরের তল হইতে dA তলের উপর প্রতি সেকেণ্ডে সকল তরঙ্গদৈর্ঘ্যে আপতিত মোট বিকীর্ণ শক্তি

$$\pi d A \int_0^\infty e_{\lambda} d\lambda = \pi e dA \qquad \cdots \qquad (12.9c)$$

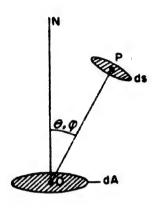
(e) অণু-পৃষ্ঠ ছইতে বিকিরণের দক্ষন কোন বিন্দুতে বিকীৰ্ণ শক্তির তীব্রতা ও ঘনত (Intensity and energy density at a point due to radiation coming from an elementary surface)—

P বিশ্বতে (চিত্র 12:13) বিকীণ শক্তির তীরতা

$$I_{\lambda}d\lambda = e_{\lambda} d\lambda dA \cos \theta \frac{ds}{r} \cdot \frac{1}{ds}$$

$$= c_{\lambda} d\lambda \frac{dA \cos \theta}{r^{2}}$$

$$= e_{\lambda} d\lambda d\omega' \qquad (12.10a)$$



fba 12·13

এক্ষেরে dw'=dA তল ধারা P বিন্দৃতে উৎপপ্র ঘনকোণ। সকল তরঙ্গদৈর্ঘোর জন্য P বিন্দৃতে বিকীপ শক্তির মোট তীব্রত। হইবে

$$I = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} I_{\lambda} d\lambda = e \ d\omega'$$

P বিন্দুতে $\lambda \in \lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘো শক্তির ঘনম

$$u_{\lambda}d\lambda = \frac{I_{\lambda}d\lambda}{c} = \frac{e_{\lambda} d\lambda d\omega'}{c}$$

এবং মোট খনৰ
$$u = \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} c_{\lambda} d\lambda \frac{d\omega'}{c} = \frac{e \ d\omega'}{c}$$
 ... (12:10b)

(f) চতুর্দিকে খেরা কোন পৃষ্ঠ-উৎস হইতে বিকিরণের অন্ত ভিতরের কোন বিন্দুতে শক্তির খনত (Energy density at a point within an enclosure due to radiation from the surface)—পূর্ব অনুচ্ছেদে P বিন্দুকে আবদ্ধ আরতনের মধ্যে কল্পনা করিলে আবদ্ধ তল ঐ বিন্দৃতে 4π ঘনকোণ উৎপন্ন করে। এই কারণে আবদ্ধ ক্লেরে অভ্যন্তরে কোন বিন্দৃতে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির ঘনম্ব হইবে

$$u_{\lambda}d\lambda = \frac{4\pi e_{\lambda}d\lambda}{c} \qquad \cdots \qquad (12.11a)$$

আবন্ধ তলের প্রত্যেকটি অংশের বিকিরণ ক্ষমতা (emissivity) একই ধরা হইরাছে।

মোট ঘনৰ
$$u = \frac{4\pi c}{c}$$
 ... (12:11b)

উল্লেখ করা যার যে, আবদ্ধ স্থানে যে-কোন বিন্দৃতে বদ্ধতলের বিকিরণজনিত শক্তির ঘনত্ব অভিন্ন হইবে, এবং ঐ পরিমাণ কেবলমাত্র বিকিরকের নিঃসরণ ক্ষমতার উপর নির্ভর করিবে।

12'14. বিক্ষিপ্ত বিকিন্নপ (Diffuse radiation) :

কোন আবদ্ধ উত্তপ্ত পাত্রের ভিতর তলের প্রত্যেক অংশ হইতে বিকিরণ নিঃসৃত হয় এবং ঐ বিকীর্ণ রাশ্ম পাত্রের গায়ে বিভিন্ন অংশে ক্রমাগত প্রতিফালিত হইতে থাকে। আবদ্ধ পাত্রে কোন তাপীয় বস্তৃ রাখিলে উহা হইতে বিকীর্ণ রাশ্ম নির্গত হইয়া বারংবার পাত্রের গায়ে প্রতিফালিত হইতে থাকিবে। ঐ অবস্থায় উহার অভ্যন্তরে কোন একটি অংশে একটি তল কম্পনা করিলে ঐ তলের উপর বিভিন্ন দিক হইতে বিকীর্ণ রাশ্ম আপত্রিত হইবে। আবদ্ধ পাত্রের অভ্যন্তরান্থিত বিকিরণকে এই কারণে বিকিপ্ত বিকিরণ বা diffuse radiation বলা হয়।

পরবর্তী আলোচনার দেখিব বে, কৃষ্ণ বস্তৃ হইতে নিঃস্ত বিকিরণ বা কৃষ্ণ বিকিরণ (black radiation) ও আবদ্ধ উত্তপ্ত পাত্রের অভাররে বিক্ষিপ্ত বিকিরণের মধ্যে প্রকৃতিগত সাদৃশ্য বর্তমান। প্রকৃতপক্ষে কোন নির্দিণ্ট উষ্ণতার কৃষ্ণ বস্তৃর বিকিরণ ও একই উষ্ণতার থাকা আবদ্ধ পাত্রের অভ্যন্তরন্থিত বিক্ষিপ্ত বিকিরণ অভিনে (কির্দ্ধফের সূত্র—12:17 দুর্ভব্য)। এই কারণে কৃষ্ণ বিকিরণ সংক্রান্ত আলোচনার অধিকাংশ ক্ষেত্রে আমরা আবদ্ধ পাত্রের অভ্যন্তরন্থিত বিক্ষিপ্ত বিকিরণ লইরা আলোচনা করিব।

বিক্ষিপ্ত বিকিরণ কোন বিন্দৃতে কোন নির্দিন্ট দিকে অগ্রসর হইবে ন। এবং সেই কারণেই বিক্ষিপ্ত বিকিরণের মধ্যে বিকীর্ণ রশাির উপর লম্বভাবে কোন তল কল্পনা করাও সম্ভব নয়। এই জনাই বিক্ষিপ্ত বিকিরণ ক্ষেত্রে কোন বিন্দৃতে বিকিরণের তীব্রতার পরিমাপ করা সম্ভব হয় না। আবদ্ধ পাত্রে বিক্ষিপ্ত বিকিরণের অবস্থা প্রতি একক আয়তনে শক্তির পরিমাণ দারা দ্বির করা হইবে। একক আয়তনে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ ও $\lambda + d\lambda$ -র মধ্যে বিকীর্ণ শক্তি u_{λ} $d\lambda$ এবং একক আয়তনে মোট শক্তি $u = \int_0^\infty \!\! u_{\lambda} d\lambda$ ।

12'15. সমসাৱক ও সমস্ত্র বিক্রিণ (Isotropic and homogeneous diffuse radiation):

আবদ্ধ পাত্রের ভিতর কোন স্থানে বাদ একটি অণ্-তল রাখা বার তবে আবদ্ধ পাত্রের ভিতর পৃষ্ঠের বিভিন্ন অংশ হইতে নিঃসৃত ও প্রতিফলিত (emitted and reflected) বিকীর্ণ শক্তি ঐ তলে আপতিত হইবে। তলটি একই স্থানে বিভিন্নভাবে ঘূরাইরা রাখিলেও বাদ নির্দিণ্ট সময়ে সর্বদাই ঐ তলের উপর আপতিত বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ সমান হয় তবে পাত্রের বিকিরণকে সমসারক বিক্লিপ্ত বিকিরণ (isotropic diffuse radiation) বলা হয়। আবার তলটি পাত্রের বিভিন্ন স্থানে রাখিলেও বাদ প্রতি সেকেওে ঐ তলের উপর আপতিত বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ একই থাকে তবে পাত্রের বিকিরণকে সমসম্ভ বিকিরণ (homogeneous radiation) বলা হয়। প্রমাণ করা বায় বে, বিক্লিপ্ত বিকিরণ সমসারক হইলেই তাহা সমসত্ত হইবে এবং সমসত্ত হইলেই তাহা সমসারক হইবে। পরের আলোচনায় দেখা বাইবে আবদ্ধ পাত্রন্থিত বিকিরণ সর্বদা সমসারক ও সমসত্ত গ্ণ-সম্পন্ন।

12'16. সমসারক বিক্রিপ্ত বিকিরণের পুট-উজ্জ্বল্য (Surface brightness of isotropic diffuse radiation):

পূর্বেই বলা হইরাছে বে, বিক্সিপ্ত বিকিরণের ক্ষেত্রে তীরতার সংজ্ঞা দেওয়া সম্ভব নর। ঐ বিকিরণের গুণাখুণ (property) নির্দেশ করিতে শক্তির ঘনত্ব অপেক্ষক (energy density function) u_{λ} ব্যবহার করা বার। অন্য একটি পরিমাপকের সাহাব্যেও বিকিরণের বৈশিন্ট্য নির্দেশ করা বার। ইহাকে পৃষ্ঠ-উপজ্জা বা surface brightness বলে।

বিকিরণ ক্ষেত্রের মধ্যে কোন বিন্দৃতে একটি অণু-তল কল্পনা করিলে তাহার একক ক্ষেত্রের উপর দিরা অভিলন্তের দিকে প্রতি সেকেণ্ডে একক ঘনকোশের মধ্যে বে পরিমাণ বিকীপ শক্তি অগ্নসর হইবে তাহাকে বিকিরণ কেরের পৃষ্ঠ-উল্পুলা বা বিকিরণের আপোক্ষক তীরতা (specific intensity of radiation) বলা হয়। একই পরিমাণ শক্তি ঐ সময়ে বিকিরণ কেরের মধ্যে রাখা একটি কাম্পানক তলের একক ক্ষেত্র হইতে একক ঘণকোণে লয় দিকে বাহির হইতেছে বিলয়া ধরা যাইতে পারে। অন্যভাবে বলা যার বিকিরণ ক্ষেত্রের পৃষ্ঠ-উল্ফুলা বিকিরণ ক্ষেত্রে রাখা কোন কাম্পানক তলের নিঃসরণ ক্ষমতার সমান। তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ -র জন্য পৃষ্ঠ-উল্ফুলা K_λ হইলে λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে K_λ $d\lambda$ পরিমাণ বিকীর্ণ শক্তি বিকিরণের মধ্যে রাখা কোন তলের একক ক্ষেত্রকে একক ঘনকোণের মধ্যে লয়ভাবে অতিক্রম করিবে। মোট যে পরিমাণ শক্তি ঐভাবে একক ক্ষেত্রকে প্রতি সেকেন্ডে অতিক্রম করে তাহার পরিমাণ

$$K = \int_0^\infty K_{\lambda} d_{\lambda}$$

K বিকিরণের মোট পৃষ্ঠ-ঔক্ষ্বলা।

পৃষ্ঠ-ঔজ্জা ও শক্তির ঘনত্বের মধ্যে সম্পর্ক (Relation between surface brightness and energy density of radiation)—আমরা পূর্বেই উল্লেখ করিয়াছি যে, বিক্লিপ্ত বিকিরণে তীরতার পরিমাপ করা সম্ভব নয়। বিক্লিপ্ত বিকিরণের জন্য উহার শক্তির ঘনত অথবা পৃষ্ঠ-ঔক্ত্রা যে-কোন একটি পরিমাপকে জানা প্রয়োজন। যভাবতই ঐ কারণে বিক্লিপ্ত বিকিরণের এই দুইটি পরিমাপকের মধ্যে একটি সমন্ধ থাকিবে।

বিক্ষিপ্ত বিকিরণের মধ্যে একটি গোলকের উপস্থিতি কল্পনা করিব। উহার অভারেরে বিকিরণ মূল দেওরাল (actual boundary wall) হইতে নিঃসৃত ও প্রতিফালিত হওয়ার পর ঐ কাল্পনিক গোলক-পৃষ্ঠকে অভিন্নম করিয়া অগ্রসর হইয়াছে। আমরা চিন্তা করিতে পারি যে, ভিতরের বিকিরণ ঐ গোলক-পৃষ্ঠ হইতে সরাসরি নিঃসৃত হইয়াছে (simply emitted and not reflected)। এইভাবে চিন্তা করিলে ঐ তলের নিঃসরণ ক্ষমতা হইবে বিক্রিপ্ত বিকিরণের পৃষ্ঠ-ঐক্ত্বলা বা আপেক্ষিক তীরতা এবং তখন আমরা বিক্রিপ্ত বিকিরণকে 'directed beam' হিসাবে চিন্তা করিতে পারিব।

কাল্পনিক গোলক-পৃথ্ঠে অণু-তল ds-কে অভিক্রম করিয়া λ ও $\lambda+d\lambda$

তরঙ্গদৈর্ব্যের মধ্যে বে বিকিরণ অগ্নসর হইবে তাহার জন্য ঐ গোলকের অভাতরে P বিজ্বতে বিকিরণের তীব্রতা হইবে

$$dI_{\lambda} d\lambda = K_{\lambda} d\lambda d\Omega_{SP} \qquad \cdots \qquad (12.12)$$

অপু-তল ds-কে অতিক্রম করিয়া বে বিকিরণ আসিয়াছে তাহার দর্মন বিকিরণের তীব্রতার উল্লেখ করিতেছি বলিয়া dI লেখা হইরাছে। P বিন্দৃতে ds অপু-তল যে ঘনকোণ উৎপল্ল করে তাহাকে $d\Omega_{\mathrm{SP}}$ লেখা হইল।

দিক্-নির্দিন্ট বিকিরশের জন্য
$$u=rac{{
m I}}{c}$$
 এবং $u_{\lambda}=rac{{
m I}_{\lambda}}{c}$

ঐ কারণে গোলক-পৃষ্ঠে ds অণু-তলকে অতিক্রম করিয়া আসা λ ও $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকিরণের জন্য P বিন্দৃতে শক্তির ঘনত্ব হইবে

$$du_{\lambda} d\lambda = \frac{K_{\lambda} d\lambda d\Omega_{SP}}{c} \qquad \cdots \qquad (12.13)$$

তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ হইতে $\lambda + d\lambda$ -র মধ্যে বিকিরণ গোলক-পৃষ্ঠের বিভিন্ন অংশ দিয়া উহার অভ্যন্তরে প্রবেশ করার ফলে P বিন্দৃতে বিকিরণের ঘনত হইবে

$$u_{\lambda}d\lambda = \int du_{\lambda} d\lambda = \frac{K_{\lambda}}{c} d\lambda \int d\Omega_{SP} = \frac{4\pi K_{\lambda}}{c} d\lambda \cdots (12.14)$$

সকল তরঙ্গদৈর্ঘোর কথা চিন্তা করিলে আবদ্ধ পাতের অভান্তরে শক্তির ঘনত হয়

$$u = \frac{4\pi}{c} \int_{\lambda=0}^{\lambda=\infty} K_{\lambda} d\lambda = \frac{4\pi K}{c} \qquad (12.15)$$

উল্লেখ করা যার যে, [12.13(f)] অনুচ্ছেদে আমরা কোন বিন্দৃতে শক্তির ঘনম্ব নির্ণর করিয়াছি [সমীকরণ (12.11a) ও (12.11b)]। ঐ দৃই সমীকরণে e_{λ} -র পরিবর্তে K_{λ} ও e-এর পরিবর্তে K বসাইলে আমরা সরাসরি সমীকরণ (12.14) ও (12.15)-এ পৌছাইব।

12'17. আৰক্ষগ্ৰনে বিকিন্তপে সাম্যাবস্থা—কিৰ্ক্তকের সূত্ৰ ও ক্লফ্ৰ বস্তুর বিকিন্তপ (Equilibrium of radiation within an enclosure—Kirchhoff's law and black body radiation):

কোন উব্দ বন্ধ পাত্রের অভাত্তরে উহার ভিতরের তল হইতে ক্রমাগত বিকিরণ বাহির হইতে থাকিবে। ঐ বিকিরণ আবন্ধ পাত্রের ভিতর দির। বাহিরে আসিতে না পারিলে আবন্ধ স্থানে বিকিরণের পরিমাণ বৃদ্ধি পাইবে এবং দ্রমাগত পাত্রের গারে বিকীপ রিশা প্রতিফালত ও শোষিত হইতে থাকিবে। বিকিরণ হইতে দেওরাল যে পরিমাণ শক্তি শোষণ করে তাহার পরিমাণ নির্ভর করে পাত্রের অভ্যন্তরে বিকিরণের পরিমাপের উপর। প্রথম অবস্থার যে পরিমাণে বিকিরণ ভিতরের পৃষ্ঠ হইতে নিঃসৃত হয় সেই তুলনায় দেওয়াল যে পরিমাণে শক্তি শোষণ করে তাহা খুবই কম। এই কারণে প্রথমদিকে বন্ধস্থানে দ্রমাগত বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ বৃদ্ধি পাইতে থাকে এবং ইহার ফলে প্রতি সেকেণ্ডে পাত্র বিকিরণ হইতে যে পরিমাণ শক্তি শোষণ করে তাহার পরিমাণও বৃদ্ধি পায়। পাত্রের অভ্যন্তরে বিকিরণের পরিমাণ বৃদ্ধি পাইরা এমন একটি অবস্থার পৌহার যখন পাত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে যে পরিমাণে বিকীর্ণ শক্তি নিঃসৃত হয় প্রতি সেকেণ্ডে পাত্র বন্ধ বিকিরণ হইতে সেই একই পরিমাণ শক্তি শোষণ করে। এই অবস্থায় বন্ধ বিকিরণকে সাম্যা-বিকিরণ (equilibrium radiation) বলা হয়।

সাম্যাবস্থার পাতটির প্রত্যেকটি অণু-তলে এবং প্রতিটি সীমিত তরঙ্গদৈর্ঘ্যে (for each elementary area and for each spectral range) বিকিরণ ও শোষণের মধ্যে সাম্য থাকিতে হইবে—নহিলে পাত্রে আবদ্ধ বিকিরণে সাম্য বিদ্বিত হইবে।

মনে করা ধাক, একটি তাপীয় উৎসের সহিত যুক্ত থাকার কারণে কোন একটি আবদ্ধ তলের উষ্ণতা T-তে স্থির থাকে। ঐ পাত্রের ভিতরে সাম্যাবস্থায় যে বিকীর্ণ শক্তি থাকে তাহার কত্যুলি গুরুত্বপূর্ণ বৈশিষ্ট্য আছে। এই বৈশিষ্ট্যগুলি হইতেছে—

- 1. বাহির হইতে যে-কোন উক্তার যে-কোন বস্তুকে পাত্রে প্রবেশ করাইলে সাম্যাবস্থার বস্তুটির উক্তা T হইবে ।
- 2. পাত্রের ভিতরে বিকিরণে সমসারক ও সমসত্ত্ব গুণ বর্তমান (isotropic homogeneous diffuse radiation)। উহার প্রকৃতি ও পরিমাণ নির্দেশ করিতে শক্তির ঘনত্ব অপেক্ষক (energy density function) u_{λ} অথবা পৃষ্ঠ-ঐচ্ছ্বলা K_{λ} ব্যবহার করা হইবে।
- 3. পারের ভিতর কোন বস্তু প্রবেশ করাইলে অথব। পারের ভিতরের তলটিতে কোন কিছুর প্রলেপ দিয়া উহার নিঃসরণ ক্ষমতার পরিবর্তন ঘটাইলে u_{λ} বা K_{λ} -র কোন পরিবর্তন হইবে না অর্থাৎ ঐ বিকিরণে u_{λ} ও K_{λ} কেবলমার পারের উষ্ণতা T-এর উপরে নির্ভর করিবে।

 $4.~{
m K_{\lambda}(T)} = T$ উক্তার কৃষ্ণ বন্ধুর নিঃসরণ ক্ষমতা। তাপগতিতত্ত্বের সাহাব্যে আবদ্ধ বিকিরণের এই ধর্মগুলিকে প্রমাণ করিতে পারিব।

প্রেমাণ---

 প্রথমেই আমরা প্রমাণ করিব বে, নিণিণ্ট উক্তার আবদ্ধ পারের ভিতরে রাখা কোন বস্তৃর নিঃসরণ ক্ষমতা, শোষণ ক্ষমতা এবং উক্তা বাহাই হউক না কেন সাম্যাবস্থার উহার উক্তা পারের উক্তার সমান হইবে।

মনে করি, কোন আবদ্ধ পাত্রকে T উক্তায় রাখা হইয়াছে এবং উহার অভ্যাহরে কোন বস্তু A-কে প্রবেশ করানো হইল । বস্তু A হইতে বিকীর্ণ শক্তি নিঃসৃত হইবে এবং একই সময়ে উহা পাত্রের অভ্যাহরিছত বিকিরণ হইতে শক্তিশোবণ করিবে । বিকিরণ ও শোষণের হার সমান হইলে A সাম্যাবস্থায় পৌছাইবে । ধরা যাক, বে সাম্যাবস্থায় A-র উক্তা T' এবং T' < T । এই অবস্থায় বস্তু A এবং আবদ্ধ পাত্রটিকে ভিন্ন উক্তার দুইটি তাপীয় উৎস হিসাবে ব্যবহার করিয়া একটি কার্নো এঞ্জিন চালনা করা যাইতে পারে । উক্তা সমান না হওয়া পর্বন্ধ এঞ্জিন কার্ম করিতে পারিবে । উক্তা সমান হওয়ার পর বিকিরণ ও শোষণ চিয়ায় A পুনরায় সাম্যাবস্থায় প্রত্যাবর্তন করে এবং পুনরায় উহার উক্তা হয় T' । ইহার ফলে পুনরায় উহাদের মধ্যে কার্নো এঞ্জিন চালনা করিয়া কার্ম পাওয়া যায় । এইভাবে দিতীয় কোন উৎসকে কম উক্তায় না রাখিয়া চ্নমাগত কার্ম করা দিতীয় স্ত্রন্সারে কোনচ্নেই সম্ভব নয় । সূত্রাং $T' \prec T$ এবং ঐ একই কারণে $T' \Rightarrow T$ ।

উপরের আলোচনার বন্ধ পাতের ভিতরে রাখা বস্তুটির নিঃসরণ-ক্ষমতা, শোষণ ক্ষমতা এবং প্রারম্ভিক উষ্ণতা সম্পর্কে কোন আলোচনা করা হয় নাই। সূতরাং প্রথম সিদ্ধান্তটি প্রমাণিত হ**ইল**।

2. প্রিভাস্ট-এর বিনিমর মতবাদ অনুসারে বিকিরক হইতে মোট বিকিরণ কেবলমাত বভ্র প্রকৃতি এবং উক্তার উপর নির্ভর করে—আবদ্ধ পাত্রের উক্তা T হইলে উহার অভাস্তরে কোন বভ্রুকে রাখিলে উহার উক্তাও T হইবে—ফলে ঐ পাত্রের ভিতরে বভ্রুকে বে-কোন ছানে রাখা যাক এবং বেভাবেই ছ্রানো হোক না কেন বভ্ হইতে প্রতি সেকেওে মোট বিকিরণের কোন ভারতমা হইবে না। বস্তৃতি সাম্যাবস্থার থাকে বলিয়া অনুমান করা বার বে, আবদ্ধ স্থানে বভূবে বে-কোন ছানে বে-কোন দিকে ছ্রাইয়া

বসানো সত্ত্বেও উহার উপর প্রতি সেকেণ্ডে একই পরিমাণ বিকিরণ আসিরা আপতিত হইবে। পাত্রের অভান্তরে প্রতিটি বিন্দৃতে প্রত্যেক দিক হইতে যে বিকিরণ আসিতেছে তাহাদের প্রকৃতি ও পরিমাণ অভিন্ন হইলে (identical in quality and quantity)—অর্থাৎ আবদ্ধ বিকিরণে সমসত্ত্ব ও সমসারক গুণ থাকিলে তবেই ইহা সম্ভব হইবে।

3. নিশ্বিট উক্তার রাখা আবদ্ধ তলের অভ্যন্তরে বিকিরণে সাম্যাবস্থা সৃথি হওরার পরে যতই অপেকা করি না কেন, ঐখানে রাখা বন্ধুর উক্ষতার কোন পরিবর্তন হর না। সাম্যাবস্থার বিকিরকের অণু-তল হইতে প্রতি সেকেণ্ডে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে যে পরিমাণ বিকিরণ নিঃসৃত হর অণু-তলটি বিকিরণ হইতে ঐ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে প্রতি সেকেণ্ডে ঠিক একই পরিমাণ শক্তি শোষণ করে। কোন তল হইতে বিকিরণের হার কেবলমান্র উহার উক্তার উপর নির্ভর করিয়া থাকে, পক্ষান্তরে বিকীর্ণ শক্তি শোষণের হার নির্ভর করে পার্টাস্থত বিকিরণে u_λ বা K_λ -র উপরে। অতএব পারের উক্তা T ক্রির রাখিয়া উহার অভান্তরে অন্য যে-কোন বন্ধুকে আনা যাক না কেন u_λ বা K_λ -র কোন পরিবর্তন হইবে না।

এইবার ভিন্ন বস্তৃতে তৈয়ারী দুইটি আবদ্ধ তল কল্পনা করি এবং মনে করি উভয়ের উক্তা সমান। কোন বস্তৃকে প্রথম পাত্রের মধ্যে এবং পরে দ্বিতীয় পাত্রের মধ্যে রাখিলে প্রতিটি ক্ষেত্রে সাম্যাবস্থায় উহার উক্তা একই হইবে। বেহে তু উভয় ক্ষেত্রে বস্তৃ সাম্যাবস্থায় থাকে সেই কারণে প্রথম ও দ্বিতীয় পাত্রের অভারের u_{λ} বা K_{λ} একই হইবে।

অতএব সাম্যাবস্থায় আবদ্ধ বিক্ষিপ্ত বিকিরণে $u_\lambda = u_\lambda$ (T) এবং $K_\lambda = K_\lambda$ (T)—পাত্রের উক্তা স্থির থাকিলে উহার নিঃসরণ ক্ষমতা বাহাই হউক না কেন এবং উহার অভ্যন্তরে বে-কোন বস্তুকেই প্রবেশ করানো যাক না কেন u_λ বা K_λ -র কোন পরিবর্তন হইবে না ।

4. বিভিন্ন পরীকা হইতে দেখা গিয়াছে যে, উত্তম বিকিরক উত্তম শোষকও বটে। বন্ধ বিকিরণের মধ্যে রাখা কোন তল একই সঙ্গে বিকিরণ ও শোষণ প্রক্রিয়া চালাইয়া সাম্যাবস্থায় পৌছাইবে। পরীক্ষার এই সিদ্ধান্ত হইতে কির্চেফ্ অনুমান করেন যে, একই উষ্ণতায় বস্তুর নিঃসরণ ক্ষমতা ও শোষণ-ক্ষমতার মধ্যে একটি সম্পর্ক থাকে। পরে কির্চেফ্ তত্ত্বীয় প্রমাণে এই সিদ্ধান্ত উপনীত হন বে.

$$\frac{e_{\lambda}(T)}{a_{\lambda}(T)} = K_{\lambda}(T) = e_{B\lambda}(T) = \sec (\lambda, T) \cdots (12.15)$$

 e_{λ} (T) এবং a_{λ} (T) যথাক্রমে T উক্তার λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বন্ধুর নিঃসরণ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতা, K_{λ} (T) হয় T উক্তার রাখা পাত্রের অভ্যন্তরে সাম্য বিকিরণে λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে পৃষ্ঠ-ঔন্ধুলা। $e_{B\lambda}(T)$ ঐ উক্তার একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যে কৃষ্ণ বন্ধুর নিঃসরণ ক্ষমতা। উপরের স্তাটিকে কির্কাফের স্ত্র বলা হয়।

किर्फक् मृद्धत श्रमान-

মনে করি, কোন আবদ্ধ স্থানে রাখা অণু-তল ds একই সঙ্গে বিকিরণ ও শোষণ কার্য চালাইরা সাম্যাবস্থার পৌছিরাছে। ধরা বাক, T উক্তার λ এবং $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে ds তলের নিঃসরণ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতা বধানেমে c_{λ} ও a_{λ} ।

অণু-তল ds হইতে প্রতি সেকেন্ডে $d\omega$ ঘনকোণের মধ্যে ds তলের উপর অন্দিত লয়ের সহিত θ কোণে (solid angle-এর axis ds-তলের অভিলয়ের সহিত θ কোণে আছে) তরঙ্গনৈর্ঘ্য λ ও $\lambda + d\lambda$ -র মধ্যে নিঃসৃত বিকীণ শক্তি

$$e_{\lambda} d\lambda ds \cos \theta.d\omega$$
 ... [সমীকরণ (12.6)]

ধ্বনীয় কোণ বা অক্ষ কোটি (polar angle or colatitude) θ হইতে $\theta + d\theta$ এবং দিগংশ (azimuth) ϕ হইতে $\phi + d\phi$ -এর মধ্যে সীমিত কোন অগ্-তল dA যদি O-তে (ds-এর কেন্দ্র বিন্দু) $d\omega$ ঘনকোণ উৎপন্ন করে তবে তাহার পরিমাপ.

$$d\omega = \sin \theta . d\theta d\phi$$

সৃতরাং কল্পিত শব্দুর ভিতর দিয়া ds তল হইতে প্রতি সেকেও λ হইতে $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃসৃত বিকিরণ

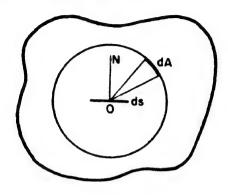
$$e_{\lambda} d\lambda ds \sin \theta \cos \theta d\theta d\phi$$

ds তল হইতে প্রতি সেকেণ্ডে λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে চতুদিকে নিঃস্ত্রোট বিকিরণের পরিমাণ

$$c_{\lambda} d\lambda ds \int_{0}^{\pi/2} \cos \theta \sin \theta d\theta \int_{0}^{2\pi} d\phi$$
$$= \pi e_{\lambda} d\lambda ds$$

সাম্যাবস্থার তরঙ্গনৈর্ঘ্য λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে এই পরিমাণ শক্তি ds তল শোষণ করিবে। এইজন্য ds তলের উপর প্রতি সেকেন্ডে λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে মোট বে বিকিরণ আসিরা আপতিত হইবে আমরা কেবলমার সেইট্কুই হিসাব করিব।

মনে করা বাক বে, ds-এর উপর আপতিত বিকিরণ আবদ্ধ স্থানের মধ্যে রাখা কোন কদ্পিত গোলক-পৃষ্ঠকে অতিক্রম করিয়া অগ্রসর হইয়াছে



54 12·14

(চিত্র $12^{\circ}14$)। আবদ্ধ বিকিরণে প্রত্যেকটি বিন্দৃতে পৃষ্ঠ-ঔন্দ্রলা K_{λ} একই খাকে এবং এই কারণে অনুমান করা বায় বে, K_{λ} নিঃসরণ ক্ষমতা সম্পন্ন অর্ধ গোলকপৃষ্ঠ হইতে যে পরিমাণ বিকিরণ নিঃস্ত হইবে তাহাই ds তলের উপর আপত্তিত হইবে।

গোলক-পৃষ্ঠে অণু-তল dA-র ধ্রুবীয় নির্দেশাব্দ r, θ হইতে $\theta+d\theta$ এবং ϕ হইতে $\phi+d\phi$ -এর মধ্যে আছে । প্রতি সেকেণ্ডে λ এবং $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে dA হইতে ds অভিমুখে বিকিরণ হইবে

$$K_{\lambda} d\lambda dA ds \cos \theta$$
 ... [সমীকরণ 12:8a]

একণে, $dA = r^2 \sin \theta \ d\theta d\phi$

(পরিশিষ্ট দেখ)

সূতরাং dA হইতে λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে যে বিকিরণ ds তলে আপতিত হয় তাহা

 $K_{\lambda} d\lambda ds \cos \theta \sin \theta d\theta d\phi$

এবং ds তলের উপর উহার সম্মৃথস্থ অর্ধ-গোলক হইতে প্রতি সেকেন্তে λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে আপতিত বিকরণ

$$K_{\lambda} d\lambda ds \int_{0}^{\pi/2} \cos \theta \sin \theta d\theta \int_{0}^{2\pi} d\phi$$
$$= \pi K_{\lambda} d\lambda ds$$

বিকিরণে সাম্যাবস্থার কারণে উহার মধ্যে রাখা বে-কোন অগ্-ক্ষের কর্তৃক বে-কোন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকিরণ ও শোষণের পরিমাণ সমান হইবে।

:
$$\pi e_{\lambda} d\lambda ds = a_{\lambda} \pi K_{\lambda} d\lambda ds$$
অথবা $e_{\lambda} = a_{\lambda} K_{\lambda}$
বা $\frac{e_{\lambda}(T)}{a_{\lambda}(T)} = K_{\lambda}(T)$

ি বেহেতৃ e_{λ} , a_{λ} ও K_{λ} প্রত্যেকেই উক্তার অপেক্ষক] মনে করি, আবদ্ধ স্থানে একটি কৃষ্ণ বস্তুকে রাখা হইরাছে। কৃষ্ণ বস্তুর শোষণ ক্ষতা $a_{B}=1$ । কৃষ্ণ বস্তুর নিঃসরণ ক্ষমতা e_{B} লিখিলে,

$$e_{B\lambda}\left(\mathrm{T}\right)=\mathrm{K}_{\lambda}\left(\mathrm{T}\right)$$
অতএব $\frac{e_{\lambda}\left(\mathrm{T}\right)}{a_{\lambda}\left(\mathrm{T}\right)}=\mathrm{K}_{\lambda}\left(\mathrm{T}\right)=e_{B\lambda}\left(\mathrm{T}\right)$

কৈচিফের প্রমাণ হইতে জানা গেল বে, কোন বজুর নিঃসরণ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতার অনুপাত একটি চিরম্ভন প্রশ্বক (universal constant) এবং এই প্রশ্বকটি হয় ঐ একই উক্তায় কৃষ্ণ বজুর নিঃসরণ ক্ষমতার সমান। প্রশ্বকটি তরক্ষদৈর্ঘ্য ও উক্তার কোন অপেক্ষক হইবে। তাপগতিতত্ত্বের আলোচনার এই অপেক্ষকটির প্রকৃতি নির্দেশ করা সম্ভব নর।

কিন্ধকের সূত্র হইতে আমরা করেকটি গৃরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্তে আসিতে পারি। এই সিদ্ধান্তগুলি হইল—

- 1. কৃষ্ণ বন্ধুর বিকিরণ ও একই উষ্টার রাখা বন্ধ পাত্রের অভ্যন্তরশিষ্ট সাম্য-বিকিরণ সমগুণ সম্পন্ন ।
- 2. কোন বন্ধুর পক্ষে e_{λ} (T)/ a_{λ} (T) একটি প্রন্থক—ইহার অর্থ এই বে, বন্ধুর বিকিরণ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতা পরস্পরের নিরপেক্ষ ধর্ম নহে। আমরা ইচ্ছামত বন্ধুর শোষণ ক্ষমতা ছির রাখিয়া বিকিরণ ক্ষমতা পরিবর্তন করিতে পারি না—পক্ষান্ধরে বিকিরণ ক্ষমতা ছির রাখিয়া শোষণ ক্ষমতা পরিবর্তন করা বার না। বাদ কোন বন্ধুর বিকিরণ ক্ষমতা বেশী হর তবে উহার শোষণ করিবার ক্ষমতাও বেশী হইবে। কৃষ্ণ বন্ধুর শোষণ ক্ষমতা সর্বাধিক এবং ঐ কারণে অনুমান করা বার বে, নিদ্ভি উষ্ণভার কৃষ্ণ বন্ধু অন্যান্য সব বন্ধুর চেরে বেশী উষ্ণ্ডল দেখাইবে। এই সিদ্ধান্ধ আপাতবিরোধী মনে হইতে

পারে কারণ আমরা সাধারণত প্রতিফালত আলোকে বস্তৃ দেখিয়া থাকি। সম্পূর্ণ অন্ধকার ঘরে যদি infra-red dectector-এর সাহায্যে প্রত্যেক বস্তৃ হইতে বিকীপ রাশ্য মাপিয়া বস্তৃর উল্ফলতা পরীক্ষা করা যায় তবে দেখা যাইবে কৃষ্ণ বস্তৃই সর্বাপেক্ষা উল্ফল।

3. কির্চন্দের স্ত্রের আর একটি প্রয়োজনীয় সিদ্ধান্ত শ্বেত বস্তৃ বা আদর্শ প্রতিফলক সম্পর্কে। এই সূত্র হইতে জানা যায় যে, কোন বস্তৃর ক্ষেত্রে $a_{\lambda}=0$ হইলে $e_{\lambda}=0$ হইবে। অর্থাৎ আদর্শ প্রতিফলককে যতই উত্তপ্ত করা যাক না কেন উহা হইতে বিকীর্ণ শক্তি বাহির হইবে না।

আমরা পূর্বেই উল্লেখ করিয়াছি নিদিন্ট উক্টার আবদ্ধ তলের ভিতরে যে বিকীর্ণ শক্তি তাহার প্রকৃতি ও পরিমাণ—অর্থাৎ u_{λ} বা K_{λ} কেবলমার পারের উক্টা T-এর উপর নির্ভর করে । আবদ্ধ তলটি যদি আদর্শ প্রতিফলক হর তাহা হইলে এই সিদ্ধান্তটি গ্রহণযোগ্য হইবে না । এক্ষেত্রে $K_{\lambda}=\frac{e_{\lambda}}{a_{\lambda}}=\frac{0}{0}$ একটি অনিদিন্ট রাশি হইবে ।

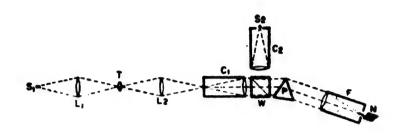
অর্থাৎ, আদর্শ প্রতিফলকের মধ্যে আবদ্ধ থাকিলে বিকীর্ণ শক্তির প্রকৃতি ও পরিমাণ উক্তার দ্বারা নিনিন্ট হয় না। যে-কোন প্রকারের বিকিরণ উহার মধ্যে সাম্যাবস্থায় থাকিতে পারে।

4. এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা যায় যে, কির্চাফের সূত্র কেবলমাত্র উক্তাজাত বিকিরণের জন্যই প্রযোজ্য। পটি-বর্ণালী ও রেখা-বর্ণালীর সৃষ্টি হয় অণ্পরমাণুর গঠন সংক্রান্ত অবস্থা (internal structure) পরিবর্তনের ফলে। এই বিকিরণ উক্তাজাত বিকিরণ নয়। এক্ষেত্রে গুণগত বিচারে (qualitative sense) কির্চাফের সূত্র সঠিক হইলেও হইতে পারে কিন্তু সংখ্যাগত বিচারে (quantitative sense) এই সূত্রটি যথার্থ নয়। রেখা-বর্ণালী ও পটি-বর্ণালীর উৎসর্গালর ভিতর দিয়া নিরবচ্ছিল্ল বিকিরণ (continuous radiation) ষাইবার সময় নিঃস্ত তরঙ্গদর্যো শক্তি শোষণ হয়। কিন্তু ঐ ক্ষেত্রে e_{λ}/a_{λ} অনুপাতটি একই উক্তার প্রদীপ্ত কঠিন পদার্থের এই অনুপাত হইতে পূথক হইয়া থাকে।

12'18. বিক্তিছ-সূত্ৰের পরীক্ষা (Experimental verification of Kirchhoff's law):

Pfluger-এর পরীকা হইতে কিচ্চফের স্ত্রের বাধার্থা প্রমাণিত হর।

একেত্রে একটি পাতলা tourmaline crystal কর্তৃক *o-*রাণা এবং ে-রাণাতে (ordinary ray ও extra ordinary ray) বিকিরণ ও শোষণের পরিমাণ ছির করা হইবে। চিত্র (12:15)-এ এই পরীকার বন্দোবন্ত দেখানো হইল।



But 12:15

S ,উৎস হইতে আলোক রশ্মি L, লেন্সের সাহাব্যে tourmaline crystal T-এর উপর ফেলা হইবে। T-হইতে বাহিরে আসার পর L, লেন্সের সাহাব্যে আলোক রশ্মি অক্ষীকারক বন্ধ্য (collimeter) C,-এর মুখে আসিরা পড়ে। সমান্তরাল আলোক রশ্মি C, হইতে Lummer-Brodhun spectrophotometer-এ প্রবেশ করিবে। এই বন্দ্রে C,-এর দিকে প্রথমেই থাকে একটি ঘনক (W)। ঘনকটিকে উহার কর্ণ (diagonal) বরাবর দুইটি অংশে ভাগ করিয়া সংযোগতলটিতে পারার প্রলেপ দেওরা হইরাছে। সংযোগতলে প্রতিফলিত ও সংবাহিত আলোকের তীব্রতা সমান হইতে পারে এরূপ বাবন্ধা করা হয়। পরে প্রিক্তম P ও টেলিন্ফোপ F-এর ভিতর দিরা অগ্রসর হওরার পর আলোক রশ্মি নিকল-প্রিক্তম (Nichol prism) N-এর উপর আপতিত হইবে। অন্যদিকে প্রমাণ-আলোক-উৎস (standard light source) S, হইতে আলোক রশ্মি W-ঘনকের সংযোগতলে প্রতিফলিত হইয়া নিকল-প্রিক্তমে প্রবেশ করে। বিভিন্ন অবন্থার S, হইতে আলো বিকিরণের সাহিত তুলনা করিয়া ন্ধির করা হয়। তীব্রতা S, হইতে আসা বিকিরণের সাহিত তুলনা করিয়া ন্ধির করা হয়।

এই পরীকার প্রথমে crystal-টি ছির উক্তার রাখির। আলোক উৎস S_1 কে সরাইরা ফেলা হইবে । এই অবস্থার T হইতে নিঃস্ত কোন বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকিরণকে নিকল-প্রিজমের সাহাব্যে S_2 হইতে আসা একই

তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকিরণের সঙ্গে তুলনা করা হয়। নিকলটি থাকার পৃথক্ভাবে o-রাশ্ম এবং e-রাশ্মর তীন্ততা ছির করা যাইবে। পরে T-কে স্থানচ্যুত না করিরা S_1 -কে জেন্স L_1 -এর পিছনে বসানো হইবে। S_1 হইতে নিঃস্ত বিকিরণ T-কে অতিক্রম করিবে এবং ঐ সঙ্গে T নিজেও বিকিরণের উৎস ছিসাবে কাজ করিবে। উভয়ের মিলিত বিকিরণে পূর্বের ঐ একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যে o-রাশ্ম এবং e-রাশ্মর তীন্ততা মাপা হয়। এবং শেষে T-কে সরাইয়া ফেলিরা কেবলমান্র S_1 হইতে নিঃস্ত বিকিরণ লইয়া ঐ একই পরীক্ষা করা হইবে।

মনে করি, T-এর উপর আপতিত বিকিরণের তীরতা I — সেক্ষেত্রে উহাকে অতিক্রম করিবার পর আলোকের তীরতা হইবে

$$It = I(1-a-r)$$

t, a ও r বথাক্রমে crystal এর সংবাহিতাব্দ, শোষিতাব্দ ও প্রতিফলনাব্দ নির্দেশ করে। পরীক্ষার প্রথম পর্বারে আমরা crystal-এর o-রশ্মি এবং e-রশ্মিতে বিকিরণের ক্ষমতা E, এবং E, জানিতে পারিব। S, উৎস হইতে tourmaline crystal-এর o-রশ্মি এবং e-রশ্মি অভিমূখে (T-এর পরিবর্তে) বিকিরণের তীব্রতা I_o এবং I_e ধরিলে দ্বিতীয় ধাপে পাই ($I_o t_o + E_o$) এবং ($I_o t_e + E_o$) এবং ($I_o t_e + E_o$) এবং শেষ ধাপে কেবলমাত I_o এবং I_e । ইহাদের সাহাযো সহজেই আমরা tourmaline crystal-এর ক্ষেত্রে o-রশ্মি এবং e-রশ্মিতে সংবাহিতাব্দ e0 এবং e1 ছিসাব করিতে পারি।

এক্ষণে, t=(1-r-a), এবং $r=\left(\frac{\mu-1}{\mu+1}\right)^2$ —এই সমীকরণ-দৃইটির সাহায্যে সহজেই o-রশ্মি এবং e-রশ্মির জন্য শোষিতাক a_o ও a_o হিসাব করিতে পারি । Pfluger এই পরীক্ষার দেখা বার—

$$\frac{a_{e}}{a_{e}} = .650$$
 and $\frac{E_{e}}{E_{e}} = .641$

অনৃপাত দুইটি প্রার সমান বলিরা polarised component দুইটির ক্ষেত্রে বিক্রিপ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতার অনৃপাত একই হইবে বলা বার। কিচন্দের মূল সূত্রে বলা হইরাছে বে, একই উকতার ও একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিভিন্ন বন্ধুর বিক্রিপ ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতা একই হইবে। Pfluger-এর এই পরীক্ষার বিভিন্ন বন্ধু লইরা পরীক্ষা করা হর নাই। Tourmaline

crystal-এর পক্ষে ০-রিশাকে শোষণ করিবার ক্ষমতা খ্ব বেশী এবং
e-রিশাকে শোষণ করিবার ক্ষমতা খ্ব কম। এই পরীক্ষার কেবলমার
দেখানো হইল বে, polarised component দুইটির জন্য বিক্রিপ
ক্ষমতা ও শোষণ ক্ষমতা পৃথক্ হওয়া সত্ত্বেও ইহাদের অনুপাত দুইটি ক্ষেত্রেই
সমান। পরীক্ষার ব্যবহৃত tourmaline crystal-টির বেধ (thickness)
খ্বই কম হওয়া বাঞ্চনীর নতুবা crystal ০-রিশাকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ
করিয়া লইবে।

12'19. কিৰ্চ্চহন্-সূত্ৰের প্রক্রোপ (Application of Kirchhoff's law):

কিঠেফের সূত্র হইতে আমর। জানিতে পারি যে, কোন বস্তু যদি বিশেষ তরঙ্গনৈর্ঘার তরঙ্গকে উত্তমজপে বিকিরণ করিতে পারে তবে ঐ তরঙ্গ বস্তুর উপর আপতিত হইলে বস্তু উহাকে প্রভূত পরিমাণে শোষণ করিবে। পক্ষান্তরে কোন বস্তুর পক্ষে বিশেষ তরঙ্গকে শোষণ করিবার ক্ষমতা বেশী হইলে ঐ বস্তু হইতে একই তরঙ্গনৈর্ঘা নিঃসরণও বেশী হইবে। কৃষ্ণ বস্তু যে-কোন দৈর্ঘার আপতিত তরঙ্গকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করে এবং উত্তপ্ত কৃষ্ণ বস্তু হইতে সকল তরঙ্গনৈর্ঘা বিকিরণ নিঃসৃত্ত হইতে থাকে। কয়েকটি উনাহরণ হইতে কিঠফ্-স্ত্রের এই বৈশিষ্টা বৃক্ষা যাইবে—

- 1. একটি চীনামাটির পারের কিছ্টা অংশে ভূবা কালি লাগানো হইল। কিছুক্ষণ উহাকে সূর্বালোকে রাখিয়া নিলে দেখিতে পাইব বে, অন্য ষে-কোন অংশের চেরে কালি মাখানো অংশটি বেশী মাত্রায় উত্তপ্ত হইয়ছে। পাত্রটিকে পরে একটি চুল্লীর উপরে রাখিয়া উত্তপ্ত করা হইল, এইবার উহাকে একটি অক্ষণার খবে লইয়া গেলে কালি মাখানো অংশটি অন্যান্য অংশের ভূলনায় বেশী উল্ফুল বলিয়া বোধ হইবে। কালি মাখানো অংশটি অন্য অংশের চেয়ে অধিক পরিমাণে বিকীর্ণ শক্তি শোষণ করিয়াছে বলিয়া ঐ অংশটি সহজেই উত্তপ্ত হইয়াছে। পকাররে উত্তপ্ত হওয়ার পর ঐ অংশ হইতে অধিক পরিমাণে বিকিরণ নিঃস্ত হয় বলিয়া উহাকে উল্ফুল বলিয়া বোধ হয়।
- 2. স্বালোক লাল কাঁচের ভিতর বিরা অগ্নসর হইবার সমর লাল ভিন অন্যান্য বর্ণের তরক শোষণ করে। লালের পরিপ্রক বর্ণ (complimentary colour) হর সব্জ—সব্জ বর্ণাঞ্জের তরক লাল কাঁচ সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিয়া নের। অন্ধনার করে লাল কাঁচকে উত্তপ্ত করিলে উহা

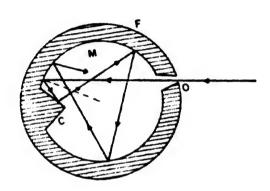
সবৃদ্ধ দেখায়। কারণ, লাল কাঁচ উত্তপ্ত হইলে উহ। হইতে অন্য বে-কোন দৈর্ঘাের তরঙ্গের তুলনার সবৃদ্ধ বর্ণাণ্ডলে বিকিরণের পরিমাণ অনেক বেশী।

3. কৈচ্চফ্-স্তের সর্বাপেক্ষা গ্রুত্বপূর্ণ প্রয়োগ দেখা যায় সৌর-বর্ণালীতে ফ্রান্হফারের D-রেখা-বর্ণালীর উৎপত্তি বিশ্লেষণে। ফ্রান্হফার (Fraunhofer) সৌর-বর্ণালীতে করেকটি কালো রেখা লক্ষ্য করেন—ইহা শোষণ বর্ণালী বা absorption spectrum-এর অনুরূপ। ঐ রেখাগৃলিকে ইংরাজী বর্ণমালার A, B, C, D · · · অক্ষর দ্বারা চিহ্নত করা হয়। ফ্রান্হফার উহানের তরঙ্গনৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে সক্ষম হন, কিল্প ঐ রেখাগৃলি কিভাবে উৎপত্তি হইয়াছে তাহার কোনরূপ ব্যাখ্যা নিতে পারেন নাই। পরে অন্য কয়েকটি নক্ষতের বর্ণালীতেও একই ধরনের কালো রেখা লক্ষ্য করা গিয়াছে। সোডিয়ামের শিখর-বর্ণালী ও সৌর-বর্ণালীকে একযোগে পরীক্ষা করিয়া দেখা যায় যে, সোডিয়াম বর্ণালীর হল্দে রেখা-নৃইটি ও সৌর-বর্ণালীর D1, D2 রেখা photographic film-এ একই জায়গায় পড়ে—অর্থাৎ উহাদের তরঙ্গদৈর্ঘ্য সমান। কিচ্চফ্ তাহার ঐ স্তের প্রয়োগে সৌর-বর্ণালীতে D রেখান্বয়ের উৎপত্তি ব্যাখ্যা করিতে সক্ষম হন।

ঠিকভাবে উত্তেজিত করিতে পারিলে সোডিয়াম হইতে D রেখান্বয়ের তরঙ্গনৈর্ঘ্য বিকিরণ বাহির হইবে। কিচ্চফ্-স্ত অনুসারে সাদা আলো সোডিয়ামের উপর পাড়লে D-রেখার প্রতিষঙ্গী তরঙ্গকে (corresponding wavelength) সোডিয়াম শোষণ করিয়া লইবে এবং ইয়ার ফলে দুইটি কালো রেখার (absorption line) সৃষ্টি হইবে। সূর্বের আলোকমণ্ডল (photosphere) হইতে সানা আলো অপেক্ষাকৃত শাতল গ্যাসীয় আবরণের বর্ণমণ্ডলকে (chromosphere) অতিক্রম করিবার সময় বর্ণমণ্ডলে উপস্থিত সোডিয়াম বাষ্প কর্তৃক শোষিত হয়। কাজেই বর্ণমণ্ডল অতিক্রম করিয়া আসা আলো পৃথিবীতে পৌছাইলে উহার বর্ণালী নিরবিছ্নিয় হইবে ঠিকই, কিছু শোষিত বিকিরণের তরঙ্গনৈর্ঘ্যে কালো রেখা দেখা যাইবে। এই রেখাগুলিই ফ্রান্হফার-এর D-রেখা। এইভাবে সৌর-বর্ণালী বিশ্লেকণ করিয়া সূর্বের বর্ণমণ্ডলে হাইজ্রোজেন, আন্ধজেন, নাইট্রোজেন, লোহ, ক্যালাসয়াম ও বিভিন্ন দৃষ্প্রাপ্য গ্যাসের উপস্থিতি জানা সম্ভিব হুইয়াছে।

4. কেরী ও ভিন্ পরিকল্পিত আদর্শ কৃষ্ণ বস্তু (Perfect

black body due to Ferry and Wien)—পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, বাস্তবে কোন বস্তৃই কৃষ্ণ বস্তৃর গুণসম্পন্ন নর। ভূষা কালি ও 'প্লাটিনাম-ব্লাকে'র বিকিরণ শোষণ করিবার ক্ষমতা খুব বেশী বটে তবে কিছু পরিমাণে প্রতিফালিতও হইয়া থাকে। কিন্তকের স্থাকে ভিত্তি করিয়া পৃথক্ভাবে ফেরী (Ferry) ও ভিন্ (Wien) দৃইটি ভিন্ন ধরনের কৃষ্ণ বস্তৃর পরিকল্পনা করেন। কার্যকেতে আদর্শ কৃষ্ণ বস্তৃ হিসাবে ফেরী ও ভিন্ পরিকল্পিত যন্দ্য-দুইটি ব্যবহার করা হয়।



fix 12:16

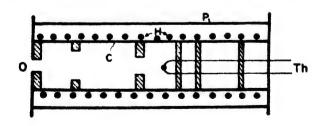
চিত্র 12.16-এ ফেরীর কৃষ্ণ বস্তু দেখানো হইরাছে। ইহা ধাতব পদার্থের একটি কাপা গোলক—উহার গাত্রে একটি অতি কৃদ্র ছিন্র রহিরাছে। ছিন্ন পথে বিকাণ রিশা গোলকের অভ্যন্তরে প্রবেশ করিতে পারে অথবা নির্গত হইতে পারে। গোলকের ভিতরের তলটিতে ভূষা কালি অথবা 'প্রাটিনাম-ক্র্যাকে'র একটি প্রলেপ দেওরা থাকে। আপতিত বিকাণ রিশা O-ছিন্নপথে প্রবেশ করিবার পর সরাসরি প্রতিফালত হইরা ঐ পথে বাহাতে ফিরিরা না আসে সেই কারণে ছিন্র মুখের বিপরীত দিকে ভিতরের দেওরালটিকে শম্কু আকৃতির (conical projection of the inner wall) করা হর। বিকিরণ O-পথে গোলকের অভ্যন্তরে প্রবেশ করিবার পর বারবার প্রতিফালত রিশা ঐ গোলক হইতে নির্গত হইতে পারে না। প্রতিবার আপতনে আপতিত শক্তির একটি বড় অংশ ভূষা কালি মাখানো দেওরালটি শোষণ করিবা লয় এবং কৃদ্র ভ্রমাংশ প্রতিফালত হর। অনেকবার প্রতিফালতের পর প্রতিফালত রিশা তিক্তালত রিশা প্রতিফালত রিশা প্রতিফালতের পরে

পর্বারদ্রমে সমস্ত শক্তিই শোষণ করিয়া লইবে। কেবলমাত্র আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধৃই আপতিত সমস্ত শক্তিকে শোষণ করিয়া লইতে পারে—কোন শক্তিই উহা প্রতিষ্ঠালত করে না। এই কারণে গোলকটিকে আদর্শ কৃষ্ণ বস্তৃ হিসাবে বিবেচনা করা বার ।

কৈঠকের সূত্র হইতে আমরা জানিয়াছি যে, কোন তরঙ্গদৈর্ঘ্য বজ্বর শোষণক্ষমতা বেশী হইলে সেই তরঙ্গদৈর্ঘ্য বজ্বর নিঃসরণ ক্ষমতাও বেশী হইবে। এই কারণে ঐ গোলকটিকে উত্তপ্ত করিলে উহা হইতে প্রত্যেকটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকিরণ বাহির হইতে থাকিবে। ইহা কৃষ্ণ বিকিরকের বৈশিন্ট্য । উপরম্ব পূর্বের আলোচনা হইতে জানা যায় যে, বন্ধন্থানে সাম্যা বিকিরণক কৃষ্ণ বজ্বর বিকিরণ বালয়া চিহ্নিত করা যায় এবং উহা কেবলমাত্র পাত্রের উষ্ণতার উপর নির্ভর করে। আবদ্ধ পাত্রের দেওয়ালের প্রকৃতি যাহাই হউক না কেন বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে শক্তির বন্টন একই উষ্ণতায় একটি কৃষ্ণ বিকিরক হইতে নির্গত রশার মতো একই রক্ম হইবে। বদ্ধ পাত্রের অভ্যন্তরে অন্য যে-কোন বস্তৃক্টের রাখা বাক না কেন সাম্যাবন্থায় উহার উষ্ণতার কোন কৃষ্ণ বিকিরকের বিকিরণ বিলিতে পারিব।

ভিন্ পরিকল্পিত কৃষ্ণ বন্ধু ল্মার (Lummer), প্রিংশেম (Pringshem) ও কোরেনংজ (Coblentz) প্রমূখের প্রচেন্টার পরবর্তীকালে নানাভাবে রূপান্তরিত হইরাছে। প্রধানতঃ আদর্শ কৃষ্ণ বিকিরক হিসাবে ইহা ব্যবস্তুত হইরা থাকে। পরিবন্ধিত অবস্থার কৃষ্ণ বস্তুটি এইরূপ—

অভ্যন্তর ভাগে কালো প্রলেপ দেওয়া প্লাটিনামের তৈরারী একটি ফাঁপা নল C (চিত্র 12:17) এবং উহার বাহিরে চীনামাটির সমাক্ষীর (coaxial



64 12·17

porcelain) অন্য একটি নল (P) রহিয়াছে। প্লাটিনাম নলটির গারে পরিবাহী তার (H) জড়ানো এবং উহার সাহাব্যে বিদ্যুৎ প্রবাহ পাঠাইয়া

নলটিকে উত্তপ্ত করা হর। হির উক্তার রাখা এই নলটি হইতে বে বিকিরণ নিঃস্ত হর তাহা পর্বারক্রমে সীমিত ক্ষমতার কতকগৃলি অর্গল (limiting diaphragm) অতিক্রম করিরা অবশেষে O-পথে বাহিরে আসে। তাপ-যুগোর (Th) সাহাব্যে বিকিরকের উক্তা মাপা বার।

12:20. বিকিরণ-জুনিভ চাপ (Pressure due to radiation) :

আলোকের প্রকৃতি সম্পর্কে কোন স্থির ধারণার পৌছাইবার বহ পূর্বেই আলোক-জনিত চাপের অভিত্ব অনুমান করা হইরাছে। দেখা গিরাছে বে, ধুমকেতৃ সূর্বের নিকটে আসিতে থাকিলে উহার পুচ্ছ সূর্বের বিপরীত দিকে হেলিরা পড়ে। সূর্ব হইতে বে আলো আসিয়া পড়ে এবং তাহার চাপের ফলেই এরূপ ঘটনা ঘটিতেছে বলিরা অনুমান করা হর।

আলোকে কণার সমষ্টি বলিয়া চিন্তা করিলে আলোর আপতনে ও প্রতিফলনে কণাগৃলির ভরবেগের পরিবর্তন হয়। এই কারণে আপতিত তলের উপর বিকিরণের দরুল চাপ সৃষ্টি হয়। ম্যাক্সওয়েল আলোকে তড়িং-চুম্বকীয় তরক্ষ হিসাবে ব্যাখ্যা করেন। তড়িং-চুম্বকীয় বলক্ষেত্রের সমীকরণ-গৃলির (electromagnetic field equations) সাহাব্যে ম্যাক্সওয়েল বিকিরণ-ক্ষনিত চাপের হিসাব করেন।* এখানে ঐ প্রমাণটি দেওয়া হইবে না।

লারমার (Larmour) সাধারণভাবে ষে-কোন আপতিত তরঙ্গের জন্য আপতিত তলের উপর যে চাপ সৃষ্টি হয় তাহার পরিমাপ স্থির করেন । বিকীণ তাপ (heat radiation) তরঙ্গাকারে বাহির হয় বলিয়া এই প্রমাণ বিকীণ তাপের জন্যও প্রযোজ্য । লারমার-এর হিসাব অনুযায়ী দিক্-নির্দিন্ট রশ্মির (directed radiation) ক্ষেত্রে বিকিরণ-জনিত চাপ $P=u=rac{I}{C}$ ।

আমরা পূর্বেই উল্লেখ করিরাছি বে, কোন আবদ্ধ পাত্রকে উত্তপ্ত করিলে অথবা আবদ্ধ পাত্রের মধ্যে কোন তাপীর উৎস রাখিলে পাত্রের অভ্যন্তরে কোন বিন্দৃতে নির্দিন্ট দিকে বিক্রিগ পাওরা বার না। বিকিরণ একই বিন্দৃতে একই সমরে বিভিন্ন গতিমুখে বাইতে থাকে—এবং এই কারণে পাত্রের অভ্যন্তরেছিত বিকিরণ বিন্দিপ্ত বিকিরণ বা diffuse radiation হিসাবে চিছিত হয়। বিকিপ্ত বিকিরণের জন্য সেই কারণে কোন বিন্দৃতে

^{*} Max Planck-Theory of Heat Radiation'

বিকিরণের তীরতার সংজ্ঞা দেওরা সম্ভব নয় । লারমার-এর সূত্র তাই বিকিপ্ত বিকিরণের জন্য প্রবোজ্য নয় । পরে প্রমাণ করা হইবে বে, বিকিপ্ত বিকিরণের দরুল চাপ $P=\frac{u}{3}$ । বার্টোল সর্বপ্রথম তাত্ত্বিক আলোচনা হইতে বিকিপ্ত বিকিরণ-জনিত চাপের অভিত্ব সম্পর্কে নিঃসংশ্বর হন ।

12'21. বিকিরণ-জনিত চাপ-বার্টোলির প্রমাণ (Radiation pressure—proof due to Bartoli):

তাপগতিতত্ত্বের দ্বিতীয় সূত্রের সাহায্যে বার্টোলি বিকিরণ-জনিত চাপের অভিদ্ব সম্পর্কে নিঃসংশয় হন। নিম্নে বার্টোলির এই তাত্ত্বিক প্রমাণটি দেওয়া গেল।

মনে করি, A ও B বথাক্রমে T_1 ও T_2 উক্তার $[T_1>T_2]$ বে-কোন দুইটি তাপীয় বস্তু এবং ঘর্ষণ-বিহীন পিশ্টন সহ একটি স্তম্ভ C । স্তম্ভকের ভিতরের দেওয়াল আদর্শ প্রতিফলক এবং উহার তলদেশ একটি আলগা পাত W ঘারা আটকানো । পাতটিকে ইচ্ছামতো স্তম্ভক হইতে বিচ্ছিন্ন করা যায় অথবা স্তম্ভকের সহিত যুক্ত করা যায় । পাতটি সরাইবার সময় ঘর্ষণ বলের বিরুদ্ধে কোন কাজ করিতে হয় না বলিয়া অনুমান করা গেল । পরীক্ষার বিভিন্ন খাপে স্তম্ভকের ভিতরের অবস্থা হইবে—

- 1. C প্রথমে বিকিরণ শূন্য অবস্থায় থাকে।
- 2. C-কে B-এর উপর বসানো হইল এবং W-কে সরানো হইল। এজন্য কোন কাজ করিতে হইবে না। C এই সময়ে T_2 উঞ্চার সামা-বিকিরণে পূর্ণ হইবে। এইবার W-কে লাগানো হইল—এজন্য কোন কাজ করিতে হইবে না।
- $3. \ C$ -কে A-র উপর বসাইয়। W-কে সরানো হইল । পিস্টনটিকে ঠেলিয়। সম্পূর্ণ নিচে নামানো হইবে । ভিতরের সমস্ত বিকিরণ A শোষণ করিয়। লইবে । এবং শেষে W-কে পুনরায় C-এর মুখে লাগানো হইল ।
- 4. C-কে সরাইয়া পিস্টনটিকে উপরে তুলিয়া লইলে C-প্নরায় বিকিরণ শ্ন্য অবস্থায় পৌছাইবে।

এই চক্রাকার (cyclic) প্রক্রিয়ার B হইতে কিছু পরিমাণ তাপশক্তি A-তে স্থানাম্বরিত হইবে । কিছু $T_{\bullet}\!<\!T_{\bullet}$ —িছতীয় সূত্র অনুসারে এইজনা কিছু কাঞ্জ

করিতে হইবে। একমাত্র ভৃতীর পর্বারে বখন পিন্টনটি নামানো হইতেছিল ভখনই বাহির হইতে কার্ব করা বাইতে পারে। বিকিরণ পিন্টনের উপর চাপ দিলে তবেই ইহা সম্ভব।

12:22. সারমারের উপপাত (Larmour's theorem) :

মনে করি, x অক্ষের বিপরীত দিকে (— ve x-axis) কোন তরঙ্গমালা ে গতিবেগে অগ্রসর হইবার পথে v-গতিবেগ সম্পন্ন বিপরীতমূখী একটি পূর্ণ প্রতিফলকের উপর লম্বভাবে আপতিত হইরাছে।

- 🗴 অক্ষের অভিমূখে তরঙ্গমালার সমীকরণ হইতেছে

$$\xi_{x,t} = a \cos k (ct + x) \qquad \cdots \qquad (12.16a)$$

সমীকরণে ξ_{x} , μ প্রথে t সমরে সরণ, μ তরকের বিভার । তরসদৈর্ঘ্য λ ধরিলে, $k=\frac{2\pi}{\lambda}$ । প্রতিফলনের পর তরসমালা $+\mu$ অক্ষ বরাবর চলিতে থাকে এবং প্রতিফলিত তরসমালার সমীকরণ হইবে

$$\boldsymbol{\xi_{x, t}} = a' \cos k' (ct - x) \qquad \cdots \qquad (12.16b)$$

প্রতিফালিত তরঙ্গে .r-প্রবে t সময়ে সরণ ξ'_x , , এবং তরজের বিভার a' লেখা হইরাছে । প্রতিফালিত তরঙ্গর্পের্য λ' এবং $k'=2\pi/\lambda'$ ।

পূর্ণ প্রতিফলকের অভাররে আপতিত তরকের চিন্না অনুপন্থিত এবং প্রতিফলকের পৃষ্ঠদেশ একটি নিস্পন্দ তল (node) হইবে। একণে t সমরে প্রতিফলকের অবস্থান হয় x=vt।

$$x = vt$$
 अवस्तात ξ_x , $t + \xi'_x$, $t = 0$
अथवा, $a \cos kt (c + v) = -a' \cos k't (c - v)$
... (12:17)

অতএব,
$$a=-a'$$
 এবং $\frac{k}{k'}=\frac{\lambda'}{\lambda}=\frac{c-v}{c+v}<1$

দেখা গেল বে, প্রতিফলকের গাঁতবেগের কারণে প্রতিফালত তরঙ্গের তরঙ্গ দৈখ্য $\frac{c-v}{c+v}$ অনুপাতে সম্কুচিত হয় ।

আপতিত তরঙ্গের জন্য মাধ্যমে শক্তির ঘনত বা উহার একক আরতনে শক্তির পরিমাপ

$$E = \frac{1}{2}\rho \begin{pmatrix} \partial \hat{\xi} \\ \partial t \end{pmatrix}_{max}^{2}$$

বিকিরণকে ঈথার তরঙ্গ বলির। অনুমান করা হইতেছে—মাধ্যমের ঘনত্ব হইতেছে ho।

नभीकत्रण (12·16a)-अत्र नाहारवा

$$\begin{pmatrix} \partial \xi \\ \partial t \end{pmatrix} = -akc \sin k(ct + x)$$

$$\therefore \qquad \left(\frac{\partial \xi}{\partial t} \right)_{max}^{2} = a^{2}k^{2}c^{2}, \text{ agr } E = \frac{2\pi^{2}\rho a^{2}c^{2}}{\lambda^{2}}$$

অনুরূপভাবে, প্রতিফলিত তরঙ্গের জন্য শক্তির ঘনত্ব হইবে

$$E' = \frac{2\pi^{2}\rho a'^{2}c^{2}}{\lambda'^{2}} = \frac{2\pi^{2}\rho a^{2}c^{2}}{\lambda'^{2}}$$

$$\therefore \qquad \frac{E}{E'} = \frac{\lambda'^{2}}{\lambda^{2}} = \left(\frac{c-v}{c+v}\right)^{2} \qquad \cdots \qquad (12.18)$$

প্রতিফলক স্থির থাকিলে উহার উপর প্রতি সেকেণ্ডে c দৈর্ঘ্যে আবদ্ধ তরঙ্গমালা আপতিত এবং প্রতিফলিত হইত । কিন্তু প্রতিফলকের গতিবেগের দরন এই সমরে (c+v) দৈর্ঘ্যে আবদ্ধ তরঙ্গমালা আপতিত হইবে এবং প্রতিফলনের পরে উহা (c-v) দৈর্ঘ্যে আবদ্ধ থাকিবে । এই কারণে প্রতিফলকের একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেণ্ডে E(c+v) শক্তি আপতিত

লারবার উপপাড়ে উনিধিত তরজের প্রকৃতি সম্পর্কে কোন উন্নেধ করা হর নাই। সেইজন্ত তরজের প্রকৃতি বাহাই হউক না কেন অপুছেন্ত (12:22)-এর সমীকরণগুলি অপরিবর্তিত থাকিবে। বিকীপ ভাগপন্তি ভড়িং-চূবকীর spectrum-এর একটি অংগ। উপরের আলোচনার তড়িং-চূবকীর তরজ চিন্তা করিলে করেকটি অসমতি বেধা দের।

হইবে এবং \mathbf{E}' (c-v) শব্দি প্রতি সেকেণ্ডে উহার একক ক্ষেত্র হইতে প্রতিফলিত হইবে।

.. প্রতি সেকেণ্ডে একক ক্ষেত্র হইতে প্রতিফালত শক্তি প্রতি সেকেণ্ডে একক ক্ষেত্রের উপর আপতিত শক্তি

$$=\frac{\mathrm{E}'(c-v)}{\mathrm{E}(c+v)} = \frac{c+v}{c-v} > 1 \qquad \cdots \qquad (12.19)$$

প্রতিফলকের উপর বিকিরণের দরুন চাপ সৃষ্টি হইলে প্রতিফলকটিকে সরাইবার সময় কার্য করিতে হইবে । এই কারণে আপতিত শক্তি অপেকা প্রতিফলিত শক্তি বেশী হওয়া সম্ভব । মনে করি, বিকিরণ-জনিত চাপ P । প্রতি সেকেণ্ডে প্রতিফলকের সরণ v এবং ইহার দরুন ঐ সময়ে প্রতিফলকের একক ক্ষেত্রের উপর কার্য $\delta w=Pv$ ।

একক ক্ষেত্র ইইতে প্রতি সেকেন্ডে প্রতিফালত শক্তি একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি সেকেন্ডে আপতিত শক্তি

$$=\frac{\mathrm{E}(c+v)+\mathrm{P}v}{\mathrm{E}(c+v)}\qquad \cdots \qquad (12.20)$$

সমীকরণ (12:19) ও (12:20) একত করিলে

$$\frac{E(c+v)+Pv}{E(c+v)} = \frac{c+v}{c-v} \qquad \cdots \qquad (12.21)$$

অথবা
$$P = 2\left(\frac{c+v}{c-v}\right)E$$
 ... (12.22)

সমীকরণ (12:18)-এর সাহাব্যে আমরা লিখিতে পারি

$$\frac{E+E'}{E} = \frac{(c+v)^2 + (c-v)^2}{(c-v)^2} = \frac{2(c^2+v^2)}{(c-v)^2}$$

व्यथवा
$$E = \frac{(E + E')(c - v)^2}{2(c^2 + v^2)}$$
 (12.23)

সমীকরণ (12:22) ও (12:23) একত করিলে

$$P = \frac{(c^2 - v^2)}{c^2 + v^2} (E + E')$$
 (12.24)

প্রতিফলক ছির থাকিলে v=0, এবং

$$P = (E + E')$$

কেবলমাত্র আপতিত বিকিরণের দরুন চাপ

$$P = E = u = \frac{I}{c} \qquad \cdots \qquad (12.25)$$

উল্লেখ করা যায় যে, উপরের সিদ্ধান্তটি কেবলমাত্র নির্দিন্ট দিকে অগ্রসর হওরা বিকিরণের ক্ষেত্রেই গ্রহণীয় হইবে। বিক্রিপ্ত বিকিরণের জন্য সমীকরণ (12.25) প্রযোজ্য নয়।

সূর্য হইতে পৃথিবী-পৃষ্ঠের উপর বিকিরণ আসিয়া পড়িতেছে। কিছু
সমরের জন্য একটি কৃষ্ণ বজুকে স্থালোকে রাখিয়া উহার উষ্ণতা-বৃদ্ধি লক্ষ্য
করা গেল। এই উষ্ণতা-বৃদ্ধি হইতে বিকিরণ-জনিত চাপ হিসাব করিতে
পারিব।

প্রতি মিনিটে একক ক্ষেত্রের উপর আপতিত তাপশক্তি 2 ক্যালরি (প্রায়)। সূতরাং বিকিরণের তীব্রতা

$$I = \frac{2 \times 4.2 \times 10^7}{60} \text{ ergs/sec/cm}^2$$

বিকিরণের দরনে চাপ

$$P = u = \frac{I}{c} = \frac{2 \times 4.2 \times 10^7}{60 \times 3 \times 10^{10}} = 4.62 \times 10^{-5} \text{ dynes/cm}^2$$

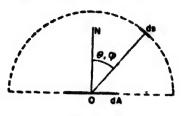
অর্থাৎ সূর্যের বিকিরণের দরুন ভূ-পৃষ্ঠের উপর চাপ $4^{\circ}6 imes 10^{-8}~\mathrm{gm}$ ভরের কোন বস্তুর ওন্ধনের সমান ।

12'23. বিক্রিপ্ত বিকির্বেশর চাপ (Pressure due to diffuse radiation):

পূর্বেই প্রমাণ করা হইয়াছে দিক্-নিদিন্ট রাশার ক্ষেত্রে $P=u=rac{I}{C}$ । বিক্ষিপ্ত বিকিরণের জন্য এই সূত্র প্রযোজ্য নয়। প্রমাণ করা যায় যে, বিক্ষিপ্ত বিকিরণের চাপ $P=rac{u}{3}$ ।

পারের অভ্যন্তরে কোন স্থানে একটি অণু-তল dA কল্পনা করা বাক।

ঐ ক্ষেত্রের উপর চতুদিক হইতে বিকিরণ আসিরা পড়ে। dA-এর এক দিকের পৃষ্ঠ চিত্তা করিলে আপতিত বিকিরণ একটি কাম্পনিক অর্ধ-গোলককে



Ba 12-18

অতিক্রম করির। অগ্রসর হইবে। কাল্পনিক গোলক-পৃষ্টের অণ্-ক্রে ds-কে অতিক্রম করির। λ হইতে $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বে বিকিরণ অগ্রসর হইতেছে তাহার জন্য গোলকের অভায়রে O বিন্দৃতে (চিন্র 12.18) বিকিরণের তীরত। হইবে

$$dI_{\lambda} d\lambda = K_{\lambda} d\lambda d\Omega$$
 [সমীকরণ 12.12]

O-বিন্দৃতে ds তল বে ঘনকোণ উৎপান করে তাহাকে $d\Omega$ লেখা হইয়াছে । O-বিন্দৃতে ds বিকীর্ণ-রাশ্যর চাপ $\frac{K_{\lambda}}{dt} d\Omega$ ।

এবং, ds হইতে λ ও $\lambda + d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃস্ত বিক্রিণের জন্য dA-র উপর বল

$$dA \cos \theta K_{\lambda} d\lambda d\Omega$$

এই বল আপতিত বিকিরণের দিকে চিন্না করিবে। dA তলের অভিলয়ের দিকে বল

$$\frac{dA}{c}\cos^2\theta K_{\lambda} d\lambda d\Omega$$

কাল্পনিক অর্থ গোলক-পৃষ্ঠের বিভিন্ন অংশ হইতে আসা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকিরণের জন্য dA তলের অভিসমের দিকে মোট বল

$$\frac{dA}{c} \int_0^{\infty} K_{\lambda} d\lambda \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^2 \theta \sin \theta d\theta \int_0^{\frac{\pi}{2}} d\phi = \frac{2\pi K}{3c} dA$$

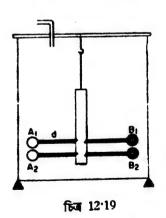
পূর্বেই প্রমাণ করা হইরাছে $u=rac{4\pi K}{c}$ এবং সেইজন্য লেখা বাইতে পারে

 $P=rac{44}{6}$ । আমাদের হিসাবে আমরা কেবলমাত্র dA তলের উপর আপতিত বিকিরণের কথা চিন্তা করিয়াছি। সাম্যের জন্য dA হইতে সমপরিমাণ বিকিরণ নিঃসরণ অথবা প্রতিফলনের দরুন বাহির হইবে, এবং মোট চাপ হইবে $P=rac{44}{3}$ । dA তলে বলের স্পার্শক উপাংশ (tangential component of force) শূনা হইবে ইহাও সহজেই প্রমাণ করা যায়।

12°24. বিকিরপ-জনিত চাপের পরীক্ষা (Experimental proof of radiation pressure) :

বিকীর্ণ শক্তি কোন বস্তুর উপর আপতিত হইলে চাপ সৃষ্টি করিবে। কিন্তু এই চাপের পরিমাণ খব সামান্য বলিরা পরীক্ষার সাহায্যে এই চাপের অভিদ্ব প্রমাণ করা কঠিন—আনুষ্টিকক দুটি অধিকাংশ ক্ষেত্রেই খব বেশী হইরা থাকে। সর্বপ্রথমে লেবেডিউ (Lebedew) এবং অব্যবহিত পরে নিকল ও হাল্ (Nichol and Hull)) এই প্রাথমিক ফুটিগুলি দূর করিবার পর বিকিরণ-স্কানিত চাপের অভিদ্ব পরীক্ষায় ধরা পড়ে। উহাদের পরীক্ষার বন্দোবস্ত এইরূপ—

একটি বায়ুশ্ন্য কাঁচের পাতের ভিতরে কোয়ার্টজ-এর সরু সূতার সাহায্যে একটি কাঁচের দণ্ড ঝুলানো থাকে। মূল দণ্ডটির সহিত লয়ভাবে অনুভূমিক



অবস্থার থাকা দৃইটি হাল্কা কাঁচ দণ্ডের দৃই প্রান্তে দৃইটি করিরা চারিটি ধাত্র পদার্থের পাত লাগানো আছে। পাত চারিটি খ্বই হাল্কা। মূল দণ্ডের বাম দিকের পাত-দৃইটিকে (A_1,A_2) খ্ব উচ্ছল ও মস্ণ রাখা

হয়। ডান দিকের পাত-দুইটিতে (B_1,B_2) ভূষা কালি মাধানো থাকে। ইহার ফলে A_1 ও A_2 -র উপরে বিকিরণ আসিয়া পড়িলে তাহা সম্পূর্ণরূপে প্রতিফালিত হইবে এবং B_1 ও B_2 উহাকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিবে। বিকিরণের দরুন মসৃণ উচ্জ্বল পাতের উপর চাপ ভূষা কালি মাধানো পাতে চাপের প্রায় দিখাণ। কোরাটিজ সূতার গায়ে একটি ক্ষুদ্র দর্পণ লাগানো আছে। বাহির হইতে আলো ঐ দর্পণে প্রতিফালিত হইয়া দূরে রাখা একটি ক্ষেলের উপর পড়ে (চিত্র 12.19)।

এই পরীক্ষাতে তীর আলোক উৎস হইতে লেন্সের সাহায্যে এক দিকের পাতে আলো ফেলা হইবে। আলো ঐ পাতের উপর বে বল প্ররোগ করে তাহার ফলে অনুভূমিক কাঁচ দওটি ঘূরিয়া যায়—এই ঘূর্ণন প্রযুক্ত বলের সমানুপাতিক। দর্পনটি θ -কোণ ঘূরিয়া গোলে বিকিরণের চাপ—

$$P = \frac{\mu \theta}{Ad}$$

A পাতের ক্ষেত্রফল d মূল দণ্ড হইতে পাতের দ্রম্ব এবং μ কোয়াটজ তারের মোচড়ীয় দৃঢ়তা (torsional rigidity)। যে প্রযুক্ত বলের কারণে ঐ একই পরিমাণ ঘূর্ণন সম্ভব হয় তাহা জানিতে পারিলে অথবা পৃথক পরীক্ষায় কোয়াটজ তারের মোচড়ীয় দৃঢ়তা নির্ণর করিতে পারিলে বিকিরণ-জনিত চাপের প্রাবল্য জানা সম্ভব হইবে। আপতিত বিকিরণের তীব্রতা জানিবার জন্য পাতগুলির স্থানে কৃষ্ণ বর্ণের একটি তায়খণ্ড রাখিয়া তাহার উপর আলো ফেলা হইবে। কৃষ্ণবন্ধু ঐ আলোক শোষণ করিয়া উত্তপ্ত হইবে। তায়খণ্ডের পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল, যে সময় ধরিয়া আলো ফেলা হইয়াছে সেই সময় এবং সেই সকে পাতের উক্তা-বৃদ্ধি জানিলে বিকিরণের তীব্রতা জানা য়য়। এই পরীক্ষা হইতে বিকিরণ-জনিত চাপের অভিদ্ধ প্রমাণ হয় এবং ঐ সঙ্গেই ইয়াও প্রমাণিত হয় যে, কৃষ্ণ বন্ধুর উপর আপতিত বিকিরণের জন্য চাপ $P=rac{I}{c}$ । মস্ল চক্চকে তলে আলো আপতিত হইলে সম্পূর্ণরূপে প্রতিফালিত

হর এবং একেতে
$$P = \frac{2I}{c}$$
।

এই পরীক্ষার করেকটি বিশেষ অসুবিধা হইল—

1. প্রতিটি পাতই আপতিত বিকিরণের দরুল উত্তপ্ত হইবে। ইহার ফলে এই পাত-সংলগ্ন বারু উত্তপ্ত হইরা শীতল ছালের দিকে সরিয়া বার এবং শীতল স্থান হইতে বায়ু উত্তপ্ত পাতের দিকে ধাবিত হয়। বায়ু পরিচলনে (convection) পাতগুলির সাম্যাবস্থা বিদ্মিত হয়।

2. পরিচলন ক্রিয়া চলিবার সময় গ্যাসীয় অণুগুলি পাতের উপর বে গতিবেগে আপতিত হয় ঐথানে উত্তপ্ত হওয়ার পরে তদপেক্ষা অধিকতর গতিবেগে ফিরিয়া বায়। এই কারণে গ্যাস অণুগুলি প্রতিফলনের সময় পাতগুলিকে পিছনের দিকে ধারু। দেয় এবং এই কারণে পাতগুলির উপর বাড়তি চাপ সৃষ্টি হয়। ইহাকে 'radiometric action' বলে। কার্চের পাত্রটিকে সম্পূর্ণরূপে বায়্ল্ন্য করিতে পারিলে এই অসুবিধা-দূইটি দ্র করা যাইবে।

উদাহরণ। সূর্য হইতে ভূ-পৃষ্ঠের উপর লম্মভাবে আপতিত বিকীর্ণ শক্তি 2 cal/min/cm^2 । পৃথিবী-পৃষ্ঠে একটি কৃষ্ণ বর্ণের চাক্তির উপর চাপ কত ? চাক্তিটি সম্পূর্ণরূপে মসৃণ (আনর্শ প্রতিফলক) হইলে চাপ হিসাব কর। [আলোর গতিবেগ, $c=3\times 10^{10}$ cm/sec]

12·25. কুম্ম বস্তুর বিক্রিরেণের বৈশিষ্ট্য (Characteristics of black body radiation):

মনে করা বাক, একটি পাতের ভিতরের দেওয়ালটি পূর্ণ প্রতিফলক হিসাবে কাজ করে। বদ্ধস্থানে কিছু পরিমাণ বিক্ষিপ্ত বিকিরণ রহিয়াছে। উহা বে কোন প্রকারের বিকিরণ হউক না কেন সাম্যে থাকিবে, কারণ আবদ্ধতলটি সম্পূর্ণ প্রতিফলক। উহা কৃষ্ণ বস্তুর বিকিরণ হইলে তাহার এই বৈশিষ্টাগৃলি থাকিবে—

- 1. u_{λ} হইবে λ ও T-এর অপেক্ষক। এক্ষেত্রে শক্তি-বণ্টন একটি নিদিন্ট উক্তার সহিত মিলিবে।
 - 2. $u = \int u_{\lambda} d\lambda \propto T^4$ (পরে প্রমাণিত হইবে)।
- 3. T উক্তার কোন বন্ধু ভিতরে প্রবেশ করাইলে বিকিরণে সাম্য অব্যাহত থাকিবে। অর্থাৎ ঐ বিকিরণকে আমরা T উক্তার বিকিরণ বলিতে পারি।

12'26. ভা-ক্রম্ণ বিকিরপ (Non-black body radiation) :

পাত্রন্থিত বিকিরণ অ-কৃষ্ণ বিকিরণ হইলে তাহার এই বৈশিণ্টাগৃলি থাকিবে—

- 1. বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে শক্তির বণ্টন কোন নিদিণ্ট অপেক্ষকের সাহাব্যে প্রকাশ করা বার না।
 - 2. উষ্তা বৃদ্ধিতে শক্তির ঘনম বৃদ্ধি পাইবে।
 - -3. বিকিরশের জন্য কোন উক্তা নির্দিন্ট করা সম্ভব নর।

12'27. ক্লম্ভ বস্তু ভ্রতিভ মোট বিক্রিণ স্ট্রিফান-বোল্ণ্ডেমানের সূত্র (Total radiation from a black body —Stefan-Boltsmann law):

টিন্ডাল (Tyndal), ড্লং (Dulong) ও পেটিট (Petit)-এর পরীক্ষার ফলাফল পর্বালোচনা করিয়া শিকান বিকিরণ প্রসঙ্গে একটি প্রায়োগিক স্ত্রের (empirical law) প্রভাব করেন। এই সূত্র অনুসারে T°K উক্তার কোন বস্তু হইতে মোট বিকীর্ণ শক্তি T°-এর সমানুপাতিক হইবে। বোল্ংজমান (Boltzmann) তাপগতিতত্ত্বের সাহাব্যে শিকানের প্রায়োগিক স্ত্রের তত্ত্বীয় প্রমাণ দেন এবং দেখান বে, ঐ স্তুটি কেবলমাত্র কৃষ্ণ বস্তুর বিকিরণের জনাই প্রবোজ্য। এই কারণে শিকানের মূল স্তুটি পরবর্তীকালে শিকান-বোলংজমানের সূত্র বিলিরা অভিহিত হইরাছে। স্তুটিকে এইভাবে প্রকাশ করা হইরা থাকে—

কোন কৃষ্ণ বন্ধুর প্রতি একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ পরম ক্ষেলে ঐ বন্ধুর উষ্ণতার চতুর্ঘ ঘাতের সমানুপাতিক। অর্থাং $E \propto T^4$ অথবা $E = \sigma T^4$

অনেক সমরে এই স্তকে শিকানের চতুর্থ বাতের স্ত (Stefan's fourth power law) বলা হর। পরিবর্ধিত আকারে এই স্তকে অন্য ভাবে প্রকাশ করা বাইতে পারে—

 ${}^tT_1{}^oK$ উক্তার কোন কৃষ্ণ বস্তৃ $T_s{}^oK$ উক্তার কোন পারিপার্থিকে থাকিয়া $[T_1>T_s]$ তাপ বৈকিরণকালে কৃষ্ণবস্তুর প্রতি একক ক্ষেত্র হাইতে প্রতি সেকেণ্ডে বিকিরণের পরিমাণ হইবে

$$E = \sigma \left(T_1' - T_1' \right)$$

প্রকৃত আর্থে T_1 উক্তার কৃষ্ণ বস্তুর প্রতি একক কেন্ত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে $E_1=\sigma T_1$ পরিষাপ বিকশি শক্তি নিঃসৃত হইবে এবং উহার প্রতি একক কেন্ত্রের উপর পারিপার্থিক হইতে প্রতি সেকেণ্ডে $E_2=\sigma T_2$ বিক্রিণ

আসিরা আপতিত হইবে। কৃষ বন্ধু ঐ শক্তি সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিবে। এই কারণে একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে মোট বিকিরণ হইবে—

$$E = E_1 - E_2 = \sigma (T_1^4 - T_2^4)$$

প্রমাণ। আমরা পূর্বেই প্রমাণ করিরাছি যে, কোন বিকিরকের প্রতি একক কেন্ত হইতে প্রতি সেকেণ্ডে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে মোট বিকীর্ণ দক্তি

$$\mathbf{E} = \pi \int_0^\infty e_\lambda \ d_\lambda = \pi e$$

विकित्रकि कृष वस् श्रेटल

$$E = \pi c_B(T) = \pi K(T)$$

কৃষ্ণ বিকিরণ সম্পর্কে আমরা জানি,

- (i) বিকিরণে শক্তির ঘনত $u(T) = \frac{4\pi K(T)}{c}$
- এবং (ii) বিকির্জের চাপ $P = \frac{u(T)}{3}$

মনে করি, বিকীর্ণ রিশ্য সম্পূর্ণরূপে প্রতিফলিত হইতে পারে এরূপ দেওয়াল ও পিদ্টন বিশিষ্ট কোন শুদ্ধক T উক্ষতার কৃক বিকিরণে পূর্ণ। শুদ্ধকের অভায়রে অতি সামান্য তাপগ্রাহিতা সম্পন্ন একটি ক্ষুদ্র কৃক বস্তুকে প্রবেশ করানে। হইল। পিদ্টনকে ভিতরে অথবা বাহিরে ঠেলিলে বিকিরণের আয়তন সংনমন অথবা প্রসারণ হয়। সাধারণভাবে এই সময়ে পাত্রস্থিত বিকিরণ আয় কৃক বিকিরণ নাও থাকিতে পারে। কিছু বিকিরণের মধ্যে কৃক বস্তু থাকায় উহার শোষণ ও নিঃসরণের ফলে কৃক বিকিরণ সকল সময় কৃক বিকিরণই থাকিয়া যাইবে। এই বস্তুটির তাপগ্রাহিতা খ্বই কম বলিয়া গৃহীত বা বর্জিত তাপের সমস্তটুকুই কেবলমান্ত বিকিরণের উপর বর্তাইবে। সাম্য বিকিরণ তাপগতীয় তলা হিসাবে বিবেচিত হইতে পারে—এই তাপগতীয় তলাের তিনটি চল P. V. T এবং মাটে শক্তি U = u(T)V!

উক্তা দ্বির রাখিরা পিশ্টনটিকে বাহিরের দিকে ঠেলিলে পারিপার্থিক মাধাম হইতে তক্ষের অভান্তরে তাপ প্রবেশ করিবে। বিপরীতক্রমে উক্তা দ্বির রাখিরা আরতন সম্কুচিত হইলে কিছু পরিমাণ তাপ তন্দ্র হইতে পারিপার্থিক মাধামে যাইবে। এই সকল কারণে রাসার্যনিক তন্দ্রের জন্য প্রবোজ্য তাপগতিতত্ত্বর সমীকরণগুলিকে কৃষ্ণ বিকিরণে প্ররোগ করা বাইতে পারে। এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা প্ররোজন বে, রাসার্নানক তল্মের মোট শক্তির একটি অংশ মাত্র উহার আন্তর-শক্তি। কিছু বিকিরণ তল্মে আন্তর-শক্তি ও বাহ্যিক শক্তির মধ্যে কোন সীমারেখা টানা সন্তব নর—সমস্ত শক্তিই উহার আন্তর-শক্তি হইবে।

পিশ্টনটি খুব ধীর গতিতে অগ্রসর হ**ইলে উংচ্রমনীর** তাপগতিতত্ত্বর প্রথম ও বিতীর সূত্র একত করিরা লেখা বাইতে সারে

$$\delta Q = TdS = dU + PdV$$

$$\therefore T\left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{T} = \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T} + P$$

মান্ত্রেলের সমীকরণের সাহাযো

$$\left(\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\mathbf{T}} = \mathbf{T}\left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{\mathbf{r}} - \mathbf{P} \quad \left[\because \left(\frac{\partial \mathbf{S}}{\partial \mathbf{V}}\right)_{\mathbf{T}} = \left(\frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{T}}\right)_{\mathbf{r}} \right]$$

সাম্য বিকিরণের জন্য $P=rac{u(T)}{3}$ এবং U=u(T)V লিখিলে

$$\frac{4}{3} u(T) = T \begin{pmatrix} \frac{\partial P}{\partial T} \end{pmatrix}_{r} = \frac{T}{3} \left(\frac{\partial u(T)}{\partial T} \right)_{r}$$

সমীকরণটি আরতন-নিরপেক বিবেচনার

$$4\frac{dT}{T} = \frac{du(T)}{u(T)} \quad \text{and} \quad u(T) = aT^4 \quad \cdots \quad (12.26)$$

সূতরাং কৃষ্ণ বিকিরণের বৈশিষ্টা হইল

$$E = \pi K(T) ; u(T) = \frac{4\pi K(T)}{c} \text{ are } u(T) = aT^*$$

উপরের সৈদ্ধাতগুলিকে একর করিলে,

$$E = \pi K(T) = \frac{cu(T)}{4} = \frac{ac}{4} T^4 = \sigma T^4 \cdots (12.27)$$

ড-কে শ্টিকানের প্রথক বলা হর। পরীক্ষা ছইতে জানা বার $\sigma = 5^{\circ}67 \times 10^{-5} \mathrm{ergs/sec/cm^{2}}/^{\circ}\mathrm{K}^{4}$ ।

নেখা গোল, আবদ্ধ পাত্রের অভান্তরে সাম্য বিকিরণে শক্তির ঘনত্ব কেল্ভিন ক্ষেলে উক্তার চতুর্ব থাতের সমানুপাতিক। বিকিরক কোন কৃষ্ণ বস্তৃ হইলে উহার পৃষ্ঠের একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে মোট বিকিরণের হারও T -এর সমানুপাতিক হইবে। সমীকরণ (12.27)-কে শিফান-বোল্ংজ্মানের সূত্র বলা হয়।

12·28. আদৰ্শে স্যাস ও ক্লফা বস্তুর বিক্রিপ্ত বিকির্প (Perfect gas and black radiation):

- বিকরণ ও গ্যাস উভয়েরই নিদিও আয়তন থাকে। এই আয়তন পায়ের আয়তনের সমান। ইচ্ছামতো চাপ-পরিবর্তনে গ্যাসের ও বিকিরণের আয়তন পরিবর্তন কয়া সম্ভব।
 - বিকিরশও গ্যাসের মতো একইভাবে পাতের গায়ে চাপ সৃষ্টি করে ।
 - (a) আদর্শ গ্যাসের জন্য এই চাপ

$$P = \frac{1}{8}mn\bar{c}^2 = \frac{2}{8}u = \frac{2}{8}(C_vT + U_o)/V$$
 [সমীকরণ 4·21] $u = mi$ সের একক আরতনের আরর-শক্তি।

(b) কৃষ্ণ বিকিরণে

$$P = \frac{1}{4}u = \frac{1}{4}aT^4$$

গ্যাদের জনা চাপ P, আরতন ও উক্তার উপর নির্ভর করে, কিন্তৃ কৃষ্ণ বিকিরণে উহা কেবলমাত্র উক্তার অপেক্ষক।

- 3. মোট আৰৱ-শব্তি---
 - (a) আদর্শ গ্যাসের জন্য $U = C_*T + U_o$
 - (b) কৃষ্ণ বিকিরণে $U = aT^*V$
- 4. তাপগ্রাহিতা-
 - (a) এক পরমাণুক আদর্শ গ্যাসের জন্য আণব-আপেক্ষিক তাপ $C_v = \frac{3}{2} R$ এবং $C_p = \frac{5}{2} R$
 - (b) কৃষ বিকিরণের জন্য তাপগ্রাহিতা

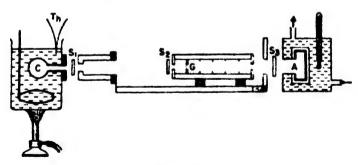
$$C_{\nu} = 4aT^{*}V$$

धवर C = ∞ कात्रण P स्त्रित थाकित्म T स्त्रित थाकित्व।

- 5. শাস্ত বণ্টন (energy distribution)—
- (a) আদর্শ গ্যাসে O হইতে ত মধ্যে বিভিন্ন গতিবেগের অর্থাৎ বিভিন্ন শক্তির অণু বর্তমান। বিভিন্ন শক্তিতে অণুর সংখ্যা ম্যাক্সওরেল বোল্ংজ্ মানের সৃত্ত খারা নির্মান্তত হর।
- (b) কৃষ্ণ বিকিরণে 0 হইতে ∞ -র মধ্যে বিভিন্ন কম্পান্দের বা বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যের তরঙ্গ উপস্থিত থাকে। বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে শান্তর পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘ্য ও বিকিরণের উষ্ণতার উপর নির্ভর করে। এক্ষেত্রে λ ও T-এর কোন নির্দিন্ট অপেক্ষক $U_{\lambda}(T)$ কৃষ্ণ বিকিরণে শন্তির বণ্টন নির্দেশ করিবে। কোরাণ্টাম দৃষ্টিভঙ্গীতে ইহাকে আলোক কণাগৃলির মধ্যে শক্তি বণ্টন অথবা বিভিন্ন শক্তিতে আলোক কণার সংখ্যা হিসাবে ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। বিকিরণকে আলোক কণার সমন্টি (শক্তি $\varepsilon=h_V$) চিন্তা করিলে কৃষ্ণ বিকিরণ ও আদর্শ গ্যাসের সাদৃশ্য সহজেই অনুমান করা যায়। তৎসত্ত্বেও দুইরের মধ্যে অনেক পার্থক্য থাকে।

12'29. চিক্তান-বোস্ৎজ্মানের সূত্রের পরীক্ষান্ত্র মূলক প্রমাপ (Experimental verification of Stefan-Boltzmann law):

ন্থার ও প্রিংশেম (Lummer, Pringsheim) পরীক্ষার সাহাযো গ্রিফান বোল্ংজ্মানের সূত্রের যথার্থতা প্রমাণ করেন। 100°C হইতে 1300°C



fbu 12:20

উক্তার মধ্যে কৃষ্ণ বন্ধুর বিকিরণ লইরা এই পরীক্ষা করা হইরাছে। পরীক্ষার বন্দোবন্ড চিত্র (12:20)-তে দেখানো হইল। কৃষ্ণ বন্ধু হিসাবে একটি ফাঁপা তামার গোলক C-কে ব্যবহার করা হয়। ইহার ভিতরের তলে 'প্ল্যাটিনাম ব্যাকের' প্রলেপ দেওরা থাকে। গোলকটিকে গলিত সোডিরাম-পটালিরাম-নাইটেট

গাহে (bath of a mixture of sodium and potassium nitrates) নিমন্ত্রিত রাখা হয়। এইভাবে কৃষ্ণ বস্তু C-কে 600°C পর্বন্ধ উত্তপ্ত করা বাইতে পারে। 900°C হইতে 1300°C পর্বন্ধ উষ্ণভার কৃষ্ণ বিকিরণের জন্য একটি লোহার চোঙ্ লইয়া ভাহার অভ্যন্তরে 'প্র্যাটিনাম ব্যাকের' প্রলেপ লাগানে। হয়। চোঙ্টিকে দ্বি-দেওয়াল বিশিষ্ট গ্যাস-চ্ছিনতে উত্তপ্ত করা হয়। উষ্ণভা মাপিবার জন্য তাপযুগা ব্যবহার করা হইয়া থাকে। কৃষ্ণ বস্তুর খোলা মুখের চতুদিকে একটি পারে জল প্রবাহ চালু রাখিরা মাপন বন্ধকে গাহের বিকিরণ হইতে রক্ষা করা হয়।

বিকীর্ণ শক্তির তীব্রতা মাপিবার কাজে বোলোমিটার G ব্যবহার করা হইবে। বোলোমিটার প্রমিতকরণের কাজে (standardisation) সহারক (auxilliary) কৃষ্ণ বস্তু A ব্যবহৃত হয়। ইহা একটি দ্বি-দেওয়াল বিশিষ্ট তামার পাত্র—দেওয়াল-দৃইটির মধ্যবর্তী স্থানে ফুটন্ত জল প্রবেশ করাইয়া A-কে উত্তপ্ত করা হয়। A পাত্রের ভিতরের অংশে কালো রঙ্ করা থাকে। কৃষ্ণ বস্তু C হইতে বোলোমিটার পথে অর্গল S_1 , S_2 এবং A হইতে বোলোমিটার পথে অর্গল S_3 প্রয়োজন মতো উন্মৃক্ত করিয়া বোলোমিটারের উপর বিকীর্ণ শক্তি আপ্তনের ব্যবস্থা করা হয়।

পরীক্ষার পছতি । প্রথমে কৃষ্ণ বস্তৃ A-কে চালু করিয়া বোলোমিটার-টিকৈ A-র অভিমুখে আনা হইবে । অর্গল S_s -কে উন্মুক্ত করিলে A হইতে কৃষ্ণ বিকিরণ বোলোমিটারের উপর আসিয়া পড়িবে ৷ ইহার ফলে বোলোমিটারের সহিত যুক্ত গ্যালভানোমিটারে বিক্ষেপ হইবে ৷ দেখা যাইবে, গ্যালভানোমিটারের বিক্ষেপ A হইতে বোলোমিটারের দূরত্বের বর্গের ব্যান্তানুপাতিক ।

বোলোমিটারটিকে এইবার ঘুরাইয়া C-এর অভিমুখে আনা হইবে। C-কে নিদিন্ট উক্টার রাখিয়া S, ও S,-কে উন্মুক্ত করা হইল। বোলোমিটারের গ্রাহক বিশ্বের উপর বৈকিরণ আসিয়া পাড়বে। এই সময়ে গ্যালভানোমিটারে বে সর্বাধিক বিক্ষেপ হয় তাহা লক্ষ্য করা যায় (maximum steady deflection will be noted)। বোলোমিটারের দূরছ স্থির রাখিয়া C-এর বিভিন্ন উক্টায় এই পরীক্ষার পুনরার্হতি করা যাইতে পারে। সহায়ক কৃষ্ণ বস্তু A-কে 100°C উক্টায় রাখিয়া উহা হইতে 63°3 cm. দ্রম্থের রাখা বোলোমিটারের গ্যালভানোমিটারের বিক্ষেপকে একক ধরিয়া

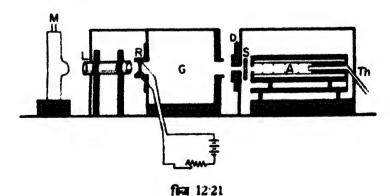
পর্ববেক্ষণগুলিকে ঐ এককে প্রকাশ করিলে দেখা বাইবে বে, গ্যালভালোমিটারের বিক্ষেপ

$$d \propto (T^4 - 290^4)$$

কেল্ডিন ক্ষেলে বিকিরকের উক্তা T এবং জল-সিঞ্চিত অর্গলের উক্তা $17^{\circ}C = 290^{\circ}K$ । এই ভাবে শিষ্টান-বোল্ংজ্মানের চতুর্ঘ ঘাতের সূত্র প্রমাণিত হইল।

12°30. চিত্তফালের প্রবেক-নির্ণয় প্রকৃতি (Method for determining σ):

কুস্মানের (Kussmann) পদ্ধতিতে শিকানের দ্রুবক নির্ণর করিবার পরিকল্পনাটি এখানে আলোচনা করা হইল। চিত্র (12.21)-এ পরীক্ষার বন্দোবস্ত দেখানো হইরাছে। কৃষ্ণ বস্তু A-র সম্মুখে একটি অর্গল S ও একটি জল-সিন্দিত পর্না D রাখা আছে। কৃষ্ণ বস্তুর উষ্ণতা মাপিবার কাজে একটি তাপবৃগ্য ব্যবহার করা হইরা থাকে। অর্গল উন্মুক্ত রাখিলে কৃষ্ণ বিকিরণ বাহিরে G পাত্রের অভ্যন্তরে রাখা ম্যাঙ্গানীন অথবা কনস্ট্যানটানের কালো পাত R-এর উপর আসিয়া পড়িবে। কালো পাত ঐ বিকিরণকে সম্পূর্ণরূপে শোষণ করিয়া সহজেই উত্তপ্ত হইরা উঠিবে। কিছুক্ষণের মধ্যে বিকিরণ ও শোষণ প্রক্রিয়ার পাতটি সাম্যাবস্থার পৌছাইবে। ঐ অবস্থার R হইতে যে বিকিরণ নিঃস্ত হর তাহার একটি অংশ লেন্স L কর্তৃক রেডিও-মাইল্রোমিটার M-এর উপর কেন্দ্রীভূত হয় এবং উহার ফলে রেডিও-মাইল্রোমিটারে বিক্ষেপ দেখা বায়। এই বিক্ষেপ রেডিও-মাইল্রোমিটারের উপর আপত্তিত বিকীর্ণ শক্তির সমানুপাতিক।



পরে অর্গল S বন্ধ করিরা R-এর মধ্যে বিদ্যুৎ প্রবাহ পাঠানো হইল।

R উত্তপ্ত হইরা উঠিবে এবং উহা হইতে বিকিরণ রেডিও-মাইক্রোমিটারের উপর পাড়বে। বিদ্যুৎ প্রবাহ নিরন্দাণ করিয়া রেডিও-মাইক্রোমিটারে বিক্ষেপ পূর্বের সমান করা হইল। এই ব্যবস্থায় R-এর উপর প্রতি সেকেণ্ডে আপতিত কৃষ্ণ বিকিরণ ঐ সমরে R পাতে বিদ্যুৎ প্রবাহ চালাইতে প্রয়োজনীয় বিদ্যুৎ শক্তির সমান হইবে।

মনে করি, পাত R এবং পর্দা D-এর ক্ষেত্রফল যথান্রমে A_1 ও A_2 এবং উহাদের দূরম্ব d । কেল্ভিন ক্ষেত্রে কৃষ্ণ বস্তু এবং অর্গলের উষ্ণতা যথান্রমে T_1 ও T_2 । কৃষ্ণ বস্তুর নিঃসরণ ক্ষমতা $\mathcal{C}_B(T)$ লিখিলে, প্রতি সেকেণ্ডে R পাতের উপর বিকির্গ হইবে,

$$\frac{e_{B}(T) A_{1} A_{2}}{d^{2}} \alpha = \frac{A_{1} A_{2}}{\pi d^{3}} \sigma \left[T_{1}^{4} - T_{2}^{4} \right] \alpha$$

$$\left[\cdots c_{B}(T) = K(T) = \frac{\sigma(T_{1}^{4} - T_{2}^{4})}{\pi} \right]$$

বায়ুর ভিতর দিয়া অগ্রসর হইবার সময় বিকীর্ণ শক্তির একটি অংশ বায়ু মাধ্যমে শোষিত হইবে, উপরম্ব বিকিরণের একটি অংশ R পাতে প্রতিফলিত হইবে। ঐ কারণে 'correction factor' α লেখা হইয়াছে। প্রবাহ মাত্রা—i amp. হইলে প্রতি সেকেন্ডে r ohm পাতে ব্যায়ত বিদ্যুৎ শক্তি হইবে i^2r watts।

$$\therefore i^2 r = \frac{A_1 A_2}{\pi d^2} \sigma \left(T_1^4 - T_2^4 \right) \alpha$$

অধবা
$$\sigma = \frac{i^2 r.\pi d^2}{A_1 A_2 (T_1^4 - T_2^4) \alpha (cm)^2 \times ({}^0K)^4}$$
 (12.28)

Kussmann-এর পরীক্ষা হইতে দেখা গিয়াছে, $\sigma=5.795\times10^{-12}$ watts/cm²/°K¹। Kussmann-এর পূর্বে ও পরে আরো অনেকেই ত নির্ণরের জন্য বিভিন্ন উপায়ে পরীক্ষা করিয়াছেন। ঐ সকল পরীক্ষায় দেখা গিয়াছে শ্রিফানের ধ্রুবক 5.72×10^{-12} হইতে 5.80×10^{-12} -এর মধ্যে থাকে।

12'31. স্ক্রিল-বোল্ৎজ,মান স্ক্রের প্রয়োগ (Application of Stefan-Boltzmann law) :

(a) সৌর-প্রবৃত্ত সৌর-উক্তা (Solar constant and solar temperature)—

সূর্ব হইতে বিকিরণ পৃথিবীর উপর আসিরা পড়িতেছে। পৃথিবী-পৃষ্ঠে একক ক্ষেত্রের উপর প্রতি মিনিটে বে পরিমাণ বিকীর্ণ শক্তি ঐ তলের অভিলয় বরাবর আপত্তিত হয় তাহাকে সৌর-ধ্রুবক (solar constant) বলা হয়।

সূর্ব দেহের কেন্দ্রন্থলে থাকে উত্তপ্ত আলোক মণ্ডল (photosphere)। ইহার চতুদিকে যে শীতলতর গ্যাসীর আবরণ থাকে তাহাকে বর্ণ মণ্ডল বা 'chromosphere' বলা হয়। আলোক মণ্ডলের উক্তাকে সৌর-উক্তা বলা হয়। মনে করি, আলোক মণ্ডলের ব্যাসার্থ R এবং উহার উক্তা T। ফিফান-বোল্ংজ্মানের সূত্র অনুসারে প্রতি মিনিটে মোট বিকীর্ণ শক্তি হইবে,

$$E = \sigma 4\pi R^2 T^4 \times 60$$

সূর্ব হইতে পৃথিবীর গড় দ্রখে একটি এককেন্দ্রিক (concentric) গোলক কল্পনা করিলে ঐ শক্তি গোলকের ভিতর তলে লয়ভাবে আপতিত হইবে। গড় দ্রম্ব r ধরিলে প্রতি মিনিটে একক ক্ষেত্রের উপর আপতিত বিকীণ শক্তি

$$S_c = \frac{E}{4\pi r^2} = \sigma \left(\frac{R}{r}\right)^2 T^4 \times 60$$
 [$S_c =$ েনার-ধ্রুবক]

$$\therefore T = \left[\frac{S_c}{60} \frac{1}{\sigma} \frac{r^2}{R^2} \right]^{1/4} \qquad \cdots \qquad (12.29)$$

পরীকা হইতে জানা বার যে.

 $S_c = 1.937 \text{ cal/cm}^2/\text{min.}$

$$\sigma = 5.76 \times 10^{-12} \text{ watts/cm}^2/\text{°K}^4 = 1.37 \times 10^{-12} \text{cal/cm}^2/\text{sec/°K}^4$$

 $r = 9.28 \times 10^7$ miles

 $R = 4.3 \times 10^5$ miles

এই মান উপরের সমীকরণে বসাইলে,

$$T = \begin{bmatrix} 1.937 \\ 60 \end{bmatrix} \times \frac{10^{18}}{1.37} \times \frac{(9.28 \times 10^{7})^{8}}{(4.3 \times 10^{8})^{8}} = 5780 \text{ } ^{\circ}\text{K}$$

পরবর্তী আলোচনার দেখা বাইবে বে, ভিনের (Wien) অতিক্রান্তি সূত্র (displacement law) হইতেও সূর্বের উক্তা সম্পর্কে ধারণা করা সম্ভব। এখানে উল্লেখ করা প্ররোজন বে, আলোক মণ্ডল বা photosphere-এর উক্তা হিসাব করিবার সময় ইহাকে কৃষ্ণ বস্তু বিবেচনা করা হইরাছে। কিন্তু ইহা একটি অনুমান মাত্র, বাজবে আলোক মণ্ডলটি সঠিকভাবে কৃষ্ণ বস্তু নয়।

(b) আবদ্ধ পাত্রের অভ্যন্তরন্থিত বিকিরণের এন্ট্রপি (Entropy of radiation within an enclosure):

আবন্ধ পাত্তের অভান্তরে কোন তলের উপর বিকিরণের চাপ $P=rac{u(T)}{3}$ এবং T উষ্টায় মোট বিকীর্ণ শক্তি $U=u(T)V=aT^4V$ ।

আরতন বৃদ্ধির সময় বিকিরণ নিজেই কার্য করে এবং এই কারণে শক্তির প্রয়োজন হয়। উষ্ণতা স্থির রাখিলে পারিপাশ্বিক মাধ্যম হইতে পাত্রে তাপ প্রবেশ করে এবং ফলে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$dS = \frac{\delta Q}{T} = \frac{dU + PdV}{T} = \frac{Vdu + (P + u)dV}{T}$$

অপৰা,
$$dS = 4aVT^2dT + \frac{4}{3}aT^3dV$$

= $\frac{4}{3}a(3VT^2dT + T^3dV) = d(\frac{4}{3}aT^3V)$

∴
$$S = \frac{4}{8}aT^{3}V + $6$$
वक (S_{o})

একক আরতনের এন্ট্রপি $s=rac{4}{3}a\mathrm{T}^s+s_o$

T=0 হইলে পাত্রে কোন বিকিরণ থাকিবে না ; সেই কারণে $S_{\rm o}$ এবং $s_{\rm o}$ উভয়কেই শূন্য লেখা যায় ।

অতএব, $S = \frac{4}{3}aT^{8}V$ এবং $s = \frac{4}{3}aT^{8}$

রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে S= ধ্রুবক। সেই কারণে সাম্য বিকিরণের রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে

$$VT^{a}=$$
ধুবক অথবা $PV^{a/a}=$ ধুবক

আদর্শ গ্যাদের রক্ষতাপ পরিবর্তনে $PV^{\gamma}=$ ধ্রুবক। উপরের সমীকরণের অর্থ এই নয় বে, কৃষ্ণ বিকিরণের জন্য $\gamma=4/3$ । কেবলমাত্র সমীকরণ-দূইটির বাহ্যিক মিলটুকু হইতে এই ভূল হওয়া সম্ভব। প্রকৃতপক্ষে সাম্য বিকিরণের জন্য $\gamma=\infty$ ।

উপাহরণ। 1. 1000 Litre ছানে আবদ্ধ কৃষ্ণ বিকিরণের উষ্চ। 100°C হইতে 1000°C-এ বৃদ্ধি করা হইল। এজনা কি পরিমাণ তাপের প্রয়োজন হয় ?

$$\delta Q = U_{\bullet} - U_{\bullet}$$

$$= VaT_{\bullet}^{\bullet} - VaT_{\bullet}^{\bullet}$$

$$= V\frac{4\sigma}{c} \left[T_{\bullet}^{\bullet} - T_{\bullet}^{\bullet} \right]$$

$$= \frac{10^{\circ} \times 4 \times 5.79 \times 10^{-13}}{3 \times 10^{10}} \left[(1273)^{\circ} - (373)^{\circ} \right] \text{ Joules}$$

$$= \frac{10^{\circ} \times 4 \times 5.79 \times 10^{-13}}{4.2 \times 3 \times 10^{10}} \times 260.57 \times 10^{10} \text{ calories}$$

$$= 4.79 \times 10^{-4} \text{ calories}$$

2. কৃষ্ণ বর্ণের একটি চাক্তির পশ্চাং ভাগ তাপ কু-পরিবাহীর দারা আটকানো। চাক্তিটির উপর সূর্বের কিরণ লম্বভাবে আপতিত হইতে থাকিলে উহার সামা উষ্ণতা কি হইবে? (সূর্বকে একটি কৃষ্ণ বন্ধু ধরিয়া লও)

সূর্বের উক্তা = 6200°K
সূর্বের ব্যাসার্য = 4°3 × 10° miles
পৃথিবী ও সূর্বের দূরত্ব = 9°3 × 10° miles

সূৰ্ব হইতে প্ৰতি সেকেণে মোট বিকিরণ $= 4\pi (4.3 \times 10^{4})^{8} \sigma (6200)^{6}$

চাক্তির উপর প্রতি সেকেতে আপতিত বিকীর্ণ শক্তি

$$=A \frac{4\pi (4.3 \times 10^4)^2 \sigma \times (6200)^4}{4\pi (9.3 \times 10^7)^2}.$$

চাকৃতির ক্ষেত্রক A, এবং মনে করা বাক, উহার সামা উকতা T \therefore চাকৃতি হইতে প্রতি সেকেণ্ডে বিকিরণের পরিমাণ =A σT^{\bullet}

সাম্যাবন্থার সর্তানুবায়ী

$$A\sigma T^{4} = A\sigma \frac{(4.3 \times 10^{3})^{2}}{(9.3 \times 10^{7})^{2}} (6200)^{4}$$

$$T = \left(\frac{4.3}{9.3 \times 10^{2}}\right)^{1/2} \times 6200$$

$$= 620 \times \left(\frac{4.3}{9.3}\right)^{1/2}$$

$$= 420^{\circ} \text{K} \quad (218)$$

3. কৃষ্ণর্গের একটি তামার গোলকের উষ্ণতা 127°C। ঐ সময় দেখা গোল প্রতি মিনিটে উহার উষ্ণতা 2'8°C হ্রাস পাইতেছে। 227°C উষ্ণতার বিগুণ ব্যাসার্ধের তামার গোলকের উষ্ণতা প্রতি মিনিটে কি পরিমাণে হ্রাস পাইবে? উত্তর ক্ষেত্রেই পারিপাশ্বিক মাধ্যমের উষ্ণতা 27°C।

[4'34°C/min]

12·32. ভিনের শক্তি-বণ্টন সূত্র (Wien's distribution formula):

শিষ্টান-বোল্ংজ্মানের সূত্র কৃষ্ণ বস্তৃ হইতে প্রতি সেকেণ্ডে মোট বিকিরণের পরিমাণ নির্দেশ করে। কিন্তৃ কৃষ্ণ বিকিরণে কিভাবে বিভিন্ন তরঙ্গ-দৈর্ঘ্যে শক্তি বন্টন হয়, সেই বিষয়ে ঐ সূত্র হইতে কোন কিছুই জানা যায় না।

শক্তি-বণ্টন সম্পর্কে ভিন সর্বপ্রথম উল্লেখযোগ্য আলোচনার স্ত্রপাত করেন। কেবলমাত্র ভাপগতিতত্ত্বের সাহায্যে ভিন কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বণ্টন সংক্রান্ত যে স্তাটি নির্দেশ করেন তাহা হইল,

$$U_{\lambda}d\lambda = \frac{A}{\lambda^{s}} f(\lambda T) d\lambda \qquad \cdots \qquad (12.30)$$

এই সমীকরণে λ হইতে $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের মধ্যে মোট বিকীর্ণ শক্তি $U_{\lambda}d\lambda$, A একটি ধ্রুবক এবং $f(\lambda T)$ হইতেছে λ ও T-এর গুণফলের কোন আনিন্দিত অপেক্ষক (undetermined function of the product of λ and T)। তাপগতিতত্ত্ব হইতে কোনফমেই ঐ অপেক্ষকের গাণিতিক প্রকৃতি জানা সম্ভব নর ।

আমরা এখানে ভিন-স্তের প্রমাণ দিব না (পরিশিক্টে মূল প্রমাণটি দেওরা হইরাছে)। প্ল্যাম্ক স্তের অন্সিদ্ধান্ত হিসাবে পরবর্তী অংশে ভিনের স্ত প্রমাণিত হইবে।

সমীকরণ (12:30)-কে লেখা বার

$$U_{\lambda}(T) d\lambda = \frac{AT^{s}}{(\lambda T)^{s}} f(\lambda T) d\lambda = AT^{s} F(\lambda T) d\lambda$$
... (12.31)

 λ -র পরিবর্তে বর্ণালীকে ν -এর সাহাষ্যে চিহ্নিত করা বাইতে পারে। λ হইতে $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গলৈর্ঘোর মধ্যে শক্তি $U_{\lambda}d\lambda$ না বলিরা কম্পান্দ ν হইতে $\nu+d\nu$ -এর মধ্যে বিকীপ শক্তির পরিমাণ $U_{\nu}d\nu$ বলা হইবে। বর্ণালীর একই অংশ কেবলমাত্র λ -র পরিবর্তে ν -এর সাহাষ্যে চিহ্নিত হইয়াছে এবং সেই কারণেই

$$\mathbf{U}_{\mathbf{v}} \, d\mathbf{v} = \mathbf{U}_{\lambda} \, \frac{|d\lambda|}{|d\mathbf{v}|} \, d\mathbf{v}$$

শক্তি কথনই ঝণান্ধক রাশি হইতে পারে না, সেই কারণেই $|d\lambda/d\nu|$ লেখা হইয়াছে।

তড়িংচুম্বকীয় তরঙ্গের গতিবেগ, তরঙ্গদৈর্ধা ও কম্পান্ধের সম্পর্ক চ্ইতেছে

১/১ = ৫

$$U_{r} d\mathbf{v} = \frac{\mathbf{A}}{\lambda^{2}} f(\lambda \mathbf{T}) \frac{c}{\mathbf{v}^{2}} d\mathbf{v}$$

$$= \mathbf{B} \mathbf{v}^{3} \phi(\mathbf{v}/\mathbf{T}) d\mathbf{v} \qquad \cdots \qquad (12.32)$$

সমীকরণ (12:32)-কে লেখা যায়

U,
$$d\mathbf{v} = \mathbf{B} \left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{T}} \right)^{3} \mathbf{T}^{3} \phi(\mathbf{v}/\mathbf{T}) d\mathbf{v} = \mathbf{B} \mathbf{T}^{3} \phi(\mathbf{v}/\mathbf{T}) d\mathbf{v} \cdots (12.33)$$

সমীকরণ (12'30), (12'31), (12'32) এবং (12'33)-এর প্রত্যেকটিকে ভিনের শক্তি-বণ্টন সূত্র (Wien's energy distribution formula) বলা হয়। একণে $f(\lambda T)$ অথবা $\phi(v/T)$ -এর গাণিতিক রূপ জানিতে পারিলে কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তির বণ্টন জানা বায়। কিন্তু কেবলমাত্র তাপগতিতত্ত্বের সাহাব্যে ইহা সম্ভব নয়।

এতদ্সত্ত্বেও ভিনের সূত্র হইতে কৃষ্ণ বিকিরণ সম্পর্কে করেকটি গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্ত গ্রহণ করা সম্ভব হয় । ভিন প্রমাণ করেন যে, কৃষ্ণ বিকিরণের রক্ষতাপ পরিবর্তনে,

$$\lambda T =$$
864 Φ

রুক্ষতাপ প্রসারণ বা সংনমনে কৃষ্ণ বিকিরণের উষ্ণতার পরিবর্তন হইবে সেই সঙ্গে তরঙ্গদৈর্ঘাও বদলাইবে, কিছু ইহাদের গুণফল স্থির থাকিবে। ঐ একই সিদ্ধান্তকে কম্পান্দের সাহায্যে লিখিলে

$$v/T=$$
ধ্রুবক

এই সিদ্ধান্তের ফলে সমীকরণ (12.30) ও (12.31) হইতে দেখা যায় যে,

(i)
$$U_{\lambda} \lambda^{5} = 8 = 3$$
 ... (12.34a)

(ii)
$$U_{\lambda} T^{-b} =$$
\$44 \cdots (12.34b)

একই কারণে সমীকরণ (12:32) ও (12:33) হইতে দেখিতে পাই যে.

(ii)
$$U, T^{-8} = 8 = 4 = \cdots$$
 (12.34d)

মনে করি, রুক্ষতাপ-আয়তন-পরিবর্তনে বিকিরণের উক্ষতা T-এর পরিবর্তে T' হইয়াছে। তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ পরিবর্তিত অবস্থায় λ' হইবে, এবং $\lambda'=\lambda \ T/T'$ । এই সময়ে বিকীর্ণ শক্তি $U_{\lambda}'(T')$ বিলিয়া চিছিতে হইবে। এই পরিবর্তনে কার্ষের প্রয়োজন হয় এবং সেই কারণে $U_{\lambda}(T)\neq U_{\lambda}'(T')$ । প্রসারণে T'< T—এই সময়ে তল্য কার্য করে এবং $U_{\lambda}(T)>U_{\lambda}'(T')$ । পক্ষান্তরে সংনমনে তল্যের উপর কার্য করা হয় এবং $U_{\lambda}(T)< U_{\lambda}'(T')$ ।

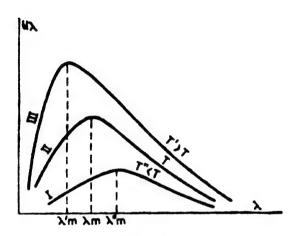
কোন অবস্থার $U_{\lambda}(T)$ জানা থাকিলে সমীকরণ (12.34b)-এর সাহাষ্যে $U_{\lambda}'(T')$ জানিতে পারিব । ঐ সমীকরণ অনুসারে,

$$T'^{-s}U_{\lambda}'(T')=T^{-s}U_{\lambda}(T)$$

चर्बा९,
$$U_{\lambda'=\frac{\lambda T}{T}}(T') = \begin{pmatrix} T' \\ T \end{pmatrix}^s U_{\lambda}(T) \cdots$$
 (12.35)

শেখা গেল, কৃষ্ণ বিকিরণে কোন একটি নির্দিন্ট উষ্ণতার spectrum-এ শক্তির বন্টন জানিলে ভিনের সূত্রের সাহাষ্যে অন্য বে-কোন উষ্ণতার শক্তির বন্টন জানিতে পারিব। এজন্য যাহা করণীয় তাহা হইল—

T উক্তায় $U_{\lambda} - \lambda$ লেখাচতে ভূককে (abcissa) (T/T') খারা এবং কোটকে (ordinate) (T'/T) খারা গুণ করিয়া বে লেখাচত অব্দন করা বার তাহাই হইবে T' উক্তায় শক্তির বন্টন লেখ (energy distribution curve at temperature T')। এইভাবে চিত্র (12.22)-এ II-চিহ্নত লেখ হইতে I ও III-চিহ্নত লেখ অব্দন করা হইয়াছে।



fin 12:22

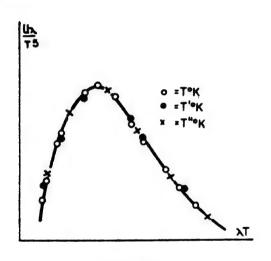
অনেক সময় U, - v লেখ সাহাব্যে spectrum-এ শক্তির বণ্টন দেখানো হয়। এখানে--

$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{T}'} \text{ and } \frac{\mathbf{U}_{\bullet'}}{\mathbf{T}} = \frac{\mathbf{U}_{\bullet'}}{\mathbf{T}'}$$

$$\therefore \quad \mathbf{U}_{r=\mathbf{T}'}(\mathbf{T}') = \left(\frac{\mathbf{T}'}{\mathbf{T}}\right)^{\bullet} \mathbf{U}_{r}(\mathbf{T}) \tag{12.36}$$

এক্ষেরে $U_* - v$ লেখতে ভূমকে (T'/T) বারা এবং কোটিকে $(T'/T)^s$ বারা গুণ করিলে T' উক্তার কৃষ্ণ বিক্রিনে শক্তি-বণ্টন লেখ পাওর। বাইবে।

একটি নৈর্দিন্ট উক্তার শক্তি-বর্ণন জানিতে পারিলে, $\lambda T = \omega$ ও $U_{\lambda} = A/\lambda^{s}$ $f(\lambda T)$ —এই সূত্র-দূইটির সাহাষ্যে অন্য যে-কোন উক্তার গক্তি-বর্ণন জানিতে পারি, সেই কারণে ইহাদের অতিক্রান্তি সূত্র বলা হর । ভিনের সূত্র হইতে দেখা গেল, $U_{\lambda}/T^{s} = A f(\lambda T)$ । উক্তা পৃথক হওরা সত্ত্বেও বাদ λ ও T-এর গুণফল সমান হর তবে U_{λ}/T^{s} -ও সমান হইবে। অন্যভাবে বালতে পারি, U_{λ}/T^{s} -এর মান λ ও T-এর গুণফলের উপর নির্ভর করে—পৃথক্তাবে T ষাহাই হউক না কেন। এই কারণে বিভিন্ন উক্তার U_{λ} জানিরা λT -কে ভৃজ ও U_{λ}/T^{s} -কে কোটি ধরিরা যে বিন্দুর্গাল পাওরা যার (চিত্র $12^{\circ}23$) তাহার। প্রত্যেকে একই লেখ-র উপর থাকিবে (full continuous curve) । অনুরূপ কারণে $U_{\nu}/T^{s} - \nu/T$ লেখটিও উক্তা নিরপেক হইবে।



हिन 12·23

শক্তি-বণ্টন লেখ হইতে দেখা বার বে, একটি বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ সর্বাধিক হইরা থাকে। এই তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ_m বিলিয়া চিহ্নিত হইবে। λ_m বিকিরণের উষ্ণতা T-এর উপর নির্ভর করে। উষ্ণতা পরিবর্তনে λ_m এমনভাবে পরিবর্তিত হইবে বে—

$$\lambda_m T = \lambda'_m T' = b = 29 \text{ cm}^{\circ} \text{K}$$
 (পরীকা হইতে)

বে তরজদৈর্বো বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ সর্বাধিক হইবে তাহা কেল্ভিন ক্কেলে

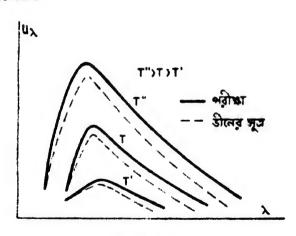
ক্রুক বিকির্নের উক্তার ব্যস্তানুপাতিক। এই কারণে কোন কৃষ বস্তৃকে

উত্তপ্ত করিলে উহা প্রথমে রক্তিম বর্ণ ধারণ করে এবং পরে উহা সাদা হর। কৃষ্ণ বিকিরণ spectrum-এ λ_m ছির করিতে পারিলেই বিকিরকের উষ্ণতা জানিতে পারিব। এইভাবে চন্দ্র, সূর্ব ইত্যাদির উষ্ণতা নিরূপণ করা সম্ভব হইরাছে।

$$\left[rac{d \, \mathrm{U}_{\lambda}}{d \lambda}
ight]_{\lambda = \lambda_m} = 0$$
, সমীকরণের সহারতার λ_m জানা যার।

বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ বিকিরকের নিঃসরণ ক্ষমতার সমানুপাতিক বিলিয়া উপরের আলোচনায় U_λ -র পরিবর্তে E_λ লেখা চলে ।

ভিনের স্ত্রের যাথার্থা প্যাশেন, লুমার ও প্রিংশেম (Paschen, Lummer ও Pringsheim) প্রমুখ বৈজ্ঞানিকদের ধারা পরীক্ষিত হইরাছে। বিদ্যুৎ প্রবাহের সাহাব্যে কার্বন নলকে উত্তপ্ত করিয়া নিঃস্ত বিকিরণকে fluorspar প্রিজমের সাহাব্যে পরীক্ষা করা হয়। বোলোমিটারের সাহাব্যে spectrum-এর বিভিন্ন অংশে শক্তি মাপা যায়। শোষণের দরুল বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ যাহাতে হ্রাস না পায় সে বিষরে বিশেষ সত্র্কতার প্রয়োজন।



fb4 12:24

পরীকা হইতে দেখা বার বে, ভিনের সূত্র পরীকার ফলাফলকে অনেকাংশেই ব্যাখ্যা করিতে পারে। কেবলমাত্র তরক্ষদৈর্ঘ্য খুব বেশী হইলে পরীকার U_{λ} কিছুটা বেশী হইবে (ভিত্ত 12.24)। উক্তা বখন খ্ব বেশী তখনই এই পার্থকা ধরা পড়ে। উপরম্ব দেখা বার বে, লেখ ও ভ্লের

অন্তর্বতাঁ ক্লেরে ক্লেরফল T^4 -এর সমানুপাতিক (শ্যিফান-বোল্ংজ্মানের সূত্র)। নিয়ে দেওরা সারণীটিতে ঐ পরীকা সংক্রান্ত অন্যান্য তথ্য লিপিবদ্ধ হইল।

				•
T (in °K)	$\lambda_m \times 10^4$ (in cm)	$\mathrm{U}_{\scriptscriptstyle{\lambda_m}}$ (আপেক্ষিক)	$\lambda_m T$ $(cm-^\circ K)$	$U_{\lambda m} \times T^{-5}$ $(\times 10^{17})$
621.2	4.23	2.026	·2814	2190
908.5	3.28	13.66	2980	2208
1094.5	2.71	34.00	· 2 966	2164
1259	2.35	68:80	2559	2176

সারণী 12.2 : ভিনের স্চের পরীকা

ভিনের সূত্রে $f(\lambda T)$ অথবা $\phi(v/T)$ -এর গাণিতিক প্রকৃতি সম্পর্কে কোন উল্লেখ নাই। এই কারণে ঐ সূত্রের সাহায্যে নির্দিষ্ট উষ্ণতার spectrum-এর বিভিন্ন অংশে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ কি হইবে তাহা বলা যায় না। এই সূত্র্টিকে বাহাতে ব্যবহারের উপযোগী করা যায় সেজন্য বিকিরণ নিঃসরণ ও শোষণ সম্পর্কে ভিন করেকটি গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্ত গ্রহণ করেন।

270.60

2928

2246

1.78

- 1. আবদ্ধ পাত্রের অভারেরে বিকিরণ কতকগুলি অনুনাদক হইতে নিঃস্ত হইয়াছে মনে করা ষাইতে পারে। অনুনাদকগুলি (resonators) গ্যাস-অণুর সমতুলা। উহাদের সাহাযো সকল তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃসরণ ও শোষণ সম্ভব হইয়া থাকে।
- 2. নিদিট উক্তার কোন অনুনাদক বিশেষ একটি তরঙ্গদৈর্ঘ্যে নিঃসরণ ও শোষণ করিতে পারে। ঐ তরঙ্গদৈর্ঘ্য অথবা কম্পান্দক অনুনাদকের শক্তির উপর নির্ভর করে। বিভিন্ন শক্তিসম্পান্ন অনুনাদকের উপস্থিতির কারণে বিভিন্ন কম্পান্দের তরঙ্গ (0 হইতে ∞) নিঃসরণ ও শোষণ করা সম্ভব হইবে।
- 3. তরঙ্গদৈর্ব্য λ এবং λ + dλ-র মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ নির্ভর করে ঐ তরঙ্গদৈর্ব্যে নিঃসরণ করিবার ক্ষমতা সম্পন্ন কত্যাল অনুনাদক থাকে ভাষার উপর।

1646

বেহেত্,
$$\frac{1}{2} mv^2 = \alpha v = \alpha \frac{c}{\lambda}$$
 [$\alpha = \mu \pi \pi$]

$$U_{\lambda} = e^{-\frac{1}{kT}} \quad \psi(v) = e^{-\frac{\sigma_{v}}{\lambda T}} \quad \psi(v) \quad \left[c_{s} = \frac{\alpha c}{kT} \right]$$

 $\psi(v)$ হর v-এর অপেক্ষক এবং এই কারণে λ -রও অপেক্ষক। ভিনের স্ত্রের সহিত সঙ্গতি রাখির। উপরের সমীকরণটিকে লেখা বার

$$U_{\lambda}d\lambda = \frac{A}{\lambda^{5}} e^{-\frac{C_{3}}{\lambda^{2}}} d\lambda \qquad \cdots \qquad (12.37a)$$

अथवा
$$E_{\lambda}d\lambda = \frac{A'}{\lambda^*} e^{-\frac{C_s}{\lambda^*}} d\lambda$$
 ··· (12.37b)

 λ খ্ব বেশী না হওয়া পর্বন্ত (λ < $3\times10^{-6}~cm$) ভিনের এই সমীকরণটি লুমার ও প্রিংশেম-এর পরীক্ষাকে সম্পূর্ণরূপে ব্যাখ্যা করিতে পারে । কিন্তু λ খ্ব বেশী হইবে পরীক্ষার U_{λ} কিন্তুটা বেশী হইবে—অর্থাৎ সমীকরণটি spectrum-এর একটি অংশকেই সঠিকভাবে ব্যাখ্যা করে ।

সমীকরণটি হইতে দেখা বার $\lambda=\infty$ এবং $\lambda=0$ হইলে $U_\lambda=0$ হইবে। পরীকা হইতে ইহা প্রমাণ করা বার না। তবে পরীকার দেখা গিরাছে বে, $U_\lambda-\lambda$ লেখটি মূল বিন্দু অভিমুখী নর—(does not show the tendency to go through the origin)। উপরত্ব $T=\infty$ হইলে $U_\lambda=A\lambda^{-s}$ এবং 'ইহা একটি সসীম রাশি। ইহা অবশাই শিউফান-বোল্ংজ্মান সূত্রের পরিপন্থী। এই সকল কারণে অনুমান করা বার বে ভিনের সূত্রে কোন শুটি রহিরাছে।

সৌর উক্তা—সূর্ব শক্তির উৎস। সূর্বের photosphere বা আলোক মণ্ডল হইতে বিভিন্ন তরসনৈর্বো বিকীপ শক্তি পৃথিবী পৃষ্ঠে আপতিত হইতেছে। সৌর বিকিরণ ও কৃষ্ণ বিকিরণের spectrum-এ প্রকৃতিগত সামৃশা বর্তমান। কিছু সৌর বিকিরণকে নির্দিন্ত উষ্ণতার কৃষ্ণ বিকিরণের সহিত মেলানো বার না। এই কারণেই আলোক মণ্ডলকে প্রাপ্রিক কৃষ্ণ বস্তু চিন্তা করা অনুচিত হইবে। তবে কৃষ্ণ বস্তুর সহিত ইহার পার্থকা পুরই সামানা্য

 $\lambda_m T = 1944 = 29$ এই হিসাব হইতে বিভিন্ন সমরে সৌর উক্তা নিরূপণ করিবার চেন্টা হইরাছে। পরের পূন্তার সারণাটিতে দেখা বার বে,

গড় সৌর উম্বতা $6080^\circ K$ । গিটফান-বোল্ংজ্মান সূত্রের সাহাব্যে সৌর উম্বতা স্থির করিলে দেখা বার বে, $T=5780^\circ K$ ।

সারণী	12.3	:	ভিনের	সূত্র	হইতে	সৌর	উক্তা
			•	-	1100	A. 11 W	OTO

	λ _m A°	T°K	সোর-ধ্রুবক হইতে সোর উক্তা
ম্যুলার এবং চন	4680	6154	
অ্যাবোট—I	4700	6128	
উ ट्रमिर	4820	5975	
অ্যাবোট—II	4753	6059	
গড়		6080°K	5780°K

এই দৃই পদ্ধতিতে সৌর উক্তা হিসাব করিলে যে পার্থক্য দেখা বার (300°K) তাহা দিউফান-বোল্ংজ্মান সূত্র অথবা অতিক্রান্তি সূত্রের কোন ক্রটির জন্য নয়। কেবলমাত্র সূর্বের আলোক মণ্ডলটি আদর্শ কৃষ্ণ বিকিরক নয় বলিয়াই এই পার্থক্য হইয়া থাকে।

12'33. স্থান্তেন্সের শক্তি-বণ্টন সূত্র (Rayleigh-Jeans energy distribution formula) :

ভিনের স্ত কৃষ্ণ বিকিরণের সম্পূর্ণ spectrum-কে ব্যাখ্যা করিতে না পারার র্যালে (Rayleigh) একটি পৃথক্ দৃষ্টিভঙ্গী হইতে এই সমস্যার সমাধান করিতে সচেন্ট হন। পরবর্তীকালে জিন্সের (Jeans) প্রচেন্টার ইহা সম্পূর্ণ হয়। সনাতন বলবিদ্যা ও পরিসংখ্যানের (classical mechanics ও statistics) সহারতার যে ন্তন স্তুটি পাওয়া যায় তাহা পরীকালক spectrum-কে সম্পূর্ণ ব্যাখ্যা করিতে পারে না।

সম্পূৰ্ণরূপে প্রতিফালত হয়, এরূপ দেওয়াল দারা আবদ্ধ কোন দ্বানে কৃষ্ণ বিক্রিপ থাকিলে ঐথানে দ্বাণু তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে। দেওয়াল-গাত্রের প্রতিটি বিন্দৃ হইবে দ্বাণৃ তরক্তের নিস্পন্দ বিন্দৃ (nodes)। পাত্রে ও হইতে ত্রু-র মধ্যে সকল কম্পান্দের তরঙ্গ থাকিবে। আমাদের হিসাব করিতে হইবে T উষ্ণতার কম্পান্দ্র ১ ও ১ + ৫৮-এর মধ্যে কি পরিমাণ শক্তি সন্থিত আছে।

এইজনা আবদ্ধ পাত্রের একক আরতনে $v \in v + dv$ কম্পান্দ বিস্তারের মধ্যে ছাণু তরঙ্গের সংখ্যা দ্বির করা প্ররোজন। মনে করি, এই সংখ্যা f(v)dv—কম্পান্দ v-এর এই অপেক্ষক f(v)-কে কম্পান্দ-বন্টন-অপেক্ষক (frequency distribution function) বলা হর। গাণিতিক হিসাব হইতে দেখা বার নিদিন্ট কম্পান্দ বিশিন্ট তরঙ্গের (তড়িং চুম্বনীর তরঙ্গ অথবা ছিতিজ্যাপক মাধ্যমে সৃষ্ট তরঙ্গ বাহাই হউক না কেন) শক্তি একই কম্পান্দের দোলকের শক্তির সমান। এই হিসাবে বিকিরণ তলো প্রত্যেকটি ছাণু তরঙ্গে একটি করিরা স্থাতন্ত্য মান্রা (degree of freedom) আরোপ করা বাইতে পারে। কৃষ্ণ বিকিরণ আবদ্ধ পান্তে T উষ্ণতার সাম্যে থাকে এবং ঐ কারণে বিকিরণের প্রত্যেকটি স্থাতন্ত্য মান্রাতে শক্তি kT (k-বোল্ংজ্মানের ধ্রুবক)—কারণ T উষ্ণতার প্রত্যেকটি স্থাতন্ত্য মান্রাতে দোলকের গতিশক্তি $\frac{1}{2}kT$ এবং ছিতিশক্তি $\frac{1}{2}kT$ ।

$$\therefore u_{\nu}dv = f(\nu)dv \ \overline{E_{\nu}} = kT.f(\nu)dv \qquad \cdots \qquad (12.38)$$

f(v)-এর হিসাব [Calculation of f(v)]—

স্থাপৃ তরঙ্গ সম্পর্কে আলোচনা করিবার সময় প্রথমেই দৃই প্রান্তে আটকানো একটি তারের কথা চিত্তা করা বাক। তারটিকে টানিরা ছাড়িয়া দিলে তরঙ্গের

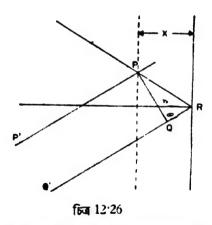


fba 12:25

সৃখি হর। আপতিত তরঙ্গ দুই প্রান্তে প্রতিফালত হওয়ার ফলে বে স্থাপু

ভরঙ্গের সৃষ্টি হর তাহার জনা তারের দৃষ্টি প্রান্ত নিম্পাল বিন্দু হইবে। বিভিন্ন প্রকারে বা বিভিন্ন 'mode'-এ তারের কম্পন সন্তব। স্থাপু তরঙ্গে একটি মাত্র ফাঁস (loop) তৈরারী হইলে তারের ঐ কম্পনকে fundamental mode of vibration বা মূল ভ্ষকে কম্পন বলা হয়। স্থাপু তরঙ্গে দৃষ্টি, তিনটি, … গা-টি ফাঁস (loop) সৃষ্টি হইলে বথাক্রমে দ্বিতীর, তৃতীর …গা-তম ভ্ষকে কম্পন (গা-th mode of vibration) হইতেছে বলা হইবে। স্থাপু তরঙ্গে গা-তম mode-এ তরঙ্গদৈর্ঘ্য $\lambda = 2l/n$ (চিত্র 12.25)। এক্ষেত্রে গ অবশাই কোন ধনাত্মক পূর্ণ সংখ্যা হইবে।

আলোচনার সুবিধার জন্য মনে করা যাক, কৃষ্ণ বিকিরণ একটি ঘনকের (cube) মধ্যে আবদ্ধ অবস্থায় আছে। ঐ বিকিরণ তরঙ্গাকারে বিভিন্ন দিকে অগ্রসর হইবে। এরূপ একটি তরঙ্গ কোন তলের উপর θ কোণে আপতিত ও প্রতিফলিত হইলে তরঙ্গ-মুখের (wave front) উপর অভিকত লয় ঐ তলের উপর অভিকত লয়ের সহিত θ কোণ উৎপন্ন করিবে চিত্র (12:26)।



চিত্র হইতে দেখা যায় P বিন্দৃতে প্রতিফলিত ও আপতিত তরঙ্গের পথ-পার্থক্য (path difference)—

$$PR + QR = \frac{x}{\cos \theta} + \frac{x}{\cos \theta} \cos 2\theta$$

$$-\frac{\cos \theta}{\cos \theta} (1 + \cos 2\theta)$$

$$= 2x \cos \theta \qquad (12.39)$$

এখানে x সীমানা তল হইতে P বিন্দুর লম্ব-দ্রম্ব । ব্যতিচারের নিরম অনুসারে (condition of interference) P বিন্দৃটি একটি নিস্পন্দ তলে থাকিবার সর্ত

$$2x\cos\theta = (2n+1)\frac{\lambda}{2}$$
 [n coin পূৰ্ব সংখ্যা] ··· (12.40)

এই অবস্থার একটি নিম্পন্দ তল হইতে পরের নিম্পন্দ তলের দ্রম্ব $\Delta x = \lambda/2 \cos \theta$ । ঘনকের প্রত্যেকটি বাছ l এবং সেক্ষেত্রে দুইটি বিপরীত তলের মধ্যে n_1 -টি নিম্পন্দ তল থাকিলে,

$$n_1 \frac{\lambda}{2} = l \cos \theta$$

তরঙ্গ-মূখের উপর অন্কিত লম্ব ঘনকের তিনটি বাছর সহিত θ_1 , θ_2 , θ_3 , কোণ উৎপত্ন করিরাছে এবং বিপরীত তলগুলির মধ্যে ষথাদ্রমে n_1 , n_2 , n_3 -টি নিস্পন্দ তল সৃষ্টি হইরাছে মনে করিলে

$$n_1 \frac{\lambda}{2} = l \cos \theta_1, n_2 \frac{\lambda}{2} = l \cos \theta_2$$
 and $n_2 \frac{\lambda}{2} = l \cos \theta_2$

এখানে c তরক্ষের গতিবেগ এবং v উহার কম্পাধ্দ । আমরা বদি $n_1, n_2,$ n_3 -কে তিনটি চল মনে করি তবে নিদিন্ট কম্পাধ্দ v-এর জন্য ইহা একটি গোলকের সমীকরণ । n_1, n_2, n_3 প্রত্যেকেই ধনাত্মক পূর্ণ সংখ্যা ।

এই প্রসঙ্গে বিশেষভাবে উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, সমবারের প্রত্যেকটি সংখ্যা (each member of the combination) অবশাই পূর্ব সংখ্যা হইবে। মনে করি (n_1', n_s', n_s') এরূপ একটি সমবার। সমীকরণ (12'41)-এ n_1, n_s, n_s বর্গাকারে উপন্থিত থাকার $\pm n_1', \pm n_s', \pm n_s'$

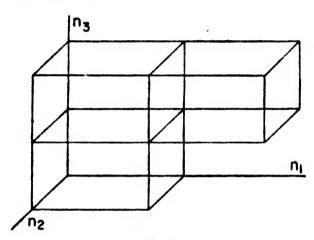
হইতে পৃথক্তাবে বে আটটি সমবার গঠন করা সম্ভব তাহাদের প্রত্যেকটির জন্য উপরের সমীকরণটি সিদ্ধ হইবে। কিছু লক্ষ্য করা যায় যে, আটটি সমবারের মধ্যে কেবলমাত্র একটি সমবারের (বাহাতে তিনটি সংখ্যাই ধনাত্মক) জনাই একটি mode কল্পনা করা বাইতে পারে। প্রশ্ন হইতেছে, নিন্দিট । এবং ৮-এর জন্য এরূপ কতপুলি সমবায় গঠন করা সম্ভব।

তিমাত্রিক ভূমিতে x, y, z-এর পরিবর্তে n, n, n-কে তিনটি অক্ষ ধরিলে এরূপ প্রত্যেকটি সমবায়কে এক একটি বিন্দু দ্বারা নির্দেশ করা বার। মূল বিশ্ব হইতে প্রত্যেকটি বিশ্বর দ্রত্ব 2vl/c হইবে (আমরা l দৈর্ঘার ঘনকের অভান্তরে কেবলমার v কম্পান্কের তরঙ্গ চিন্তা করিতেছি)। এইভাবে মূল বিন্দু হইতে একই দ্রছে যে আটটি বিন্দু পাওয়া যাইবে তাহার। একটি cubic lattice উৎপন্ন করিবে—ঐ lattice-এর মূল বিশুতে (origin of the co-ordinate system) অবস্থিত। প্রত্যেকটি পৃথক ভূষকে (mode) কম্পনের জন্য এরূপ একটি করিরা lattice কল্পনা করা বার এবং উহাদের প্রত্যেকের কেন্দ্র অভিন্ন। মূল বিন্দু হইতে ঐ lattice-গুলির কৌণক দ্রম্ব 2vl/c। এই কারণে মূল বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া 2vl/c ব্যাসার্ধের একটি গোলক কল্পনা করিলে lattice-এর কৌণিক বিন্দুগুলি ঐ গোলক পুণ্ঠের উপর পড়িবে। স্মরণ থাকে যে, lattice-এর আটটি কৌণিক বিন্দুর মধ্যে কেবলমাত্র একটি mode নির্দেশক বিন্দু। ঐ গোলকটিকে নিরক্ষীর অনুভামক তল এবং পরস্পরের সহিত লম্বভাবে অবস্থিত দুইটি উল্লয় তল বারা সমান আটটি অংশে ভাগ করিলে কেবলমাত একটি অংশেই n1, n2, n2-র প্রত্যেকেই ধনাত্মক সংখ্যা হইবে।

সৃতরাং l দৈর্ঘ্যের ঘনকে ν এবং $\nu+d\nu$ কম্পান্দের মধ্যে বিভিন্ন mode-এ স্থাপু তরঙ্গের সংখ্যা হইবে $2\nu l/c$ এবং $2(\nu+d\nu)l/c$ ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট দুইটি গোলকের মধ্যে যে আরতন উহার আট ভাগের এক ভাগে lattice-এর যতগুলি কৌলিক বিন্দু থাকিবে সেই সংখ্যার সমান ।

$$n$$
-space-এ এই অংশের আয়তন $=rac{1}{8}rac{4\pi}{c^2}~(2vl)^2~rac{2ldv}{c}$ $=rac{4\pi l~^3~v^2dv}{c^3}$

ঐ আন্নতনে mode নির্দেশক কতগৃলি বিন্দু থাকিবে তাহা ছির করিতে সারণ রাখিতে হইবে বে, ঐ বিন্দৃগুলির প্রত্যেকটি স্থানাব্দ পূর্ণ সংখ্যা। মনে করা বাক, একক দৈর্ঘ্যের (একক আরতনেরও বটে) কৃদ্র কৃদ্র lattice-গৃলিকে একটির পার্থে আর একটিকে বসাইর। একটি জালক সৃতি করা হইরাছে। ঐ জালকে প্রত্যেকটি lattice-এর কৌণক বিন্দুর স্থানাক্ষ পূর্ণ সংখ্যা হইবে। পরপর সাজানো lattice-গৃলির প্রত্যেকটি কৌণিক বিন্দুতে আটটি করিরা lattice মিলিত হইরাছে (চিন্তু 12.27)। সৃতরাং প্রত্যেকটি lattice-এ গড়ে



for 12.27

(অনেকগুলি lattice হইতে গড় লইলে) একটি করিয়া বিন্দু থাকিবে বাহার স্থানাক্ষ তিনটি অখণ্ড সংখ্যা বারা নির্দেশ করা চলে। অর্থাৎ n-space-এর একক আর্তনে কেবল একটি মাত্র mode-নির্দেশক বিন্দু থাকিবে।

সৃতরাং l দৈর্ঘ্য বিশিষ্ট ঘনকের অভায়রে v এবং v+dv কম্পান্দের মধ্যে বিভিন্ন mode-এ তরঙ্গের সংখ্যা হইবে $4\pi l^3 v^2 dv/c^3$ এবং আবদ্ধ স্থানের একক আরতনে এই সংখ্যা হর $4\pi v^2 dv/c^3$ । তড়িংচুম্ববীর তরঙ্গ তির্বক তরঙ্গ এবং পরস্পরের সহিত লম্বভাবে দুই দিকে সম্বর্ভিত হর (can be polarised in two mutually perpendicular directions)।

সৃতরাং পাত্রের একক আয়তনের বিকিরণে বিভিন্ন mode-এ তরঙ্গের সংখ্যা হইবে

$$f(\mathbf{v}) d\mathbf{v} = 2 \frac{4\pi \mathbf{v}^* d\mathbf{v}}{c^*} = \frac{8\pi \mathbf{v}^* d\mathbf{v}}{c^*}$$
 (12.42)

সমীকরণ (12:41)-এর সিদ্ধাতে পৌছাইতে আমরা একটি ঘনকের অভাররে বিকিরণের কল্পনা করিরাছি। সাধারণভাবে প্রমাণ করা বার বে, পাচের

আকার বাহাই হউক না কেন আবদ্ধ বিকিরণের জন্য সমীকরণ (12·41) একইভাবে প্রবোজা।

গ্যাস মাধ্যমে কেবলমাত্র অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গের (longitudinal wave) সৃতি হর। এবং এইজনা গ্যাস মাধ্যমে একক আরতনে v ও v+dv কম্পান্ধের মধ্যে বিভিন্ন mode-এ তরঙ্গ সংখ্যা হইবে

$$f(\mathbf{v}) \ d\mathbf{v} = \frac{4\pi \mathbf{v}^2 d\mathbf{v}}{(12.43)}$$

ন্থিতি স্থাপক কঠিন পদার্থে (elastic solid medium) একই সঙ্গে দুইটি তির্থক তরঙ্গ ও একটি অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গ সৃথি হইয়া থাকে, সেই কারণে

$$f(\mathbf{v})d\mathbf{v} = 4\pi \mathbf{v}^2 \left(\frac{2}{c_t^3} + \frac{1}{c_t^3}\right) d\mathbf{v} \quad \cdots \quad (12.44)$$

ে, তির্বক তরক্ষের গতিবেগ এবং ে, অনুনৈর্ঘ্যে তরক্ষের গতিবেগ। পরবর্তী অংশে এই গ্রন্থস্থপূর্ণ সিদ্ধান্তগুলি কয়েকটি ক্ষেত্রে ব্যবহার করা হইবে বলিয়া উহাদেরকে একটি সারণী ভুক্ত করা গেল।

সারণী 12.4: বিভিন্ন মাধ্যমে f(v)-এর হিসাব

মাধ্যম (Nature of the medium)	একক আয়তনে কম্পাৎক ${f v}$ ও ${f v}+d{f v}$ -এর মধ্যে বিভিন্ন ${ m mode}$ -এ তরঙ্গ সংখ্যা $f({f v})d{f v}$
शाञ∙∙∙	$4\pi v^2 dv$
বিকিরণ · · ·	$\frac{8\pi v^2 dv}{c^3}$
ছিতিছাপক কঠিনপদাৰ্থ	$4\pi v^2 \left(\frac{2}{c_i} + \frac{1}{c_i}\right) dv$

সমীকরণ (12:38) ও (12:42)-কে একত করিয়া

$$u_v dv = f(v) dv kT = \frac{8\pi v^3 kT dv}{(12.45a)}$$

ভয়সদৈৰ্ঘ্য ১-র ছিলাবে লিখিলে

$$u_{\lambda}d\lambda = \frac{8\pi kT}{\lambda^4} d\lambda \qquad \cdots \qquad (12.45b)$$

সূত বলা হয়। এই সূত্রের সাহাবো spectrum-এর বিভিন্ন অংশে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ সরাসরি জানা সম্ভব (ভিনের সূত্রে উপদ্যিতির কারণে ইহা সম্ভব হর না-কেবলমার আপেকিক মান পাওয়া বার)। এই কারণে সহজেই র্যালে-জিন্সের স্ত্রকে পরীক্ষার সাহাবে। যাচাই कदा हरन । भारानन, नुमात ७ शिश्रामम-धत भरीकानक मस्टि-वर्णन राम्यस র্যালে-জিনুসের তত্ত্বীর বর্ণনৈ লেখ-র (theoretical energy distribution curve) সহিত তলনা করিলে দেখা বার বড় তরঙ্গদৈর্ঘো লেখ-দুইটির মধ্যে গুণগত মিল (qualitative agreement) বর্তমান spectrum-এর এই অংশে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের ব্যন্তানুপাতিক किंव spectrum-अत कृष्ट जतकरेनाचा मंख्य-वर्णन वााचा कतिएउ এই সূত্র সম্পূর্ণরূপে বার্থ হইয়াছে। র্য়ালে-জিন্সের সূত্র অনুসারে বিকিরণে তরঙ্গনৈর্ঘ্য হ্রাস পাইতে থাকিলে শস্তির ঘনত বৃদ্ধি পাইবে এবং $\lambda=0$ हरेला १५ = ∞ हरेत। किंदु भरीका हरेए एम्था बात त्व, कृष्ट তরঙ্গরিধা λ হ্রাস পাইলে u_{λ} হ্রাস পার এবং $\lambda \to 0$ হইলে $u_{\lambda} \to 0$ হইবে। ভিনের বন্টন সূত্র কেবলমাত্র কৃষ্ণ ভরসদৈর্ঘো প্রযোজা এবং র্যালে-জিন্সের সূত্র ভরঙ্গদৈর্ঘ্য বড় হইলে প্রয়োগ করা চলিবে। এই হিসাবে ভিনের সূত্র এবং র্য়ালে-জিন্সের সূত্রকে পরস্পরের পরিপ্রক (complementary) वना वात्र ।

त्रारम-किन्रित **मृ**ह अनुमारत अकक आव्रञ्ज स्मार्ग दिकीन मस्टि

$$u = \int_0^\infty u_\lambda \ d_\lambda = \int_0^\infty 8\pi k T \lambda^{-4} d\lambda \to \infty \quad \text{and} \quad T \neq 0$$

অর্থাৎ 0°K ব্যতীত অন্য বে-কোন উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তির খনছ অসীম হইবে। কিন্তু প্রকৃতপক্ষে বে-কোন উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণে নির্দিশ্য পরিমাণ শক্তি থাকে। ভিনের সূত্র কৃষ্ণ বিকিরণের উক্তা ও শক্তির সম্পর্ক সঠিকভাবে নির্দেশ করে কিন্তু র্যালে-জিন্সের সূত্র ও বিষয়ে সম্পূর্ণরূপে বার্থ হইরাছে। ক্যাবাদের আলোকে প্লাক্ত কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি বন্টন সম্পর্কে বে সূত্র নির্দেশ করিরাছেন ভাহাতে ভিন এবং র্যালে-জিন্স স্তের ফ্রাট পুর হইরাছে।

12'34. সাজের কণাবাদ ও ক্লম্ভ বিকিন্নলে শক্তি-বৰ্ণট্টম সূত্র (Quantum theory of thermal radiation and Plank's distribution formula):

ভিনের সূত্র এবং র্য়ালে-জিন্সের সূত্র কৃষ্ণ বিকরণে শক্তি বণ্টন সম্পূর্ণরূপে ব্যাখ্যা করিতে না পারার সমস্যা সমাধানে নতুন দৃষ্টিভঙ্গীর প্ররোজনীরতা উপলব্ধি করা হয়। এই ব্যাপারে সার্থক পদক্ষেপ ম্যাক্স প্লাক্কের। প্লাক্ক classical physics-এর গণ্ডীর বাহিরে 'কণাবাদের' সমর্থনে প্রথম মত প্রকাশ করেন। এই কণাবাদের সাহায্যে প্লাক্ক কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বণ্টনকে সম্পূর্ণরূপে ব্যাখ্যা করিতে সক্ষম হন উপরত্ব ভিন ও র্য়ালে-জিন্সের সূত্র প্লাক্ক অনুসিদ্ধান্ত হিসাবে দেখানো হয়।

ক্রম্ম বিকিরণের উৎপত্তি এবং বিকিরণ ও বিকিরকের মধ্যে সাম্বা—কোন পাত্রন্থিত বিকির্ণ 6 পারের অভাররে electric dipole-এর পর্বারত্ত দোলনের ফলে সৃষ্টি হইয়া থাকে। তরঙ্গাকারে নিঃসৃত বিকীর্ণ শক্তির কম্পান্ক দোলনরত electric dipole-এর কম্পান্কের সমান। পারের অভাররে 🛈 হইতে ∞-র মধ্যে বিভিন্ন कष्णाएकत पानक थाकिरा धरा करन भारत मकन उत्तर्मार्था विकित्र थाका সম্ভব। এই পর্বত প্লান্কের চিত্তাধারা classical physics-এর সঙ্গে সংগতিপূর্ণ। প্রকৃতপকে তড়িংচুমুকীয় তরঙ্গবাদ (electromagnetic theory) হইতে প্রমাণ করা বার যে, ম্বরণ সম্পন্ন তড়িং আধান হইতে তড়িং-চুমুকীর তরঙ্গ নিঃসূত হয়। এইভাবে electric dipole-গুলির দোলনের ফলে বে তাড়িং চুমুকীয় তরঙ্গের সৃষ্টি হয় তাহা আবদ্ধ স্থানটিকে ভর্তি করিবার পর পারের অভাররে clipole-গুলি বিকীর্ণ তরঙ্গ হইতে শক্তি শোষণ করিতে থাকে। কোন dipole কেবলমাত্র উহার নিজম্ব কম্পান্কের তরঙ্গ হইতে শক্তি শোষণ করিয়া থাকে ৷ একই সঙ্গে dipole-গুলি হইতে নিঃসরণ ও শোষণে আৰম বিকিরণে সাম্যাবস্থার সৃন্টি হয়। এই অবস্থায় কোন বিশেষ কম্পান্কের তরঙ্গের জন্য একক আয়তনে শক্তি এবং ঐ একই কম্পাঙ্কের দোলকগুলির গড় শব্তির অনুপাত স্থির থাকে । $\,\,$ হইতে $\,{f v}+d{f v}$ কম্পান্কের দোলক ও বিকীর্ণ তরক্ষের মধ্যে নিঃসরণ ও শোষণ প্রক্রিয়ায় সাম্য সৃষ্টি হইলে, প্লাক্ষ প্রমাণ করেন বে,

$$u_{\nu}d\nu = \frac{8\pi v^{2}dv}{c^{2}} \overline{E}_{\nu} \qquad \qquad \dots \qquad (12.46)$$

 $\overline{E}_{
m s}=v$ কম্পান্দের দোলকর্থানর গড় শস্তি এবং u,dv=একক আরতনে কম্পান্দ v ও v+dv-এর মধ্যে শস্তি ।

প্লাবের কণাবাদ ও E,-এর হিসাব (Planck's quantum hypothesis and calculation of E,)—

Classical physics-এ বস্তু ও বিকিরণের মধ্যে বখন শক্তি বিনিমর হয় তখন 0 ও ∞ -র মধ্যে যে-কোন পরিমাণ শক্তি নিঃসরণ অথবা লোবণ হইতে পারে। এই কারণে অনুমান করা হয় যে, ν কম্পান্দের দোলক 0 হইতে ∞ -র মধ্যে বে-কোন শক্তিতে স্পন্দিত হইতে থাকিবে। আমরা জানি এইরূপ হইলে দোলকগুলির গড়শক্তি $\widehat{E}_{\nu}=kT$ । সমীকরণ (12.46)-এ \widehat{E}_{ν} -এর মান kT লিখিলে র্যালে-জিন্সের স্চটি পাওয়া বার। অভএব সমস্যার সমাধান এইভাবে হইতে পারে না।

প্লাব্দ বন্ধু ও বিকিরণের মধ্যে শক্তি বিনিময়ের ক্ষেত্রে একটি অবম সীম। (lower limit) দ্বির করার সপক্ষে প্রভাব রাখেন। এই মতবাদ, বাহা পরবর্তীকালে প্লান্কের কণাবাদ হিসাবে আখ্যাত হইয়াছে, অনুসারে শক্তির স্কুরণ ও শোষণ নিরবজ্জিন ভাবে হইতে পারে না (emission or absorption of energy by matter does not take place continuously)! সবচেয়ে কম বে-পরিমাণ শক্তি নোলকগুলি নিঃসরণ অথবা শোষণ করিতে পারে তাহাকে শক্তিকণা (photon) বলা হয়। বিকিরণ হইতে দোলকগুলি শক্তি গ্রহণের সময় অথবা দোলকগুলি হইতে বিকিরণ বাহির হওয়ার সময় এক বা একাধিক কণা লইরা একটি ভাড়া (packet) তৈয়ারী হইবে। শক্তি-क्लात প্রত্যেকটিতে ε পরিমাণ শক্তি থাকে এবং ইহাদের একটি, দুইটি, ভিনটि··· अथवा ११-िंग महेत्रा এकिंग छाड़ा हहेट आरत । এই कातरण একসঙ্গে ε , 2ε , 3ε ... $n\varepsilon$...শন্তির স্কুরণ বা শোষণ হয়। লক্ষ্য করা यात्र (व. ६-धत्र कम मस्टि कथनहै निः भत्रन अधवा (मायम कत्रा भड़व नत्र। मानकशृंग करतकी विक्रित गाँउ ववशात थाक अक्रभ हिडा कतिल एत्वरे একটি করির। তাড়ার সাহাধ্যে শক্তির নিঃসরণ ও শোষণ সম্ভব হইবে। অর্থাৎ সনাতন পদার্থবিদ্যার বাহিরে আসির। প্লাব্দ বে প্রকাব রাখেন ভাহ। হইল— নিদিন্ট কম্পান্দের কোন দোলকের পক্ষে কেবলমাত্র 0. ϵ , 2ϵ , 3ϵ , ···ne-এর মধ্যে বে-কোন একটি শক্তিতে কম্পন সম্ভব হইবে (অনা কোন শক্তিতে নর)। আমরা জানি T উক্তার সামাব্দার কোন সমাবেশে 0, ৪, $2e\cdots$ ne \cdots শক্তি বিশিষ্ট দোলক থাকিবার সম্ভাব্যতা (probability) হইবে বধাদ্রমে 1, $e^{-e/kT}$, $e^{-2e/kT}$, $e^{-ne/kT}$, \cdots

দোলকগৃলির মধ্যে এইভাবে শক্তি বন্টন হইয়া থাকিলে উহাদের গড় শক্তি হইবে

$$E = \frac{\sum_{n=0}^{\infty} n\epsilon \, e^{-n\epsilon/kT}}{\sum_{n=0}^{\infty} e^{-n\epsilon/kT}} = \frac{\sum_{n=0}^{\infty} n\epsilon \, e^{-\beta n\epsilon}}{\sum_{n=0}^{\infty} e^{-\beta n\epsilon}} \qquad \left[\beta = \frac{1}{kT}\right]$$

$$E = -\frac{d}{d\beta} \ln. \sum_{n=0}^{\infty} e^{-\beta n\epsilon} = -\frac{d}{d\beta} \ln. \frac{1}{1 - e^{-\beta \epsilon}}$$

$$-\frac{\epsilon e^{-\beta \epsilon}}{1 - e^{-\beta \epsilon}} = \frac{1}{e^{\delta \epsilon} - 1} = \frac{1}{e^{\epsilon/kT} - 1}$$

সূতরাং একই কম্পাঙ্কের বিভিন্ন দোলকের গড় শক্তি হইবে

$$E_{v} = \underset{e^{4/kT} - 1}{\varepsilon} \qquad \cdots \qquad (12.47)$$

এখানে সনাতন পদার্থবিদ্যার সঙ্গে কণাবাদের পার্থক্য বিশেষভাবে লক্ষণীর। সনাতন পদার্থবিদ্যার যে-কোন শক্তির দোলক থাকা সম্ভব এবং এখানে শক্তি বিনিমরের অবম সীমা (lower limit) হইবে $\epsilon \rightarrow 0$ ।

ষ্পন
$$\varepsilon \to 0$$
 $E = \lim_{\epsilon \to 0} \frac{\varepsilon}{e^{\epsilon/kT} - 1} = kT$

ইহাই শক্তির সমবণ্টন সূত্র (equipartition of energy)। অর্থাৎ কণাবাদের আলোচনা হইতে $\epsilon \to 0$ এই প্রান্তিক সীমায় (limiting value) পৌছাইলে সনাতন পদার্থবিদ্যার সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়া যায়।

সনাতন পদার্ঘবিদ্যার সিদ্ধান্ত হইতেছে $\overline{\mathrm{E}}=k\mathrm{T}$, কিন্তু প্লাপ্কের স্ট্র অনুবারী,

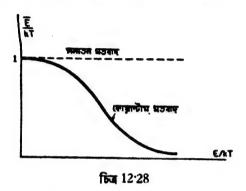
$$\frac{\mathbf{E}}{k\mathbf{T}} \quad \frac{\varepsilon/k\mathbf{T}}{\varepsilon^{kT}-1}$$

চিত্র (12:28)-এ সনাতন পদার্ঘবিদ্যা ও কণাবাদের এই পার্থকা দেখানো হইল।

সমীকরণ (12:46) এবং (12:47) একর করিলে দেখা বার একক আরতনে কম্পান্ক y ও y + dy-এর মধ্যে বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ হইবে

$$u_{\nu} d\nu = \frac{8\pi v^{2}}{c^{8}} \frac{8}{e^{a/kT} - 1} d\nu$$
 (12.48)

প্লাম্ক লক্ষ্য করেন যে ভিনের বন্টন সূত্রের সহিত উপরের সমীকরণটির সাদৃশাগত মিল তখনই সম্ভব হইবে যদি $e \propto v$ হয়। অর্থাৎ e = hv



(h= প্লান্ফের প্রন্থক) লিখিলে সমীকরণ (12.48)-কে ν/T অথব। λT -এর অপেক্ষক হিসাবে দেখা বায়। উপরত্ব ঐ একই সর্ভে সমীকরণের ডানদিকে ν^* পদ অথব। ব-টন সূত্রকে λ -র সাহায্যে লিখিলে λ^{-s} পদ পাওরা বায় [ভিনের ব-টন সূত্র (12.30) ও (12.32) দুন্টব্য]।

$$\varepsilon = hv$$
 letter, $u_v dv = \frac{8\pi hv^a}{c^a} \frac{1}{e^{hv/kT}-1} dv \cdots (12.49)$

অথবা ম-র হিসাবে বণ্টন সূত্রকে লিখিলে—

$$u_{\lambda}d\lambda = \frac{8\pi hc}{\lambda^{*}} \frac{1}{e^{ah/\lambda kT} - 1} d\lambda \qquad (12.50)$$

সমীকরণ (12:49) ও (12:50) কৃষ্ণ বিকিরণে প্লান্কের বণ্টন সূত্র।
সুমার, প্যান্দেন ও প্রিংশেম-এর পরীক্ষা লব্ধ শক্তি-বণ্টন লেখটিকে প্লান্কের সূত্র
হইতে ব্যাখ্যা করা যায়। প্লান্কের তত্ত্বীর বণ্টন লেখ ও পরীক্ষালব্ধ লেখ-এর
মধ্যে গুলগত ও সংখ্যাগত (qualitative and quantative) উভর
প্রকারের মিল বর্তমান। সেই কারণেই তরঙ্গদৈর্ঘা যখন খুব কম সেই সমরে
প্লান্কের সূত্রের অনুসিদ্ধান্ত হিসাবে ভিনের সূত্র পাওরা বাইবে। একই

কারণে ভরঙ্গদৈর্ঘ্য খৃব বেশী হইলে প্লান্ফের সূত্র হইতে র্যালে-জিন্সের স্ত্রটি পাওরা বাইতে পারে।

প্লাঙ্কের সূত্র হইডে ভিন ও র্যালে-জিল্সের বন্টন সূত্র—

কৃষ তরসদৈর্ঘ্যে
$$e^{ch/\lambda kT} > 1$$
 এবং সেকেত্রে $u_{\lambda} d\lambda = 8\pi ch \lambda^{-5} e^{-ch/\lambda kT} d\lambda$
$$= B\lambda^{-5} e^{-a/\lambda T} d\lambda$$

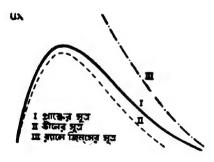
 ${
m B}=8\pi ch$ এবং $lpha={ch\over k}$ লেখা হইরাছে। উপরের সমীকরণটিই ভিনের শক্তি-বন্টন সূত্র।

বৃহৎ তরঙ্গ দৈর্ঘ্যের জন্য
$$e^{ch/\lambda k ext{T}} hicksim 1 + rac{ch}{\lambda k ext{T}}$$

অথবা
$$e^{ch/\lambda kT}-1 \simeq \frac{ch}{\lambda kT}$$
, এই কেতে,

$$u_{\lambda} d\lambda = 8\pi ch \lambda^{-5} \frac{\lambda kT}{ch} = \frac{8\pi kT}{\lambda^4} d\lambda$$

ইহাই র্যালে-জিন্সের শক্তি-বন্টন সূত্র। চিত্র (12.29)-এ একই সঙ্গে প্লাব্দ, ভিন ও র্যালে-জিন্সের শক্তি-বন্টন লেখ দেখানো হইল।



6 12.29

প্লাব্দের সূত্র হাইতে স্টিকানের সূত্র—প্লাব্দ সূত্র হাইতে সহজেই ফিফানের চতুর্থ থাতের সূত্রে পৌছানে। বাইবে এবং সেই সঙ্গে ফিফানের ধ্রুবকটির তত্ত্বীর মান ছির করা সম্ভব হাইবে।

কৃষ্ণ বিকির্ণে () হইতে ∞ -র মধ্যে সকল কৃষ্ণাব্দের ভরঙ্গ থাকিবে এবং একক আরতনে ইহাদের সকলের জন্য বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ

$$u = \int_0^\infty u_\nu d\nu = \frac{8\pi h}{c^3} \int_0^\infty v^3 (e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1)^{-1} d\nu$$

 $rac{h v}{k T} = x$ ধরিলে $dv = rac{k T}{h} dx$ এবং

$$u = \frac{8\pi h}{c^3} \int_0^\infty {k \choose h}^8 x^3 (e^x - 1)^{-1} \frac{k \choose h} dx$$

$$= \frac{8\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} \int_0^\infty x^3 (e^x - 1)^{-1} dx$$

$$= \frac{8\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} \int_0^\infty x^3 e^{-x} (1 - e^{-x})^{-1} dx$$

$$= \frac{8\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} \sum_{r=1}^\infty \int_0^\infty x^3 e^{-rx} dx = \frac{8\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} 6 \sum_{r=1}^\infty \frac{1}{r^4}$$

$$\left[\because \int_0^\infty x^3 e^{-rx} dx = \frac{6}{r^4} \right]$$

$$\frac{48\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} \sum_{r=1}^\infty \frac{1}{r^4} = \frac{48\pi k^4 \binom{4}{5}}{c^3 h^3} \frac{\pi^4}{90}$$

$$c^{*}h^{*} \stackrel{\mathcal{Z}}{\rightleftharpoons} r^{*} \quad c^{*}h^{*} \quad 90$$

$$\left[\begin{array}{ccc} \ddots & \sum_{i=1}^{\infty} \frac{1}{r^{i}} = \frac{\pi^{i}}{90} \end{array} \right]$$

অতএব কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তির ঘনত্ব হইবে

$$u = \frac{8}{15} \frac{\pi^5 k^4}{c^5 h^5} T^4 \tag{12.51}$$

সমীকরণটি স্টিফানের চতুর্থ ঘাতের সূত্র, এবং $\sigma = \frac{ac}{4} = \frac{2}{15} \frac{\pi^* k^*}{c^2 h^*}$, এখানে $c.\ k.$ এবং পরীকালক σ -র মান ধরিয়া লইলে k-এর মান জানা যাইবে। এইভাবে দেখা বার, $h=6.62\times10^{-27}\ erg$ -sec ।

প্লাব্যে বন্টন সূত্র হইতে ভিনের অভিক্রান্তি সূত্র—প্লান্সের বণ্টন সূত্র হইতে ভিনের অভিক্রান্তি সূত্রে প্রুবকটির মান জানিতে পারিব। T উক্তার বে তরঙ্গদৈর্ঘ্যে সর্বাধিক পরিমাণে শক্তি সঞ্চিত থাকে, তাহাকে λ_m বলিয়া চিহ্নিত করিলে

$$\left[\frac{d\mathbf{u}_{\lambda}(\mathbf{T})}{d\lambda}\right]_{\lambda=\lambda_{m}}=0$$

প্ল্যান্কের সূত্র হইতে

$$\begin{split} \left[\frac{d\,u_\lambda}{d\lambda}\right]_{\lambda_m} = &8\pi ch \left[\frac{d}{d\lambda}\left\{\lambda^{-5}\left(e^{\frac{ch}{\lambda k T}}-1\right)^{-1}\right\}\right]_{\lambda_m} = 0 \end{split}$$
 অথবা
$$\left[-5\lambda^{-1}\left(e^{\frac{ch}{\lambda k T}}-1\right) + \frac{ch}{\lambda^2 k T}\,e^{\frac{ch}{\lambda k T}}\right]_{\lambda_m} = 0 \end{split}$$
 অথবা
$$\frac{5}{\lambda_m}\left(e^{\frac{ch}{\lambda_m k T}}-1\right) = \frac{ch}{\lambda_m^2 k T}\cdot e^{\frac{ch}{\lambda_m k T}} \\ \frac{ch}{\lambda_m k T} = &\gamma \text{ धाँतल, } \frac{5}{\lambda_m}\left(e^{\gamma}-1\right) = \frac{\gamma}{\lambda_m}e^{\gamma} \end{split}$$
 অথবা
$$e^{-\gamma} + \frac{\gamma}{5} - 1 = 0$$

এই transcendental সমীকরণের একটি বীজ হইতে পারে Y=0, অর্থাৎ $\lambda_m=\infty$ । কিন্তু বন্টন লেখ হইতে দেখা যায় যে, $\lambda=\infty$ -তে u_λ সর্বোচ্চ মানে থাকে না, বরং ঐ সময়ে asymtotically হ্রাস পাইয়া u_λ খুবই সামান্য হইবে। ঐ সমীকরণের অপর একটি বীজ হইবে Y=4.965.

অথবা
$$\lambda_m T = \frac{ch}{\gamma k} = \frac{ch}{4.965k} = b$$
 (ধ্ৰুবক)।

c, h, ও k-র মান বসাইলে $b=29~\mathrm{cm}$ - K . হইবে। পরীক্ষা হইতে b-এর ঐ একই মান পাওয়া গিয়াছে।

12:35. বিকিরণ পাইরোমিভি (Radiation pyrometry):

কোন বন্ধুর উক্ষতা বখন খুব বেশী তখন সেই উক্ষতা মাপিবার পদ্ধতিকে পাইরোমিত (pyrometry) বলে, এবং উক্ষতা মাপিবার বল্লতিকে পাইরোমিতার বলা হয় । গ্যাস-থার্মোমিতার, রোধ-থার্মোমিতার, তাপ-যুগ্ম-থার্মোমিতার খুব বেশী উক্ষতার ব্যবহার করিতে গেলে নানাবিধ অসুবিধার সম্মুখীন হইতে হয় । এই কারণে একটি নির্দিণ্ট সীমার (1600°C) উর্দেশ এই সকল থার্মোমিটারকে ব্যবহার করা হয় না । এই অবস্থার উত্তপ্ত বন্ধুর বিকিরণ মাপিরা উহার উক্ষতা মাপা হইরা থাকে । উক্ষতা-মাপনের এই পদ্ধতিকে বিকিরণ পাইরোমিতি

(radiation pyrometry) বলা হর। বিকরণ পাইরোমিটার ব্যবহার করিবার পক্ষে কোন উর্ধ্ব সীমা থাকে না; বরং উষ্ণতা খৃব বেশী হইলে বিকিরণের পরিমাণও বৃদ্ধি পাইবে এবং উষ্ণতা নির্ভূলভাবে জানা সম্ভব হইবে।

এই উপারে উক্তা স্থির করিতে উত্তপ্ত বন্ধৃ হিসাবে একটি কৃষ্ণ বন্ধৃ লওরা হয় এবং সেই সঙ্গে কৃষ্ণ বিকিরণের দুইটি বৈশিষ্ট্যের বে-কোন একটিকে কাজে লাগানো হয়।

- 1. কৃষ্ণ বিকিরণের ক্ষেত্রে শ্রিফানের সূত্রটি প্রযোজ্য । এই সূত্র অনুযায়ী কৃষ্ণ বস্তু হইতে মোট বিকিরণ $E \propto T^*$, অথবা $T \propto E^{1/*}$ । শিক্টানের সূত্রকে কাজে লাগাইরা উষ্ণতা মাপিতে গেলে সকল তরঙ্গদৈর্ঘ্যে মোট বিকীণ শক্তির পরিমাণ ছির করিতে হইবে । এই পদ্ধতিতে উষ্ণতা মাপিবার যন্ত্রকে 'total radiation pyrometer' বা 'মোট বিকিরণ পাইরোমিটার' বলা হয় ।
- 2. পক্ষান্তরে বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে (তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ হইতে λ+dλ-র মধ্যে) বিকীর্ণ শক্তি মাপিয়া প্ল্যান্ক-সূত্রের সাহায্যে উক্ত। স্থির করা বাইতে পারে। এই পদ্ধতিতে উক্তা মাপিবার যক্ষকে 'optical pyrometer' (আলোক পাইরোমিটার) বা 'বর্ণালী পাইরোমিটার' (spectral pyrometer) বলে।

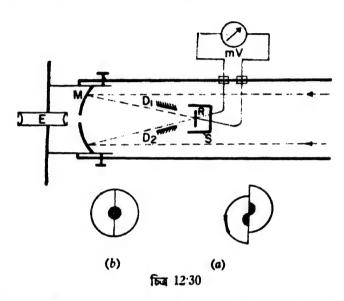
শিষ্টানের সূত্র ও প্ল্যাব্দের সূত্র কেবলমাত্র কৃষ্ণ বিকিরণের জনাই গ্রহণবোগ্য এবং সেই কারণে বিকিরণ পাইরোমিটারের বাবহার কেবলমাত্র কৃষ্ণ বস্তৃর উক্তা মাপিবার ক্ষেত্রে সীমিত রাখিলে কেল্ভিন ক্ষেলে বস্তৃর সঠিক উক্তা পাওরা বাইবে। কিল্প কার্যক্ষেত্রে অ-কৃষ্ণ বস্তৃর উক্তা মাপিবার জনাও বিকিরণ পাইরোমিটার বাবহাত হইরা থাকে। সেক্ষেত্রে আমরা বিকিরকের প্রকৃত উক্তা মাপিবার পরিবর্তে যে উক্তাতে কৃষ্ণ বিকিরক হইতে একই পরিমাণ বিকিরণ বাহির হইবে সেই উক্তার হিসাব পাইব। বলা বাহলা, এই উক্তা সকল সমরে অ-কৃষ্ণ বস্তৃর প্রকৃত উক্তা অপেক্ষা কিছু কম হইবে। বিকিরণ পাইরোমিটারের সাহাব্যে অ-কৃষ্ণ বস্তৃর উক্তা মাপিলে সেই উক্তাকে ঐ বস্তৃর কৃষ্ণ বিকিরকের উক্তা (black body temperature) বলা হর। আদর্শ কৃষ্ণ বস্তৃ হইতে বিকিরকের উক্তা র তারতমাও বৃদ্ধি পাইবে। সাধারণতঃ 600°C উক্তার কমে বিকিরণ পাইরোমিটার ব্যবহার করা হয় না—কারণ, ঐ উক্তার কমে বিকিরণ বাহির হইবে

তাহা মাপিবার সময় ভূল হওরার যথেন্ট সম্ভাবনা রহিরাছে। বিকিরণ পাইরোমিটার বাবহারের একটি সৃবিধা হইতেছে এই যে পাইরোমিটারটিকে উক্ষ বন্ধুর সংস্পর্শে আনিবার অথবা বিকিরকের উক্তার উত্তপ্ত করিবার প্রয়োজন হর না।

মোট বিকিরণ পাইরোমিটার (Total radiation pyrometer)—ফেরী (Ferry) সর্বপ্রথম স্টিফান সূত্র প্ররোগ করিয়া উক্তা মাপিবার পরিকল্পনা করেন। ইহাকে ফেরীর মোট বিকিরণ পাইরোমিটার বলা হর। ফেরীর পাইরোমিটার চিত্র (12:30)-এ দেখানো হইরাছে। ঐ চিত্রে M একটি অবতল দর্পণ। উত্তপ্ত বস্তুকে ঐ অবতল দর্পণ হইতে দূরে রাখা হইবে। বিকীর্ণ শক্তি অবতল দর্পণের উপর প্রতিফলিত হইরা দর্পণের সম্মুখে রাখা কৃষ্ণ বর্ণের একটি চার্কাত R-এর উপর কেন্দ্রীভূত হয়। এই জন্য প্রয়োজনমতো অবতল দর্পণটিকে সামনে অথবা পিছনে সরানো হইবে। তাপযুগ্মের একটি সন্ধি কৃষ্ণ বর্ণের ঐ চাক্তির পিছনে আটকানো থাকে এবং উহা তাপযুগোর উষ্ণতর সন্ধি হিসাবে কাজ করে। চাকৃতি R-কে সরাসরি বিকিরণ হইতে রক্ষা করিতে একটি ধাতব পর্ণা (S) ব্যবহার করা হয়। তাপযুগোর সন্ধি-দুইটি এবং চাকতি R-কে একটি বার্ষের মধ্যে রাখা হয় এবং ঐ বার্ষের একদিকের একটি ছিদ্রপথে বিকিরণ R-এর উপর আসিয়া পড়ে। বাহিরে একটি সূবেদী মিলিভোল্টমিটার ষোগ করিরা তাপরুগা বর্তনীটি সম্পূর্ণ হয়। প্রতিফলিত বিকীর্ণ শক্তি চাকৃতি R-এর উপর কেন্দ্রীভূত হওয়ায় সন্ধিছয়ে উক্তা-বৈষম্যের সৃষ্টি হয়। ইহার ফলে বর্তনীতে যে তাপ-তডিচ্চালক-বল চিয়া করে, মিলিভোলীমিটারের সাহাযো তাহা মাপা যায়।

প্রতিফালত বিকীণ শক্তিকে কৃষ্ণ বর্ণের চাক্তি R-এর উপর কেন্দ্রীভূত করিবার প্রয়োজনে ফেরী দুইটি অর্থ-বৃত্তাকার দর্পণ (D_1,D_2) ব্যবহার করেন । ইহাদের R-এর ঠিক সম্মুখে স্থাপন করা হয় এবং দর্পণ-দুইটি পরস্পরের সহিত 5° হইতে 10° কোণে হেলিয়া থাকে । ইহাদের কেন্দ্রন্থলে ' $75~\mathrm{mm}$. ব্যাসার্ধের একটি ছিদ্রপথে বিকীণ শক্তি R-এর উপর গিয়া পড়ে । অবতল দর্পণের মধান্থলে আটকানো অভিনেত্র (eye-piece) E-এর ভিতর দিয়া D_1 , D_2 -র দিকে দৃণ্টি দিলে সাধারণ অবস্থায় অর্থ-বৃত্তাকার দর্পণ-দুইটিকে পরস্পর হইতে সরিয়া বাওয়া অবস্থায় (চিত্র 12.30a) দেখা বায় । কিছু অবতল দর্পণিটিকে 'rack and pinion'-এর সাহাযো আগাইয়া অথবা

পিছাইরা বিকীর্ণ শক্তিকে R-এর উপর কেন্দ্রীভূত করা হইলে (focussed) অর্থ-বৃত্তাকার দর্পণ-দৃইটির পারস্পরিক ব্যবধান দ্র হর এবং উহারা একতে পূর্ণ গোলাকৃতি ধারণ করে (চিত্র 12'30b)। পাইরোমিটারটিকে এই অবস্থার লইরা যাওয়ার পর মূল পরীক্ষা শুরু হইবে (the apparatus has been properly for the experiment)।



পাইরোমিটারটিকে ব্যবহার করিবার সময় এমন বন্দোবন্ত করা হয় বেন প্রতিবিশ্বটি অর্ধ-বৃত্তাকার দর্পণ-দূইটির কেন্দ্রবিন্দৃন্থ ছিদ্রপথের চেয়ে বড় হয় এবং তখন তাপবৃংগার সাহায্যে মোট বিকিরণ না মাপিয়া কেবলমাত বিকিরণের তীব্রতা মাপিয়া থাকি। এই বন্দোবন্তে মিলিভোল্টমিটারের পাঠ অবতল দর্পণ হইতে তাপীয় উৎসের দ্রম্থ নিরপেক্ষ হইবে। কায়ণ এই দ্রম্থ দ্বিগুণ করিলে ব্যক্তানৃপাতিক স্ত্র অনুসারে অবতল দর্পণের উপয় বিকীর্ণ শক্তির পরিমাণ হ্রাস পাইয়া এক-চতুর্থাংশে দাঁড়াইবে, কিন্তু একই সঙ্গে প্রতিবিশ্বের আকারও এক-চতুর্থাংশ হইবে এবং ফলে প্রতিবিশ্বে বিকিরণের তীব্রতা দ্বির থাকিবে। এজনা উৎসের উন্দেব পথের (aperture of the source) ন্যাতম ব্যাসার্ধ এমন হওয়া প্রয়োজন বাহাতে প্রতিবিশ্বের আকার R-এর সন্মুখন্থ ছিদ্রপথের চেয়ে বড় হয়। দর্শপের ফোকাস দ্রম্থ এবং D, ও D₂-র মধ্যে ছিদ্রপথের ব্যাসার্ধ জানিয়া উৎসের উন্দেব পথের ন্যানতম ব্যাসার্ধ হিসাব করা হইবে।

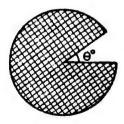
মিলিভোন্টমিটারে তাপ-তড়িচ্চালক-বলের পাঠ হইবে

$$V = a(T^b - T_o^b)$$

T-কেল্ভিন স্কেলে উৎসের (কৃষ্ণ বস্তুর) উষ্ণতা এবং T_o একই স্কেলে কৃষ্ণ চাক্তি R-এর উষ্ণতা । ধ্রুবক b-এর মান 3.8 হইতে 4.2-এর মধ্যে থাকে ; এবং ধ্রুবক a-র মান স্টিফান ধ্রুবক σ , দর্পণের প্রতিফলন ক্ষমতা ও তাপযুগোর শোষণ ক্ষমতার উপর নির্ভর করে । সাধারণতঃ $T_o \ll T$ । প্রধানতঃ নিম্নালিখিত কারণগুলির জন্য ধ্রুবক b-এর মান 4 (স্টিফান সূত্র অনুসারে b=4) হইতে ক্ম অথবা বেশী হইয়া থাকে ।

- (a) তড়িচ্চালক বল সন্ধিদ্বয়ের উক্তা-পার্থক্যের সমানুপাতিক নয়।
- (b) তাপযুগ্মে বাবস্থত ধাতব পদার্থের ভিতর দিয়া তাপ পরিব**হণের** ফলে শীতলতর সন্ধিতে কিছু তাপ পরিবাহিত হয় এবং উহার উষ্ণতা বৃদ্ধি পায়।
 - (c) বিক্লিপ্ত প্রতিফলনের কারণেও বিকীর্ণ শক্তির তারতম্য ঘটে।

চতুর্থ ঘাতের সূত্র হইতে বিচ্যুতির কারণে পাইরোমিটারটিকে ক্রমান্দিত (calibrate) করা প্রয়োজন হয়। এই জন্য একটি কৃষ্ণ বস্তুকে তাপীয় উৎস হিসাবে ব্যবহার করিয়া তাপযুগা্যর সাহায্যে সরাসরি উহার উষ্ণতা নির্ণয় করা হয় এবং একই সঙ্গে ভোল্টমিটারের পাঠ দেখা হয়। বিভিন্ন উষ্ণতায় কৃষ্ণ বস্তুব্যবহার করিয়া ভোল্টমিটারটিকে $^{\circ}$ K-এ ক্রমান্দিত করা চলে। কিন্তু সেক্ষেত্রে পাইরোমিটারকে ক্রমান্দেন সীমার বাহিরে ব্যবহার করা চলিবে না। ক্রমান্দন সীমার উর্ধেব পাইরোমিটারের সাহায়ে উষ্ণতা মাপিতে ঘূর্ণায়মান বৃত্ত-



हिन्द्र 12·31

কলার (rotating sector) সাহাষ্য লওয়া হয় (চিত্র 12:31)। ইহার সাহাব্যে তাপীয় উৎস হইতে নিঃস্ত বিকিরণের অংশমাত্রকে পাইরোমিটারে

প্রবেশ করিতে দেওরা হর এবং বাকি অংশ বাধা পাইরা ফিরিরা বার । বৃত্তকলা কেন্দে θ কোণ উৎপদ্ম করিলে মোট বিকিরণের $\theta/360$ অংশকে কান্ধে লাগানো হয় । মনে করি, এই ব্যবস্থায় ভোল্টামিটারের পাঠ হইতে কৃষ্ণ বিকিরকের উষ্ণতা জানা গেল T_1 —কিন্তু উহার প্রকৃত উষ্ণতা T । এক্ষেত্রে T ও T_1 এর মধ্যে সম্পর্ক হইবে

$$\frac{T_1^4}{T^4} = \frac{\theta}{360}$$
, खबवा $T = T_1 \left(\frac{360}{\theta}\right)^{\frac{1}{4}}$

 T_1 -ক্রমান্কন সীমার মধ্যে উক্তা, কিছু T উহার চেরে অনেক বেশী। এই ব্যবস্থার θ খুব ছোট করিয়া উক্তা যতদূর ইচ্ছা মাপা যাইতে পারে। বেমন ধরা যাক, ক্রমান্কনের উর্ধ্বসীমা $T_1=1673^{\circ} {
m K}$ কিছু $\theta=2^{\circ}$ হইলে $T=6128^{\circ} {
m K}$ ।

তাপীর উৎসটি কৃষ্ণ বস্তৃ না হইয়া কোন অ-কৃষ্ণ বস্তৃ হইলে উপরোক্ত পদ্ধতিতে আমরা বস্তৃর প্রকৃত উষ্ণতা পাইব না। এইভাবে বে-উষ্ণতা পাওয়া ষাইবে তাহা বস্তৃর 'কৃষ্ণ বিকিরকের উষ্ণতা' (black body temperature) —প্ররোজনীয় সংশোধনের পরে কেম্ভিন ক্ষেলে উষ্ণতা জানা সম্ভব।

আলোক পাইরোমিটার বা বর্ণালী পাইরোমিটার (Optical pyrometer or spectral pyrometer)—এই ধরনের পাইরোমিটারে নিনিন্ট তরঙ্গনৈর্ঘ্য λ-তে কৃষ্ণ বস্তুর বিকিরণের তীরতা ও একটি প্রমাণ আলোক উৎসের তীরতাকে তুলনা করিয়া কৃষ্ণ বস্তুর উষ্ণতা মাপা হয়। উষ্ণতা মাপিবার প্রয়োজনীয় সূচটি প্র্যান্কের শক্তি-বন্টন-সূচ হইতে পাওয়া বাইবে।

কৃষ বিকিরকের উকতা T হইলে উহার পৃষ্ঠতলের একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ ও $\lambda+d\lambda$ -র মধ্যে নিঃসৃত বিকীর্ণ শক্তি

$$ext{E}_{\lambda}d\lambda = rac{ ext{C}_{\lambda}}{\lambda^{s}(e^{ ext{C}^{s}/\lambda T}-1)}d\lambda$$
অথবা $ext{E}_{\lambda} = rac{ ext{C}_{\lambda}}{\lambda^{s}(e^{ ext{X}^{s}}-1)}$

 C_1 ও C_2 উভরেই ধ্রুবক। পরীকা হইতে দেখা বার, $C_2 \simeq 1.44$ । লাল বর্ণের আলোকের ক্লেরে $\lambda = 6850 A^\circ$, এই সঙ্গে কুক বিকির্কের উক্তা

 $T=4000^{\circ} {
m K}$ ধরা হইলে, $e^{{
m C}^{\circ} {
m A} {
m T}}{
m \simeq}230$ । এই অবস্থার প্লাম্ক-সূত্রকেলেখা বার

$$E_{\lambda} = C_{1} \lambda^{-5} e^{-\frac{C_{1}}{\lambda^{1}}}$$

লক্ষ্য করা যায় যে, ইহাই কৃষ্ণ বিকিরণে ভিনের সূত্র।

মনে করি, T_1 উক্তার কৃষ্ণ বিকিরকের ক্ষেত্রে নির্দিন্ট তরঙ্গদৈর্ঘ্যে $E_{\lambda B}=E$, এবং T_2 উক্তার প্রমাণ-আলোক-উৎসের ক্ষেত্রে একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যে $E_{\lambda S}=E_2$ । সূতরাং ভিনের সূত্র হইতে,

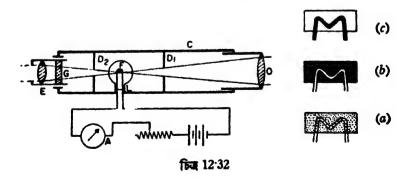
$$\frac{\mathbf{E}_{s}}{\mathbf{E}_{1}} = \exp\left[\frac{\mathbf{C}_{s}}{\lambda} \left(\frac{1}{\mathbf{T}_{1}} - \frac{1}{\mathbf{T}_{s}}\right)\right]$$

বিকিরণের তীরতা তৃলনা করিতে নিমুবর্ণিত ষে-কোন একটি পদ্ধতি গ্রহণ করা যাইতে পারে।

- 1. প্রমাণ-আলোক-উৎসটিকে নিয়ন্দ্রণ করিয়া উহার দরুন আলোকের তীব্রতা তাপীয় উৎস হইতে আসা আলোকের তীব্রতার সমান করা হইবে। এই পদ্ধতিতে যে পাইরোমিটার কাজ ক'রে থাকে, তাহাকে 'disppearing filament type' পাইরোমিটার বলা হয়।
- 2. প্রমাণ-আলোক-উৎসটিকে অপরিবর্তিত রাখিয়া কেবলমাত্র তাপীর উৎস হইতে আগত বিকিরণ নিরন্দ্রণ করিয়া উভয় ক্ষেত্রে বিকিরণের তীব্রতা সমান করা যাইতে পারে। এই ধরনের পাইরোমিটারকে 'polarising' type' পাইরোমিটার বলে।

हेहार्मित कार्यभानी भत्रवर्णी चराम भृथक्छार जालाहना कता हरेन।

Disappearing filament type pyrometer—চিত্র 12:32-এ এই ধরনের পাইরোমিটারকে দেখানো হইয়াছে। সর্বপ্রথম মোর্স (Morse)

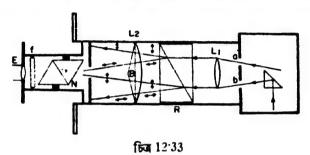


এই ধরনের পাইরোমিটার তৈরারী করেন এবং পরবর্তীকালে হলবর্ণ (Holborn) কার্লবাউম (Kurlbaum) প্রমুখের চেন্টার ইহার উন্নতি ঘটিরাছে। এই পাইরোমিটারটি একটি দ্রবীক্ষণ যন্দোর (telescope) অনুরূপ। কেবলমাত্র পরস্পরের সঙ্গে লয়ভাবে রাখা দুইটি তারের (cross-wire) পরিবর্তে প্রমাণ-আলোক-উৎসটিকে রাখা হইবে। এই আলোক-উৎসের পরিবাহী তারের উক্তা বর্তনীতে প্রবাহমাত্রা নিরন্দাণ করিরা ইচ্ছামতে। পরিবর্তন করা চলে। এই উন্দেশ্যে বহির্বর্তনীতে rheostat ব্যবহার করা হবৈ।

তাপীয় উৎস হইতে আপতিত বিকিরণ অভিলক্ষ্য (objective) O-কর্তৃক আলোক-উৎস L-এর উপর কেন্দ্রীভূত হইবে: ফলে ঐ স্থানে তাপ-প্রতিবিষের সৃষ্টি হয়। এই জন্য লেম্স O-কে নল C-এর মধ্যে প্রয়োজনমতো উৎসের দিকে অথবা উহার বিপরীত দিকে ঠেলিয়া দিতে হর। আলোক উৎস L-এর দুই দিকে দুইটি আলো-নিয়ন্ত্রক-ছিদ্র D_{*} , D_{*} থাকে । অভিনেত্রের (eye-piece) সম্মুখে রাখা লাল কাঁচের (red filter glass) ভিতর দির। আলোক উৎসের দিকে দৃষ্টি দেওরা হয়। ঐ সময়ে বর্তনীতে প্রবাহমাত্র। নিয়ুলুণ করিয়া এমন করা হয় বাহাতে তাপ-প্রতিবিম্বের পটভূমিতে বাল্বের ফিলামেন্ট বা তার কণ্ডলী F সম্পর্ণরূপে অদৃশ্য হয় (12:32a)। প্রবাহমাতা আরো বাড়াইলে তারটিকে উস্কুল বোধ হইবে, পক্ষান্তরে প্রবাহমাত্রা দ্রাস করিলে তারটিকে কালো দেখাইবে—চিত্র (12.32h) ও (12.32c)। সম্মৃথস্থ লাল কাঁচের উপস্থিতির কারণে বিকিরণের তীরতার তুলনা কেবলমার একটি নিদিন্ট তরঙ্গনৈর্ঘ্যে (corresponding to red) সম্ভব হইল, বলা যায়। তাপযুগ্মের সাহাযো উৎসের উষ্ণতা মাপিয়া এবং একই সঙ্গে বর্তনীতে প্রবাহমাত্রা জানিয়া অ্যাম্মিটারটিকে সরাসরি কেন্স্ভিন স্কেলে ক্রমান্কিত করা বাইতে পারে। ক্রমান্কন সীমার বাহিরে পাইরোমিটারকে ব্যবহার করিতে ঘুর্ণায়মান বৃত্তকলার সাহায্য লওয়া হইবে।

Polarising pyrometer—এই বন্দ্র আলোর সমবর্তন বা polarisation ধর্মকে কাজে: লাগাইরা বিকিরণের তীরতাকে আলোক-উৎসের তীরতার সহিত তুলনা করা হয়। ভেনার (Wanner) এই যন্দ্রের উদ্রাবক। এখানে একটি বিশেষ তরঙ্গদৈর্ঘ্যের বিকীর্ণ তাপ-তরঙ্গকে আলোক-উৎসের একই তরঙ্গদৈর্ঘ্যের সহিত তুলনা করা হইবে। চিত্র (12:33)-এ এই যন্দ্রের বিভিন্ন অংশ দেখানো হইরাছে। উহার কার্যপদ্ধতি পরের পৃষ্ঠার সংক্ষেপে আলোচনা করা হইল।

তাপীর উৎস হইতে আগত বিকিরণ সরাসরি a-পথে মূল যদ্যে প্রবেশ করে। অন্যদিকে প্রমাণ-আলোক-উৎস হইতে আলোক রশ্মি 90° -প্রিক্সমের সাহাব্যে b-পথে উহার মধ্যে প্রবেশ করিবে। অবর্গ লেন্স সমবায় (achromatic lens combination) L_1 -কে অতিক্রম করার পর এই দৃই রশ্মি বন্দ্রের অক্ষের সমান্তরাল পথে অগ্রসর হইবে। এই জন্য L_1 -কে ছিদ্রপথ a ও b হইতে উহার ফোকাস দ্রম্বে স্থাপন করিতে হইবে। পরে সমবর্তন



প্রিক্তম (Rochon polarising prism) R-কে অতিক্রম করিবার পরে প্রত্যেকটি রাশ্ম পরস্পরের সঙ্গে থাকা দৃইটি লম্ব-তলে সমর্বতিত হইবে। আলো-নিয়ন্দ্রক-ছিদ্রের ভিতর দিয়া অগ্রসর হইয়া সমর্বতিত রাশ্ম অবর্ণ লেন্স সমবার L_2 -র সঙ্গে লাগানো 'বাইপ্রিক্তম' (biprism) B-এর উপর আপতিত হয়। 'বাইপ্রিক্তম' B দৃইটি রাশ্মকে এমনভাবে ঘ্রাইয়া দের যাহাতে উৎসন্থয়ের প্রতিবিদ্ধ একটি অনাটির ঠিক পাশে গিয়া পড়ে। ছিদ্র-পথ a ও b উভয়েই গোলাকার বলিয়া উহাদের প্রতিবিদ্ধ গোলাকার হইবে। কিন্তু বাইপ্রিক্তমের দরুন প্রত্যেকটি গোলাকার প্রতিবিদ্ধ হইতে দৃইটি অর্ধ-বৃত্তাকার প্রতিবিদ্ধের সৃষ্টি হয়। এইভাবে সমর্বতিত রাশ্মগুলির জন্য মোটের উপর আটটি প্রতিবিদ্ধের সৃষ্টি হয়। কিন্তু উহাদের মধ্যে কেবলমার দুইটি লাইয়া পরীক্ষা করা হইবে এবং অন্যগুলিকে আটকাইয়া দেওয়া হয়। বিশ্লেষক-নিকল-প্রিক্তম N (analysing Nicol) সমন্তিত অভিনের E-এর সাহাব্যে প্রতিবিদ্ধগুলিকে পরীক্ষা করা হইয়া থাকে।

দৃইটি রশ্মি সমতীরতা সম্পন্ন হইলে এবং ঐ সঙ্গে নিকলের সমবর্তন তল (plane of polarisation of the Nicol) সমবঁতিত রশ্মিদরের সমবর্তন তলের প্রত্যেকটির সঙ্গে 45° কোন উৎপন্ন করিলে আলোক চাক্তির সর্বর দীপনমাত্রা সমান হইবে (uniform intensity of illumination)। চাক্তির ব্যাস বরাবর একটি রেখা ঐ আলোক চাক্তিটিকে সমান

দৃষ্টি অংশে ভাগ করে। নিকলটিকে ঐ অবস্থা হইতে একদিকে ঘুরাইরা দিলে দৃষ্টি প্রতিবিশ্বের মধ্যে একটির দীপনমাত্রা বৃদ্ধি পাইবে এবং অন্যটির দীপনমাত্রা হ্রাস পাইবে। নিকলটিকে অন্যদিকে ঘুরাইরা দিলে বিপরীত ঘটনা লক্ষ্য করা বায়। সমর্বতিত রশ্যেষরের তীব্রতা সমান না হইলে নিকলটিকে ঘুরাইয়া প্রতিবিশ্ব-দৃষ্টির দীপনমাত্রা সমান করা ঘাইবে। নিকলটিকে কতটা ঘুরানো হইল তাহা মাপিবার জন্য নির্দেশক সমাত্রত একটি অংশান্কিত বৃত্তাকার চাকৃতি (graduated circular disc) ব্যবহার করা হইবে।

মনে করি, T_1 উক্তার তাপীর উৎস (কৃক বন্ধু) হইতে আগত তল-সমর্বতিত plane polarised বিকীপ রিশার তীরতা I_1 । প্রমাণ আলোক উৎস হইতে আগত সমর্বতিত আলোক রিশা কৃক বিকিরণের সহিত একই সঙ্গে নিকলের উপর আপতিত হইল। নিকলটিকে প্রমাণ অবস্থা (standard position) হইতে ঘ্রাইয়া অর্ধ-বৃত্তাকার আলোক চাক্তিম্বরের দীপনমান্তা সমান করা হইবে। মনে করি, এজন্য নিকলটিকে ϕ_1 ঘ্রাইবার প্রয়োজন হইল। অনুরূপভাবে T_2 উক্তার তাপীর উৎস হইতে I_2 তীরতা সম্পন্ন সমর্বতিত বিকিরণ ও প্রমাণ-আলোক-উৎস আগত সমর্বতিত আলোক রিশার প্রতিবিশ্বম্বরের দীপনমান্তা সমান করিতে নিকলকে ϕ_2 ঘোরানো প্রয়োজন হয়। আলোক বিজ্ঞানের আলোচনা হইতে দেখা বার

$$I_2/I_1 = \frac{\tan^2\phi_2}{\tan^2\phi_1}$$

অতএব ভিনের সূত্র অনুযায়ী

$$\ln \frac{I_{s}}{I_{1}} = \ln \frac{E_{s}}{E_{1}} = \frac{C_{s}}{\lambda} \left(\frac{1}{T_{1}} - \frac{1}{T_{s}} \right) = \ln \frac{\tan^{2} \phi_{s}}{\tan^{2} \phi_{1}}$$

.. 2 (ln. tan
$$\phi_1$$
 – ln. tan ϕ_1) = $\frac{C_s}{\lambda} \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_s} \right)$

উপরের সমীকরণটি হইতে বলা বায় বে, $\phi ও T-এর মধ্যে সম্পর্ক হইবে$

$$\ln \tan \phi = a + \frac{b}{T}$$

a, ও b উভরেই ধ্রুবক। তাপযুগোর সাহাবো দুইটি ভিন্ন তাপীর উৎসের (কৃষ্ণ বন্ধু) উষ্ণতা মাপিরা এবং ঐ সঙ্গে ϕ -এর মান নিরূপণ করিরা ধ্রুবক a ও b-এর মান হিসাব করা চলে। অন্য বে-কোন ক্ষেত্রে ϕ জানিলে T জানিতে পারিব। অন্য উপারে, দুইটি ভিন্ন ক্ষেত্রে T ও ϕ জানিরা বন্দাটিকৈ ক্রমান্দিত করা যার।

প্রশাসালা

- 1. উক্তাজাত বিকিরণ বলিতে কি বৃঝ? বিকিরণের তীব্রতা মাপিবার জন্য বে বন্দ্রগৃলিকে ব্যবহার করা হয় তাহাদের বর্ণনা দাও এবং পৃথক্ভাবে ইহাদের প্রত্যেকটির গুণাগুণ বিচার কর।
- 2. প্রিভোন্ট-এর বিনিময় মতবাদ ব্যাখ্যা কর। বিকীর্ণ শক্তি কোন বন্ধুর উপর আপতিত হইবার পরে কিভাবে ব্যারিত হয় ? কৃষ্ণ বন্ধুর সংজ্ঞা দাও। বাস্তবে আদর্শ কৃষ্ণ বন্ধু কি-ভাবে পাওয়া সম্ভব ?
- 3. পৃষ্ঠ-উংসের নিঃসরণ ক্ষমতার সংজ্ঞা দাও। একটি পৃষ্ঠ-বিকিরকের একক ক্ষেত্র হইতে প্রতি সেকেণ্ডে উহার সম্মুখভাগে মোট বে-বিকিরণ নির্গত হয়, তাহা হিসাব কর।
 - 4. দিক্-নিদিন্ট বিকিরণের জন্য প্রমাণ কর যে.

$$u = -\frac{I}{\overline{c}}$$

একটি পৃষ্ঠ-বিকিরক হইতে নির্গত বিকিরণের জন্য আবদ্ধ স্থানে শক্তির ঘনত্ব হিসাব কর।

পৃথিবী পৃষ্টে আপতিত সৌর বিকিরণের তীব্রতা '14 watt/cm², উহার জন্য ভূপুন্টে কি পরিমাণ চাপ সৃষ্টি হইবে ?

5. সমান্তরাল এক গুচ্ছ বিকীর্ণ রণ্মির জন্য আপতিত তলে বেচাপ সৃষ্টি হয় তাহা হিসাব কর। সূর্য হইতে ভূপ্নেটর প্রতি বর্গ সে.মি-এ
প্রতি মিনিটে 1'94 cal শক্তি আপতিত হইলে কত আট্মস্ফিয়ার চাপ
সৃষ্টি হইবে হিসাব কর।

[শ্নান্থানে তড়িচ মুকীয় তরঙ্গের গতিবেগ— $c=3 imes 10^{10}~\mathrm{cm/sec}$]

6. আবদ্ধ বিকিরণে আপেক্ষিক তীব্রতা বা পৃষ্ঠ-ঔক্ষপ্রের সংজ্ঞা দাও এবং ইহার তাৎপর্ব ব্যাখ্যা কর। প্রমাণ কর বে, আবদ্ধ বিকিরণে আপেক্ষিক তীব্রতা K এবং উহার একক আয়তনে শক্তি ধ্ব-এর মধ্যে সম্পর্ক,

$$u = \frac{4\pi K}{c}$$

দেখাও বে, বিক্লিপ্ত বিকিরণের চাপ P=u/3

7. তাপগতিতত্ত্বের সাহাযো প্রমাণ কর যে, বন্ধছানে বিকিরণ পাত্রের গারে চাপ সৃষ্টি করে এবং ঐ চাপ,

$$P = \frac{4\pi K}{3c}$$

- 8. লারমারের স্তাটি বিবৃত কর এবং ইহার প্রমাণ দাও।
- 9. বন্ধ স্থানে বিকিরণকে সাম্য বিকিরণ বলিবার সপক্ষে যুক্তি কি? সাম্য বিকিরণের বৈশিষ্ট্যগুলির উল্লেখ কর।

প্রমাণ কর বে, বিক্রিপ্ত সাম্য বিকিরণে পৃষ্ঠ-ঔব্দ্বল্য একই উষ্ণতার কৃষ্ণ বিকিরকের নিঃসরণ ক্ষমতার সমান ।

10. প্রমাণ কর বে, আবদ্ধ স্থানে বিকিরণ কেবলমাত্র দেওয়ালের উক্তার উপর নির্ভর করে—দেওয়ালের প্রকৃতি এবং উহার অভ্যন্তরস্থ অন্য কোন বস্তৃর উপস্থিতির উপর নয়।

বদ্ধস্থানে যুগপং শোষণ ও বিকিরণের ফলে কোন বস্তুর সাম্যাবস্থায় থাকিবার সর্তটি প্রমাণ কর।

11. কিচ্চফ সূত্রকে বিরুত কর এবং ইহার প্রমাণ দাও। কিচ্চফ স্ত্রের সাহায্যে কিভাবে সৌর বর্গালীতে D-রেখার উপন্থিতি ব্যাখ্যা করিবে ?

ফেরী ও ভিন্ পরিকল্পিত কৃষ্ণ বিকিরকের বর্ণনা দাও।

- 12. কির্চেফ স্তকে প্রমাণ কর। এই স্ত্রের যথার্থতা কিভাবে প্রমাণিত হইয়াছে তাহা আলোচনা কর।
 - 13. কৃষ্ণ বস্তু বলিতে কি বৃঝ ? ফেরী ও ভিনের কৃষ্ণ বস্তু বর্ণন। কর ।

কৃষ্ণ বিকিরণের বৈশিষ্টাগুলি উল্লেখ কর এবং এবং আদর্শ গ্যাসের সহিত উহার তুলনা কর। সৌর ধ্রুবকের অর্থ কি? সৌর ধ্রুবকের সাহাষ্যে কিন্তাবে সূর্যের উষ্ণতা স্থির করা যায়?

- 14. কৃষ্ণ বিকিরণ সংক্রান্ত স্পিফান-স্তুকে বিবৃত কর। তাপগতিতত্ত্বর সাহাব্যে এই স্তুটিকে প্রমাণ কর। পরীক্ষাগারে স্টিফান-স্তের যথার্থতা কিন্তারে প্রমাণত হইয়াছে সবিস্ভারে তাহার বর্ণনা দাও।
- 15. কৃষ্ণ বিকিরণ বলৈতে কি বৃঝ? দিউফান-বোলংজ্মানের স্ত্রটি বিবৃত কর এবং উহার প্রমাণ দাও। দিউফানের ধ্রুবক নির্ণয় করিতে যে পরীকা করা হইরাছে, তাহা বর্ণনা কর।

- 16. 300°C উক্তার একটি কৃষ্ণ বস্তুকে বাষ্-শূন্য পারে রাখিয়া পার্রাটকে বরকে সম্পূর্ণ আর্ড করা হইল। এই অবস্থায় কৃষ্ণ বস্তুটির উক্তা প্রতি সেকেন্ডে 35°C হ্রাস পাইতে দেখা যায়। বস্তুটির ভর, আর্পেক্ষিক তাপ এবং উহার পৃষ্ঠ-তলের ক্ষেত্রফল বথাক্রমে 23 gm, '10 cal./gm. ও 8 cm²। শিষ্টানের ধ্রুবক হিসাব কর।
- 17. 527°C ও 227°C উক্তার দুইটি তাপীয় উৎস হইতে ব্যাক্রমে 100 cm ও 325 cm. দূরত্বে বিকিরণের তীব্রতা তুলনা কর।
 - 18. নিমুলিখিত উপাত্ত হইতে সৌর উষ্ণতা হিসাব কর—
 স্থের ব্যাসার্ধ = 4.4 × 10⁵ miles.
 স্থ-পৃথিবী দ্রত্ব = 9.2 × 10⁷ miles
 সৌর ধ্বক = 14 watt/cm²

দিফানের ধ্রুবক = $5.7 \times 10^{-8} \text{ ergs/cm}^2/\text{sec/}^{\circ}\text{K}$

- 19. কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বন্টন সম্পর্কে ভিনের সূত্রটিকে লেখ। তাপগতিতত্ত্বের সাহায্যে এই সূত্রটিকে প্রমাণ কর। অতিক্রান্তি সূত্রের তাৎপর্ব ব্যাখ্যা কর।
- 20. একটি নিদিন্ট উক্ষতায় কৃষ্ণ বিকিরণে বিভিন্ন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকীর্ণ শক্তি জানা আছে। অন্য যে-কোন উষ্ণতায় শক্তি-বন্টন কিভাবে জানিতে পারিবে সে সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা কর। এজন্য প্রয়োজনীয় সিদ্ধান্তগুলিকে প্রমাণ করিয়া লও।
- 21. কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বন্টন সম্পর্কে ভিনের সাধারণ স্ত্রটিকে লেখ। কিন্তাবে স্ত্রটির প্রয়োগভিত্তিক রূপ দেওয়। সন্তব হইয়ছে, সে সম্পর্কে আলোচনা কর। পরীক্ষার নিরিখে এই স্ত্রের যাথার্থ্য আলোচনা কর।
- 22. একটি লোহখণ্ডকে উত্তপ্ত করিলে প্রথমে উহা রক্তিমবর্ণ ধারণ করে এবং পরে উহা সাদা হইয়া যায়। ইহার কারণ ব্যাখ্যা কর। যে সূত্রের সাহায্যে এই ঘটনাটিকে ব্যাখ্যা করিবে তাহা প্রমাণ কর।

সৌর বিকিরণে $4700 A^\circ$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে সবচেয়ে বেশী পরিমাণে শক্তি সন্থিত থাকে। সূর্যের উষ্ণতা দ্বির কর।

28. কৃষ্ণ বিকিরণ সংক্রান্ত র্যালে-জিন্সের স্বাটিকে প্রমাণ কর এবং ইহার আলোচনা কর।

- 24. আবদ্ধ বিকিরশের একক আরতনে কম্পান্দ $v \in v + dv$ -এর মধ্যে কতগুলি নিরপেক ভ্যকে তরঙ্গ সম্ভব, তাহা গণনা কর । র্যালে-জিন্সের স্ফটিকে প্রমাণ কর ।
- 25. কণাবাদের সাহাব্যে প্লাক্ষ কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বণ্টন সংক্রান্ত বে স্মাট প্রমাণ করেন সে সম্পর্কে বিশদ আলোচনা কর। প্ল্যান্কের স্ম হইতে সিটফান-গ্রুবকের মান নির্ণর কর।
- 26. কৃষ্ণ বিকিরণ সম্পর্কে প্র্যান্দের স্বাটিকে প্রমাণ কর। দেখাও বে, দৃইটি প্রান্তিক সীমার $(\lambda \rightarrow 0 \ \ \otimes \ \lambda \rightarrow \infty)$ প্র্যান্দের সূত্র ইংতে ভিন ও র্যালে-জিন্সের সূত্র উপনীত হওয়া সম্ভব।
- 27. নিম্মালখিত প্রশ্নগৃলি সম্পর্কে সংক্ষেপে মতামত দাও। বস্তব্যের সপক্ষে বৃক্তি দাও—কোন প্রমাণ দেওয়ার প্রয়োজন নাই।
- (a) কোন বন্ধুর উষ্ণতা খ্ব বেশী হইলে উহা হইতে কৃষ্ণ বিকিরণ বাহির হয়। সূর্বের উষ্ণতা খ্ব বেশী এবং এই কারণে সৌর বিকিরণ অবশাই কৃষ্ণ বিকিরণ। এই বক্তব্যটি সমর্থন কর কি ?
- (b) একটি ভূষা কালি মাখানো চাক্তিকে একটি অন্ধকার ঘরে রাখিরা উত্তপ্ত করিলে উহাকে অন্য যে-কোন বস্তুর চেয়ে উম্ভল দেখার ৷ বস্তব্যটি সঠিক মনে কর কি ?
- (c) আয়োডন বাম্পের (iodine vapour) উপর সাদা আলো পড়িলে শোষণ-পাটি-বর্ণালীর সৃষ্টি হয় । একেন্তে কির্চন্টের সিদ্ধান্ত গ্রহণ যোগ্য কি ?
- (d) কৃষ্ণ বিকিরণে আদর্শ গ্যাসের ধর্ম বর্তমান। অতএব ছির উষ্ণতার বিকিরণের চাপ উহার আয়তনের বাস্তানুপাতিক। বক্তবাটি সমর্থন কর কি?
- (e) কৃষ্ণ বিকিরণে প্রায় $1A^\circ$ তরঙ্গদৈর্ঘো তীব্রতা সবচেয়ে বেশী লক্ষ্য করা গেল। বিকিরণের উষ্ণতা $\sim 10^{7}\,^{\circ}{
 m K}$ ধরিলে বিশেষ ভূল হইবে মনে কর কি ?
- (f) বৃত বিশোষণ গুণ সম্পন্ন (selective absorption) রঙীন বন্ধৃ হইতে বিকিরণ নিঃসৃত না হইলে $e_{\lambda/a}a_{\lambda}=0$, পক্ষান্তরে ভাস্বর গ্যাস বিকিরণ শোষণ না করিলে $e_{\lambda/a}a_{\lambda}=\infty$,—ইহাকে কিঠফ সূত্রের বিচ্যুতি বলা যুক্তিযুক্ত হইবে কি ?
- (g) পরীক্ষার দেখা বার বে, কৃষ্ণ বিকিরণে $\lambda \to 0$ ও $\lambda \to \infty$ এই দুই অবস্থার $u_{\lambda} \to 0$ । সনাতন পদার্থবিদ্যার ইহা ব্যাখ্যা করা সম্ভব কি ?

- (h) ভিনের সূত্র ও র্য়ালে-জিন্সের সূত্র পরস্পরের পরিপ্রক। এই বক্তব্যটি সমর্থনযোগ্য মনে কর কি ?
 - 28. বিকিরণ পাইরোমিতির বিভিন্ন পদ্ধতি সংক্ষেপে আলোচনা কর।
- 29. মোট বিকিরণ পাইরোমিটারের কার্যপদ্ধতি বিস্তৃতভাবে আলোচনা কর।
- 30. সমর্বার্তত পাইরোমিটারের গঠন এবং ইহার সাহায্যে উষ্ণতা মাপিবার পদ্ধতি সবিভারে বৃঝাইরা দাও। Disappearing filament pyrometer ও polarising pyrometer-এর তুলনা কর।

कट्यानम्भ शक्तिरक्वन

কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ (Specific heat of Solids)

13'1. ডুন্সং-পেডিভের সূত্র (Dulong and Petit's law) :

ভূলং ও পেটিট্ বিভিন্ন কঠিন মৌলের আপেক্ষিক তাপ নির্ণয় করিয়া একটি গুরুত্বপূর্ণ সিদ্ধান্তে উপনীত হন। তাহাদের সিদ্ধান্তটি ভূলং-পেটিটের সূত্র হিসাবে অভিহিত হইয়া থাকে। এই সূত্রটিকে আমরা নিম্নলিখিত উপায়ে প্রকাশ করিয়া থাকি।

'কঠিন মৌলের পারমাণবিক গ্রুক্ত (atomic weight) ও আপেক্ষিক তাপের গুণফল একটি ধ্রুবক রাণি। এই গুণফলটিকে পারমাণবিক তাপ (atomic heat) বলা হয়। মোটামুটিভাবে প্রত্যেকটি কঠিন মৌলের পারমাণবিক তাপ হয় 6:4 ক্যালরি।'

শক্তির সমবণ্টন নীতি হইতে (principle of equipartition of energy) ভূলং-পেটিট্ সূত্রকে সহক্রেই ব্যাখ্যা করা যাইতে পারে। কঠিন পদার্থের পরমাণুগুলি সরল দোলকের ন্যায় ক্রমাগত একটি ন্থির বিন্দৃর উভয় পার্শে আন্দোলিত হইতে থাকে। বিমাবিক ক্ষেত্রে একটি নির্দিন্ট রেখার পরিবর্তে ইহারা যে-কোন দিকে আন্দোলিত হইতে পারে। কার্যতঃ পরমাণুগুলির প্রত্যেকটিকে এক একটি বিমাবিক দোলক চিন্তা করা যায় এবং ঐ কারণে উহাদের প্রত্যেকের দশামান্তা ছয়।

নির্দিন্ট রেখায় আন্দোলিত সরল দোলকের জন্য

$$E_{OSC} = \frac{1}{2} \mu x^2 + \frac{{p_x}^2}{2m}$$

বাল্যিক তল্যের মোট শক্তিতে বতগুলি নিরপেক বর্গ রাণি (number of independent squared terms) থাকে সেই সংখ্যাকে তল্যের স্বাতল্যামালা বলা হয়। এই সংজ্ঞানুসারে সরল রৈখিক দোলকের স্বাতল্যামালা হইবে দুই এবং নিমালিক দোলকের স্বাতল্যামালা হইবে ছয়।

$$U = 6 \times (\frac{1}{2}kT) \times N = 3NkT \qquad \cdots \qquad (13.1a)$$

এক গ্রাম-অণুর তাপগ্রাহিতা বা পারমার্ণবিক আপেক্ষিক তাপ হইবে

$$C_{\nu} = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{\nu} = 3Nk = 3R \qquad \cdots \qquad (13.1b)$$

R-এর মান 1.985 ক্যালরি ধরিলে পারমার্ণাবিক তাপ $C_v = 5.955$ ক্যালরি । মোটাম্টিভাবে ইহা ভূলং-পেটিটের পরীক্ষার সিদ্ধান্তের সঙ্গে সঙ্গতিপূর্ব । এই সামান্য পার্থক্য পরীক্ষার ক্রটি বলিয়া ধরা যাইতে পারে ।

ভূলং ও পেটিটের এই সিদ্ধান্ত অধিকাংশ কঠিন মৌলের ক্ষেত্রে কেবলমাত্র স্থান্তাবিক উক্ষতার প্রবোজ্য। কিন্তু বেরিরিলয়াম (Be), বোরন (B), কার্বন (C), ও সিলিকন (Si) ইত্যাদি উচ্চ গলনাঙ্কের কঠিন মৌলের ক্ষেত্রে স্থান্তাবিক উক্ষতাতেও পারমাণবিক তাপ নিদিট্ট মানের অনেক কম। পরবর্তীকালে ডেওয়ার, কেমারিলং ওনাস প্রমুখের প্রচেট্টায় অতি শীতলীকরণ সম্ভব হওয়ার পর নের্নস্ট (Nernst)-এর পরীক্ষাতে দেখা গিয়াছে বে, পরম শুন্যের কাছে সকল ক্ষেত্রেই পারমাণবিক তাপ 6 ক্যালরি হইতে অনেকটাই কম হইবে। পরের পৃষ্ঠায় দেওয়া সারণীটিতে 273°K ও 50°K উক্ষতাতে কয়েকটি ক্ষেত্রে পারমাণবিক তাপের হিসাব দেওয়া হইয়াছে। উল্লেখ করা যায় বে, পরীক্ষাতে ক্ষির চাপে আপেক্ষিক তাপ নির্ণয় করা হইয়া থাকে। কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে C, ও C,-র পার্থক্য খুবই কম, উক্ষতা খুব কম হইলে C, ভ C, । অন্য সময়ে সমীকরণ (9'8)-এর সাহাব্যে C, হইতে C, হিসাব করা যাইতে পারে।

मात्रणी 18	3.1:	বিভিন	किंग	মোলের	পারমাণবিক	তাপ
------------	------	-------	------	-------	-----------	-----

মোল	পারমাণবৈক গৃক্তম	(C _P) _{T=278°K}	$(C_P)_{T=50^{\circ}K}$
Ag	107.9	6:02	2.70
Ca	40	6.18	2.74
Cu	63.2	5 .78	1.44
Hg	200	6.69	4.99
Pb	207.1	6.30	5.17
C	12	1.50	0.00
Si	28	4.2	0.46

উপরের তালিকার দিকে দৃষ্টি দিলে লক্ষা করা যার যে, উক্তা হ্রাস পাইলে কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ হ্রাস পার । রৌপোর (Ag) জন্য পারমাণবিক তাপ $2^{\circ}K$ উক্তার $6^{\circ}2 \times 10^{-4}$ ক্যালরি, কিছু $205^{\circ}K$ উক্তার ইহা প্রার $5^{\circ}6$ ক্যালরি । উক্তা যথেন্ট রন্ধি পাইলে কার্বন, সিলিকনের পারমানবিক তাপ প্রার 6 ক্যালরিতে পৌছায়—কার্বনের ক্ষেত্রে এই উক্তা প্রায় $1153^{\circ}K$ । সনাতন পদার্থবিদ্যার কাঠামোতে উক্তা পরিবর্তনে আপেক্ষিক তাপের এই পরিবর্তনকে ব্যাখ্যা করা যার না ।

13.2. আইনস্টাইনের সমীকরণ (Einstein's Equation):

আইনস্টাইন সর্বপ্রথম গ্ল্যান্দের কোরাণ্টাম মতবাদের সাহায্যে উক্ষতা পরিবর্তনের সঙ্গে কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপের পরিবর্তনকে ব্যাখ্যা করিতে সচেন্ট হন। এই ব্যাপারে আইনস্টাইনের মূল সিদ্ধান্তটি হইতেছে এই যে, T উক্ষতার দোলকের শক্তি kT হইতে পারে না—ইহার পরিবর্তে গ্ল্যান্দের সমীকরণ অনুযায়ী ν কম্পান্দের দোলকের গড় শক্তি হইতেছে,

$$\overline{\mathbf{E}}_{\mathbf{v}} = \frac{h\mathbf{v}}{e^{h\mathbf{v}/\mathbf{K}\mathbf{T}} - 1} \qquad \cdots \qquad (18.2a)$$

এক্ষেরে আইনস্টাইন অনুমান করেন বে, কোন একটি কঠিন পদার্থের পরমাণুগুলির প্রত্যেকে একই কম্পান্কে আন্দোলিত হইতে থাকে (monochromatic vibration); কিন্তু বিভিন্ন কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে এই কম্পান্ক বিভিন্ন হইবে। এক গ্রাম-পরমাণুর মোট শক্তি

$$U = 3N \frac{hv}{e^{hv/kT} - 1} \qquad \cdots \qquad (13.2b)$$

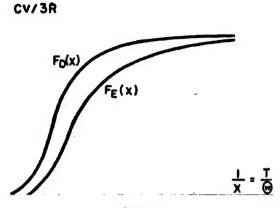
$$\mathfrak{AR} \quad C_v = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_v = 3Nk \cdot \left(\frac{hv}{kT}\right)^2 \cdot \frac{e^{hv/kT}}{(e^{hv/kT} - 1)^2} \\
= 3Rx^2 \cdot \frac{e^x}{(e^x - 1)^2} \\
= 3RF_E(x) \quad \cdots \quad (13.3)$$

উপরের সমীকরণে $h v/k {
m T} = x$ লেখা হইরাছে। আইনস্টাইনের অপেক্ষক ${
m F}_{\scriptscriptstyle E}(x)$ হইতেছে

$$F_E(x) = \frac{x^2 e^x}{(e^x - 1)^2}$$

আইনস্টাইনের এই সমীকরণ উক্তা-পরিবর্তনে আপেক্ষিক তাপের পরিবর্তন নির্দেশ করে। এই সমীকরণ হইতে দেখা যার $T\geqslant h\nu/k$ হইলে $x\leqslant 1$ এবং $F_E(x)\!\!\approx\!\!1$ এবং এই সমরে $C_v\!\!\approx\!\!3R$ । পক্ষান্তরে $T\to 0$ অথবা $x\to\infty$ অবস্থার $C_v\to 0$ । এই সিদ্ধান্ত মোটাযুটিভাবে পরীক্ষার সঙ্গে সক্রতিপূর্ণ। আইনস্টাইনের সিদ্ধান্ত হইতেছে কোন একটি বিশেষ কঠিন মোলের ক্ষেত্রে ν একটি ধ্রুবক রাশি। সেই কারণে $h\nu/k=\Theta_E$ (ধ্রুবক), এবং $x=\Theta_E/T$ । পরীক্ষার সাহায্যে কোন একটি নির্দেশ্য উক্তার C_v জানিলে, $C_v=3RF_E(\Theta_E/T)$ সমীকরণ হইতে Θ_E নির্ণয় করা সম্ভব হর। Θ_E জানিলে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে অন্য বে-কোন উক্তার পারমাণ্যিক তাপে হিসাব করা যার। উক্তা পরিবর্তনে পারমাণ্যিক তাপের এই পরিবর্তন চিত্র (13·1)-এ $F_E(x)$ লেখ সাহায্যে নির্দেশ করা হইরাছে। খুব বেশী উক্তার C_v -র তত্ত্বীর ও পরীক্ষার মানে পার্থক্য খ্বই সামান্য। কিছু উক্তা যখন খুবই কম (পরম শ্নোর কাছে) তখন ঘূইরের মধ্যে যথেন্ট পার্থক্য লক্ষ্য করা যার। Ag-এর ক্ষেত্রে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে যথেন্ট পার্থক্য লক্ষ্য করা যার। Ag-এর ক্ষেত্রে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে যথিক্য লক্ষ্য করা যার। Ag-এর ক্ষেত্রে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে যথিক্য লক্ষ্য করা যার। Ag-এর ক্ষেত্রে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে যথিক্য লক্ষ্য করা যার। Ag-এর ক্ষেত্রে আইনস্টাইনের সমীকরণের সাহায্যে যথিক তার্য C_v হিসাবে করিরা দেখা

বার বে, উহা পরীক্ষালক মানের '0356 গুণ। উক্তা আরও কম হইলে এই পার্থক্য আরও বেশী হইবে।



fba 13·1

আইনস্টাইনের সমীকরণের মূল ক্রটি হইতেছে এই বে, পরমাণুগুলির প্রত্যেকের জন্য একই কম্পান্ক ধরা হইয়াছে। বাস্তবিকপক্ষে পরমাণুগুলির কম্পান্ক অন্যান্য পরমাণুর উপস্থিতিতে বিভিন্নভাবে নিয়ন্ত্রিত হইরা থাকে। স্তরাং প্রত্যেকটি পরমাণুর জন্য একই কম্পান্ক ছির করা যুক্তিযুক্ত নয়। এই পদ্ধতির আর একটি ক্রটি হইতেছে পরীক্ষা হইতে Θ_E ছির করিবার পর উহাকে বাচাই করিবার অন্য কোন উপায় নাই। তবুও একথা উল্লেখ করিব বে, কোয়ান্টাম মতবাদের দিকে আইনস্টাইনের পদক্ষেপ একটি সঠিক ও যুগান্তকারী ঘটনা। পরবর্তী কালে ডিবাই প্রয়োজনীয় সংশোধনের পর কোয়ান্টাম মতবাদের সাহাব্যে আপেক্ষিক ভাপের ব্যাখ্যা দেন।

13'3. কঠিন পালার্থের আপেক্ষিক তাপ সম্পর্কে ডিবাইয়ের সমীকরণ (Debye's Equation for the Specific heat of Solids):

প্রার একই সমরে ভিবাই (Debye) এবং বর্ন্ (Max Born) ও ক্যার্ম্যান (Karman) আইনস্টাইনের সমীকরণের ফুটি দুর করিতে সচেন্ট হন। তাহাদের সিদ্ধান্ত হইল প্রত্যেক পরমাণুকে একই কম্পান্তের দোলক চিন্তা না করিরা উহাদের জন্য সকল কম্পান্তের একটি নির্বাচ্ছিল বর্ণালী (continuous frequency spectrum) নির্দেশ করা বৃত্তিবৃক্ত হইবে। কিন্তু আইনস্টাইন বে এক্ষেত্রে সনাতন পদার্থবিদ্যার বাহিরে আসিরা কোরাণ্টাম মতবাদের আপ্রর লইরাছেন, সে সম্পর্কে ইহারাও একমত।

এই সিদ্ধান্ত অনুরায়ী এক গ্রাম-পরমাণুতে $\mathbf{v} \cdot \mathbf{e} \cdot \mathbf{v} + d\mathbf{v}$ কম্পান্দের মধ্যে $f(\mathbf{v})d\mathbf{v}$ সংখ্যক পৃথক্ ভ্ষকে কম্পন (independent modes of vibration) হইলে পরমাণুগুলির মোট শক্তি হইবে

$$U = \int \frac{hv}{e^{hv/kT} - 1} f(v)dv \qquad \cdots \qquad (13.4)$$

সমাকলের অবম-সীমা শ্না (zero); কিন্তু এক্ষেত্রে ঊর্ধ্ব-সীমা অসীম (infinity) হইতে পারে না। এক গ্রাম-পরমাণু ভরে N সংখ্যক পরমাণু বর্তমান, উহাদের প্রভাবের স্বাভন্য মাত্রা ভিন। এজন্য মোট স্বাভন্য মাত্রা হইবে 3N। সেই কারণে অবম ও ঊর্ধ্ব সীমার মধ্যে

$$\int f(\mathbf{v})d\mathbf{v} = 3\mathbf{N} \qquad \cdots \qquad (13.5)$$

ইহার অর্থ দীড়ার এই বে, v-এর উর্ধ্ব-সীমা অসীম হওয়ার পরিবর্তে কোন একটি নির্দিন্ট সসীম (finite) মান v_m হইবে। v_m -এর মান বিভিন্ন কঠিন পদার্থের জন্য বিভিন্ন। অপেক্ষক f(v)-কে জানিলে সমীকরণ (13.5) হইতে v_m ক্ছির করা সম্ভব হইবে।

পরমাণুগুলির প্রত্যেকে একই ভাবে কম্পনরত অবস্থায় থাকিতে পারে না। কঠিন পদার্থের স্থিতিস্থাপকতা ধর্মের জন্য একটি পরমাণুর কম্পন শুরু হওয়ার পরে পার্থবর্তী পরমাণুর কম্পন শুরু হয়। কেবলমার উহাদের কম্পনদ্মার মধ্যেই বা কিছু পার্থক্য বর্তমান। পরমাণুগুলির একর কম্পনে নিরবাচ্ছিম কঠিন পদার্থে স্থিতিস্থাপকতা-জনিত তরঙ্গের সৃষ্টি হয়। পূর্বে (12.33 অনুচ্ছেদে) কঠিন পদার্থের একক আয়তনে কম্পান্ধ্ব থ ও v+dv-এর মধ্যে বিভিন্ন ভ্ষকে তরঙ্গ সংখ্যা স্থির করা হইয়াছে। কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে একই সঙ্গে দৃইটি তির্থক্ তরঙ্গ ও একটি অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গের সৃষ্টি হইবে। অনুদর্খ্য তরঙ্গের ক্ষেত্রে ও v+dv কম্পান্ধের ক্ষরে মধ্যে একক আয়তনে ভ্ষক্ সংখ্যা হইবে $4\pi v^2 dv/c_i$ । তির্থক্ তরঙ্গের ক্ষেত্রে এই সংখ্যা হইবে $8\pi v^2 dv/c_i$ । c_i ও c_i যথাক্রমে কঠিন পদার্থে অনুদর্য্য তরঙ্গ ও তির্থক্ তরঙ্গের গতিবেগ এবং

$$c_l = \sqrt{(B + \frac{4}{3}n)/\rho}$$
 এবং $c_t = \sqrt{n/\rho}$

ρ পদার্থের ঘনত ; B ও n বথাক্রমে আরতন-বিকৃতি-গুণাংক (bulk modulus) ও কৃত্তন-গুণাংক (modulus of rigidity)। এই দুই প্রকারের

ভরঙ্গের জন্য একরে V আরতনে [V এক গ্রাম-পরমাণুর আরতন] মোট ভূষক্ সংখ্যা হইবে

$$f(\mathbf{v})d\mathbf{v} = 4\pi \mathbf{V} \left(\frac{1}{c_1^{\mathbf{s}}} + \frac{2}{c_1^{\mathbf{s}}} \right) \mathbf{v}^{\mathbf{s}} d\mathbf{v} \qquad \cdots \qquad (13.6)$$

সমীকরণ (13·6) হইতে f(v)dv-এর হিসাব পাওয়ার পর সমীকরণ (13·5)-এ ফিরিয়া যাওয়া যাক। এই দুইটি সমীকরণকে একর করিলে

$$4\pi V \left(\frac{1}{c_{i}^{3}} + \frac{2}{c_{i}^{3}}\right) \int_{0}^{v_{m}} v^{3} dv = 3N$$
অথবা $v_{m}^{3} = \frac{9N}{4\pi V \left(\frac{1}{c_{i}^{3}} + \frac{2}{c_{i}^{3}}\right)}$... (13.7)

দেখা বাইতেছে যে, কঠিন পদার্থে পরমাণুগুলির কম্পনের জন্য যে নিরবচ্ছিন্ন spectrum কম্পনা করা হয় তাহাতে কম্পান্দের উর্ধ্বসীমা বিভিন্ন কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে বিভিন্ন হইবে। স্থিতিস্থাপকতা উপাত্ত (elastic data) হইতে v_m হিসাব করিতে পারি।

সমীকরণ (13.4)-এর সাহায্যে মোট শক্তি হিসাব করিলে

$$U = 4\pi V \left(\frac{1}{c_i^{s}} + \frac{2}{c_i^{s}}\right) \int_0^{v_{-}} \frac{hv^{s}}{e^{hv/kT} - 1} dv$$

$$= \frac{9Nh}{v_{-}^{s}} \int_0^{v_{-}} \frac{v^{s}}{e^{hv/kT} - 1} dv \qquad (13.8)$$

ন্থির আরতনে এক গ্রাম-পরমাণুর তাপগ্রাহিতা বা পারমাণ্যিক তাপ

$$C_{v} = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{v} = \frac{9Nh}{v_{m}^{3}} \int_{0}^{v_{m}} \frac{v^{3} \cdot \frac{hv}{kT^{2}} \cdot e^{hv/kT}}{(e^{hv/kT} - 1)^{3}} dv$$

$$= \frac{9Nk}{v_{m}^{3}} \int_{0}^{v_{m}} \frac{h^{2}v^{4}}{k^{3}T^{3}} \cdot \frac{e^{hv/kT}}{(e^{hv/kT} - 1)^{3}} dv \qquad (13.9)$$

$$\frac{hv}{kT} = \xi \text{ ags } \frac{hv_{m}}{kT} = \xi_{m} = x \text{ infacts at animation for the standard of the$$

$$= 3R \left[\frac{12}{x^3} \int_0^x \frac{\xi^3 d\xi}{e^{\xi} - 1} - \frac{3x}{e^x - 1} \right] \qquad \cdots \qquad (13.11)$$

বন্ধনীর মধ্যে পদটি কেবলমাত্র x-এর অপেক্ষক এবং সেই কারণে

$$C_{\nu} = 3RF_{D}(x) \qquad \cdots \qquad (13.12)$$

x-এর এই অপেক্ষক F_D (x)-কে ডিবাই-এর অপেক্ষক বলা হয়। সমীকরণ (13·11) অথবা (13·12) আপেক্ষিক তাপের জন্য ডিবাই-এর মূল সমীকরণ। ডিবাই-এর সমীকরণকে অন্যভাবে লিখিলে উক্তা-পরিবর্তনে আপেক্ষিক তাপের পরিবর্তন জানিতে পারিব।

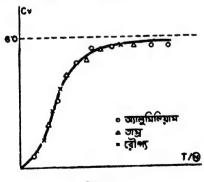
ধরা যাক,

$$x = \frac{h \mathbf{v}_m}{\overline{k} \mathbf{T}} = \frac{\Theta_D}{\mathbf{T}}$$
, এখানে $\Theta_D = \frac{h \mathbf{v}_m}{k}$

 Θ_D -কে কঠিন পদার্থের Debye-বৈশিষ্টা-সূচক উষ্ণতা (characteristic temperature) বলা হয়—কারণ \mathbf{v}_m পদার্থের বৈশিষ্টা-সূচক কম্পাধ্ক (characteristic frequency)। যেহেতু $h\mathbf{v}_m/k$ বি একটি ঘাত-হীন রাশি (dimensionless quantity) সেই কারণে $h\mathbf{v}_m/k$ -তে উষ্ণতার ঘাত আরোপ করা হইয়াছে। x-এর পরিবর্তে Θ_D/Γ লিখিলে সমীকরণ (13·12) হইবে.

$$C_{\nu} = 3R F_{D}(\Theta_{D}/T) \qquad \cdots \qquad (13.13)$$

এই সমীকরণে C_{\bullet} কেবলমান্ত T-এর উপর নির্ভর ক'রে দেখানে। হইয়াছে—কারণ একই কঠিন পদার্থের জন্য Θ_D ধ্রুবক।



For 13.2

দুইটি কঠিন পদার্থের বৈশিষ্টা-সূচক উষ্ণতা Θ_D , ও Θ_D , এবং উহাদের প্রকৃত উষ্ণতা T_1 ও T_2 -এর সম্পর্ক যদি এমন হয় বে Θ_D , $/T_1=\Theta_D$, $/T_2$

তবে ঐ দুইটি ক্ষেত্রে C_v একই হইবে । অর্থাৎ $C_v - T/\Theta_D$ লেখটি কঠিন পদার্থ-বিশেষের প্রকৃতি নিরপেক (চিত্র 13.2) । অর্থাৎ কোন একটি বিশেষ কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রে $C_v - T/\Theta_D$ লেখ অব্দ্রুন করিবার পরে অন্য বে-কোন কঠিন পদার্থের জন্য T ও Θ_D জানিলে C_v জানিতে পারি । পক্ষান্তরে পরীক্ষার সাহাব্যে C_v মাপিলে Θ_D জানা বার । সাধারণভাবে ভিবাই অপেক্ষকে সমাকলটিকে নির্দিন্ট সংখ্যক পদে লিখিয়া উহার মান নির্ণয় করা সম্ভব নর । ভিবাই 'numerical integration'-এর সাহাব্যে Θ_D/T -এর বিভিন্ন মানে $F_D(\Theta_D/T)$ হিসাব করেন । নিম্নে দেওয়া সারণীটিতে বিভিন্ন Θ_D/T -তে $3RF_D(\Theta_D/T) = C_v$ -কে দেখানো হইল ।

সারণী $13^{\circ}2$: ডিবাই-সূত্র অনুসারে Θ_D/T -র বিভিন্ন মানে $\mathrm{C}_v=3\mathrm{RF}_D(\Theta_D/\mathrm{T})$

θ _D T	0.0	0-1	0.2	0.3	0-4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9
0	5.955	.95	5.94	5.93	5.91	5.88	5.85	5.81	5.77	5.72
1	5.670	5.61	5.22			5.34			5.09	5.01
2	4.918	4 83	4.74			4.45			4.15	4.05
3	3.948	3.85	3.75			3.46			3.18	3.09
•••	•••	•••	•••			•••			•••	•••
7	1.137	1.100	1.065	1.031	·99 {	•966	·935	• 906	·878	·85 0
***	•••	•••	•••		,	•••			•••	•••
14	•169	165	·162			·152		İ	·143	·140
15	·137	·135	·132			·125		4	·118	·116
	}	1				1		3 4 9 3		

Θ _D T	$C_{v} = 3RF_{D} \left(\frac{\Theta_{D}}{T} \right)$	θ_D/T	$C_v = 3RF_D(\Theta_D/T)$
16	·113	25	.0298
18	·0 796 5	26	.0264
20	.0581	28	.0212
24	.0336	30	'0172

এইভাবে চিত্র $(13\cdot1)$ -এ $C_v/3R=F_D(T/\Theta_D)$ লেখটিকে অঞ্চন করা হইরাছে। হিতিস্থাপকতার উপাত্ত হইতে বৈশিষ্ট্য-সূচক উষ্ণতা Θ_D -হিসাব করিয়া এইভাবে ডিবাই সমীকরণের সাহাযো বিভিন্ন উষ্ণতার C_v জানা সম্ভব হইবে। উল্লেখ করা যায় যে, ডিবাই-এর সমীকরণ হইতে C_v হিসাব করিলে দেখা যাইবে যে, উহার সহিত পরীক্ষালন্ধ C_v -র পার্থক্য খুবই সামান্য। বিশেষভাবে পরম শ্নোর কাছে আইনস্টাইনের সমীকরণে যে ক্রটি লক্ষ্য করা যায়, এক্ষেত্রে তাহা নাই বলিলেই চলে। কার্বন, বোরন, সিলিকনের ক্ষেত্রে স্থাভাবিক উষ্ণতায় যে-বিচ্যুতি লক্ষ্য করা গিয়াছে, ডিবাই-এর সমীকরণ হইতে তাহারও ব্যাখ্যা পাওয়া যায়।

ছুইটি প্রান্তিক ক্ষেত্রে ডিবাই সমীকরণের প্রয়োগ: T° সূত্র—

1. T খ্ব বেশী হইলে x একটি অণু রাশি হইবে—সেক্ষেতে ;

$$\int_{0}^{\pi} \frac{\xi^{3} d\xi}{e^{\xi} - 1} = \int_{0}^{\pi} \xi^{2} d\xi = \frac{x^{3}}{3}$$

কারণ x কৃদ্র রাশি হইলে সমাকলন সীমার মধ্যে (within the limits of integration) ξ কৃদ্র রাশি হইবে এবং $e^{\xi}-1\approx \xi$ ।

আবার,
$$\lim_{x\to 0} \frac{x}{e^x-1} = 1$$

সমীকরণ (13'11)-এ এই প্রান্তিক মান বসাইলে

$$\lim_{T\to\infty} C_v = 3R$$

আইনস্টাইনের সমীকরণ হইতে একই সিদ্ধান্তে উপনীত হওয়। যায় । পরীক্ষাতে মোটামৃটিভাবে C_v -র এই মান পাওয়। যায় ।

2. পরম শ্নোর নিকটের অবস্থা খুবই তাংপর্যপূর্ণ—বস্তৃতঃ এই অবস্থার পরীক্ষা হইতেই কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ সংশ্রুত তাত্ত্বিক আলোচনার সূত্রপাত হইরাছে। সমীকরণ (13:11)-এ বন্ধনীর মধ্যে বে পদ্পুইটি রহিরাছে, এই প্রান্তিক ক্ষেত্রে তাহাদের পৃথক্ভাবে পরীক্ষা করিরাদেখা যাক।

ধরা বাক, T এত কম বে, $x=\frac{hv_m}{kT}$ মোটামূটি একটি বৃহৎ রাগি। সেকেতে আমরা দেখিতে পাই বে—

- (a) প্রথম পদটিতে সমাকল্য (integrand) হইতেছে $\xi^*/(e^\xi-1)$ । এখানে হরে exponential থাকার ξ বৃদ্ধি পাওরার সঙ্গে হরটি (denominator) খ্ব তাড়াতাড়ি বাড়ে এবং integrand-টি খ্ব দ্রুত শ্নোর কাছে পৌছার (rapidly approaches zero)। এই কারণে সমাকলে ξ -এর বৃহৎ মানের অবদান খ্বই সামান্য। কাজেই integration-এ উর্থবসীমা x-এর (একটি বৃহৎ রাশি) পরিবর্তে ∞ ধরিলে বিশেষ কোন তারতম্য হয় না। পক্ষান্তরে এই পরিবর্তনে হিসাব অনেক সহজ হইরা পড়ে।
- (b) x-বৃদ্ধি পাইতে থাকিলে দ্বিতীয় পদে লব (numerator) ও হর (denonimator) উভয়েই বৃদ্ধি পাইতে থাকে। যেহেতু লব-বৃদ্ধির হার হর-বৃদ্ধির হারের তুলনায় খ্বই কম, সেই কারণে $T \to 0$ এই প্রান্তিক ক্ষেত্রে এই পদটিকে অণু রাশি বিবেচনায় বাদ দেওয়া চলে।

সৃতরাং পরম শ্নোর কাছে,

$$C_{v} = 3R \frac{12}{x^{3}} \int_{0}^{\infty} \frac{\xi^{3} d\xi}{e^{\xi} - 1}$$

$$f_{\overline{\Phi}}, \int_{0}^{\infty} \frac{\xi^{3} d\xi}{e^{\xi} - 1} = \int_{3}^{\infty} \xi^{3} \left[e^{-\xi} + e^{-3\xi} + \dots + e^{-r\xi} + \dots \right] d\xi$$

$$= \int_{0}^{\infty} \xi^{3} \left(\sum_{r=1}^{\infty} e^{-r\xi} \right) = 6 \sum_{r=1}^{\infty} \frac{1}{r^{4}} = \frac{\pi^{4}}{15}$$

$$\therefore C_{v} = 3R \cdot \frac{12\pi^{4}}{15} \left(\frac{T}{\Theta_{D}} \right)^{3} = 77.94 \times 3R \left(\frac{T}{\Theta_{D}} \right)^{3}$$

$$\dots (13.14).$$

সমীকরণ $(13^{\circ}14)$ তখনই সিদ্ধ বখন $T \leqslant \theta_D$ । বৈশিষ্ট্য-সূচক উকতা Θ_D একটি কঠিন পদার্থের জন্য নির্দিষ্ট এই কারণে এই সমীকরণ হইতে বলা বার বে, পরম শুনোর কাছে আপেক্ষিক তাপ T^s -এর সমানুপাতিক। এই সিদ্ধানটিকৈ ডিবাই-এর T^s -সূত্র বলা হয়। পরের পৃষ্ঠার দেওয়া সারণীটিতে কঠিন মৌল পদার্থ C_{11} -এর ক্ষেত্রে T^s -সূত্রের বথার্থতা দেখানো গেল।

সারণী	13.3	:	মোল	পদার্থ	Cu-ag	কেতে	T*-স্ত
-------	------	---	-----	--------	-------	------	--------

T (in°K)	C _v	100 s/C _v
14'51	0.0396	2:35
17.50	0.0726	2:39
20.50	0.1155	2.42
25:37	0.234	2.43

 CaF_{s} ও FeS (calcium floride ও iron sulphide)-এর ক্ষেত্রে $T=\frac{\Theta_{D}}{25}$ হইতে $T=\frac{\Theta_{D}}{12}$ -এর মধ্যে C_{s}/T^{s} একটি ধ্রুবক। কিন্তু অধিকাংশ ক্ষেত্রেই ইহার বাতিক্রম লক্ষ্য করা বায়—বেমন আল্মিনিয়ামের ক্ষেত্রে $19^{\circ}K$ ও $35^{\circ}K$ -এর মধ্যে C_{s}/T^{s} -এ প্রায় 25% তারতম্য দৃষ্ট হয়, লিথিয়ামের ক্ষেত্রে $15^{\circ}K$ ও $30^{\circ}K$ -এর মধ্যে এই তারতম্য প্রায় 30% হইয়া থাকে। এই সূত্র অনুবায়ী T=0 অবস্থায় $C_{s}=0$ —অর্থাৎ পরম শ্নোকঠিন পদার্থের তাপগ্রাহিত। লোপ পায়।

ডিবাই-এর T্র-সূত্র হইতে বৈশিষ্টা-সূচক উক্তা Θ_D , হিসাব করা সম্ভব, কারণ $\Theta_D = \left[\frac{77.94 \times 3R}{C_v}\right]^{1/3} T = \left(\frac{77.94 \times 5.955}{C_v}\right)^{1/3} T \cdots$ (13.15) সমীকরণটির একটি ফুটি হইতেছে এই যে একটি বিশেষ কঠিন পদার্থের জনা Θ_D ছির থাকে না । যেমন Ag-এর ক্ষেত্র—স্মুরণ থাকে যে, উক্তা খুব

সারণী $13^{\circ}4$: T° সূত্রের সাহায্যে Ag জন্য বিভিন্ন উঞ্চতায় $heta_{D}$

T in °K	C,	$artheta_{\scriptscriptstyle D}$ $[$ সমীকরণ $(13^\cdot15)$ হইতে $]$
5°	.00509	225°K
10°	.0475	214°K
20°	· 3 995	209°K

বেশী হইলে T^3 -সূত্রটি প্রবোজ্ঞা নর । খৃব কম উক্তার C_0 -র-মান সমীকরণ ($13^{\circ}15$)-এ বসাইলে তবেই কঠিন পদার্থের বৈশিষ্ট্য-সূতৃক-উক্তা Θ_D জানিতে পারিব ।

অন্যভাবে স্থিতিস্থাপকতার উপাত্ত হইতে 💬 জানিতে পারি

$$\Theta_{D} = \frac{h}{k} \mathbf{v}_{m} = \frac{h}{k} \left[\frac{9N}{4\pi V \left(\frac{1}{c_{1}^{3}} + \frac{2}{c_{t}^{3}} \right)} \right]^{1/3}$$

$$= \frac{h}{k} \left(\frac{9N}{4\pi V} \right)^{1/3} \rho^{-\frac{1}{2}} \left[\frac{1}{\left(B + \frac{4}{3} n \right)^{3/2}} + \frac{2}{n^{3/2}} \right]^{-\frac{1}{2}} \dots$$
(13.16)

সমীকরণ (13·15) ও সমীকরণ (13·16) হইতে Θ_D -র একই মান পাওরা গেলে T^* সূর্রটি যথার্থ বলিয়া প্রমাণিত হয়। কিন্তু দেখা যায় CaF_s , FeS ইত্যাদি বে-সকল ক্ষেত্রে মোটার্নটিভাবে C_s/T^* ধ্রুবক, সেই সকল ক্ষেত্রেও স্থিতিস্থাপকতার উপাত্ত (স্থাভাবিক উক্ষতায়—measured at room tem-perature) হইতে Θ_D প্রায় 5% বেশী হয়। কোন কোন ক্ষেত্রে এই পার্থক্য আরও বেশী—বেমন:

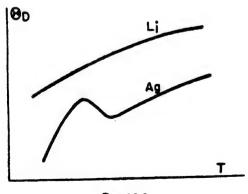
সারণী 13.5 : সমীকরণ (13.15) ও (13.16) হইতে 🚱 -র হিসাব

	ভিবাই-বৈশিষ্ট্য-সূচক উৰুতা— Θ_D				
কঠিন পদার্থ		স্থিতিস্থাপতা উপাত্ত হইতে (সমীকরণ 13·16)			
Fe	455	483			
Cu	321	341			
Ag	217	220			

উক্তা পরিবর্তনে স্থিতিস্থাপকতার প্রুবকগৃলিরও পরিবর্তন হর ; উহাদের খুব কম উক্তার মান ব্যবহার করিলে এই পার্থক্য হ্রাস পাইতে পারে। ইউকেন (Eucken) প্রথম লক্ষ্য করেন বে, এক্ষেত্রে তারতম্য হ্রাস পাওয়ার পরিবর্তে বৃদ্ধি পার।

উপরোক্ত কারণগৃলির জন্য T^s -স্তের যথার্থতা সম্পর্কে প্রশ্ন ওঠে। কিছু অপেক্ষাকৃত বেশী উক্তায় ডিবাই-সূত্র অত্যন্ত সন্তোষজনকভাবে পরীক্ষার ফলাফলকে ব্যাখ্যা করিতে পারে। ডিবাই-এর মূল সমীকরণ অনুসারে $T \leq \Theta_D/10$ অবস্থায় $C_v \propto T^s$ —এ সময়ে কটি খৃব বেশী হইলে 2%-এর অধিক হইবে না। ব্ল্যাক্ম্যান (Blackman) পরীক্ষার ফলাফল বিশ্লেষণ করিয়া এই সিদ্ধান্তে উপনীত হন বে, $T \leq \Theta_D/50$ হইলে তবেই T^s -সূত্রকে যথাযথভাবে প্রয়োগ করা যায়। কয়েকটি ক্ষেত্রে কেবলমাত্র আপাতদৃষ্টিতে দেখা গিয়াছে $C_v \propto T^s$ —উক্তা কিছুটা কম হইলে পরেই আবার ইহার ব্যতিক্রম দেখা যায় এবং শেষ পর্যন্ত উক্তা যখন খৃবই কম কেবলমাত্র তখনই ঐ সূত্রটি প্রয়োগ করা যায়। কোন্ অবস্থায় T^s -সূত্রকে নির্ভূলভাবে প্রয়োগ করা যায় সেই সম্পর্কে একটি সঠিক সিদ্ধান্তের অভাব-ই দেখা গোল ডিবাই-সূত্রের সবচেরে বড় ক্রটি।

এখানে বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায় যে ডিবাই-সূত্র হইতে C, হিসাব করিয়া উহাকে পরীক্ষালক মানের সঙ্গে তুলনা করিলে পার্থক্য খুব বেশী হইবে



हिंख 13.3

না (এমন কি খ্ব কম উক্তাতেও)। কিন্তু উক্তার সঙ্গে Θ_D -র পরিবর্তন খ্ব সামান্য নর। ${
m Li}$ -এর ক্ষেদ্রে এই পরিবর্তন খ্বই বেশী, ${
m Ag}$ -এর ক্ষেদ্রে কম উক্তার Θ_D দূত হ্রাস পার (চিন্তু 13.3)।

এই সকল কারণে ডিবাই-এর বীকার্য বিষয়গুলি (postulates) সম্পর্কে প্রশ্ন উঠিতে পারে। নিম্নলিখিত কারণগুলির জন্য ডিবাই-সূত্রে ফুটি

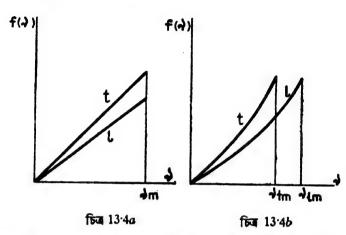
- 1. কঠিন বন্ধৃতে সমসন্ত্ গুণ (isotropic) থাকা সন্ত্রেও ইহাকে কোন কমেই নিরবজ্জিল বা continuum হিসাবে চিন্তা করা করা বার না—কারণ প্রত্যেকটি কঠিন বন্ধুই পরমাণ্র সমষ্টি এবং পরমাণ্যুলি পরস্পরের সঙ্গে একটি নিন্দিট দ্রছে থাকে। কিন্তু তংসন্ত্রেও ডিবাই-এর সিদ্ধান্ত হইল কঠিন বন্ধৃতে নিরবজ্জিল মাধ্যমের মতোই 0 হইতে v_m পর্বত্ত বিভিন্ন কম্পান্তের ছিতিস্থাপক তরঙ্গ সৃথি ইইবে। ইহা কি ভাবে সন্তব হইতে পারে ?
- 2. কঠিন বন্ধৃতে সমসত্ত্ব ধর্ম থাকা কখনই সম্ভব নর—কারণ কঠিন-বন্ধু মাত্রেই একটি বা একাধিক কেলাসের (crystal) সমণ্টি। ডিবাই-এর সিদ্ধাত্তে এই crystalline structure সম্পর্কে কোন সিদ্ধাত্তই লওয়া হয় নাই।

বর্ন্ পরে ডিবাই-সূত্রে সামান্য পরিবর্তনের ঈক্তি দেন। কিছু এইভাবে বর্ন্-এর পক্ষে কোন মেলিক পরিবর্তন আনা সম্ভব হয় নাই—এবং বর্ন্-এর সংশোধিত সমীকরণ, একই রকমের সমালোচনার সম্মুখীন হইয়াছে। পরবর্তী কালে বর্ন্ ও ক্যার্ম্যান (Born and Karman) 'crystal lattice'-এর সাহাব্যে কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ বিষয়ে সঠিক ব্যাখ্যা দেন। প্রথমে বর্ন্ ও পরে বর্ন্-ক্যার্ম্যানের মতবাদ সংক্ষেপে আলোচনা করা হইল।

বৰ্ণ-এর শতবাদ (Born cut off procedure)—

প্রত্যেকটি কঠিন পদার্থ-ই পরমাণুর সমণ্টি এবং ধরা বাক, দুইটি নিকটতম পরমাণুর দূরত্ব d । বর্ন মনে করেন ষে, সর্বোচ্চ কম্পান্দের যে স্থাণু-তরঙ্গের (overtone of maxm frequency) উৎপত্তি হর তাহার তরঙ্গনির্দা, পারমাণ্ডিক দূরত্ব d-এর সমান হইবে । অতএব বর্ন-এর সিদ্ধান্ত অনুবারী তির্বক্ তরঙ্গ ও অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গের সর্বোচ্চ উপস্রের (highest overtone) জন্য ক্ষুত্রতম তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ_{min} একই হইবে (both longitudinal and transverse modes have a common minimum wave-length)—তির্বক্ তরঙ্গবেগ c_t ও অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গবেগ c_t ও অনুদৈর্ঘ্য তরঙ্গবেগ c_t ভারণে ঐ মৃষ্ট ক্ষেত্রে λ_{min} এক হওরা সন্তেও ৮-এর সর্বোচ্চ

মান \mathbf{v}_{tm} ও \mathbf{v}_{lm} সৃথক্ হইবে (চিন্ন 13.4b)। ডিবাই-এর সিদ্ধান্ত হইল $\mathbf{v}_{tm} = \mathbf{v}_{lm} = \mathbf{v}_m$ (চিন্ন 13.4a)।



কম্পান্ক 0 (zero) ও v_m -এর মধ্যে মোট ভূষক্ সংখ্যা (number of modes of vibration) হইবে

$$\frac{4\pi}{3} \left(\frac{\mathbf{v}_m}{c}\right)^{\mathbf{s}} \mathbf{V} = \frac{4\pi}{3} \left(\frac{1}{\lambda_{min}}\right)^{\mathbf{s}} \mathbf{V}$$

প্রত্যেকটি ভ্ষকে তিনটি পৃথক্ তরঙ্গ চিন্তা করা যায় (একটি অনুদৈর্ঘ্য ও দৃইটি তির্যক্ তরঙ্গ)। সৃতরাং মোটের উপর

$$4\pi V \left(\frac{1}{\lambda_{min}}\right)^{3} = 3N$$

অথবা,
$$\lambda_{min} = (4\pi V/3N)^{\frac{1}{8}}$$
একণে, $c_t = \lambda_{tmin} v_{tm}$ ও $c_t = v_{tm} \lambda_{tmin}$ এবং সেই কারণে,
 $v_{tm} = c_t (3N/4\pi V)^{\frac{1}{3}}$ ও $v_{tm} = c_t (3N/4\pi V)^{\frac{1}{8}}$

$$\therefore U = 4\pi V \left[\int_0^{v_{tm}} \frac{1}{c_t^3} v^2 \frac{hv}{c^{hv/kT} - 1} dv + \int_0^{v_{tm}} \frac{2}{c_t^8} v^2 \frac{hv}{e^{hv/kT} - 1} dv \right] \cdots (13.17)$$

ডিবাই-এর মতো একইভাবে অগ্রসর হইলে দেখা বায়,

$$C_{\nu} = R \left[F_{D} \left(\frac{\Theta_{lD}}{T} \right) + 2F_{D} \left(\frac{\Theta_{lD}}{T} \right) \right] \qquad \cdots \qquad (13.18)$$

 Θ_{ID} ও Θ_{ID} বথাদ্রমে অনুদৈর্ঘ্য ও তির্বক্ ভ্ষকে ডিবাই-বৈশিষ্ট্য-সূচক-উষ্ণতা।

পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে যে, বর্ন্-এর এই সমীকরণটিও চ্নটি মৃত্ত নর। কেবলমাত্র সমসদ্বাণ-সম্পন্ন (isotropic) কঠিন পদার্থের ক্ষেত্রেই এই সমীকরণটি গ্রহণযোগ্য।

वर्ब ७ क्यान्याद्यत crystal lattice theory :

वाखरव कठिन भनार्थ भावरे crystal वा क्लारंगत नर्भांचे। क्लारंग সমসত্ত গুণের অভাবে (anisotropic) দিক পরিবর্তনে স্থিতিস্থাপক তরক্ষের গতিবেগের তারতমা ঘটে। Crystal lattice-এ সাজানো পরমাণুগুলির প্রত্যেকটি নিকটস্থ অন্য পরমাণুর প্রভাবাধীন। বর্ন ও ক্যার্ম্যানের প্রচেন্টার crystal vibration-এর সাধারণ সূত্র (general theory) গঠিত হইয়াছে। এখানে দেখা যায়, crystal-এর প্রত্যেকটি কোবে (unit cell) n-সংখ্যক কণা থাকিলে মোটের উপর 3n ভৃষকে কম্পন হইবে। ইহাদের মধ্যে তিনটি ক্ষেত্রে কম্পাম্ক অপেক্ষাকৃত কম—এই কম্পাম্ক নির্বচ্চিত্র মাধ্যমের কম্পান্কের দিকে asymptotically হ্রাস পায়। এই আন্তঃ-আণবিক কম্পনকে (intermolecular vibration) acoustic vibration বা শব্দ তরঙ্গের কম্পন বলা হয়। ডিবাই-অপেক্ষকের সাহায্যে আপেক্ষিক তাপে ইহাদের অবদান (contribution) হিসাব করিতে হইবে—ও অবশা তিনটি ক্ষেত্রে পৃথক হইবে। বাকি (3n-3) ক্ষেত্রে দোলন কম্পাৎক (vibrational frequency) আলোক-তরঙ্গের কম্পাব্দ সীমায় (optical region) থাকে—intramolecular vibration এই কম্পান্তে হইতে পারে। ইহাদের প্রত্যেক্টির জন্য আর্পেক্ষিক তাপে অবদান আইনস্টাইন-অপেক্ষকের সাহাব্যে হিসাব করিতে হইবে।

মোটের উপর,
$$C_v = R\left[\sum_{i=1}^8 F_D(\Theta_{D_i}/T) + \sum_{i=1}^{8n-8} F_E(\Theta_{E_i}/T)\right]$$

বর্ণ ও ক্যার্ম্যানের এই স্ত্রের সাহাব্যে বিভিন্ন crystal-এর (কঠিন পদার্থে) আপেন্দিক তাপ হিসাব করা বাইতে পারে । এজন্য বিভিন্ন lattice-এর ক্ষেত্রে force constant বা নিকটন্থ পরমাণুগুলির মধ্যে বিভিন্না বল (force between neighbouring particles in the lattice) জানা প্রয়োজন—কারণ এই force constant জানিলে ভবেই Θ_D ও Θ_E হিসাব করা সম্ভব । বর্ণ ও ক্যার্ম্যানের এই সমীকরণ ডিবাই সমীকরণের চেরে অধিক সাফল্য দাবী করিতে পারে এবং এই স্তু হইতেই দেখা বার বে, কেবলমাত্র খুব কম উক্তাতেই $(T < \Theta_D/50)$ $C_v \propto T^*$ ।

পরবর্তী কালে ব্ল্যাকম্যান crystal lattice-এ পর পর দুইটি কণার মধ্যে বিফ্রিয়া বল এবং সেই সঙ্গে একান্তর দুইটি কণার (next nearest neighbour) মধ্যে বিফ্রিয়া বল হিসাবে লইয়া crystal lattice-এর সাধারণ সূত্রের কাঠামো প্রস্তৃত করেন। ব্ল্যাক্মানের হিসাব অনুযায়ী কেবলমাত $0^\circ K$ উক্তার কাছে $\Theta_D =$ দ্বুবক, এবং ঐ সম্য়ে crystalline solid বা কেলাসের ক্ষেত্রে T=0 হইলে $C_v=0$ । পরবর্তী পরিচ্ছেদে দেখিব, ইহা নের্নেন্ট-এর তাপ-উপপাদ্যের সিদ্ধান্ত।

প্রশালা

- 1. আপেক্ষিক তাপ সংক্রান্ত ভূলং-পেটিটের সূত্র বিবৃত কর এবং ঐ সূত্রের বথার্থতা সম্পর্কে সংক্ষেপে আলোচনা কর। ঐ বিষয়ে ডিবাই-এর সূত্র উপপাদন কর এবং উহার গুণাগুণ বিচার কর।
- 2. কণাবাদের সাহায্যে আইনস্টাইন কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপের উষ্ণতা-নির্ভরতা কতদ্র পর্যন্ত ব্যাখা করিতে সক্ষম হন, বৃঝাইয়া দাও। আইনস্টাইন স্ত্রের বার্থতার কারণ কি ?

ডিবাই-এর মতবাদ ব্যাখ্যা করিয়া T^3 সূত্র উপপাদন কর এবং উহার দোষ-ক্রটি সম্পর্কে আলোকপাত কর । ঐ ক্রটির কারণ কি ?

3. সমসত্ত্ব কঠিন পদার্থের আপেক্ষিক তাপ উষ্ণতার উপর কিভাবে নির্ভর করে, সেই সম্পর্কে ডিবাই-এর মতবাদ বুঝাইয়া বল । দেখাও ষে, অতি শীতল অবস্থায় আপেক্ষিক তাপ \mathbf{T}^s -এর সমানুপাতিক ।

ডিবাই-সিদ্ধান্তের ক্রটি উল্লেখ করিয়া প্রয়োজনীয় পরিবর্তন সম্পর্কে সংক্ষেপে আলোচনা কর।

- 4. CaF_s -এর জন্য $17.5^{\circ}K$ উক্বতায় $C_v = 0.067$ এবং R = 1.9917 cal/deg/mole; ডিবাই-বৈশিন্ট্য-সূচক হিসাব কর ।
- 5. কার্বনের (diamond) জন্য ডিবাই-বৈশিষ্ট্য-সূচক উক্ষতা 1843° K এবং উহার আইনস্টাইন-বৈশিষ্ট্য-সূচক উক্ষতা 1450° K। আইনস্টাইন ও ডিবাই সমীকরণ হইতে 207° K উক্ষতাতে আণব আপেক্ষিক তাপ C_n হিসাব কর।

उज्राज्य शिंदरक्ल

নেন সের উপপান্ত—তাপগতিতত্বের তৃতীর সূত্র (Nernst Heat Theorem—Third law of Thermodynamics) 14'1. এম্ট্রলি-এন্স (Entropy-constant):

দ্বিতীর সূত্র হইতে তাপগতীর তল্মে আমরা এন্ট্রপির সংজ্ঞা পাইরাছি। কোন একটি তল্ম T উক্তার অন্য একটি উৎসের সহিত δQ তাপ-বিনিমরে সাম্যাবস্থা পরিবর্তন করিলে উহার এন্ট্রপির পরিবর্তন হয়

$$dS = \frac{\delta Q}{T} \qquad \cdots \qquad (14.1)$$

চাপ, উক্তা ইত্যাদির মতো এন্ট্রপিও তল্পের সাম্যাবস্থার উপর নির্ভর করে। উপরের সংজ্ঞা হইতে কেবল মাত্র দৃইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন জানা গেল। কিন্তু কোন নিদিন্ট সাম্যাবস্থার এন্ট্রপি কত, বিতীয় সূত্র হইতে তাহা বলা বার না। সমাকলের সাহাব্যে একটি নিদিন্ট সাম্যাবস্থা B এবং অন্য কোন সাম্যাবস্থা A-র মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন লিখিতে পারি

$$\Delta S = S(A) - S(B) = \int_{B}^{\Delta} \frac{\delta Q}{T} \qquad (14.2)$$

সাম্যাবস্থা B-কে তল্মের একটি প্রমাণ-অবস্থা (standard state) চিম্বা করিতে পারি। এইভাবে একটি প্রমাণ-অবস্থা ও সাম্যাবস্থা A-র মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন জানা বার। কিম্বু প্রশ্ন হইতেছে কোন্ অবস্থাকে আমরা প্রমাণ-অবস্থা বালব এবং সেই অবস্থাতে তল্মের এন্ট্রপি কত ? তল্ম-নিরপেক্ষ কোন প্রমাণ-অবস্থা থাকা সম্ভব কি—অথবা বিভিন্ন তল্মের জনা প্রমাণ-অবস্থাও বিভিন্ন ? বিভীর স্ট হইতে এই প্রশ্নের কোন উত্তর পাওরা বার না এবং সেই কারণে এন্ট্রপির পরম মান (absolute value of entropy) নির্দেশ করাও সন্ভব নর। কিম্বু সকল ক্ষেত্রেই দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন ঐ দুই অবস্থার তল্মের স্থিতিমাপের সাহাব্যে নির্দিন্থ করিরা বলা চলে সমীকরণ (7·13b) ও (7·13d) দুন্টব্য]। আমরা পূর্বেই দেখিরাছি, কোন একটি সাম্যাবস্থার এন্ট্রপির হিসাব লিখিতে গোলে একটি অনিন্দিন্ট শ্রুবক রাণি অপরিহার্য হইরা পড়ে [সমীকরণ (7·12a), (7·12b) ··· (7·12f);

(7·13a) ও 7·13c) প্রভব্য] প্রবকটিকে জানিতে পারিলেই সাম্যাবস্থার এন্ট্রীপর পরম মান জানিতে পারিব । প্রবকটিকে কোন একটি প্রমাণ-অবস্থার এন্ট্রীপর গরম মান জানিতে পারে—এবং সেক্ষেত্রেও কেবলমার ঐ প্রমাণ-অবস্থা সাপেক্ষে এন্ট্রীপর মান জানা সম্ভব হইবে । এন্ট্রীপর মান শৃন্য (zero) এরূপ কোন একটি প্রমাণ-অবস্থা নির্দিন্ট করা সম্ভব হইলে তবে ঐ প্রমাণ-অবস্থা ও অন্য কোন সাম্যাবস্থার মধ্যে এন্ট্রীপর অন্তরকে সাম্যাবস্থার এন্ট্রীপর পরম মান ধরা বাইতে পারে । প্রশ্ন হইল S=0 এরূপ কোন একটি প্রমাণ-অবস্থার অভিন্থ নির্দেশ করা সম্ভব কি ? এই প্রশ্নটির মীমাংসা কলেপ নের্নস্টের তাপ-উপপাদ্য (Nernst heat theorem) এবং ঐ বিষয়ে প্ল্যাক্ষের প্রতিবেদন অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ পদক্ষেপ ।

14.2. নের্নস্টের ভাপ-উপপাল (Nernst Heat Theorem):
নের্নদের তাপ-উপপাদ্য ও তাপগতি তত্ত্বের তৃতীয় সূত্রের উপস্থাপনায় বিভিন্ন
লেখকের বস্তব্যে কিছুটা বৈসাদৃশ্য লক্ষ্য করা যায়। সামগ্রিক দৃষ্টিভঙ্গীর
অভাব-ই তাপ-উপপাদ্য ও তৃতীয় সূত্রকে সঠিক ভাবে উপস্থাপন করিবার
পথে প্রতিবন্ধকতার সৃষ্টি করিরাছে। ধারাবাহিকতা রক্ষা করিয়া অগ্রসর
হইলে এই অসক্ষতি বা ক্রটি হইতে রক্ষা পাওয়া যাইবে।

নের্নন্ট-এর মূল বক্তব্য হইতেছে—'গ্লাস, আঁত শীতলীকৃত তরল ও দ্রবণ সমেত প্রত্যেকটি ঘনীভূত তল্মের ক্ষেত্রে [In any isothermal process between condensed phases (including glasses, supercooled liquids and solutions)]—

$$Lt. \quad \Delta S = 0 \qquad \cdots \qquad (14.3)$$

তাপ-উপপাদোর এই সিদ্ধান্ত গ্লাস ও অতি শীতলীকৃত দ্রবণ ইত্যাদি কয়েকটি ক্ষেত্রে সঠিকভাবে প্রযোজ্য নয় । নিম্নালিখিত উপায়ে তাপ উপপাদাকে উপস্থাপন করিলে আর কোন ক্রটি থাকিবে না ।

(a) কেবলমাত বিশৃদ্ধ কেলাসের কেতে $T \rightarrow 0$ এই প্রান্তিক সীমার সমোক পরিবর্তনে (For any isothermal process involving pure crystals) এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হয় না ।

वर्षार, जे त्करत Lt. $\Delta S = 0$

(b) শ্না ডিগ্রী কেল্ভিন উকতায় বিশ্বন কেলাসের জন্য এন্ট্রপিয় মান শ্না ধরিলে অন্য বে-কোন অবস্থাতে বে-কোন তন্ত্রের জন্য এন্ট্রপি অবশাই ধনাক্ষক হইবে। পক্ষান্তরে $T=0^\circ K$ অবস্থায় এন্ট্রপি S=0 হইতে পারে—কেবলমাত্র বিশ্বন কেলাসের কথা চিন্তা করিলে ঐ অবস্থায় এন্ট্রপি অবশাই শ্না হইতে বাধ্য। [If the entropy of each element in the crystalline stable state at T=0 be taken as zero, every substance has then a finite positive entropy but at T=0 the entropy may become zero, and does become zero for all perfect crystalline substances including compound.]

তাপ-উপপাদাকে অনুসরণ করিয়া বলা ষায় পরম শ্নোর কাছে কঠিন ও তরল পদার্থের বিক্রিয়াতে এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হইবে না। এই অবস্থাটিকে এই কারণে আমরা স্থির এন্ট্রপির অবস্থা বলিতে পারি। শূনা ডিগ্রী কেল্ভিন উক্তায় এন্ট্রপি S_o লিখিলে—

$$[\Sigma S_o]$$
 বিজিয়াজাত ত্ৰব্য = $[\Sigma S_o]$ বিজিয়ক অর্থাং, $AB+CD=AC+BD$, এই বিজিয়ায়,
$$_o = S_o(AC) + S_o(BD) - S_o(AB) - S_o(CD) = 0$$

অন্যক্ষেত্রে.

$$AB + CD = AD + BC$$
, রাসায়নিক বিক্রিয়ায়

$$\Delta S_{o} = S_{o}(AD) + S_{o}(BC) - S_{o}(AB) - S_{o}(CD) = 0$$

বেহেত্ এরূপ প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে $\Delta S_o = 0$; সেই কারণে এই সিদ্ধান্তটি লওয়া যায় বে. কোন একটি মৌল A পৃথক্ভাবে B, C অথবা D-এর সঙ্গে থাকিলে অথবা শৃধ্মাত্র মুক্ত অবস্থার থাকিলে পরম শ্নো উহার এন্ট্রাপ $S_o(A)$ প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে একই হইবে । রাসায়নিক সমীকরণের উভর পার্বে পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি মৌলের সংখ্যা একই থাকে, সেই কারণে ঐ অবস্থার (পরম শ্নো) বিক্রিয়ার পরে মোট এন্ট্রাপর কোন পরিবর্তন হয় না । এই ব্যাপারে প্র্যান্ক আরো কিছুটা অগ্রসর হন । প্র্যান্কের সিদ্ধান্ত হইতেছে,—'পরম শ্নোর অবস্থাটি প্রত্যেকটি বিশৃদ্ধ কঠিন ও তরল পদার্থের জন্য একটি প্রমাণ-অবস্থা এবং ঐ অবস্থাতে প্রত্যেকের এন্ট্রাপিকে শ্ন্য ধরা হইবে ।'

প্ল্যান্দের মূল বক্তব্যে কঠিন ও তরল পদার্থের উল্লেখ থাকিলেও পরবর্তী-কালে কোরাণ্টাম পরিসংখ্যান প্রয়োগে গ্যাসীয় তলের কেরেও এই সূর্ত্তির বথার্থতা স্বীকৃত হইরাছে। বান্ডবিক পক্ষে S(T=0)=0—এই সূর্ত্তি একটি পরিসংখ্যান সূত্র। এই সম্পর্কে এই পরিচ্ছেদের শেষ অংশে আলোচনা করা হইবে। তাপ-উপপাদ্যে প্ল্যান্দের প্রতিবেদনকে স্বীকার করিলে বলা যায়, শূন্য ডিগ্রী কেল্ভিন উষ্ণতার অবস্থাটি হইতেছে তন্দ্র-নিরপেক্ষ একটি প্রমাণ অবস্থা—এবং এই অবস্থাতে প্রত্যেকের এন্ট্রপিকে শূন্য $(S_o=0)$ ধরা যায়। প্ল্যান্ধ-কে অনুসরণ করিয়া দ্বিতীয় স্ত্রের সাহায্যে লেখা চলে

$$S(A) - S(T = 0) = S(A) = \int_{T=0}^{A} \frac{\delta Q}{T}$$
 ... (14.4)

বিশেষভাবে উল্লেখ করা যায় যে, নের্নস্ট ও প্ল্যাম্কের সিদ্ধান্ত ; $\operatorname{Lt} \Delta S = 0$, এবং $\operatorname{S}(T=0)=0$ এবং সেই সঙ্গে সমীকরণ (14.4) অধিকাংশ ঘনীভূত তন্দ্রের ক্ষেত্রে প্রয়োজ্য হওয়া সত্ত্বেও glassy state এবং nuclear spin orientation ইত্যাদি কয়েকটি ক্ষেত্রে ইহাদের ব্যতিক্রম লক্ষ্য করা গিয়াছে। নের্নস্ট ও প্ল্যাম্কের সিদ্ধান্ত দৃইটি কেবল মাত্রই অনুমান নির্ভর (প্রথম ও দ্বিতীয় স্ত্রের মতো) এবং সর্বতোভাবে গ্রহণযোগ্যও নয়। এই কারণে সাধারণভাবে গ্রহণযোগ্য কোন একটি সিদ্ধান্তের ভিত্তিতে তাপ-উপপাদ্য প্রমাণ করা যায় কিনা তাহা পর্যালোচনা করা একান্তভাবে প্রয়োজন । তাপগতিতত্তের তৃত্বীর সত্র হইতে ইহা সম্ভব হইবে ।

14'3. তৃতীয় সূত্র (Third Law) ঃ প্রথম ও দ্বিতীয় স্ত্রের মতো তৃতীয় স্ত্রিও বাস্তব অভিজ্ঞতা প্রস্ত একটি সিদ্ধান্ত মাত। শীতলীকরণের বিভিন্ন পদ্ধতি হিসাবে তরল হাইড্রোজেন, হিলিয়াম ও রুদ্ধতাপ নিশ্চৌমুকী-করণের বিষয় উল্লেখ করা হইয়াছে। ইহাদের মধ্যে শেষোক্ত পদ্ধতিতে আমরা সর্বাপেক্ষা শীতল অবস্থায় পৌছাইতে পারি। কিন্তৃ সেক্ষেত্রেও শ্ন্য ডিগ্রী কেল্ভিন (zero degree Kelvin) উক্তায় নামা সম্ভব হয় নাই। শ্ন্য ডিগ্রী কেল্ভিন উক্তা বা পরম শ্ন্য সমস্ত প্রচেন্টা সত্ত্বেও এখনও পর্বন্ধ আমাদের নাগালের বাহিরে রহিয়াছে। পরম শ্ন্যের এই অনধিগম্যতাই তৃতীয় স্ত্রের বক্তব্য বিষয়।

ভৃতীয় সূত্র—বে-কোন আদর্শ ব্যবস্থাই গ্রহণ করা হউক না কেন, সসীম সংখ্যক বার ঐ প্রক্রিয়ার পুনরার্হাত্ত করিয়া কথনই পরম শ্নো উপনীত হওয়া সম্ভব হইবে না—অথবা কোন বস্তৃকে কোন ক্রমেই শ্না ডিগ্রী কেল্ভিন উক্তার শীতল করা বার না (It is impossible by any procedure, no matter how idealised, to reduce any system to absolute zero in a finite number of operations)।

এখানে বিশেষভাবে উল্লেখ করা প্রয়োজন যে, তৃতীয় সূত্র সর্বতোভাবে निकार। Glassy state, nuclear spin গ্ৰহণযোগ্য একটি orientation—ইত্যাদি করেকটি ক্ষেত্রে তাপ-উপপাদ্যে অসঙ্গতি দেখা বার—কিন্তু ঐ সকল ক্ষেত্রেও তৃতীয় সূত্রের কোন ব্যতিক্রম ঘটে না। উপপাদোর তুলনার সেই কারণে তৃতীয় সূত্রের ব্যাপকতা অনেক বেশী। প্রথম ও দ্বিতীর পর্বায়ের অবিনশ্বর গতির অসম্ভাব্যতা হইতেই যথাচমে প্রথম ও বিতীয় সূত্রের উৎপত্তি, তেমনি পরম শ্নোর অন্ধিগমাতা বা তৃতীর সূত্রের মধ্যেই তাপ-উপপাদোর বীজ নিহিত রহিয়াছে। কেবলমাত্র তৃতীয় সূত্রকে স্থীকার করিয়া লইলে তাপ-উপপাদ্য প্রমাণ করা সম্ভব---পক্ষান্তরে তাপ-উপপাদা হইতে পরম শ্নোর অন্ধিগমাতা বা তৃতীয় সূত্র প্রমাণিত হয়। ইহার অর্থ এই দাঁড়ায় বে, তৃতীয় সূত্রই সর্বতোভাবে গ্রহণবোগ্য প্রামাণ্য মূল সূত্র—তাপ-উপপাদা ইহার অনুসিদ্ধান্ত মাত্র। কয়েকটি ক্ষেত্তে তাপ-উপপাদ্যে বে বিচ্যুতি বা ব্যতিক্রম লক্ষ্য কর। যায় তাহ। তৃতীয় সূত্রের কোন অসঙ্গতি বা ক্রটির কারণে হইতেছে এরপ চিতা করা যুক্তিযুক্ত হইবে না। পরবর্তী আলোচনায় এই সম্পর্কে আলোকপাত করা হইবে। কিন্তু এই ব্যাপারে অগ্রসর হওয়ার পূর্বে আমরা তৃতীয় সূত্র হইতে তাপ-উপপাদটি প্রমাণ করিব এবং তখনই দেখা যাইবে তৃতীয় সূত্র যথার্থ বিবেচিত হওয়। সত্ত্বেও কি কারণে করেকটি ক্ষেত্রে তাপ-উপপাদো ব্যতিক্রম ঘটিতেছে। পরম শনোর অন্ধিগম্যতা বা তৃতীয় সূত্র একটি বাস্তব অভিজ্ঞতা---পরে তাপ-উপপাদ্য হইতে সহজেই তৃতীয় সূত্র প্রমাণ করা হইবে।

মনে করা যাক, আরতন পরিবর্তন, রাসায়নিক বিচিয়া অথবা বাহিরে চৌম্বক বলকেত্রে বা তড়িং বলকেত্রে প্রাবল্যের তারতম্য জাতীর যে-কোন একটি পরিবর্তন $\alpha \to \beta$ হিসাবে চিহ্নিত করা হইল। এখানে α প্রাক্পরিবর্তন অবস্থা এবং β পরিবর্তন পরবর্তী অবস্থা। α ও β অবস্থার নির্দিষ্ট ভরের এনুম্বীপ হইবে,

$$S_a = S_a^{\bullet} + \int_0^T C_a dT \qquad \cdots \qquad (14.5a)$$

$$\mathbf{QRR} \quad \mathbf{S}_{\beta} = \mathbf{S}_{\beta}^{\circ} + \int_{0}^{T} \frac{\mathbf{C}_{\beta} d\mathbf{T}}{\mathbf{T}} \qquad \cdots \qquad (14.5b)$$

 S_a ° ও S_β ° বথানেমে $T\to 0$ এই প্রান্তিক সীমায় α ও β অবস্থাতে ঐ ভারের এন্ট্রাপ নির্দেশ করে। আমরা রুদ্ধতাপীর $\alpha(T')\to \beta(T'')$ পরিবর্তন চিন্তা করিব। প্রারম্ভিক α অবস্থার উক্ষতা T' এবং পরিবর্তন অন্তে β অবস্থার উক্ষতা T''। একণে T''=0 অবস্থার সম্ভাব্যতা বিচার বিশ্লেষণ করিয়া দেখা বাক।

ৰিতীয় সূত্র হইতে আমরা বলিতে পারি $\alpha \to \beta$ এই রক্ষতাপীয় পরিবর্তন যদি উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে অনুষ্ঠিত হয় তবেই এন্ট্রপির কোন পরিবর্তন হয় না (AS=0); অন্য সময়ে এন্ট্রপি বৃদ্ধি পায়। সমীকরণ (14.5a) ও (14.5b) হইতে বলা যায় যে $\alpha \to \beta$ পরিবর্তন রক্ষতাপীয় উৎক্রমনীয় উপায়ে হইলে তবেই অন্তিম উক্ষতা সবচেয়ে কম হইবে। এই কারণে $\alpha \to \beta$ -কে আমরা কেবলমাত্র রক্ষতাপীয় উৎক্রমনীয় পরিবর্তন চিন্তা করিব। এক্ষেত্রে,

$$S_{\alpha}^{\circ} + \int_{0}^{T'} \frac{C_{\alpha}}{T} dT = S_{\beta}^{\circ} + \int_{0}^{T''} \frac{C_{\beta}}{T} dT$$

T''=0 হইতে গোলে,

$$S_{\beta}^{\circ} - S_{\alpha}^{\circ} = \int_{0}^{T'} \frac{C_{\alpha}}{T} dT \qquad \cdots \qquad (14.6)$$

 $S_{m{\beta}}^{m{\circ}}-S_{m{\alpha}}^{m{\circ}}>0$ হইলে নির্দিষ্ট প্রারম্ভিক উষ্ণতা T' (উপরের সমীকরণটি হইতে T'-এর মান স্থির হইবে) হইতে $\alpha \to \beta$ এই রুদ্ধতাপীর উৎক্রমনীয় পরিবর্তনের সাহায্যে $T''=0^{\circ}K$ অবস্থাতে পৌছানো সম্ভব হইবে । তৃতীয় সূত্র বা পরম শূনোর অনধিগম্যতা স্বীকার করিয়া লইবার অর্থ,

$$S_{\beta}^{\circ} - S_{\alpha}^{\circ} \le 0 \qquad \cdots \qquad (14.7)$$

বিপরীতদ্রমে $S_{m{\epsilon}}^{\circ}-S_{m{\beta}}^{\circ}>0$ হইলে প্রারম্ভিক উষ্ণতা T'' হইত রুদ্ধতাপীয় উৎক্রমনীয় পরিবর্তন $\beta(T'')\to\alpha(T')$ অন্তে $T'=0^{\circ}K$ অবস্থায় পৌছানো সম্ভব হইতে পারে । সেক্ষেত্রে

$$\int_{a}^{T'} \frac{C_{\beta}}{T} dT = S_{\alpha}^{\circ} - S_{\beta}^{\circ} \qquad \cdots \qquad (14.8)$$

হইতে প্রারম্ভিক উক্তা \mathbf{T}^{σ} ছিব করা সম্ভব হয়। তৃতীয় সূত্র অনুসারে \mathbf{T}^{σ}

অবস্থা হইতে কখনই $T'=0^\circ K$ অবস্থার পৌছানো সম্ভব নর—ইহার অর্থ $S_{\mathfrak{s}}^{\,\circ}-S_{\mathfrak{s}}^{\,\circ}$ কখনই ধনাত্মক রাশি হইতে পারে না । অন্যভাবে বলা যায়,

$$S_{\bullet}^{\circ} \leq S_{\beta}^{\circ} \qquad \cdots \qquad (14.9)$$

বাস্তবে α $(T') \to \beta(T''=0)$ অথবা $\beta(T'') \to \alpha(T'=0)$ এরূপ কোন পরিবর্তনই সম্ভব নয়। সেই কারণে সমীকরণ (14.7) ও (14.9) উভয়ই সিদ্ধ হইবে ; এবং তাহা হইলে,

$$S_{\bullet}^{\circ} = S_{\bullet}^{\circ}$$

অথবা
$$\underset{T\to 0}{\text{Lt}} AS = 0$$

তৃতীর সূত্র হইতে এইভাবে নের্নগট-এর তাপ-উপপাদ্য প্রমাণিত হইল। লক্ষ্য করা বার বে, শূন্য ডিগ্রী কেল্ভিন উক্তার অন্তিম অবস্থা (বদি 0°K উক্তার অবস্থা সম্ভব হর) ও প্রারম্ভিক সাম্যাবস্থার মধ্যে উৎক্রমনীয় পরিবর্তন সম্ভব এই অনুমানের উপর নির্ভর করিয়া প্রমাণটি সম্ভব হইয়াছে। এই বিষয়ে এই অনুছেদের শেষ অংশে আলোকপাত করা হইবে।

নের্নন্টের তাপ-উপপাদ্যকে স্বীকার করিয়া লইলে কোন প্রকার সর্ত আরোপ না করিয়াই আমরা তৃতীয় সূত্রে পৌছাইব। অর্থাৎ কেবলমার তাপ-উপপাদ্যকে ($\mathbf{Lt}.AS=0$) স্বীকার করিয়া লইবার অর্থ হইবে $\alpha \to \beta$ অথবা $\beta \to \alpha$ কোন পরিবর্তনেই বস্তুকে $0^\circ K$ অবস্থায় লওয়া সম্ভব নয়। প্রথমে $\alpha \to \beta$ রুদ্ধতাপীয় উৎক্রমনীয় পরিবর্তন চিন্তা করি। তাপ উপপাদ্যকে স্বীকার করিয়া লইলে প্রাক্-পরিবর্তন উষ্ণতা \mathbf{T}' ও পরিবর্তন শেষে উষ্ণতা \mathbf{T}' -এর মধ্যে সমৃদ্ধ হইবে

$$\int_0^{T'} \frac{C_{\bullet}}{T} dT = \int_0^{T'} \frac{C_{\beta}}{T} dT \qquad \cdots \qquad (14.10)$$

একণে T''=0 হইতে পারে. যদি

$$\int_{-T}^{T} \frac{C_o}{T} dT = 0 \qquad \cdots \qquad (14.11)$$

বেহেতু $C_a>0$ সেই কারণে সমীকরণ $(14\cdot 11)$ বথার্ছ বিবেচিত হইতে পারে না। অর্থাৎ এই উপারে আমরা T''=0 অবস্থার পৌছাইতে

পারিব না। অনুরূপভাবে প্রমাণ করা যার বেহেতৃ $C_{\beta}>0$, সেই কারণে $\beta(T'') \rightarrow \alpha(T')$ রুশ্বতাপীর উৎক্রমনীর পরিবর্তনে T'=0 অবস্থার পৌছানো অসম্ভব। রুশ্বতাপীর উৎক্রমনীর পরিবর্তনে উক্বতা সবচেয়ে কম হয়—উৎক্রমনীর পরিবর্তনের স্থলে অনুৎক্রমনীর পদ্ধতিতে এই পরিবর্তন ঘটিলে উক্বতা আরো বেশী হইত। তৃতীর সূত্র হইতে তাপ-উপপাদ্য প্রমাণ করিবার সময় $\alpha(T')$ ও $\beta(T'')$ অবস্থা-পৃইটির মধ্যে উৎক্রমনীর পথে পরিবর্তন কল্পনা করা হইয়াছে। আনুবঙ্গিক দশার্থালর প্রত্যেকটি সম্পূর্ণভাবে আভ্যন্তরীণ সাম্যে (complete internal equilibrium) থাকিলে এক অবস্থা হইতে অন্য অবস্থায় পরিবর্তন অবশাই উৎক্রমনীয় পথে হইবে। কোন ক্ষেত্রে কোন একটি দশা স্থাভাবিকভাবে দৃঃস্থিত আভ্যন্তরীণ সাম্যাবস্থার (metastable internal equilibrium) থাকিলে ঐ অবস্থা-পরিবর্তন-জনিত বিক্রিয়ায় অতি শীতলীকৃত দৃঃস্থিত সাম্যাবস্থা (frozen metastable equilibrium) বিদ্মিত হওয়া সম্ভব। বিদ্যিত না হয় তবে সেই পরিবর্তন উৎক্রমনীয় পরিবর্তন এবং পক্ষান্তরে উহা বিদ্মিত হাইলে সেই পরিবর্তন অনুৎক্রমনীয় পরিবর্তন বিবেচিত হইবে। সেই কারণে তাপ-উপপাদ্যের সঠিক প্রতিবেদন হইবে—

আভান্তরীণ সাম্যে থাকা দুইটি অবস্থার মধ্যে সমোক পরিবর্তনে (for any isothermal process involving only phases in internal equilibrium)—

Lt.
$$\Delta S = 0$$

অন্যভাবে বলা যায়—'অতি শীতলীকৃত দৃঃস্থৃত সাম্যাবস্থায় থাকিবার সময় কোন সমোক পরিবর্তনে যদি ঐ অবস্থা বিদ্নিত না হয় তবে (when any phase is in the frozen metastable equilibrium, and if the process does not disturb this frozen equilibrium) সেকেতে

Lt.
$$\Delta S = 0$$
.

চাপ বা আয়তনের তারতমা, চৌম্বকক্ষেত্রে প্রাবল্যের হ্রাস-বৃদ্ধি, সাধারণভাবে বাহ্যিক স্থিতিমাপে (external parameters) তারতমার সঙ্গে জড়িত প্রত্যেকটি সম্ভাব্য পরিবর্তনকে উপরোক্ত প্রতিবেদনে তাপ-উপপাদ্যের অর্য্ভক্ত করা হইয়াছে। আভারবীণ সাম্য বজায় থাকে এরূপ রাসায়নিক বিক্রিয়াতেও

তাপ-উপপাদ্যের বার্থাখ্য স্বীকৃতি পাইরাছে। কেবলমার দৃঃন্থিত সাম্যাবস্থার রাসার্যানক বিভিন্নাকে তাপ-উপপাদ্যের গঙীর বাছিরে রাখা হইরাছে।

14'4. তাপ-উপপাতের করেকটি সিলাভ (Results from Nernst Heat Theorem) :

(I)
$$S(A) = \int_0^T \frac{C_R(T)dT}{T}$$

উপরের সমীকরণে $C_R(T)-R$ উৎক্রমনীর পথে তন্দ্রের তাপগ্রাহিতা নির্দেশ করে—ইহা স্থির আয়তনে তাপগ্রাহিতা $C_{m s}$ অথবা স্থির চাপে তাপ-গ্রাহিতা $C_{m s}$ বে-কোনটিই হইতে পারে ।

 $L_{T\to 0}$ S(A)=0 ; সূতরাং $L_{T\to 0}$ $C_p=0$, এবং $L_{T\to 0}$ এই সিদ্ধান্ত অবশ্যই কেবলমাত্র বিশৃদ্ধ কেলাসের ক্ষেত্রেই প্রয়োজা ।

(II) সংজ্ঞা অনুসারে, হেল্মহোৎজ অপেক্ষক F=U-TS গিব্ সের অপেক্ষক G=H-TS

S(T=0)=0 এবং সেই কারণে, $F_o=U_o$, এবং $G_o=H_o$

(III) তৃতীয় সূত্রের একটি মূল্যবান অনুসিদ্ধান্ত হইল—পরম শ্ন্যে আয়তন-প্রসারণ-গুণাংক ও চাপ-প্রসারণ-গুণাংক দুই-ই শ্না হইবে।

সংজ্ঞানুসারে
$$V\gamma_p=-{aV\choose\partial T}_P=-{aS\choose\partial P}_T$$

ম্যাক্সওরেলের সমীকরণ

$$\therefore \quad \mathbf{V} \gamma_p = -\frac{\partial}{\partial \mathbf{P}} \int_0^{\mathbf{T}} \frac{\mathbf{C}_p}{\mathbf{T}} d\mathbf{T} = -\int_0^{\mathbf{T}} \frac{\partial}{\partial \mathbf{P}} \frac{\mathbf{C}_p}{\mathbf{T}} d\mathbf{T} \cdots (14.12)$$

P= ধ্রুবক এইরূপ একটি পথে সমাকলটি কবা হইবে। সমীকরণ (9°15)-এ আমরা দেখিয়াছি,

$$\frac{\partial}{\partial P} C_{p} = -T \left(\frac{\partial^{2} V}{\partial T^{2}} \right)_{P}$$

$$Y_{p} = \int_{0}^{T} \left(\frac{\partial^{2} V}{\partial T^{2}} \right)_{P} dT = \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P} - \left[\left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P} \right]_{T=0}$$

$$\cdots \qquad (14.13)$$

অতএব Lt. $Y_p = 0$

একট ভাবে প্রমাণ করা বার বে, Lt. $\gamma_*=0$

14.5. পরিসংখ্যান ও তাপ-উপপাত (Statistical Interpretation of Heat Theorem) :

প্রত্যেকটি তাপগতীর তদ্মই অসংখ্য কণার সমষ্টি। বিভিন্ন কণার অবস্থান ও গতিবেগ পৃথক হইয়া থাকে। কণাগুলির প্রত্যেকের অবস্থা নির্দেশ করিতে পারিলে তবেই আগবীক্ষণিক বর্ণনাটি সম্পূর্ণ হয়। নির্দিষ্ট সাম্যাবস্থার একাধিক আগবীক্ষণিক বর্ণনা সম্ভব। অর্থাং নির্দিষ্ট চাপ, আয়তন ও উক্ষতার একটি অবস্থার জন্য বিভিন্ন আগবীক্ষণিক অবস্থা অনুমান করা যায়। নির্দিষ্ট চাক্ষ্ম বা বাহ্যিক অবস্থাটির জন্য যতগুলি পৃথক্ আগবীক্ষণিক অবস্থা সম্ভব, সেই সংখ্যাকে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা (thermodynamic probability) বলা হয়।

বোল্ংজ্মানের চিন্তাস্ত্র অনুসরণ করিয়া প্ল্যাব্দ প্রমাণ করেন যে, এন্ট্রপি S ও তাপগতীয় সভাব্যতা P এর মধ্যে সম্পর্ক

$S = K \ln P$

K বোল্ংজ্মানের ধ্রুবক। এক্ষণে প্রশ্ন হইল, কিভাবে তাপগতীয় সন্তাব্যতা হিসাব করিব ? পরবর্তী পরিচ্ছেদে এই সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা করা হইবে।

T=0 এই অবস্থায় S=0 এবং প্ল্যান্ডের সমীকরণ অনুসারে ঐ সমর P=1। পরিসংখ্যান দৃষ্টিভঙ্গীতে তাপ-উপপাদোর ব্যাখ্যা করিলে অর্থ দাঁড়ার এই বে—শ্ন্য ডিগ্রী কেল্ভিন উক্টার কণাগুলির জন্য একটি মাত্র গতীর অবস্থা-ই নিদিন্ট—ঐ অবস্থাটি হইতেছে অবম শক্তির অবস্থা (ground state)। অবম শক্তি অবস্থার একাধিক গতীর অবস্থা (degeneracy in the lowest energy state) থাকিলেও সেই সংখ্যা কখনই খ্ব বেশী নর। এই সকল ক্ষেত্রে নের্নস্ট-এর সূত্র হইতে বিচ্যুতি খ্বই সামান্য। এই কারণে তাপ-উপপাদ্যকৈ অনেক ক্ষেত্রেই পরিসাংখ্যিক সূত্র বলা হয়।

প্রশ্নমালা

 নের্নস্টের তাপ-উপপাদাকে সঠিকভাবে বিবৃত কর। ঐ সম্পর্কে প্ল্যান্কের সিদ্ধান্ত কি? নের্নস্ট ও প্ল্যান্কের সিদ্ধান্ত সর্বতোভাবে গ্রহণবোগ্য কি? এক্ষেত্রে ব্যাপকতর সিদ্ধান্ত কি?

- 2. তৃতীর সূত্রকে বিবৃত কর এবং ঐ স্ত্রের সাহাব্যে নের্নস্টের তাপ-উপপাদ্যকে প্রমাণ কর ।
- 3. নের্নতের তাপ-উপপাদ্যের সিদ্ধান্তকে, সঠিকভাবে বৃঝাইয়া বল। প্ল্যান্কের সিদ্ধান্তের গুরুত্ব আলোচনা কর'।

তাপ-উপপাদোর সাহাযো প্রমাণ কর:

(i) Lt
$$C_v = 0$$
.

(ii) Lt
$$\gamma_p = 0$$
 e Lt. $\gamma_v = 0$

পথসম্প পরিচ্ছেদ পরিসংখ্যান তাপগতিতত্ব (Statistical Thermodynamics)

15'1. স্থানিকা (Introduction) :

প্রত্যেকটি চাক্ষ্য বস্তৃ বা তল্ম (macroscopic system) বস্তৃতঃ অসংখ্য অপু, পরমাণু ও আয়নের সমন্টি। এক গ্রাম-অপু ভরের কোন বস্তুতে অণু সংখ্যা $\sim 10^{\circ 3}$ এবং এক্ষেত্রে বলবিদ্যার সঠিক ও সাবিক প্ররোগ অত্যন্ত দুরূহ কাজ। প্রথম পরিচ্ছেদে এ সম্পর্কে উল্লেখ করা হইয়াছে। প্রত্যেকটি তন্দ্রেরই কতকগৃলি ধর্ম আছে—যেমন—চাপ, উক্ষতা, আন্তর-শক্তি, এন্ট্রপি ইত্যাদি,---এগুলিকে উহার চাক্ষ্য বা বাহ্যিক ধর্ম বলা হয়। পক্ষান্তরে বে-সকল উপাদানের সাহায্যে বস্তু তৈয়ারী হইয়াছে, সেই উপাদান কণাগুলির নিজস্ব ধর্ম, ষেমন উহাদের অবস্থান, ভর-বেগ, শক্তি ইত্যাদি তল্তের আগবীক্ষণিক ধর্ম (microscopic properties)। বিচ্ছিন্ন অবস্থামাত্রেই তল্পের স্থিতাবস্থ। এবং ঐ সময়ে বাহ্যিক ধর্মগুলির মান নিদিন্ট থাকে এবং সমাবেশের বিভিন্ন অংশে উহা সমান হয়। যেমন, মনে করা যাক, একই গতিবেগের কতকগৃলি অণুকে একটি আবদ্ধ পাত্রের মধ্যে রাথা হইয়াছে। প্রথম দিকে অণুগুলি পাত্রের মধ্যে কোন অংশে বেশী সংখ্যায় এবং কোন অংশে কম সংখ্যার জমারেত হইতে পারে। কিন্তু কিছুক্ষণের মধ্যেই নিজেদের মধ্যে সংবর্ষের ফলে একইভাবে কণাগুলির বণ্টন হয়—অর্থাৎ ঐ অবস্থায় সর্বত একই আয়তনে একই সংখ্যক অণু থাকে বা প্রত্যেক স্থানে ঘনত সমান হয়। অন্য দিকে পরস্পরের মধ্যে শক্তি বিনিময়ের ফলে বিভিন্ন গতিবেগ লইরা যে-অণুগুলি বাহির হয় সাম্যাবস্থায় তাহারা ম্যাক্সওয়েল-বোল্ংজ্মানের বেগ-ব-টন-সূত্র অনুসরণ করে। দেখা গেল, তল্তের বাহ্যিক অবস্থার সঙ্গে উহার আণবীক্ষণিক অবস্থার যোগাযোগ রহিয়াছে।

পদার্থের বাহ্যিক ধর্ম পর্বালোচনা করিবার একটি পদ্ধতি দেখিরাছি সনাতন তাপগতিতত্ত্ব বা classical thermodynamics; দিতীর পদ্ধতিটি হইতেছে পরিসংখ্যান বলবিদ্যা (statistical mechanics) বা পরিসংখ্যান তাপগতিতত্ত্ব (statistical thermodynamics)। সনাতন তাপগতিতত্ত্বের আলোচনা কেবলমান্ত পদার্থের বাহ্যিক ধর্মের মধ্যে সীমাবদ্ধ রাখা হইরাছে, তল্তের আণবীক্ষণিক ধর্মের কোন উল্লেখ করা হর নাই। সনাতন তাপগতিত

তব্বের একটি ফুটি হইতেছে বে, কোন অবস্থাতেই আন্তর-শক্তি, এন্ট্রাপি ইত্যাদি বাহ্যিক ধর্মগুলি নিন্দিউ ভাবে জানা সম্ভব নর—তন্ত্র কেবল মাত্র এক সাম্যাবস্থা হইতে অন্য একটি সাম্যাবস্থায় পরিবত্তিত হইলে তবেই এই পরিবর্তন জানা বার্

পরিসংখ্যান তাপগতিতত্ত্ব বলবিদ্যা ও পরিসংখ্যানের সাহাব্যে তল্পের বাহ্যিক ধর্মকে উহার আগবীক্ষণিক ধর্মের আলোকে ব্যাখ্যা করা হইবে। অসংখ্য কথা সমাবেশে উহাদের প্রত্যোকের উপর লব্ধি বল ধরিরা লইলেও সমরের সঙ্গে উহাদের প্রত্যেকটির অবস্থান ও গতিবেগ নির্ধারণ করা অত্যন্ত দূরত্ব কাজ। উপরম্ব কোন একটি কণার উপর অন্যান্য কণার লব্ধি-বল (resultant force) হিসাব করাও সম্ভব নর। এই সকল কারণে কেবলমাত্র বলবিদ্যার সাহাব্যে অত্ সমাবেশে প্রত্যেকটি অগ্র শক্তি ও ভরবেগ এবং এইভাবে উহাদের গড় হিসাব করা অসম্ভব। পরিসংখ্যান বিদ্যার ইহা সম্ভব। এখানে প্রথমেই একটি গড় অবস্থা ধরিরা লইরা ঐ অবস্থার কণা থাকিবার সম্ভাব্যতা হিসাব করা হয়। পরিসংখ্যান সম্পর্কিত আলোচনার 'সম্ভাব্যতা' শক্টি বিশেষ অর্থবহ ও তাৎপর্যপূর্ণ। পরবর্তী অনুচ্ছেদে এই বিষরে বিশদ আলোচনা করা হইল।

15'2. সম্ভাব্যতা সম্পর্কে গাণিভিক আম্যোচনা (Probability Concept, and Calculus of Probability) :

বদি মোট n-সংখ্যক বারের মধ্যে কেবলমাত্র m-সংখ্যক বার কোন একটি বিশেষ ঘটনা ঘটে, তবে ঐ বিশেষ ঘটনাটি অনুষ্ঠিত হওয়ার সম্ভাব্যতা হইবে m/n। এক্ষেত্রে অবশা প্রত্যেকটি ঘটনা সমান সম্ভাবনাপূর্ণ অনুমান করা হইতেছে। অন্যভাবে বলা বায় বে, (a+b) সংখ্যক পরীক্ষার মধ্যে কোন একটি ঘটনা (result) যদি a-সংখ্যক বায় সম্ভব হয়, তবে ঐ বিশেষ ঘটনাটি ঘটিবার ও না-ঘটিবার সম্ভাব্যতা যথাক্রমে a/(a+b) ও b/(a+b)। কোন ঘটনা হয় সম্ভব নত্বা সম্ভব নয় এবং সেই ফারণে 'হ্যা' ও 'না' এই দুই সম্ভাব্যতার বোগফল অবশাই এক (1) হইবে।

একটি উদাহরণ হইতে উপরের সংজ্ঞাটিকে বৃশা বাক। একটি মৃদ্রাকে উপরের দিকে নিক্ষেপ করিলে মাটিতে পাঁড়বার পর উহার 'হেড্' অথব। 'টেল্' (head or tail) বে-কোন একটি পৃষ্ঠ উপরের দিকে থাকিতে পারে। পরীক্ষাটি করেক বার মাত্র করা হইলে এমন হইতে পারে বে, প্রতিবারই 'হেড্' অথবা প্রতিবারই 'টেল্' উপরে থাকে। কিন্তু এই পরীক্ষা অনেকবার করা হইলে দেখা বাইবে বে, সমান সংখ্যক ক্ষেত্রে 'হেড্' ও 'টেল্' উপরের দিকে রহিয়াছে। এক্ষেত্রে 'হেড্' উপরে থাকার সম্ভাব্যতা 1/2 এবং 'টেল্' উপরে থাকার সম্ভাব্যতা 1/2 এবং 'টেল্' উপরে থাকার সম্ভাব্যতা 1/2 এবং 'টেল্' উপরে থাকার সম্ভাব্যতা 1/2 । আবার একটি লুডোর ছক্কাকে নিক্ষেপ করিলে উহার ছরটি পৃষ্ঠের বে-কোন একটি পৃষ্ঠ উপরের দিকে থাকিবে। ছরটি পৃষ্ঠের প্রত্যেকটি পৃষ্ঠ উপরে থাকার সম্ভাব্যতাই সমান—এই কারণে একটি কোঁটা বারা চিহ্নত পৃষ্ঠ উপরে থাকার সম্ভাব্যতা 1/6। একই কারণে দৃইটি কোঁটা অথবা পাঁচটি কোঁটা বারা চিহ্নত পৃষ্ঠ উপরে থাকার সম্ভাব্যতাও 1/6। এই ধরনের কোন ঘটনার সম্ভাব্যতাকে নিরপেক্ষ ঘটনার সম্ভাব্যতা বা কেবল মাত্র নিরপেক্ষ-সম্ভাব্যতা (probability of an independent event or simply independent probability) বলা হইবে। দৃই বা তত্যোধক ঘটনা একই সঙ্গে অনুষ্ঠিত হওয়ায় সম্ভাব্যতাকে যৌথ-সম্ভাব্যতা (joint probability or probability of a composite event) বলা হয়। উদাহরণের সাহায্যে ক্ষেকটি বিশেষ ক্ষেত্রে নিরপেক্ষ-সম্ভাব্যতা ও বৌথ-সম্ভাব্যতা হিসাব করিয়া উহাদের মধ্যে বে সম্পর্ক তাহা শ্বির করা গেল।

মনে করি, দুইটি ভিন্ন ধরনের মূদ্রাকে নিক্ষেপ করা হইরাছে। প্রত্যেকটি ক্ষেত্রেই হয় 'হেড্' না হয় 'টেল্' উপরে থাকিবে। প্রথম মূদ্রার 'হেড্' অথবা 'টেল্' উপরে থাকার সঙ্গে দিতীয় মূদ্রার 'হেড্' বা 'টেল্' উপরে থাকার কোন সম্পর্ক নাই। প্রত্যেকটি ঘটনাই এক একটি নিরপেক্ষ ঘটনা। প্রথম মূদ্রটির 'হেড্' উপরে থাকিবার সভ্তাব্যতা 1/2 এবং দিতীয় মূদ্রটির 'হেড্' উপরে থাকিবার সভ্তাব্যতাও 1/2। মৃদ্রা-দুইটিকে একত্রে চিন্তা করিলে উহাদের নিমুর্বাণ্ড বিন্যাসের বে-কোন একটিতে পাওয়া ঘাইবে—

h,h, h,t, t,h, et,t,

প্রথম মৃদ্রাটির 'হেড্' উপরে এবং দ্বিতীয় মৃদ্রাটির 'টেল্' উপরে বৃঝাইতে h_1t_2 লেখা হইয়াছে। অনুরূপভাবে প্রত্যেকটি বর্ণনার ব্যাখ্যা করিতে হইবে। লক্ষ্য করা যার বে, বিভিন্ন বিন্যাসের বর্ণনা দিতে $(h_1+t_1)(h_2+t_2)$ গ্রণফলের পদগৃলিকে ব্যবহার করা হইয়াছে। মৃদ্রা-দুইটিকে ঐ চারিটি বিন্যাসের বে-কোন একটিতে পাইবার সম্ভাব্যতাকে ঐ বিন্যাসের যোখ-সম্ভাব্যতা বলিব। চারিটি বিন্যাসের বে-কোনটিতে মৃদ্রা-দুইটিকে পাইবার সম্ভাব্না সমান ধরিলে একই সঙ্গে দুইটি মৃদ্রার 'হেড্' উপরে থাকিবার সম্ভাব্যতা 1/4। লক্ষ্য করা যার বৌধ-সম্ভাব্যতা $1/4=1/2\times 1/2$ (নিরপেক্ষ সম্ভাব্যতার গ্রাফল)।

তিনটি মৃদ্র। লইরা একই পরীক্ষা করিলে উহাদের নিমুবণিত আটটি বিন্যাসের বে-কোন একটিতে দেখিতে পাইব। এই বিন্যাসগৃলির বর্ণনা হইতেছে—

 $h_1h_2h_3$, $h_1h_2t_3$, $h_1t_2h_3$, $h_1t_2t_3$, $t_1h_2h_3$, $t_1h_2t_3$, $t_1t_2h_3$ ও $t_1t_2t_3$ । বিন্যাসগৃলির বর্ণনা নিতে $(h_1+t_1)(h_2+t_3)(h_3+t_3)$ — এই গৃণফলের বিভিন্ন পদগৃলিকে লওরা হইয়াছে। উপরে বর্ণত বিন্যাসগৃলির প্রত্যেকটি সমান সম্ভাবনাপূর্ণ ধরিলে একই সঙ্গে তিনটি মূদ্রার 'হেড্' উপরে থাকিবার সম্ভাব্যতা [যৌথ-সম্ভাব্যতা] হইবে $1/8=1/2\times 1/2\times 1/2$ — বৌথ-সম্ভাব্যতা হইবে ঘটনার সঙ্গে জড়িত আংশিক ঘটনাগৃলির নিরপেক্ষ-সম্ভাব্যতার গৃণফলের সমান।

 W_A ও W_B দুইটি পৃথক্ ঘটনার নিরপেক্ষ-সম্ভাব্যতা হইলে ঘটনা-দুইটি একতে ঘটবার সম্ভাব্যতা (যৌথ-সম্ভাব্যতা) W হইবে,

$$W = W_A \cdot W_B$$

মোট সম্ভাব্যতা 1 ধরিয়া সম্ভাব্যতা দ্বির করিবার যে পদ্ধতিটি উপরে আলোচনা করা হইল তাহাকে গাণিতিক সম্ভাব্যতা (mathematical probability) বলা হইবে। মোট সম্ভাব্যতা একের (1) পরিবর্তে অন্য যে-কোন সংখ্যা হইতে পারে। মৃদ্রাগৃলিকে একই ধরনের চিন্তা করিলে এই বিষয়ে আলোকপাত করা সহজ্ব হইবে। দুইটি মৃদ্রা একই ধরনের হইলে বিন্যাসগৃলি হইবে—

hh, ht, th ett

একই ধরনের মৃদ্রা থাকার বিতীর ও তৃতীর বিন্যাসকে চাকুষ বিচারে পৃথক্ভাবে দেখা সন্তব নর। অর্থাৎ একটি 'হেড্' ও একটি 'টেল্' উপরে এই চাকুষ অবস্থাটির জন্য দৃইটি আগবীক্ষণিক বিন্যাস সন্তব। একই ধরনের দৃইটি মৃদ্রার জন্য মোট চাকুষ অবস্থার সংখ্যা হইবে বিশদ-বিস্কৃতি (binomial expansion) $(h+t)^s = h^s + 2ht + t^s$ -এ মোট বতগুলি পদ থাকে তাহার সমান এবং ঐ পদগুলির সহগ (coefficient) বারা বিভিন্ন চাকুষ অবস্থার গ্রুম্ব (weight of different macro-states) ক্রির হইবে। সাধারণ ভাবে কোন চাকুষ বা বাহ্যিক অবস্থা যতগুলি আগবীক্ষণিক বিন্যাসের ফলে সন্তব সেই সংখ্যাটিকে ঐ চাকুষ অবস্থার তাপগতীর সন্তাব্যতা (thermodynamic probability) বলে। তাপগতীর সন্তাব্যতা নির্দেশ করিতে

আমরা P অক্ষরটি ব্যবহার করিব। তাপগতীয় সম্ভাব্যতা সকল সময়ে পূর্ণ সংখ্যা, কিছু গাণিতিক সম্ভাব্যতা একটি ভগ্নাংশ মাত্র। যেমন উভয় মৃদ্রার 'হেড্' উপরে থাকিবার গুরুত্ব বা তাপগতীয় সম্ভাব্যতা 1। উভয় মৃদ্রার 'টেল্' উপরে অবস্থাটির জন্য ঐ একই তাপগতীয় সম্ভাব্যতা ৷ কিছু একটির 'হেড্' ও অনাটির 'টেল্' উপরে অবস্থার তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হইবে 2। এক্ষেত্রে বিভিন্ন চাক্ষ্য অবস্থার মোট তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হইবে 4; কিছু মোট গাণিতিক সম্ভাব্যতা 1। সাধারণভাবে বলা যায় যে, কোন একটি তব্বে চাক্ষ্য অবস্থা r-এর জন্য যদি P, সংখ্যক আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব হয়, তবে উহার তাপগতীয় সম্ভাব্যতা P, ও গাণিতিক সম্ভাব্যতার W,-এর মধ্যে সম্পর্ক—

$$W_r = P_r/\Sigma P_r$$

দুইটি মুদ্রার ক্ষেত্রে উভয়েরই 'হেড্' অথবা 'টেল্' উপরে থাকিবার গাণিতিক সম্ভাব্যতা,

$$W_{hh} = W_{tt} = \frac{1}{1+1+2} = 1/4$$

কিল্বু একটির 'হেড্' ও একটির 'টেল্' উপরে থাকিবার গাণিতিক সম্ভাব্যতা হইতেছে—

$$W_{th} = \frac{2}{1+1+2} = 1/2$$

লক্ষ্য করা যায়, যে চাক্ষ্য অবস্থায় 'হেড্' ও 'টেল্'-এর সংখ্যা সমান তাহাই সর্বাধিক সম্ভাবনা পূর্ণ (most probable state)। একই ধরনের তিনটি মুদ্রাকে চিন্তা করিলে চাক্ষ্য অবস্থাগুলি হইবে,

সম্ভাব্য অবস্থার সংখ্যা (number of macro states) হইবে $(h+t)^s$ বিস্কৃতিতে মোট যতগুলি পদ থাকে তাহার [অর্থাৎ, 3+1=4] সমান । ঐ বিস্কৃতিতে অবস্থা-নির্দেশক যে-কোন একটি পদের সহগ হইবে ঐ চাক্ষ্য অবস্থাটির তাপগতীর সম্ভাব্যতা বা গ্রুত্ব। তিনটি মূদ্রার 'হেড্' অথবা 'টেল্' একত্রে উপরে থাকিবার তাপগতীর সম্ভাব্যতা 1; কিল্ দুইটি মুদ্রার একই দিক উপরে এবং তৃতীয় মূদ্রার অন্য দিক উপরে (অর্থাৎ hht ও

tth) এরপ প্রত্যেকটি চাকুৰ অবস্থার তাপগতীর সম্ভাব্যতা 3 এবং সম্ভাব্য বিন্যাসগৃলির মোট তাপগতীর সম্ভাব্যতা 8। প্রথম দৃইটি চাকুষ অবস্থার প্রত্যেকটির গাণিতিক সম্ভাব্যতা है এবং শেষ দৃইটির গাণিতিক সম্ভাব্যতা ইতেছে ত্বী এবং বিন্যাসগৃলির মোট গাণিতিক সম্ভাব্যতা 1। লক্ষ্য করা বার বে, বিজ্ঞাড় সংখ্যক মৃদ্রা লইলে 'হেড্' উপরে এবং 'টেল্' উপরে মৃদ্রার সংখ্যা কখনই সমান হইতে পারে না। বে অবস্থার ইহাদের অন্তর স্বচেরে কম, সেই অবস্থাই স্বচেরে বেশী সম্ভাবনাপূর্ণ।

সাধারণভাবে একই ধরনের n সংখ্যক মৃদ্রা লইরা সৃষ্ট চাক্ষ্ব অবস্থাগুলিকে $(h+t)^*$ বিপদ বিভৃতির বিভিন্ন পদগুলির সাহাব্যে বর্ণনা করা যায়। এই বিভৃতির পদগুলি হইতেছে—

$$(h+t)^n = h^n + {}^nC_1h^{n-1}t + \cdots + {}^nC_rh^{n-r}t^r + \cdots + t^n$$

বে চাকুষ অবস্থাতে r সংখাক 'হেড্' (অথবা 'টেল্') উপরে এবং n-r=s সংখাক 'টেল্' (অথবা 'হেড্') উপরে তাহার জন্য " $C_r=\frac{n!}{r!(n-r)!}$ আলবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব । অর্থাৎ h^*t^* এবং h^*t^* এই চাকুষ অবস্থানুইটির প্রত্যেকটির গুরুত্ব বা উহাদের তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হইবে,

$$P_r = {^nC_r} = \frac{n!}{r! s!} [s = n - r]$$

ঐ বিন্যাসের গাণিতিক সম্ভাব্যতা-

$$W_r = \frac{{}^{n}C_r}{\Sigma^{n}C_r} = \frac{n!}{2^{n} r! s!} [:: \Sigma^{n}C_r = (1+1)^{n} = 2^{n}]$$

15'3. বোল্ৎজ্মানের সূত্র ও এন্ট্রপির সংজ্ঞা (Boltzmann relation and definition of entropy):

বোলংজ্ মানের সূত্র ইইতেই পরিসংখ্যান তাপগতিতত্ত্বর স্তপতে। বাহ্যিক ধর্ম এন্ট্রপি ও আপবীক্ষণিক বিন্যাসের সম্পর্ক এই স্তের আলোচ্য বিষয়। তাপগতিতত্ত্বে আমরা দেখিরাছি, বিজ্ঞির তন্ত্র সকল সমর সর্বোচ্চ এন্ট্রপীর অবস্থার পৌছাইতে চেন্টা করে। নিদিন্ট বাধাবাধকতার সর্বোচ্চ এন্ট্রপীর অবস্থাই ইইতেছে বিজ্ঞির তন্ত্রের সাম্যাবস্থা। অন্য বে-কোন অবস্থার এন্ট্রপি সাম্যাবস্থার এন্ট্রপির চেরে কম। পক্ষান্তরে কণাগুলি নিজেদের মধ্যে

সর্বাধিক বিশৃত্থলাপূর্ণ অবস্থার পৌছাইলে তবেই সাম্যাবন্থা সৃন্টি হইবে। সমাবেশের বিশৃত্থলাকে 'সম্ভাব্যতার' হিসাবে বৃঝানো যাইতে পারে। বেমন আগের উদাহরণে সব করেকটি মূদ্রর 'হেড্'বা 'টেল্' একদিকে অবস্থা-দূইটি হইতেছে সর্বাধিক শৃত্থলাপূর্ণ অবস্থা এবং এই দৃই অবস্থার সম্ভাব্যতা সবচেরে কম। অন্যাদকে জ্বোড় সংখ্যক মূদ্রার ক্ষেত্রে একই সংখ্যার 'হেড্'ও 'টেল্' (বিজ্বোড় সংখ্যক মূদ্রার ক্ষেত্রে উহাদের অন্তর যখন 1) অবস্থাটি হইতেছে সবচেরে বিশৃত্থলাপূর্ণ অবস্থা এবং এই অবস্থার সম্ভাব্যতা সবচেরে বেশী। এই কারণে বলা বার—সর্বাধিক সম্ভাবনাপূর্ণ অবস্থাই তল্পের সাম্যাবস্থা। নিদ্টি বাধ্যবাধকতার মধ্যে এই অবস্থার এন্ট্রিপ সর্বোচ্চ মানে পৌছার।

এই সকল কারণে অনুমান করা যার যে, বাহ্যিক ধর্ম এন্ট্রপি ও আণবীক্ষণিক বিন্যাস সংখ্যা বা সম্ভাব্যতার মধ্যে একটি সম্পর্ক রহিয়াছে, অর্থাৎ S=f(W)। বোল্ংজ্মান প্রমাণ করেন

$$S = f(W) = k \ln W \qquad \cdots \qquad (15.1)$$

 $k = \frac{R}{N}$ হয় বোল্ৎজ্মানের ধ্রুবক [7.8 অনুচ্ছেদ দ্রুত্ব্য]। সনাতন

তাপগতিতত্ত্ব কেবলমাত্র সাম্যাবস্থায় এন্ট্রপির সংজ্ঞা দেওরা হইরাছে এবং ঐ কারণে বোল্ৎজ্মানের সমীকরণে W-কে নিদিন্ট বাধ্যবাধকতায় সর্বাধিক সম্ভাব্যতা (maximum probability) ধরিতে হইবে।

বোল্ংজ্মানের সমীকরণে W তাপগতীয় সন্তাব্যতা অথবা গাণিতিক সন্তাব্যতা এই দৃইয়ের মধ্যে বে-কোনটি হইতে পারে। এই কারণে দৃইটি হিসাবে একই অবস্থার জন্য এন্ট্রপির দৃইটি পৃথক্ মান পাওয়া বায়। প্রকৃতপক্ষে এই ফুটি সনাতন তাপগতিতত্ত্বের কাঠামোর মধ্যেই অর্ডানিহত রহিয়াছে। সনাতন তাপগতিতত্ত্বে এন্ট্রপি কোন অবস্থাতেই সঠিকভাবে জানা সন্তব নয়—কেবলমাত্র দৃইটি অবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন জানা বায়। বোল্ংজ্মানের সমীকরণ হইতে

$$S_{2} - S_{1} = k \ln \frac{W_{3}}{W_{1}} \qquad \cdots \qquad (15.2)$$

লক্ষ্য করিব বে, বে-কোন হিসাবেই $rac{W_s}{W_1}$ অনুপাতটি নিদিন্ট ।

একটি উদাহরণের সাহাব্যে উপরের সমীকরণটির তাংপর্ম বিশ্লেষণ করা বাব । মনে করি, V আরতনের একটি বাব্রুকে সমান আরতনের চারটি প্রকাণ্টে ভাগ করা হইরাছে । প্রকোণ্টগুলি 1, 2, 3, 4 সংখ্যা ধারা চিহ্নিত হইল । চারটি বলকে 3 ও 4 লেখা প্রকোণ্টন্দুইটিতে রাখিতে হইবে । বিভিন্ন উপারে ইহা সন্তব । বেমন, দুইটি প্রকোণ্টের প্রভোকটিতে দুইটি করিয়া বল ${}^4C_s=6$ উপারে রাখা সন্তব ৷ বল-চারটিকে চারটি প্রকোণ্টে মোট $4^4=256$ উপারে সাজানো বার (বলগুলির প্রভোকটির স্বাভন্যা চিহ্ন রিয়াছে) ৷ স্তরাং ঐ প্রকোণ্টম্বরে দুইটি করিয়া বল রাখিবার গাণিতিক সন্তাব্যতা হইবে $_{3 6 8}$ ৷ প্রকোণ্টম্বরে দুইটিকে 4টি বলের সাহাব্যে অন্য বে-কোন উপারেই সাজানো বাক না কেন, তাহার গাণিতিক সন্তাব্যতা আরও কম হইবে ৷ বেমন একটি প্রকোণ্টে তিনটি বল এবং আন্টাটিত একটিমার বল রাখিবার কথা চিন্তা করা বাক ৷ চারটি ভিন্ন উপায়ে ইহা সন্তব এবং এই অবন্থাটির গাণিতিক সন্তাব্যতা $_{2 6 8}$ ৷ একেনে $W_1 = _{2 6 8}$ হইতেছে ঐ নির্দিণ্ট বাধ্যবাধকতার মধ্যে (চারটি বলকে দুইটি প্রকোণ্টে রাখিতে হইবে) সবচেয়ে বেশী সন্তাবনা-পূর্ণ অবস্থা ৷

অন্য একটি চাকুষ অবস্থার কথা চিন্তা করা যাক। এই সময় বল-চারটি বাব্দের মধ্যে বে-কোন ভাবে আছে। প্রত্যেক প্রকোষ্টে একটি করিয়া বল 4!=24 উপারে থাকিতে পারে। এই অবস্থার গাণিতিক সম্ভাব্যতা $\frac{4!}{256}$ । চারটি বলকে চারটি প্রকোষ্টে অন্য যে-কোন উপায়েই সাজানে। যাক না কেন, তাহার গাণিতিক সম্ভাব্যতা আরও কম হইবে। এক্লেয়ে সর্বাধিক সম্ভাবনাপূর্ণ অবস্থার গাণিতিক সম্ভাব্যতা

$$W_2 = \frac{4!}{256}$$

এই দুইটি অবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন

$$S_3 - S_1 = k \ln \frac{W_3}{W_1} = k \ln 4$$

গাণিতিক সম্ভাব্যতার পরিবর্তে বোল্ংজ্মানের সমীকরণে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা লিখিলে এন্ট্রপির ঐ একই পরিবর্তন দেখিব। 15'4. বোল্ৎজ্মানের সমীকরণে প্রসক্ষের সংযোজন (Plank's extension of Boltzmann Equation):

বোল্ৎজ্মানের সমীকরণের সাহায্যে দুইটি সাম্যাবস্থার মধ্যে এন্ট্রপির পরিবর্তন হিসাব করা যায়। পৃথক্ভাবে কোন একটি অবস্থার এন্ট্রপি হিসাব করিতে গেলে সম্ভাব্যতা হিসাব করিবার কোন্ পদ্ধতি গ্রহণ করিতে হইবে তাহা উদ্লেখ করা প্রয়োজন। এই সম্পর্কে প্ল্যাঙ্কের মতামত পরিসংখ্যান তাপগতিতত্ত্বে একটি গুরুত্বপূর্ণ পদক্ষেপ।

আগের উনাহরণে আমরা দেখিয়াছি W-কে গাণিতিক সম্ভাব্যতা ধরিলে বিভিন্ন চাক্ষ্য অবস্থার জন্য মোট কতগুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাসে সম্ভব তাহা হিসাব করিতে হয়। লক্ষ্য করা যার, W_1 ও W_2 হিসাব করিবার সময় দৃইটি ক্ষেত্রেই মোট বিন্যাস সংখ্যা 256 ধরা হইয়াছে। কিন্তু দ্বিতীয় অবস্থাটির কোন উল্লেখ না করিলে কেবলমাত প্রথম অবস্থাটির জন্য এই সংখ্যা হইবে 16 এবং সেজন্য গাণিতিক সম্ভাব্যতা হইবে $W_1=6/16$, কিন্তু দ্বিতীয় ক্ষেত্রে $W_2=4$ 1/256। বোল্ৎঙ্গ্মানের সমীকরণে W_1 ও W_2 -র এই মান বসাইলে এন্ট্রপির হিসাব পাওয়া যাইবে না, কারণ

$$S_2 - S_1 \neq k \ln \frac{W_2}{W_1}$$

প্ল্যাম্ক সর্বপ্রথম এই ঈক্ষিত দেন ষে, সমীকরণ ($15^{\circ}1$)-এ W-কে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা P ধরিয়া পৃথক্ভাবে প্রত্যেক অবস্থাতে এন্ট্রপি হিসাব করিলে এই অসুবিধা থাকিবে না । অর্থাৎ প্ল্যাম্কের সিদ্ধান্ত হইল—

$$S = k \ln P \qquad \cdots \qquad (15.3)$$

P তাপগতীয় সন্তাব্যতা বা বতগুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাসের ফলে চাক্ষ্য অবস্থাটি সন্তব সেই সংখ্যা। গাণিতিক সন্তাবতা ভগ্নাংশ মাত্র, কিন্তু তাপগতীয় সন্তাব্যতা একটি পূর্ব সংখ্যা। অসংখ্য অণু-পরমাণু সমাবেশে বে-কোন অবস্থাতেই P একটি খুব বড় সংখ্যা হইবে। বিভিন্ন অবস্থায় P কতকগুলি পূর্ব সংখ্যা মাত্র। কিন্তু তংসত্ত্বেও এন্ট্রপির জন্য বে-কোন মান (continuous variation of entropy) সন্তব। বিশেষভাবে উল্লেখ করা বায় বে, নিশিন্ট বাধ্যবাধকতায় P-এর সর্বোচ্চ মান বসাইলে তবেই সাম্যাবস্থায় এন্ট্রপি জানিতে পারিব। P-এর অন্য কোন মান বসাইলে উহা সাম্যাবস্থায় এন্ট্রপি নির্দেশ করিবে না। লক্ষ্য করিবার বিষয় এই বে, সনাতন তাপ-

গতিতত্ত্বে কেবলমার সাম্যাবস্থার এন্ট্রপি চিন্তা করা হইরাছে। পরিসংখ্যানের সাহাব্যে অন্য বে-কোন অবস্থাতেও এন্ট্রপি জানা বাইবে।

15'5. স্নাভ্য পরিসংখ্যানে ভাপগভীয় সম্ভাব্যভা নির্মাণণের প্রক্ষিতি (Thermodynamic Probability according to Classical Statistics):

পূর্বে দেখিরাছি বে, n সংখ্যক মূদ্রার মধ্যে r সংখ্যকের হেড্ উপরে এবং n-r=s সংখ্যকের 'টেল্' উপরে এই চাকুষ অবস্থাটির জন্য যতগুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব সেই সংখ্যা (তাপগতীয় সম্ভাব্যতা) হইতেছে—

$$P_r = {}^{n}C_r = \frac{n!}{r!s!} \qquad [s = (n-r)]$$

উপরের উদাহরণে মৃদ্রাগৃলি কেবলমাত্র দৃইটি অবস্থার থাকিতে পারে —ইহাদের মধ্যে একটি অবস্থাতে মৃদ্রার সংখ্যা r এবং অন্য অবস্থাতে মৃদ্রার সংখ্যা s । মৃদ্রার পরিবর্তে ল্ডোর ছকা চিন্তা করিলে ছরটি পৃষ্ঠের যে-কোন একটি উপরে থাকিবে এবং এক্ষেত্রে সম্ভাব্য অবস্থা হইবে ছর । সাধারণভাবে q সংখ্যক সম্ভাব্য অবস্থায় গ সংখ্যক উপাদানকে লইয়া যে-কোন একটি বাহ্যিক অবস্থার (macro state) জন্য কত্যুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব তাহা হিসাব করিতে হইবে ।

মনে করি, ছরটি বাল্পের মধ্যে পনেরোটি কণাকে বণ্টন করা প্রয়োজন হইরাছে। অনুমান করা গেল বে, বাল্প-ছরটি একই আয়তনের এবং আপাতদৃতিতে কণাগুলি একই রকমের। কেবলমাত্র কোন বাল্পে কণাসংখ্যার পরিবর্তন হইলে তবেই চাল্ক্ষ্য বিচারে অবস্থার পরিবর্তন হইরাছে বলা বার। আণবীক্ষণিক বিচারে কণাগুলিকে পৃথক্ চিন্তা করা হইবে এবং ফলে দুই বা ততােধিক কণা এক বাল্প হইতে অন্য বাল্পে নিজেদের মধ্যে স্থান পরিবর্তন করিলে আণবীক্ষণিক বিচারে অবস্থার পরিবর্তন ঘটে। উপরন্ধ একই বাল্পে কোন একটি কণা ছান পরিবর্তন করিলে অথবা একই ছানে একটি কণাকে দ্বরাইরা বসাইলে আণবীক্ষণিক অবস্থার স্ক্রতর পরিবর্তন সম্ভব। সবশেষে অনুমান করা গেল বে, একটি বাল্পে বত্যুলি ইচ্ছা কণা রাখা বাইতে পারে। উপরোক্ত সর্ত সাপেকে আগবীক্ষণিক বিন্যাস সংখ্যা ছির করিবার পছতিটি ছইতে 'সনাতন পরিসংখ্যানের' উৎপত্তি।

সনাতন পরিসংখ্যানের সঙ্গে কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানের মূল পার্থক্য এই বে, শেষোক্ত ক্ষেত্রে আগবীক্ষণিক বিচারেও কণাগুলি অভিনে বিবেচিত হর। কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানে বেমন বান্ধগুলিতে যতগুলি ইচ্ছা কণা থাকিতে পারে [বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যান] তেমনি আবার বাল্পে একটির বেশী কণা থাকিবে না এমনও হয় [ফার্মি-ডিরাক পরিসংখ্যান]। এ সম্পর্কে পরবর্তী অনুচ্ছেদে বিশদভাবে আলোচনা করা হইবে। আমরা এখানে কেবলমাত্র সনাতন পরিসংখ্যান কাঠামোতে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হিসাব করিতে চেন্টা করিব।

অনুমান করা গেল যে, বাক্সগুলির মধ্যে কণাগুলিকে নিমুর্বণিত উপায়ে বণ্টন করা হইরাছে। ইহা সমাবেশের একটি বাহ্যিক অবস্থা নির্দেশ করে। আশবীক্ষণিক বিন্যাস সম্পর্কে আলোচনায় অগ্রসর হওয়ার পূর্বে বাক্সগুলিকে 1, 2, 3 ··· ইত্যাদি সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত করা যাক। বাহ্যিক অবস্থাটি হইতেছে—

কণার সংখ্যা
$$(n_i)$$
—3 5 2 0 2 3; $\sum_{i=1}^6 n_i = 15$

এই অবস্থায় দ্বিতীয় বাক্স হইতে একটি কণাকে তৃতীয় বাক্সে এবং তৃতীয় বাক্স হইতে একটি কণাকে দ্বিতীয় বাক্সে স্থান পরিবর্তন করাইলে অবস্থার যে পরিবর্তন হয়, চাক্ষ্ম বিচারে তাহা ধরা পড়ে না। কিলু আণবীক্ষণিক বিচারে ঐ পরিবর্তনের ফলে কণাগুলি অন্য একটি অবস্থায় গিয়া পৌছিয়াছে। বাক্সে কণার সংখ্যা স্থির রাখিয়া এরূপ কতগুলি পরিবর্তন সম্ভব তাহা হিসাব করিতে হইবে। এইবার কণাগুলিকেও $1,2,3\cdots 15$ ইত্যাদি সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত করা হইল।

পূর্ব বাঁণত চাক্ষ্য অবস্থার সঙ্গে সঙ্গতিপূর্ণ একটি আণবীক্ষণিক অবস্থার বর্ণনা হইতে পারে—

অন্যান্য কণাকে স্থানচ্যুত না করিয়া কেবলমাত্র 4 ও 5 সংখ্যা দ্বারা চিহ্নিত কণাদ্বয়কে 2 ও 3 চিহ্নিত বান্ধের মধ্যে স্থান পরিবর্তন করাইলে অন্য একটি আগবীক্ষণিক অবস্থার।সৃষ্টি হয়। এই পরিবর্তনে বান্ধ-দুইটিতে কণার সংখ্যা অপরিবৃতিত প্রাকে—ফলে ইহা একই বাহ্যিক অবস্থা নির্দেশ করে। মোট আগবীক্ষণিক অবস্থার হিসাব এই ভাবে করা যায়—

প্রথম বান্ধটিতে ৪টি কণাকে রাখিতে হইবে ; 15টি কণা হইতে ইহাদের 15 C, উপায়ে বাদ্ধাই করা চলে। অনুমান করা হইল বে, কণা-তিনটি বাদ্ধাই হওয়ার পর বান্ধটির অভান্তরে বে-কোন দুইটি কণাকে দ্বির রাখিয়া কেবল মাত্র তৃতীয় কণাটির সাহাযো g_1 -টি স্ম্মুতর পরিবর্তন সৃষ্টি করা চলে। এইভাবে প্রথম বান্ধের অভান্তরে মোট 15 C, $\times g_1$ -টি আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব। দিতীর বান্ধে 5টি কণা রাখিবার সময় কেবলমাত্র 12টি কণাকে পাওয়া যাইবে এবং ঐ বান্ধে মোট 12 C, $\times g_1$ আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব। এই বান্ধে প্রত্যেকটি কণার সাহাযো g_2 -টি স্ম্মু পরিবর্তন হইতে পারে। এই সংখ্যা বিভিন্ন বান্ধে ভিন্ন হওয়াই স্বান্ধাবিক। একইভাবে তৃতীয়, চতুর্থ \cdots বান্ধে কতগুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব হিসাব করা যাইতে পারে। পূর্ববিণত বাহ্যিক অবস্থার সঙ্গে সঙ্গতি রাখিয়া মোট আণবীক্ষণিক বিন্যাস হইবে—

$$P = {}^{15}C_{s} \times g_{1}{}^{5} \times {}^{12}C_{5} \times g_{2}{}^{5} \times {}^{7}C_{2} \times g_{3}{}^{2} \times {}^{5}C_{0} \times g_{4}{}^{0} \times {}^{5}C_{2} \times g_{5}{}^{2} \times {}^{5}C_{3} \times g_{6}{}^{5}$$

অর্থাৎ তাপগতীয় সম্ভাব্যত।

$$P = \frac{15! g_1^3 g_5^3 q_5^2 q_5^2 q_5^3}{3! 5! 2! 0! 2! 3!}$$

সাধারণভাবে,

$$P = \frac{n! \Pi g_i^{n_i}}{\Pi n_i!} \qquad \cdots \qquad (15.4)$$

বাস্ত্রগুলির অভ্যান্তরে আণবীক্ষণিক স্ক্র পরিবর্তন চিন্তা না করিলে—অর্থাৎ $g_{1}=g_{2}=\cdots=1$ ধরিলে, তাপগতীয় সম্ভাব্যতা $P=\frac{n!}{\Pi n_{i}!}\cdots(15.5)$

একেনে,
$$\Pi n_i! = n_1! n_2! \cdots n_q!$$
 এবং $\Pi q_a^{n_i} = q_a^{n_i} q_a^{n_2} \cdots q_a^{n_q}$

সমীকরণ ($15^{\circ}4$) ও ($15^{\circ}5$) সনাতন পরিসংখ্যানের মূল সমীকরণ। এই সঙ্গে সমীকরণ, ($15^{\circ}1$)-কে কাজে লাগাইরা সাম্যাবন্থা ন্থির করিতে পারি। স্থারণ থাকে বে, সাম্যাবন্থার S ও P সর্বোচ্চ মানে পৌছাইবে।

 $g_1, g_2, \cdots g_r$ কে বৰাজ্ৰৰে প্ৰথম, বিভীয়, \cdots া-ভম বাজের গুলুছ গুণিতক (weight factor) বলা হইবে।

15.6. বন্ধ স্থানে আকর্ষণাহীন স্থির ক্রণার সাম্য বণ্টন (Equilibrium distribution of non-interacting static particles in an enclousre):

মনে করি, কোন বন্ধ স্থানের আয়তন 🗸 । প্রশ্ন হইল ঐ আয়তনের মধ্যে গ সংখ্যক আকর্ষণহীন স্থির কণার সাম্য বন্টন কি হইবে ? আমরা জানি সাম্য বন্টনে তল্পের এন্ট্রপি সবচেয়ে বেশী।

সমগ্র আরতনটি $\triangle V_1$, $\triangle V_2$, $\cdots \triangle V_i$, $\cdots V_r$ ইত্যাতি r-সংখ্যক অংশে বা r-সংখ্যক কোষে ভাগ করা হইল। মনে করি, i-তম কোষের অভ্যন্তরে একক আরতনে কণার সংখ্যা $\rho(i)$; এবং ঐ কোষের অভ্যন্তরে মোট কণার সংখ্যা $n_i=\rho(i)$ $\triangle V_i$ । $\rho(i)$ [$i=1,2,\cdots r$] প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে জানা গেলে বাহ্যিক অবস্থার বর্ণনা সম্পূর্ণ হইবে।

ধরা বাক, প্রথম, দ্বিতীয়, \cdots তম কোষে বথাক্রমে n_1,n_2,\cdots,n_r সংখ্যক কণা রহিয়াছে । এই অবস্থায় কণাগুলিকে লইয়া মোট কতগুলি বিন্যাস সম্ভব তাহা জানিতে গোলে বিভিন্ন কোষের জন্য গুরুত্ব গুণিতক জানিতে হইবে । সনাতন পরিসংখ্যানে গুরুত্ব গুণিতক জানিবার কোন উপায় নাই—আমরা ধরিয়া লইব গুরুত্ব গুণিতক g_i আয়তন ΔV_i -এর সমানুপাতিক । অর্থাৎ $g_i = \alpha \Delta V_i$ —এখানে α এই ধ্রুবকটি নিদিন্ট নয় ।

সমীকরণ (15.4) হইতে আমরা লিখিতে পারি,

$$P = \frac{n! \pi (\alpha \triangle V_i)^{n_i}}{\pi n_i!} = \frac{n! \pi (\triangle V_i)^{n_i}}{\pi n_i!} \alpha^n \quad [:: \Sigma n_i = n]$$

শ্টালিং-এর (Stirling) স্ত্র* অন্যায়ী n একটি অতি বৃহৎ সংখ্যা হইলে

$$\ln n! = n \ln n - n$$

$$\therefore \ln n! = \int_{1}^{n} \ln x \, dx = \left[x \ln x - x \right]_{1}^{n} = n \ln n - n + 1$$

বেহেতু স একটি খুব বড় সংখ্যা, সেই কারণে প্রথম পদ-ছুইটির অন্তর ফলের তুলনার 1 খুবই ছোট : এই কারণে

 $\ln n! = n \ln n - n$

जगरा, n ! = ""

আরও সঠিক ভাবে নিধিনে,

 $\ln n! = (n + \frac{1}{2}) \ln n - n + \frac{1}{2} \ln (2\pi)$

^{*} In $n!=\ln 1+\ln 2+\ln 3+\cdots \ln n$ —এই শ্রেণীটি (series) বেধ $\Delta x=1$ এবং উচ্চডা $h=\ln x$ ($x=1,2,\cdots,n$) এরপ n সংখ্যক আরভক্ষেত্রের সোট ক্ষেত্রকলের সমান। বিদি x খুব বড় হয়, তবে $\Delta x=1$ -কে একটি অণু-রাশি চিস্তা করিতে পারি এবং সেই সময়ে এই আরভক্ষেত্রগুলির মোট আরভনকে একটি সমাকলের সাহাব্যে প্রকাশ করা বার।

লিখিলে খুব সামান্য ভূল হয়।

অথবা, n!=n"/e"

$$\therefore P = \frac{n^n \pi (\Delta V_i)^{n_i}}{\pi n_i^{n_i}} \alpha^n \qquad \cdots \qquad (15.6)$$

এই অবস্থার এন্ট্রপি

 $S = kn \ln n + k\Sigma n_i \ln (\alpha \triangle V_i) - k\Sigma n_i \ln n_i$

 $=kn\ln{[\alpha n]}+k\Sigma
ho(i)\triangle V_i\ln{\Delta V_i}-k\Sigma
ho(i)\triangle V_i\ln{[
ho(i)\triangle V_i]}$ সাম্যাবস্থার সর্ভ $\delta S=0$

$$\therefore -k\Sigma\triangle V_i \delta\rho(i) - k\Sigma\triangle V_i \ln \rho(i) \delta\rho(i) = 0 \cdots (15.7)$$
 কিন্তু একোতে. $\Sigma n_i = \Sigma \rho(i) \triangle V_i = n =$ ধ্রুবক

সমীকরণ (15.8)-কে ধ্রুবক β দারা গুণ করিবার পর সমীকরণ (15.7)-এর সহিত যোগ করিয়া ল'গ্রাজ (Lagrange)-এর পদ্ধতিতে* (by the method of undetermined multipliers)—

$$\Sigma \delta \rho(i) \triangle V_i [-k-k \ln \rho(i) + \beta] = 0$$
 ··· (15.9a) অথবা, $k \ln \rho(i) = \beta - k$

$$\therefore \quad \rho(i) = e^{\frac{\beta - k}{k}} = \text{grap} \qquad \cdots \qquad .(15.9b)$$

অর্থাৎ আকর্ষণহীন ভির কণার বন্টন বদি সর্বন্ত সমান হয় তবেই উহ। সামো থাকিবে।

15.7. কণাসমূকের গভীয় ভাবস্থা—সম্পা স্থান (Dynamical state of an assembly of particles and representation in phase space):

বার্ভাবক পক্ষে কোন পাত্রের অভান্তরে গ্যাস অণু-পরমাণু বিভিন্ন বেগে চলাফেরা করিতে থাকে। গতিসম্পন্ন একটি কণার অবস্থা সম্পূর্ণরূপে জানিতে উহার অবস্থান ও ভরবেগ দুই-ই দ্বির করিতে হইবে। এক পারমাণবিক কণার জন্য এই উদ্দেশ্যে, একটি ছরমান্তিক স্থান (six dimensional

अनुरक्त (15:8)-अ नीआन-अद अरे नक्षिति विभवणार्य मुवास्ता स्रेवादः ।

space) কম্পনা করা বাইতে পারে । উহার ছরটি অক্ষের মধ্যে তিনটি হইবে কণার অবস্থান নির্দেশক এবং বাকি তিনটি ভরবেগ নির্দেশক অক্ষ। কল্পিত স্থানকে ছয়মাত্রিক দশা স্থান (six-dimensional phase space) বঙ্গা হয়। কণার অবস্থান ও ভরবেগ নির্দেশ করিতে কার্তেজীয় পদ্ধতি অনুসরণ করিলে এই ছয়টি অক্ষ হইবে (x, y, z) ও (p_x, p_y, p_z) । এই কারণে দশা স্থানে প্রত্যেকটি বিন্দু $Q\left(\overrightarrow{r},\overrightarrow{p}
ight)$ বাস্তবে কণার একটি গতীয় অবস্থা নির্দেশ করে। 11-সংখ্যক কণার অবস্থা নির্দেশ করিতে দশা স্থানে এরূপ n-টি বিন্দুর প্রয়োজন হইবে । বাস্তব ক্ষেত্রে $n o \infty$ এবং এই কারণে দশা স্থানে নির্দেশক বিন্দুর সংখ্যাও খুব বেশী হইবে। দশা স্থানের একক আরতনে এই সংখ্যা $\rho(\vec{r},\vec{p})$ জানিলে বাহ্যিক অবস্থার (macro state) একটি বর্ণনা পাওয়া যায়। এখানে উল্লেখ করা যায় যে, অসংখ্য কণা সমাবেশে পৃথক্ভাবে প্রত্যেকটি কণার অবস্থান ও ভরবেগ নির্দেশ করিবার পরিবর্তে পরিসংখ্যান তত্তে একটি 'গড অবস্থা' চিন্তা করা হইবে। এই কারণে অবস্থান স্থানাব্দ x, y, z হইতে $x+\delta x$, $y+\delta y$, $z+\delta z$ -এর মধ্যে এবং ভরবেগ স্থানাব্দ p_x , p_y , p_z হইতে $p_x + \delta p_x$, $p_y + \delta p_y$, $p_z + \delta p_z$ -এর মধ্যে যে কণাগুলি থাকে তাহাদের চিত্তা করা হইবে। এই গড় অবস্থায় কণাগুলির জন্য দশা স্থানে অণু আয়তন $\Delta \tau = \delta x \delta y \delta z \delta p_x \delta p_y \delta p_z$ নিদিন্ট থাকে এবং সমগ্র দশা স্থানকে* এরপ অসংখ্য প্রকোষ্ঠের সমণ্টি চিত্তা করা যায়।

এই প্রসঙ্গে উল্লেখ করা চলে যে, দশা স্থানের বর্ণনায় কণাগুলির গড় অবস্থান ও ভরবেগের সঙ্গে উহাদের গড় শক্তিও জানা যায়। কণাগুলি

^{*} আলোচনার প্রপাতে দলা ছানকে ছরমাত্রিক বলিরা করানা করা ইইরাছে। কিছ
সকল সময় দলা ছান বে ছরমাত্রিক ইইবেই এমন কোন বাধাবাধকতা নাই। বেমন, পরাবৃত্ত
লোককর (harmonic oscillator) অবস্থা ছির করিতে কেবল মাত্র প্র ও p_x ই আনিলেই
চলিবে। দলা ছাম এক্ষেত্রে দি-মাত্রিক ইইবে। নিদিষ্ট অক্ষের চতুর্দিকে বুর্ণনরত কোন বছর
কলত দলাছান দি-মাত্রিক। আবার দুচ দি-পারমাণবিক অপুর (rigid diatomic molecule)
লভ দলা ছান ইইবে দলমাত্রিক (ten-dimensional phase space)। সাধারণভাবে বিদি
সংখ্যক position co-ordinate এবং সিংখ্যক momentum co-ordinate-এর সাইব্যে
দণার পত্নীর অবস্থার (dynamical state) সম্পূর্ণ বর্ণনা পাওরা বার, তবে দলা ছান 2f-মাত্রিক
ইইবে। বত্তপ্রলি নিরপেক্ষ position co-ordinate জানিলে system-এর configuration
লানিকে পারি সেই সংখ্যাকে গতি-বিভার খাতন্ত্রা মাত্রা বলা হয়। এই সংজ্ঞামুসারে বলা
বার কোন স্বাবেশে কণাঙ্গনির খাতন্ত্রা মাত্রা বিদি f হয় তবে দলা ছান ইইবে 2f-মাত্রিক।

নিজেদের মধ্যে আকর্ষণহীন অবস্থার থাকিলে উহাদের শক্তি হইবে $u_k(p) = p_k^2/2m$, এবং সংরক্ষী বলকেত্রে (conservative field) স্থিতিশক্তি V(r) ধরিলে মোট শক্তি $u_k(r,p) = p_k^2/2m + V(r)$ । এই কারণে বিভিন্ন দশা কোষে (phase cell) গড় শক্তিও বিভিন্ন হর । পৃথক্ভাবে কণাগুলির অবস্থান, গতিবেগ ও শক্তি চিন্তা করিবার পরিবর্তে আমরা কেবলমার বিভিন্ন দশা প্রকোন্ডে কণাগুলিকে কল্পনা করিব । একটি বাহ্যিক অবস্থার [এই সমর ρ_i (p) স্থির থাকে] কণাগুলি নিজেদের মধ্যে এক কোষ হইতে অন্য কোষে স্থান পরিবর্তন করিতে পারে । এজনা বিভিন্ন আণবীক্ষণিক অবস্থার সৃষ্টি হয় (কণাগুলি প্রত্যেকেই পৃথক্ ভাবে চিহ্নিত) । নিদিন্ট বাহ্যিক অবস্থার জন্য যতগুলি আণবীক্ষণিক বিন্যাস সম্ভব অর্থাৎ তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হিসাব করিতে পারিলে সাম্যাবস্থা স্থির করা সম্ভব হইবে । তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হিসাব করিবে সারিলে সাম্যাবস্থা স্থির করা সম্ভব ব্যে, দশা স্থানে সমসত্বগুণ বর্তমান এবং এই করেণে কোন একটি কোষে কণা থাকিবার সম্ভাব্যতা কোষের আয়তনের সমানুপাতিক (লিউভিলির সূত্র) ।

15'8. সনাতন শক্তি-বণ্টন সূত্র বা ম্যাক্সওয়েল-বোল্ৎজ ্মানের শক্তি-বণ্টন সূত্র (Classical energy distribution formula or Maxwell-Boltzmann distribution) :

বিভিন্ন গতিবেগ সম্পন্ন গা-সংখ্যক আকর্ষণহীন কণার (আনর্শ গ্যাস অণু) অভিন্ন কম্পনা করা যাক। কণাগুলির মোট শাক্ত ধরা গেল । কণাগুলির মধ্যে কিভাবে শক্তি বন্টন হইবে ? সাধারণভাবে দুইটি সম্ভাবনা থাকিতে পারে—(i) বিভিন্ন শক্তিতে কণার সংখ্যা সমান (ii) বিভিন্ন শক্তিতে কণার সংখ্যা বিভিন্ন। পরিসংখ্যানের সাহায্যে এই প্রশ্নের উত্তর পাওয়া যায়।

মনে করি, u_1 শক্তি-বিশিষ্ট কণার সংখ্যা n_1 , u_2 শক্তি-বিশিষ্ট কণার সংখ্যা n_2 ,... u_r শক্তি-বিশিষ্ট কণার সংখ্যা n_r । আলোচনার সৃবিধার জনা ধরিরা লইব বে, u_1 শক্তির কণাগৃলি a_1 দশা কোষে, u_2 শক্তির কণাগৃলি a_2 দশা কোষের মধ্যে আছে। কোষে একাধিক কণা থাকিবার কোন অসুবিধা নাই। উপরম্ভ আমরা চিন্তা করিব বে, আগবীক্ষণিক বিচারে কণাগৃলির প্রত্যেকেরই স্থাতন্য্য অক্ষম থাকে। অর্থাৎ এখানে আমরা সনাতন পরিসংখ্যান কাঠামোতে শক্তি-বন্টন স্বাটি জানিতে চেন্টা করিব। এই স্বাটি ম্যাক্সওয়েল-বোল্ৎজ্মানের সৃব্ব হিসাবে অভিহিত হয়।

ধরা যাক a_1 , a_2 a_r , কোষের আয়তন যথাদ্রমে $\Delta \tau_1$, $\Delta \tau_2$... $\Delta \tau_1$ $\Delta \tau_r$, এবং উহাদের গুরুত্ব-গুণিতক যথাদ্রমে g_1 , g_2 g_r , সনাতন পরিসংখ্যানে গুরুত্ব-গুণিতক আয়তনের সমানুপাতিক—অর্থাৎ

$$g_i = u_0 \Delta \tau_i$$

এই বাহ্যিক অবস্থার তাপগতীয় সম্ভাব্যতা

$$P = \frac{n! \, \Pi g_i^{n_i}}{\Pi n_i!} = \frac{n^n \Pi g_i^{n_i}}{\Pi n_i^{n_i}} \qquad \cdots \qquad (15.10)$$

[প্টারলিঙের সূত্র প্রয়োগ করিয়া]

এখানে অন্য দুইটি সর্ত হইতেছে

$$Qar U = \sum n_i u_i = \text{sea} \qquad \cdots \qquad (15.12)$$

এই অবস্থায় এন্ট্রপি

$$S = k \ln P = kn \ln n + k \sum n_i \ln g_i -k \sum n_i \ln n_i \quad \cdots \quad (15.13)$$

তন্ত্রের সাম্যাবস্থায়—

$$\delta S = k \Sigma (\ln g_i - \ln n_i - 1) \delta n_i = 0$$

এখানে ঠ*॥*,-গুলি পরস্পরের নিরপেক্ষ নয় (not independent) **কারণ** তাহাদের

$$\Sigma \delta n_i = 0$$
 are $\delta U = \Sigma u_i \delta n_i = 0$

এই দুইটি বাধা (constraint) মানিয়া চলিতে হইবে। এইজন্য আমর। $\delta S=0$ সমীকরণে δn_i -এর সহগগুলিকে পৃথক্ পৃথক্ভাবে শূন্য বলিয়া ধরিতে পারি না। এখন—

$$[k \Sigma(\ln g_i - \ln n_i - 1) + \alpha' + \beta' u_i] \delta n_i = 0$$

সমীকরণটি ধরা যাক্। α' এবং β' আমাদের ইচ্ছামতো আমরা লইতে পারি— আমরা তাহাদের এমনভাবে লইলাম'যে,

$$k (\ln g_1 - \ln n_1 - 1) + \alpha' + \beta' u_1 = 0$$

$$43? k (\ln g_2 - \ln n_2 - 1) + \alpha' + \beta' u_2 = 0$$

এখন আমাদের মূল সমীকরণে ঠগঃ-র মধ্যে বে-কর্মট পড়িরা রহিল তাহার। তো 'arbitrary' কাজে বাকী সহগগুলিও শূনা হইবে।

$$\therefore \quad \ln g_i - \ln n_i = 1 - \frac{\alpha'}{k} - \frac{\beta' u_i}{k} = (1 - \alpha) - \beta u_i$$

অধবা
$$n_i = Ag_i e^{\beta n_i}$$
 [$A = e^{\alpha - 1}$] ... (15.14)

A ও β এই ধ্রুবক-দুইটি অনিদিন্ট। এই ধ্রুবক-দুইটিকে জানিতে পারিলে তবেই শক্তি বণ্টন সূত্রটি সম্পূর্ণ ভাবে জানা হইবৈ।

354 A :

$$n = \sum n_i = A \sum g_i e^{\beta u_i}$$

 $\Sigma g_i e^{\beta u_i} = \sigma$ লিখিলে, [ত-কে partition function বলা হয়],

$$A = \frac{n}{\sigma}, \text{ age } n_i = \frac{n}{\sigma} [\sigma_i c^{\beta u_i}] \qquad \cdots \qquad (15.15a)$$

সমীকরণ (15'15a)-কে ঘনম অপেক্ষকের (density function) হিসাবে লিখিলে সেক্ষেত্রে,

$$\rho(i) = \frac{n e^{\beta u_i}}{\sum \Delta \tau_i e^{\beta u_i}} \qquad \cdots \qquad (15.15b)$$

ঞ্চৰক β: সমীকরণ (15·15a)-এর সাহাব্যে সমীকরণ (15·13)-কে লিখিলে,

$$S = kn \ln n - \frac{kn}{\sigma} \sum \left[g_i e^{\beta^{n_i}} \left(\ln \frac{n}{\sigma} + \beta u_i \right) \right]$$
where $S = kn \ln \sigma - k\beta U$... (15.16)

এন্ট্রাপ S-কে আন্তর-শক্তি U ও আয়তন V-এর অপেক্ষক মনে করিলে

$$dS = \left(\frac{\partial S}{\partial U}\right)_r dU + \left(\frac{\partial S}{\partial V}\right)_{\sigma} dV = \frac{dU + PdV}{T}$$

স্তরাং
$$\left(\frac{\partial S}{\partial U}\right)_{r} = \frac{1}{T}$$

একণে
$$\left(\frac{\partial S}{\partial \beta}\right) = \frac{kn}{\sigma} \cdot \frac{\partial \sigma}{\partial \beta} - k\beta \frac{\partial U}{\partial \beta} - kU$$

এবং $\left(\frac{\partial \sigma}{\partial \beta}\right) = \Sigma g_i u_i e^{\beta u_i} = \frac{\sigma}{n} U$
 $\therefore \left(\frac{\partial S}{\partial U}\right)_F = \frac{1}{T} = -k\beta$

অথবা, $\beta = -\frac{1}{kT}$

সূতরাং, সাম্যাবস্থার মোট গ সংখ্যক কণার মধ্যে 🗤 শক্তি-বিশিষ্ট কণার সংখ্যা হইবে

$$n_i = \frac{n}{\sigma} g_i e^{-\frac{u_i}{k^{\mathrm{T}}}} \qquad \cdots \qquad (15.17)$$

এই স্বাটিকৈ ম্যাক্সওরেল-বোল্ংজ্ মানের শক্তি-বণ্টন সূত্র বলা হয়। ম্যাক্সওরেল-বোল্ংজ্মান স্ত্রের অনুসিদ্ধান্ত হিসাবে বলা বায়—দৃইটি ভিন্ন শক্তির জন্য বিদ g_i সমান হয়, তবে কম শক্তি অবস্থাতে কণার সংখ্যা বেশী হইবে। শক্তি u_i ও গ্রুক্স-গৃণিতক g_i প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে একই থাকিলে সর্বত্র সমভাবে কণাগুলির বণ্টন হয়। এই কারণেই বাহ্যিক বলের অনুপক্ষিতিতে আবদ্ধ পাত্রের বিভিন্ন অংশে গ্যাসের ঘনত্ব সমান থাকে। বল ক্ষেত্রের বিভিন্ন অংশে ক্ষিতি-শক্তির তারতম্যের কারণে সমভাবে বণ্টন সম্ভব হয় না। উল্লেখ করা প্রেরাজন বে, বেহেতৃ প্রমাণ অবস্থাটি নির্দিন্ট নর, সেই কারণে শক্তি সমান পরিমাণে বৃদ্ধি পাইলে] সাম্য-বণ্টনের কোন তারতম্য হয় না।

$$n_{i}' = \frac{n}{\sigma'} g_{i} e^{-\frac{n_{i}}{kT}} = \frac{n g_{i} e^{-\frac{u_{i}'}{kT}}}{\sum g_{i} e^{-\frac{\lambda}{kT}}} = n_{i} [u_{i}' - u_{i} = \lambda]$$

$$e^{\frac{\lambda}{kT}} \sum g_{i} e^{-\frac{\lambda}{kT}} \cdot e^{-\frac{\lambda}{kT}} = n_{i} [u_{i}' - u_{i} = \lambda]$$

পূর্বেই উল্লেখ কর। হইরাছে সনাতন পরিসংখ্যানে, $g_i = \alpha_o \ \Delta^{\tau_i}$; এবং এইজন্য—

$$n_i = \frac{n}{\sigma} e^{-\frac{u_i}{kT}} \times (\alpha_o \triangle \tau_i) \qquad \cdots \qquad (15.18a)$$

$$\sigma = \int e^{-\frac{u_i}{kT}} \alpha_0 d\tau_i \qquad \cdots \qquad (15.18b)$$

সনাতন পদার্থবিদায় কণাগৃলি ষে-কোন শক্তিতেই থাকিতে পারে [কোয়াণ্টাম তত্ত্বে এজন্য কেবলমার কয়েকটি বিচ্ছিন্ন শক্তির অবস্থা অনুমান করা হয়] এবং সেই কারণে σ জানিতে সমাকলের সাহাষ্য লওয়া হইয়ছে। সমীকরণ (15.18a)-এ হর ও লবে α_o উপস্থিত থাকায় ঐ ধ্রুবকটির মান যাহাই হউক না কেন কণার সাম্য বন্টন নির্দিন্টভাবে জানা যায়। সমীকরণ (15.16)-এ β -র মান বসাইলে

$$S = \frac{U}{T} + nk \ln \sigma \qquad \cdots \qquad (15.19)$$

এন্ট্রপির পরম মান জানিতে হইলে α_o -কে জানা প্রয়োজন । কিন্তু সনাতন পদার্থবিদ্যার কাঠামোতে তাহা কখনই সম্ভব হইবে না । উপরের সমীকরণটিকে লেখা বার—

$$U-TS = F(T, V) = -nkT \ln \sigma$$

এখানে, 'partition function' ত-কে সরাসরি T ও \'-এর অপেক্ষক হিসাবে দেখানো গেল।

15.9. স্যাক্সভয়েল-বোল্ৎজ্মান সূত্রের প্রয়োগ (Application of Maxwell-Boltzmann distribution law):

(a) বেগ-বন্টন সূত্র(Velocity distribution law)—বিক্রিয়হীন এক পারমাণবিক গ্যাসের (আদর্শ গ্যাস) গ সংখ্যক অণু সমাবেশে কোন প্রকার বাহ্যিক বল ক্রিয়া না করিলে অণুগুলির মোট শক্তির সবটুকুই উহাদের গতিশক্তি। দশা স্থান এক্ষেত্রে ছয়মাত্রিক এবং উহার $\Lambda \tau_i$ আয়তনের মধ্যে খাকা [দশাকোষ a_i -এর আয়তন $\Lambda \tau_i$ ধরা হইল] কণাগুলির শক্তি $u_i = p_i^2/2m$ এবং এক্ষেত্রে partition function—

$$\sigma = \alpha_o \int e^{-\frac{p^2}{2mk^T}} d\tau_s$$

$$= \alpha_o \int \int \int e^{-(p_a^2 + p_b^2 + p_a^2)/2mk^T} dp_a dp_b dp_s \int \int dx dy dx$$

$$= \alpha_{\rm o} V \iint_{-\infty}^{+\infty} e^{-\left(\frac{p_x^3 + p_y^3 + p_z^3}{2mk^{\rm T}}\right)} dp_x dp_y dp_z$$

$$\frac{p_x}{\sqrt{2mkT}}$$
 = ξ লিখিলে $dp_x = \sqrt{2mkT} \ d\xi$ এবং

$$\sigma = \alpha_{\rm o} V (2mkT)^{8/2} I^{8}$$

এখানে,
$$\mathbf{I} = \int_{-\infty}^{+\infty} c^{-\xi \, \imath} d\xi = 2 \int_{0}^{\infty} e^{-\xi \, \imath} d\xi = \sqrt{\pi}$$

অথবা, $\sigma = \alpha V_o (2\pi mkT)^{3/2}$

x, y, z ও $x + \Delta x$, $y + \Delta y$ ও $z + \Delta z$ এবং p_x , p_y , p_z ও $p_x + \Delta p_x$, $p_y + \Delta p_y$, $p_z + \Delta p_z$ -এর মধ্যে থাকা কণার সংখ্যা

$$dn_i = \frac{n}{\sigma} e^{-\left(\frac{p_x^2 + p_y^2 + p_z^2}{2mkT}\right)} \alpha_0 \Delta p_x \Delta p_y \Delta p_z \Delta x \Delta y \Delta z$$

এবং মোট আরতনে p_x ও $p_x + \Delta p_x$, p_y ও $p_y + \Delta p_y$, এবং p_z ও $p_z + \Delta p_z$ ভরবেগের মধ্যে থাকা কগার সংখ্যা

$$n_{i} = \frac{n}{\sigma} e^{-\frac{1}{2mkT} \left(p_{x}^{2} + p_{y}^{3} + p_{z}^{3} \right)} \alpha_{o} \nabla \Delta p_{x} \Delta p_{y} \Delta p_{z}$$

$$= \frac{n}{(2\pi mkT)^{3/2}} e^{-\frac{1}{2mkT} \left(p_{x}^{2} + p_{y}^{3} + p_{z}^{3} \right)} \Delta p_{x} \Delta p_{y} \Delta p_{z}$$

ভরবেগ উপাংশের পরিবর্তে গতিবেগ উপাংশের হিসাবে লিখিলে

$$n_{i} = n \left(\frac{m}{2\pi k T}\right)^{3/2} e^{-\frac{m}{2k T}\left(u_{o}^{2} + v_{o}^{2} + w_{o}^{2}\right)} du_{o} dv_{o} dw_{o} \cdots (15.20)$$

উপরের সমীকরণে কণার গতিবেগ উপাংশ u_0 , v_0 , w_0 লেখা হইয়াছে । গতিবেগ $c \cdot e^2 + dc$ -র মধ্যে থাকা কণার সংখ্যা হইবে

$$dn_o = 4\pi n \left(\frac{m}{2\pi k T}\right)^{\frac{\pi}{2}} e^{-\frac{mc^2}{2kT}} c^2 dc \qquad \cdots \qquad (15.21)$$

সমীকরণ (15·20) ও (15·21)-কে ম্যাক্সওয়েল-বোল্ংজ্মানের বেগ-বণ্টন সূত্র বলা হয়। এই সূত্রটিকে গ্যাসের আণবিক গতিতত্ত্ব হইতে অন্যভাবেও প্রমাণ করা যায়। (b) আহর্ণ গ্যানের অবছার স্থীকরণ (Equation of state of an ideal gas)—

Partition function: $\sigma = \alpha_0 V (2\pi mkT)^{8/2}$

ਬ੍ਰਦ ਸੰਦਾ: $F = -nkT \ln \sigma = -nkT \ln \left[\alpha_o V (2\pi mkT)^{N/3}\right]$

$$P = -\left(\frac{\partial F}{\partial V}\right)_T = \frac{nkT}{V},$$
অথবা, $PV = nkT$

এক গ্রাম অণু আদর্শ গ্যাস চিত্তা করা হইলে n=N [আন্তোগাড্রো সংখ্যা] এবং

$$PV = NkT = RT$$

(c) অভিকৰ্ষতক্তে ভাসমান কণার সাম্যবন্টন (Equilibrium of sedimentation)—

মনে করি, জলে পূর্ণ একটি নলে কিছু সংখ্যক অন্তরীভূত কণা ভাসমান অবস্থার রহিয়াছে। কণাগৃলিকে জলে ফেলিবার কিছুক্ষণ পরেই সাম্যাবস্থার সৃষ্টি হইবে। প্রশ্ন হইল এই বে, সাম্যাবস্থার পাতের সর্বন্ত একই আরতনে কি একই সংখ্যক কণা বর্তমান অথবা বিভিন্ন অংশে কণার সংখ্যা বিভিন্ন ?

ধরা বাক, নির্দেশতব্যের (co-ordinate system) মূল বিস্ফৃটি পাত্রের তলদেশে অবস্থিত এবং এ-অক্ষ নলের অক্ষের সমান্তরাল। কণাগুলির কোন গতিশক্তি নাই। উহাদের প্রত্যেকটির ভর m হইলে এ উচ্চতার কণার শক্তি.

$$u(z) = mgz$$

পাত্রন্থিত সমগ্র তরলকে একক প্রস্থাক্তেদ (cross section) ও Λz উচ্চতার অনেকগৃলি কোষের (আরতন $\Lambda V = \Delta z$) সমষ্টি বলিরা চিন্তা করা চলে। সমীকরণ ($15^{\circ}18a$) অনুসারে, z ও $z + \Lambda z$ উচ্চতার মধ্যে Λz আরতনে কণার সংখ্যা,

$$\Delta n(z) = \frac{n}{\sigma} e^{-\frac{mas}{kT}} \alpha_o \Delta z \qquad \cdots \qquad (15.22)$$

এখানে
$$\sigma = \int_0^{z_0} e^{-\frac{m_0 z}{kT}} \alpha_0 dz$$

2₀-পার্চান্থত তরলের উচ্চতা—তরলের উক্ষতা সর্বন্ত সমান ধরা হইরাছে। উপরের সমীকরণের সাহাব্যে ভাসমান অ-দ্রবীভূত কণার উপন্থিতিতে ন্থির উক্ষতার তরলে উচ্চতার সহিত ঘনত্ব কিভাবে পরিবত্তিত হইবে জানিতে পারি।

$$\rho(z) = \frac{\Delta n(z)}{\Delta z} = \frac{n\alpha_0}{\sigma} e^{-\frac{maz}{kT}}$$

$$z=0$$
; $\rho=\rho_{\rm o}=n\alpha_{\rm o}/\sigma$ । স্তরাং $\rho(z)=\rho_{\rm o}e^{-\frac{mgz}{kT}}$

(d) শক্তির সমবন্টন সূত্র (Principle of equipartition of energy)—

অনেক ক্ষেত্রেই অণু-পরমাণ ইত্যাদি ক্ষুদ্র কণার মোট শক্তি উহাদের অবস্থান স্থানান্দ ও ভরবেগের বর্গের অপেক্ষক। বেমন একটি পর্বাবৃত্ত দোলকের ক্ষেত্রে,

$$u = \frac{p_x^2}{2m} + \frac{1}{2}\mu x^2$$

ভরবেগ ও অবস্থান স্থানান্দকে পৃথক্ভাবে নির্দেশ না করিরা u-কে সাধারণভাবে দৃইটি চল x_1 ও x_2 -র বর্গের অপেক্ষক বলা যাইতে পারে। ইহাদের মধ্যে কোন্টি অবস্থা-নির্দেশক এবং কোন্টি ভরবেগ-নির্দেশক তাহা উদ্রেখ না করিরা x_1 ও x_2 -কে 'dynamical co-ordinate' বলা হইবে। কণার মোট শক্তিতে dynamical co-ordinate $x_1, x_2 \cdots x_f$ -এর প্রভাগটির একটি করিরা বর্গপদ থাকিলে, ঐ কণার স্বাতন্দ্রা মাত্রা f—এই সংজ্ঞা অনুসারে পর্বাবৃত্ত দোলকের স্বাতন্দ্রা মাত্রা দৃই এবং দৃঢ় দ্বি-পারমাণ্যিক অণুর স্বাতন্দ্রা মাত্রা দশ।*

সমীকরণ (15·18a) অনুসারে x_1 ও x_1+dx_1 ; x_2 ও $x_2+dx_2\cdots$ x_j ও x_j+dx_j -এর মধ্যে অর্থাৎ শক্তি u ও u+du-র মধ্যে কণার সংখ্যা.

$$dn_u = \frac{n}{\sigma} e^{-\frac{u}{kT}} \alpha_0 dx_1 dx_2 \cdots dx_f$$

বর্তমান আলোচনার বাতপ্রামাতার বে সংজ্ঞা দেওয়। ইইন তাহা কেবলমাত্র সমবন্টন প্রত্যের
ক্রেই প্রবাজ। পতিবিভার ওপুমাত্র অবস্থান-স্থানাকের (position co-ordinate) সাহার্যে
বাজ্ঞা মাত্রাপ্রশা করা হয়। এই বিচারে পর্বার্ত্ত পোলকের বাত্রপ্র মাত্রা 1 ও কৃচ-বি-পারমাণ্টিক
ক্রের বাজ্ঞা মাত্রা 5।

$$\mathbf{QMICA}, \quad \mathbf{G} = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \cdots \int_{-\infty}^{+\infty} \alpha_0 \ e^{-\frac{\mathbf{u}}{kT}} \, dx_1 \, dx_2 \, \cdots \, dx_1$$

$$n \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \cdots \int_{-\infty}^{+\infty} dx_1 \, dx_2 \, \cdots \, dx_1$$

মোট শাস্তি
$$U = \int u dn_u = \frac{n \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \cdots \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{u}{u} e^{-\frac{u}{kT}} dx_1 dx_2 \cdots dx_f}{\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \cdots \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{u}{kT}} dx_1 dx_2 \cdots dx_f} \cdots$$
 (15.23)

বেহেত্- যাতশ্য মাত্রা f সেই কারণে সংজ্ঞা অনুসারে u হইবে $x_1, x_2 \cdots x_f$ -এর সমমাত্রিক বিঘাত অপেক্ষক (homogeneous quadratic function) এবং অরলারের সূত্র (Euler's equation) অনুসারে—

$$x_{1} \frac{\partial u}{\partial x_{1}} + x_{2} \frac{\partial u}{\partial x_{3}} + \cdots + x_{f} \frac{\partial u}{\partial x_{f}} = 2u$$

$$\therefore U = \frac{n}{2\sigma} \left[\iint \cdots \int e^{-\frac{u}{kT}} x_{1} \frac{\partial u}{\partial x_{1}} dx_{1} dx_{2} \cdots dx_{f} + \right.$$

$$\left. + \iint \cdots \int e^{-\frac{u}{kT}} x_{2} \frac{\partial u}{\partial x_{3}} dx_{1} dx_{2} \cdots dx_{f} \right.$$

$$\left. + \cdots + \iint \cdots \int e^{-\frac{u}{kT}} x_{f} \frac{\partial u}{\partial x_{f}} dx_{1} dx_{2} \cdots dx_{f} \right] \cdots (15.24)$$

প্রথম পদটিতে প্রথমে x_1 সাপেকে সমাকলটির মান নির্ণয় কর। হইবে এবং পরে x_2 , $x_3\cdots x_I$ সাপেকে সমাকল কবা হইবে ।

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{u}{kT}} \cdot x_1 \frac{du}{dx_1} dx_1 = -kT \left[x_1 \ e^{-\frac{u}{kT}} \right]_{-\infty}^{+\infty} + kT \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{u}{kT}} dx_1$$

উপরে প্রথম পদটিতে u বেহেতু x,-এর বর্গের সমানুপাতিক সেই কারণে $x_1=-\infty$ এবং $x_1=+\infty$ এই দৃইটি সীমায় বন্ধনীর মধ্যে $e^{-w/kT}$ শ্না হইবে। এই কারণে ঐ পদটি শ্না হইবে।

$$\therefore \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-\frac{u}{kT}} x_1 \frac{du}{dx_1} dx_1 = kT \int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ukT} dx_1$$

অনুরূপভাবে সমীকরণ (15.24)-এ বন্ধনীর মধ্যে বিতীর পদটির ক্ষেচ্চে

প্রথমে x_s -সাপেক্ষে এবং পরে $x_1,\ x_s\cdots x_s$ সাপেক্ষে সমাকল করা হইবে। প্রত্যেকটি ক্ষেত্রে ঐ একই পদ্ধতি অনুসরণ করিলে সাধারণ ভাবে

$$\iint \cdots \int e^{-\frac{u}{kT}} x_i \frac{\partial u}{\partial x_i} dx_1 dx_2 \dots dx_i dx_f$$

$$= kT \iiint \int e^{-kT} dx_1 dx_2 \cdots dx_f = kT \sigma$$

$$\therefore \quad \mathbf{U} = \frac{n}{2\sigma} fk\mathbf{T}\sigma = \frac{nfk\mathbf{T}}{2}$$

গা-সংখ্যক কণার প্রত্যেকটির স্থাতন্ত্রা মাত্রা f এবং সেই কারণে প্রত্যেকটি স্থাতন্ত্রা মাত্রায় গড় শক্তি (average energy per degree of freedom)

$$\frac{\mathbf{U}}{nf} = \frac{1}{2}k\mathbf{T}$$

(e) **টোমক বলকেত্রে কণা-চুম্বকের সাম্যবন্টন** (Equilibrium distribution of elementary magnets in a magnetic field)—

মনে করি, T উক্তার একক আয়তনে n-সংখ্যক কণা-চুম্বক রহিয়াছে এবং উহাদের প্রত্যেকের চৌম্বক ভ্রামক μ_o । কোন প্রকার বাহ্যিক চৌম্বক বলের অনুপস্থিতিতে ভ্রামক-অক্ষগৃলি বিভিন্ন দিকে একই সংখ্যায় বিনান্ত হয়। প্রশ্ন হইতেছে, চৌম্বক বলক্ষেত্রেও কি ইহা সম্ভব হইবে ?

কণা-চুম্বকের দ্রামক-অক্ষ চৌমুক বলক্ষেত্রে H-এর সহিত 🖯 কোণে থাকিলে উহার স্থিতি শক্তি

$$u = -\mu_0 H \cos \theta$$

0-র তারতম্যে শক্তি 11-এ পরিবর্তন হয়। গোলীর নির্দেশতক্ষে (spherical co-ordinate system) θ ও ϕ -এর সাহাব্যে তি-মাত্রিক ভূমিতে কণা-চুম্বকের দ্রামক-অক্ষের দিক্ নির্দেশ করা বাইতে পারে—

ত্র-অক্ষণি হইবে H-এর সমান্তরাল। সাধারণভাবে চুম্বকীর তব্তের জন্য দশা স্থান হইবে চর্তু মাত্রিক (four-dimensional)— θ , ϕ , p, ও p, দশা স্থানে প্রত্যেকটি বিন্দুর স্থানান্ক নির্দেশ করে। স্থির কণা-চুম্বকের জন্য p, θ এবং p, θ এবং সেই কারণে এক্ষেত্রে দশা স্থান বি-মাত্রিক হইবে— θ ও ϕ জানিলে কণা-চুম্বকের অবস্থান ও শক্তি জানিতে

পারিব। দশা স্থানকে কার্যতঃ একক ব্যাসার্যের একটি গোলক-পৃষ্ঠ হিসাবে কল্পনা করা বাইতে পারে।

 θ ও $\theta+d\theta$ এবং ϕ ও $\phi+d\phi$ -র মধ্যে ঐ গোলক-পৃষ্ঠ-তলে ক্ষেত্রাংশ $\sin \dot{\theta}$. $d\theta$. $d\phi$ (পরিশিষ্ট 1-এর চিত্র দুষ্টব্য) ।

 $\theta = \theta + d\theta$ -র মধ্যে ঐ গোলক-পূস্তে কেরফল = $2\pi \sin \theta \ d\theta$

সমীকরণ ($15\cdot18a$) অনুসারে একক আয়তনে θ ও $\theta+d\theta$ -র মধ্যে কণা-চুম্বকের সংখ্যা হইবে

$$dn_{\theta} = \frac{n}{\sigma} \alpha_{0} e^{\frac{\mu_{0} N \cos \theta}{kT}} \times 2\pi \sin \theta d\theta$$

$$\text{QUITE,} \quad \sigma = 2\pi \int_{0}^{\pi} \alpha_{0} e^{\frac{\mu_{0} N \cos \theta}{kT}} \sin \theta d\theta$$

$$\therefore \quad ne^{\frac{\mu_{0} N \cos \theta}{kT}} \sin \theta d\theta$$

$$dn_{\theta} = \frac{ne^{\frac{\mu_{0} N \cos \theta}{kT}} \sin \theta d\theta}{\int_{0}^{\pi} e^{\frac{\mu_{0} N \cos \theta}{kT}} \sin \theta d\theta} \qquad \cdots \quad (15.25)$$

উপরের সমীকরণে $\frac{\mu_0 \mathbf{H}}{k \mathbf{T}} = a$ লিখিলে হরটি হইবে,

$$\int_0^{\pi} e^{a \cos \theta} \sin \theta \ d\theta = \int_{-1}^{+1} e^{ax} dx$$

$$\therefore dn_{\theta} = \frac{na. \ e^{a \cos \theta} \sin \theta d\theta}{(e^{a} - e^{-a})} \qquad \cdots (15.26)$$

একক আরতনে H-এর সহিত θ ও $\theta+d\theta$ কোণের মধ্যে বিনাস্ত dn_{θ} অণু-চুম্বকগৃলির প্রত্যেকটির জন্য H বরাবর প্রামক-উপাংশ হইবে $\mu_{\phi}\cos\theta$ এবং মোটের উপর একক আরতনে চৌম্বক বলের দিকে চৌম্বক-প্রামক হইবে,

$$I = \int_0^{\pi} \mu_0 \cos \theta \, dn_\theta$$
$$= \frac{na\mu_0}{(e^a - e^{-a})} \int_{-1}^{+1} e^{ax} \, x dx$$

$$= \mu_0 n \left\{ \frac{e^a + e^{-a}}{e^a - e^{-a}} - \frac{1}{a} \right\}$$

$$= \mu_0 n \left(\coth a - \frac{1}{a} \right) \qquad \cdots \qquad (15.27)$$

একক আরতন n সংখ্যক অণু-চুম্বকের প্রত্যেকটি H বরাবর বিন্যস্ত থাকিলে চৌম্বক প্রাবল্য (intensity of magnetisation) হইবে $\mu_0 n$ —ইহাকে অবশ্যই একক আরতনে চৌম্বক-শ্রামকের সর্বোচ্চ বা সম্পূক্ত মান বলা বার ।

$$\therefore I = I_s \left(\coth a - \frac{1}{a} \right) = I_s L(a)$$

L(a)-কে ল'সেন্ডা অপেক্ষক (Langevin function) বলা হয়। স্বান্ডাবিক উক্তায় H খ্ব বেশী না হওয়া পর্যন্ত $\mu_o H/kT=a$ একটি অণু-রাশি এবং সেন্ডনা

$$L(a) = \left(\coth a - \frac{1}{a} \right) = a/3$$

$$\therefore I/I_{\bullet} = a/3 = \frac{\mu_{o}H}{3kT} \qquad \cdots \qquad (15.28)$$

সমীকরণ (15.28) অন্যায়ী আয়তন-চৌম্ব-গ্রাহিতা (volume susceptibility)

$$K = \frac{I}{H} = \frac{\mu_0^2 n}{3kT} \qquad \cdots \qquad (15.29)$$

15'10. স্বাভন পরিসংখ্যানের ক্রেটি (Difficulties with classical statistics):

সনাতন পরিসংখ্যানে এন্ট্রপি [সমীকরণ 15.19],

$$S = nk \ln \sigma + \frac{U}{T}$$

প্রথমতঃ, পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে যে, সনাতন পরিসংখ্যানে 'partition function' ত-কে নিন্দিউভাবে জানা কখনই সম্ভব নয়। সূতরাং উপরের সমীকরণের সাহাব্যে এন্ট্রপি হিসাব করা কখনই সম্ভব হইবে না। উপরত্ব এই সমীকরণটি হইতে এন্ট্রপির ব্যাপকতা ধর্ম প্রকাশ পায় না। অর্থাং এই

সমীকরণ অনুসারে তব্যের মোট এন্ট্রপি উহার দৃইটি অংশের এন্ট্রপির বোগফলের সমান নর।

বেমন মনে কর। বাক, 2V আয়তনের গ্যাসে 2n সংখ্যক অণু বর্তমান এবং উহার মোট আন্তর-শক্তি 2U। উপরের সমীকরণ হইতে সমগ্র গ্যাসের মোট এন্ট্রিপ—

$$S = 2nk \ln 2\sigma + \frac{2U}{T} \qquad \cdots \qquad (15.30)$$

'partition function' ধরা গেল 2σ। এক্ষণে মনে করা বাক, আবদ্ধ পাত্রের গ্যাস সমান দুইটি অংশে ভাগ করা হইরাছে। প্রত্যেকটি অংশের আরতন V, আন্তর-শক্তি U e partition function σ। পৃথক্ভাবে এই দুইটি অংশের এন্ট্রপি

$$S_1 = S_2 = nk \ln \sigma + \frac{U}{T} \qquad \cdots \qquad (15.31)$$

দেখা গেল $S_1 + S_2 \pm S_1$ কিন্তু এন্ট্রপি সকল ক্ষেত্রেই তল্পের একটি ব্যাপক ধর্ম এবং সেই কারণে সমীকরণটিতে সামঞ্চস্যের অভাব পরি-লক্ষিত হয়। প্রায়োগিক ক্ষেত্রে সনাতন পরিসংখ্যানের কয়েকটি উল্লেখযোগ্য ক্রিট হইতেছে—

1. তড়িং-চুম্বকীর বিকিরণে

$$u_{\nu}dv = \frac{8\pi v^2}{c^3}dv \; \bar{E}_{\nu}$$

সনাতন পরিসংখ্যানে $\dot{\mathbf{E}}_{\mathbf{v}} = k\mathbf{T}$, এবং ঐ কারণে ;

$$u_v dv = kT \frac{8\pi v^2}{c^3} dv$$

এই সমীকরণ অনুযারী স্থির উক্তার কৃক বিকিরণে কম্পান্ক বৃদ্ধির সঙ্গে photon-এর সংখ্যা ক্রমাগত বৃদ্ধি পাইবে। কিন্তু পরীক্ষার দেখা গিরাছে, কম্পান্ক খৃব বেশী এবং খৃব কম—এই দৃই অবস্থাতেই photon-এর সংখ্যা খৃবই সামান্য।

2. (a) ধাতব পরিবাহীতে মৃক্ত ইলেকট্রনগৃলি আবদ্ধ পাতে গ্যাসঅপুর মতো সর্বদা গতিশীল অবস্থায় থাকে। ম্যাক্সওরেলের সূত্র অনুসারে

মৃক্ত ইলেকট্রনগুলিতে শক্তি বন্টন হইলে $C_v = \frac{9R}{2}$; কিন্তু স্বাভাবিক উক্তার পরীক্ষা করিলে দেখা বায় $C_v = 3R$ ।

(b) পরিবাহীর তাপ পরিবাহিতাক K ও বিদ্যুৎ পরিবাহিতাক σ লিখিলে পরীক্ষা হইতে দেখা বায়— $K/\sigma T=$ ধ্রুবক । ইলেকট্রনের স্বাতন্দ্র মাত্রা তিন (three), সেই কারণে উহাদের গড় গতিশক্তি $\overline{E}=\frac{3}{2}kT$ । এই হিসাব হইতে জুড় (Drude) প্রমাণ করেন যে—

$$rac{K}{\sigma T}=rac{3}{J}(k/e)^2$$
 [$e=$ ইলেকট্রনের তড়িং-আধান]

পরীক্ষার এই সমীকরণের অসঙ্গতি প্রকাশ পার—ধ্রুবক সংখ্যাটি 3-এর চেরে কিছু বেশী হইবে। জুড্-এর হিসাবে বে ক্রটি রহিয়াছে লোরেনংজ্ (Lorentz) সে বিষয়ে কৃষ্টি দেন। সঠিক হিসাবে দেখা যার, সংখ্যাটি হইবে 2—পরীক্ষাজনিত অসঙ্গতি খ্বই বেশী! মূল ক্রটি হইতেছে মুক্ত ইলেকন্ট্রন সমাবেশে সনাতন পরিসংখ্যানের প্রয়োগে। আর একটি অসঙ্গতি দেখা যার photo electron-এর ক্ষেত্রে—পরীক্ষার বিভিন্ন গতিবেগে photo electron-এর সংখ্যা সনাতন পরিসংখ্যান হইতে কোন ভাবেই ব্যাখ্যা করা সন্তব নর। কোরান্টাম পরিসংখ্যানে এই ক্রটিগুলি দ্র করা সন্তব হইবে। পরবর্তী অনুচ্ছেদে আমরা দেখিব বে, ঘনত্ব খ্ব কম অবস্থার বোস-আইনস্টাইন ও ফার্মি-জিরাক পরিসংখ্যানের অনুসিদ্ধান্ত হিসাবে বোল্ংজ্মানের বন্টন স্ত্রে পৌছানো যার। গ্যাসের ক্ষেত্রে স্বাভাবিক চাপে কোরান্ট্যম ও সনাতন পরিসংখ্যানের সিদ্ধান্তে বিশেষ কোন ভারতম্য থাকে না। এই কারণে ঐ সমর বোল্ংজ্মানের স্ত্র হইতে গৃহীত সিদ্ধান্ত মোটামুটিভাবে পরীক্ষার সহিত মিলিয়া যার। বিশেষভাবে ক্রটি দেখা যার ঘনীভূত তক্ষের (condensed system) ক্ষেত্র।

15·11. কোস্লাণ্টাম পরিসংখ্যানের মূল কথা (Basic postulates of quantum statistics) :

সনাতন পরিসংখ্যানে গ্রুদ্-গৃণিতক সঠিকভাবে নির্দেশ করা বার না। কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানে এই সম্পর্কে একটি সূচিন্তিত মত পোষণ করা হর। হাইসেনবার্গ (Heisenberg)-এর অনিশ্চরতাবাদ (uncertainty principle) এই কথাই বলে বে, কণার অবস্থান ও ভরবেগ একই সঙ্গে

কথনই নিশ্চিতাবে জানা সম্ভব নয়—ভরবেগের অনিশ্চরতা $\triangle p$ ও অবস্থানের অনিশ্চরতা $\triangle q$ হইলে, $\triangle p$ $\triangle q \approx h$ । এক পারমাণবিক কণার স্থাতন্তা মাত্রা তিন এবং এই কারণে প্রত্যেক দশা কোবের আয়তন h^2 ধরা হয়—অর্থাৎ দশাস্থানে h^3 আয়তনের মধ্যে কণার জন্য বে-কোন স্থান নিশিন্ট করলে আথবীক্ষণিক বিচারে কোন পরিবর্তন হইবে না। যে সকল কণার শক্তি u_i ও u_i+du_i -এর মধ্যে, দশা স্থানে তাহাদের জন্য নিশিন্ট আয়তন

$$\Delta \tau_i = d p_x d p_y d p_z d x d y d z$$

এবং উহাদের জন্য দশা কোষের সংখ্যা হইবে---

$$g_i = \frac{\Delta \tau_i}{h^*} \qquad \cdots \qquad (15.32)$$

এই প্রসঙ্গে আরে। একটি বিষয় উল্লেখ কর। প্রয়োজন। সনাতন পরিসংখ্যানে কণাগুলির প্রত্যেক্কেই আণবীক্ষণিক পর্যবেক্ষণে পুথকভাবে হইরাছে। এই কারণে দুইটি প্রকোন্ডের মধ্যে কণার সংখ্যা ছির রাখিয়া উহাদের নিজেদের মধ্যে স্থান পরিবর্তন করাইলে একটি নতন অবস্থার সৃষ্টি হয়। সনাতন পরিসংখ্যানে তাপগতীয় সম্ভাবাতা হিসাব করিবার সময় ঐ বিষয়ে দৃত্তি দেওর। হইরাছে। কোরান্টাম পরিসংখ্যানে শুরুতেই কণাগুলির কোন স্বাতন্যা চিহ্ন থাকে না ধরিয়া লওরা হইবে। বজুতপক্ষে কৃষ বিকিরণে শক্তি-বণ্টন হিসাব করিবার জন্য সভ্যেন্দ্র নাথ বোস প্ল্যান্কের বিকল্প বে পদ্ধতি উদ্রাবন করেন, তাহাই কোরান্টাম পরিসংখ্যানের সরুপাত করিরাছে। আণবীক্ষণিক পর্ববেক্ষণেও দুইটি আলোক কণার মধ্যে কোন পার্থক্য থাকিবে আশা করা বার না। বোস আলোক কণার ক্ষেত্রে এই 'অভিনতা মত' (indistinguishibility) পোষণ করেন। কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানে সাধারণভাবে সকল বল্প-কণার জনাই (বেমন অণু, পরমাণু, ইলেক্ট্রন, প্রোটন, নিউট্টন, পঞ্জিটন ইত্যাদির কেতে) এই 'অভিনতা' সীকার করিরা লওয়া इटेरव । यदा कता वाक u, e u, मांख अवसात मुटेपि कमा त्रीहतारह : এकाम উহারা নিজেদের মধ্যে স্থান পরিবর্তন করিলে কোরাণ্টাম মতবাদ অনুবায়ী বিতীর কোন আশবীকশিক অবস্থার সৃথি হইবে না। সনাতন পরিসংখ্যানে ৰণাপুলিতে স্বাভন্তা চিহ্ন আরোপ করা হইরাছে এবং সেই জন্য এই পরিবর্তনে অন্য একটি আপৰীক্ষণিক অবস্থার সৃষ্টি হটুবে। কণাগুলিকে বখন অভিন

বালয়া চিন্তা করা হইতেছে তথন কেবলমাত্র কোষে কণার সংখ্যা পরিবর্তন করিলে অন্য একটি অবস্থার সৃষ্টি হয়—কণাগুলির স্থান পরিবর্তনে নূতন কোন অবস্থা সৃষ্টি করা বার না (সনাতন পরিসংখ্যানে এই অতিরিক্ত অবস্থাগুলিও ধরিতে হইবে)। একটি উদাহরণের সাহাব্যে ইহা বৃঝিতে সহজ হইবে।

মনে করি u শক্তি অবস্থাটির গ্রুত্ব-গুণিতক তিন— ঐ অবস্থার দুইটি কণা আছে। দুইটি কণাকে তিনটি কোবে রাখিরা কতগুলি ভিন্ন অবস্থা সৃষ্টি ইইতে পারে? সনাতন পরিসংখ্যানে এই সংখ্যা হইবে $g_i^n = 3^2 = 9$; কিলু কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানে এই সংখ্যা হইবে ছয়। এই অবস্থাগুলির বর্ণনা হইবে $(2,0,0),\ (0,2,0),\ (0,0,2),\ (1,1,0),\ (1,0,1)$ ও (0,1,1)— এক্ষেত্রে (2,0,0) অবস্থাটির অর্থ হইতেছে প্রথম কোবে দুইটি কণা রহিয়াছে, দ্বিতীর ও তৃতীর কোবে একটিও কণা নাই। বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যানে এইভাবে তাপগতীর সম্ভাব্যতা হিসাব করা হয়। লক্ষ্য করা বায়, শেষ তিনটি বর্ণনার প্রত্যেকটির জন্য সনাতন পরিসংখ্যানে দুইটি করিয়া আণবীক্ষণিক অবস্থার সৃষ্টি হইবে এবং সেই কারণে ঐ হিসাবে মোট আণবীক্ষণিক অবস্থার সংখ্যা হইবে এবং সেই কারণে ঐ হিসাবে মোট আণবীক্ষণিক অবস্থার সংখ্যা হইবে 6+3=9।

উপরের আলোচনার কোষে কণা থাকিবার কোন উর্ধ্বসীমা রাখা হয় নাই। একটি কোষে কণার সংখ্যা ইচ্ছামতো চিম্বা করা যাইতে পারে। কিন্তু পাউলির অপবর্জন নীতি (Pauli's exclusion principle) অনুবায়ী কোন কোষেই একাধিক ইলেকট্রন থাকিতে পারে না। সেক্ষেত্রে উপরের হিসাব গ্রহণবোগ্য নর । উপরের উদাহরণে একটি কোষে একটির বেশী কণা নর এবং কণাগুলি প্রত্যেকেই অভিন্ন এই ভিত্তিতে মোট তিনটি আণবীক্ষণিক অবস্থার সৃন্টি হইতে পারে । এই অবস্থাগুলির বর্ণনা হইবে (1, 1, 0) ; (1, 0, 1)এবং (0, 1, 1)। পাউলির মতবাদের ভিত্তিতে পরিসাংখ্যিক আলোচনার সূত্রপাত করেন এন্রিকো ফামি এবং এই পরিসংখ্যানকে ফামি-পরিসংখ্যান বা ফামি-ডিরাক পরিসংখ্যান বলা হয়। যে জাতীয় কণার জন্য ফামি-পরিসংখ্যান প্রবোজা, তাহাদের ফার্মিয়ন (Fermion) বলে। উল্লেখ করা যায়, বে সকল কণার জন্য spin কোন পূর্ণ সংখ্যার অর্থেক (particles with half-integer spin) বা অবৃগা ভর-সংখ্যা সম্পন্ন কণা (particles with odd mass-number)— त्यमन ইलाकप्रेन, প্রোটন, निউप्तेन, পঞ্জির ইত্যাদি প্রত্যেকেই ফামি-পরিসংখ্যানের অন্তর্ভূক্ত। spin পূর্ব সংখ্যা (integral spin) বা যুগা ভর-সংখ্যা সম্পন্ন কণা (particles with even mass-number) বোস-পরিসংখ্যানের অর্ড্ড এই সকল কণাকে বোসন (Boson) বলা হর। বোস-পরিসংখ্যান ও ফামি-পরিসংখ্যান উভর কেত্রেই কণাগুলি স্বাতল্য চিহ্ন বর্জিত কেবলমাত্র ফামি-পরিসংখ্যান একটি কোষে একটির বেশী কণা থাকিবে না—এই অতিরিক্ত বাধাবাধকতা আরোগিত হইতেছে।

15·12. কোয়াণ্টাম পরিসংখ্যানে তাপগতীয় সন্তাব্যতার হিসাব (Thermodynamic Probability following quantum statistics):

(a) বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যান (B-E Statistics)—বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যানে তাপগতীয় সভাবাত। হিসাব করিবার সময় আমাদের দেখিতে হইবে যে, n_i -সংখ্যক কণাকে কতভাবে g_i সংখ্যক কোষের মধ্যে রাখা সভব হইতে পারে। কণাগুলি প্রত্যেকে একই ধরনের এবং একটি কোষে বতগুলি ইচ্ছা কণাকে রাখা চলে।

 x_1, x_2, \cdots, x_n এইরূপ g_i সংখাক কোষের প্রত্যেকটিতে কতগুলি কণা আছে তাহা জানিতে পারিলেই আগবীক্ষণিক অবস্থাটির বর্ণনা সম্পূর্ণ হয়। বেহেতু কণাগুলি প্রত্যেকেই অভিন্ন, সেই কারণে কোন্ কণা কোন্ কোবে আছে, তাহা আমাদের বিবেচ্য নর । কোন একটি আগবীক্ষণিক অবস্থার বর্ণনা ধরা বাক,

ইহার অর্থ এই বে প্রথম কোষে α_1 সংখ্যক কণা রহিয়াছে, দ্বিতীয় কোষে কণার সংখ্যা α_{g_i} । এখানে—

$$\sum_{i=1}^{g_i} \alpha_i = \alpha_1 + \alpha_2 + \cdots + \alpha_{g_i} = n_i$$

প্রত্যেকটি কোষে বত ইচ্ছা কণা থাকিতে পারে। সৃতরাং এই অবস্থার এক বা একাধিক কোষে কণার সংখ্যা হ্রাস করিরা অন্য এক বা একাধিক কোষে কণার সংখ্যা বৃদ্ধি করিবার পর অন্য একটি আণবীক্ষণিক অবস্থার সৃষ্টি হয়। মোট কণার সংখ্যা এবং মোট কোষের সংখ্যা অবশ্য একই থাকে।

এই কারণে $(1-x_1)^{-1}$ $(1-x_2)^{-1}\cdots(1-x_{\theta_i})^{-1}$ বিজ্বতিতে বে সকল পদে $x_1,x_2,\cdots,x_{\theta_i}$ -এর বাত সমূহের বোগফল n_i সেই পদগুলির

প্রত্যেকটি এক-একটি আণবীক্ষণিক অবস্থার বর্ণনা দেয়। এরূপ কতগুলি পদ থাকিতে পারে? এই সংখ্যা হইবে $(1-x)^{-a_i}$ বিস্তৃতিতে $[x_1=x_2=\cdots=x_a=x$ ধরিয়া $]x^{n_i}$ -এর সহগের সমান।

$$\mathbf{P}_i = (1-x)^{-o_i}$$
 বিস্থানিতে x^{n_i} -এর সহগ
$$= \frac{g_i(g_i+1)(g_i+2)\cdots(g_i+n_i-1)}{n_i!}$$

$$= \frac{(g_i+n_i-1)!}{n_i!(g_i-1)!}$$

 u_1 শক্তি অবস্থায় P_1 সংখ্যক আগবীক্ষণিক অবস্থা সম্ভব—অনুরূপভাবে u_2 শক্তিতে P_3 , u_4 শক্তিতে P_3 আগবীক্ষণিক অবস্থা থাকিবে । u_1 এবং u_2 শক্তির জন্য বথাদ্রমে P_1 ও P_3 সংখ্যক আগবীক্ষণিক অবস্থা থাকিলে ঐ দূই অবস্থার জন্য মোট আগবীক্ষণিক অবস্থা হইবে P_1P_2 । প্রথম দূইটি অবস্থার সঙ্গের বখন তৃতীয় অবস্থাটিও চিন্তা করি, তখন মোট $P_1P_2P_3$ সংখ্যক আগবীক্ষণিক অবস্থার উত্তব হয় । এই কারণে—

$$P = \prod_{i} P_{i} = \prod_{i=1}^{n} \frac{(g_{i} + n_{i} - 1)!}{n_{i}! (g_{i} - 1)!}$$
অথবা $P = \prod_{i=1}^{n} \frac{(g_{i} + n_{i})!}{n_{i}! g_{i}!}$... (15.33)

(b) কার্মি-ভিরাক পরিসংখ্যান (F-D Statistics)—

বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যানে দশা কোষগুলিতে যত ইচ্ছা কণা থাকিতে পারে। পার্ডলির অপবর্জন নীতি হইতে ফার্ম-পরিসংখ্যানের স্চনা হইরাছে। ইহার অর্থ এই যে, এ, সংখ্যক কোষের মধ্যে যেগুলিতে কণা থাকে সেগুলিতে কেবলমাত্র একটি কণা থাকিবে অথবা আদৌ কোন কণা থাকিবে না। এক্ষেত্রেও কণাগুলি অভিন্ন। ফলে দুইটি কোষের মধ্যে কণা পরিবর্তন করাইয়া নতুন কোন আগবীক্ষণিক অবস্থা সৃষ্টি করা যায় না। কেবলমাত্র কোষে কণার সংখ্যা পরিবর্তন করিলে—অর্থাৎ কোন কণাশ্ন্য কোষে একটি কণাকে রাখিলে এবং সেই সঙ্গে কণা-থাকা-কোষকে কণাশ্ন্য করিলে [এক বা একাধিক ক্ষেত্রে] তবেই ন্তন একটি আগবীক্ষণিক অবস্থার উদ্ভব হয়।

মনে করি, কোন একটি অবস্থার বর্ণনা হইল

$$x_1^1 x_2^0 x_3^0 x_4^1 \cdots x_{0,1}^1$$

প্রথম কোষটিতে একটি মাত্র কণা রহিয়াছে, বিতীর ও তৃতীর কোষে একটিও কণা নাই, চতুর্ব কোষে আবার একটি কণা রহিয়াছে এবং শেষ পর্বর g_i -তম কোষে শেষ কণাটি আছে। মোট কণার সংখ্যা n_i (u_i -শক্তি সম্পার কণার সংখ্যা ধরা গেল n_i)। ফলে $x_1, x_2, \cdots, x_{\ell}$ -এর বাতের বোগফল হইবে n_i । এই কারণে,

$$(1+x_1)(1+x_2)(1+x_3)\cdots(1+x_n)$$

বিস্তৃতিতে বে-সকল পদে $x_1, x_2, \cdots, x_{\ell_1}$ -এর ঘাতের [ঘাত 0 (zero) অথবা 1] বোগফল n_i তাহারা প্রত্যেকেই একটি করিয়া সম্ভাব্য আণবীক্ষণিক অবস্থার বর্ণনা দেয়। এই কারণে $(1+x^i)^{\ell_1}$ বিস্তৃতিতে x^{ℓ_1} -এর সহগ হইতেছে মোট সম্ভাব্য আণবীক্ষণিক অবস্থা বা তাপগতীর সম্ভাব্যতা। একেতে অবশাই $g_i > n_i$ ।

$$P_{i} = (1+x)^{o_{i}}$$
 বিস্থৃতিতে $x^{n_{i}}$ -এর সহগ
$$= {}^{o_{i}}C_{n_{i}} = \frac{g_{i}!}{n_{i}!(g_{i}-n_{i})!}$$

$$P = \pi P_{i} = \pi \frac{g_{i}!}{n_{i}!(g_{i}-n_{i})!} \cdots (15.34)$$

15·13. বোস-আইনস্টাইন ও ফামি-ডিরাক বণ্টন সূত্র (Distribution law according to B-E Statistics and F-D Statistics):

(a) বোস-আইনস্টাইন বন্টন সূত্ৰ (Distribution law according to B-E statistics)

মনে করি, গা-সংখ্যক বিক্রিয়াহীন কণার মোট শক্তি U। কণাগুলির পক্ষে u_1, u_2, \cdots, u_i শক্তিতে থাকা সম্ভব এবং এই সকল শক্তি অবস্থার গুরুদ্ধ-গুণিতক বধাক্রমে $g_1, g_2, \cdots, g_i \cdots$ । আমরা জানিতে চাই সাম্যাবস্থার বিভিন্ন শক্তিতে কণা কি অনুপাতে থাকে।

ধরা বাক, u_1 শক্তিতে u_2 , u_3 শক্তিতে u_4 , \cdots , u_4 শক্তিতে u_4 সংখ্যক কণা রহিরাছে। এই বাহ্যিক অবস্থার জন্য মোট তাপগতীর সম্ভাব্যতা P-এর হিসাব সমীকরণ (15.33) হইতে পাইব। এই অবস্থার এন্ট্রিপ

 $S=klnP=k\Sigma ln\;(g_i+n_i)\;!-k\Sigma ln\;n_i\;!-k\Sigma\;ln\;g_i\;!$ স্টালিং-এর স্ত্রের সাহাব্যে লিখিতে পারি,

$$S = k \left[\Sigma(g_i + n_i) \ln (g_i + n_i) - \Sigma n_i \ln n_i - \Sigma g_i \ln g_i \right]$$

$$\cdots \qquad (15.35)$$

সাম্যাবস্থার সর্ত হইবে $\delta S = 0$

অথবা,
$$\Sigma \delta n_i \left[\ln (g_i + n_i) - \ln n_i \right] = 0 \quad \cdots \quad (15.36)$$

বে-ভাবেই বিভিন্ন শক্তিতে কণার বন্টন হউক না কেন, মোট কণার সংখ্যা ও মোট শক্তির কোন পরিবর্তন হইবে না। অর্থাং

$$n = \sum n_i = \text{grap},$$

এবং
$$U = \sum n_i u_i =$$
धन्तक

কাম্পানক পরিবর্তনে.

$$\delta n = \Sigma \delta n_i = 0 \qquad \dots \qquad (15.37)$$

$$\mathbf{e} \quad \delta \mathbf{U} = \Sigma \mathbf{u}_i \delta \mathbf{n}_i = 0 \qquad \qquad \cdots \qquad (15.38)$$

সমীকরণ (15·36), (15·37) ও (15·38) একর করিয়া সাম্য বণ্টন (অর্থাৎ সাম্যাবস্থার n_i শক্তিতে কণার সংখ্যা n_i) স্থির করা বাইতে পারে। এজন্য লাগ্রাজ পদ্ধতিতে সমীকরণ (15·37)-কে $-\gamma$ দ্বারা ও সমীকরণ (15·38) কে $-\beta$ দ্বারা গুণ করিবার পর সমীকরণ (15·36)-এর সহিত বোগ করিবেল—

$$\Sigma \delta n_i \left[\ln \left(g_i + n_i \right) - \ln n_i - \beta u_i - Y \right] = 0$$

अथवा,
$$n_i = \frac{g_i}{e^{\beta u_i + \gamma} - 1} = \frac{g_i}{Ae^{\beta u_i} - 1}$$
 ··· (15.39)

সমীকরণ (15°39) বোস-আইনস্টাইনের বণ্টন সূত্র। অবশ্য এখনও পর্বত্ত A ও β দৃইটি অনির্দিন্ট ধ্রুবক। এই ধ্রুবক-দৃইটিকে জানিতে পারিলে তবেই বণ্টন সূত্র সম্পূর্ণভাবে জানা যায়। γ কখনই ঝণাত্মক হইবে না $[A \not < 1]$, কারণ $u_i < -\gamma/\beta$ অবস্থায় হর একটি ঝণাত্মক সংখ্যা হইবে। কিন্তু n_i কি করিয়া একটি ঝণাত্মক সংখ্যা হইতে পারে।

ঞ্জনক β: সমীকরণ (15'35) ও (15'39)-কে একত করিরা লেখা বার,

$$\frac{S}{k} = \sum n_i \ln \left(\frac{g_i}{n_i} + 1 \right) + \sum g_i \ln \left(1 + \frac{n_i}{g_i} \right) \quad \cdots \quad (15.40a)$$

$$= n \ln A + \beta U + \Sigma g_i \ln A + \beta \Sigma g_i u_i - \Sigma g_i \ln (Ae^{\beta u_i} - 1)$$
... (15.40b)

n ও V স্থির রাখিয়া মোট শক্তি U-এর পরিবর্তন চিন্তা করিলে u_i -এ কোন পরিবর্তন হয় না।

approx
$$U = \sum n_i u_i = \sum \frac{g_i u_i}{\sum e^{\beta u_i} - 1}$$

সূতরাং, মোট শক্তি পরিবর্তনে A ও eta উভরেরই পরিবর্তন হয়—অন্যভাবে বলা বার বে, A ও eta উভরেই U-এর অপেক্ষক ।

$$\frac{1}{k} \begin{pmatrix} \frac{\partial S}{\partial U} \end{pmatrix}_{F} = \begin{pmatrix} \frac{\partial A}{\partial U} \end{pmatrix}_{F} \begin{bmatrix} n \\ A \end{bmatrix} + \frac{1}{A} \sum g_{i} - \sum_{A \in \mathcal{B}_{u_{i}}} \frac{g_{i} e^{\beta u_{i}}}{A e^{\beta u_{i}} - 1} \end{bmatrix} + \beta + \begin{pmatrix} \frac{\partial \beta}{\partial U} \end{pmatrix}_{F} \left[U + \sum g_{i} u_{i} - \sum_{A \in \mathcal{B}_{u_{i}}} \frac{g_{i} u_{i} e^{\beta u_{i}}}{A e^{\beta u_{i}} - 1} \right] + \beta$$

সমীকরণ (15:39)-এর সাহাযো n ও \mathbb{U} -কে প্রকাশ করিলে, $inom{\partial A}{\partial \mathbb{U}}_r$ ও

 $\begin{pmatrix} \frac{\partial \beta}{\partial U} \end{pmatrix}_{F}$ -এর সহগ পৃথক্ভাবে শ্ন্য হইবে ।

$$\therefore \quad \frac{1}{k} \left(\frac{\partial S}{\partial U} \right)_{r} = \beta \qquad \qquad \cdots \qquad (15.41a)$$

সমীকরণ-দৃতিকে একর করিয়া $eta=rac{1}{k \mathrm{T}}$ । সূতরাং বণ্টন-স্রুটি হইবে

$$n' = \frac{g_i}{Ae^{kT} - 1} \qquad \cdots \qquad (15.42)$$

 $m{a}$ কৰ A : আদৰ্শ গ্যাস-অণুর কথা চিন্তা করা যাক। সমস্ত শক্তিই ইহাদের গতিশক্তি এবং এই জন্য $u_i=rac{1}{2m}\;p_i^{\;2}$ । কণার শক্তি u_i ও

 $u_i + du_i$ -এর মধ্যে থাকার অর্থ এই যে, উহাদের ভরবেগ $p_i \in p_i + dp_i$ -এর মধ্যে আছে । ইহাদের জন্য দশাস্থানে নির্দিন্ট আয়তন

$$\Delta \tau_{i} = 4\pi p_{i}^{2} dp_{i} V = 2\pi V (2m^{3}u_{i})^{3} du_{i}$$

$$\therefore g_{i} = \frac{2\pi V (2m^{3}u_{i})^{1/2} du_{i}}{h^{3}}$$

সমীকরণ (15·42)-এ g_i -এর মান বসাইলে,

উপরের সমীকরণে $u \in u + du$ শক্তির মধ্যে থাকা কণাকে dn_u লেখা হইরাছে। গতিবেগ c-এর হিসাবে লিখিলে

$$dn_{c} = \frac{2\pi V (2m)^{3/2} (\frac{1}{2}m)^{\frac{1}{2}} cmc dc}{h^{\frac{mc^{2}}{2kT}} - 1)} = \frac{4\pi V m^{\frac{n}{2}} c^{\frac{n}{2}} dc}{h^{\frac{n}{2}} (Ac^{\frac{mc^{2}}{2kT}} - 1)}$$

A> 1 অবস্থার

$$dn_o = \frac{V}{A} \cdot \frac{4\pi m^3 c^3}{h^3} e^{-\frac{mc^3}{2kT}} dc$$
 ... (15.44)

পক্ষান্তরে বোল্ংজ্মানের সনাতন বণ্টন সূত্র হইতেছে,

$$dn_e = 4\pi n \left(\frac{m}{2\pi k T}\right)^{3/2} e^{-\frac{mc^2}{2k T}} c^2 dc$$
 [সমীকরণ 15.21]

সমীকরণ (15:44) ও (15:21)-কে তুলনা করিলে

$$A = \frac{V}{nh^3} (2\pi mkT)^{3/2} \qquad \cdots \qquad (15.45)$$

উপরের আলোচনা হইতে দেখা যায় যে, $V
ightharpoonup \omega$ এবং n
ightharpoonup 0 ি গ্যাসের চাপ ও ঘনম খুব কম] এবং সেই সঙ্গে T খুব বেশী হইলে $A \geqslant 1$ ।

এই সময় বোস-আইনস্টাইন ও সনাতন পরিসংখ্যানে পার্থক্য খৃবই সামান্য । কিছু খৃব কম উক্তায় ঘনত্ব উল্লেখবোগ্যভাবে বৃদ্ধি পাইলে $[A\sim 1]$ সনাতন পরিসংখ্যানের গৃহীত সিদ্ধান্তে পরিবর্তন প্রয়োজন হয় ।

অতএব, গ্যাস-অপু বিক্রিরাহীন হওরা সত্ত্বেও বিশেষ অবস্থার, আদর্শ গ্যাস হইতে উহার বিচ্যুতি ঘটিতে পারে। এই অবস্থার গ্যাসকে অধঃপতিত গ্যাস (degenerate gas) বলা হর। উল্লেখ করা বার বে, আদর্শ গ্যাস হইতে এই বিচ্যুতি কিন্তৃ ভ্যান্-ভার-ওরাল্সের সমীকরণে অনুবন্ধ (incorporate) করা সম্ভব হর নাই। এই বিচ্যুতির আসল কারণ এই বে, শ্না ভিগ্নি কেল্ভিন উক্তার কাছে উক্ত চাপে গ্যাস-অপু সনাতন বলবিদ্যার পরিবর্তে কণা-বলবিদ্যা (quantum mechanics) শ্বরা নিরন্দ্রিত হর।

এন্ট্রাপ, আন্তর-শক্তি, অবস্থার সমীকরণ ও আপেক্ষিক তাপের হিসাব হইতে বোস-পরিসংখ্যান ও সনাতন পরিসংখ্যানের পার্থকা আরও ভালোভাবে বুঝা বাইবে। সমীকরণ (15.40b) হইতে দেখা বার বে, $A\geqslant 1$ অবস্থার (non degenerate gas) এক গ্রাম-অপুর [এখানে n=N (আ্যান্ডো-গ্যান্ডো সংখ্যা)] এন্ট্রপি হইবে

$$\frac{S}{k} = N \left[ln A + \frac{U}{RT} \right]$$

$$= N \left[ln \left\{ \frac{V}{Nh^*} \left(2\pi mkT \right)^{3/2} \right\} + \frac{U}{RT} \right]$$

$$= N \left[ln \left(\frac{V}{N} \right) + \frac{3}{2} ln T + ln \frac{\left(2\pi mk \right)^{3/2}}{h^*} + \frac{U}{RT} \right] \cdot (15.46)$$

এন্ট্রপির পরম মান, দেখা বার কণার মোট সংখ্যার উপর নির্ভর করে (ব্যাপক ধর্ম) এবং উহা হিসাব করিবার পক্ষে কোন বাধা নাই। কারণ A>1 অবস্থার—

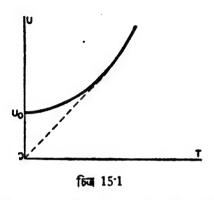
बाहत-मंखि
$$U = \sum n_i u_i = \frac{3}{2} RT$$
 ... (15.47)

সনাতন পরিসংখ্যানে আহর-শক্তি সম্পর্কে আমরা একই সিদ্ধান্তে পৌছিরাছি। বোস-পরিসংখ্যানে সম্পূর্ণ অধ্যপতিত অবস্থার গ্যাসের অবস্থার সমীকরণ ও আপেক্ষিক তাপ বধাচমে,

$$P = 1.3 \left(\frac{2\pi m}{h^2}\right)^{3/2} (kT)^{5/2}$$
 ... (15.48)

$$s C_v = \frac{19.5}{4} \left(\frac{2\pi m}{h^2}\right)^{3/2} k^{5/2} V T^{3/2}$$
 ... (15.49)

সনাতন আনর্শ গ্যাসের ক্ষেত্রে T=0 অবস্থায় $C_v \neq 0$ । কিন্তু বোসপরিসংখ্যানে $C_v=0$ । এই সিদ্ধান্ত নের্ন ্ট-এর তাপ-উপপাদ্যের সঙ্গে সঙ্গতিপূর্ণ।



উক্তা বৃদ্ধি পাইতে থাকিলে গ্যাস অধঃপতন হইতে রক্ষা পায় (degeneracy is removed)। চিত্র (15:1)-এ পূর্ণ রেখাটি অধঃপতিত গ্যাসের জন্য এবং ভগ্ন রেখাটি আদর্শ গ্যাসের জন্য। উক্তা কতদ্র পর্বন্ত গ্যাস অধঃপতিত অবস্থার থাকে, তাহা নির্ভর করে একক আরতনে কণার সংখ্যা ও উহার ভরের উপর $igg[\mathrm{T} \propto rac{1}{m} (n/\mathrm{V})^{2/3} igg]$ । কণার ভূর বেশী হইলে এই উক্তা কম হইবে। হাইড্রোজেন গ্যাসের ক্ষেত্রে স্বাভাবিক চাপ ও উক্তার [T = 300°K ও n/V ~ 3 × 101°cm-8], A ~ 3.3 × 104 —এই সমর হাইড্রোজেন অধঃপতন-মৃক্ত আদর্শ গ্যাস। উল্লেখ করা বার বে, অতি শীতল অবস্থায় [পরম শ্নোর কাছে] উচ্চ চাপে degeneracy-র কারণে কোন গ্যাসের পক্ষেই আনর্শ গ্যাসের ধর্ম অকুন্ন রাখা সম্ভব হয় না। অন্য কারণেও আদর্শ গ্যাস হইতে বিচ্যুতি ঘটিবে—ভ্যান্-ভার-জ্যাশ্সের সমীকরণে এই কারণগুলিকে ধরা হইয়াছে। কেবলমাত বোস-পরিসংখ্যান-জনিত গ্যাদের বিচ্যুতি পরীকার সাহায্যে পরিমাপ করিতে যাওয়া এই কারণে সম্ভব নর । পরোক্ষ প্রমাণে বোস-পরিসংখ্যানের যথার্থতা প্রমাণিত হইয়াছে। বেমন, বোস-পরিসংখ্যান হইতে দেখা যার তরল He I, 3·12°K উক্তার তরল He II-তে রূপান্তারত হইবে। পরীকা হইতে দেখি এই উক্তা 2·18°K । পরবর্তী অনুচ্ছেদে বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যান হইতে প্ল্যান্কের বণ্টন সন্ত প্রমাণ করা হইবে।

(b) কাৰ্বি-ডিয়াক কটন সূত্ৰ (Fermi-Dirac distribution law)—

বোস-আইনস্টাইন বণ্টন সূত্রের মতো একই পদ্ধতিতে ফার্মি-ডিরাক বণ্টন সূত্রে পৌছানো বাইতে পারে। একেত্রে সমীকরণ (15°34) হইতে শুরু করিতে হইবে।

$$\frac{S}{k} = \sum \ln g_{i} - \sum \ln n_{i} - \sum \ln (g_{i} - n_{i})$$

শ্টালং-এর সূত্রের সাহাব্যে লিখিতে পারি

$$\frac{S}{k} = \sum g_i \ln g_i - \sum n_i \ln n_i - \sum (g_i - n_i) \ln (g_i - n_i)$$

অথবা,
$$\frac{\delta S}{k} = \sum \delta n_i \left[-\ln n_i + \ln (g_i - n_i) \right]$$

नाम्यावचात्र मर्ज वन्यात्री,

$$\sum \delta n_i \left[-\ln n_i + \ln (g_i - n_i) \right] = 0$$
পরবর্তী অংশে একই পর্যাততে অগ্নসর হইলে

$$n_i = \frac{g_i}{Ae^{B_{n_i}} + 1} \qquad \cdots \qquad (15.50)$$

একইভাবে প্রমাণ করা বার $\beta=\frac{1}{kT}$ । আপাতদৃষ্টিতে বোস-আইনফাইন ও ফার্ম-ভিরাক পরিসংখ্যানে বিশেষ কোন পার্থকা লক্ষ্য করা বার না। প্রথম কেত্রে হরে 1-এর আগের চিহ্নটি খণাত্মক কিন্তু ছিতীর ক্ষেত্রে উহা ধনাত্মক হইবে। সেজন্য ফার্ম-পরিসংখ্যানে 0 হইতে ∞ -র মধ্যে A-র বে-কোন মান নির্দিন্ট হইতে পারে। উপরের সমীকরণ হইতে A>1 অবস্থার [উচ্চতা বেলী ও বনত্ম কম] সনাতন বণ্টন সূত্রে পৌছাইব। গ্যাসের ক্ষেত্রে ফার্ম-বণ্টন-সূত্রকে পরীক্ষার মাপকাঠিতে বাচাই করিতে বাওরা এই কারণেই অর্থহীন। ইলেকট্রন গ্যাসের ক্ষেত্রে পরিস্থিতির সম্পূর্ণ পরিবর্তন হর। পরিবাহীতে গড়ে প্রত্যেকটি পরমাণ্ডে একটি করিরা ইলেকটন ধরিলেও ইলেকটনের সংখ্যা খ্ব বেশী হইবে, উপরন্ধ ইলেকটনের তর খ্ব কম সেজন্য ব্যাভাবিক উচ্চতার A>1। এই কারণেই ইলেকটন গ্যাসের পক্ষেত্রাদর্শ স্থাসের (classical ideal gas) ধর্ম অক্ষম রাখা সম্ভব নর ।

ইলেকট্রনের ঘূর্ণন অক্ষ (spin axis) z-আক্ষের অভিমূখে [z চুম্বক বলকেত্রের দিক ; $H \rightarrow 0$] নত্বা উহার বিপরীত দিকে থাকে । এই কারণে u_i ও $u_i + du_i$ শক্তির মধ্যে,

$$g_{i} = 2 \times \frac{2\pi V (2m)^{8/2} u_{i}^{1/2} du_{i}}{h^{2}}$$

$$\therefore n_{i} = \frac{4\pi V (2m)^{8/2} u_{i}^{1/2} du_{i}}{h^{8} (Ae^{u_{i}/hT} + 1)} \qquad \cdots \qquad (15.51)$$

 $A\geqslant 1$ অবস্থার এই সমীকরণটিতে হরে 1 লেখা নিরর্থক। এই অবস্থার ইলেকট্রন গ্যাসে আদর্শ গ্যাসের প্রকৃতিগত ধর্ম লক্ষ্য করা বায়। ইহা ইলেকট্রন গ্যাসের অধঃপতন-মৃক্ত অবস্থা। এই সময়ে

$$n_i = \frac{4\pi V (2m)^{3/2} u_i^{1/2} e^{-u_i/kT}}{h^3 A} du_i \qquad \cdots \qquad (15.52)$$

মোট কণার সংখ্যা

$$n = \sum n_i = \frac{8\pi V (2mkT)^{3/2}}{h^5 A} \int_0^\infty x^8 e^{-x^4} dx \quad [x = (u_i/kT)^{1/2}]$$
 অথবা, $n = \frac{8\pi V (2mkT)^{3/2}}{h^3 A} \frac{\sqrt{\pi}}{4}$
$$= \frac{2V (2\pi mkT)^{3/2}}{h^3 A}$$

ইলেকট্রন গ্যাস অধঃপতন-মৃক্ত অবস্থায় থাকিবার সর্ত হইতেছে

$$A = \frac{2}{h^3} \cdot \frac{V}{n} (2\pi i n k T)^{4/2} \geqslant 1 \qquad \cdots \qquad (15.53)$$

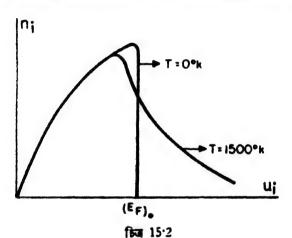
মৃক্ত ইলেকট্রনের ক্ষেত্রে $n/V\sim 10^{13}$, এই সঙ্গে অন্যান্য প্রনক রাগিগুলির মান বসাইয়া হিসাব করিলে দেখা যায় যে, T কয়েক হাজার ডিগ্রী কেল্ভিন হইলে তবেই ইহা সম্ভব হয় । সূতরাং স্বাভাবিক উক্তায় ($T=300^{\circ}{
m K}$) ইলেকট্রন গ্যাস সম্পূর্ণরূপে অধঃপতিত অবস্থায় থাকে ।

গ্যাস সম্পূর্ণরূপে অধ্যংপতিত অবস্থায় থাকিবার সর্ত হইতেছে $A\!\leqslant\! 1$ ।

এই কারণে $A=e^{-S_F/kT}$ লেখা বাইতে পারে। সমীকরণ (15'51) হইতে

 $n_{i} = \frac{4\pi V (2m)^{3/2} u_{i}^{1/2} du_{i}}{h^{3} \left[e^{\frac{u_{i} - E_{i}}{KT}} + 1 \right]}$

মনে করা বাক, $T=0^\circ K$ উক্তার $E_F=(E_F)_o$ । $u_i>(E_F)_o$ অবস্থার $n_i=0$ এবং $u_i<(E_F)_o$ অবস্থার $n_i=g_i=\frac{4\pi V(2m)^{8/2}u_i^{-1}du_i}{h^{\frac{1}{2}}}$ । এই সমরে $(E_F)_o$ শক্তি পর্বন্ত প্রত্যেকটি অবস্থার একটি করিরা। ইলেকট্রন থাকিবে। কিন্তু তাহার চেরে বেশী শক্তিতে একটিও ইলেকট্রন থাকা সম্ভব নর [চিত্র $15^\circ 2$]। শূন্য ডিগ্রি কেল্ডিন উক্তার এই সর্বোচ্চ শক্তি সীমা $(E_F)_o$ -কে ঐ উক্তার ক্যমি-শক্তি' [Fermi-energy] বলা হর ।



$$n = \sum n_i = \int_0^{(E_F)_0} \frac{4\pi V (2m)^{8/3} u^{1/2} du}{h^s}$$
$$= \frac{8\pi V}{3h^s} (2m)^{8/2} (E_F)_0^{8/2}$$

चवरा, $(E_F)_o = \frac{h^*}{2m} \left(\frac{3n}{8\pi V} \right)^{2/3}$

হিসাব করিলে দেখা বার বে $(E_p)_0$ করেক ইলেকট্রন-ভোল্ট (e.v) মাত $^{\flat}$ উকতা পরিবর্তনে ফামি শক্তির পরিবর্তন হয়। দেখা বার—

$$\mathbf{E}_{\mathbf{p}} = (\mathbf{E}_{\mathbf{p}})_0 \left[\frac{\pi (k \mathbf{T})^*}{12(\mathbf{E}_{\mathbf{p}})_0^*} \right]$$

পূর্বেই উল্লেখ করা হইরাছে বে, $A \ll 1$ হইল গ্যাসের অধঃপতিত অবস্থা এবং এই সমর

$$\ln A = \frac{-E_F}{kT} \simeq \frac{-h^2}{2mkT} \left(\frac{3n}{8\pi V}\right)^{2/8}$$

সনাতন পরিসংখ্যানের সিদ্ধান্ত অনুসারে T=0 অবস্থায় গ্যাস-অণুর প্রত্যেকটি শ্বির থাকে ও উহাদের মোট শক্তি শূন্য । কিন্তু ফার্মি-ডিরাক পরিসংখ্যানে দেখিতেছি যে, এই অবস্থায় অণুগুলির গড়-শক্তি

$$(u)_{o} = \frac{1}{n} (\Sigma n_{i} u_{i}) = \frac{1}{n} \int_{0}^{(E)} \frac{4\pi V (2m)^{8} u^{3/2} du}{h^{8}}$$

$$= \left[\frac{1}{n} \frac{4\pi V (2m)^{3/2}}{h^{8}} \right] \frac{2}{5} (E_{F})_{o}^{5/2}$$

$$= \frac{3}{5} (E_{F})_{o}$$

এই শক্তিকে 'শ্না-অবস্থার শক্তি' (zero-point energy) বলা হয় [চিত্র 15·1]। ফামি-পরিসংখ্যানের একটি উল্লেখযোগ্য সাফল্য হইতেছে এই বে, ইহা 'শ্ন্য অবস্থার শক্তি'-কে ব্যাখ্যা করিতে পারে। পাউলির অপবর্জন নীতির কারণেই এই অস্থান্ডাবিক পরিস্থিতির উদ্ভব হইয়াছে।

ফার্ম-ভিরাক বণ্টন সূত্র অনুবারী চিত্র (15.2)-এ $1500^\circ \mathrm{K}$ ও $0^\circ \mathrm{K}$ উক্তার কণার শক্তি-বণ্টন দেখানো হইরাছে । শূন্য ডিগ্রি কেল্ভিন উক্তার $(E_F)_o$ শক্তিতে বণ্টন-লেখটি হঠাং-ই নামিরা আসিরাছে । কিন্তু উক্তা-র্বান্ধতে $(E_F)_o$ শক্তির পরেও ইলেকট্রন থাকিতে পারে । অবশ্য এই অংশে কণার সংখ্যা খুবই কম । এই অংশটি মোটামুটিভাবে ম্যাক্সওয়েলের বণ্টন-সূত্র অনুসরণ করিতেছে বলা বার । উক্তা-বৃদ্ধির ফলে ইলেকট্রনের মোট শক্তির বিশেষ তারতম্য হর না । এই কারণে আপেক্ষিক তাপে ইলেকট্রনের অবদান খুবই সামান্য । পরবর্তী অনুচ্ছেদে এই সম্পর্কে বিশদভাবে আলোচনা করা হইবে ।

সম্পূর্ণ অধঃপতিত অবস্থায় ফামিয়ন গ্যাসের জন্য প্রমাণ করা যায়

$$U = \frac{3}{5} \frac{NE_F}{V} \left[1 + \frac{6\pi^2}{12} \left(\frac{kT}{E_F} \right)^2 \right]$$

$$\frac{2}{5} \frac{\text{NE}}{\text{V}} \left[1 + \frac{5\pi^{\circ}}{12} \left(\frac{k\text{T}}{\text{E}_{F}} \right)^{\circ} \right]$$

$$e C_{\bullet} = \frac{\pi^{\circ} k\text{T}}{2} \cdot \text{R}$$

T=0 অবস্থার $C_v=0$, এই সিদ্ধান্ত নের্ন্টের তাপ-উপপাদোর সঙ্গে সঙ্গিতপূর্ণ। উক্তা-বৃদ্ধির সঙ্গে C_v বৃদ্ধি পার এবং খৃব ধীরে প্রান্তিক মান $C_v=\frac{n}{2}R$ -এ পৌছার।

15'14 কোরাণ্টাম পরিসংখ্যানের প্রয়োগ (Application of Quantum Statistics):

(a) সাধ্যাবছার আলোক কণার বন্টন ও প্ল্যাছের সূত্র (Equilibrium distribution of photon and Planck's distribution law)—1924 খ্রীঃ সভ্যেন্দ্রনাথ বোস আলোক কণার সাম্য-বন্টন বিচার করিরা কৃষ্ণ বিকিরণ সম্পর্কে প্ল্যাছেকর সূত্র প্রমাণ করিবার একটি বিকলপ পদ্ধতি উদ্ভাবন করেন। সভ্যেন্দ্রনাথের এই যুগান্তকারী প্রবন্ধ হইতেই কোরান্টাম পরিসংখ্যানের সূত্রপাত। এখানে সংক্ষেপে বোসের এই প্রমাণটি দেওরা হইল।

আলোকে কণা হিসাবে চিন্তা করিলে উহার শক্তি $u=h\nu$ এবং ভরবেগ $p=h\nu/c$ —এক্ষেত্রে ν আলোক তরঙ্গের কম্পান্ক । বিকিরণে কম্পান্ক $\nu \ll \nu + d\nu$ -এর মধ্যে থাকা তরঙ্গে শক্তি জানিতে গোলে $u \ll u + du$ শক্তির মধ্যে কণার সংখ্যা ছির করিতে হইবে—কণাগুলির প্রত্যেকটির শক্তি $h\nu$ ।

আলোক কণার সাম্য-বন্টন স্থির করিতে দুইটি বিষয়ে সচেতন থাকিতে হইবে—

 বোসন-এর সাম্য-বণ্টন হিসাব করিতে কশার সংখ্যা ছির থাকে বলিরা ধরা হইরাছে। কিবৃ আলোক কশা বা photon-এর ক্ষেত্রে ইহা প্রবোজা নর। এখানে সাম্যাবছার সর্ভ হইবে,

 $\delta S = 0$ ও সেই সঙ্গে $\Sigma n_i u_i =$ ধ্বক

अक्टें खाद श्रमान करा यात्र त्व, नामाावश्वात्र व्यात्माक कनात्र वन्त्रेन इटेरव

$$n_i = \frac{g_i}{e^{u/k!} - 1}$$

2. আলোক তির্বক-তরক—polarisation-এর কারণে v_i ও v_i+dv_i কম্পান্কের মধ্যে

$$g_i = 2 \times \frac{4\pi (hv/c)^2 d(hv/c)}{h^3} V$$
$$= \frac{8\pi V v^2 dv}{c^3}$$

$$\therefore \quad \mathbf{u}_{\mathbf{v}}d\mathbf{v} = \frac{n_{i}h\mathbf{v}}{\mathbf{V}} = \frac{8\pi h\mathbf{v}^{\mathbf{s}}}{c^{\mathbf{s}}(e^{h\mathbf{v}'\mathbf{k}T}-1)}d\mathbf{v}$$

 $u_{\nu}d\nu$ পাত্রীস্থত বিকিরণে একক আয়তনে কম্পাধ্ক v ও v+dv-এর মধ্যে শক্তি নির্দেশ করিতেছে ।

(b) ইলেকট্রন গ্যাসের আপেক্ষিক তাপ (Heat capacity of electron gas)—

ফার্ম-পরিসংখ্যানের একটি উল্লেখযোগ্য সাফল্য হইতেছে বে, ধাতব পদার্থের আপেক্ষিক তাপে মৃক্ত ইলেকট্রনের ভূমিকা সম্পর্কে ইহা সঠিকভাবে আলোকপাত করে। সনাতন পরিসংখ্যানে, N সংখ্যক পরমাণুর (এক গ্রাম-অণু ধরা বাক) প্রত্যেকটিতে একটি করিয়া ইলেকট্রন ধরিলে পরিবাহী ইলেকট্রনের (conduction electron) জন্য তাপগ্রাহিতা হইবে 3/2 R = 3 ক্যালরি এবং মোট তাপগ্রাহিতা হইবে 9 ক্যালরি। কিন্তু পরীক্ষা হইতে দেখা বার যে পরিবাহী ইলেকট্রনের অবদান খ্বই সামান্য — খ্ব বেশী হইলে '03 ক্যালরি। কি করিয়া ইহা সম্ভব যে ধাতব পদার্থে ফুক্ত ইলেকট্রনগুলি তড়িং প্রবাহের সময় অংশ গ্রহণ করে কিন্তু তাপগ্রাহিতার উহাদের কোন অংশ থাকে না!

িত্র $(15^{\circ}2)$ -এ অন্কিত বন্টন-লেখ-দূইটির দিকে দৃষ্টি দেওয়া বাক। ধাতব পদার্থকে $0^{\circ}K$ হইতে $T^{\circ}K$ উঞ্চতার উত্তপ্ত করা হইলে প্রত্যেকটি ইলেকটনই বে kT শক্তি সংগ্রহ করিবে এমন নয় (সনাতন পরিসংখ্যানে ইহাই চিন্তা করা হইয়াছে)। কেবলমাত্র বে ইলেকটনগুলির শক্তি $(E_{p}-kT)$ -য় মধ্যে তাহারাই এইভাবে তাপ শক্তি সংগ্রহ করিয়া সিন্দির অবস্থার আসিতে পারে (thermally excited)। N সংখ্যক ইলেকটনের মধ্যে কেবলমাত্র $N(T/T_{p})$ সংখ্যক $T_{p}=\frac{E_{p}}{k}$ ইলেকটনের পক্ষে,

এইভাবে সন্তির অবস্থার আসা সম্ভব । সৃতরাং, এক গ্রাম-অণু পদার্থে ইলেকষ্টনের তাপীর শক্তি হইবে

$$U_{el} \simeq \frac{NT}{T_E} \cdot kT$$

এইজন্য আপেক্ষিক তাপ

$$C_{al} = \frac{\delta U_{al}}{\delta T} \simeq \frac{NkT}{T_{p}},$$

 $T_F \sim 5 \times 10^4$; এবং স্থাভাবিক উক্তার $T/T_F \simeq 01$.

ধাতব পদার্থে ইলেকটন গ্যাস তাপ-পরিবাহিতা ও তড়িং-পরিবাহিতার কারণ ধরা হর। ভিডেমান্-ফ্রাঞ্চের (Wiedemann-Franz) সূত্র ধাতব পদার্থে তাপ-পরিবাহিতাকে ও তড়িত-পরিবাহিতাকের সম্পর্ক নির্দেশ করে। ফামি-বন্টন-সূত্র হইতে এ সম্পর্কে সঠিক সিদ্ধান্তে উপনীত হওরা বার। তাপীর ইলেকটন (thermionic emission), আলোক-তড়িংকগার (photo electricity) উৎপত্তি এবং ক্ষার ধাতুর চুমুকত্ব (paramagnetism of alkali metals) ইত্যাদি নানাবিধ পরীক্ষার ফলাফল ব্যাখ্যা করিবার পর ফামি-পরিসংখ্যানের বথার্থতা সংশর্মাতীতভাবে প্রমাণিত হইরাছে।

প্রশ্নমালা

- বোল্ংজ্মানের স্তাটিকে প্রমাণ কর। এই সম্পর্কে প্রান্কের প্রতিবেদন বৃকাইরা বল।
- 2. তাপগতীর সম্ভাব্যতা ও গাণিতিক সম্ভাব্যতার পার্থকা বৃক্কাইরা বল । সনাতন পরিসংখ্যানে তাপগতীর সম্ভাব্যতা হিসাব করিবার পদ্ধতিটি বিশদভাবে বৃক্কাইরা দাও ।
- 3. সনাতন ও কোরা-টাম পরিসংখ্যানে তাপগতীর সন্তাব্যতা হিসাব-পদ্ধতিতে মূল পার্থকোর উল্লেখ কর। বোস-আইনস্টাইন ও ফামি-ডিরাক পরিসংখ্যানে মূল পার্থকা কোখার ?
- 4. সনাতন পরিসংখ্যানের ভিত্তিতে শক্তি u, ও u, + du, এর মধ্যে ক্যার সংখ্যা ভিত্ত কর ।

5. ম্যাক্সওরেলের শক্তি-বন্টন সূত্রটি প্রমাণ কর। ঐ স্ত্রটির সাহাব্যে দেখাও বে, গতিবেগ c ও c+dc-র মধ্যে কণার সংখ্যা,

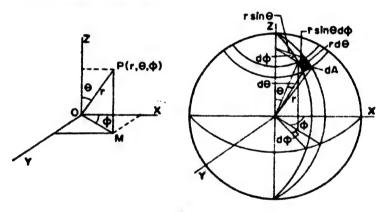
$$dn_o = 4\pi n \left(\frac{m}{2\pi k T}\right)^{\frac{\pi}{2}} e^{-\frac{mc^2}{2k T}} c^2 dc$$

- 6. শক্তির সম-বণ্টন স্তাটি প্রমাণ কর।
- 7. বোস-আইনস্টাইন পরিসংখ্যানের ভিত্তিতে তাপগতীর সম্ভাব্যতা হিসাব কর, এবং পরে শক্তি-যণ্টন স্তটিকে প্রমাণ কর। কোন্ অবস্থায় ঐ সূত্র হইতে সনাতন বণ্টন সূত্রে উপনীত হওয়া বায় ?
- 8. ফার্ম-ডিরাক পরিসংখ্যানে তাপগতীয় সম্ভাব্যতা হিসাব কর এবং শক্তি-বন্টন সূত্রটিকে প্রমাণ কর। ফার্মি-শক্তি বলিতে কি বৃঝ?
 - 9. বোসের পদ্ধতিতে কৃষ্ণ বিকিরণে শক্তি-বণ্টন স্বটি প্রমাণ কর।

শক্তিশিষ্ট 1

দ্রুবীয় পোলীয় স্থানাম্ব ও ঘনকোণের পরিমাপ

ছিমাত্রিক ভূমিতে (three dimensional space) কোন বিন্দুর অবস্থান নির্দেশ করিতে আমরা সাধারণতঃ কার্তেজীর পদ্ধতি গ্রহণ করিয়া থাকি। পরস্পারের সঙ্গে লয়ভাবে থাকা তিনটি রেখা OX, OY ও OZ-কে তিনটি অক্ষ ধরিয়া নির্দিন্ট বিন্দু হইতে YZ, ZX ও XY তলের লয়-প্রস্থকে বথাক্রমে x, y ও z বলা হয়। এক্ষেত্রে (x, y, z) নির্দিন্ট বিন্দু P-এর স্থানাক্ষ নির্দেশ করে।



BJ 1

ধ্বীর-গোলীর-পদ্ধতিতেও চিমানিক ভূমিতে কোন বিল্যু স্থানাদ্দ নির্দেশ করা চলে। এজনা, নির্দেশ তল্পের মূলবিল্যু O-কে P বিল্যুর সহিত যুক্ত করা হয়। P বিল্যু হইতে XY-তলে PM লয় অন্দন করা হইল।

মনে করি, OP = r, $\angle POZ = \theta$ এবং $\angle XOM = \phi$ । কার্তেঞ্জীর স্থানাক্ষ (x, y, z)-এর পরিবর্তে ধ্রুনীর গোলীর স্থানাক্ষ (r, θ, ϕ) -এর সাহাধ্যে P-বিন্দৃকে নির্দিষ্ট করা চলে।

(x, y, z) are (r, θ, ϕ) -are are $x = -\infty$

$$x = r \sin \theta \cos \phi$$

$$y = r \sin \theta \sin \phi$$

$$z = r \cos \theta$$

$$0 \le r \le \infty$$

$$0 \le \theta \le \pi$$

$$0 \le \phi \le 2\pi$$

একণে প্রশ্ন হইল একটি অণু-তল কোন নির্দিন্ট বিন্দৃতে বে-ঘনকোণ উৎপত্ন করে, ধ্রুবীর-গোলীর-স্থানাজ্কের হিসাবে তাহার পরিমাপ কি হইবে ?

তলটি অত্যন্ত কৃষ্ণ হইলে উহাকে r ব্যাসার্থের গোলক পৃষ্ঠে (গোলকের কেন্দ্র ঐ নির্দিন্ট বিন্দু এবং r ঐ বিন্দু হইতে তলটির লয় দ্রছ) একটি অণু-আরতক্ষেত্র চিন্তা করা বার । অণু-তলটি স্থানান্ক r, θ ও $\theta+d\theta$, ϕ ও $\phi+d\phi$ -এর মধ্যে আবদ্ধ থাকিলে ঐ আয়তক্ষেত্রের সন্নিহিত দুই বাছর দৈখ্য হইবে $rd\theta$ ও $r\sin\theta$ $d\phi$ ।

 \therefore অপু-তলের ক্ষেফেল $dS = r^2 \sin \theta \ d\theta d\phi$ এবং ঐ বিন্দৃতে dS কর্তৃক উৎপন্ন ঘনকোণ $d\omega = \frac{dS}{r^2} = \frac{r^2 \sin \theta \ d\theta \ d\phi}{r^2} = \sin \theta \ d\theta \ d\phi$

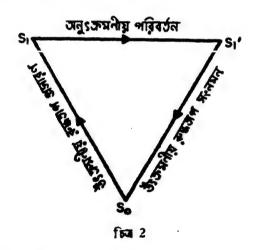
পরিশিষ্ট 2 ভিনের স্থত্তের প্রমাণ

বিকিরকের নিঃসরণ ক্ষমতা তরঙ্গদৈর্ঘার উপর নির্ভর করে, অন্যাদকে উকতা পরিবর্তনে মোট বিকিরণের তারতম্য হয়। এই কারণে অনুমান করা যায় বে, T উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণে λ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বিকিরণ λ ও T-এর কোন অপেক্ষক হইবে। প্রশ্ন হইল, এই অপেক্ষকটিকে (শক্তি-বণ্টন সূত্র) কিন্তাবে জানিতে পারি? এজনা একটি আদর্শ পরীক্ষা-ব্যবস্থা কল্পনা করা বাক, বাহার ফলে λ ও T-এর পরিবর্তন হয় এবং ইহার ফলে u_{λ} $d\lambda$ -র কি পরিবর্তন হয়, তাহা পর্বালোচনা করিয়া শক্তি-বণ্টন সূত্র জানিতে পারিব।

মনে করি, একটি আবদ্ধ পাত্রে সাম্য বিকিরণ (কৃষ্ণ বিকিরণ) রহিয়াছে। পার্রাটি তাপ-অন্তরক এবং উহার ভিতরের দেওয়ালটি এমন বে, আপতিত বিকিরণ সম্পূর্ণরূপে প্রতিফালত হয়। আবদ্ধ পাত্র এবং বিকিরণের উক্তাধরা বাক T। প্র ধীরে দেওয়ালটি বাহিরের দিকে সরিয়া গোলে (গতিবেগ v < c) রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় প্রসারণে বিকিরণের অন্তিম উক্তা T' T' < T] হইবে। রুদ্ধতাপ পরিবর্তনে কৃষ্ণ বিকিরণ সম্পর্কে এই সিদ্ধান্তবৃলি গ্রহণ করা বার—

1. পরিবৃতিত অবস্থার পাত্রন্থিত বিকিরণ T' উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণ।

প্রশাপঃ মনে করি, রক্ষতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তনের পর বিকিরণ T' উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণ হইতে জ্ঞিন। এমন হইতে পারে বে, প্রসারণের পর শক্তি-বনম্ব T' উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণে বিজ্ঞিন তরঙ্গদৈর্ঘ্যে বে-ভাবে শক্তি-বন্টন হইরাছে পারের বিকিরণে ঠিক সেইভাবে শক্তি-বন্টন হর নাই। সম্প্রসারণের পর পারের অভ্যাররে T' উক্তার অত্যার কৃষ্ণ একটি কৃষ্ণ বস্তৃকে (তাপগ্রাহিতা বিকিরণের ত্লানার খুবই সামান্য) প্রবেশ করানো হইল। অনুংক্রমনীর পর্যাততে পারের বিকিরণ কৃষ্ণ বিকিরণের রূপার্টারত হইবে—অর্থাং এই সমরে শক্তির ঘনম্ব ও বিজ্ঞিন তরঙ্গদর্ঘ্যে শক্তি-বন্টন T' উক্তার কৃষ্ণ বিকিরণের অনুরূপ। কৃষ্ণ বস্তুটিকে পারের ভিতরে রাখিয়া বিকিরণকে উৎক্রমনীর পদ্যতিতে প্রারম্ভিক আয়তনে সংনমিত করা হইল।



धरे यावर्छल $-\phi dS = 0$

 $(S_1-S_0)+(S_1'-S_1)+(S_0-S_1')=0$ \cdots (1) S_0 , S_1 ও S_1' বখাচনে প্রারম্ভিক অবস্থার, রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর প্রসারশের অবাবহিত পরে এবং অনুংক্রমনীর পরিবর্তন শেষে বিকিরশের এন্ট্রিপ। রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীর পরিবর্তনের কারণে $S_1=S_0$ এবং $S_1'=S_0$ ।

 $\therefore S_1' = S_1$

অতএব রুদ্ধতাপ প্রসারণের প্রারও কৃষ্ণ বিকরণ, কৃষ্ণ বিকরণই থাকিবে।

2. রক্ষতাপ উৎক্রমনীয় পরিবর্তনে তরঙ্গদৈর্ঘ্য λ এমনভাবে পরিবর্তিত হয় বে— $rac{d\lambda}{\lambda}=rac{1}{3}rac{d\mathrm{V}}{\mathrm{V}}$

শ্রমাণ । মনে করি, আবদ্ধ পার্টাট একটি ফার্পা গোলক এবং উহার দেওয়াল পূর্ণ প্রতিফলকে তৈয়ারী। ঐ ;দেওয়াল ৩-গতিবেগে (৩ € ৫) বাহিরের দিকে অগ্রসর হইরাছে। এই সময় গোলকের ভিতরের তলে বিকিরণ বারবার প্রতিফলিত হইতে থাকিবে। ডপ্লারের সূত্র অনুবারী (Doppler principle) নেওয়াল বাহিরের দিকে ৩ গতিবেগে অগ্রসর হইবার সময় ٧ কম্পান্ডের বিকিরণ দেওয়াল গারে লম্মভাবে আপতিত হইলে উহার কম্পাক্ত √ বিলয়া বোধ হইবে—এবং,

$$\mathbf{v}' = \mathbf{v} \left(\frac{c - v}{c} \right)$$

গতিশীল তল হইতে প্রতিফলিত বিকিরণের কম্পাব্দ v'-এর স্থলে আপাতদৃষ্টিতে v" হইবে। এবং এক্ষেত্রে—

$$\mathbf{v}'' = \mathbf{v}' \left(\frac{c}{c + v} \right)$$

প্রথম ক্ষেত্রে গ্রাহক উৎসের বিপরীত দিকে এবং দ্বিতীয় ক্ষেত্রে উৎস গ্রাহকের বিপরীত দিকে অগ্রসর হইতেছে এইরূপ চিন্তা করা হইয়াছে। প্রতিটি আপতন ও প্রতিফলনে কম্পান্কে মোট পরিবর্তন

$$d\mathbf{v} = \mathbf{v}'' - \mathbf{v} = -\frac{2v}{c}\mathbf{v} \qquad [v \leqslant c]$$

$$\therefore \frac{dv}{\mathbf{v}} = \frac{-2v}{c}, \text{ অথবা } \frac{d\lambda}{\lambda} = -\frac{dv}{\mathbf{v}} = \frac{2v}{c}$$

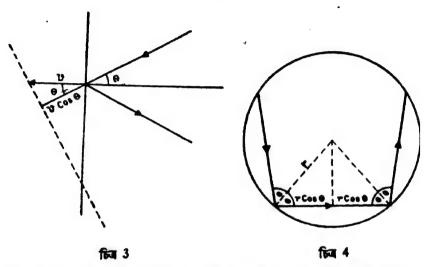
$$[\because v\lambda = c \text{ (ধ্বক)]}$$

আপতন কোণ θ -হইলে (চিত্ৰ-3)— $\frac{d\lambda}{\lambda} = \frac{2\tau \cos \theta}{c}$

গোলকের ভিতরের তলে কোন একটি বিন্দৃতে প্রতিফালত রাশ্ম খিতীয় বিন্দৃতে আপতিত হওরার পূর্বে $2r\cos\theta$ দ্বৰ অতিক্রম করে (চিত্র 4)

—এই জন্য সমর লাগে $(2r \cos \theta)/c$ সেকেও। প্রতি সেকেওে $(c/2r \cos \theta)$ -বার আপতন ও প্রতিফলনে তরঙ্গদৈর্ঘ্যে পরিবর্তন

$$d\lambda = \frac{2v \cos \theta}{c} \cdot \frac{c}{2r \cos \theta} \cdot \lambda = \frac{v\lambda}{r}$$



প্রতি সেকেন্ডে গোলকের ব্যাসার্থ dr বৃদ্ধি পাইলে v=dr, এবং এই কারণে

$$\frac{d\lambda}{\lambda} = \frac{dr}{r}$$

গোলকের আরতন, $V=rac{4}{8}\pi r^{8}$, এইজনা ; $rac{dr}{r}=rac{1}{3}rac{dV}{V}$

$$\therefore \frac{d\lambda}{\lambda} = \frac{dr}{r} = \frac{1}{3} \frac{dV}{V} \qquad \cdots \qquad (1)$$

3. উক্তার তারতমো (রন্দ্রতাপ প্রসারণে উক্তার পরিবর্তন হর) তরঙ্গদৈর্ঘ্যে পরিবর্তন হর এবং এই সময় $\lambda T =$ ধ্বক।

প্রবাণ : পারে বিকিরণের চাপ $P=\frac{u(T)}{3}$, ফলে প্রসারণের সমর বিকিরণ কার্য করিবে । রুদ্ধভাপ-পরিবর্তনে আন্তর-শক্তির বিনিমরে এই কার্য সম্পান হয়, এবং উক্তা হ্রাস পায় । এইভাবে একই সঙ্গে তরঙ্গদৈর্ঘ্য ও উক্তা দুরেরই পরিবর্তন হয় ।

श्रथम मृह अनुमारत. $\delta Q = dU + PdV$

উৎফ্রমনীয় পরিবর্তনে $\delta Q=0$; সেই কারণে d[u(T)V]+PdV=0অথবা, $[u(T)+P]\;dV+Vdu(T)=0$

শ্টিফান-বোল্ংজ্মানের সূত্র অনুসারে $u(\mathrm{T})=a\mathrm{T}^{\star}$

$$\therefore \frac{du(T)}{u(T)} = 4\frac{dT}{T} \qquad \cdots \qquad (3)$$

সমীকরণ (1), (2) ও (3)-কে একত্র করিলে

$$\frac{d\lambda}{\lambda} = -\frac{dT}{T}$$

অথবা $\lambda T =$ ধ্বক

রুদ্ধতাপ উৎক্রমনীয় পদ্ধতিতে আয়তন প্রসারণে বিকিরণের উষ্ণতা হ্রাস পাইয়া T' হইবে এবং একই সঙ্গে নির্দিষ্ট তরঙ্গদৈর্ঘ্য বৃদ্ধি পাইয়া λ' হইবে । এই পরিবর্তন এমনভাবে হয় যে,

$$\lambda T = \lambda' T'$$
.

4. λ ও T-এর পরিবর্তনে $\lambda^5 u_{\lambda}(T)=$ ধ্রুবক।

রক্ষতাপ-আয়তন-পরিবর্তনের সময় বিকিরণ আন্তর-শক্তির বিনিমরে কার্য করে—এই কারণে $u_{\lambda}(T)\neq u_{\lambda}(T')$ । পাত্রের বিকিরণে কেবলমাত্র λ হইতে $\lambda+d\lambda$ তরঙ্গদৈর্ঘ্যে পৃথক্ভাবে চিন্তা করা যাক। রুদ্ধতাপ-পরিবর্তনে $\Delta W=-\Delta U$ ।

এই কারণে-

$$\frac{1}{3}u_{\lambda}(T)d\lambda\Delta V = -\Delta[Vu_{\lambda}(T)d\lambda]$$

$$= -u_{\lambda}(T)d\lambda\Delta V - Vd\lambda\Delta u_{\lambda}(T) - Vu_{\lambda}(T)\Delta(d\lambda)$$

अथवा,
$$\frac{4}{3}\frac{\Delta V}{V} + \frac{\Delta u_{\lambda}(T)}{u_{\lambda}(T)} + \frac{\Delta(d\lambda)}{d\lambda} = 0$$

बाबना,
$$\frac{5\Delta\lambda}{\lambda} + \frac{\Delta u_{\lambda}(T)}{u_{\lambda}(T)} = 0$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{3} \frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta \lambda}{\lambda} \\ \text{Logst} & \frac{\Delta d\lambda}{d\lambda} = \frac{\Delta \lambda}{\lambda} \end{bmatrix}$$

সমাকলের পরে---

$$\lambda^{5}u_{\lambda}(T) =$$
 ξ $= \lambda^{\prime 5}u_{\lambda}(T')$

উপরের সমীকরণে ভার্নাদকে $\lambda'=\lambda$ $\frac{T}{T'}$ । u_{λ} -যেহেতৃ T-এর অপেক্ষক, সেই কারণে উপরের সমীকরণে ধ্রুবকটি অবশাই T-এর কোন অপেক্ষক হইবে। কিন্তু ধ্রুবকটি T-এর এমনই একটি অপেক্ষক, যে রুদ্ধতাপ-আয়তন-পরিবর্তনে λ ও T-এর পরিবর্তনে অপেক্ষকটির কোন পরিবর্তন হইবে না। পূর্বেই দেখিয়াছি যে, রুদ্ধতাপ-আয়তন-পরিবর্তনে কৃষ্ণ বিকিরণে $\lambda T=$ ধ্রুবক—এই কারণে ধ্রুবকটি λT -র (λ ও T-এর গুণফলের) কোন অপেক্ষক হইবে।

$$\therefore u_{\lambda}d\lambda = \frac{A}{\lambda^{s}} f(\lambda T) d\lambda$$

ইহাই कुर विकित्रां डिस्तत्र मस्टि-वन्टेन সূত্র।

উত্তরমালা

প্রথম পরিচ্ছেদ

5. (i) RT,
$$\ln \left(\frac{V_f - b}{V_i - b}\right)$$

(ii) RT,
$$\ln \left(\frac{V_f - b}{V_f - b} \right) + a \left(\frac{1}{V_f} - \frac{1}{V_f} \right)^*$$

ullet (প্রশ্নে অভিম অবস্থায় উষ্ণতা $T_f = T_i$ ধর।)

6.
$$\frac{1}{1-\gamma} (P_t V_t - P_t V_t)$$

7. $KT(-\frac{3}{8}L_0 + L_0^2 \ln 2)$

দিভীয় পরিচ্ছেদ

- 3. (i) হাা (ii) বা (iv) না (v) না।
- 4. (a) (i) $\frac{2}{3}$ (ii) $\frac{2}{3}$ (iii) $\frac{2}{3}$.
 - (b) (i) 0 (ii) 1 (iii) 7 1
- 5. ¹³ 6. পথ-নিরপেক নয়।

তৃতীয় পরিচ্ছেদ

- 9. 37.71 Joules. 10. 3.66 Joules.
- 11. 446'8 atmos. 12. 744 atmos.*
- * (প্রান্নে আয়তন $500_{\mathrm{c.c.}}$ $\beta=5 imes10^{-5}$ এবং $\mathrm{B}=1.5 imes10^{18}$ ধরিয়া লও।)
- 13. $\Delta \tau = 2.16 \times 10^6 \text{ dynes*}$
- * (প্রেল্লে $\alpha = 1.5 \times 10^{-5}$ /°C এবং Y = 2×10^{12} dynes/cm² ধরিরা লও।)

চতুর্থ পরিচ্ছেদ

9. 6310° K. 10. $\Delta T = 53.6^{\circ}$ C. 11. -9.74° C/km.

ষষ্ঠ পরিচ্ছেদ

- 15. $\Delta T = 161.6$ °C.
- 16. 9670 cal. (প্রশ্নে খাদের উকতা 10°C এবং তাপ-প্রদায়কের উকতা 100°C হইবে।)
- 17. $T_1 = 117^{\circ}C$; $T_2 = 52^{\circ}C$. 18. $= 117^{\circ}C$
- 19. $Q_1 = 21428$ cal; $Q_2 = 10714$ cal.
- 21. 92'3 Watts व '124 H. P.
- 22. 6.15 min. *
- * (প্রশ্নে জলের পরিমাণ 9 gm-এর পরিবর্তে 9 kgm ধর। জলের উক্তা 0°C এবং বায়-মাধ্যমের উক্তা 20°C।)
 - 23. $\eta/\eta_c = \frac{3}{5}$ 24. 3000 cal; $\phi = .5$.
 - 25. 8'5 Watts; 8 paise.

সপ্তম পরিচ্ছেদ

- 8. 1 cal/°C; 1 cal/°C 9. 37:11 cal/°C
- 10. 46 cal/°C 11. '236 cal/°C
- 12. 3'66 cal/°C (এন্ট্রীপ র্বন্ধ পাইবে।)
- 13. 18'6 cal/°C 15. 3'82 cal/°C
- 16. 2.2 cal/°C/mole. 17. '25 cal/°C
- 18. 2.77 cal/°C
- 19. (a) '75 cal/°C (b) '75 cal/°C

बहेब शतिराहत

- 4. (a) $\Delta U = 499 \text{ cal}$; $\Delta H = 539 \text{ cal}$. $\Delta S = 1.44 \text{ cal/}^{\circ}C$; $\Delta G = 0$.
- 11. (a) 17.2 cal/mole (তাপ বর্জন করিবে।)

 △U = −16.5 cal.
 - (b) 2.57°C

- 12. (a) 4.5 Joules/kgm.; (b) 36.6 cal/kgm.*
 - * (প্রশ্নে k_T = 8 × 10⁻¹⁸ (dynes/cm²) ⁻¹ পড়িতে হইবে।)
 - (c) $\Delta U = -148.7$ Joules/kgm.
 - (d) '41°C (প্রশ্নে c, = '09 cal/gm ধরিয়া লও।)

নবম পরিচ্ছেদ

- 7. $C_v = 6.275 \text{ cal/mole.}$ $k_s = .557 \times 10^{-12} \text{ cm}^2/\text{dyne.}$
- 8. '404R (উক্তা 0°C ধরিয়া লও।)
- 12. $\Delta T = 61.8^{\circ}C$ age $\Delta T' = 211^{\circ}C.*$
 - \bullet (প্রয়ে $a = 13.4 \times 10^5$ atmos \times cm⁶/mole পড়িতে হইবে।)
- 17. 273°K. 18. 273'16°K. 20. (c) 2'81°K. *
 - (প্রশ্নে C_н = 10⁻ T Joules পড়িতে হইবে।)

দশম পরিচ্ছেদ

- 1. 81.23°C (প্রশ্নে বেঞ্জিন বাষ্পের ঘনত্ব '004 gm/cc. হইবে।)
- 2. 036°C/atmos. 4. -1.08 cal. 5. 548.5 cal.
- 6. 327'7 cc. 7. '0082°C (হ্লাস পাইবে)।
- 8. 2.05 gm/cc. 9. '025°C/atmos. (হ্রাস পাইবে)।
- 12. '00712°C.

একাদশ পরিচেছদ

8. 56.4% 9. 67.3%

बाष्ट्रभ शतिरुक्ष

- 4. 4.66×10^{-5} dynes/cm².
- 5. 4.46×10^{-11} atmosphere.

- 16. 6.89×10^{-18} watts.
 - (প্রশ্নে প্রতি সেকেণ্ডের পরিবর্তে প্রতি মিনিটে উক্তা 35°C হ্রাস পার ধরিতে হইবে ।)
- 17. $I_1/I_2 = 69.2$.
- 18. 5728°K (প্রশ্নে σ = · · · · · /°K * হইবে ৷) 22. 6170°K.

ज्रामम भत्रिक्ष

- 4. 336°K.
- 5. 1'14 Joule/mole-degree; 2'74 Joule/mole-degree.

পারিভাষিক শব্দাবলী

Abscissa—

Absolute scale—নিরপেক স্বেল,

পরম স্কেল

Absolute value—পরম মান

Absoptivity—শোবিতাৰ

Abstract science—বিষ্ঠ বিজ্ঞান

Achromatic lens combination

—অবর্ণ লেন্স সমবায়

Active mass—দুক্তিয়-ভর

Accuracy—বথাপতা

Adiabatic-ক্ষতাপ

Adiathermanous—ভাপ-অন্থরক

Air damped—বাত্যাহত

Alkali metal—কার ধাতু

Alternate—একাম্বর

Alternating field-পরিবর্তী

বলকেত

Analysing Nichol—বিশ্লেষক

নিকল

Analytical form—বৈশ্লেষিক গঠন

Anisotropic—সমসারকপ্রণের অভাব

Aperture—উন্মেৰ পথ

Approximate-ৰূপ, আসৱ

Arbitrary constant—অনিদিষ্ট

Athermanous—ভাপরোধী

Atomic heat—পারমাণবিক ভাপ

Atomic weight—পারমাণবিক গুরুষ

ৰ Auxilliary—সহায়ক

Axis—অক

Azimuth—দিগংশ

Bearing—অক্নাভি

Binomial expansion—দ্বিপদ

বিস্তৃতি

Bivariant system—বিচৰ-তম্ব

Black body—季季 3署

Black body radiation Black radiation

—কৃষ্ণ বিকি**রণ**

Boiler—"বয়লার"

Boiling point—ফুটনাক

Brine—লবণোদক

Bulk modulus—আয়তন-বিক্বতি-

গুণাংক

Calibration—ক্ৰমাৰন

Calibrated—ক্ৰমান্ধিত

Cartesian—কার্ডেজীয়

Cell—কোৰ

Characteristic temperature

বৈশিষ্ট্য-সূচক উষ্ণতা

তাপগতিতত্ত্ব

Charging stroke—গ্রহণের ঘাত Concept-मनन, शादना Chemical—রাসায়নিক Concentric-अक्टकिक Condensation—ঘনীভবন Chromosphere—বৰ্ মণ্ডল Condenser-100 Classical—স্নাতন Conduction—পরিবছন Co-axial—मयाकीय Co-latitude—অক্তোটি Configuration—বিকাস Conical—শঙ্গ আকৃতির Coefficient—গুণাংক, সহগ Conservative field-সংক্ৰমী-Coefficient of performance— --কুতি-গুণাংক বলক্ষেত্ৰ Constant-\$74 Coefficient of linear expansion Constant, universal- हिन्द्रभन —रिम्धा-श्रमादन-स्नारक Coefficient of volume expansion ঞ্বক Constraint—বাধ্যবাধকতা, বাধা — আয়তন-প্রসারণ-প্রণাংক Convection—পরিচলন Coil-कु अनो Convex lens—উত্তল লেকা Coil, Primary—মুখ্য কুওলী Coil, Secondary—গোণ কুণ্ডলী Co-ordinate-Blats Corollary—অনুসিকান্ত Collimator—অক্কিরক বন্ত Correction-Column—VE Couple-17 Combustion chamber-WEA-Corresponding—প্ৰতিবৰী क्यका है। Crank- TIT Complimentary—পরিপুরক Component—(वनावन) छेनानान Critical temperature ---সন্ধি-উঞ্চতা, সম্কট-উঞ্চতা, -(वनविद्या) উপাংन ক্ৰান্তিক উক্ততা Composite engine—्योष धिन Cross section— 27(19) Composition, chemical Crystal—কেলাস --রাসায়নিক সংযুতি, রাসায়নিক Cylinder—VV সংস্থিতি

Compression—দংনমন
Compressor—দংনমক
Compressibility—দংনমাতা

Data—উপাস্ত Defination—সংজ্ঞা

Degenaracy—?	Distribution formula—বন্টন স্থঅ
Degeneration—অধ:পতন	Dynamic equilibrium—গতিশীল
Degenerated—অধ্:পতিত	সাম্যাবস্থা
Degree of freedom—স্বাতন্ত্র্যমাত্রা	Eccentric—छेश्किक
Demagnetisation—নিকৌমকীকরণ	Effect—ক্রিয়া, প্রভাব
Demon—ভূত	Efficiency—বান্ত্ৰিক-দক্ষতা
Denominator— र्व	Elasticity—স্থিতিস্থাপকতা
Density—খনস্থ	Electric spark—তড়িৎ-মোক্ষা
Deviation—বিচ্যুতি	Electrode—ভড়িৎশার
Diathermic wall—ভাপপরিবাহী	Electrolyte—তড়িৎ-বিশ্বেশ্ব
দেওয়াল	Electromagnetic wave
Diathermanous—ভাপৰচ্ছ	তড়িৎচুম্বকীয় তরঙ্গ
Differential—অবকল	E. m. f. (electromotive force)
Differntial, perfect/exact	তড়িচ্চালক বল
—সম্পূৰ্ণ অবকল, যথাৰ্থ অবকল	Emissive power—নি:সরণ-ক্ষমতা
Differential, imperfect	Emissivity— "
—অস - পূর্ণ অবকল	Empirical—প্রায়োগিক
Diffusion—বিক্ষেপন, ব্যাপন	Energy—**
Diffuse radiation—বিক্থি	Energy density—শক্তি-ঘনত্ব
বি কি রণ	Engine—এম্বিন
Dilute solution—লঘু দ্ৰবণ	Engine, external combustion
Dimension—পাত	—विश्विम अक्र न
Directional derivative	Engine, internal combustion
—দিক্ অবকল গুণাংক	— षर्स्टन पश्चिन
Directed radiation - विक् निर्मिष्ठे	Engineering science—কারিগরী
বিকিয়ণ	
Discharge tube—নি:শ্ৰব নল	Enthalpy—এন্ধ্যালপি, মোট তাপ
Displacement law—অভিকাশ্বি প্ৰ	Entropy—এন্ট্রপি
Disorder—বিশৃথ্য	Equality—সমতা
Dissociation—বিভালন, বিরোপন	Equation—স্মীকরণ

Gauge —'গেৰ'

91111	917111904		
Equilibrium—সাম্যাবস্থা, সাম্য	General theory—সাধারণ স্বত্ত		
Equilibrium constant—	Graduated—খংশান্বিত		
সাম্য-এবক	Graph—শেশ		
Equivalence—তুল্যতা	Gravitational—অভিকৰ্		
Evaporator—राष्ट्रायन वारकांड	Grid—ঝাঝরি		
Exclusion principle—অপ্রর্জন	Ground state—অবম শক্তি-অবস্থা		
নীতি			
Exhaust port—নির্গম বার	Harmonic oscillator—পৰাবৃত্ত		
Experimental—পরীকালর	দোলক		
Exothermic—ভাপ-উদ্গারী	Heterogeneous—অ-সমস্ভ		
Extension—সংযোজন	Heat of decomposition—বিভা ত্ত ন		
	ভাপ		
Factor—कारक	Heat of formation—সংগঠন		
Fallacy—অমূপপত্তি	ভাপ		
Far-infra-red—অবলোহিতের	Heat of reaction—বিকিয়া ভাপ		
শেষ প্রাস্থ	Homogeneous—সমস্থ		
Film—FE	Homogeneous first degree		
Finite—मनीय	equation—প্রথম ডিগ্রির		
Fly wheel—খুৰ্ন চক্ৰ	সম্মাত্রিক স্মীকরণ		
Formula—रूड	Horse power—अव-कम्खा		
Free energy—युक "कि	Hydrostatic—উদ্স্থিতিক		
Free expansion—মৃক্ত প্রসারণ	Hysteresis—শৈপিন্য		
Freezing point-ছিমাৰ			
Friction—ঘৰণ	Ignition temperature—ৰগন-		
Function— ¶	উঞ্চতা		
Function, continuous—733-	Incandescent—ভাবর		
অংশক্ষ	Incorporate— অভুবৰ		
Function, state—অবস্থার অপেকক	Indistinguishibility— অভিনতা মত		

Indicator diagram—স্টক চিত্ৰ

Infinite—चनीय

Infinitesimal—অণু-পরিমাণ,

অতি ক্ষদ্ৰ

Infra-red—অবলোহিত

Inlet valve—প্রবেশ ভাল্ব

Insulated — অম্বরিত

Interference—ব্যতিচার

Intermolecular—আন্ত: আণ্রিক

Interpretation—ব্যাখ্যা

Integer—পূৰ্ব সংখ্যা

Integral—সমাকল

Integral, definite—নিশ্ভিত সমাৰুল

Integrand—भयाकना

Integrating factor—সমাকল

গুণিতক

Intensity—ভীব্ৰতা

Intensity of illumination

দীপন মাতা

Internal energy—আন্তর-শক্তি,

অভাস্থরীণ শক্তি

Intermolecular vibration

আন্ত:-আণ্তিক কম্পন

Invariant system—নিশ্চল তম্ব

Inversion temperature—

উংক্রম উষ্ণতা, বিলোমক উষ্ণতা

Ionised—আয়নিত

Irreversible—অম্বংক্ষনীয়

Irreversibility—অসুৎক্রমনীয়তা

Isentropic—সম্প্রমূপীয়

Isobaric-শ্বির চাপ

Isochoric—ত্বি আয়তন

Isolated system—বিচ্ছিন্ন তন্ত্ৰ,

Isothermal—সমোক

Isotropic—সমসারক

Jacket--বহিরাবরণ

Junction—সন্ধি

Kinetic theory—আণবিক গভিতত্ব

Lapse rate—অতিপত্তি হার

Latent energy—আবদ্ধ শক্তি

Latent heat—লীন তাপ

Limiting value—প্রান্থিক মান

Linearly—সম হারে

Linear motion—রৈখিক গতি

Liquefaction—তরলীভবন

Longitudinal wave—অমুদৈর্ঘ্য

তরক

Lowest—অবম

Loop—ফাস

Macro state—চাকুষ অবস্থা,

বাহ্যিক অবস্থা

Magnetisation—চুম্বকীকরণ

Magnetic moment

—চৌমক-ভামক

Magnetic susceptibility

চৌষক-গ্ৰাহিতা

Main shaft—মূল দণ্ড

Mass action, Law

—ভর-ক্রিয়ার স্বত্ত

Mathematical—গাণিতিক

Mechanics—বশবিষ্যা
Mechanical work—বাত্তিক কার্ব
Membrane—বিত্তি
Metastable equilibrium

—ছু:স্থিত সাম্যাবস্থা

Miscible liquid—মিশ্রণীয় ভরণ Mode—ভূষক Modulus of rigidity—কৃত্তন-গুণাংক Molar concentration

Micro state—আগবীক্ষণিক অবস্থা

—আপব গাচ্ছ

Molar internal energy

—আণ্ব আস্বর-শক্তি

Molar specific heat

—আণ্ব আপেকিক তাপ

Mole-fraction—গ্রাম-অণ্-ভগ্রাংশ,

আণ্ব ভগ্নাংশ

Molality—আৰিক গাঢ়ৰ, আৰিকতা Molecular weight—আণব ভর,

আগবিক গুৰুত্ব

Moment of Inertia—স্বাদ্য-ভ্রামক Monochromatic

—একটি মাত্র কম্পাস্থ

Negative—ঋণাত্মক Neutral point—উদাসীন বিন্দু Node—নিম্পন্দ তল, নিম্পন্দ বিন্দু Non-black radiation—খ-ক্ষ

বিকিরণ

Non-electrolyte--- ম-তড়িংবিলেয়

Non equilibrium—অ-সামাৰস্থা Numerator—লব

Null point—নিম্পন্দ বিন্দু

Numerical integration

—সাংখ্যিক সমাকগন

Objective—বছ নির্দ্ধ,

অভিলক্য (আলোক বিজ্ঞান)

One variable system—একচৰ ভয়

Ordinate -কোটি

Origin—श्न दिन्

Osmosis—অভিসরণ

Osmotic pressure—অভিসারক

519

Outlet valve—নিৰ্গম ভাল্ব

Packet-STET

Paddle wheel - পূৰ্ণৰ চক্ৰ

Parabola—অধিবৃত্ত

Parabolic mirror—অধিবৃত্তীয় দর্পন

Paradox—कृष

Parameter—শিতিমাপ, চল

Parameter, extensive—ব্যাপক চল

Parameter, intensive—সংকীৰ্ণ চল

Partial pressure—আংশিক প্ৰেৰ

Path dependent-প্ৰ-নিৰ্ভন্ন

Penetrability-(ETS)

Perfect gas—आवर्ष गाम

Perpetual motion—অবিবাম গতি

Phase-Will

Phase change—দশাস্থর Photon—আলোক কণা, শক্তি কণা Photosphere—আলোক মণ্ডল Photoelectricity—আলোক-তডিং-কণা Physical change—ভৌত পরিবর্তন Physical property—ভৌত ধর্ম Physical science—ভৌত বিজ্ঞান Plane polarised—তল সমবতিত Polar angle—ধ্ৰুবীয় কোণ Polarisation—সমবর্তন Porous plug—সচ্চিত্ৰ ঢাকনি Position—অবস্থান Positive—ধনাত্মক Postulate—শ্বীকার্য বিষয় Potential—বিভাব Practical science—ফলিত বিজ্ঞান Pressure_519 Principle of conservation of energy-निक-मश्वक्-म्यज Principle of degradation of energy—শক্তির অবক্ষয় স্ত্র Principle of equipartition of energy-শক্তি-সমব্টন-স্ত্ৰ Probability—সম্ভাব্যভা Probability, mathematical **—গাণিতিক সম্ভাবাতা** Probability, thermodynamic —ভাগগভীয় সম্ভাব্যভা Pulley-কৃপিকল

Pure-- विलक Pyrometry—পাইরোমিভি Pyrometer—পাইরোমিটার Property-ধর্ম Qualitative--গুণাত Ouantitative—সংখ্যাগত Quantum mechanics-791-বলবিদ্যা Quasistatic—আপাত-সাম্যীয় Radiation-বিকিরণ Real gas—বান্তব গ্যাস Reaction-বিক্রিয়া Reflection—প্ৰতিফলন Reflectivity—প্ৰতিফলনাক Refraction—প্রতিসরণ Refrigerator—হিমায়ক Refrigerant—তাপ সংগ্রাহক Regenerative cooling—প্ৰায়ক্ৰমে <u> শীতলীকরণ</u> Relative concentration —আপেকিক গাঢ়ছ Relative lowering --আপেকিক অবন্যন Resistance—রোধ Resistive force—প্রতিরোধী বল Resonator—অমুনাদক

Reversible—उ९क्शनीय

Reversible cell—উৎক্রমনীয় কোৰ

Reversible path—উৎक्यनीय পध Reversible process—উৎक्यनीय

প্রক্রিয়া

Rotation—पूर्वन

Rotating sector—ঘূর্ণায়মান বৃত্তকলা

Saturated—সম্ভ

Second order—বিভীয় ক্ৰম

Sensitive—ऋ(तमी, मःरतमञ्जीन

Shell—ধোলক

Single valued—এক মানের

Sink—খাদ, ভাপগ্ৰাহক

Slice—পাত

Slide valve—গতিশীল ভালব

Slope—নতি

Specific heat—আপেন্দিক তাপ

Specific volume—আপেৰিক

আয়তন

Spectrum—বৰ্ণালী

Spectrum, absorption

—শোষণ বৰ্ণালী

Spectrum, band-नार वर्गानी

Spectrum, continuous

--- विवयिक्त वर्गानी

Spectrum, emission

--- निः मद्रव दर्शानी

Spectrum, line—রেখা বর্ণালী

Spectroscope---वर्गामी-वीक्य-यञ्च

Spin axis—পূৰ্বন অক

Spiral tube-স্পিল নল

Spontaneous—ৰত: কুৰ্ড

Solar constant-শোর-জবক

Solid angle-ৰনকোণ

Solute—ভাৰ

Solvent—ভাবক

Source—উৎস

Standard state—প্ৰমাণ অবস্থা

Standardisation—প্রমিতকরণ

Steam—বান্প

Steam chest_বান্স-প্রকার

Strain—ভতি

Strained wire—তত তার

Statistics – পরিসংখ্যান

Staistical—পরিলাংখ্যিক

Statistical mechanics

-পরিসংগ্যান বলবিতা

Statistical thermodynamics

—পরিসংখ্যান তাপপতিতত্ত

Stationary orbit—শ্বির কক

Stop cock—वाष्-निक्ष ठावि

Stress—পাড়ন

Stroke-113

Sublimation—উৰ্মণাতন

Subscript—भाषाःक

Suction stroke—গ্ৰহণের ঘাত

Super cooled—অভিশীতদীকৃত

Super heated—অভিভাপিত

Surface brightness - 95-3-371

Surface emitter—পূষ্ঠ-উৎস,

পুষ্ঠ-বিকিরক

–নিরপেক চল

Surface tension—পৃষ্ঠ-টান Symbol—সংকেড চিহ্ন System—ভন্ধ

Tangential component—স্পাৰ্শক উপাংশ

Telescope—দূৰবীক্ষণ বন্ধ
Temperature—উষ্ণতা
Tension—টান
Theorem—উপপাদ্ধ
Theoretical—তত্তীয়
Thermal conductivity
—তাপ পৰিবাহিতাহ

Thermo couple—তাপযুগ্ম
Thermal energy—তাপীয় শক্তি
Thermal equilibrium—তাপীয় সাম্য
Thermal radiation—উষ্ণতাজাতবিকিরণ

Thermodynamics—ভাপগতিতব
Thermostat—ভাপস্থাপী
Throttling process —নিক্স প্রক্রিয়া
Torsional rigidity—মোচড়ীয় দৃঢ়তা
Torsion head—ব্যবর্ত শির
Transmitivity—সংবহিতাস
Transverse wave—তির্বক্ তরক
Triple point—ত্তৈপ বিন্দু
Turbulent motion—অশাস্ত গতি
Two variable system—ন্থিচল তম্ব

Unbalanced force—অসম বল, অপ্রশমিত বল Unidirectional—একমুখী Universe—বিশ্ব ব্ৰহ্মাণ্ড

Vacuum—অদীম শৃষ্ণ Valency—বোব্যাতা Variable—চল

Variable, independent

Variance—নির্ণায়ক Vibration—দোলন, কম্পন Vibrational energy—দোলন-শক্তি Virtual change

—কাল্পনিক পরিবর্তন

Virtual equilibrium

—কল্পিড সাম্য Viscosity—সাব্রুডা

Viscosity—শাস্ত্ৰও Volume—আয়তন

Water equivalent—জ্লাসম

Wave —তরন্ধ

Wave length—তরন্ধরির

Width—বিস্তার

Work—কার্য

Work, internal—আন্তর-কার্য

Work, external—বহি: কার্য

Working substance—কার্যকরী ভার

Zero—শৃষ্ট Zeroth Law—আদি স্বত্ত